Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 27

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 3;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{8\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{8\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{8i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[-9+9\*I], [-8-I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x-4)(x-1)(x+4-3i)(x+4+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x-4)(x-1)(x^2+8x+25)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа z: -32+75i, 6-25i, -2-21i

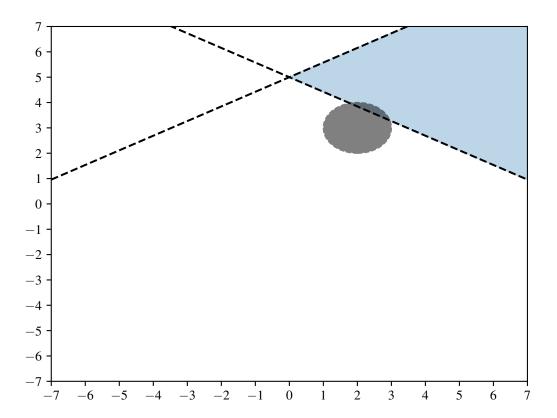
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{6}$ ;
- n = 12;

• 
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 12\alpha + 16\beta + 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 40\alpha + 54\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -36\alpha - 48\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3\alpha - 4\beta - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -10\alpha - \frac{27\beta}{2} - \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 9\alpha + 12\beta + 4\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -3\alpha - 4\beta - \frac{3\gamma}{2} \\ -10\alpha - \frac{27\beta}{2} - \frac{9\gamma}{2} \\ 9\alpha + 12\beta + 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 25, -8)$$

$$L: \frac{x-1}{-5} = \frac{y+9}{10} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (5, -12, -18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{20} = \frac{y-11}{17} = \frac{z+20}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 88}{20} = \frac{y - 79}{17} = \frac{z - 4}{6}$$