Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 19

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 3;
- Искомое значение = $\sqrt{3}\cdot\left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right)=\sqrt{3}\left(-\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{3}i}{2}\right)=\sqrt{3}e^{-\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-15+I], [-9+13*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-1)(x+4)(x-3-5i)(x-3+5i)(x+2-i)(x+2+i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-1)(x+4)(x^2-6x+34)(x^2+4x+5)$

4. Все числа z: 52 + 12i, -10 + 16i, -36 - 18i

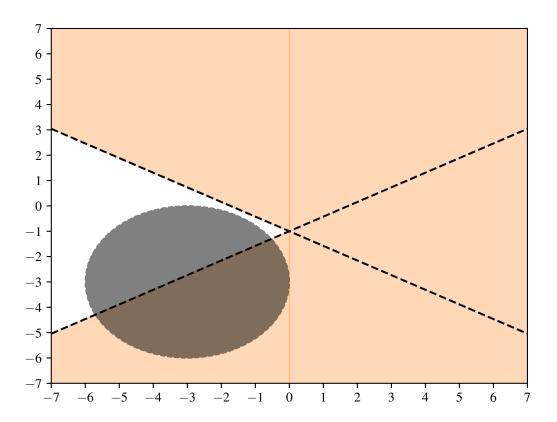
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha - 4\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -22\alpha - 16\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -\alpha - \gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - \beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{11\alpha}{2} - 4\beta - \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{4} - \frac{\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha - \beta - \gamma \\ -\frac{11\alpha}{2} - 4\beta - \frac{9\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{4} - \frac{\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-19, 14, -11)$$

$$L: \frac{x-1}{-1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (8, -4, -2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-6}{12} = \frac{y-15}{3} = \frac{-z-20}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+66}{12} = \frac{y+3}{3} = \frac{4-z}{4}$$