Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 23

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -64i = -64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
:

• Искомое значение =
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{10}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{-\frac{i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-4-5*I], [-15+13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4 * (x-3)(x+5)(x+4-2i)(x+4+2i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-4 * (x-3)(x+5)(x^2+8x+20)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-21 - 38i$, $-25 + 22i$, $-3 + 32i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

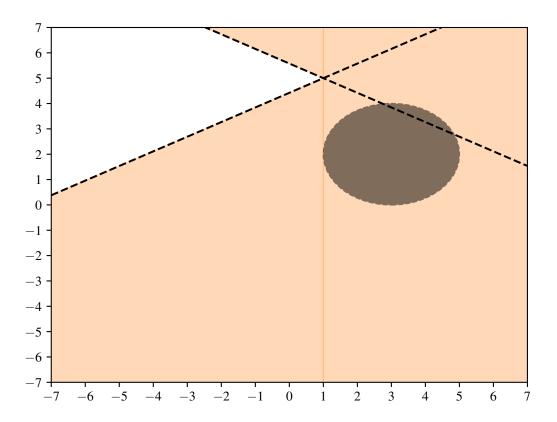
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;5) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 13\alpha - 3\beta - 34\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 4\alpha - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha + 8\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{13\alpha}{6} - \frac{\beta}{2} - \frac{17\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{2\alpha}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{3} + \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{13\alpha}{6} - \frac{\beta}{2} - \frac{17\gamma}{3} \\ \frac{2\alpha}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ -\frac{\alpha}{3} + \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, 16, -1)$$

$$L: \frac{x+3}{-15} = \frac{y-4}{-5} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (-18, 9, 20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{17} = \frac{16-y}{15} = \frac{2-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-52}{17} = \frac{-y-29}{15} = \frac{-z-46}{16}$$