Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 24

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
:

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

- $arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$
- k = 0;
- Искомое значение = $\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{i\pi}{6}}$
- 2. Matrix([[11+5*I],[-1-10*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-3)(x+5)(x-2-i)(x-2+i)(x+5-3i)(x+5+3i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-3)(x+5)(x^2-4x+5)(x^2+10x+34)$

4. Все числа z: -33 + 20i, -11 - 50i, -9 + 28i

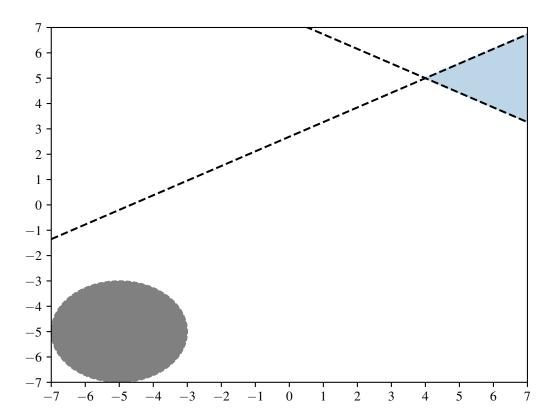
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = 77\alpha + 26\beta + 21\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 13\alpha + 4\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha - \beta - \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{77\alpha}{5} + \frac{26\beta}{5} + \frac{21\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{13\alpha}{5} + \frac{4\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{2\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{77\alpha}{5} + \frac{26\beta}{5} + \frac{21\gamma}{5} \\ \frac{13\alpha}{5} + \frac{4\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ -\frac{2\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (0, 16, -27)$$

$$L: \frac{x}{-5} = \frac{y - 17}{-20} = \frac{z - 8}{0}$$
$$A_0 = (-14, 12, 10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{3} = \frac{y+18}{4} = \frac{z-1}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-1}{3} = \frac{y-2}{4} = \frac{z-51}{10}$$