Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 3

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

• 
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 3$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{-\frac{i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[-15-8*I],[-6-15*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x+1)(x+2)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+5-4i)(x+5+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x+1)(x+2)(x^2+2x+5)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $17 - 32i$ ,  $21 - 28i$ ,  $29 + 2i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

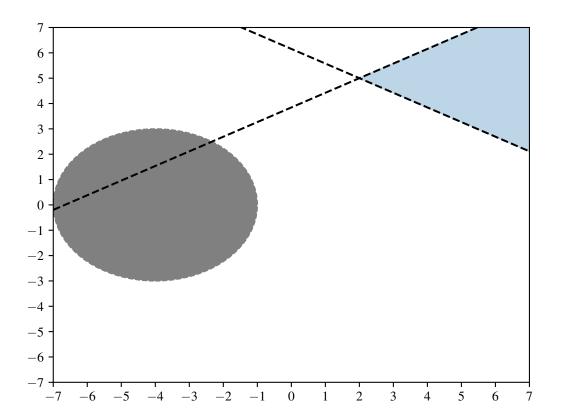
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 1 = 1^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;0) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = -8\alpha - 7\beta - 27\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\alpha + 5\beta + 20\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -5\alpha - 4\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 8\alpha + 7\beta + 27\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha - 5\beta - 20\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 5\alpha + 4\beta + 16\gamma \end{pmatrix}$$
;

• 
$$x = \begin{pmatrix} 8\alpha + 7\beta + 27\gamma \\ -6\alpha - 5\beta - 20\gamma \\ 5\alpha + 4\beta + 16\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (6, 3, 15)$$

$$L: \frac{x+3}{6} = \frac{y-4}{-6} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-7, 4, -8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{9-x}{20} = \frac{y+12}{16} = \frac{z-18}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-111}{20} = \frac{y-84}{16} = \frac{z-42}{4}$$