Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 20

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

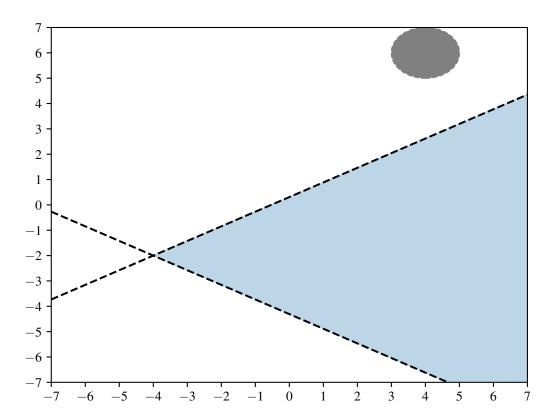
• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 1;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{8\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{8\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} e^{\frac{8i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-9-10\*I], [-5+4\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x-4)(x+5)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+5-i)(x+5+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x-4)(x+5)(x^2-6x+25)(x^2+10x+26)$ 

- 4. Все числа z: 49 + 34i, -45 26i, -5 + 2i
- 5.  $z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$ ;
  - $z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$
  - угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{3}$ ;
  - n = 6;
  - $z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 6) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 35\alpha + 11\beta + 3\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -5\alpha - 2\beta$$
;

• 
$$\Delta_3 = -\alpha - \beta$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{35\alpha}{3} + \frac{11\beta}{3} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{5\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{3} - \frac{\beta}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{35\alpha}{3} + \frac{11\beta}{3} + \gamma \\ -\frac{5\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} \\ -\frac{\alpha}{3} - \frac{\beta}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, 6, -16)$$

$$L: \frac{x+2}{-5} = \frac{y+20}{20} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (-28, -1, 20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+5}{8} = \frac{y-14}{6} = \frac{-z-20}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-43}{8} = \frac{y-50}{6} = \frac{-z-128}{18}$$