Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 20

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 1;
- Искомое значение = $2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(\cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) + i \sin\left(\frac{3\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{3i\pi}{7}}$

2.
$$Matrix([[13-10*I],[9-12*I]])$$

3. Над С:
$$-1*(x+2)(x+4)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : $-1*(x+2)(x+4)(x^2+2x+17)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-28 + 77i$, $14 - 21i$, $-28 - 29i$

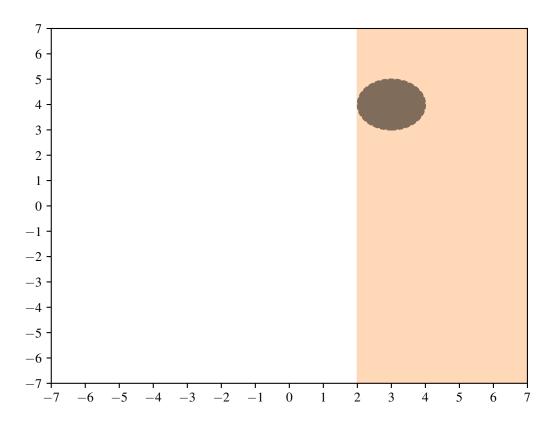
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- *n* = 6;

•
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -36\alpha + 22\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 48\alpha - 30\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\alpha + 5\beta + \gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha + \frac{11\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 12\alpha - \frac{15\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -2\alpha + \frac{5\beta}{4} + \frac{\gamma}{4} \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -9\alpha + \frac{11\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 12\alpha - \frac{15\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ -2\alpha + \frac{5\beta}{4} + \frac{\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (18, 18, 29)$$

$$L: \frac{x+3}{-20} = \frac{y+11}{10} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (-6, -27, 17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-13}{19} = \frac{y-2}{17} = \frac{z+20}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 127}{19} = \frac{y - 104}{17} = \frac{z - 28}{8}$$