Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 31

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{19\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{19\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{\frac{17i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[-9+12*I],[6-11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-1)(x+3)(x-4-i)(x-4+i)(x+1-3i)(x+1+3i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-1)(x+3)(x^2-8x+17)(x^2+2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $-4 - 18i$, $58 - 18i$, $-18 + 64i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

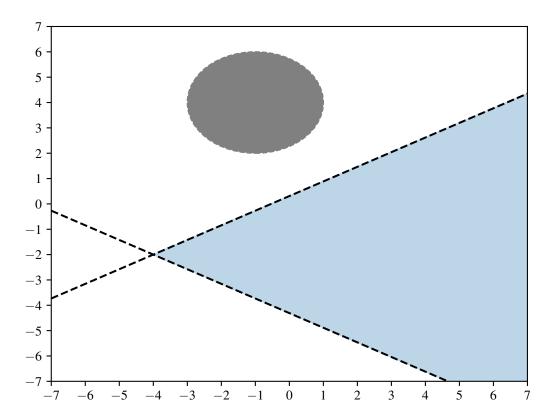
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 81 = 3^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -2) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\alpha + 21\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha + 24\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha - 5\beta - 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha + \frac{7\beta}{2} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + 4\beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{3} - \frac{5\beta}{6} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha + \frac{7\beta}{2} + \gamma \\ -\alpha + 4\beta + \gamma \\ \frac{\alpha}{3} - \frac{5\beta}{6} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, 33, -10)$$

$$L: \frac{x+2}{4} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (3, 9, -2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+9}{11} = \frac{y+16}{7} = \frac{-z-2}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+86}{11} = \frac{y+65}{7} = \frac{96-z}{14}$$