Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 25

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 0$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)=\sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}+\frac{i}{2}\right)=\sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{6}}$$

2. 
$$Matrix([[3-2*I],[2+14*I]])$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x-2)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+2-2i)(x+2+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-2)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+4x+8)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-71+9i$ ,  $11-29i$ ,  $13+33i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

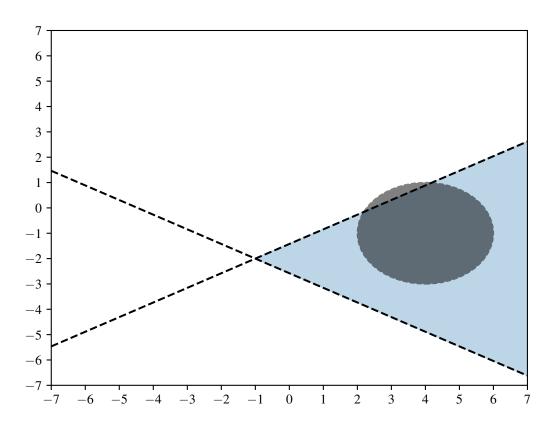
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
:

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;-2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -4\alpha - 64\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\beta$$
;

• 
$$\Delta_3 = \alpha + 13\beta + \gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} - \frac{32\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \beta \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{6} + \frac{13\beta}{6} + \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{2\alpha}{3} - \frac{32\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ \beta \\ \frac{\alpha}{6} + \frac{13\beta}{6} + \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, 16, -27)$$

$$L: \frac{x-2}{-12} = \frac{y-37}{-36} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-25, -4, 30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{17-x}{9} = \frac{y-14}{16} = \frac{16-z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-19}{9} = \frac{y-78}{16} = \frac{-z-64}{20}$$