Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 9

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{15}\right)\right) = -\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right) = e^{-\frac{i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-5-5*I],[8-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-2)(x-1)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+3-3i)(x+3+3i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-2)(x-1)(x^2-8x+32)(x^2+6x+18)$

4. Все числа
$$z$$
: $4 + 24i$, $8 - 64i$, $46 + 32i$

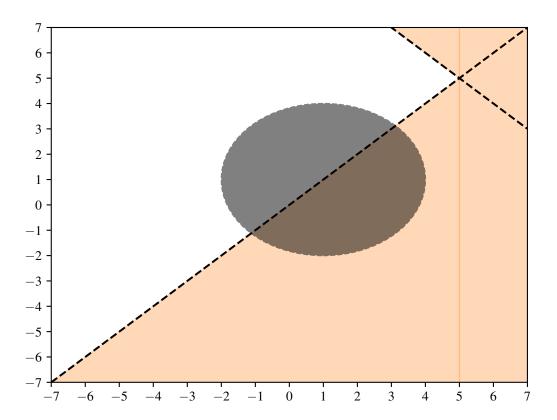
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -1 = 1^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;5) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -2\alpha - 2\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 11\alpha + 8\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -40\alpha - 34\beta - 28\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{11\alpha}{6} - \frac{4\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{20\alpha}{3} + \frac{17\beta}{3} + \frac{14\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \\ -\frac{11\alpha}{6} - \frac{4\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ \frac{20\alpha}{3} + \frac{17\beta}{3} + \frac{14\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-23, 12, -9)$$

$$L: \frac{x+3}{-1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (-1, -7, 27)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-20}{9} = \frac{y+7}{10} = \frac{z+10}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{34 - x}{9} = \frac{y + 67}{10} = \frac{z + 46}{6}$$