Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 7

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{8\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{8\pi}{15}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + \frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} - \frac{\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}}e^{-\frac{8i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-12-12*I],[5-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-2)(x+5)(x+4-2i)(x+4+2i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-2)(x+5)(x^2+8x+20)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: -46 , $-14+10i$, $12-14i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

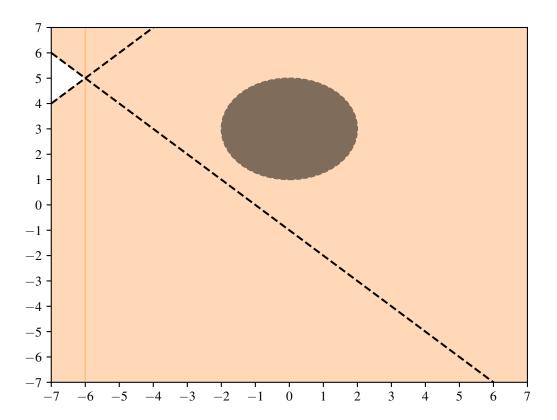
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -\frac{81}{2} - \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 81e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;5) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -2\alpha - 2\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 8\alpha + 6\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 31\alpha + 24\beta + 32\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - \beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & 4\alpha + 3\beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{31\alpha}{2} + 12\beta + 16\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha - \beta - \gamma \\ 4\alpha + 3\beta + 4\gamma \\ \frac{31\alpha}{2} + 12\beta + 16\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (17, -5, -31)$$

$$L: \frac{x+2}{9} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (5, -12, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{19-x}{12} = \frac{y-17}{13} = \frac{15-z}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-41}{12} = \frac{y-82}{13} = \frac{-z-55}{14}$$