Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 27

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1\cdot\left(\cos\left(-\frac{7\pi}{6}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{7\pi}{6}\right)\right)=-\frac{\sqrt{3}}{2}+\frac{i}{2}=e^{\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[14+6*I],[-2+12*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-2)(x+5)(x+2-3i)(x+2+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-2)(x+5)(x^2+4x+13)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-7 - 41i$, $-45 + 23i$, $3 - 19i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

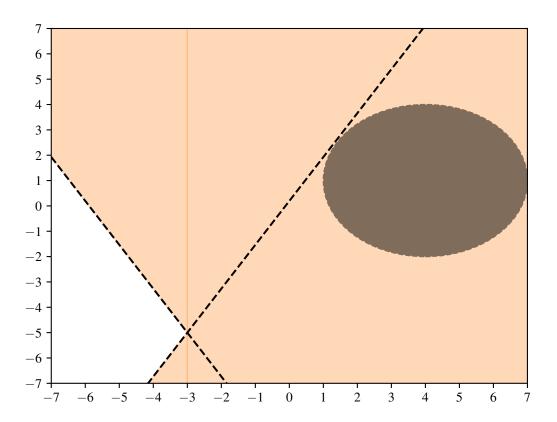
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -\frac{81}{2} - \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 81e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3; -5) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -12\alpha - 6\beta - 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 9\alpha + 6\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha + 3\beta + 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha - 2\beta - \frac{17\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha + 2\beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha + \beta + \frac{8\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -4\alpha - 2\beta - \frac{17\gamma}{3} \\ 3\alpha + 2\beta + 4\gamma \\ 2\alpha + \beta + \frac{8\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -11, -7)$$

$$L: \frac{x+2}{12} = \frac{y-101}{-100} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (35, 4, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+14}{4} = \frac{y+2}{18} = \frac{-z-19}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+30}{4} = \frac{y+74}{18} = \frac{37-z}{14}$$