Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 1

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 3;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{\frac{17i\pi}{18}}$
- 2. Matrix([[-15-4*I], [-3+14*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x+2)(x+4)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+4-3i)(x+4+3i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+2)(x+4)(x^2-6x+25)(x^2+8x+25)$

4. Все числа z: 4 - 30i, 22 + 8i, 30 - 16i

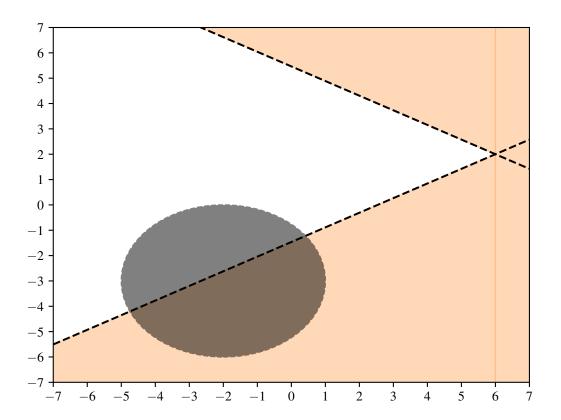
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- n = 6;

•
$$z = -64i = 2^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; 2) под углом = $\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 26\alpha + 14\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 25\alpha + 13\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -11\alpha - 7\beta + 3\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{13\alpha}{2} + \frac{7\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{25\alpha}{4} + \frac{13\beta}{4} - \frac{5\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{11\alpha}{4} - \frac{7\beta}{4} + \frac{3\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{13\alpha}{2} + \frac{7\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \\ \frac{25\alpha}{4} + \frac{13\beta}{4} - \frac{5\gamma}{4} \\ -\frac{11\alpha}{4} - \frac{7\beta}{4} + \frac{3\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-38, -30, -16)$$

$$L: \frac{x+1}{-3} = \frac{y-2}{-4} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (1, 13, -5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-3}{13} = \frac{y+14}{18} = \frac{19-z}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-81}{13} = \frac{y-94}{18} = \frac{-z-29}{8}$$