Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 29

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{-\frac{7i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[-11-I],[-13-8*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-3)(x+2)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+4-5i)(x+4+5i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+2)(x^2+2x+10)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $20 + 27i$, $8 + 25i$, $-20 - 57i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

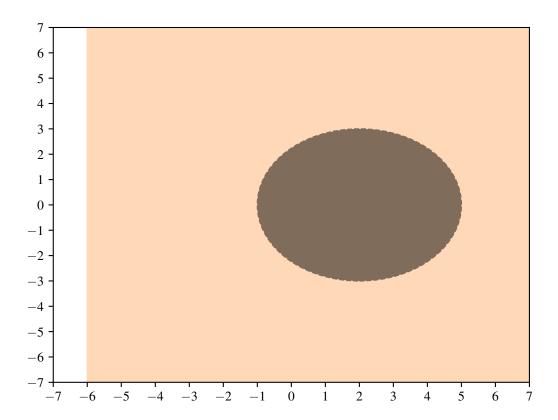
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 1 = 1^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 18\alpha + 32\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -35\alpha - 63\beta + 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -27\alpha - 49\beta + 28\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha - 16\beta + 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{35\alpha}{2} + \frac{63\beta}{2} - 18\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{27\alpha}{2} + \frac{49\beta}{2} - 14\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -9\alpha - 16\beta + 9\gamma \\ \frac{35\alpha}{2} + \frac{63\beta}{2} - 18\gamma \\ \frac{27\alpha}{2} + \frac{49\beta}{2} - 14\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, 22, -12)$$

$$L: \frac{x+2}{10} = \frac{y-7}{-10} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-5, 4, 13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-19}{13} = \frac{y-4}{2} = \frac{3-z}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-58}{13} = \frac{y-10}{2} = \frac{-z-12}{5}$$