Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-225. Вариант 6

- 1. Пусть $z = \frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}$. Вычислить значение $\sqrt[7]{z^2}$, для которого число $\frac{\sqrt[7]{z^2}}{\sqrt{3} + i}$ имеет аргумент $-\frac{13\pi}{14}$.
- 2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(-8+7i) + y(1-2i) = 89 + 89i \\ x(5-10i) + y(-10+14i) = -203 - 239i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена $3x^6 + 51x^5 + 393x^4 + 1203x^3 2160x^2 30978x 83640$ и разложить его на множители над $\mathbb R$ и $\mathbb C$, если известны корни $x_1 = -5 + 4i, x_2 = -3 + 5i, x_3 = 4$.
- 4. Даны 3 комплексных числа: -26-5i, -18+8i, -28+27i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа $z_1=-1, z_2=-\frac{\sqrt{3}}{2}-\frac{i}{2}$ соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$:

$$\begin{cases} |z - 4 + 2i| < 1\\ |arg(z + 4 + 6i)| < \frac{2\pi}{3} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (6, 6, -2), b = (-5, -7, 0), c = (-3, 6, 9). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(3,-11,-11) и плоскость P:10x-12y-44z+444=0. Найти координаты точки A_0 , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(1, 10, -15), $M_1(-1, 6, 6)$, $M_2(-5, 2, 6)$. Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки M_1 и M_2 . Найти координаты точки A_0 , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые L_1 и L_2 своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} -12x + 9y + 22z + 349 = 0 \\ 3x - 3y + 6z + 126 = 0 \end{cases} \qquad L_2: \begin{cases} -15x + 12y + 16z - 2902 = 0 \\ -18x - 2y - 17z - 405 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к L₁ и L₂.