Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 30

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}};$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-1-12*I],[-9-14*I]])$$

3. Над С:
$$-2*(x+4)(x+5)(x-4-i)(x-4+i)(x-2-2i)(x-2+2i)$$
, Над \mathbb{R} : $-2*(x+4)(x+5)(x^2-8x+17)(x^2-4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $10+7i$, $38-41i$, $-62+49i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

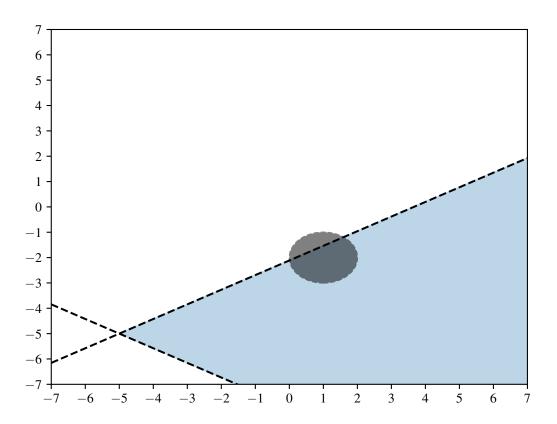
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -5) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha + 6\beta + 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha + 12\beta + 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{2} - \beta - 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} - 2\beta - 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{6} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{2} - \beta - 3\gamma \\ \frac{\alpha}{2} - 2\beta - 6\gamma \\ -\frac{\alpha}{6} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (18, 2, -21)$$

$$L: \frac{x+3}{-15} = \frac{y-27}{-30} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (-34, 20, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-15}{20} = \frac{-y-8}{6} = \frac{1-z}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{105 - x}{20} = \frac{28 - y}{6} = \frac{73 - z}{12}$$