Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 6

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{7i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[3+7*I],[2-I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x-4)^2$$
  $(x-1-3i)$   $(x-1+3i)$   $(x+4-4i)$   $(x+4+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-4)^2$   $(x^2-2x+10)$   $(x^2+8x+32)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-41 - 20i$ ,  $19 - 22i$ ,  $3 + 24i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

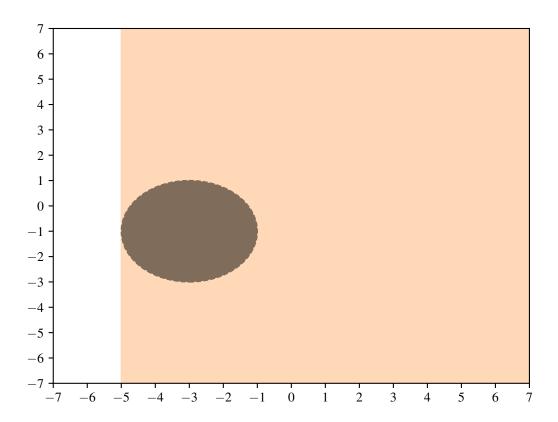
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;0) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 46\alpha - 40\beta + 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 38\alpha - 32\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = \alpha - \beta + \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{23\alpha}{3} + \frac{20\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{19\alpha}{3} + \frac{16\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{6} + \frac{\beta}{6} - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{23\alpha}{3} + \frac{20\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ -\frac{19\alpha}{3} + \frac{16\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ -\frac{\alpha}{6} + \frac{\beta}{6} - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-17, 22, -29)$$

$$L: \frac{x}{-6} = \frac{y-3}{-4} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (4, 10, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{18-x}{14} = \frac{-y-19}{17} = \frac{z-4}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{102 - x}{14} = \frac{83 - y}{17} = \frac{z + 86}{15}$$