Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 17

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
:

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{4}} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4} \right) \right) \mid k \in [0,4) \right\};$$

• 
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = -3;
- Искомое значение =  $2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 2^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{4}}$

2. 
$$Matrix([[-11-12*I], [-15+4*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x+4)(x+5)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+2-2i)(x+2+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x+4)(x+5)(x^2-8x+25)(x^2+4x+8)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $1 + 20i$ ,  $-23 + 4i$ ,  $-35 + 36i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

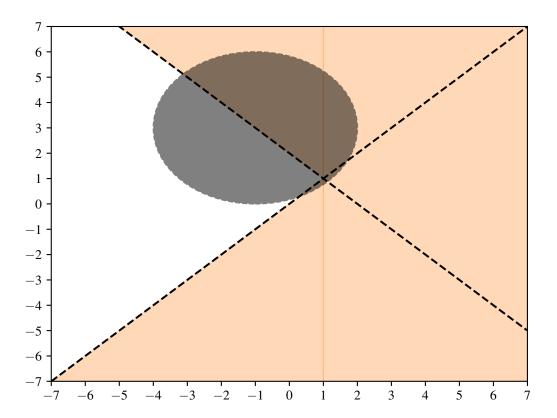
• 
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
:

• 
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;1) под углом  $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 24\alpha + 32\beta + 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -4\alpha - 6\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 12\alpha + 15\beta + 5\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -6\alpha - 8\beta - 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha + \frac{3\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -3\alpha - \frac{15\beta}{4} - \frac{5\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -6\alpha - 8\beta - 3\gamma \\ \alpha + \frac{3\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ -3\alpha - \frac{15\beta}{4} - \frac{5\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (18, 4, 37)$$

$$L: \frac{x+1}{26} = \frac{y-15}{-13} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (23, 33, 23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{13-x}{2} = \frac{y-3}{16} = \frac{-z-6}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{25 - x}{2} = \frac{y + 93}{16} = \frac{102 - z}{18}$$