Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 15

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{7}\right)\right) = \cos\left(\frac{\pi}{7}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{7}\right) = e^{\frac{i\pi}{7}}$
- 2. Matrix([[-12+9*I],[14-3*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-4)(x+3)(x-4-i)(x-4+i)(x+2-2i)(x+2+2i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-4)(x+3)(x^2-8x+17)(x^2+4x+8)$

4. Все числа z: -28 + 23i, 82 - 19i, -32 + 25i

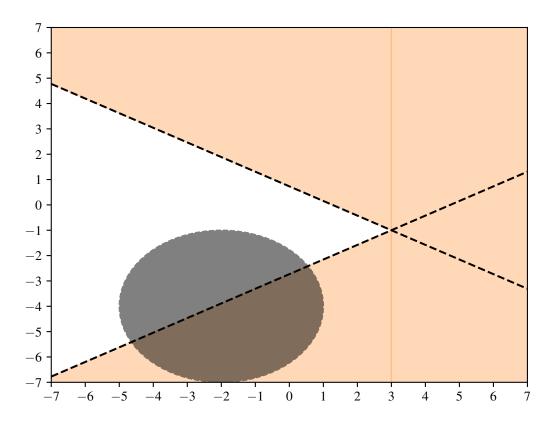
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- n = 6;

•
$$z = -4096 = 4^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -4096$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -\alpha + 112\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha + 72\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -\alpha + 76\beta - 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{4} - 28\beta + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{4} - 18\beta + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{4} - 19\beta + 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{4} - 28\beta + 3\gamma \\ \frac{\alpha}{4} - 18\beta + 2\gamma \\ \frac{\alpha}{4} - 19\beta + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (7, 25, 14)$$

$$L: \frac{x+3}{6} = \frac{y-8}{-9} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (5, 9, 36)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-6}{7} = \frac{-y-4}{3} = \frac{15-z}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{22 - x}{7} = \frac{8 - y}{3} = \frac{47 - z}{8}$$