Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 32

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$1\cdot\left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right)=-\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}=e^{-\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-13-12*I], [-6+10*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-4)(x+5)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+5-5i)(x+5+5i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-4)(x+5)(x^2+4x+8)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $-42+35i$, $56-9i$, $-10-49i$

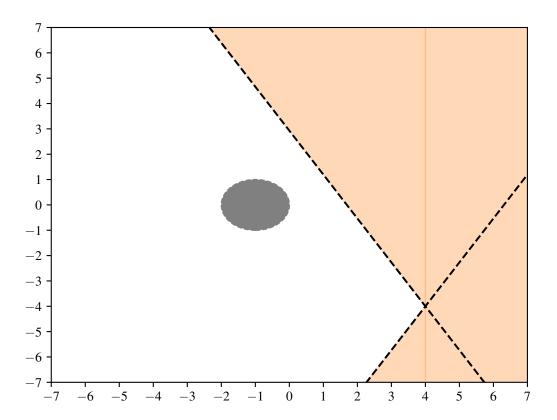
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -4) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha - 11\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha - 18\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -3\alpha - 9\beta - 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - \frac{11\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - 6\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha - 3\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha - \frac{11\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ -\alpha - 6\beta - 2\gamma \\ -\alpha - 3\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-11, -39, 17)$$

$$L: \frac{x-1}{-9} = \frac{y-4}{-3} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (-7, -12, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+4}{8} = \frac{5-y}{16} = \frac{z-8}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-36}{8} = \frac{-y-75}{16} = \frac{z-73}{13}$$