Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 7

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 1;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{2}{5}}e^{\frac{i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-8-14\*I], [-3+5\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x-4)(x+5)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+3-3i)(x+3+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x-4)(x+5)(x^2-8x+32)(x^2+6x+18)$ 

4. Все числа z: 7 + 74i, 47 - 16i, -37 - 44i

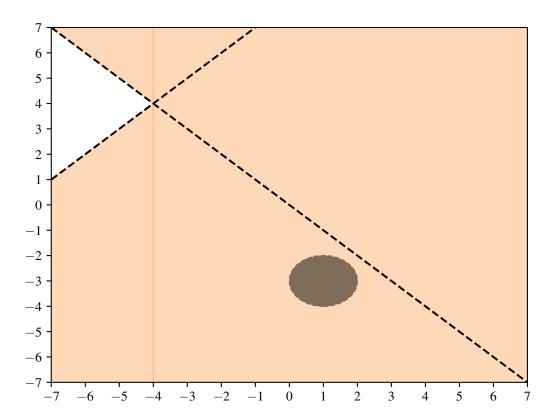
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{3}$ ;
- n = 6;

• 
$$z = -4096 = 4^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -4096$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;4) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = \alpha$$
;

• 
$$\Delta_2 = -63\alpha - 32\beta + 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -71\alpha - 36\beta + 4\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{4} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{63\alpha}{4} + 8\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{71\alpha}{4} + 9\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{4} \\ \frac{63\alpha}{4} + 8\beta - \gamma \\ \frac{71\alpha}{4} + 9\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (8, -14, 11)$$

$$L: \frac{x-2}{-6} = \frac{y+22}{22} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-15, -3, -28)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-6}{13} = \frac{y-15}{15} = \frac{z+20}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{85 - x}{13} = \frac{y + 90}{15} = \frac{z + 132}{16}$$