Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 7

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right) = \sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-13-8*I],[5-7*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-1)(x+3)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-1)(x+3)(x^2-8x+20)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-7+6i$, $65-32i$, $-19+40i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right)$$
;

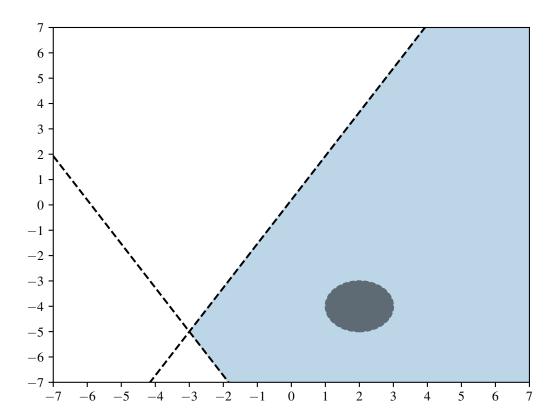
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3; -5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = 5\alpha + 70\beta - 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -2\alpha - 27\beta + 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha + 21\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + 14\beta - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{2\alpha}{5} - \frac{27\beta}{5} + \frac{7\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{5} + \frac{21\beta}{5} - \frac{6\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \alpha + 14\beta - 4\gamma \\ -\frac{2\alpha}{5} - \frac{27\beta}{5} + \frac{7\gamma}{5} \\ \frac{\alpha}{5} + \frac{21\beta}{5} - \frac{6\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-16, -6, 9)$$

$$L: \frac{x-1}{-1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+3}{0}$$
$$A_0 = (-11, -2, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+15}{9} = \frac{19-y}{20} = \frac{z-12}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+51}{9} = \frac{99-y}{20} = \frac{z+16}{7}$$