Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 27

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 2$$
:

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{14\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{14\pi}{15}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + i\left(\frac{\sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} e^{\frac{14i\pi}{15}}$$

2. 
$$Matrix([[4+4*I],[-15+8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x+2)(x+5)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-5i)(x+3+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x+2)(x+5)(x^2+2x+17)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-18 - 17i$ ,  $20 + 39i$ ,  $-36 - 31i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

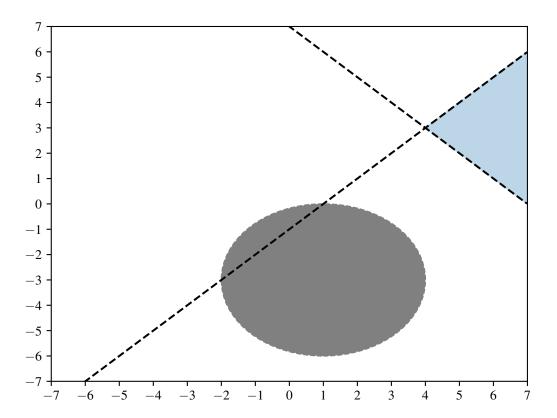
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
:

• 
$$z = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -9\alpha + 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha - 6\beta$$
;

• 
$$\Delta_3 = 2\alpha - 6\beta$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{6} - \beta \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{3} - \beta \end{pmatrix}$$
;

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{2} + \gamma \\ \frac{\alpha}{6} - \beta \\ \frac{\alpha}{3} - \beta \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -36, 6)$$

$$L: \frac{x-2}{11} = \frac{y+25}{22} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (22, -5, 18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+10}{9} = \frac{y-2}{14} = \frac{7-z}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-17}{9} = \frac{y-44}{14} = \frac{1-z}{2}$$