Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 2

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{7i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-7-11*I], [-6-15*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-3)(x+4)(x+3-5i)(x+3+5i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+4)(x^2+6x+34)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $28 + 32i$, $-22 - 4i$, $-4 + 12i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

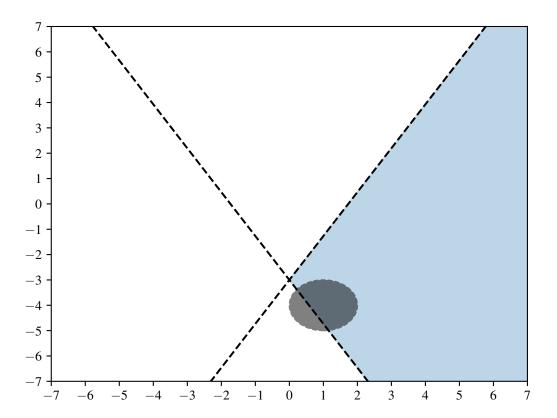
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-3) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 81\alpha + 105\beta - 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -21\alpha - 27\beta + 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 16\alpha + 21\beta - 7\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 27\alpha + 35\beta - 12\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -7\alpha - 9\beta + 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{16\alpha}{3} + 7\beta - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 27\alpha + 35\beta - 12\gamma \\ -7\alpha - 9\beta + 3\gamma \\ \frac{16\alpha}{3} + 7\beta - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (0, 30, -17)$$

$$L: \frac{x+3}{40} = \frac{y-5}{-5} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (12, -5, 18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+17}{8} = \frac{3-y}{2} = \frac{14-z}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+49}{8} = \frac{11-y}{2} = \frac{34-z}{5}$$