Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 28

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{6}}{2} + 2i\left(\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right) = 2e^{\frac{5i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-15+7*I],[12-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-4)(x+2)(x-4-3i)(x-4+3i)(x-3-i)(x-3+i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-4)(x+2)(x^2-8x+25)(x^2-6x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $11 - 64i$, $37 + 10i$, $3 + 4i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

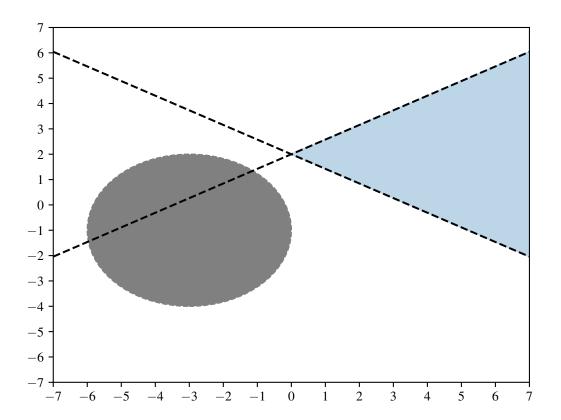
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = i = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 33\alpha + 20\beta - 50\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -27\alpha - 16\beta + 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -18\alpha - 10\beta + 28\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{11\alpha}{2} - \frac{10\beta}{3} + \frac{25\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{9\alpha}{2} + \frac{8\beta}{3} - \frac{20\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha + \frac{5\beta}{3} - \frac{14\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{11\alpha}{2} - \frac{10\beta}{3} + \frac{25\gamma}{3} \\ \frac{9\alpha}{2} + \frac{8\beta}{3} - \frac{20\gamma}{3} \\ 3\alpha + \frac{5\beta}{3} - \frac{14\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-1, -33, -23)$$

$$L: \frac{x-1}{5} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z-13}{0}$$
$$A_0 = (-4, 0, 25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{8} = \frac{15-y}{4} = \frac{-z-20}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-32}{8} = \frac{-y-5}{4} = \frac{-z-90}{14}$$