Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 11

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{-\frac{11i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[2-10*I], [-3-3*I]])$$

3. Над С:
$$-5*(x-3)(x+5)(x+4-5i)(x+4+5i)(x+5-2i)(x+5+2i)$$
, Над \mathbb{R} : $-5*(x-3)(x+5)(x^2+8x+41)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $-8 + 22i$, $-36 + 16i$, $54 + 26i$

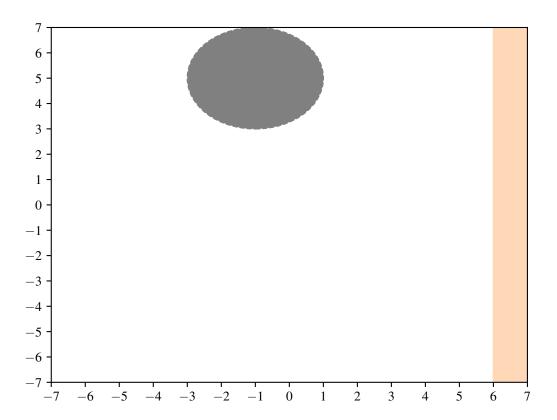
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; 5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -45\alpha + 32\beta - 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 91\alpha - 64\beta + 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 28\alpha - 20\beta + 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{45\alpha}{4} - 8\beta + 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{91\alpha}{4} + 16\beta - 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -7\alpha + 5\beta - 3\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{45\alpha}{4} - 8\beta + 5\gamma \\ -\frac{91\alpha}{4} + 16\beta - 10\gamma \\ -7\alpha + 5\beta - 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, 4, -40)$$

$$L: \frac{x-2}{-40} = \frac{y-9}{-10} = \frac{z+3}{0}$$
$$A_0 = (-18, 21, -13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{18-x}{11} = \frac{8-y}{7} = \frac{6-z}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{73 - x}{11} = \frac{43 - y}{7} = \frac{26 - z}{4}$$