Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 21

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[-7-6*I], [5+13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-3)(x+1)(x-4-3i)(x-4+3i)(x-2-4i)(x-2+4i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+1)(x^2-8x+25)(x^2-4x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $35 - 36i$, $5 + 46i$, $-1 + 4i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

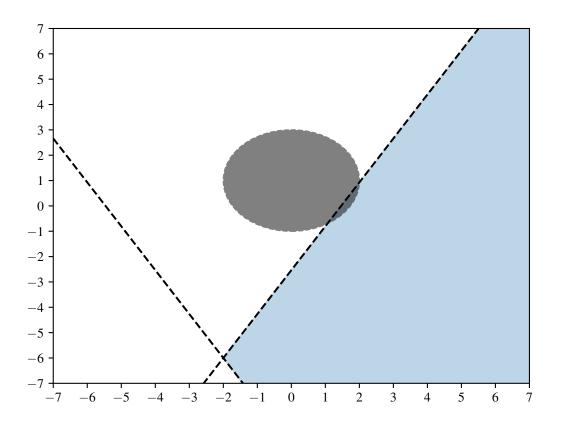
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;-6) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -30\alpha + 76\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 3\alpha - 7\beta$$
;

•
$$\Delta_3 = 3\alpha - 9\beta$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha + \frac{38\beta}{3} - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} - \frac{7\beta}{6} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -5\alpha + \frac{38\beta}{3} - \gamma \\ \frac{\alpha}{2} - \frac{7\beta}{6} \\ \frac{\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, 36, 11)$$

$$L: \frac{x+2}{11} = \frac{y+9}{11} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (6, -9, 15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+10}{16} = -\frac{y}{14} = \frac{-z-1}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 70}{16} = \frac{-y - 70}{14} = \frac{-z - 81}{16}$$