Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 3

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -2$$
;

• Искомое значение = 
$$2\cdot\sqrt[5]{2}\cdot(\cos{(-\pi)}+i\cdot\sin{(-\pi)})=-2\cdot\sqrt[5]{2}=-2\cdot\sqrt[5]{2}$$

2. 
$$Matrix([[-11+12*I], [-5-13*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x-3)(x-2)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-4i)(x+2+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x-3)(x-2)(x^2+2x+5)(x^2+4x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-41 + 56i$ ,  $45 - 32i$ ,  $7 - 6i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

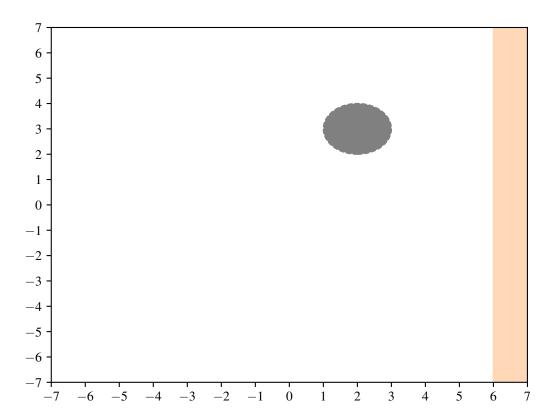
• 
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;1) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 6\alpha + 2\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha$$
;

• 
$$\Delta_3 = 49\alpha + 16\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3\alpha - \beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{49\alpha}{2} - 8\beta - 7\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -3\alpha - \beta - \gamma \\ -\frac{\alpha}{2} \\ -\frac{49\alpha}{2} - 8\beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (26, -16, 31)$$

$$L: \frac{x+3}{-5} = \frac{y+22}{20} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-10, -11, 15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-6}{5} = \frac{-y-3}{5} = \frac{13-z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+24}{5} = \frac{27-y}{5} = \frac{133-z}{20}$$