Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 14

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\tfrac{\pi k}{2} + \tfrac{\pi}{4}\right) + i\cdot\sin\left(\tfrac{\pi k}{2} + \tfrac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(-\frac{7\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{7\pi}{4}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{2}i}{2}\right)=2\sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[11+8*I],[-11-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x+3)(x+5)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+4-3i)(x+4+3i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+3)(x+5)(x^2-4x+8)(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $-50 + 13i$, $40 - 69i$, $-8 + 31i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

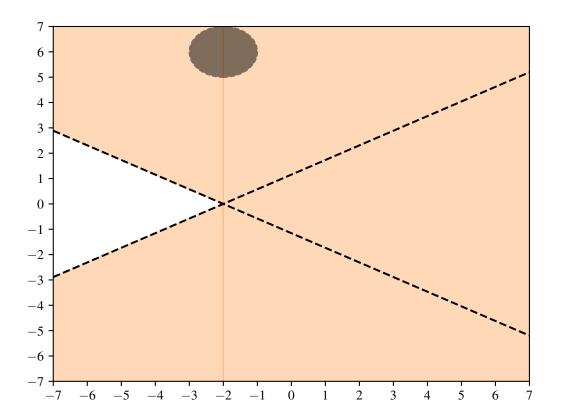
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -128 + 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 256e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;0) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 4\alpha - 36\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha - 15\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\alpha + 66\beta - 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{2\alpha}{3} - 6\beta + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{6} - \frac{5\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{4\alpha}{3} + 11\beta - 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{2\alpha}{3} - 6\beta + \gamma \\ \frac{\alpha}{6} - \frac{5\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{4\alpha}{3} + 11\beta - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (4, -17, -2)$$

$$L: \frac{x}{20} = \frac{y-6}{-8} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (8, -3, 24)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{2} = \frac{y-3}{7} = \frac{9-z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$-\frac{x}{2} = \frac{y+25}{7} = \frac{85-z}{19}$$