Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 17

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + \frac{\sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} e^{-\frac{11i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[12-I],[-5-3*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-1)(x+2)(x-2-i)(x-2+i)(x+1-4i)(x+1+4i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-1)(x+2)(x^2-4x+5)(x^2+2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-30-59i$, $-10+23i$, $-12+35i$

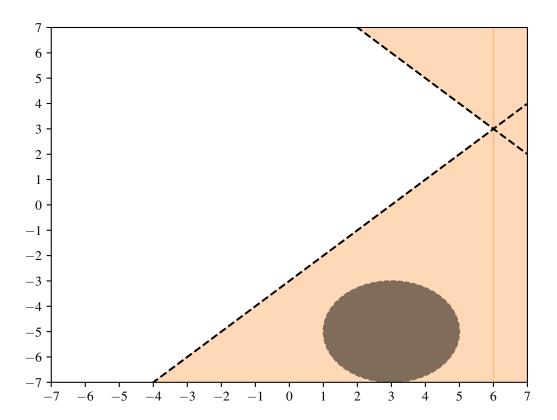
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; 3) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha - 24\beta + 27\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -7\alpha - 55\beta + 63\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -6\alpha - 45\beta + 51\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + 8\beta - 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{3} + \frac{55\beta}{3} - 21\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha + 15\beta - 17\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \alpha + 8\beta - 9\gamma \\ \frac{7\alpha}{3} + \frac{55\beta}{3} - 21\gamma \\ 2\alpha + 15\beta - 17\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, 20, -14)$$

$$L: \frac{x+3}{13} = \frac{y+11}{13} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (0, -14, 0)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{16-x}{19} = \frac{y+1}{17} = -\frac{z}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{92 - x}{19} = \frac{y + 69}{17} = \frac{16 - z}{4}$$