Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 9

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{26\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{26\pi}{15}\right)\right) = -\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}+\frac{5}{8}}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}+\frac{5}{8}}}}{2} + \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right) = e^{-\frac{4i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-15+6*I],[13-2*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x+4)(x+5)(x-4-i)(x-4+i)(x+1-2i)(x+1+2i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+4)(x+5)(x^2-8x+17)(x^2+2x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $22-4i$, $-82-30i$, $28+18i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

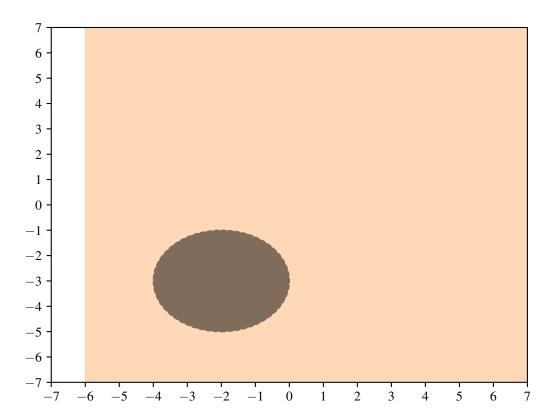
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -4) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = -5\alpha - 7\beta + \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -5\alpha - 8\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 10\alpha + 16\beta - 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - \frac{7\beta}{5} + \frac{\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \frac{8\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha + \frac{16\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\alpha - \frac{7\beta}{5} + \frac{\gamma}{5} \\ -\alpha - \frac{8\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ 2\alpha + \frac{16\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (21, 2, 10)$$

$$L: \frac{x}{13} = \frac{y - 154}{-156} = \frac{z - 9}{0}$$
$$A_0 = (25, -1, 20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-16}{8} = \frac{y-11}{5} = \frac{z-10}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+32}{8} = \frac{y+19}{5} = \frac{z+50}{10}$$