Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 16

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15})) \mid k \in [0, 5)\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2}+\frac{3\sqrt{3}i}{2}\right)=\frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[13+9*I],[-1-9*I]])

3. Над С: 1 *
$$(x-1)(x+2)(x-3-5i)(x-3+5i)(x-1-4i)(x-1+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-1)(x+2)(x^2-6x+34)(x^2-2x+17)$

4. Все числа z: -40+70i, -12-20i, 6-30i

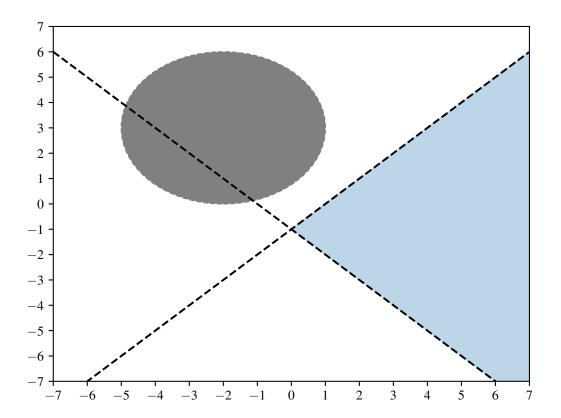
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- *n* = 3:

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 32\alpha - 18\beta + 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -8\alpha + 4\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -12\alpha + 8\beta - 10\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 8\alpha - \frac{9\beta}{2} + 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha + \beta - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -3\alpha + 2\beta - \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 8\alpha - \frac{9\beta}{2} + 6\gamma \\ -2\alpha + \beta - \frac{3\gamma}{2} \\ -3\alpha + 2\beta - \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, -13, -7)$$

$$L: \frac{x+1}{-10} = \frac{y+22}{20} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-9, -1, -15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+12}{19} = \frac{y-3}{7} = \frac{z+19}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-83}{19} = \frac{y-38}{7} = \frac{z+4}{3}$$