Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 29

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

- k = 2;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2} = e^{\frac{3i\pi}{4}}$
- 2. Matrix([[8-9*I],[12+7*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+4)(x+5)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+4)(x+5)(x^2-6x+13)(x^2+10x+41)$

4. Все числа z: -35-63i, -25+23i, 49+15i

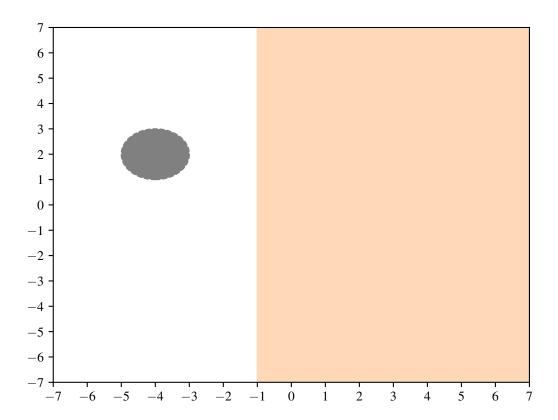
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; 2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -12\alpha - 9\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -8\alpha - 6\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -30\alpha - 23\beta + 40\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 6\alpha + \frac{9\beta}{2} - 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 4\alpha + 3\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 15\alpha + \frac{23\beta}{2} - 20\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 6\alpha + \frac{9\beta}{2} - 8\gamma \\ 4\alpha + 3\beta - 5\gamma \\ 15\alpha + \frac{23\beta}{2} - 20\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (7, -4, -13)$$

$$L: \frac{x-1}{20} = \frac{y-12}{-10} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (18, 16, 27)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-2}{15} = \frac{-y-16}{7} = \frac{-z-13}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-92}{15} = \frac{-y-58}{7} = \frac{-z-73}{10}$$