Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 9

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -i = -i;$$

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{8}\right)\right) = -\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} + i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} = e^{\frac{7i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[13-5*I],[-8-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x+4)(x+5)(x-1-3i)(x-1+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+4)(x+5)(x^2-2x+10)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $36 + 24i$, $-24 + 24i$, $16 - 76i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

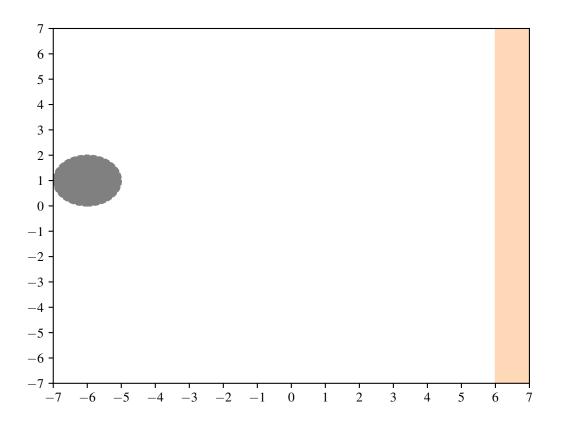
•
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
:

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6; 1) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 14\alpha + 4\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -25\alpha - 8\beta - 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -26\alpha - 8\beta - 32\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{2} + \beta + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{25\alpha}{4} - 2\beta - \frac{15\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{2} - 2\beta - 8\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{2} + \beta + 4\gamma \\ -\frac{25\alpha}{4} - 2\beta - \frac{15\gamma}{2} \\ -\frac{13\alpha}{2} - 2\beta - 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-3, -11, 6)$$

$$L: \frac{x+1}{27} = \frac{y-4}{-6} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (1, 13, 18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{9} = \frac{y-9}{14} = \frac{-z-2}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+76}{9} = \frac{y+89}{14} = \frac{12-z}{2}$$