Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 35

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} - i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}}\right) = 3^{\frac{3}{4}}e^{-\frac{3i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-3-2*I],[10-14*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-1)(x+4)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-1)(x+4)(x^2-6x+25)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $12-12i$, $-50+14i$, $12+28i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

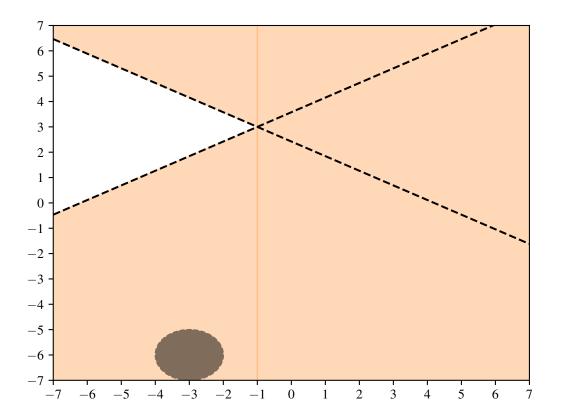
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;3) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -11\alpha + \beta + 19\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -15\alpha + \beta + 25\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -21\alpha + \beta + 35\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{11\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{19\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{15\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{25\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{21\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{35\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{11\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{19\gamma}{2} \\ -\frac{15\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{25\gamma}{2} \\ -\frac{21\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{35\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-9, -3, -8)$$

$$L: \frac{x-2}{-12} = \frac{y+4}{6} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (-5, -13, 23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-12}{16} = \frac{y-11}{14} = \frac{z-3}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{84 - x}{16} = \frac{y + 73}{14} = \frac{z + 21}{4}$$