Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 4

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{ 2\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение 
$$=2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(-\frac{15\pi}{8}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{15\pi}{8}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4}+\frac{1}{2}}+i\sqrt{\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{2}}{4}}\right)=2\sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[-3+8*I],[-10-9*I]])$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x+3)(x+4)(x-2-i)(x-2+i)(x+1-4i)(x+1+4i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x+3)(x+4)(x^2-4x+5)(x^2+2x+17)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $22-2i$ ,  $28-8i$ ,  $-74-2i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

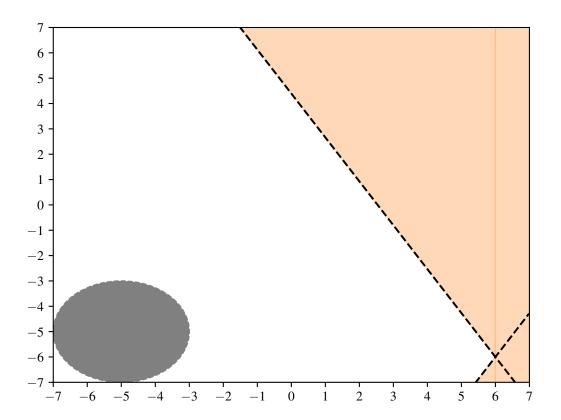
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -5) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; -6) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 27\alpha - 9\beta + 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 57\alpha - 20\beta + 13\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 36\alpha - 13\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 3\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 19\alpha - \frac{20\beta}{3} + \frac{13\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 12\alpha - \frac{13\beta}{3} + \frac{8\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 3\beta + 2\gamma \\ 19\alpha - \frac{20\beta}{3} + \frac{13\gamma}{3} \\ 12\alpha - \frac{13\beta}{3} + \frac{8\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

8.

$$A_0 = (37, -21, 12)$$

9.

$$L: \frac{x+1}{-14} = \frac{y-11}{-14} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (-25, 17, 9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-2}{7} = \frac{-y-18}{19} = \frac{3-z}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-37}{7} = \frac{-y-113}{19} = \frac{-z-52}{11}$$