Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 28

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

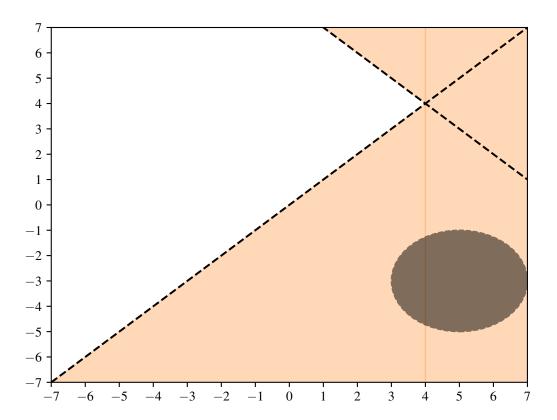
•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$;
- k = 2;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{\frac{5i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[-12+9*I],[11+2*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-1)(x+3)(x-1-3i)(x-1+3i)(x+3-2i)(x+3+2i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-1)(x+3)(x^2-2x+10)(x^2+6x+13)$

- 4. Все числа z: -11+27i, -33+9i, 35+23i
- 5. $z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$
 - $z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
 - n = 12;
 - $z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; 4) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha + \beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 7\alpha + 2\beta + 56\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha + \beta + 48\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{7\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} - \frac{56\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{6\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{48\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ -\frac{7\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} - \frac{56\gamma}{5} \\ -\frac{6\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{48\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-27, -24, -15)$$

$$L: \frac{x+2}{6} = \frac{y+28}{26} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (17, -5, 14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+14}{16} = \frac{y+20}{18} = \frac{z-2}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-50}{16} = \frac{y-52}{18} = \frac{z-54}{13}$$