Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 28

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{5}\right)\right) = -\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} + i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} = e^{\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[-4+5*I], [-10+4*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x+1)(x+4)(x-1-3i)(x-1+3i)(x+3-2i)(x+3+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+1)(x+4)(x^2-2x+10)(x^2+6x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $21 + 2i$, $-11 + 16i$, 23

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

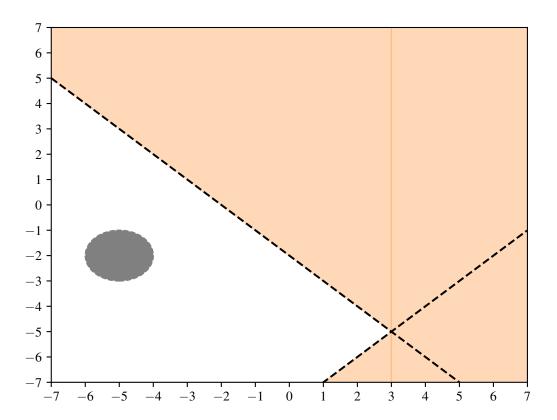
•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 16 = 2^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -5) под углом $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -19\alpha + \beta - 22\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 27\alpha + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 3\alpha + 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{19\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} - \frac{22\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 9\alpha + 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{19\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} - \frac{22\gamma}{3} \\ 9\alpha + 10\gamma \\ \alpha + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (39, 15, -37)$$

$$L: \frac{x+3}{-90} = \frac{y+16}{15} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (-13, -39, -23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{19} = \frac{y+6}{11} = \frac{-z-4}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-47}{19} = \frac{y-27}{11} = \frac{-z-28}{8}$$