Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 14

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{4}\right)\right) = -\sqrt{2} + \sqrt{2}i = 2e^{\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[1+10*I], [6-14*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+1)^2(x-4-2i)(x-4+2i)(x+2-5i)(x+2+5i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+1)^2(x^2-8x+20)(x^2+4x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $49 - 14i$, $3 - 24i$, $-37 - 26i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

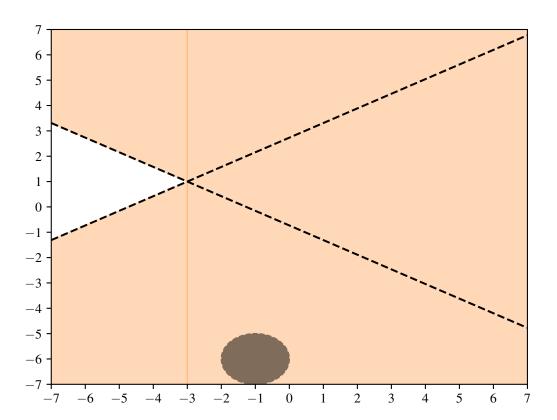
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 2\alpha$$
;

•
$$\Delta_2 = -24\alpha - 6\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 39\alpha + 10\beta + 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha \\ 0 & 1 & 0 & -12\alpha - 3\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{39\alpha}{2} + 5\beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \alpha \\ -12\alpha - 3\beta - \gamma \\ \frac{39\alpha}{2} + 5\beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (29, 20, 4)$$

$$L: \frac{x-1}{2} = \frac{y+18}{20} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (12, -9, -18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-9}{15} = \frac{y-6}{9} = \frac{z-9}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 84}{15} = \frac{y - 51}{9} = \frac{z - 99}{18}$$