Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 21

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[4-10*I],[6+12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-3)(x+3)(x-4-i)(x-4+i)(x+3-4i)(x+3+4i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-3)(x+3)(x^2-8x+17)(x^2+6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $-25-9i$, $9+7i$, $-3-5i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

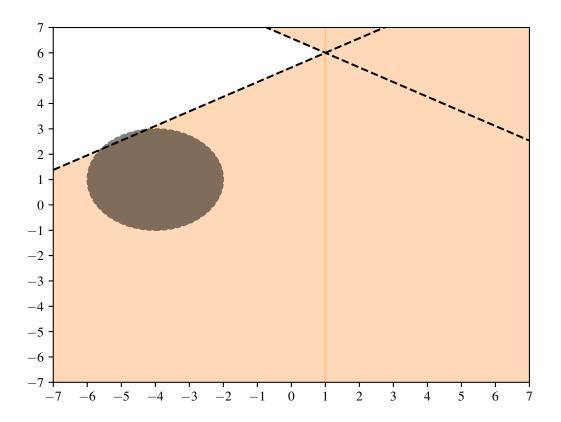
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;6) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -21\alpha - 5\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 10\alpha + 2\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -44\alpha - 10\beta - 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{21\alpha}{2} - \frac{5\beta}{2} - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha + \beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -22\alpha - 5\beta - 4\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{21\alpha}{2} - \frac{5\beta}{2} - 2\gamma \\ 5\alpha + \beta + \gamma \\ -22\alpha - 5\beta - 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (17, 18, 2)$$

$$L: \frac{x+1}{-6} = \frac{y-4}{-6} = \frac{z+1}{0}$$
$$A_0 = (6, 15, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{4-x}{18} = \frac{y-13}{4} = \frac{-z-7}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-68}{18} = \frac{y-29}{4} = \frac{-z-35}{7}$$