Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{5}} e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[2+12*I], [-4-3*I]])$$

3. Над С:
$$-4*(x+4)^2(x+2-i)(x+2+i)(x+4-4i)(x+4+4i)$$
, Над \mathbb{R} : $-4*(x+4)^2(x^2+4x+5)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $-9+63i$, $39-5i$, $-47-13i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right)$$
;

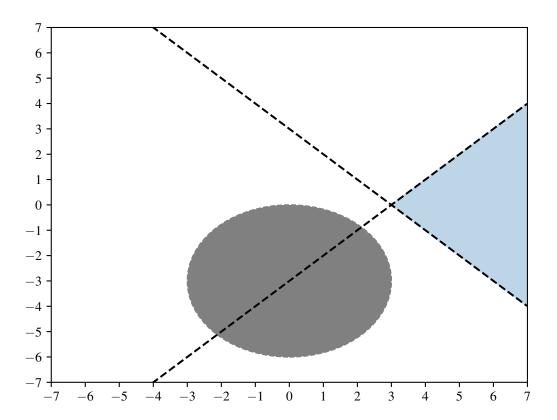
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -81 = 3^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -81$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 32\alpha - 17\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -80\alpha + 42\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -110\alpha + 58\beta - 14\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 16\alpha - \frac{17\beta}{2} + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -40\alpha + 21\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -55\alpha + 29\beta - 7\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 16\alpha - \frac{17\beta}{2} + 2\gamma \\ -40\alpha + 21\beta - 5\gamma \\ -55\alpha + 29\beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-18, 24, -27)$$

$$L: \frac{x}{-3} = \frac{y-6}{-6} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (-5, 6, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+7}{9} = \frac{y+12}{14} = \frac{z+18}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+43}{9} = \frac{y+68}{14} = \frac{z+82}{16}$$