Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 22

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right) = \sqrt{3}\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[5-4*I], [-12+14*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x-3)(x+4)(x+2-5i)(x+2+5i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-3)(x+4)(x^2+4x+29)(x^2+8x+17)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-43 + 26i$ ,  $73 + 32i$ ,  $-17 - 4i$ 

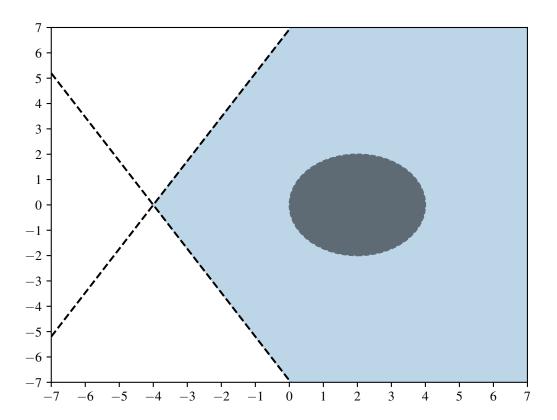
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -64i = 2^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2;0) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;0) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -58\alpha - 22\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -8\alpha - 3\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -80\alpha - 30\beta - 22\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 29\alpha + 11\beta + 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 4\alpha + \frac{3\beta}{2} + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 40\alpha + 15\beta + 11\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 29\alpha + 11\beta + 8\gamma \\ 4\alpha + \frac{3\beta}{2} + \gamma \\ 40\alpha + 15\beta + 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (12, 2, -23)$$

$$L: \frac{x-2}{14} = \frac{y-7}{-7} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (20, 18, -16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-14}{18} = \frac{y+3}{12} = \frac{z+6}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 122}{18} = \frac{y - 69}{12} = \frac{z - 6}{2}$$