Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 6

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

$$\bullet \ \ \text{Искомое значениe} = 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{10}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-15+4*I],[-1-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-2)(x+5)(x-3-3i)(x-3+3i)(x-1-2i)(x-1+2i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-2)(x+5)(x^2-6x+18)(x^2-2x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $-19+13i$, $29+37i$, $21-61i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

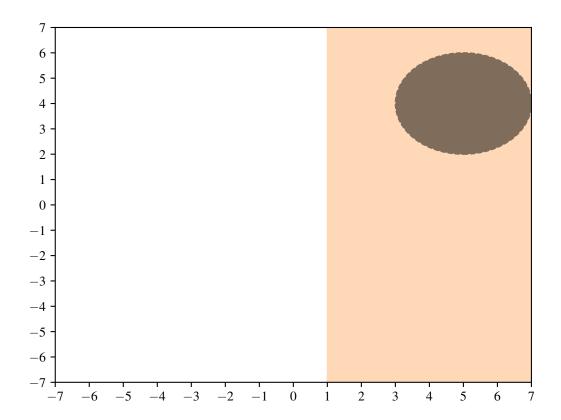
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; -3) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -12\alpha - 8\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 26\alpha + 18\beta - 34\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -18\alpha - 12\beta + 22\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha + 2\beta - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{13\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} + \frac{17\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{9\alpha}{2} + 3\beta - \frac{11\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha + 2\beta - 4\gamma \\ -\frac{13\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} + \frac{17\gamma}{2} \\ \frac{9\alpha}{2} + 3\beta - \frac{11\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-30, 10, 22)$$

$$L: \frac{x-1}{-50} = \frac{y+8}{5} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-1, -28, -18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-1}{12} = \frac{1-y}{9} = \frac{9-z}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+59}{12} = \frac{46-y}{9} = \frac{99-z}{18}$$