Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 25

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1\cdot\left(\cos\left(\frac{9\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{9\pi}{4}\right)\right)=\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{2}i}{2}=e^{\frac{i\pi}{4}}$

2.
$$Matrix([[-8+7*I], [-8+4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-3)^2(x-3-i)(x-3+i)(x-2-2i)(x-2+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-3)^2(x^2-6x+10)(x^2-4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $-19 + 13i$, $37 + 25i$, $-13 + 33i$

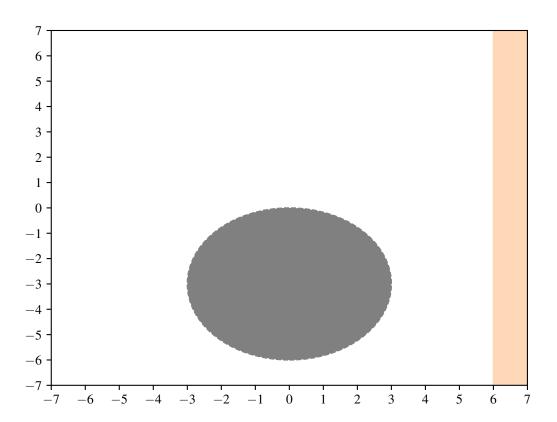
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; -2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha - \beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - 6\beta - 52\gamma$$
;

$$\bullet \ A \to \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{2\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{5} - \frac{6\beta}{5} - \frac{52\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{2\gamma}{5} \\ \gamma \\ \frac{\alpha}{5} - \frac{6\beta}{5} - \frac{52\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (19, 10, 23)$$

$$L: \frac{x-2}{-14} = \frac{y+68}{70} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-29, -17, -23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{7-x}{19} = \frac{9-y}{12} = \frac{5-z}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-107}{19} = \frac{-y-63}{12} = \frac{-z-97}{17}$$