Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 17

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{-\frac{13i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-10+11*I],[-5+12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x+2)(x+5)(x+1-5i)(x+1+5i)(x+3-3i)(x+3+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+2)(x+5)(x^2+2x+26)(x^2+6x+18)$

4. Все числа
$$z$$
: $36+11i$, $-8+17i$, $6+31i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

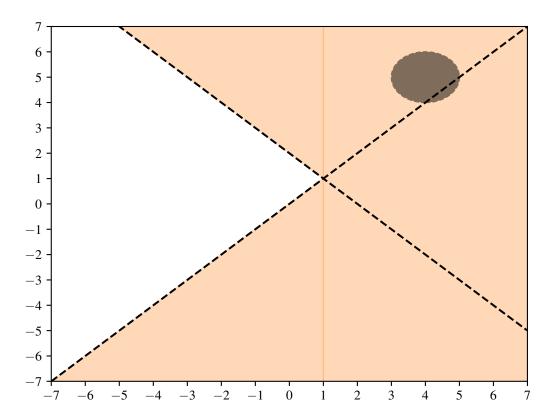
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; 1) под углом = $\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 16\alpha - 2\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -10\alpha + 2\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -12\alpha + 2\beta + 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha + \frac{\beta}{2} + \gamma \\ \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha - \frac{\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -4\alpha + \frac{\beta}{2} + \gamma \\ \frac{5\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ 3\alpha - \frac{\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, 4, 16)$$

9.
$$L: \frac{x+1}{7} = \frac{y-12}{-14} = \frac{z+15}{0}$$

$$A_0 = (2, 16, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{9-x}{19} = \frac{-y-1}{16} = \frac{z-18}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{104 - x}{19} = \frac{79 - y}{16} = \frac{z - 3}{3}$$