Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-222. Вариант 27

- 1. Пусть $z = \frac{3}{2} \frac{3\sqrt{3}i}{2}$. Вычислить значение $\sqrt[6]{z^3}$, для которого число $\frac{\sqrt[6]{z^3}}{\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}}$ имеет аргумент $\frac{2\pi}{3}$.
- 2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(7+3i) + y(12+14i) = -117 - 67i \\ x(-4+3i) + y(12-3i) = 84 + 104i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена $-2x^6 8x^5 + 60x^4 + 124x^3 1054x^2 468x + 6084$ и разложить его на множители над $\mathbb R$ и $\mathbb C$, если известны корни $x_1 = -5 + i$, $x_2 = 3 + 2i$, $x_3 = -3$.
- 4. Даны 3 комплексных числа: -21+19i, 12-7i, 24+21i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа $z_1 = 2 + 2\sqrt{3}i$, $z_2 = 4i$ соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$:

$$\begin{cases} |z+4+5i| < 2\\ |arg(z-2+6i)| < \frac{3\pi}{4} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (-2, 2, 0), b = (2, -1, 2), c = (4, -7, -5). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(-2, -3, -6) и плоскость P: 2x + 4z + 38 = 0. Найти координаты точки A_0 , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(-3, -7, -2), $M_1(-2, 8, -15)$, $M_2(88, 2, -15)$. Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки M_1 и M_2 . Найти координаты точки A_0 , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые L_1 и L_2 своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} 29x - 19y - 18z - 82 = 0 \\ 10x - 11y - 3z - 152 = 0 \end{cases} \qquad L_2: \begin{cases} 19x - 8y - 15z - 3830 = 0 \\ -18x + 6y + 2z + 2610 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к L₁ и L₂.