Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 15

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{10}\right)\right) = -\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right) = e^{-\frac{7i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[13+I], [-11-9*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x+3)(x+4)(x-1-2i)(x-1+2i)(x+3-3i)(x+3+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+3)(x+4)(x^2-2x+5)(x^2+6x+18)$

4. Все числа
$$z$$
: $27 - 10i$, $-25 - 50i$, $-21 + 66i$

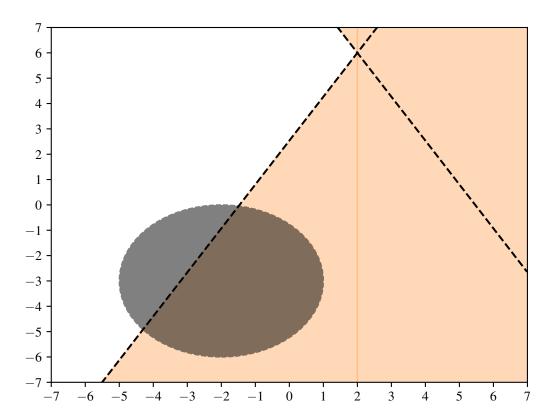
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; 6) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = -16\alpha + 19\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 50\alpha - 60\beta + 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -45\alpha + 54\beta - 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 16\alpha - 19\beta + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -50\alpha + 60\beta - 9\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 45\alpha - 54\beta + 8\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 16\alpha - 19\beta + 3\gamma \\ -50\alpha + 60\beta - 9\gamma \\ 45\alpha - 54\beta + 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, 25, -7)$$

$$L: \frac{x}{38} = \frac{y+19}{19} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (19, -37, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+5}{14} = \frac{y+14}{15} = \frac{-z-1}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-79}{14} = \frac{y-76}{15} = \frac{-z-49}{8}$$