Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 30

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 3;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{\frac{19i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[12-11*I], [-10-3*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-1)(x+1)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+1-3i)(x+1+3i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-1)(x+1)(x^2-6x+13)(x^2+2x+10)$

4. Все числа z: -22+49i, -6-i, -4-53i

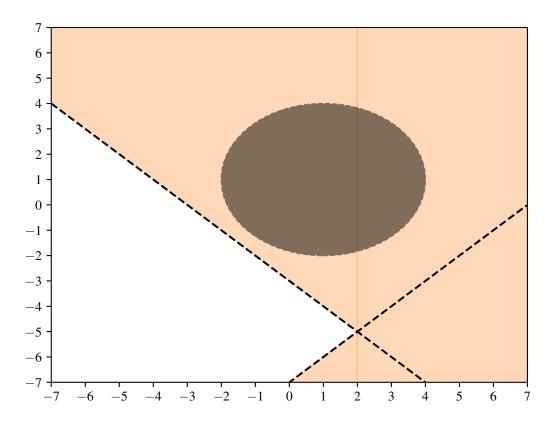
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- n = 6;

•
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -5) под углом $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = -34\alpha - 16\beta - 39\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -30\alpha - 15\beta - 35\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -7\alpha - 3\beta - 7\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{34\alpha}{5} - \frac{16\beta}{5} - \frac{39\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha - 3\beta - 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\alpha}{5} - \frac{3\beta}{5} - \frac{7\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{34\alpha}{5} - \frac{16\beta}{5} - \frac{39\gamma}{5} \\ -6\alpha - 3\beta - 7\gamma \\ -\frac{7\alpha}{5} - \frac{3\beta}{5} - \frac{7\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, 2, -8)$$

$$L: \frac{x+3}{6} = \frac{y+23}{21} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-4, 0, -2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{17} = \frac{y-12}{4} = \frac{-z-1}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{127 - x}{17} = \frac{y + 16}{4} = \frac{139 - z}{20}$$