Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 11

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 4$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{10}\right)\right) = \sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right) = e^{-\frac{3i\pi}{10}}$$

2. 
$$Matrix([[13+14*I], [-12+6*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1 * (x-4)(x+2)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+1-i)(x+1+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1 * (x-4)(x+2)(x^2-6x+25)(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $51 + 25i$ ,  $5 - 19i$ ,  $-23 - 17i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

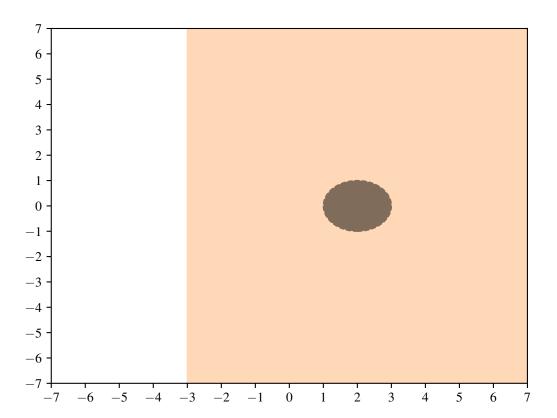
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 0) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = -18\alpha + 10\beta - 9\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -16\alpha + 9\beta - 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 45\alpha - 25\beta + 22\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 18\alpha - 10\beta + 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 16\alpha - 9\beta + 8\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -45\alpha + 25\beta - 22\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 18\alpha - 10\beta + 9\gamma \\ 16\alpha - 9\beta + 8\gamma \\ -45\alpha + 25\beta - 22\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-35, 19, 27)$$

$$L: \frac{x+2}{-16} = \frac{y+66}{64} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-31, -18, -15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-5}{7} = \frac{14-y}{11} = \frac{-z-16}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{30-x}{7} = \frac{69-y}{11} = \frac{59-z}{15}$$