Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 32

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{29\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{29\pi}{18}\right)\right) = \cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{7\pi}{18}\right) = e^{\frac{7i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[-2-14*I],[8-I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-3)(x-1)(x-2-i)(x-2+i)(x+1-2i)(x+1+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x-1)(x^2-4x+5)(x^2+2x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $18 - 39i$, $8 - 3i$, $-10 + 43i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

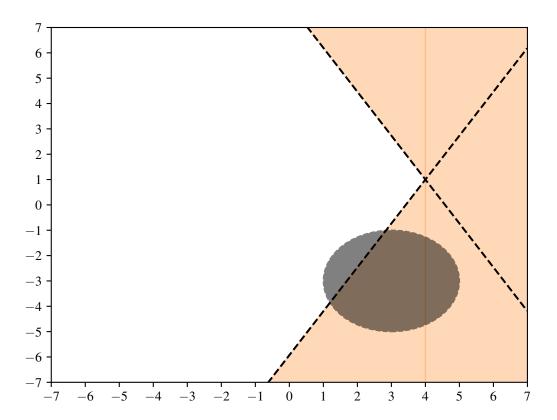
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -\frac{81}{2} + \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 81e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; 1) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 8\alpha - 7\beta + 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -2\alpha + 2\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha - 7\beta + 17\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{15\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \alpha - \beta + 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{17\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -4\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{15\gamma}{2} \\ \alpha - \beta + 3\gamma \\ -4\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{17\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (6, -40, -1)$$

$$L: \frac{x}{-15} = \frac{y+14}{15} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-16, -16, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+4}{11} = \frac{y+13}{12} = \frac{2-z}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+70}{11} = \frac{y+85}{12} = \frac{20-z}{3}$$