Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 9

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = {\sqrt[7]{3} \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{7}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{7}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{7}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{\frac{i\pi}{7}}$$

2.
$$Matrix([[3+11*I],[13-7*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-1)(x+3)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+4-2i)(x+4+2i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-1)(x+3)(x^2-4x+13)(x^2+8x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $-31-49i$, $-5-i$, $63+3i$

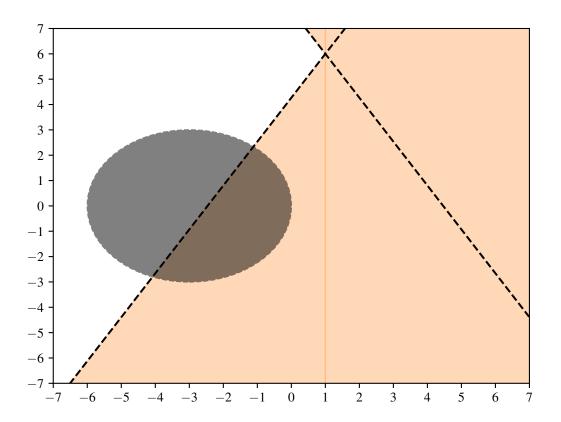
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; 6) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = 10\alpha + 25\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 9\alpha + 20\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 7\alpha + 15\beta + 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 2\alpha + 5\beta + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{9\alpha}{5} + 4\beta + \frac{4\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{7\alpha}{5} + 3\beta + \frac{2\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 2\alpha + 5\beta + \gamma \\ \frac{9\alpha}{5} + 4\beta + \frac{4\gamma}{5} \\ \frac{7\alpha}{5} + 3\beta + \frac{2\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-19, -34, -6)$$

$$L: \frac{x-2}{21} = \frac{y-5}{-3} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (11, 18, 31)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$-\frac{x}{19} = \frac{10 - y}{10} = \frac{14 - z}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-95}{19} = \frac{-y-40}{10} = \frac{-z-56}{14}$$