Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 32

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{2}{5}}e^{-\frac{i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-9-14*I], [2+5*I]])$$

3. Над С:
$$-5*(x-1)(x+3)(x+1-5i)(x+1+5i)(x+4-3i)(x+4+3i)$$
, Над \mathbb{R} : $-5*(x-1)(x+3)(x^2+2x+26)(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $24 + 17i$, $-16 + 21i$, $-8 - 11i$

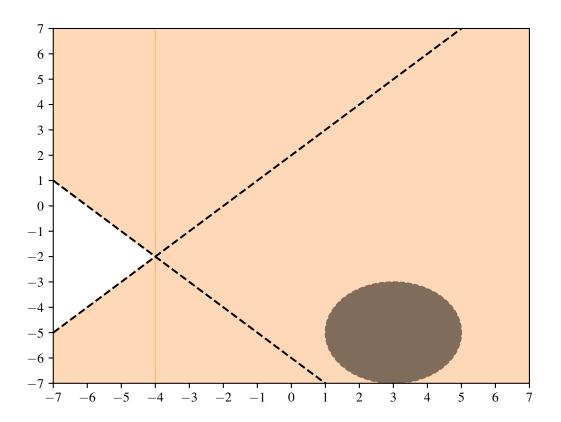
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -2) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha - 12\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha + 30\beta + 15\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\beta - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} - 2\beta - \frac{7\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & \alpha + 5\beta + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\beta - \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{2\alpha}{3} - 2\beta - \frac{7\gamma}{6} \\ \alpha + 5\beta + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (25, 13, 5)$$

$$L: \frac{x-1}{-1} = \frac{y+4}{1} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-12, 11, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{17-x}{16} = \frac{y+20}{3} = \frac{z+11}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-63}{16} = \frac{y+5}{3} = \frac{z-69}{16}$$