Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 14

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right) = e^{\frac{4i\pi}{21}}$

2.
$$Matrix([[-13-14*I],[3-6*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x+1)(x+2)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+3-3i)(x+3+3i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+1)(x+2)(x^2+4x+8)(x^2+6x+18)$

4. Все числа z: 3-45i, 27-5i, -25+15i

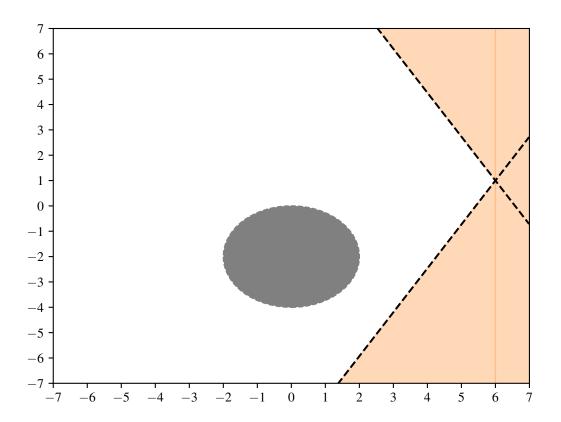
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- n = 6:

•
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; 1) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -48\alpha - 73\beta + 152\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\alpha + 9\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha + 10\beta - 20\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -8\alpha - \frac{73\beta}{6} + \frac{76\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \alpha + \frac{3\beta}{2} - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha + \frac{5\beta}{3} - \frac{10\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -8\alpha - \frac{73\beta}{6} + \frac{76\gamma}{3} \\ \alpha + \frac{3\beta}{2} - 3\gamma \\ \alpha + \frac{5\beta}{3} - \frac{10\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, 20, 30)$$

$$L: \frac{x-2}{-22} = \frac{y+14}{11} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (-6, -30, 21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{4} = \frac{1-y}{10} = \frac{z+3}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{38 - x}{4} = \frac{61 - y}{10} = \frac{z + 99}{16}$$