Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 33

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
:

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 2;
- Искомое значение = $2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{4}} \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 2^{\frac{3}{4}} e^{\frac{3i\pi}{4}}$
- 2. Matrix([[-11+8*I],[7+5*I]])

3. Над С: 2 *
$$(x-2)(x-1)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-2)(x-1)(x^2+2x+10)(x^2+10x+41)$

4. Все числа z: 7-7i, 51+61i, -37-29i

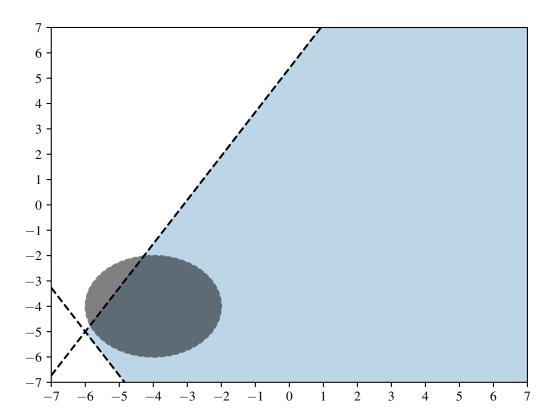
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- *n* = 6:

•
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -47\alpha + 17\beta - 89\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -21\alpha + 7\beta - 39\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 18\alpha - 6\beta + 34\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{47\alpha}{4} + \frac{17\beta}{4} - \frac{89\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{21\alpha}{4} + \frac{7\beta}{4} - \frac{39\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{9\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} + \frac{17\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{47\alpha}{4} + \frac{17\beta}{4} - \frac{89\gamma}{4} \\ -\frac{21\alpha}{4} + \frac{7\beta}{4} - \frac{39\gamma}{4} \\ \frac{9\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} + \frac{17\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, -3, -4)$$

$$L: \frac{x+2}{5} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (-11, 1, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-19}{19} = \frac{y-19}{9} = \frac{2-z}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-95}{19} = \frac{y-55}{9} = \frac{-z-54}{14}$$