Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 16

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) - i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{11i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[-7-I], [-9-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-1)(x+3)(x-4-i)(x-4+i)(x-3-4i)(x-3+4i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-1)(x+3)(x^2-8x+17)(x^2-6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $14 + 54i$, $-10 - 32i$, $-26 - 26i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

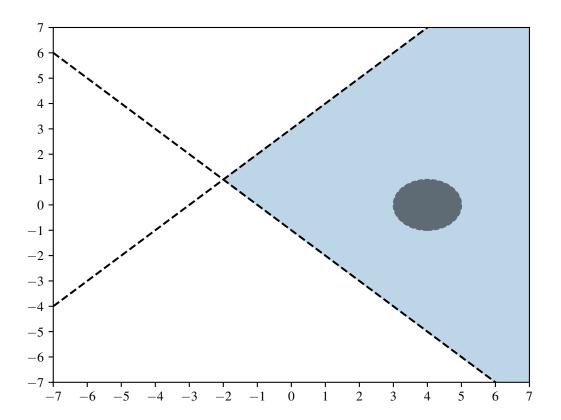
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -128 - 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 256e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 15\alpha - 16\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -34\alpha + 36\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -46\alpha + 48\beta - 16\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{15\alpha}{4} - 4\beta + \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{17\alpha}{2} + 9\beta - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{23\alpha}{2} + 12\beta - 4\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{15\alpha}{4} - 4\beta + \frac{3\gamma}{2} \\ -\frac{17\alpha}{2} + 9\beta - 3\gamma \\ -\frac{23\alpha}{2} + 12\beta - 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, 15, -17)$$

$$L: \frac{x-2}{1} = \frac{y+4}{2} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (6, -6, -10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+16}{19} = \frac{y-7}{6} = \frac{z+16}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+130}{19} = \frac{y+29}{6} = \frac{z+52}{6}$$