Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 14

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$1\cdot\left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right)=\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}=e^{-\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[6-4*I], [-5-11*I]])$$

3. Над С:
$$-1 * (x+1)^2 (x+3-2i) (x+3+2i) (x+5-i) (x+5+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-1 * (x+1)^2 (x^2+6x+13) (x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $33 - 21i$, $7 - 9i$, $5 + 65i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

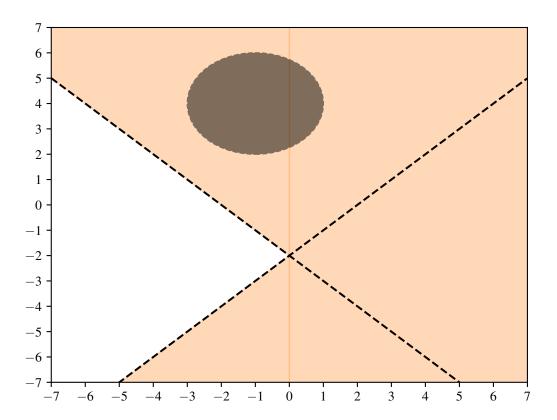
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-2) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -70\alpha - 42\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -21\alpha - 13\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 20\alpha + 12\beta + 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{35\alpha}{2} - \frac{21\beta}{2} - 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{21\alpha}{4} - \frac{13\beta}{4} - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 5\alpha + 3\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{35\alpha}{2} - \frac{21\beta}{2} - 3\gamma \\ -\frac{21\alpha}{4} - \frac{13\beta}{4} - \gamma \\ 5\alpha + 3\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-26, -2, -17)$$

$$L: \frac{x-2}{7} = \frac{y-49}{-49} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (22, 9, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-10}{16} = \frac{5-y}{9} = \frac{-z-11}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-58}{16} = \frac{-y-22}{9} = \frac{-z-23}{4}$$