Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 33

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -3^{\frac{3}{7}} = -3^{\frac{3}{7}}$$

2.
$$Matrix([[-15+3*I],[-14-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-4)(x-2)(x-3-3i)(x-3+3i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-4)(x-2)(x^2-6x+18)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-13+8i$, $45+28i$, $-31+14i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

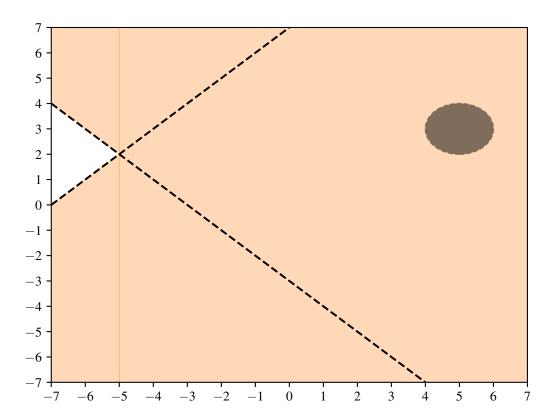
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;2) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 10\alpha - 7\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 42\alpha - 27\beta - 33\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha + 2\beta + 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{3} - \frac{7\beta}{6} - \frac{7\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & 7\alpha - \frac{9\beta}{2} - \frac{11\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{3} - \frac{7\beta}{6} - \frac{7\gamma}{6} \\ 7\alpha - \frac{9\beta}{2} - \frac{11\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-29, -18, -28)$$

$$L: \frac{x-1}{-9} = \frac{y-7}{-9} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (-7, -3, 20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+8}{11} = \frac{y+18}{6} = \frac{-z-7}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-58}{11} = \frac{y-18}{6} = \frac{-z-85}{13}$$