Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 11

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{5}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} - i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[4+4*I], [-4+10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-4)(x-2)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+2-2i)(x+2+2i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x-2)(x^2+2x+17)(x^2+4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $-60 + 5i$, $28 + 31i$, $10 - 29i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

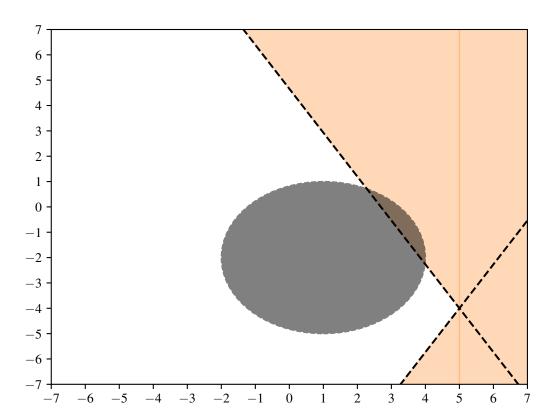
•
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -27\alpha - 30\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -42\alpha - 48\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -21\alpha - 24\beta - \gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{9\alpha}{2} + 5\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 7\alpha + 8\beta + \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{7\alpha}{2} + 4\beta + \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{9\alpha}{2} + 5\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 7\alpha + 8\beta + \frac{2\gamma}{3} \\ \frac{7\alpha}{2} + 4\beta + \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-32, -6, 11)$$

$$L: \frac{x+1}{-28} = \frac{y-25}{-28} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-34, 34, -15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{19-x}{15} = \frac{y+20}{15} = \frac{3-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-41}{15} = \frac{y-40}{15} = \frac{-z-25}{7}$$