Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 2

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{11i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[13+4*I],[-12-2*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+5)^2(x+1-3i)(x+1+3i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+5)^2(x^2+2x+10)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $18 + 29i$, $32 - 9i$, $-22 - 39i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)$$
;

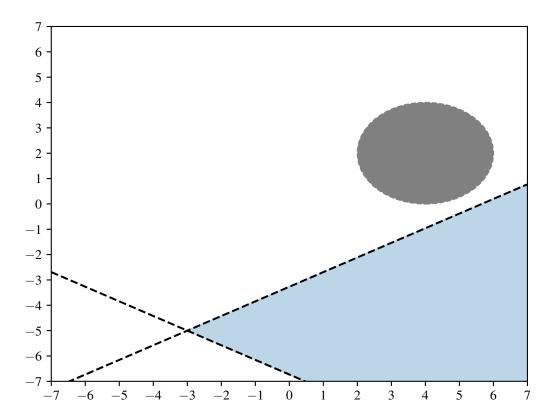
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -81 = 3^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -81$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 7\alpha - 18\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -9\alpha + 22\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 36\alpha - 90\beta - 50\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{2} - 9\beta - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} + 11\beta + 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 18\alpha - 45\beta - 25\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{2} - 9\beta - 5\gamma \\ -\frac{9\alpha}{2} + 11\beta + 6\gamma \\ 18\alpha - 45\beta - 25\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (33, -3, -12)$$

$$L: \frac{x+1}{15} = \frac{y-17}{-15} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (17, 25, 19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{1-x}{2} = \frac{y-18}{6} = \frac{-z-12}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{13-x}{2} = \frac{y+18}{6} = \frac{96-z}{18}$$