Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

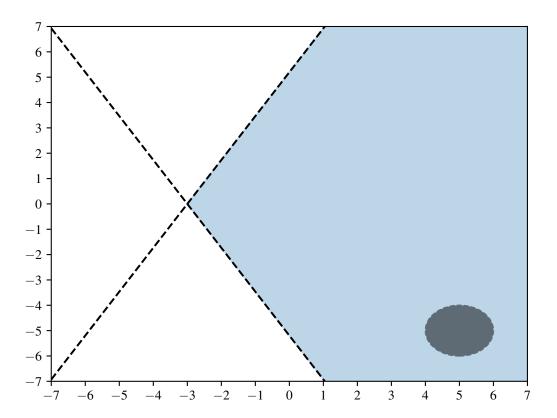
•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 3;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{20\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{20\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{\frac{20i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-5-7*I], [-3+8*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-3)(x+1)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+3-3i)(x+3+3i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+1)(x^2+2x+5)(x^2+6x+18)$

- 4. Все числа z: 9+9i, 5-35i, -5-11i
- 5. $z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$
 - $z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
 - n = 12;
 - $z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; -5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = -69\alpha + 3\beta + 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -45\alpha + 2\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 9\alpha - 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 23\alpha - \beta - 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 15\alpha - \frac{2\beta}{3} - \frac{16\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -3\alpha + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 23\alpha - \beta - 8\gamma \\ 15\alpha - \frac{2\beta}{3} - \frac{16\gamma}{3} \\ -3\alpha + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-13, 3, 30)$$

$$L: \frac{x+2}{-7} = \frac{y+59}{56} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-17, -4, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{1-x}{8} = \frac{y+8}{8} = \frac{-z-3}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-47}{8} = \frac{y-40}{8} = \frac{-z-93}{15}$$