Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 5

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -i = -i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right) = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[8+3*I],[11+13*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x+3)(x+5)(x+2-4i)(x+2+4i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+3)(x+5)(x^2+4x+20)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $28 + 42i$, $-20 - 10i$, $-36 - 28i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

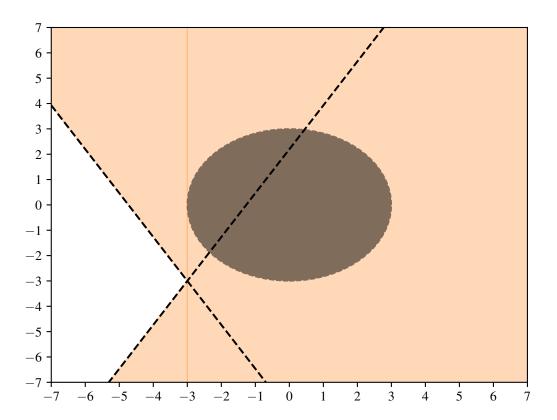
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = 1 = 1^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0;0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3; -3) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 3\alpha + 28\beta + 49\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -5\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha - 12\beta - 21\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{5} - \frac{28\beta}{5} - \frac{49\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \beta + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2\alpha}{5} + \frac{12\beta}{5} + \frac{21\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{5} - \frac{28\beta}{5} - \frac{49\gamma}{5} \\ \beta + 2\gamma \\ \frac{2\alpha}{5} + \frac{12\beta}{5} + \frac{21\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, 0, 9)$$

$$L: \frac{x-1}{12} = \frac{y-21}{-24} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (16, 1, -13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+6}{2} = \frac{y+3}{13} = \frac{z+9}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+20}{2} = \frac{y+94}{13} = \frac{z+44}{5}$$