Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 2

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$
- k = -3;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{19\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{19\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) i\sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{-\frac{19i\pi}{21}}$

2.
$$Matrix([[-6+10*I],[-10+11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-2)(x+1)(x+2-i)(x+2+i)(x+3-3i)(x+3+3i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-2)(x+1)(x^2+4x+5)(x^2+6x+18)$

4. Все числа z: -6-9i, -35i, -12+11i

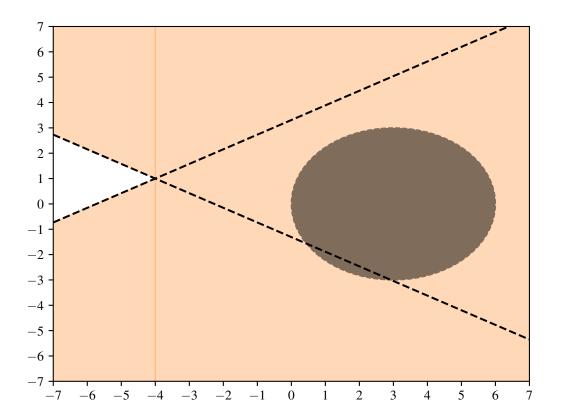
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -54\alpha + 20\beta + 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -27\alpha + 9\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -66\alpha + 24\beta + 30\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha + \frac{10\beta}{3} + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -11\alpha + 4\beta + 5\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -9\alpha + \frac{10\beta}{3} + 4\gamma \\ -\frac{9\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} + 2\gamma \\ -11\alpha + 4\beta + 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-17, 6, 2)$$

$$L: \frac{x-1}{-99} = \frac{y+11}{11} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (-9, -19, 36)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-17}{8} = \frac{-y-14}{3} = \frac{-z-4}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-41}{8} = \frac{-y-23}{3} = \frac{-z-58}{18}$$