Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 26

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i = 64i$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i\cdot\sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -2$$
;

• Искомое значение = 
$$2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(-\frac{7\pi}{8}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{7\pi}{8}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(-\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4}+\frac{1}{2}}-i\sqrt{\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{2}}{4}}\right)=2\sqrt{2}e^{-\frac{7i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[3-12*I],[-7+2*I]])$$

3. Над С: 
$$-2*(x-4)(x+3)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+3-5i)(x+3+5i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x-4)(x+3)(x^2+2x+10)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $57 + 32i$ ,  $-21 - 10i$ ,  $-19 - 16i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

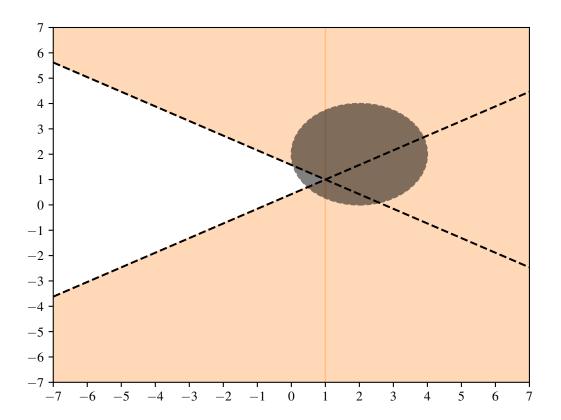
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 2) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;1) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -45\alpha + 67\beta + 98\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -12\alpha + 18\beta + 26\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 32\alpha - 48\beta - 70\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{45\alpha}{2} + \frac{67\beta}{2} + 49\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha + 9\beta + 13\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 16\alpha - 24\beta - 35\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{45\alpha}{2} + \frac{67\beta}{2} + 49\gamma \\ -6\alpha + 9\beta + 13\gamma \\ 16\alpha - 24\beta - 35\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (4, -18, -34)$$

$$L: \frac{x-1}{-24} = \frac{y-10}{-8} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-1, 6, -8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{3} = \frac{y+11}{19} = \frac{-z-11}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{3-x}{3} = \frac{y+144}{19} = \frac{45-z}{8}$$