Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 15

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}};$$

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 4$$
;

• Искомое значение = 
$$1\cdot\left(\cos\left(\frac{13\pi}{6}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{13\pi}{6}\right)\right)=\frac{\sqrt{3}}{2}+\frac{i}{2}=e^{\frac{i\pi}{6}}$$

2. 
$$Matrix([[13+12*I],[2+8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5 * (x-4)(x+5)(x+2-3i)(x+2+3i)(x+3-5i)(x+3+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5 * (x-4)(x+5)(x^2+4x+13)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-11-37i$ ,  $-19+45i$ ,  $-25-11i$ 

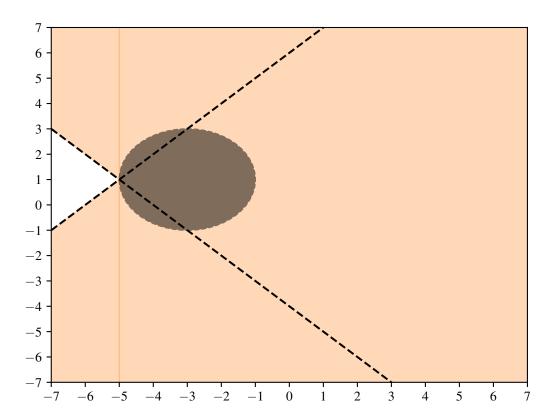
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;1) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -5$$
;

• 
$$\Delta_1 = -48\alpha - 40\beta - 9\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 41\alpha + 35\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 30\alpha + 25\beta + 5\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{48\alpha}{5} + 8\beta + \frac{9\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{41\alpha}{5} - 7\beta - \frac{8\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha - 5\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{48\alpha}{5} + 8\beta + \frac{9\gamma}{5} \\ -\frac{41\alpha}{5} - 7\beta - \frac{8\gamma}{5} \\ -6\alpha - 5\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-29, 13, -11)$$

$$L: \frac{x+3}{9} = \frac{y-19}{-18} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-1, 5, 8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+8}{16} = \frac{y}{7} = \frac{z-18}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+120}{16} = \frac{y+49}{7} = \frac{z+80}{14}$$