Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 2$$
:

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{15}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{5}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} e^{\frac{11i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[1-7*I], [-6-14*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-4)(x+2)(x+4-3i)(x+4+3i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x+2)(x^2+8x+25)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-36-42i$, $-14+16i$, $-24+28i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

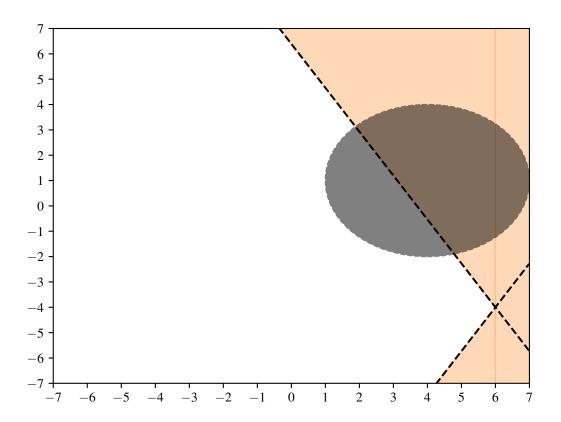
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\beta$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha - 45\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha - 34\beta - 6\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\beta \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{4} - \frac{45\beta}{4} - \frac{7\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{17\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\beta \\ -\frac{3\alpha}{4} - \frac{45\beta}{4} - \frac{7\gamma}{4} \\ -\frac{\alpha}{2} - \frac{17\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -26, -20)$$

$$L: \frac{x-2}{1} = \frac{y+5}{2} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (7, -10, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+1}{8} = \frac{-y-19}{4} = \frac{z+2}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+33}{8} = \frac{-y-3}{4} = \frac{z+38}{9}$$