Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 19

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

- $arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$
- k = -3;
- Искомое значение = $2\cdot\left(\cos\left(-\frac{4\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{4\pi}{3}\right)\right)=-1+\sqrt{3}i=2e^{\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-13-8*I], [-3-3*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-2)(x+3)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+2-i)(x+2+i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-2)(x+3)(x^2-2x+17)(x^2+4x+5)$

4. Все числа z: -32 + 25i, -18 - 31i, 74 + 27i

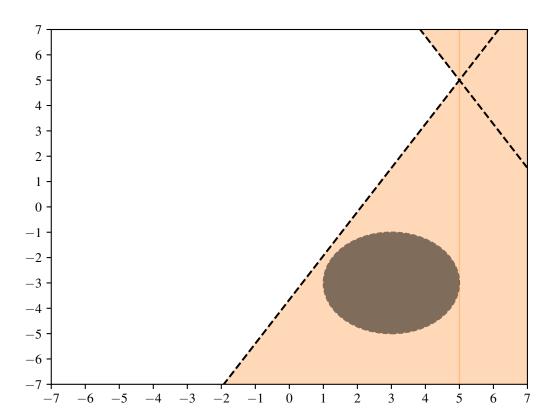
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- n = 6;

•
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; 5) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -22\alpha + 41\beta - 45\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha + 22\beta - 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha + 4\beta - 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -11\alpha + \frac{41\beta}{2} - \frac{45\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha + 11\beta - 12\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha + 2\beta - 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -11\alpha + \frac{41\beta}{2} - \frac{45\gamma}{2} \\ -6\alpha + 11\beta - 12\gamma \\ -\alpha + 2\beta - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-19, 16, -1)$$

$$L: \frac{x-2}{-2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (-16, 5, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-2}{3} = \frac{18-y}{2} = \frac{-z-2}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{10-x}{3} = \frac{26-y}{2} = \frac{38-z}{10}$$