Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 21

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{23\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{23\pi}{21}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{21}\right) = e^{\frac{19i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[8+4*I], [-15-5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-4)(x+5)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+4-i)(x+4+i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-4)(x+5)(x^2+2x+5)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-44-4i$, $22+26i$, $-10+28i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

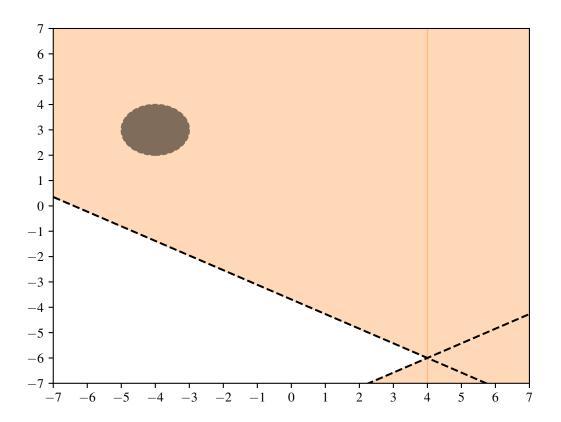
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 1 = 1^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; 3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -6) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 12\alpha - 54\beta + 76\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 16\alpha - 72\beta + 101\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 10\alpha - 44\beta + 62\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -6\alpha + 27\beta - 38\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -8\alpha + 36\beta - \frac{101\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha + 22\beta - 31\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -6\alpha + 27\beta - 38\gamma \\ -8\alpha + 36\beta - \frac{101\gamma}{2} \\ -5\alpha + 22\beta - 31\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (0, -28, 16)$$

$$L: \frac{x+3}{1} = \frac{y+6}{3} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-2, -13, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-15}{2} = \frac{-y-1}{8} = \frac{z-9}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-5}{2} = \frac{39-y}{8} = \frac{z+71}{16}$$