Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 5

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 4$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} + i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[-13-4*I], [-2+5*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 2 \*  $(x-2)(x+5)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+3-i)(x+3+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-2)(x+5)(x^2-4x+20)(x^2+6x+10)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $61i$ ,  $-38-7i$ ,  $46-21i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right)$$
;

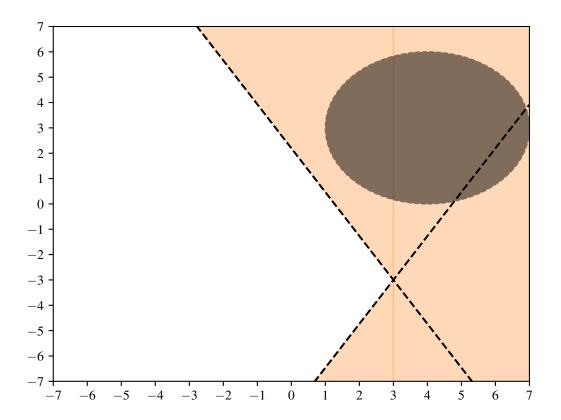
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -3) под углом  $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 31\alpha - 2\beta - 20\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -27\alpha + 2\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -3\alpha + 2\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{31\alpha}{2} + \beta + 10\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{27\alpha}{2} - \beta - 9\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} - \gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{31\alpha}{2} + \beta + 10\gamma \\ \frac{27\alpha}{2} - \beta - 9\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, 26, 10)$$

$$L: \frac{x-2}{5} = \frac{y+8}{5} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (1, -17, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-19}{2} = \frac{y-8}{13} = \frac{z+11}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-31}{2} = \frac{y-86}{13} = \frac{z-31}{7}$$