Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 34

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{5\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{-\frac{5i\pi}{18}}$$

2. 
$$Matrix([[-15-I], [-14+11*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 3 \*  $(x-2)(x+5)(x-3-4i)(x-3+4i)(x-2-5i)(x-2+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-2)(x+5)(x^2-6x+25)(x^2-4x+29)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $30-52i$ ,  $-10+16i$ ,  $-42-2i$ 

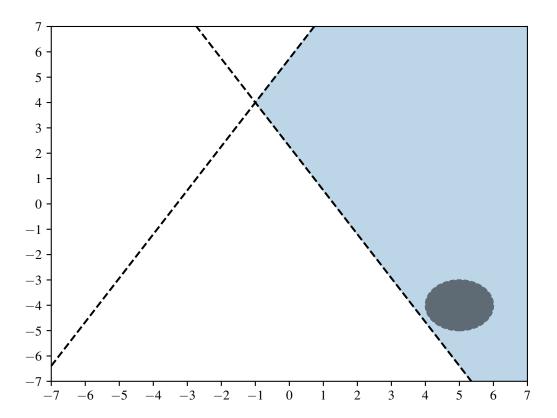
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; -4) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 37\alpha - 47\beta - 25\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -30\alpha + 38\beta + 20\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 24\alpha - 30\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{37\alpha}{2} + \frac{47\beta}{2} + \frac{25\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 15\alpha - 19\beta - 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -12\alpha + 15\beta + 8\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -\frac{37\alpha}{2} + \frac{47\beta}{2} + \frac{25\gamma}{2} \\ 15\alpha - 19\beta - 10\gamma \\ -12\alpha + 15\beta + 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-39, -3, 22)$$

$$L: \frac{x+1}{-20} = \frac{y-19}{-20} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-35, 27, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-9}{4} = \frac{y+6}{17} = \frac{15-z}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{7-x}{4} = \frac{y+74}{17} = \frac{59-z}{11}$$