Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-224. Вариант 31

1. Пусть 
$$z = \frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}$$
. Вычислить значение  $\sqrt[6]{z^2}$ , для которого число  $\frac{\sqrt[6]{z^2}}{1 - \sqrt{3}i}$  имеет аргумент  $-\frac{13\pi}{18}$ .

2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(3+2i) + y(-13+4i) = -85 + 185i \\ x(-13+8i) + y(9-7i) = -2 - 369i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена  $2x^6 8x^5 8x^4 12x^3 + 90x^2 + 956x 1020$  и разложить его на множители над  $\mathbb R$  и  $\mathbb C$ , если известны корни  $x_1 = -1 3i, x_2 = 4 i, x_3 = 1.$
- 4. Даны 3 комплексных числа: -11+23i, 20+23i, 27-18i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа  $z_1 = 3$ ,  $z_2 = 3i$  соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой  $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$ :

$$\begin{cases} |z+1-4i| < 2\\ |arg(z+4+2i)| < \frac{\pi}{6} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (-11, 9, -3), b = (-2, 2, 0), c = (-3, 2, -3). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(-12, -5, -12) и плоскость P: -34x 38y 2z + 680 = 0. Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(9, -3, 8),  $M_1(-2, -1, 3)$ ,  $M_2(2, 1, 3)$ . Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки  $M_1$  и  $M_2$ . Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые  $L_1$  и  $L_2$  своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} 18x + 11y - 14z + 310 = 0 \\ 7x + 4y + 127 = 0 \end{cases} \qquad L_2: \begin{cases} 11x + 7y - 14z + 2745 = 0 \\ 13y + 13z - 403 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к  $L_1$  и  $L_2$ .