Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 5

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6}$;
- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{5}\right)\right) = -\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} + i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} = e^{\frac{3i\pi}{5}}$
- 2. Matrix([[-12+7*I],[8+13*I]])

3. Над С:
$$-1*(x-4)(x-1)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+3-4i)(x+3+4i)$$
, Над \mathbb{R} : $-1*(x-4)(x-1)(x^2-8x+25)(x^2+6x+25)$

4. Все числа z: -9-9i, -35+37i, -19-41i

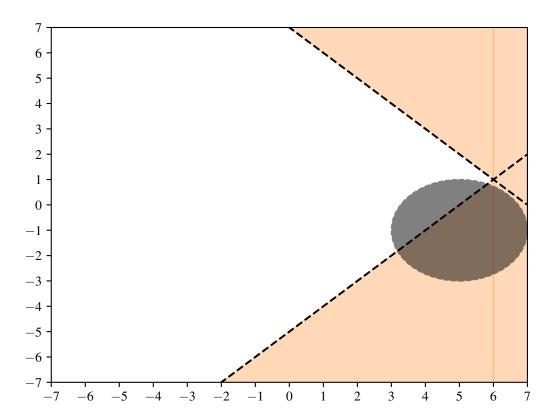
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3;

•
$$z = 8i = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5;-1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;1) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -5\alpha - 6\beta - 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha - 2\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha + 2\beta + 12\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\alpha}{4} - \frac{3\beta}{2} - 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{4} - \frac{\beta}{2} - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{4} + \frac{\beta}{2} + 3\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{5\alpha}{4} - \frac{3\beta}{2} - 6\gamma \\ -\frac{\alpha}{4} - \frac{\beta}{2} - 2\gamma \\ \frac{\alpha}{4} + \frac{\beta}{2} + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-27, 1, 19)$$

$$L: \frac{x+3}{13} = \frac{y-10}{-13} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (1, -4, 8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{4} = \frac{y-6}{14} = \frac{z-15}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{36 - x}{4} = \frac{y + 92}{14} = \frac{z + 13}{4}$$