Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 14

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 2;
- Искомое значение =  $2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{10\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{10\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(\cos\left(\frac{10\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{10\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{\frac{10i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[5+6\*I], [-7-5\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 2 \*  $(x-4)(x-3)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+2-4i)(x+2+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-4)(x-3)(x^2+2x+10)(x^2+4x+20)$ 

4. Все числа z: 19+13i, 15-57i, -49+5i

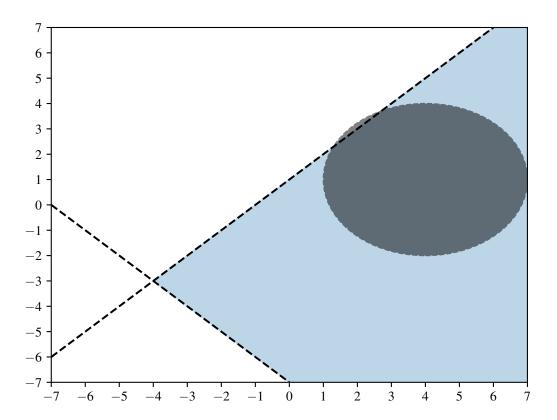
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{6}$ ;
- n = 12;

• 
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -3) под углом  $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -2\alpha + 12\beta + 22\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -2\alpha + 10\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = \alpha - 10\beta - 18\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 6\beta - 11\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha - 5\beta - 9\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} + 5\beta + 9\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \alpha - 6\beta - 11\gamma \\ \alpha - 5\beta - 9\gamma \\ -\frac{\alpha}{2} + 5\beta + 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (37, -24, 20)$$

$$L: \frac{x+2}{10} = \frac{y+5}{2} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (12, 3, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-14}{3} = \frac{-y-9}{17} = \frac{z}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-29}{3} = \frac{-y-94}{17} = \frac{z-90}{18}$$