Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 29

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 8i = 8i$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

- $arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$
- k = 2;
- Искомое значение =  $2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{5\pi}{14}\right) + i\sin\left(\frac{5\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{9i\pi}{14}}$

2. 
$$Matrix([[-4+6*I],[12-12*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x-3)(x+5)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+1-5i)(x+1+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x-3)(x+5)(x^2-8x+20)(x^2+2x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $8+41i$ ,  $-68-31i$ ,  $30-29i$ 

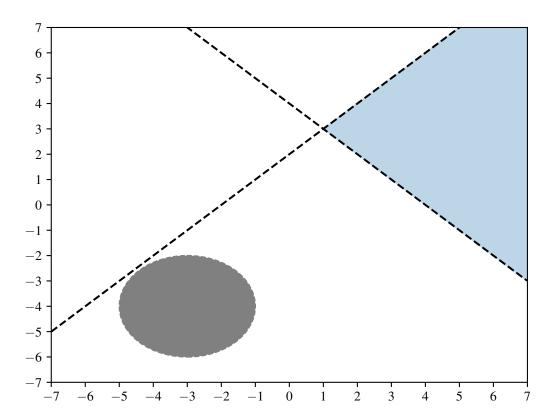
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{2\pi}{3}$ ;
- n = 3;

• 
$$z = 8i = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3, -4) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;3) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 28\alpha - 7\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 18\alpha - 3\beta$$
;

• 
$$\Delta_3 = -16\alpha + 4\beta + 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \to \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{14\alpha}{3} - \frac{7\beta}{6} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha - \frac{\beta}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{8\alpha}{3} + \frac{2\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\begin{pmatrix} \frac{14\alpha}{3} - \frac{7\beta}{6} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & \frac{14\alpha}{3} - \frac{\gamma}{6} & \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (24, 11, 3)$$

$$L: \frac{x+3}{15} = \frac{y+179}{180} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (23, -12, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-6}{13} = \frac{-y-5}{16} = \frac{16-z}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+85}{13} = \frac{107 - y}{16} = \frac{100 - z}{12}$$