Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 1

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 2e^{-\frac{7i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-11+6*I],[2+2*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-2)(x+4)(x+3-3i)(x+3+3i)(x+5-5i)(x+5+5i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-2)(x+4)(x^2+6x+18)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $18+9i$, $20+i$, $-72-21i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

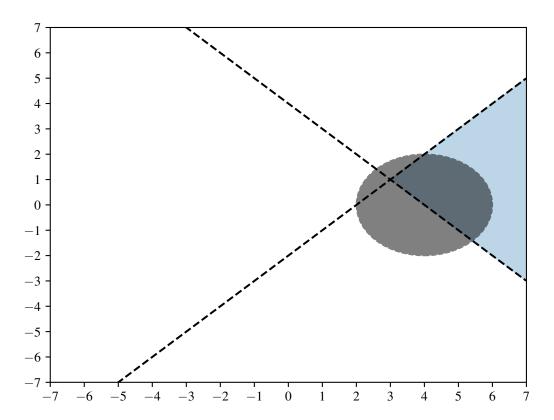
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -30\alpha - 7\beta + 42\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 30\alpha + 8\beta - 42\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -48\alpha - 12\beta + 66\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha - \frac{7\beta}{6} + 7\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha + \frac{4\beta}{3} - 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -8\alpha - 2\beta + 11\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -5\alpha - \frac{7\beta}{6} + 7\gamma \\ 5\alpha + \frac{4\beta}{3} - 7\gamma \\ -8\alpha - 2\beta + 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, 8, 20)$$

$$L: \frac{x}{21} = \frac{y+8}{7} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (4, -30, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-3}{11} = \frac{y+2}{19} = \frac{6-z}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-69}{11} = \frac{y-112}{19} = \frac{-z-72}{13}$$