Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 11

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 2$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{9}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{9}\right) = e^{\frac{7i\pi}{9}}$$

2. 
$$Matrix([[-5+2*I], [-2-4*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x+3)(x+4)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+3-4i)(x+3+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x+3)(x+4)(x^2-8x+20)(x^2+6x+25)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $6+7i$ ,  $12+23i$ ,  $46-49i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

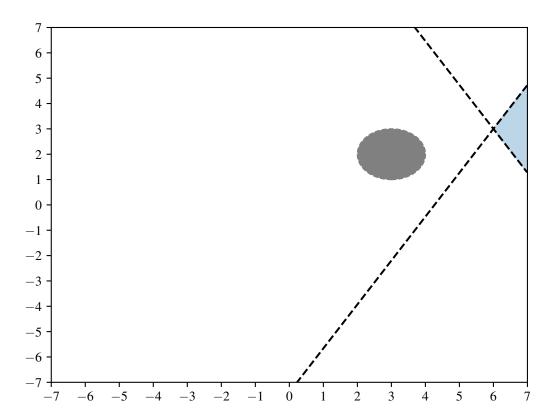
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; 3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -7\alpha - 9\beta + 7\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha + \beta - \gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 15\alpha + 17\beta - 13\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} - \frac{7\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{15\alpha}{2} - \frac{17\beta}{2} + \frac{13\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} - \frac{7\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{15\alpha}{2} - \frac{17\beta}{2} + \frac{13\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-22, 15, 6)$$

$$L: \frac{x+3}{-25} = \frac{y+22}{20} = \frac{z-13}{0}$$
$$A_0 = (-21, -24, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{13-x}{17} = \frac{y+19}{16} = \frac{-z-15}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-38}{17} = \frac{y-29}{16} = \frac{-z-21}{2}$$