Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 10

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 2$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{3i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[6-I], [-3+10*I]])$$

3. Над С: 4 \* 
$$(x-2)(x+2)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-2)(x+2)(x^2-6x+13)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-32-20i$ ,  $-10-22i$ ,  $30+54i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

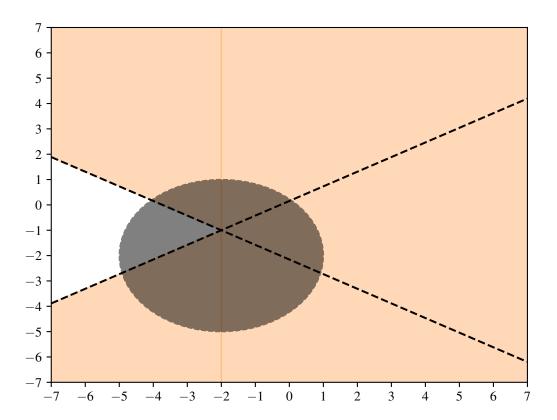
• 
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = -64 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;-1) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -4\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha - 28\beta + 50\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 16\beta - 28\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{4} + 7\beta - \frac{25\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -4\beta + 7\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \beta - 2\gamma \\ -\frac{\alpha}{4} + 7\beta - \frac{25\gamma}{2} \\ -4\beta + 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-27, -12, -38)$$

$$L: \frac{x+3}{-36} = \frac{y+14}{12} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (-17, -26, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-4}{4} = \frac{-y-13}{5} = \frac{z-9}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+16}{4} = \frac{12-y}{5} = \frac{z+66}{15}$$