Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 35

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{15}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right) = e^{-\frac{11i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[5+I], [10-7*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+1)(x+3)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+2-2i)(x+2+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+1)(x+3)(x^2+2x+10)(x^2+4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $11+47i$, $-39+11i$, $9-23i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

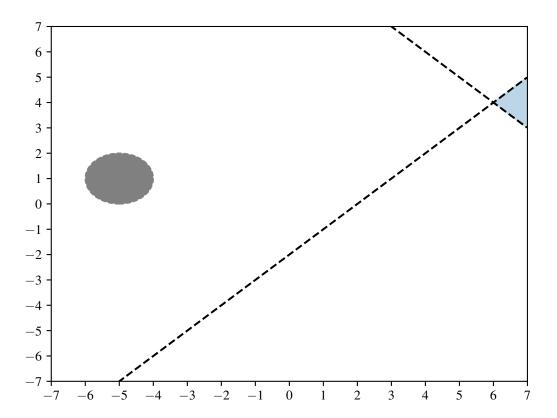
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;1) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 48\alpha + 14\beta - 64\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -30\alpha - 8\beta + 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -3\alpha - \beta + 5\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -8\alpha - \frac{7\beta}{3} + \frac{32\gamma}{3} \\ \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha + \frac{4\beta}{3} - \frac{20\gamma}{3} \\ \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{6} - \frac{5\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -8\alpha - \frac{7\beta}{3} + \frac{32\gamma}{3} \\ 5\alpha + \frac{4\beta}{3} - \frac{20\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{6} - \frac{5\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, 2, 16)$$

$$L: \frac{x+3}{-18} = \frac{y+21}{18} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-9, -11, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{12-x}{14} = \frac{14-y}{20} = \frac{4-z}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-58}{14} = \frac{-y-86}{20} = \frac{-z-81}{17}$$