Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 19

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{20\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{20\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{20i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[-8-13*I], [-9+4*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x+2)(x+4)(x+2-i)(x+2+i)(x+4-2i)(x+4+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x+2)(x+4)(x^2+4x+5)(x^2+8x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $47 + 9i$ ,  $5 + 7i$ ,  $-59 - 37i$ 

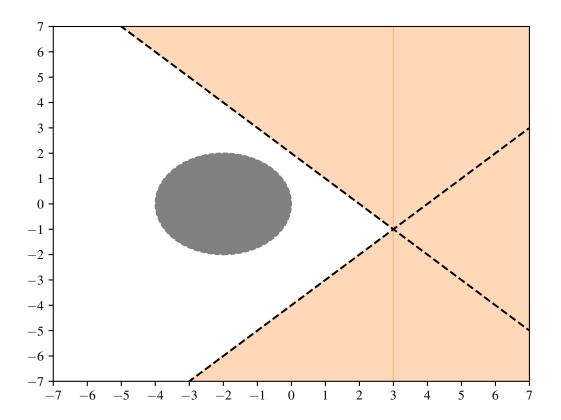
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$z = 8i = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;0) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-1) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 16\alpha + 74\beta - 34\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 15\alpha + 66\beta - 30\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 3\alpha + 12\beta - 6\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{8\alpha}{3} + \frac{37\beta}{3} - \frac{17\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{2} + 11\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} + 2\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{8\alpha}{3} + \frac{37\beta}{3} - \frac{17\gamma}{3} \\ \frac{5\alpha}{2} + 11\beta - 5\gamma \\ \frac{\alpha}{2} + 2\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 8, 18)$$

$$L: \frac{x-2}{-1} = \frac{y+8}{8} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (9, 1, 17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-3}{10} = \frac{-y-17}{11} = \frac{16-z}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-43}{10} = \frac{-y-61}{11} = \frac{-z-16}{8}$$