Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 28

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} + i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}}\right) = 3^{\frac{3}{4}}e^{\frac{5i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-10-12*I],[11+8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-4)(x+5)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-2i)(x+3+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-4)(x+5)(x^2+2x+17)(x^2+6x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $2-71i$, $4+13i$, $-4+23i$

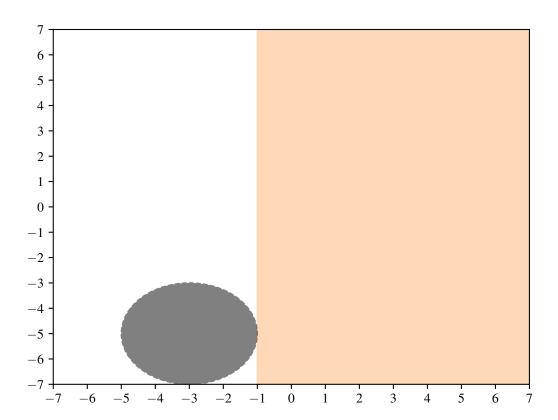
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;-6) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 7\alpha + 7\beta + \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -21\alpha - 23\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 16\alpha + 18\beta + 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{2} + \frac{7\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{21\alpha}{2} - \frac{23\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 8\alpha + 9\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{2} + \frac{7\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{21\alpha}{2} - \frac{23\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \\ 8\alpha + 9\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-17, 27, 0)$$

$$L: \frac{x+2}{-4} = \frac{y+5}{4} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (-4, -15, -2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-4}{11} = \frac{17-y}{15} = \frac{3-z}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-48}{11} = \frac{-y-43}{15} = \frac{-z-5}{2}$$