Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 28

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

- k = 0;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3} e^{\frac{i\pi}{9}}$

2.
$$Matrix([[2-7*I], [-5+4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-4)(x+2)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+3-i)(x+3+i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x+2)(x^2-4x+8)(x^2+6x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $-5-7i$, $-25-15i$, $39+43i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

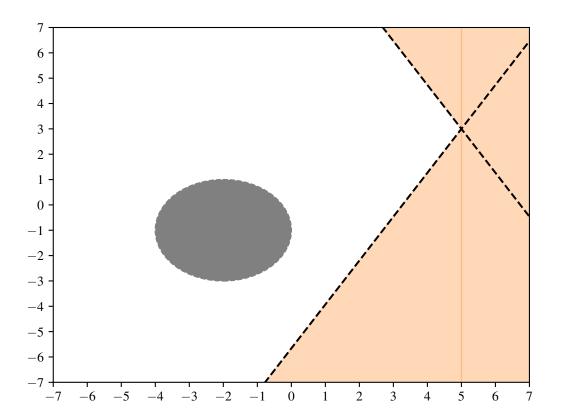
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;-1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;3) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha + 94\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha - 28\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -\alpha + 26\beta + 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha + 47\beta + 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} - 14\beta - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} + 13\beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$A_0 = (-9, -8, 30)$$

$$L: \frac{x+3}{7} = \frac{y-27}{-28} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (16, 2, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-6}{9} = \frac{y-8}{3} = \frac{z-12}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-51}{9} = \frac{y-23}{3} = \frac{z-97}{17}$$