Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 2

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$;
- k = 3;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{-\frac{17i\pi}{18}}$
- 2. Matrix([[-15+12*I],[-7-13*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-4)(x+2)(x-4-4i)(x-4+4i)(x-3-5i)(x-3+5i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-4)(x+2)(x^2-8x+32)(x^2-6x+34)$

4. Все числа z: 8 + 10i, 10 - 70i, 4 + 22i

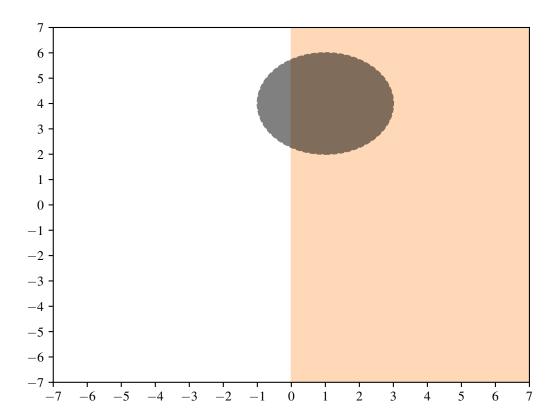
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -256 = 4^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -256$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-6) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha - 17\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha + 22\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - 32\beta + 13\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{5} - \frac{17\beta}{5} + \frac{8\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{5} + \frac{22\beta}{5} - \frac{8\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{5} - \frac{32\beta}{5} + \frac{13\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{5} - \frac{17\beta}{5} + \frac{8\gamma}{5} \\ -\frac{\alpha}{5} + \frac{22\beta}{5} - \frac{8\gamma}{5} \\ \frac{\alpha}{5} - \frac{32\beta}{5} + \frac{13\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-19, -21, -17)$$

$$L: \frac{x+1}{-8} = \frac{y+23}{24} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-34, -4, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+7}{17} = \frac{9-y}{15} = \frac{-z-9}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-61}{17} = \frac{-y-51}{15} = \frac{-z-41}{8}$$