Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 4

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{10}\right)\right) = -\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(-\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right) = e^{\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-1+I],[-7+12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-3)(x+1)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+1-i)(x+1+i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+1)(x^2-4x+8)(x^2+2x+2)$

4. Все числа
$$z$$
: $22 + 23i$, $22 - 23i$, $-8 + 23i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

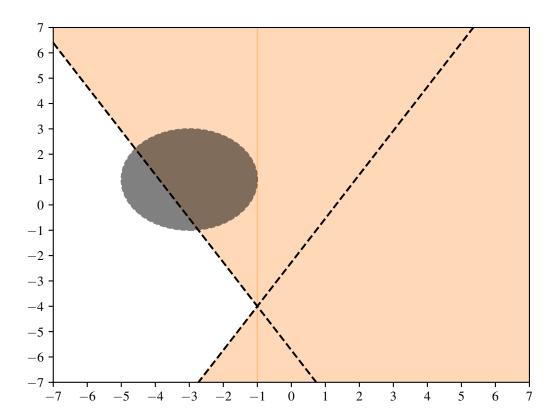
•
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -4) под углом $=\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 38\alpha - 24\beta - 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -5\alpha + 3\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 12\alpha - 8\beta - 10\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 19\alpha - 12\beta - 15\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{5\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 6\alpha - 4\beta - 5\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 19\alpha - 12\beta - 15\gamma \\ -\frac{5\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} + 2\gamma \\ 6\alpha - 4\beta - 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (17, -5, -37)$$

$$L: \frac{x+3}{25} = \frac{y+24}{25} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (28, -27, -25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{1-x}{18} = \frac{y+5}{13} = \frac{z+8}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{127 - x}{18} = \frac{y + 96}{13} = \frac{z + 85}{11}$$