Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 17

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 3;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{10\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{10\pi}{9}\right)\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right) = e^{-\frac{8i\pi}{9}}$

2.
$$Matrix([[-2-14*I],[1-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5 * (x-1)(x+2)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+2-5i)(x+2+5i)$, над \mathbb{R} : $-5 * (x-1)(x+2)(x^2-6x+25)(x^2+4x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $-5-58i$, $-7+4i$, $7+24i$

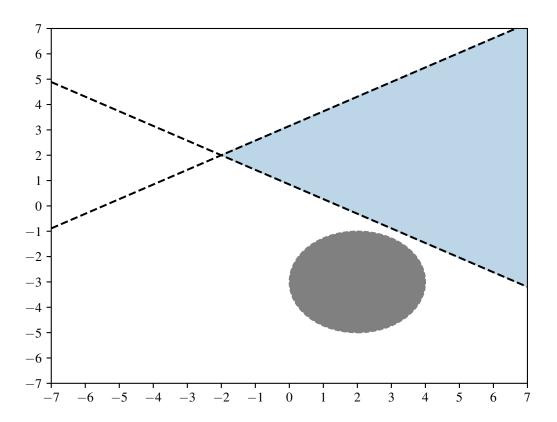
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -\frac{81}{2} + \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 81e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 1$$
;

•
$$\Delta_1 = -\alpha + 3\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 5\alpha - 20\beta - 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - 4\beta - 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha + 3\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha - 20\beta - 16\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha - 4\beta - 3\gamma \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha + 3\beta + 2\gamma \\ 5\alpha - 20\beta - 16\gamma \\ \alpha - 4\beta - 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-18, 26, 36)$$

$$L: \frac{x-2}{-18} = \frac{y-20}{-18} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-30, 28, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{18-x}{3} = \frac{3-y}{16} = -\frac{z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{3-x}{3} = \frac{-y-77}{16} = \frac{-z-95}{19}$$