Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 5

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -64i = -64i$$
;

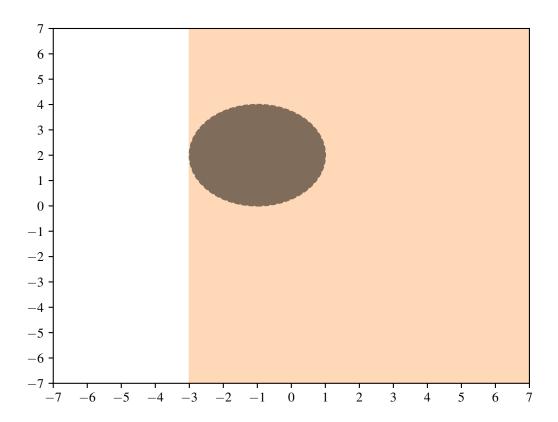
• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ 2^{\frac{7}{7}} \cdot \left( \cos \left( \frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42} \right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{6}{7}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

- $arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$ ;
- k = 3;
- Искомое значение =  $2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} \left(-\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} e^{\frac{11i\pi}{14}}$
- 2. Matrix([[-14+13\*I],[12+10\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x+1)(x+4)(x-4-5i)(x-4+5i)(x+2-3i)(x+2+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x+1)(x+4)(x^2-8x+41)(x^2+4x+13)$ 

- 4. Все числа z: -6 + 23i, -12 13i, -4 + 13i
- 5.  $z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$ 
  - $z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$
  - угол между радиус-векторами =  $\frac{2\pi}{3}$ ;
  - n = 3:
  - $z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; 2) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;6) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 28\alpha + 25\beta - 15\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -46\alpha - 40\beta + 24\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -16\alpha - 13\beta + 9\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{14\alpha}{3} - \frac{25\beta}{6} + \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{23\alpha}{3} + \frac{20\beta}{3} - 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{8\alpha}{3} + \frac{13\beta}{6} - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{14\alpha}{3} - \frac{25\beta}{6} + \frac{5\gamma}{2} \\ \frac{23\alpha}{3} + \frac{20\beta}{3} - 4\gamma \\ \frac{8\alpha}{3} + \frac{13\beta}{6} - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, 14, 2)$$

$$L: \frac{x+2}{50} = \frac{y-12}{-10} = \frac{z-1}{0}$$
$$A_0 = (-9, 29, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{19-x}{7} = \frac{15-y}{5} = \frac{-z-18}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{68 - x}{7} = \frac{50 - y}{5} = \frac{24 - z}{6}$$