Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 30

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{8\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{8\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{-\frac{8i\pi}{9}}$$

2. 
$$Matrix([[-4+12*I], [-8+4*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 3 \*  $(x-2)(x+5)(x-4-4i)(x-4+4i)(x-2-i)(x-2+i)$ , над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-2)(x+5)(x^2-8x+32)(x^2-4x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $2-15i$ ,  $30-23i$ ,  $14-27i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

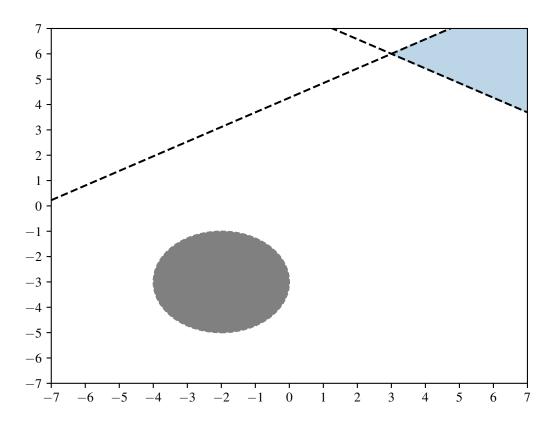
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -3) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;6) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 30\alpha - 17\beta - 42\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 15\alpha - 9\beta - 21\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha - 3\beta - 9\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -10\alpha + \frac{17\beta}{3} + 14\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha + 3\beta + 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -2\alpha + \beta + 3\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -10\alpha + \frac{17\beta}{3} + 14\gamma \\ -5\alpha + 3\beta + 7\gamma \\ -2\alpha + \beta + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-32, 1, 0)$$

9. 
$$L: \frac{x-2}{-21} = \frac{y+41}{42} = \frac{z-7}{0}$$

$$A_0 = (-23, -21, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{19-x}{12} = \frac{y}{12} = \frac{z-14}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-53}{12} = \frac{y-72}{12} = \frac{z-92}{13}$$