Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 34

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{29\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{29\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{\frac{7i\pi}{18}}$$

2. 
$$Matrix([[3-13*I],[11-2*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x-4)(x+1)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-4)(x+1)(x^2-8x+20)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $42+2i$ ,  $-30+4i$ ,  $-8+14i$ 

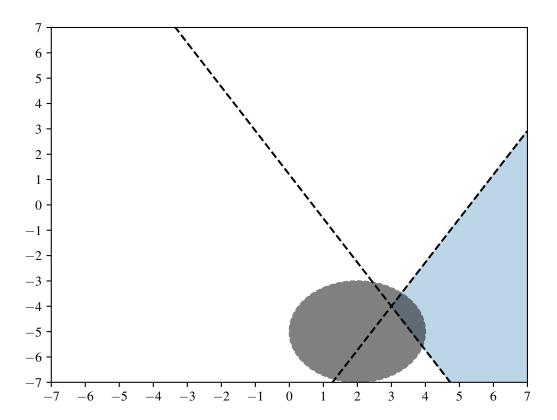
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -5) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -12\alpha + 15\beta - 45\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -18\alpha + 21\beta - 63\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 8\alpha - 8\beta + 26\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha + \frac{5\beta}{2} - \frac{15\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -3\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{21\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{4\alpha}{3} - \frac{4\beta}{3} + \frac{13\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -2\alpha + \frac{5\beta}{2} - \frac{15\gamma}{2} \\ -3\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{21\gamma}{2} \\ \frac{4\alpha}{3} - \frac{4\beta}{3} + \frac{13\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-12, -28, -1)$$

$$L: \frac{x-1}{-22} = \frac{y+20}{22} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-20, -27, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+16}{16} = \frac{-y-3}{20} = \frac{z+11}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 80}{16} = \frac{-y - 123}{20} = \frac{z - 55}{11}$$