Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 15

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$
- k = 2;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8}-\frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} \frac{\sqrt{5}}{8} \frac{1}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{5}{8}-\frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4}+\frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} e^{\frac{13i\pi}{15}}$
- 2. Matrix([[8-7\*I], [10+10\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1 * (x-2)(x+5)(x+3-i)(x+3+i)(x+4-3i)(x+4+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1 * (x-2)(x+5)(x^2+6x+10)(x^2+8x+25)$ 

4. Все числа z: 42 + 48i, 14 - 68i, -20 + 10i

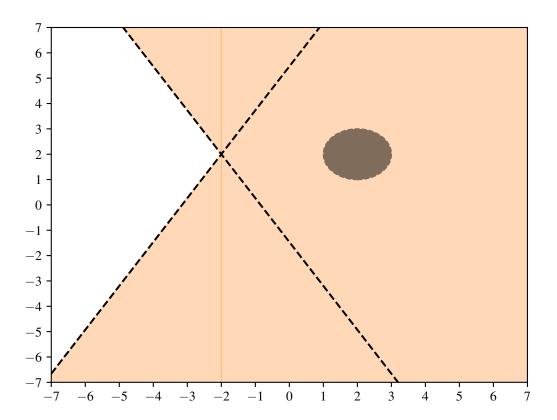
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 2) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;2) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 8\alpha - 3\beta + 31\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 15\alpha - 6\beta + 57\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 24\alpha - 9\beta + 90\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{8\alpha}{3} + \beta - \frac{31\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha + 2\beta - 19\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -8\alpha + 3\beta - 30\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{8\alpha}{3} + \beta - \frac{31\gamma}{3} \\ -5\alpha + 2\beta - 19\gamma \\ -8\alpha + 3\beta - 30\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, -4, -9)$$

$$L: \frac{x-1}{-14} = \frac{y+17}{14} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-24, -22, -30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$-\frac{x}{6} = \frac{-y - 14}{19} = \frac{18 - z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-30}{6} = \frac{-y-109}{19} = \frac{-z-62}{16}$$