Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 32

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{9\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{9\pi}{10}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(-\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[9-10*I],[8-13*I]])$$

3. Над С:
$$-1 * (x-2)^2 (x-4-i) (x-4+i) (x+5-4i) (x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : $-1 * (x-2)^2 (x^2-8x+17) (x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $33+7i$, $25-41i$, $-79+11i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

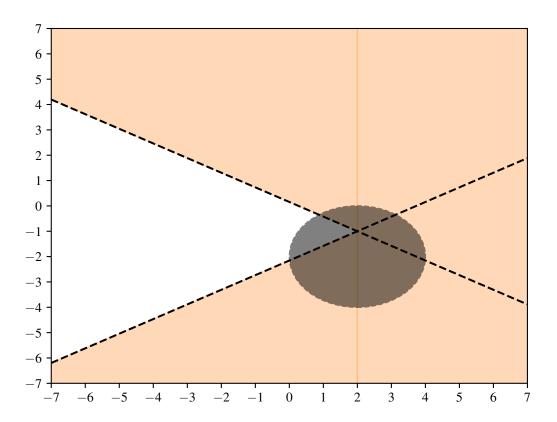
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -\frac{81}{2} - \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 81e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 9\alpha + 12\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -9\alpha - 12\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -15\alpha - 18\beta + 10\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{3\alpha}{2} + 2\beta - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} - 2\beta + \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{5\alpha}{2} - 3\beta + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{3\alpha}{2} + 2\beta - \frac{5\gamma}{3} \\ -\frac{3\alpha}{2} - 2\beta + \frac{4\gamma}{3} \\ -\frac{5\alpha}{2} - 3\beta + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, 26, -36)$$

$$L: \frac{x+1}{-14} = \frac{y-41}{-42} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-9, 7, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{5-x}{13} = \frac{y-15}{19} = \frac{z-12}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-34}{13} = \frac{y-72}{19} = \frac{z-57}{15}$$