Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{17i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-7-9*I], [-13+2*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-3)(x+4)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-1-3i)(x-1+3i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-3)(x+4)(x^2-8x+20)(x^2-2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $-1-45i$, $-3+5i$, $-1+15i$

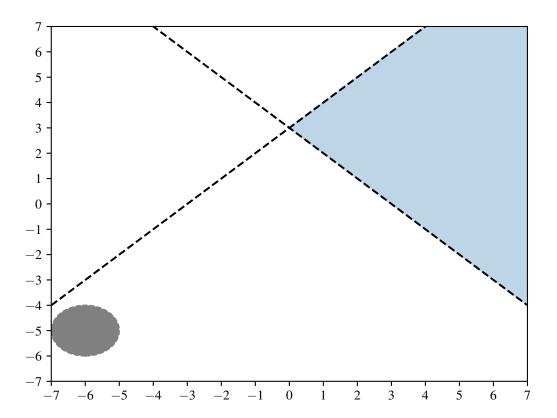
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6; -5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;3) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 3\alpha + 10\beta + 71\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 3\alpha + 10\beta + 75\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha - 8\beta - 58\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{3\alpha}{4} + \frac{5\beta}{2} + \frac{71\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{3\alpha}{4} + \frac{5\beta}{2} + \frac{75\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} - 2\beta - \frac{29\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{3\alpha}{4} + \frac{5\beta}{2} + \frac{71\gamma}{4} \\ \frac{3\alpha}{4} + \frac{5\beta}{2} + \frac{75\gamma}{4} \\ -\frac{\alpha}{2} - 2\beta - \frac{29\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -34, 29)$$

$$L: \frac{x-1}{-5} = \frac{y+7}{5} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (5, -3, -10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$-\frac{x}{9} = \frac{y-6}{7} = \frac{18-z}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-45}{9} = \frac{y-41}{7} = \frac{-z-37}{11}$$