Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 11

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i \sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{\frac{11i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[11+7*I],[14+7*I]))$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x-4)(x-3)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+3-3i)(x+3+3i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-4)(x-3)(x^2-4x+20)(x^2+6x+18)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-2-36i$ ,  $24+68i$ ,  $-40-14i$ 

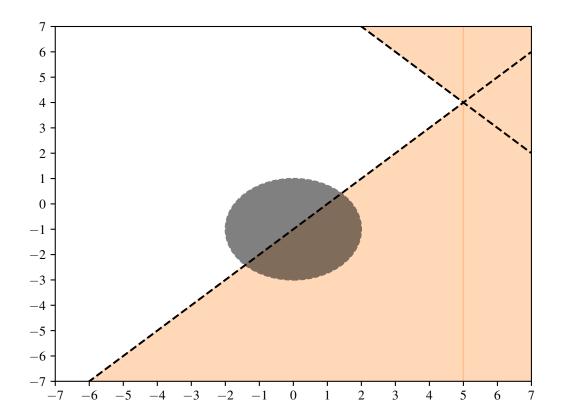
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0;-1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;4) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -10\alpha + 8\beta - 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 2\alpha - 2\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 36\alpha - 28\beta + 29\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 5\alpha - 4\beta + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -18\alpha + 14\beta - \frac{29\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 5\alpha - 4\beta + 4\gamma \\ -\alpha + \beta - \gamma \\ -18\alpha + 14\beta - \frac{29\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, -31, -6)$$

9. 
$$L: \frac{x+3}{-13} = \frac{y+16}{13} = \frac{z+14}{0}$$

$$A_0 = (-20, -17, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-3}{12} = \frac{y-19}{5} = \frac{15-z}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{69 - x}{12} = \frac{y + 11}{5} = \frac{45 - z}{5}$$