Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 34

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$;
- k = 4;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\frac{1}{2} \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{4}{5}}e^{-\frac{i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-12-4*I], [-4-8*I]])

3. Над С:
$$-4*(x+1)(x+4)(x+3-3i)(x+3+3i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-4*(x+1)(x+4)(x^2+6x+18)(x^2+10x+26)$

4. Все числа z: 8 - 31i, -44 - 5i, 20 + 43i

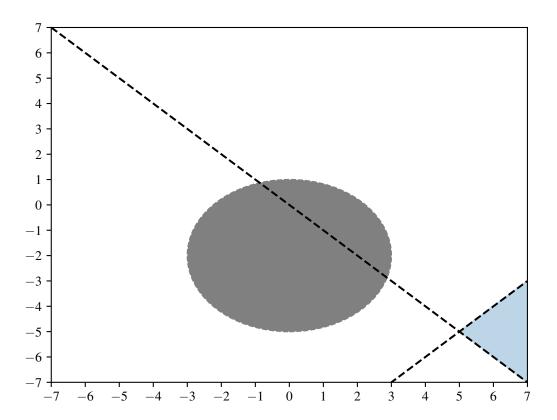
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- *n* = 3:

•
$$z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = -14\alpha - 36\beta + 27\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 26\alpha + 69\beta - 53\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -\alpha - 4\beta + 3\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{14\alpha}{5} - \frac{36\beta}{5} + \frac{27\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{26\alpha}{5} + \frac{69\beta}{5} - \frac{53\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{5} - \frac{4\beta}{5} + \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{14\alpha}{5} - \frac{36\beta}{5} + \frac{27\gamma}{5} \\ \frac{26\alpha}{5} + \frac{69\beta}{5} - \frac{53\gamma}{5} \\ -\frac{\alpha}{5} - \frac{4\beta}{5} + \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (37, -23, -11)$$

$$L: \frac{x}{14} = \frac{y-8}{-7} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (10, 23, -18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{6-x}{6} = \frac{y-10}{18} = \frac{z-5}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-30}{6} = \frac{y-118}{18} = \frac{z-23}{3}$$