Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 1

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -2$$
;

$$\bullet \ \ \text{Искомое значениe} = \sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{\frac{11i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[3-15*I],[-11+8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5$  \*  $(x-3)(x-1)(x+2-4i)(x+2+4i)(x+5-5i)(x+5+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5$  \*  $(x-3)(x-1)(x^2+4x+20)(x^2+10x+50)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $26-6i$ ,  $24+64i$ ,  $-48-30i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

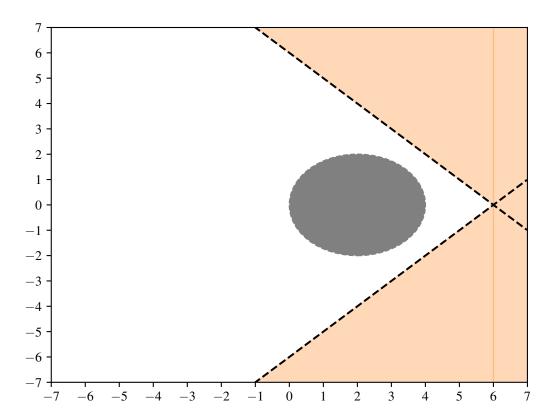
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2;0) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;0) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -32\alpha - 12\beta + 13\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 10\alpha + 4\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 16\alpha + 6\beta - 7\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 16\alpha + 6\beta - \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha - 2\beta + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -8\alpha - 3\beta + \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 16\alpha + 6\beta - \frac{13\gamma}{2} \\ -5\alpha - 2\beta + 2\gamma \\ -8\alpha - 3\beta + \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (38, 30, 10)$$

$$L: \frac{x+1}{14} = \frac{y-9}{-7} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (1, 23, 25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+7}{13} = \frac{-y-2}{3} = \frac{17-z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-58}{13} = \frac{-y-17}{3} = \frac{-z-78}{19}$$