Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 3

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -i = -i;$$

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{8}\right)\right) = \sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} + i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} = e^{\frac{3i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[-12-6*I], [-7+9*I]])$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x-3)(x+5)(x-1-i)(x-1+i)(x+5-2i)(x+5+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-3)(x+5)(x^2-2x+2)(x^2+10x+29)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-36 - 38i$ ,  $42 + 24i$ ,  $-22 + 26i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

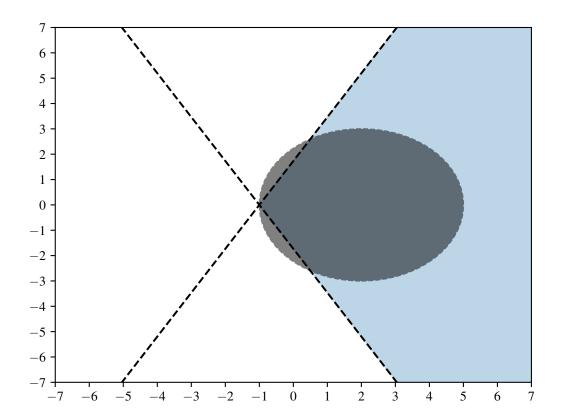
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
:

• 
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 0) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;0) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 28\alpha + 21\beta + 15\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -15\alpha - 12\beta - 9\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 27\alpha + 21\beta + 15\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{28\alpha}{3} - 7\beta - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha + 4\beta + 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -9\alpha - 7\beta - 5\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{28\alpha}{3} - 7\beta - 5\gamma \\ 5\alpha + 4\beta + 3\gamma \\ -9\alpha - 7\beta - 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (17, -21, 13)$$

$$L: \frac{x+2}{-6} = \frac{y+6}{4} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (6, -20, 20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-19}{4} = \frac{17-y}{19} = \frac{z-5}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-31}{4} = \frac{-y-40}{19} = \frac{z-17}{4}$$