Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 34

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 1$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} + i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{5i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[6+3*I],[-12-7*I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-2)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+4-2i)(x+4+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-2)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+8x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-52+6i$ ,  $36-28i$ ,  $4-4i$ 

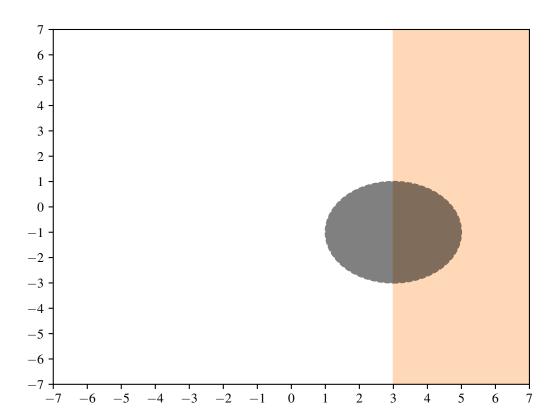
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$z = -\frac{81}{2} - \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 81e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 54\alpha - 48\beta - 54\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -28\alpha + 25\beta + 27\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -60\alpha + 54\beta + 60\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha + 8\beta + 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{14\alpha}{3} - \frac{25\beta}{6} - \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 10\alpha - 9\beta - 10\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -9\alpha + 8\beta + 9\gamma \\ \frac{14\alpha}{3} - \frac{25\beta}{6} - \frac{9\gamma}{2} \\ 10\alpha - 9\beta - 10\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-24, -42, 17)$$

$$L: \frac{x+1}{-6} = \frac{y-10}{-12} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-14, 4, -14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{6} = \frac{y-6}{6} = \frac{z-16}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{22 - x}{6} = \frac{y + 24}{6} = \frac{z + 79}{19}$$