Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 14

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15} \right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg(2-2\sqrt{3}i) = -\frac{\pi}{3};$
- k = 0;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}}e^{\frac{2i\pi}{15}}$

2.
$$Matrix([[12-13*I], [-4+12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-3)(x+1)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+4-i)(x+4+i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+1)(x^2-4x+20)(x^2+8x+17)$

4. Все числа z: -65 + 14i, 37 + 6i, 13 - 62i

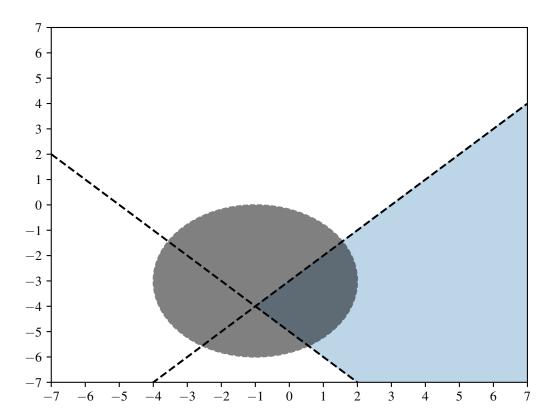
5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -4) под углом $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -79\alpha + 71\beta + 72\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha + 4\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -44\alpha + 40\beta + 40\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{79\alpha}{4} + \frac{71\beta}{4} + 18\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -11\alpha + 10\beta + 10\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{79\alpha}{4} + \frac{71\beta}{4} + 18\gamma \\ -\alpha + \beta + \gamma \\ -11\alpha + 10\beta + 10\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (36, -6, 19)$$

$$L: \frac{x}{-4} = \frac{y-21}{-24} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (2, -4, 17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{5} = \frac{y-7}{4} = \frac{-z-19}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-16}{5} = \frac{y-31}{4} = \frac{-z-31}{2}$$