Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 18

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{5}\right)\right) = -\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} + i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} = e^{\frac{3i\pi}{5}}$$

2. 
$$Matrix([[9-9*I],[8-12*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x-3)(x+5)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-5i)(x+3+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x-3)(x+5)(x^2+2x+17)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-15-23i$ ,  $-29+61i$ ,  $-27-33i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

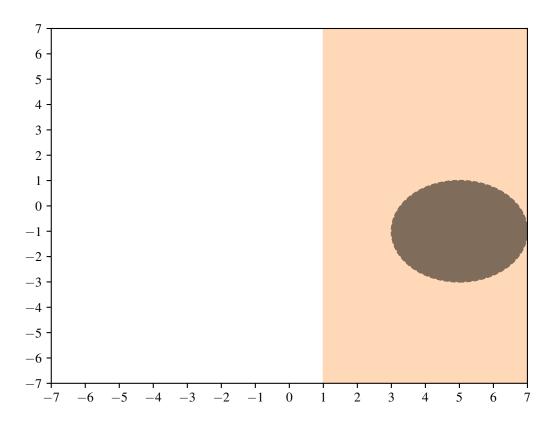
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5;-1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -8\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -\alpha + 18\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 2\alpha - 16\beta - 8\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 2\beta + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{4} - \frac{9\beta}{2} - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} + 4\beta + 2\gamma \end{pmatrix};$$

$$A_0 = (-15, -43, 7)$$

$$L: \frac{x-2}{10} = \frac{y}{2} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (8, -4, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-5}{9} = \frac{-y-19}{4} = \frac{14-z}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-32}{9} = \frac{-y-31}{4} = \frac{-z-28}{14}$$