Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 8

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}};$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{10\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{10\pi}{9}\right)\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right) = e^{-\frac{8i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[-15-2*I], [-5+4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+2)^2(x-2-3i)(x-2+3i)(x+3-i)(x+3+i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+2)^2(x^2-4x+13)(x^2+6x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $-15-2i$, $39+6i$, $-45-32i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

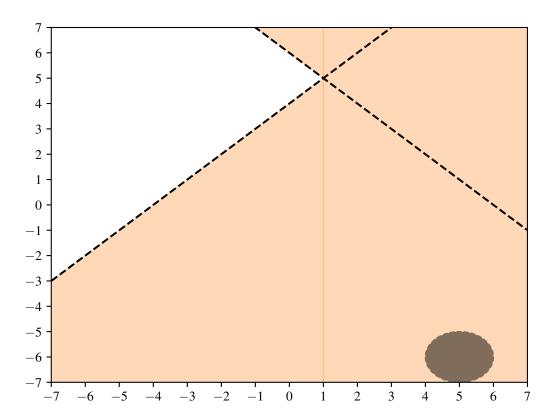
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;5) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 6\alpha - 4\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha - \gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -16\alpha + 10\beta + 32\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3\alpha + 2\beta + 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 8\alpha - 5\beta - 16\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -3\alpha + 2\beta + 6\gamma \\ -\frac{\alpha}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 8\alpha - 5\beta - 16\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-10, -5, 14)$$

9.
$$L: \frac{x-2}{-12} = \frac{y+46}{48} = \frac{z+13}{0}$$

$$A_0 = (-21, -5, -35)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-7}{13} = \frac{1-y}{15} = \frac{z+3}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-59}{13} = \frac{-y-59}{15} = \frac{z-25}{7}$$