Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 27

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[6]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0,6) \right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$
- k = 0;
- Искомое значение = $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{-i\frac{\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[10-4*I],[12-14*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x+3)(x+4)(x+2-5i)(x+2+5i)(x+4-4i)(x+4+4i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+3)(x+4)(x^2+4x+29)(x^2+8x+32)$

4. Все числа z: 33 - 11i, -43 + 41i, -9 - 43i

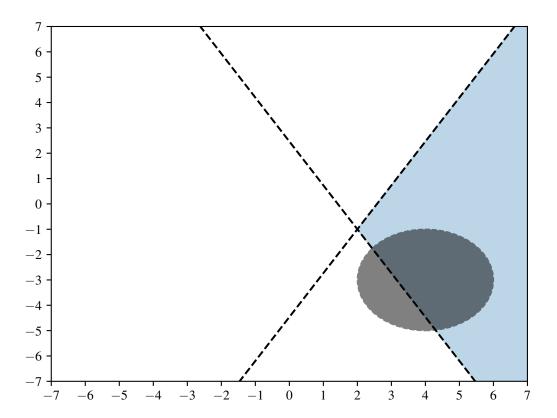
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3;

•
$$z = 8i = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 40\alpha + 50\beta + 34\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 72\alpha + 90\beta + 60\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -91\alpha - 113\beta - 76\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{20\alpha}{3} + \frac{25\beta}{3} + \frac{17\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 12\alpha + 15\beta + 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{91\alpha}{6} - \frac{113\beta}{6} - \frac{38\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{20\alpha}{3} + \frac{25\beta}{3} + \frac{17\gamma}{3} \\ 12\alpha + 15\beta + 10\gamma \\ -\frac{91\alpha}{6} - \frac{113\beta}{6} - \frac{38\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -27, 3)$$

$$L: \frac{x+3}{28} = \frac{y+16}{14} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (11, -19, -1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{14} = \frac{y+1}{16} = \frac{z-15}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 102}{14} = \frac{y - 95}{16} = \frac{z - 63}{8}$$