Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 28

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 1;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} e^{\frac{5i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[5-13\*I], [9-5\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 4 \*  $(x-3)(x-1)(x-2-i)(x-2+i)(x+3-5i)(x+3+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-3)(x-1)(x^2-4x+5)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа z: -14+36i, -40-8i, 40-34i

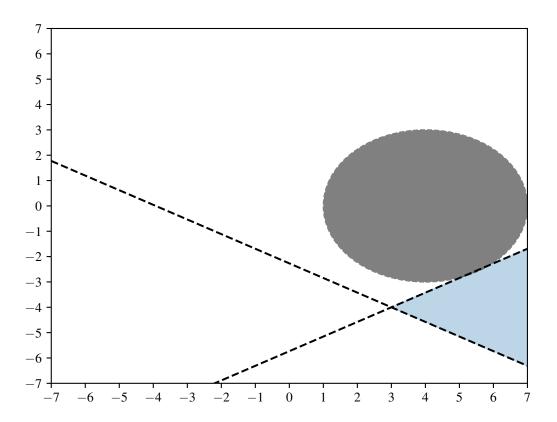
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)$$
;

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4;

• 
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 0) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -4) под углом  $=\pm \frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 5$$
;

• 
$$\Delta_1 = 20\alpha - 15\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 15\alpha - 10\beta - 5\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -5\alpha + 3\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 4\alpha - 3\beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha - 2\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha + \frac{3\beta}{5} + \frac{2\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 4\alpha - 3\beta - 2\gamma \\ 3\alpha - 2\beta - \gamma \\ -\alpha + \frac{3\beta}{5} + \frac{2\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (12, -13, -30)$$

$$L: \frac{x+3}{-20} = \frac{y-9}{-12} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (-20, 26, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{12-x}{7} = \frac{y-8}{9} = \frac{-z-9}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-23}{7} = \frac{y-53}{9} = \frac{-z-19}{2}$$