Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 15

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
:

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{8}\right)\right) = \sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} + i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} = e^{\frac{i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-5-2*I], [-8+4*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-2)(x+3)(x-4-i)(x-4+i)(x+3-2i)(x+3+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-2)(x+3)(x^2-8x+17)(x^2+6x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $27 + 19i$, $15 + 17i$, $-69 - 15i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

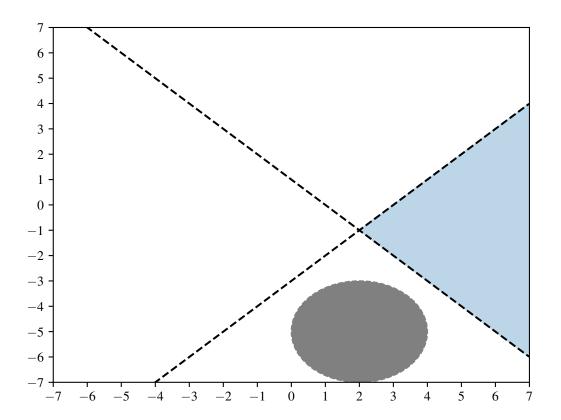
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- $6.\ 1)$ Область внутри окружности с центром в точке (2;-5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -5\alpha + 29\beta + 31\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha - 9\beta - 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\beta + 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{2} - \frac{29\beta}{2} - \frac{31\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} + \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\beta - \gamma \end{pmatrix} ;$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{2} - \frac{29\beta}{2} - \frac{31\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} + \frac{9\gamma}{2} \\ -\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, -11, -12)$$

$$L: \frac{x-2}{-5} = \frac{y-4}{-5} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (0, 4, 19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{13-x}{8} = \frac{-y-1}{2} = \frac{-z-15}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{61-x}{8} = \frac{11-y}{2} = \frac{105-z}{20}$$