Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 19

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{i\pi}{6}}$
- 2. Matrix([[12+2*I], [-15-6*I]])

3. Над С:
$$-2*(x-4)(x-2)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-2*(x-4)(x-2)(x^2-6x+13)(x^2+10x+26)$

4. Все числа z: -11 + 70i, 47 - 18i, 1 - 12i

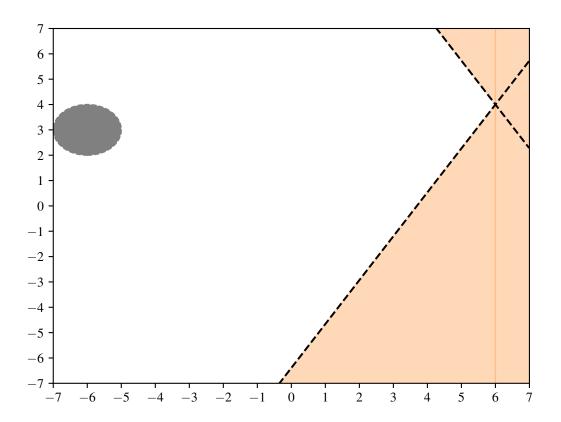
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6;3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = 21\alpha + 48\beta + 42\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -9\alpha - 21\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 44\alpha + 100\beta + 87\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -7\alpha - 16\beta - 14\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha + 7\beta + 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{44\alpha}{3} - \frac{100\beta}{3} - 29\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -7\alpha - 16\beta - 14\gamma \\ 3\alpha + 7\beta + 6\gamma \\ -\frac{44\alpha}{3} - \frac{100\beta}{3} - 29\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, -34, 16)$$

$$L: \frac{x-1}{4} = \frac{y}{-2} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-8, -8, 25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-15}{7} = \frac{-y-1}{9} = \frac{z-8}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+34}{7} = \frac{62 - y}{9} = \frac{z+83}{13}$$