Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 16

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{10}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(-\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{-\frac{7i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-9-I],[10+10*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x+5)^2$$
 $(x+1-i)$ $(x+1+i)$ $(x+3-4i)$ $(x+3+4i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+5)^2$ (x^2+2x+2) $(x^2+6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $19 - 14i$, $-35 - 46i$, $7 + 26i$

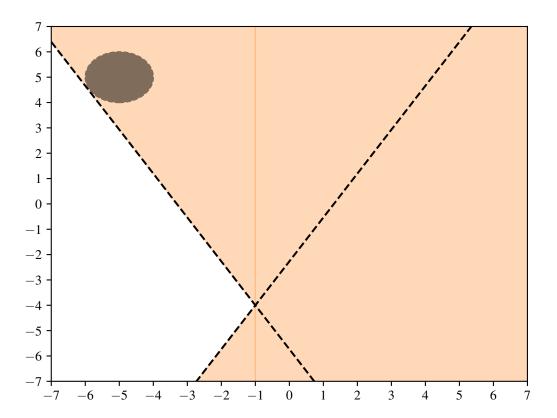
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\alpha - 6\beta - 11\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha - 6\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 12\alpha + 6\beta + 20\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - \beta - \frac{11\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha + \beta + \frac{10\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha - \beta - \frac{11\gamma}{6} \\ -\alpha - \beta - 2\gamma \\ 2\alpha + \beta + \frac{10\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, 15, 35)$$

$$L: \frac{x-1}{14} = \frac{y+29}{28} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (19, -13, -33)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-2}{18} = \frac{-y-5}{10} = \frac{6-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 110}{18} = \frac{-y - 65}{10} = \frac{-z - 36}{7}$$