Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 32

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = -1;
- Искомое значение = $2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{4\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{4\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{4i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-2+11*I],[2-14*I]])

3. Над С: 1 *
$$(x-1)^2$$
 $(x+2-3i)$ $(x+2+3i)$ $(x+4-4i)$ $(x+4+4i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-1)^2$ $(x^2+4x+13)$ $(x^2+8x+32)$

4. Все числа z: 50 + 22i, -14 + 24i, 8 - 4i

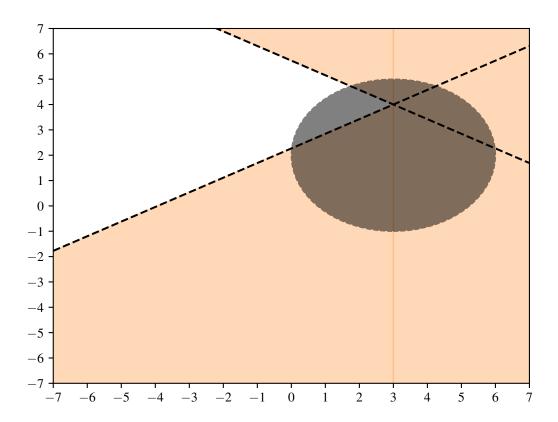
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;4) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -45\alpha + 24\beta + 39\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 28\alpha - 14\beta - 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -36\alpha + 18\beta + 30\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{15\alpha}{2} + 4\beta + \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{14\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} - 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha + 3\beta + 5\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{15\alpha}{2} + 4\beta + \frac{13\gamma}{2} \\ \frac{14\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} - 4\gamma \\ -6\alpha + 3\beta + 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (29, -4, -37)$$

$$L: \frac{x+3}{-19} = \frac{y+20}{19} = \frac{z-13}{0}$$
$$A_0 = (-18, -17, 40)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{15} = \frac{-y-17}{5} = \frac{5-z}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-46}{15} = \frac{-y-32}{5} = \frac{-z-25}{10}$$