Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 14

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{9}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) i\sin\left(\frac{2\pi}{9}\right) = e^{-\frac{7i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[-15-7*I],[5-7*I]])

3. Над С: 4 *
$$(x+4)(x+5)(x-2-5i)(x-2+5i)(x+3-3i)(x+3+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+4)(x+5)(x^2-4x+29)(x^2+6x+18)$

4. Все числа z: 11 - 36i, 11 + 18i, 5 - 4i

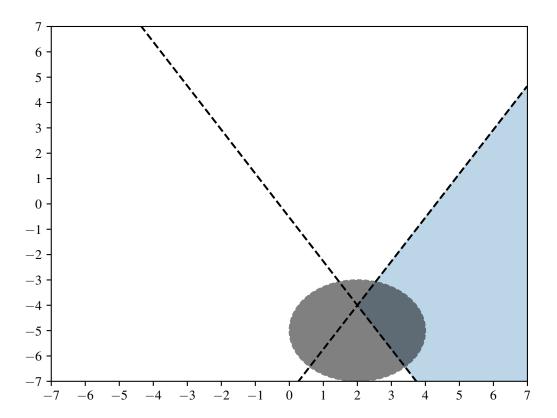
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3:

•
$$z = i = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -4) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\alpha + 4\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -27\alpha + 17\beta + 28\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -9\alpha + 5\beta + 10\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha + \frac{2\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} + \frac{17\beta}{6} + \frac{14\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{3\alpha}{2} + \frac{5\beta}{6} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha + \frac{2\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ -\frac{9\alpha}{2} + \frac{17\beta}{6} + \frac{14\gamma}{3} \\ -\frac{3\alpha}{2} + \frac{5\beta}{6} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, 26, 18)$$

$$L: \frac{x+1}{-9} = \frac{y+29}{27} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-34, 0, 7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{19} = \frac{-y-14}{13} = \frac{18-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+89}{19} = \frac{38-y}{13} = \frac{82-z}{16}$$