Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 7

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{10}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(-\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{-\frac{7i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[4-9*I],[3-3*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-2)(x+1)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+5-5i)(x+5+5i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-2)(x+1)(x^2-4x+20)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $-9+45i$, $-41-37i$, $5-9i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

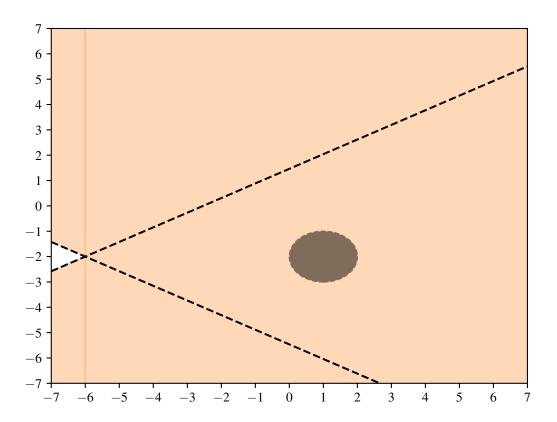
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -2) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = -8\alpha - 2\beta - \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -11\alpha - 5\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -13\alpha - 4\beta - 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{8\alpha}{3} + \frac{2\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{11\alpha}{3} + \frac{5\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{13\alpha}{3} + \frac{4\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{8\alpha}{3} + \frac{2\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \\ \frac{11\alpha}{3} + \frac{5\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ \frac{13\alpha}{3} + \frac{4\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-36, 30, 41)$$

$$L: \frac{x+3}{-2} = \frac{y-3}{-4} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (4, 7, -21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-8}{18} = \frac{7-y}{13} = \frac{12-z}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-62}{18} = \frac{-y-32}{13} = \frac{-z-24}{12}$$