Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 34

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15})) \mid k \in [0, 5)\};$$

• 
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$

2. 
$$Matrix([[12+14*I], [-9-7*I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-2)(x+3)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-i)(x+2+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-2)(x+3)(x^2+2x+5)(x^2+4x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $19-57i$ ,  $-9+41i$ ,  $35+11i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

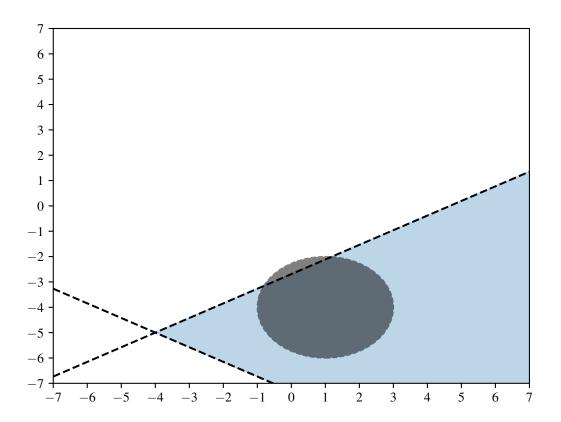
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -4) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 1$$
;

• 
$$\Delta_1 = -9\alpha + 21\beta - 28\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 5\alpha - 12\beta + 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 11\alpha - 26\beta + 35\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha + 21\beta - 28\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha - 12\beta + 16\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 11\alpha - 26\beta + 35\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -9\alpha + 21\beta - 28\gamma \\ 5\alpha - 12\beta + 16\gamma \\ 11\alpha - 26\beta + 35\gamma \end{pmatrix}$$

8.

$$A_0 = (26, -11, 10)$$

9.

$$L: \frac{x}{-7} = \frac{y+8}{7} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (6, -4, 13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{19} = \frac{11-y}{6} = \frac{-z-12}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-65}{19} = \frac{-y-7}{6} = \frac{-z-27}{5}$$