Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 23

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -2;$$

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[13-4*I],[-13-8*I]])$$

3. Над С:
$$-5 * (x-3)^2 (x-4-i) (x-4+i) (x+3-5i) (x+3+5i)$$
, Над \mathbb{R} : $-5 * (x-3)^2 (x^2-8x+17) (x^2+6x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $5-50i$, $25+28i$, $-13+22i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

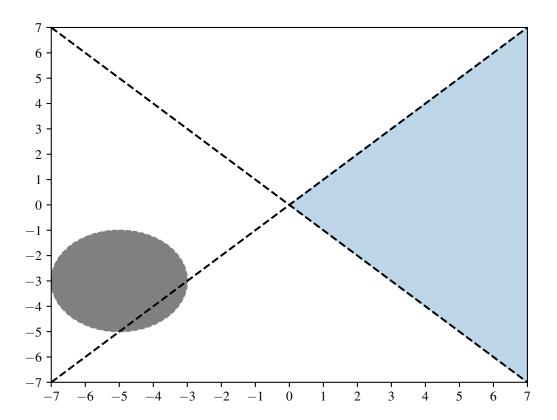
•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 27\alpha + 27\beta + 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha - 6\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -21\alpha - 19\beta - 18\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha + \beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{7\alpha}{2} + \frac{19\beta}{6} + 3\gamma \end{pmatrix};$$

$$\begin{pmatrix} -\frac{9\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} - 4\gamma \end{pmatrix}$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{9\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} - 4\gamma \\ \alpha + \beta + \gamma \\ \frac{7\alpha}{2} + \frac{19\beta}{6} + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, 3, 11)$$

$$L: \frac{x+1}{-21} = \frac{y+30}{28} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (-29, -26, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{14} = \frac{y+5}{10} = \frac{z+5}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 62}{14} = \frac{y - 45}{10} = \frac{z - 85}{18}$$