Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 35

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

- k = -2;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) i\sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{-\frac{5i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[13-11\*I],[-8+7\*I]])

3. Над С: 
$$-4*(x+2)(x+5)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-3-i)(x-3+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x+2)(x+5)(x^2-8x+20)(x^2-6x+10)$ 

4. Все числа z: 24-76i, -24+32i, 6+18i

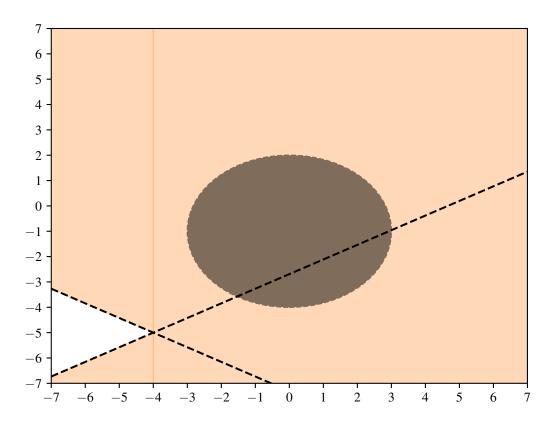
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{2\pi}{3}$ ;
- *n* = 3:

• 
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -5) под углом  $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 3\alpha - 7\beta - 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 3\alpha - 5\beta - 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha - 14\beta - 18\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{7\beta}{6} + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{5\beta}{6} + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha + \frac{7\beta}{3} + 3\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{2} + \frac{7\beta}{6} + 2\gamma \\ -\frac{\alpha}{2} + \frac{5\beta}{6} + \gamma \\ -\alpha + \frac{7\beta}{3} + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (27, -29, -4)$$

$$L: \frac{x+3}{5} = \frac{y-7}{-9} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-7, -7, -5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{4} = \frac{y+20}{3} = \frac{z+6}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{2-x}{4} = \frac{y+11}{3} = \frac{z-51}{19}$$