Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 27

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = 2;
- Искомое значение = $3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{5}} e^{\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[11-14*I],[13+5*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x+4)(x+5)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-5i)(x+3+5i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x+4)(x+5)(x^2+2x+17)(x^2+6x+34)$

4. Все числа z: 4-19i, -56+25i, 16-29i

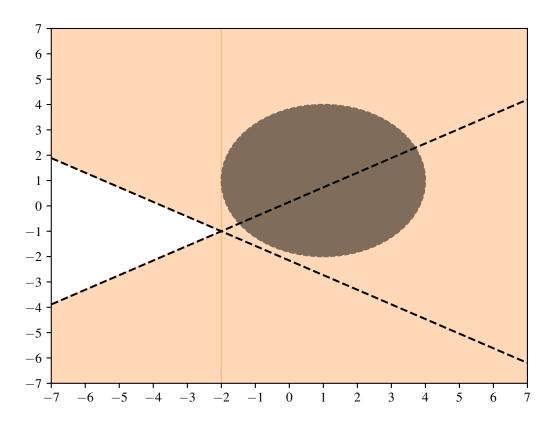
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3;

•
$$z = i = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;-1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha - \beta + 31\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 10\alpha + 5\beta - 115\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -5\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{3\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} - \frac{31\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha - \beta + 23\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{3\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} - \frac{31\gamma}{5} \\ -2\alpha - \beta + 23\gamma \\ \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-18, -22, -22)$$

$$L: \frac{x}{22} = \frac{y+20}{22} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (13, -11, -6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{19} = \frac{-y-17}{2} = \frac{z-15}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 84}{19} = \frac{-y - 25}{2} = \frac{z - 59}{11}$$