Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 22

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -27i = -27i;$$

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

$$\bullet \text{ Искомое значениe} = 3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\tfrac{13\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\tfrac{13\pi}{10}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} \left(-\sqrt{\tfrac{5}{8} - \tfrac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(\tfrac{1}{4} + \tfrac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} e^{\tfrac{7i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[2+5*I], [3+14*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-2)(x+4)(x-3-3i)(x-3+3i)(x+4-4i)(x+4+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-2)(x+4)(x^2-6x+18)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $-13+19i$, $15-47i$, $11+29i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

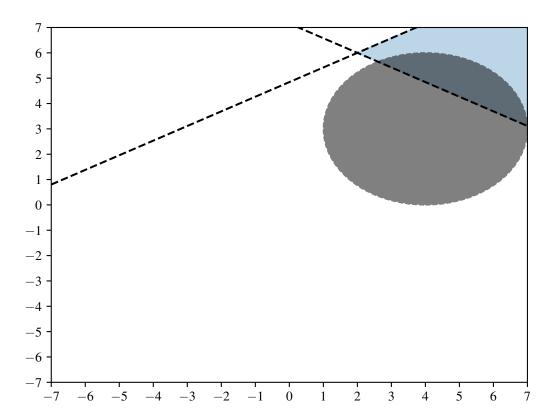
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{23\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;6) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -9\alpha - 11\beta - 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 16\alpha + 20\beta + 66\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\alpha - 10\beta - 34\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} - \frac{11\beta}{2} - 18\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 8\alpha + 10\beta + 33\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha - 5\beta - 17\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{9\alpha}{2} - \frac{11\beta}{2} - 18\gamma \\ 8\alpha + 10\beta + 33\gamma \\ -4\alpha - 5\beta - 17\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, 30, -4)$$

$$L: \frac{x+3}{17} = \frac{y-15}{-17} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (9, 7, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{15} = \frac{-y-20}{4} = \frac{z+14}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{59 - x}{15} = \frac{-y - 4}{4} = \frac{z + 38}{6}$$