Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 9

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -i = -i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right) = e^{\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-6-6*I], [-9-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-4)(x-2)(x-3-i)(x-3+i)(x+5-5i)(x+5+5i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-4)(x-2)(x^2-6x+10)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $-60 + 23i$, $12 - 5i$, $22 - 31i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

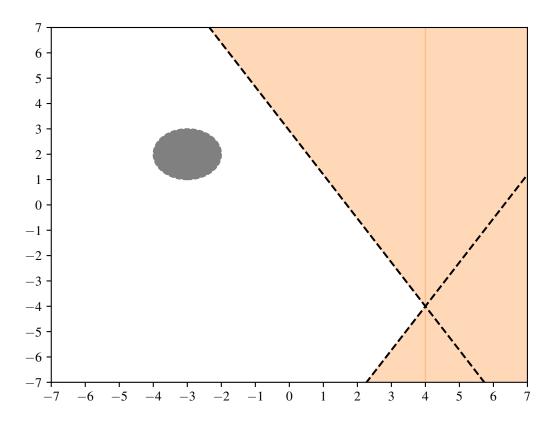
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; 2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 4\alpha - 8\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -16\alpha + 30\beta + 31\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -24\alpha + 44\beta + 44\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 2\beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -4\alpha + \frac{15\beta}{2} + \frac{31\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha + 11\beta + 11\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \alpha - 2\beta - 2\gamma \\ -4\alpha + \frac{15\beta}{2} + \frac{31\gamma}{4} \\ -6\alpha + 11\beta + 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (36, -31, -24)$$

$$L: \frac{x-1}{-10} = \frac{y-11}{-10} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (-17, 1, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{13} = \frac{10-y}{11} = \frac{-z-5}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+65}{13} = \frac{54-y}{11} = \frac{11-z}{4}$$