Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 12

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 0$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[-1+13*I],[10-5*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x+1)(x+3)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-i)(x+2+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x+1)(x+3)(x^2+2x+5)(x^2+4x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-16-67i$ ,  $30+29i$ ,  $18+13i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

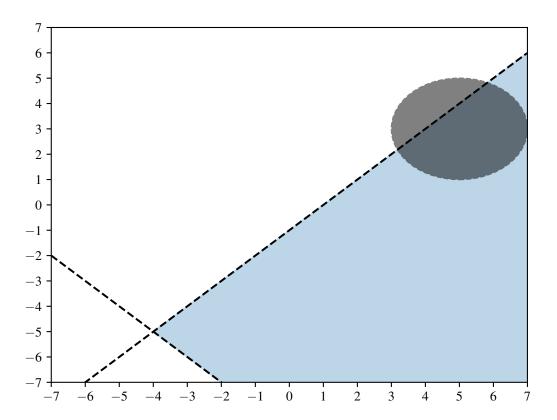
• 
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 3) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -5) под углом  $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 31\alpha - 63\beta + 70\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -7\alpha + 15\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 39\alpha - 81\beta + 90\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{31\alpha}{6} + \frac{21\beta}{2} - \frac{35\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{6} - \frac{5\beta}{2} + \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{2} + \frac{27\beta}{2} - 15\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{31\alpha}{6} + \frac{21\beta}{2} - \frac{35\gamma}{3} \\ \frac{7\alpha}{6} - \frac{5\beta}{2} + \frac{8\gamma}{3} \\ -\frac{13\alpha}{2} + \frac{27\beta}{2} - 15\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, 23, 14)$$

$$L: \frac{x+3}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (11, 11, 19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{19} = \frac{13-y}{11} = \frac{z+20}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+127}{19} = \frac{79-y}{11} = \frac{z+80}{10}$$