Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 24

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{26\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{26\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{\frac{16i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[-9-6*I], [-3-2*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x-1)(x+1)(x-4-i)(x-4+i)(x+5-3i)(x+5+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x-1)(x+1)(x^2-8x+17)(x^2+10x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $5 - 14i$ ,  $45 - 30i$ ,  $-31 + 66i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

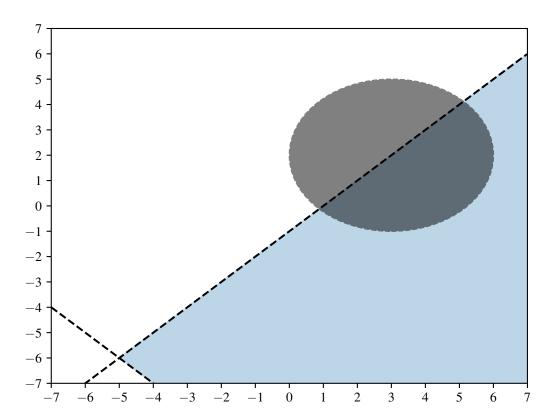
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5, -6) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 10\alpha + 72\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -10\alpha - 70\beta - 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 4\alpha + 30\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\alpha}{2} - 18\beta - \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{2} + \frac{35\beta}{2} + \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha - \frac{15\beta}{2} - 2\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{5\alpha}{2} - 18\beta - \frac{9\gamma}{2} \\ \frac{5\alpha}{2} + \frac{35\beta}{2} + \frac{9\gamma}{2} \\ -\alpha - \frac{15\beta}{2} - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-28, -15, -38)$$

$$L: \frac{x-1}{-6} = \frac{y+19}{16} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (-10, -14, -5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{3-x}{3} = \frac{y+16}{9} = \frac{z-17}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{18-x}{3} = \frac{y+61}{9} = \frac{z+53}{14}$$