Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 12

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{5}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} - i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} e^{-\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[2-6*I], [-12+6*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2 * (x-3)(x+3)(x-4-i)(x-4+i)(x+1-2i)(x+1+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2 * (x-3)(x+3)(x^2-8x+17)(x^2+2x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $-4-9i$, $-30-11i$, $20-15i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

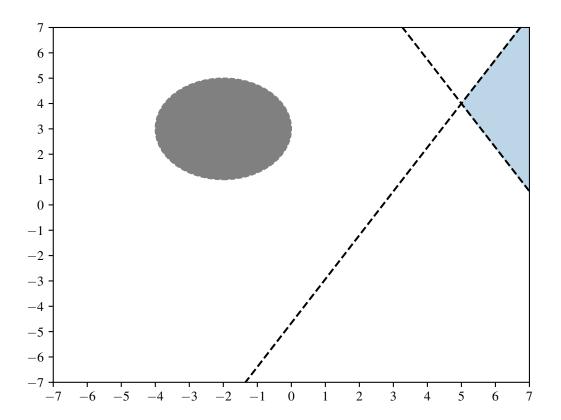
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 23\alpha - 24\beta - 53\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 15\alpha - 16\beta - 35\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha - 6\beta - 14\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{23\alpha}{2} + 12\beta + \frac{53\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{15\alpha}{2} + 8\beta + \frac{35\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -3\alpha + 3\beta + 7\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{23\alpha}{2} + 12\beta + \frac{53\gamma}{2} \\ -\frac{15\alpha}{2} + 8\beta + \frac{35\gamma}{2} \\ -3\alpha + 3\beta + 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-39, 28, 8)$$

$$L: \frac{x-1}{-14} = \frac{y-68}{-70} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-18, -1, -30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{1-x}{12} = \frac{14-y}{4} = \frac{5-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{73 - x}{12} = \frac{38 - y}{4} = \frac{101 - z}{16}$$