Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 29

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
:

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-9+11*I], [-4-3*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x+1)(x+4)(x+3-4i)(x+3+4i)(x+4-2i)(x+4+2i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x+1)(x+4)(x^2+6x+25)(x^2+8x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $38 - 30i$, $-62 + 56i$, $8 + 2i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

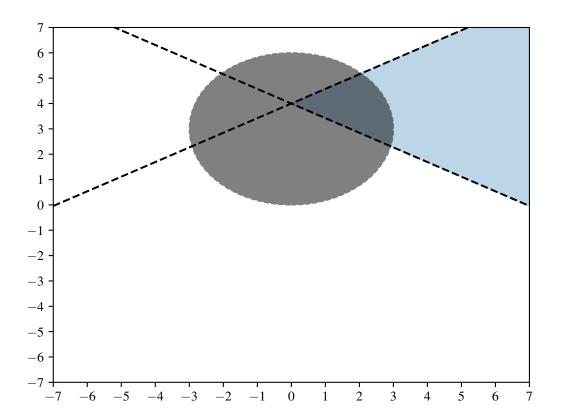
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -8 - 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 8\alpha - 5\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 12\alpha - 3\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -4\alpha + 2\beta + 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha + \frac{5\beta}{4} + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -3\alpha + \frac{3\beta}{4} + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha - \frac{\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -2\alpha + \frac{5\beta}{4} + 2\gamma \\ -3\alpha + \frac{3\beta}{4} + 2\gamma \\ \alpha - \frac{\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (9, -5, -17)$$

$$L: \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (1, 16, -11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+10}{13} = \frac{y+15}{16} = \frac{z-19}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-29}{13} = \frac{y-33}{16} = \frac{z-76}{19}$$