Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 26

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15})) \mid k \in [0, 5)\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{29\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{29\pi}{15}\right)\right) = -\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right) = e^{\frac{i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[8+6*I], [-4-8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-3)(x+5)(x-4-i)(x-4+i)(x-1-2i)(x-1+2i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x+5)(x^2-8x+17)(x^2-2x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $-10-11i$, $58+31i$, $-26-45i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

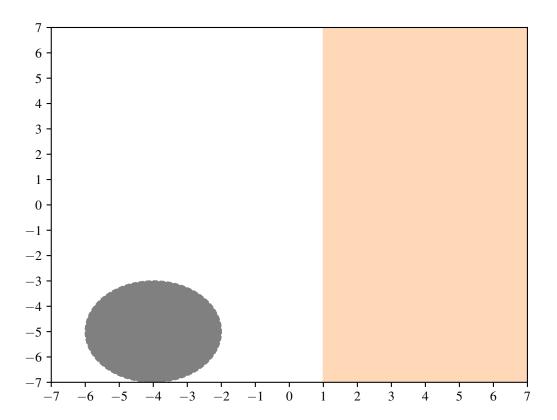
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -8\alpha + 10\beta + 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha - \gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha - 8\beta - 16\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha + 5\beta + 10\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha - 4\beta - 8\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -4\alpha + 5\beta + 10\gamma \\ \frac{\alpha}{2} - \frac{\gamma}{2} \\ 3\alpha - 4\beta - 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, -28, 14)$$

$$L: \frac{x-1}{7} = \frac{y-6}{-7} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (2, -3, -20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{3-x}{4} = \frac{-y-9}{8} = \frac{z+14}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{23 - x}{4} = \frac{31 - y}{8} = \frac{z + 49}{7}$$