Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 10

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7})) \mid k \in [0, 7)\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{7}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right) = e^{\frac{5i\pi}{7}}$

2.
$$Matrix([[-8-7*I], [8-3*I]])$$

3. Над С:
$$-5*(x+4)^2(x-4-4i)(x-4+4i)(x-2-2i)(x-2+2i)$$
, Над \mathbb{R} : $-5*(x+4)^2(x^2-8x+32)(x^2-4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $39 + 15i$, $-19 - 15i$, $-33 + 19i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

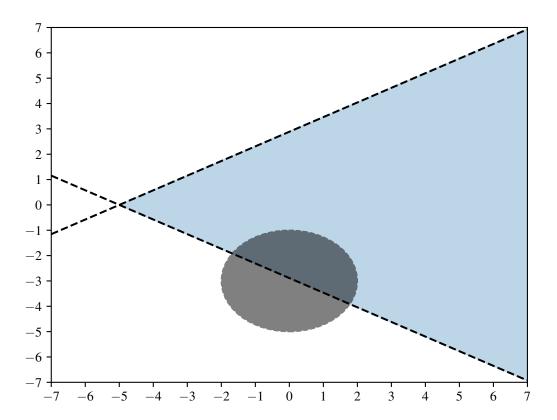
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -22\alpha - 6\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -21\alpha - 6\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 16\alpha + 6\beta - 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{11\alpha}{3} + \beta - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{2} + \beta - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{8\alpha}{3} - \beta + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{11\alpha}{3} + \beta - \frac{\gamma}{3} \\ \frac{7\alpha}{2} + \beta - \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{8\alpha}{3} - \beta + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-18, -1, 4)$$

$$L: \frac{x+1}{12} = \frac{y-60}{-60} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (29, 14, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{8} = \frac{12-y}{20} = \frac{z-12}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{22 - x}{8} = \frac{112 - y}{20} = \frac{z + 73}{17}$$