Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 25

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8}-\frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} - \frac{1}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{5}{8}-\frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4}+\frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}}e^{\frac{13i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-13+10*I],[-13+4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-3)(x+5)(x-4-i)(x-4+i)(x-3-2i)(x-3+2i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x+5)(x^2-8x+17)(x^2-6x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $2 + 10i$, $16 - 12i$, 30

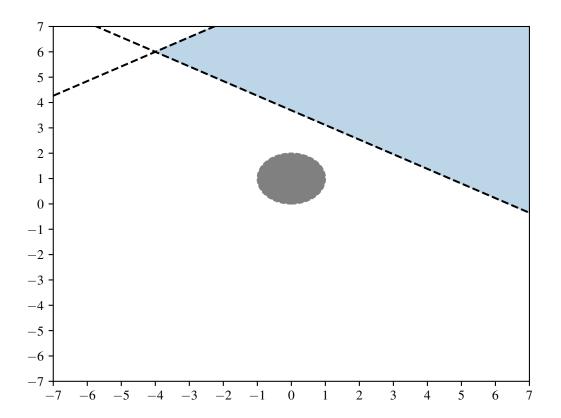
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 1) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;6) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 36\alpha - 48\beta - 32\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -40\alpha + 54\beta + 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -26\alpha + 35\beta + 24\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 12\beta - 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -10\alpha + \frac{27\beta}{2} + 9\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{2} + \frac{35\beta}{4} + 6\gamma \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 12\beta - 8\gamma \\ -10\alpha + \frac{27\beta}{2} + 9\gamma \\ -\frac{13\alpha}{2} + \frac{35\beta}{4} + 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, 40, 17)$$

$$L: \frac{x+3}{10} = \frac{y+12}{10} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (15, -12, -2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{7} = \frac{6-y}{18} = \frac{-z-17}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-18}{7} = \frac{-y-66}{18} = \frac{-z-57}{10}$$