Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 8

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}}e^{-\frac{i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-12-2*I], [-7-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-1)(x+2)(x+3-5i)(x+3+5i)(x+4-3i)(x+4+3i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-1)(x+2)(x^2+6x+34)(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $56-6i$, $-52-42i$, $-2+62i$

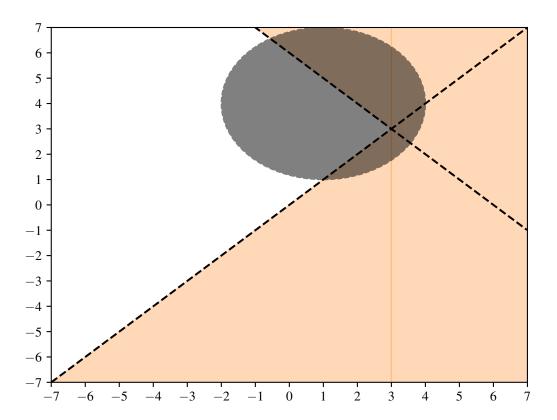
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;3) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 72\alpha + 18\beta + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -15\alpha - 3\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -45\alpha - 11\beta - 18\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -12\alpha - 3\beta - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{15\alpha}{2} + \frac{11\beta}{6} + 3\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -12\alpha - 3\beta - 5\gamma \\ \frac{5\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \gamma \\ \frac{15\alpha}{2} + \frac{11\beta}{6} + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, -18, 11)$$

$$L: \frac{x-1}{5} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (7, 17, 12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{18} = \frac{y+1}{6} = \frac{z+18}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+103}{18} = \frac{y+31}{6} = \frac{z+43}{5}$$