Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 30

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

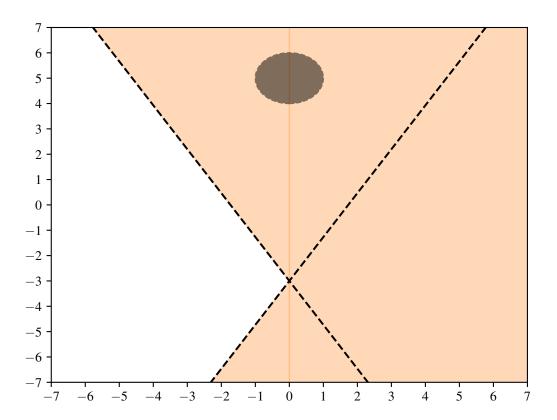
•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$;
- k = 0;
- Искомое значение = $3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{15}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}}e^{-\frac{2i\pi}{15}}$
- 2. Matrix([[-13-11*I],[13+10*I]])
- 3. Над С: -1*(x-2)(x+1)(x+2-4i)(x+2+4i)(x+4-i)(x+4+i), Над \mathbb{R} : $-1*(x-2)(x+1)(x^2+4x+20)(x^2+8x+17)$
- 4. Все числа z: -4+5i, 8+19i, 18+27i

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- *n* = 6:
- $z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0, 5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -3) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = 6\alpha + 11\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -5\alpha - 10\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 32\alpha + 67\beta - 37\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{6\alpha}{5} + \frac{11\beta}{5} - \frac{6\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - 2\beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{32\alpha}{5} + \frac{67\beta}{5} - \frac{37\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{6\alpha}{5} + \frac{11\beta}{5} - \frac{6\gamma}{5} \\ -\alpha - 2\beta + \gamma \\ \frac{32\alpha}{5} + \frac{67\beta}{5} - \frac{37\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-12, 32, -3)$$

$$L: \frac{x+2}{-10} = \frac{y+14}{15} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-5, -3, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-5}{19} = \frac{-y-17}{4} = \frac{1-z}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-62}{19} = \frac{-y-29}{4} = \frac{-z-41}{14}$$