Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 27

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

$$\bullet \ \ \text{Искомое значениe} = 2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{17i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[4+14*I],[-7-I]])$$

3. Над С: 
$$-2*(x+2)(x+5)(x-2-5i)(x-2+5i)(x+1-2i)(x+1+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x+2)(x+5)(x^2-4x+29)(x^2+2x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-53 + 19i$ ,  $3 - 61i$ ,  $43 + 19i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

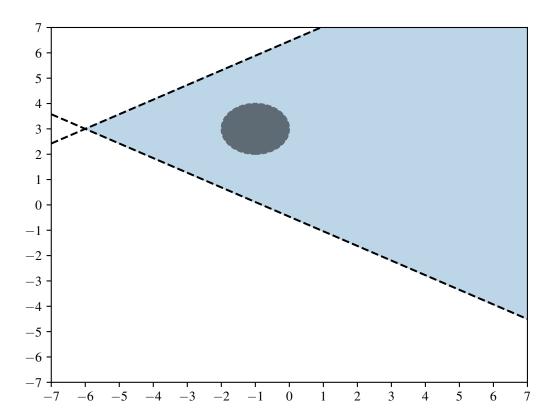
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 4\alpha - 2\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -8\alpha + 4\beta + 23\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 26\alpha - 16\beta - 77\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{4\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} - \frac{23\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{3} + \frac{8\beta}{3} + \frac{77\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{2\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ \frac{4\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} - \frac{23\gamma}{6} \\ -\frac{13\alpha}{3} + \frac{8\beta}{3} + \frac{77\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, -21, 1)$$

$$L: \frac{x-2}{-12} = \frac{y+12}{12} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (-23, -23, 34)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-17}{8} = \frac{y-7}{2} = \frac{z-13}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-57}{8} = \frac{y-17}{2} = \frac{z-28}{3}$$