Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 2

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -64i = -64i$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + i\cdot\sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение 
$$=2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(-\frac{5\pi}{8}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{5\pi}{8}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(-\sqrt{\tfrac{1}{2}-\tfrac{\sqrt{2}}{4}}-i\sqrt{\tfrac{\sqrt{2}}{4}+\tfrac{1}{2}}\right)=2\sqrt{2}e^{-\tfrac{5i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[9+2*I],[2-7*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 3 \*  $(x-1)(x+2)(x+1-i)(x+1+i)(x+3-5i)(x+3+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-1)(x+2)(x^2+2x+2)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $32-3i$ ,  $-60+31i$ ,  $16-21i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

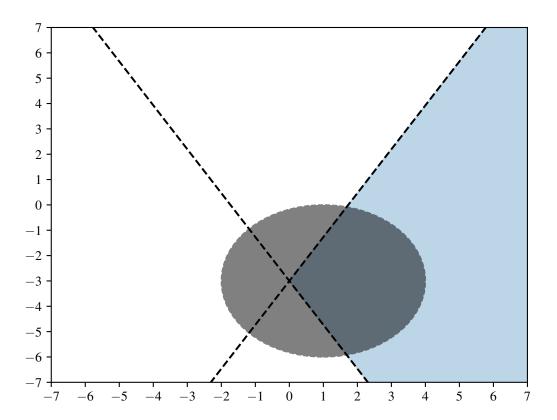
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
:

• 
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 6\alpha + 14\beta + 9\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -6\alpha - 20\beta - 15\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 4\beta + 3\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + \frac{7\beta}{3} + \frac{3\gamma}{2} \\ \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \frac{10\beta}{3} - \frac{5\gamma}{2} \\ \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2\beta}{3} + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix} ;$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \alpha + \frac{7\beta}{3} + \frac{3\gamma}{2} \\ -\alpha - \frac{10\beta}{3} - \frac{5\gamma}{2} \\ \frac{2\beta}{3} + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (8, 3, 11)$$

$$L: \frac{x+2}{1} = \frac{y-4}{-3} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (15, -7, 21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+11}{13} = \frac{y+18}{4} = \frac{z-19}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-54}{13} = \frac{y-2}{4} = \frac{z-99}{16}$$