Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 8

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{16\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{16\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + i\left(\frac{\sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} e^{\frac{14i\pi}{15}}$$

2. 
$$Matrix([[-5+3*I],[-8+13*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1 * (x-1)(x+2)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-3-4i)(x-3+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1 * (x-1)(x+2)(x^2-8x+20)(x^2-6x+25)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-12 + 22i$ ,  $-44 - 68i$ ,  $42 + 36i$ 

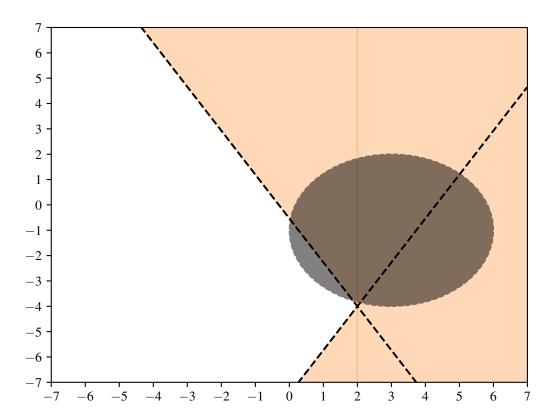
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -4) под углом  $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = -5\alpha - 7\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -14\alpha - 19\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -10\alpha - 14\beta + \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{14\alpha}{3} - \frac{19\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{10\alpha}{3} - \frac{14\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{5\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ -\frac{14\alpha}{3} - \frac{19\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ -\frac{10\alpha}{3} - \frac{14\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (8, 19, 2)$$

$$L: \frac{x-1}{-16} = \frac{y+92}{92} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (-38, -4, 18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-5}{11} = \frac{10-y}{14} = \frac{2-z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+61}{11} = \frac{94-y}{14} = \frac{122-z}{20}$$