Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 27

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

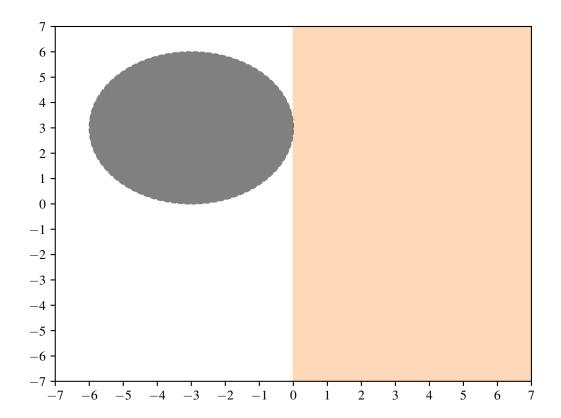
•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 4;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{-\frac{17i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-10-11*I], [-6+7*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1 * (x-1)(x+2)(x-3-3i)(x-3+3i)(x+2-4i)(x+2+4i)$, Над \mathbb{R} : $-1 * (x-1)(x+2)(x^2-6x+18)(x^2+4x+20)$

- 4. Все числа z: -20-18i, 24-2i, -2+26i
- 5. $z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$
 - $z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
 - n = 12;
 - $z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-4) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = 33\alpha - 4\beta - 49\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -56\alpha + 7\beta + 83\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\alpha + \beta + 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -33\alpha + 4\beta + 49\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 56\alpha - 7\beta - 83\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 8\alpha - \beta - 12\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -33\alpha + 4\beta + 49\gamma \\ 56\alpha - 7\beta - 83\gamma \\ 8\alpha - \beta - 12\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-18, -11, -44)$$

$$L: \frac{x}{-14} = \frac{y - 32}{-35} = \frac{z + 14}{0}$$
$$A_0 = (-34, 5, -32)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{11-x}{19} = \frac{y-2}{14} = \frac{z+10}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{87 - x}{19} = \frac{y + 54}{14} = \frac{z + 62}{13}$$