Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 11

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{4}{7}}e^{\frac{i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-10-9*I], [-13+2*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-2)(x+3)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-3-5i)(x-3+5i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)(x+3)(x^2-8x+20)(x^2-6x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-35 + 33i$, $23 - 41i$, $-11 + 23i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

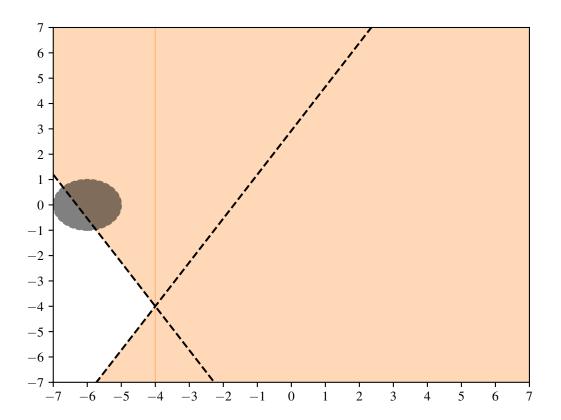
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6;0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -54\alpha + 90\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha + 10\beta$$
;

•
$$\Delta_3 = -48\alpha + 81\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 15\beta + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha - \frac{5\beta}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 8\alpha - \frac{27\beta}{2} + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 15\beta + \gamma \\ \alpha - \frac{5\beta}{3} \\ 8\alpha - \frac{27\beta}{2} + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 11, 40)$$

$$L: \frac{x}{-1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (-13, 6, 8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+12}{2} = \frac{y-2}{14} = \frac{-z-19}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x}{2} = \frac{y - 86}{14} = \frac{-z - 31}{2}$$