Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 7

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[-5-2*I], [7-I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-3)(x-1)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+5-5i)(x+5+5i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x-1)(x^2+4x+8)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $-36-9i$, $48-45i$, $-14-5i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

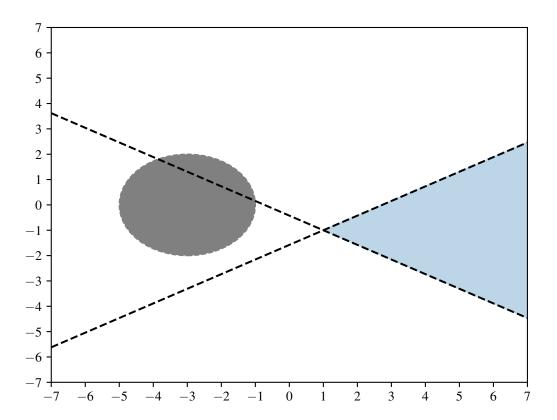
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = 16 = 2^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\alpha + 2\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -10\alpha + 4\beta + 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -14\alpha + 4\beta + 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha - \beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha - 2\beta - \frac{7\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 7\alpha - 2\beta - 4\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha - \beta - 2\gamma \\ 5\alpha - 2\beta - \frac{7\gamma}{2} \\ 7\alpha - 2\beta - 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (16, -24, 6)$$

$$L: \frac{x-2}{16} = \frac{y-5}{-8} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (11, 3, 21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{3} = \frac{-y-15}{15} = -\frac{z}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{35 - x}{3} = \frac{90 - y}{15} = \frac{91 - z}{13}$$