Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 15

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{3}\cdot\left(\cos\left(-\frac{8\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{8\pi}{3}\right)\right)=\sqrt{3}\left(-\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{3}i}{2}\right)=\sqrt{3}e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2. 
$$Matrix([[8-5*I], [-1-5*I]])$$

3. Над С: 4 \* 
$$(x-1)(x+1)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+4-3i)(x+4+3i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-1)(x+1)(x^2+4x+8)(x^2+8x+25)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-51-42i$ ,  $-5+20i$ ,  $37-18i$ 

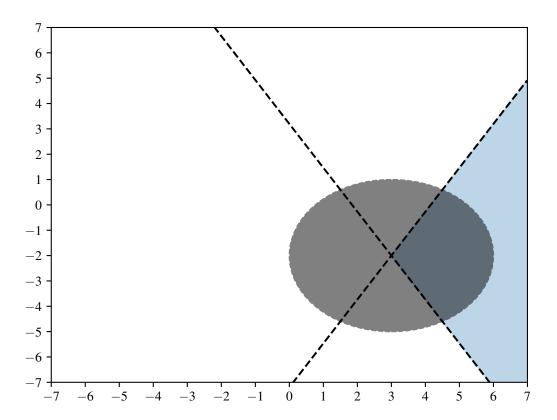
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 26\alpha - 63\beta - 27\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 20\alpha - 48\beta - 21\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 9\alpha - 21\beta - 9\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{26\alpha}{3} - 21\beta - 9\gamma \\ \\ 0 & 1 & 0 & \frac{20\alpha}{3} - 16\beta - 7\gamma \\ \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha - 7\beta - 3\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{26\alpha}{3} - 21\beta - 9\gamma \\ \frac{20\alpha}{3} - 16\beta - 7\gamma \\ 3\alpha - 7\beta - 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (43, -17, 15)$$

$$L: \frac{x+3}{1} = \frac{y+4}{2} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-4, 14, -39)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-3}{4} = \frac{y-16}{16} = \frac{z+8}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-27}{4} = \frac{y-112}{16} = \frac{z-64}{12}$$