Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 34

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}};$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{4\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{4\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right) = e^{-\frac{4i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-7+14*I],[13-11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x+4)(x+5)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+1-i)(x+1+i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+4)(x+5)(x^2-8x+32)(x^2+2x+2)$

4. Все числа
$$z$$
: $36-39i$, $-32-9i$, $18+33i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

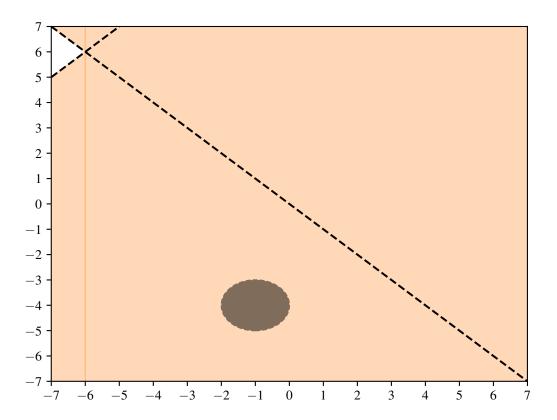
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;6) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 40\alpha - 25\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 72\alpha - 45\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 39\alpha - 24\beta - 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{40\alpha}{3} - \frac{25\beta}{3} - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & 24\alpha - 15\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 13\alpha - 8\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 40\alpha \\ \frac{40\alpha}{3} - \frac{25\beta}{3} - \gamma \\ 24\alpha - 15\beta - 2\gamma \\ 13\alpha - 8\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, -27, -33)$$

$$L: \frac{x-2}{-64} = \frac{y+6}{8} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (3, 2, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-2}{13} = \frac{13-y}{12} = \frac{10-z}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-80}{13} = \frac{-y-59}{12} = \frac{-z-2}{2}$$