Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 10

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение
$$=2^{\frac{2}{5}}\cdot\left(\cos\left(-\frac{4\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{4\pi}{3}\right)\right)=2^{\frac{2}{5}}\left(-\frac{1}{2}+\frac{\sqrt{3}i}{2}\right)=2^{\frac{2}{5}}e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[13+I],[-2-I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-2)(x+5)(x-1-2i)(x-1+2i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)(x+5)(x^2-2x+5)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $19-i$, $-17-41i$, $19+45i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

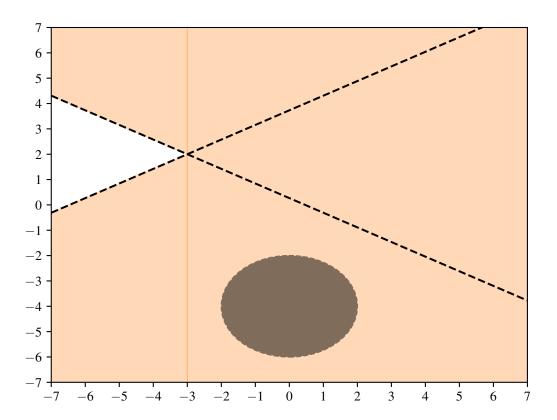
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{23\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -64i = 2^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;2) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 52\alpha + 66\beta - 32\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -32\alpha - 40\beta + 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -22\alpha - 28\beta + 14\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -13\alpha - \frac{33\beta}{2} + 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 8\alpha + 10\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{11\alpha}{2} + 7\beta - \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -13\alpha - \frac{33\beta}{2} + 8\gamma \\ 8\alpha + 10\beta - 5\gamma \\ \frac{11\alpha}{2} + 7\beta - \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-7, -41, 18)$$

$$L: \frac{x-2}{-17} = \frac{y+34}{34} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-13, -9, -22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+9}{15} = \frac{y+7}{2} = \frac{14-z}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+114}{15} = \frac{y+21}{2} = \frac{140-z}{18}$$