Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 19

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

- $arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$
- k = -1;
- Искомое значение = $2\cdot\left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right)=-1-\sqrt{3}i=2e^{-\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[5+13*I], [-15-10*I]])

3. Над С:
$$-1*(x-1)(x+3)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-i)(x+2+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-1*(x-1)(x+3)(x^2+2x+5)(x^2+4x+5)$

4. Все числа z: 62-19i, -28-31i, -8-11i

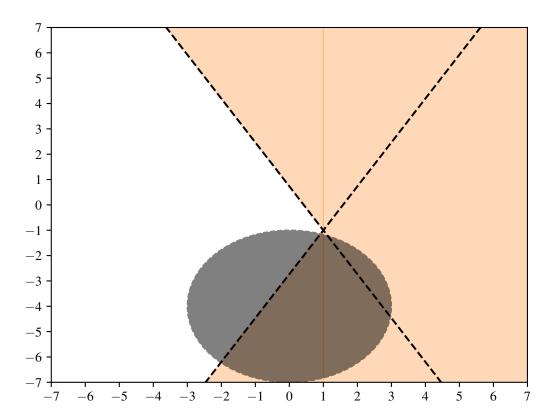
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;-1) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 82\alpha - 47\beta - 26\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -11\alpha + 6\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -13\alpha + 8\beta + 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{82\alpha}{5} + \frac{47\beta}{5} + \frac{26\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{11\alpha}{5} - \frac{6\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{13\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} - \frac{4\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{82\alpha}{5} + \frac{47\beta}{5} + \frac{26\gamma}{5} \\ \frac{11\alpha}{5} - \frac{6\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ \frac{13\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} - \frac{4\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-13, -34, -20)$$

$$L: \frac{x}{8} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-1, -16, -14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-12}{5} = \frac{-y-15}{13} = \frac{16-z}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{13-x}{5} = \frac{50-y}{13} = \frac{66-z}{10}$$