Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 28

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 2$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2} = e^{\frac{3i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[3+9*I], [-11-13*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1*(x-1)(x+3)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+2-3i)(x+2+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x-1)(x+3)(x^2-8x+20)(x^2+4x+13)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $21 + 20i$ ,  $17 - 46i$ ,  $27 - 6i$ 

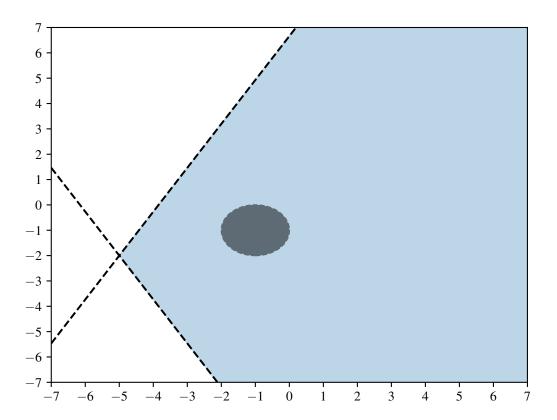
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$z = i = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -1) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = -9\alpha + 30\beta - \gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -12\alpha + 40\beta - \gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -11\alpha + 37\beta - \gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 30\beta + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & 12\alpha - 40\beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 11\alpha - 37\beta + \gamma \end{pmatrix}$$
;

• 
$$x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 30\beta + \gamma \\ 12\alpha - 40\beta + \gamma \\ 11\alpha - 37\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-20, -8, -18)$$

$$L: \frac{x+3}{8} = \frac{y-9}{-12} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-5, -1, -32)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+9}{6} = \frac{-y-2}{7} = \frac{9-z}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+33}{6} = \frac{26-y}{7} = \frac{57-z}{12}$$