Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 21

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{5i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[6+14*I],[-6-I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-3)(x+4)(x-4-i)(x-4+i)(x+1-4i)(x+1+4i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-3)(x+4)(x^2-8x+17)(x^2+2x+17)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-7 - 45i$ ,  $-11 + 21i$ ,  $29 + 21i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

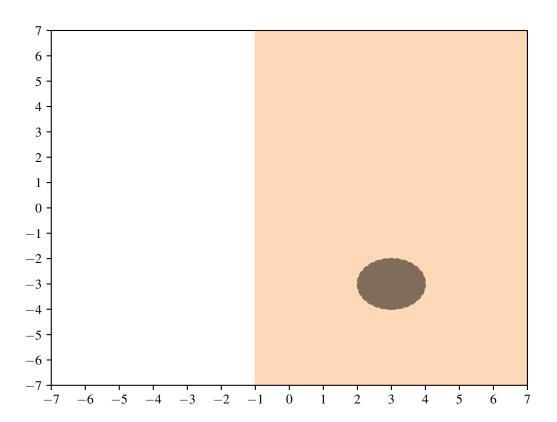
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
:

• 
$$z = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -6) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = 2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 17\alpha + 5\beta - 74\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\alpha + 2\beta - 26\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 3\alpha + \beta - 12\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{17\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} - 37\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha + \beta - 13\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - 6\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{17\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} - 37\gamma \\ 3\alpha + \beta - 13\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, -34, -4)$$

$$L: \frac{x-2}{13} = \frac{y-13}{-13} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (27, 26, 13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{6} = \frac{4-y}{4} = \frac{12-z}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-22}{6} = \frac{-y-20}{4} = \frac{-z-42}{9}$$