Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 1

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{4}{7}}e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

2. 
$$Matrix([[-14-3*I],[-10-14*I]])$$

3. Над С: 4 \* 
$$(x+3)^2$$
  $(x+2-4i)$   $(x+2+4i)$   $(x+4-3i)$   $(x+4+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x+3)^2$   $(x^2+4x+20)$   $(x^2+8x+25)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-10-66i$ ,  $18+18i$ ,  $-48+36i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

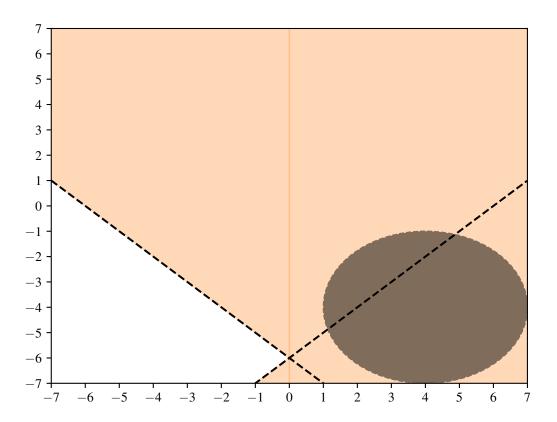
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$

• 
$$z = 1 = 1^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -6) под углом  $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = 3\alpha + 80\beta - 50\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 2\alpha + 53\beta - 33\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -2\alpha - 56\beta + 35\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3\alpha - 80\beta + 50\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha - 53\beta + 33\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha + 56\beta - 35\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -3\alpha - 80\beta + 50\gamma \\ -2\alpha - 53\beta + 33\gamma \\ 2\alpha + 56\beta - 35\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (24, -6, 10)$$

9. 
$$L: \frac{x-2}{-24} = \frac{y+5}{6} = \frac{z-6}{0}$$

$$A_0 = (-1, -17, -1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-19}{10} = \frac{y+9}{16} = \frac{z-1}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{21-x}{10} = \frac{y+73}{16} = \frac{z+19}{5}$$