Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 31

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{3} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 0$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{\frac{2i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[3+11*I],[6+5*I]])$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x-4)(x+1)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-4)(x+1)(x^2-4x+13)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $36 + 22i$ ,  $14i$ ,  $-6 - 66i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

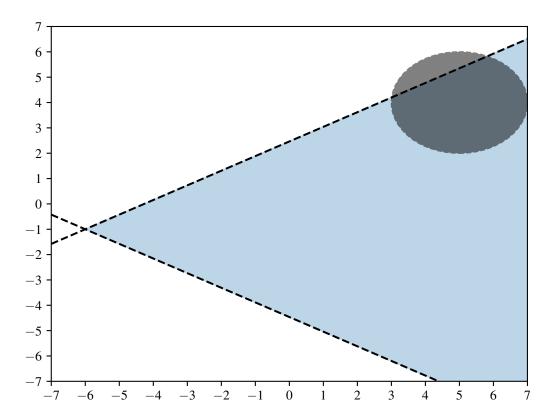
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -8 - 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 4) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;-1) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -24\alpha - 42\beta + 36\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 22\alpha + 40\beta - 34\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -32\alpha - 56\beta + 47\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 4\alpha + 7\beta - 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{11\alpha}{3} - \frac{20\beta}{3} + \frac{17\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{16\alpha}{3} + \frac{28\beta}{3} - \frac{47\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 4\alpha + 7\beta - 6\gamma \\ -\frac{11\alpha}{3} - \frac{20\beta}{3} + \frac{17\gamma}{3} \\ \frac{16\alpha}{3} + \frac{28\beta}{3} - \frac{47\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (31, -32, 5)$$

$$L: \frac{x-1}{16} = \frac{y+19}{16} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (15, -21, 0)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+11}{17} = \frac{13-y}{10} = \frac{z-11}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-40}{17} = \frac{-y-17}{10} = \frac{z-56}{15}$$