Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 17

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[10-13*I],[8-2*I]])$$

3. Над С:
$$-2*(x-4)(x+4)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-2*(x-4)(x+4)(x^2+2x+17)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $29 + 27i$, $11 - 11i$, $-1 - 35i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

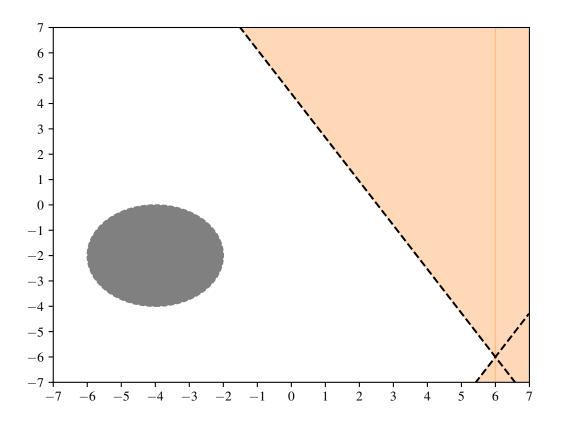
•
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;-2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; -6) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha - \beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 7\alpha - 9\beta + 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -3\alpha + 3\beta - 14\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{7\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} - 18\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} + 7\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - 2\gamma \\ -\frac{7\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} - 18\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} + 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, 24, 27)$$

$$L: \frac{x-1}{9} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+3}{0}$$
$$A_0 = (-3, -10, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{15} = \frac{y+20}{19} = \frac{7-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-52}{15} = \frac{y-56}{19} = \frac{-z-21}{7}$$