Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 30

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$
- k = 4;
- Искомое значение = $2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{15\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{15\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{14}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{13i\pi}{14}}$

2.
$$Matrix([[-3-3*I], [-2+8*I]])$$

3. Над С:
$$-3*(x+1)(x+5)(x+4-5i)(x+4+5i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : $-3*(x+1)(x+5)(x^2+8x+41)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-15-43i$, $-25+37i$, $-9-i$

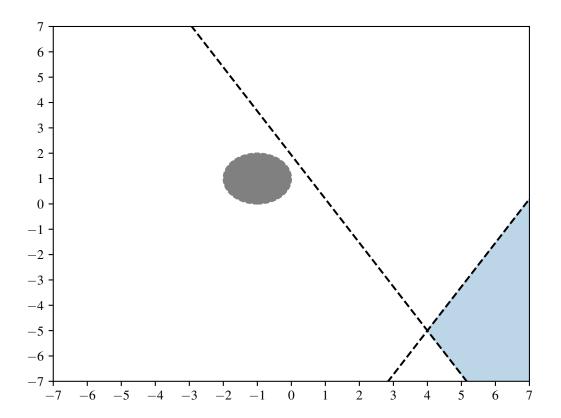
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; 1) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -10\alpha + 8\beta - 25\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 20\alpha - 16\beta + 48\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -6\alpha + 4\beta - 13\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{2} - 2\beta + \frac{25\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha + 4\beta - 12\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} - \beta + \frac{13\gamma}{4} \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{2} - 2\beta + \frac{25\gamma}{4} \\ -5\alpha + 4\beta - 12\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} - \beta + \frac{13\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, -26, -14)$$

$$L: \frac{x}{15} = \frac{y - 17}{-15} = \frac{z + 6}{0}$$
$$A_0 = (27, 30, 0)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{14} = \frac{4-y}{6} = \frac{-z-16}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-76}{14} = \frac{-y-32}{6} = \frac{-z-94}{13}$$