Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 24

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -i = -i;$$

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

- k = 1;
- Искомое значение =  $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = \cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i \sin\left(\frac{3\pi}{14}\right) = e^{\frac{3i\pi}{14}}$
- 2. Matrix([[-9-8\*I], [-8-10\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1*(x-2)(x+5)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+2-2i)(x+2+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x-2)(x+5)(x^2-2x+17)(x^2+4x+8)$ 

4. Все числа z: -6-28i, 18-10i, 36-2i

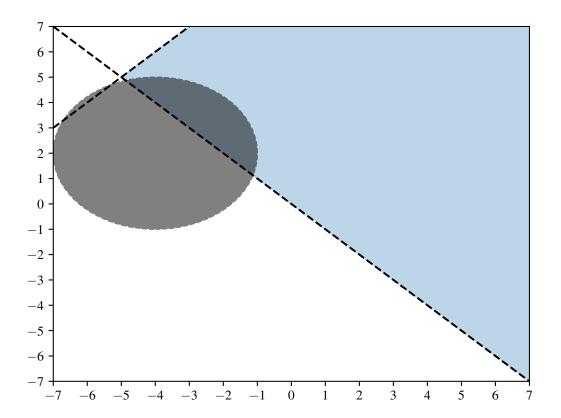
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right)$$
;

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{6}$ ;
- n = 12;

• 
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -12\alpha + 16\beta + 20\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -14\alpha + 20\beta + 24\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 13\alpha - 20\beta - 24\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha - 4\beta - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{2} - 5\beta - 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{4} + 5\beta + 6\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha - 4\beta - 5\gamma \\ \frac{7\alpha}{2} - 5\beta - 6\gamma \\ -\frac{13\alpha}{4} + 5\beta + 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (10, 18, -30)$$

$$L: \frac{x+2}{-10} = \frac{y+30}{30} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (-23, -17, 11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-17}{14} = \frac{y+18}{6} = \frac{3-z}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+39}{14} = \frac{y+42}{6} = \frac{27-z}{6}$$