Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 22

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{8}\right)\right) = 2^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} - i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}}\right) = 2^{\frac{3}{4}}e^{-\frac{5i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-8+10*I], [9-13*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-2)^2$$
 $(x+2-4i)$ $(x+2+4i)$ $(x+4-i)$ $(x+4+i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)^2$ $(x^2+4x+20)$ $(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-55-25i$, $-5-31i$, $35-25i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

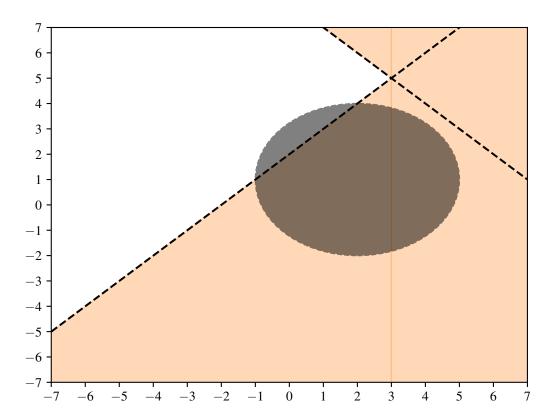
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 1 = 1^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; 5) под углом = $\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = 65\alpha - 4\beta - 14\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 32\alpha - 2\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 51\alpha - 3\beta - 11\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -65\alpha + 4\beta + 14\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -32\alpha + 2\beta + 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -51\alpha + 3\beta + 11\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -65\alpha + 4\beta + 14\gamma \\ -32\alpha + 2\beta + 7\gamma \\ -51\alpha + 3\beta + 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (17, 14, 10)$$

$$L: \frac{x+1}{-12} = \frac{y+8}{6} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (7, -7, 27)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{18-x}{3} = \frac{-y-6}{3} = \frac{z-18}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{3-x}{3} = \frac{-y-21}{3} = \frac{z-48}{6}$$