Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 33

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 4$$
;

• Искомое значение = 
$$1\cdot\left(\cos\left(\frac{9\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{9\pi}{4}\right)\right)=\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{2}i}{2}=e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[-5-4*I], [-14-5*I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-4)(x-1)(x-3-5i)(x-3+5i)(x+5-2i)(x+5+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-4)(x-1)(x^2-6x+34)(x^2+10x+29)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-48+47i$ ,  $10+11i$ ,  $8-61i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right)$$
;

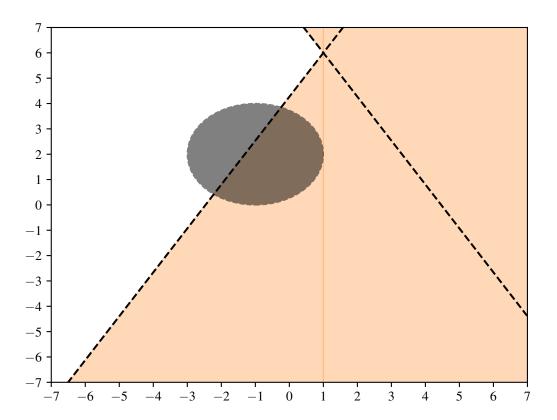
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
:

• 
$$z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; 2) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; 6) под углом =  $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -2\alpha + 7\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha - 18\beta - 38\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\beta}{2} - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \frac{7\beta}{2} + 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha - 9\beta - 19\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\beta}{2} - \gamma \\ -\alpha + \frac{7\beta}{2} + 7\gamma \\ 3\alpha - 9\beta - 19\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-1, -10, 43)$$

$$L: \frac{x}{18} = \frac{y+33}{30} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (32, -25, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{4-x}{5} = \frac{y+10}{17} = \frac{z-12}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-21}{5} = \frac{y-75}{17} = \frac{z-92}{16}$$