Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 5

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

- k = 3;
- Искомое значение =  $1 \cdot (\cos(\frac{4\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{4\pi}{3})) = -\frac{1}{2} \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[6-9\*I], [12+3\*I]])

3. Над С: 4 \* 
$$(x-3)^2$$
  $(x+3-i)$   $(x+3+i)$   $(x+4-3i)$   $(x+4+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-3)^2$   $(x^2+6x+10)$   $(x^2+8x+25)$ 

4. Все числа z: -6 + 22i, -36 + 4i, 28 + 30i

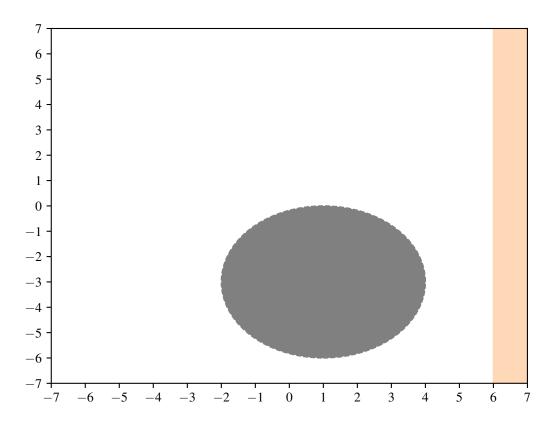
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4;

• 
$$z = -256 = 4^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -256$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; 4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -18\alpha + 4\beta + 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -12\alpha + 2\beta + 3\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 30\alpha - 8\beta - 9\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha - \frac{2\beta}{3} - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - \frac{\beta}{3} - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha + \frac{4\beta}{3} + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 3\alpha - \frac{2\beta}{3} - \gamma \\ 2\alpha - \frac{\beta}{3} - \frac{\gamma}{2} \\ -5\alpha + \frac{4\beta}{3} + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (6, 7, 29)$$

$$L: \frac{x}{26} = \frac{y - 14}{-13} = \frac{z + 5}{0}$$
$$A_0 = (6, 16, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-13}{20} = \frac{y+10}{3} = \frac{z+17}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{87 - x}{20} = \frac{y + 25}{3} = \frac{z + 37}{4}$$