Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 28

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{i}{2} = e^{-\frac{5i\pi}{6}}$
- 2. Matrix([[-2+8*I], [-15+12*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5 * (x+3)^2 (x+1-2i) (x+1+2i) (x+3-5i) (x+3+5i)$, Над \mathbb{R} : $-5 * (x+3)^2 (x^2+2x+5) (x^2+6x+34)$

4. Все числа z: 18 + 25i, -44 - 47i, 33i

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

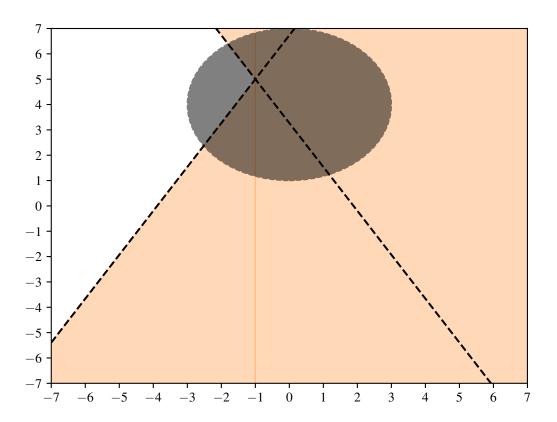
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;5) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 2\alpha + 41\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -2\alpha - 50\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha - 49\beta - 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - \frac{41\beta}{2} - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha + 25\beta + 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha + \frac{49\beta}{2} + 6\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\alpha - \frac{41\beta}{2} - 5\gamma \\ \alpha + 25\beta + 6\gamma \\ \alpha + \frac{49\beta}{2} + 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (12, -2, -8)$$

$$L: \frac{x}{28} = \frac{y+16}{14} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (11, -8, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-2}{9} = \frac{y-9}{11} = \frac{z-17}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{52 - x}{9} = \frac{y + 57}{11} = \frac{z + 25}{7}$$