Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right) = e^{-\frac{7i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[8-13*I], [-6+14*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-3)(x-2)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+2-4i)(x+2+4i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-3)(x-2)(x^2+2x+10)(x^2+4x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $-5 + 14i$, $-39 + 20i$, $61 - 32i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

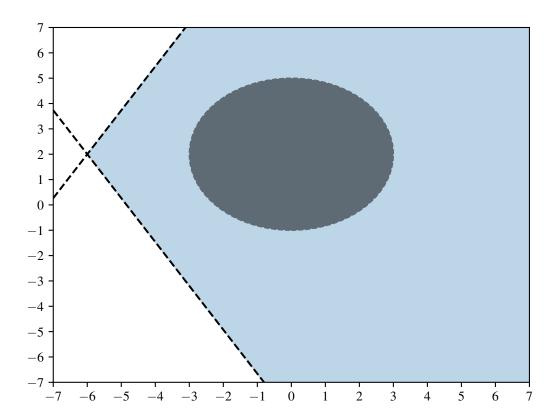
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -8 - 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 20\alpha + 17\beta + 44\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -46\alpha - 40\beta - 100\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -30\alpha - 27\beta - 66\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{10\alpha}{3} + \frac{17\beta}{6} + \frac{22\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{23\alpha}{3} - \frac{20\beta}{3} - \frac{50\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha - \frac{9\beta}{2} - 11\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{10\alpha}{3} + \frac{17\beta}{6} + \frac{22\gamma}{3} \\ -\frac{23\alpha}{3} - \frac{20\beta}{3} - \frac{50\gamma}{3} \\ -5\alpha - \frac{9\beta}{2} - 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-23, -17, -13)$$

$$L: \frac{x}{-30} = \frac{y+28}{30} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-35, -33, -24)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{16-x}{11} = \frac{y+3}{14} = \frac{-z-2}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-28}{11} = \frac{y-53}{14} = \frac{-z-54}{13}$$