Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 12

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{-\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[13+11*I],[6+4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x+2)(x+3)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x+2)(x+3)(x^2-4x+13)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $17 - 5i$, $25 + 5i$, $-55 - 55i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

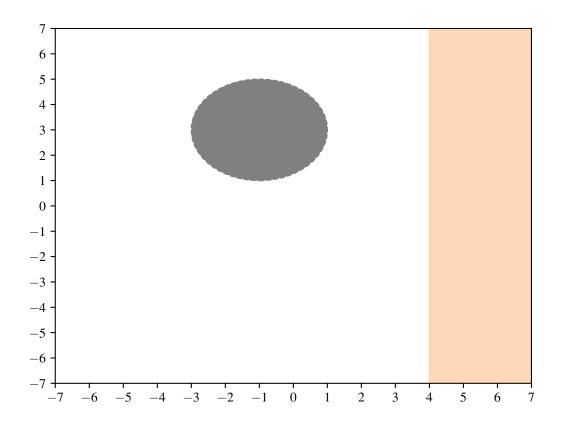
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha + \beta - \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -11\alpha - 13\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -\alpha - \beta - \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{11\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{11\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, 20, 38)$$

$$L: \frac{x}{-1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-1}{0}$$
$$A_0 = (-7, 10, -8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-2}{3} = \frac{-y-3}{18} = \frac{-z-1}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-20}{3} = \frac{-y-111}{18} = \frac{-z-103}{17}$$