Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 1

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[8+5*I], [-13+3*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2 * (x-1)(x+5)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-2 * (x-1)(x+5)(x^2-6x+13)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $18 - 11i$, $-60 - 25i$, $12 + 23i$

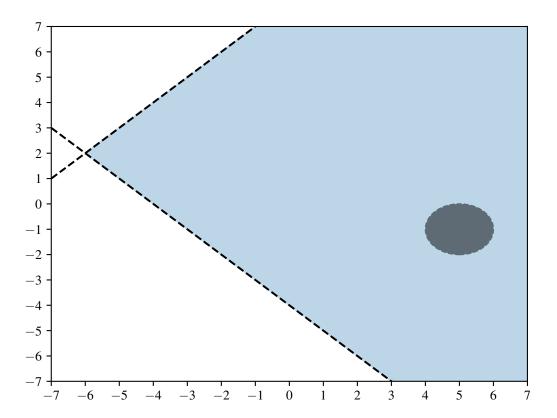
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5;-1) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -10\alpha + 14\beta - 13\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 2\alpha - 4\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -20\alpha + 28\beta - 23\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\alpha}{3} + \frac{7\beta}{3} - \frac{13\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} + \frac{5\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{10\alpha}{3} + \frac{14\beta}{3} - \frac{23\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{5\alpha}{3} + \frac{7\beta}{3} - \frac{13\gamma}{6} \\ \frac{\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} + \frac{5\gamma}{6} \\ -\frac{10\alpha}{3} + \frac{14\beta}{3} - \frac{23\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-18, 7, 4)$$

$$L: \frac{x+2}{12} = \frac{y+6}{4} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (10, -12, 10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-8}{2} = \frac{y+7}{10} = \frac{z+20}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+6}{2} = \frac{y+77}{10} = \frac{z+132}{16}$$