Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 24

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{5}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} + i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[1+6*I], [-14+8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-4)(x+3)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x+3)(x^2-2x+17)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-36-11i$, $26+41i$, $2+i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

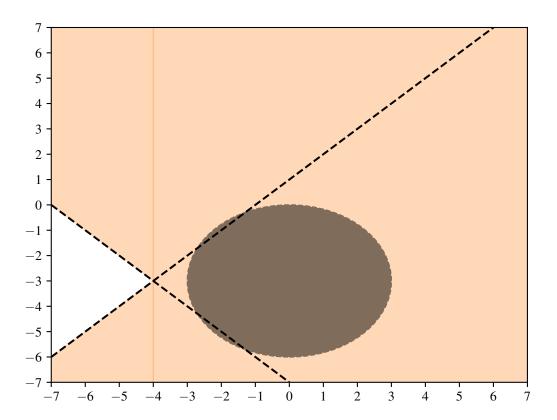
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 1 = 1^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -3) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 25\alpha + 4\beta - 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha - 2\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -35\alpha - 6\beta + 28\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{25\alpha}{2} + 2\beta - 10\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha - \beta + 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{35\alpha}{2} - 3\beta + 14\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{25\alpha}{2} + 2\beta - 10\gamma \\ -6\alpha - \beta + 5\gamma \\ -\frac{35\alpha}{2} - 3\beta + 14\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (18, 15, -24)$$

$$L: \frac{x-2}{-9} = \frac{y+9}{9} = \frac{z+10}{0}$$
$$A_0 = (8, 3, -6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+7}{17} = \frac{17-y}{12} = \frac{10-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-95}{17} = \frac{-y-55}{12} = \frac{-z-86}{16}$$