Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 17

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{\frac{i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[12+4*I],[8-13*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x+2)^2$$
 $(x-4-3i)$ $(x-4+3i)$ $(x-2-5i)$ $(x-2+5i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+2)^2$ $(x^2-8x+25)$ $(x^2-4x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $-11 - 11i$, $-29 - 11i$, $67 - 31i$

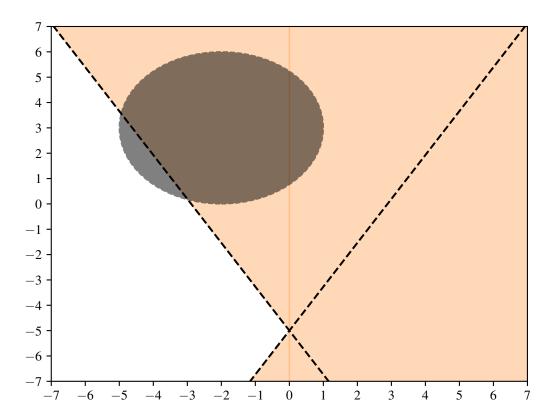
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -5) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = 5\alpha - 20\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 3\alpha - 11\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha - 17\beta + 10\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 4\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{3\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{6\alpha}{5} - \frac{17\beta}{5} + 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \alpha - 4\beta + 2\gamma \\ \frac{3\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \gamma \\ \frac{6\alpha}{5} - \frac{17\beta}{5} + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-27, 0, 38)$$

$$L: \frac{x+2}{-5} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (-1, -7, 15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{10} = \frac{y+11}{5} = \frac{z+9}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+63}{10} = \frac{y+36}{5} = \frac{z+79}{14}$$