Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 4

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[4-13*I], [-2-14*I]])$$

3. Над С: 4 \* 
$$(x-4)(x-3)(x-4-4i)(x-4+4i)(x-1-2i)(x-1+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-4)(x-3)(x^2-8x+32)(x^2-2x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $3 + 31i$ ,  $-13 - 9i$ ,  $41 + 19i$ 

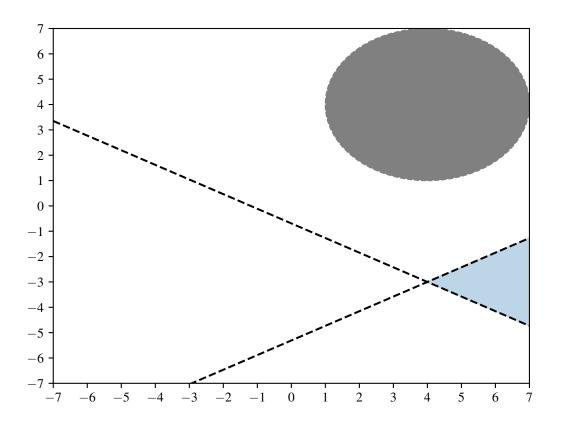
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -3) под углом  $= \pm \frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 5$$
;

• 
$$\Delta_1 = -14\alpha - 8\beta + 5\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 75\alpha + 45\beta - 25\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -46\alpha - 27\beta + 15\gamma$$
;

$$\bullet \ A \to \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{14\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & 15\alpha + 9\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{46\alpha}{5} - \frac{27\beta}{5} + 3\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{14\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} + \gamma \\ 15\alpha + 9\beta - 5\gamma \\ -\frac{46\alpha}{5} - \frac{27\beta}{5} + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, 13, -38)$$

$$L: \frac{x-2}{32} = \frac{y+10}{8} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (4, -35, 12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-14}{13} = \frac{2-y}{3} = \frac{z+9}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+38}{13} = \frac{14-y}{3} = \frac{z+29}{5}$$