Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 24

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 2;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(-\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{\frac{11i\pi}{18}}$
- 2. Matrix([[9-11*I],[9+6*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x+2)(x+4)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+2)(x+4)(x^2-8x+25)(x^2+10x+26)$

4. Все числа z: 28 - 13i, 28 + 27i, 16 - 41i

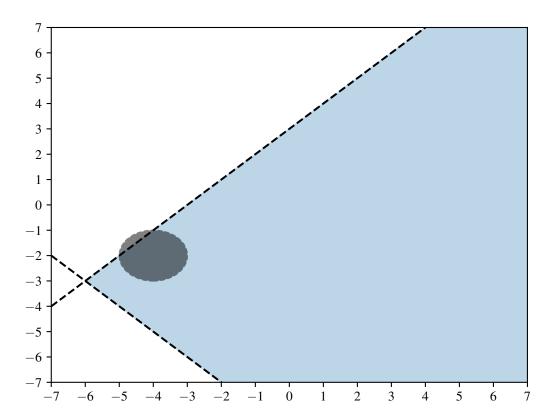
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -3) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = 4\alpha + 4\beta + \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 36\alpha + 37\beta + 11\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 7\alpha + 7\beta + 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha - 4\beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -36\alpha - 37\beta - 11\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -7\alpha - 7\beta - 2\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -4\alpha - 4\beta - \gamma \\ -36\alpha - 37\beta - 11\gamma \\ -7\alpha - 7\beta - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, -40, 5)$$

$$L: \frac{x-1}{36} = \frac{y+10}{9} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (13, -24, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{9} = \frac{-y-12}{9} = \frac{10-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{71 - x}{9} = \frac{51 - y}{9} = \frac{59 - z}{7}$$