Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 34

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7})) \mid k \in [0, 7)\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -2$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{7}\right)\right) = \cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) - i\sin\left(\frac{3\pi}{7}\right) = e^{-\frac{3i\pi}{7}}$$

2. 
$$Matrix([[6-2*I], [10-4*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x-3)(x+4)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+1-2i)(x+1+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-3)(x+4)(x^2-4x+13)(x^2+2x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $14+47i$ ,  $-2-13i$ ,  $-52-23i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

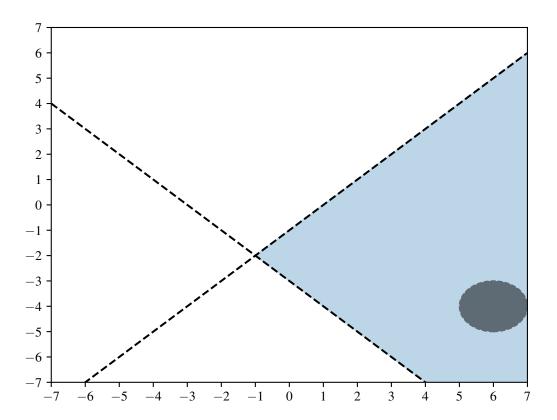
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; -4) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;-2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 5$$
;

• 
$$\Delta_1 = -17\alpha - 2\beta + 11\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -36\alpha - 6\beta + 23\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha + \beta - 3\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{17\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} + \frac{11\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{36\alpha}{5} - \frac{6\beta}{5} + \frac{23\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{6\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{17\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} + \frac{11\gamma}{5} \\ -\frac{36\alpha}{5} - \frac{6\beta}{5} + \frac{23\gamma}{5} \\ \frac{6\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (25, 40, -37)$$

$$L: \frac{x+2}{7} = \frac{y-9}{-7} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (19, 4, 6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-11}{2} = -\frac{y}{17} = \frac{-z-5}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-23}{2} = \frac{-y-102}{17} = \frac{-z-35}{5}$$