Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 3

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

• 
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 0$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{-i\pi}$$

2. 
$$Matrix([[-2-15*I], [-5-13*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x-3)(x-1)(x-4-i)(x-4+i)(x+1-2i)(x+1+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x-3)(x-1)(x^2-8x+17)(x^2+2x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $52 + 27i$ ,  $-48 + 11i$ ,  $-55i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

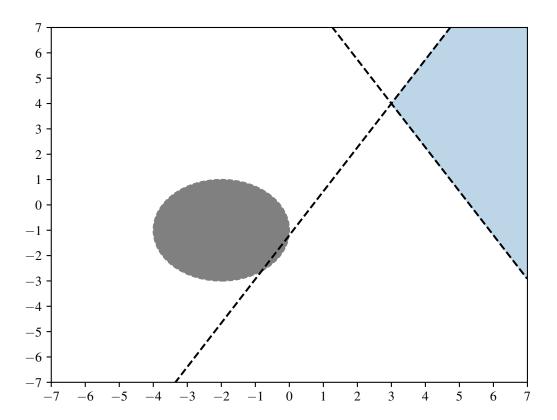
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;-1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 27\alpha + 6\beta - 27\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -12\alpha - 3\beta + 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 28\alpha + 6\beta - 29\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha + 2\beta - 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -4\alpha - \beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{28\alpha}{3} + 2\beta - \frac{29\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 9\alpha + 2\beta - 9\gamma \\ -4\alpha - \beta + 4\gamma \\ \frac{28\alpha}{3} + 2\beta - \frac{29\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, 2, -32)$$

$$L: \frac{x+1}{-16} = \frac{y-9}{-8} = \frac{z+1}{0}$$
$$A_0 = (4, 14, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-13}{8} = \frac{-y-5}{13} = \frac{6-z}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-61}{8} = \frac{-y-83}{13} = \frac{-z-72}{13}$$