Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 29

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg(2-2\sqrt{3}i) = -\frac{\pi}{3};$
- k = 3;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{1}{2} \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{4}{5}} e^{-\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[7+11*I],[14+3*I]])

3. Над С: 1 *
$$(x-4)(x+1)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-3i)(x+2+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x+1)(x^2+2x+5)(x^2+4x+13)$

4. Все числа z: -14 + 72i, 44 - 40i, -38 - 18i

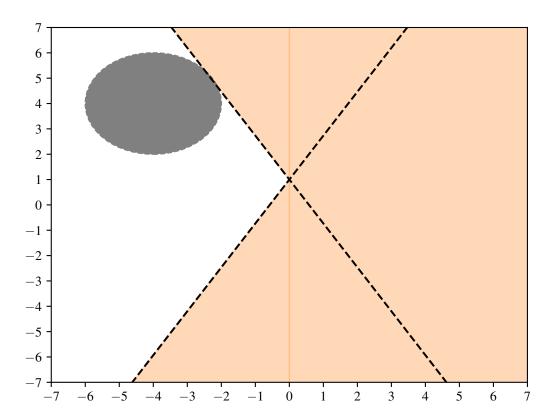
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- n = 6;

•
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;1) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 3\alpha - 2\beta$$
;

•
$$\Delta_2 = -8\alpha + 7\beta$$
;

•
$$\Delta_3 = -35\alpha + 35\beta + 5\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{5} + \frac{2\beta}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{8\alpha}{5} - \frac{7\beta}{5} \\ 0 & 0 & 1 & 7\alpha - 7\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{5} + \frac{2\beta}{5} \\ \frac{8\alpha}{5} - \frac{7\beta}{5} \\ 7\alpha - 7\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (24, 22, -16)$$

$$L: \frac{x+3}{7} = \frac{y+6}{7} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-7, -4, -20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{18} = \frac{y}{10} = \frac{15-z}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{107 - x}{18} = \frac{y + 60}{10} = \frac{51 - z}{6}$$