Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 25

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

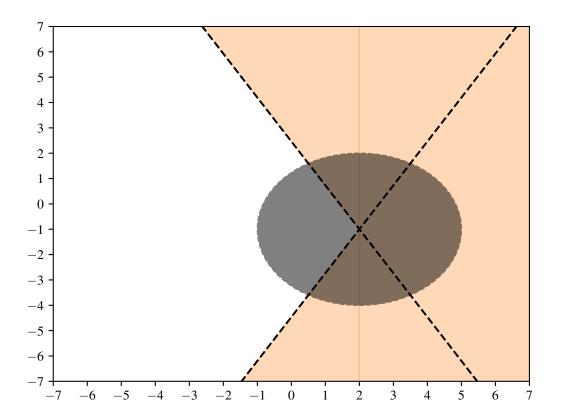
•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

- $arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$
- k = 2;
- Искомое значение = $\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{\frac{5i\pi}{6}}$
- 2. Matrix([[1-14*I], [-2+8*I]])

3. Над С: 2 *
$$(x-4)(x+3)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x+3)(x^2+2x+17)(x^2+10x+34)$

- 4. Все числа z: 20 + 18i, -28 20i, 2 8i
- 5. $z_1 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - $z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
 - n = 3;
 - $z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-1) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -2\alpha - 14\beta - \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 2\alpha + 22\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha + 16\beta + \gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + 7\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - 11\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha - 8\beta - \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \alpha + 7\beta + \frac{\gamma}{2} \\ -\alpha - 11\beta - \gamma \\ -\alpha - 8\beta - \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-40, 24, -21)$$

$$L: \frac{x+2}{-2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-2, -6, -37)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{12-x}{7} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-2}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{61-x}{7} = \frac{y+12}{2} = \frac{z+19}{3}$$