Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 3

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\tfrac{\pi k}{2}-\tfrac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\tfrac{\pi k}{2}-\tfrac{\pi}{4}\right)\right) \mid k\in[0,4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 1;
- Искомое значение =  $2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{2}i}{2}\right)=2\sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{4}}$
- 2. Matrix([[9-14\*I], [-13+11\*I]])

3. Над С: 3 \* 
$$(x-3)(x-2)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+1-i)(x+1+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-3)(x-2)(x^2-6x+13)(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа z: -48-7i, 70+5i, -12+3i

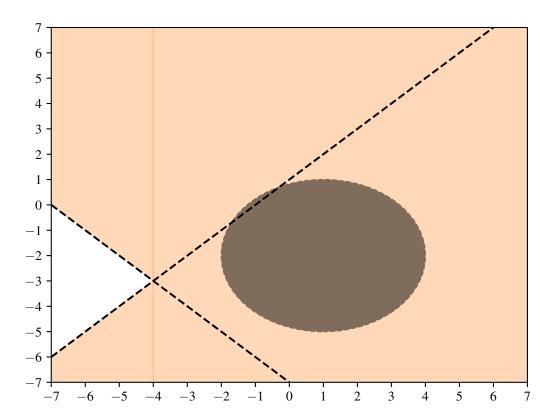
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4;

• 
$$z = -128 - 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 256e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -3) под углом  $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 4\alpha + 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -\alpha + \beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -2\alpha - 2\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{4} + \frac{\beta}{4} - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \alpha + 3\gamma \\ -\frac{\alpha}{4} + \frac{\beta}{4} - \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, 30, 40)$$

$$L: \frac{x+1}{-7} = \frac{y+10}{7} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (-4, -21, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+20}{10} = \frac{13-y}{20} = \frac{-z-18}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-40}{10} = \frac{-y-107}{20} = \frac{-z-120}{17}$$