Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 23

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 2;
- Искомое значение  $=2^{\frac{3}{4}}\cdot\left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right)=2^{\frac{3}{4}}\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}\right)=2^{\frac{3}{4}}e^{-\frac{3i\pi}{4}}$

2. 
$$Matrix([[12-8*I], [7-8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 1 \*  $(x+1)(x+2)(x+3-3i)(x+3+3i)(x+4-4i)(x+4+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x+1)(x+2)(x^2+6x+18)(x^2+8x+32)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-2$ ,  $2+28i$ ,  $-6i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

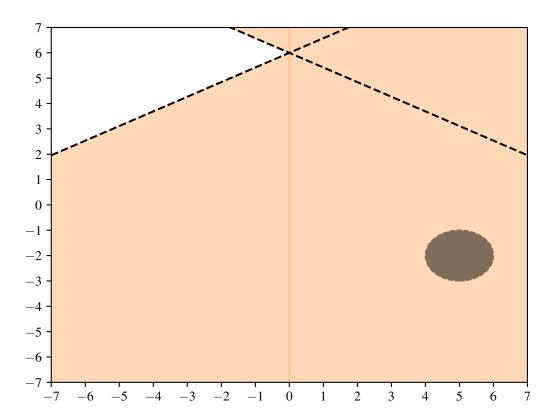
• 
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; -2) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;6) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -2\alpha + 18\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -2\alpha + 15\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -4\alpha + 27\beta - 26\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{3} - 3\beta + \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{3} - \frac{5\beta}{2} + \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2\alpha}{3} - \frac{9\beta}{2} + \frac{13\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{3} - 3\beta + \frac{8\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{3} - \frac{5\beta}{2} + \frac{8\gamma}{3} \\ \frac{2\alpha}{3} - \frac{9\beta}{2} + \frac{13\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-27, 1, 9)$$

$$L: \frac{x+3}{-8} = \frac{y+8}{5} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (0, -21, 6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+2}{3} = \frac{-y-14}{8} = \frac{z-19}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+14}{3} = \frac{18-y}{8} = \frac{z+5}{6}$$