Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 10

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{14}\right)\right) = -\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) - i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right) = e^{-\frac{11i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[11-2*I], [-5+6*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 2 \*  $(x+4)(x+5)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+3-2i)(x+3+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x+4)(x+5)(x^2-4x+20)(x^2+6x+13)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $18-9i$ ,  $32-33i$ ,  $-58+29i$ 

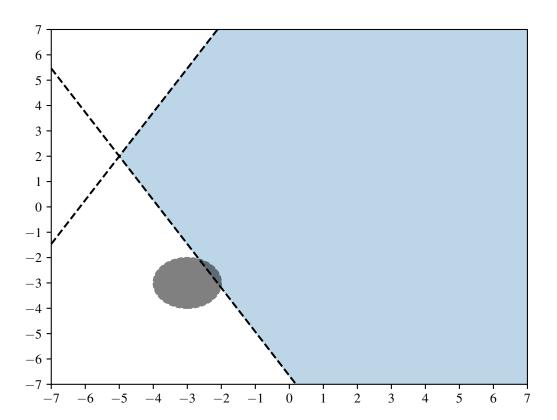
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -1 = 1^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 2\alpha + 8\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 8\alpha + 36\beta + 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -16\alpha - 76\beta - 20\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{2} + 2\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha + 9\beta + \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha - 19\beta - 5\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{2} + 2\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 2\alpha + 9\beta + \frac{5\gamma}{2} \\ -4\alpha - 19\beta - 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, 28, -29)$$

$$L: \frac{x+2}{13} = \frac{y+27}{26} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (15, -3, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{11-x}{16} = \frac{y+9}{19} = \frac{z+14}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{75 - x}{16} = \frac{y + 85}{19} = \frac{z + 46}{8}$$