Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 29

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

- $arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3}$ ;
- k = 0;
- Искомое значение =  $2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{12}\right)\right) = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{6}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right) = 2e^{\frac{i\pi}{12}}$

2. 
$$Matrix([[9+6*I],[6-5*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1*(x-3)(x+3)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+3-5i)(x+3+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x-3)(x+3)(x^2-8x+25)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-5 + 24i$ ,  $-37 + 2i$ ,  $53 - 14i$ 

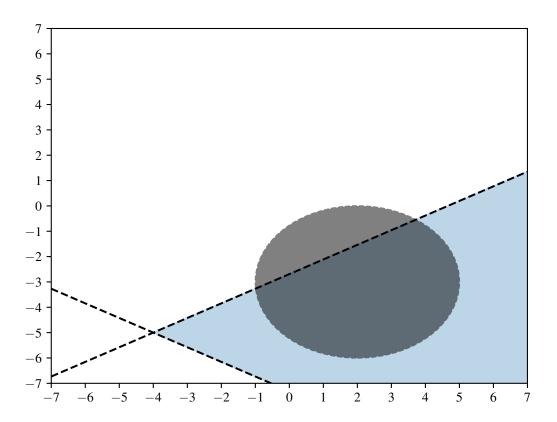
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{3}$ ;
- n = 6;

• 
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -5$$
;

• 
$$\Delta_1 = 7\alpha + 8\beta - 14\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 9\alpha + 16\beta - 23\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 9\alpha + 11\beta - 18\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{7\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} + \frac{14\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{9\alpha}{5} - \frac{16\beta}{5} + \frac{23\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{9\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \frac{18\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{7\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} + \frac{14\gamma}{5} \\ -\frac{9\alpha}{5} - \frac{16\beta}{5} + \frac{23\gamma}{5} \\ -\frac{9\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \frac{18\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, 24, -34)$$

$$L: \frac{x-1}{5} = \frac{y-6}{-5} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-6, 5, 4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+17}{2} = \frac{-y-16}{17} = \frac{z-11}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+9}{2} = \frac{-y-84}{17} = \frac{z-63}{13}$$