Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 6

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 4$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{15\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{15\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{14}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{13i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[-2-9*I], [-13-3*I]])$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x-4)(x+4)(x-2-5i)(x-2+5i)(x+4-2i)(x+4+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-4)(x+4)(x^2-4x+29)(x^2+8x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $6+12i$ ,  $-20-34i$ ,  $-28+46i$ 

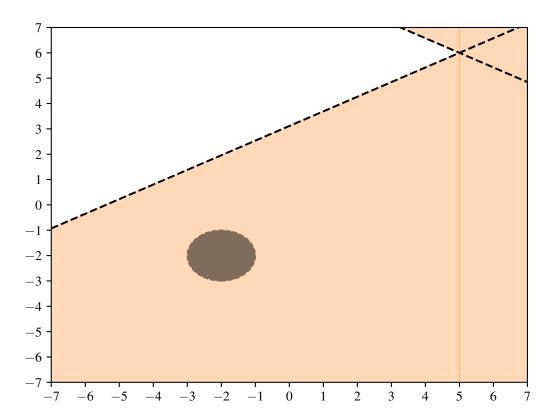
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; 6) под углом =  $\pm \frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -67\alpha - 38\beta + 90\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -42\alpha - 24\beta + 56\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 36\alpha + 20\beta - 48\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{67\alpha}{4} - \frac{19\beta}{2} + \frac{45\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{21\alpha}{2} - 6\beta + 14\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 9\alpha + 5\beta - 12\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{67\alpha}{4} - \frac{19\beta}{2} + \frac{45\gamma}{2} \\ -\frac{21\alpha}{2} - 6\beta + 14\gamma \\ 9\alpha + 5\beta - 12\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (10, -17, 11)$$

$$L: \frac{x+2}{-8} = \frac{y+2}{4} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (0, 2, -15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{15} = \frac{y+7}{8} = \frac{-z-9}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{115 - x}{15} = \frac{y + 63}{8} = \frac{68 - z}{11}$$