Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 16

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -i = -i;$$

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2}+\frac{3\sqrt{3}i}{2}\right)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = e^{-\frac{5i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[10-I], [8-9*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 1 \*  $(x-3)(x+3)(x+2-4i)(x+2+4i)(x+5-i)(x+5+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-3)(x+3)(x^2+4x+20)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-20+49i$ ,  $48-45i$ ,  $-14+3i$ 

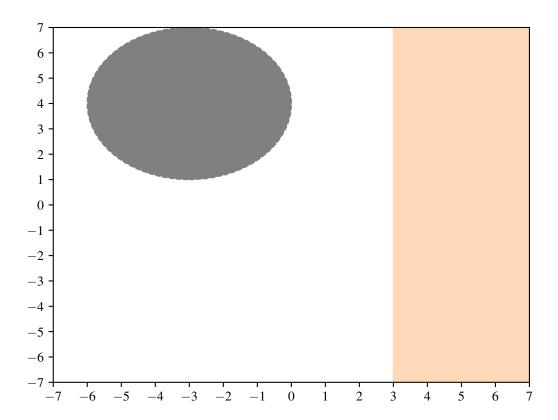
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = 64 = 2^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3,4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 5\alpha - 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 36\alpha - 2\beta - 46\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 8\alpha - 10\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\alpha}{2} + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -18\alpha + \beta + 23\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha + 5\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{5\alpha}{2} + 3\gamma \\ -18\alpha + \beta + 23\gamma \\ -4\alpha + 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (31, -9, 28)$$

$$L: \frac{x+3}{-10} = \frac{y-12}{-10} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (-1, 4, 13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{2-x}{8} = \frac{-y-11}{16} = \frac{z+9}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{58 - x}{8} = \frac{101 - y}{16} = \frac{z + 79}{10}$$