Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 7

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

- $arg(\sqrt{3}+i) = \frac{\pi}{6}$;
- k = 0;
- Искомое значение = $3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{15}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}}e^{-\frac{2i\pi}{15}}$
- 2. Matrix([[5-11*I],[1-7*I]))

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-4)(x+5)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+3-5i)(x+3+5i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-4)(x+5)(x^2-8x+25)(x^2+6x+34)$

4. Все числа z: 61i, -56-5i, 46-43i

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

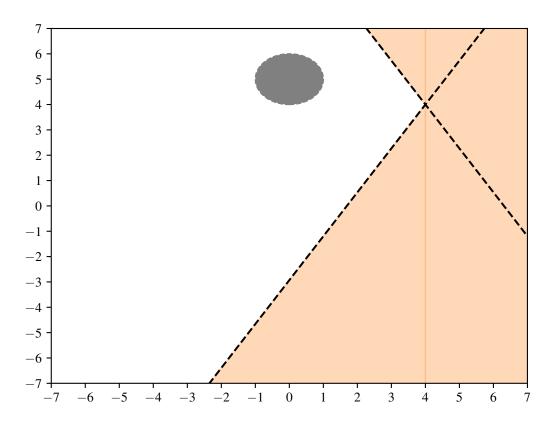
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -64 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; 4) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\alpha + 10\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha + 6\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 10\alpha - 14\beta - 19\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha - 5\beta - 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - 3\beta - 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha + 7\beta + \frac{19\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha - 5\beta - 6\gamma \\ 2\alpha - 3\beta - 4\gamma \\ -5\alpha + 7\beta + \frac{19\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (6, 8, -21)$$

$$L: \frac{x+1}{-5} = \frac{y-2}{-5} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (-8, 13, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{9} = \frac{-y-7}{9} = \frac{z+18}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{53 - x}{9} = \frac{47 - y}{9} = \frac{z + 72}{9}$$