Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
:

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{\frac{i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[6+10*I], [-15+I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-4)(x+2)(x-3-i)(x-3+i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-4)(x+2)(x^2-6x+10)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-4 + 38i$, $12 - 22i$, $16 + 12i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

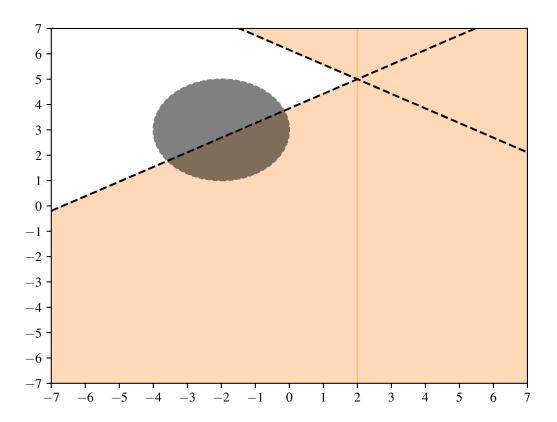
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; 5) под углом = $\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha + 8\beta - 19\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 24\alpha - 44\beta + 110\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 24\alpha - 44\beta + 109\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 2\beta + \frac{19\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha + 11\beta - \frac{55\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha + 11\beta - \frac{109\gamma}{4} \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \alpha - 2\beta + \frac{19\gamma}{4} \\ -6\alpha + 11\beta - \frac{55\gamma}{2} \\ -6\alpha + 11\beta - \frac{109\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (31, -19, -17)$$

$$L: \frac{x+3}{-7} = \frac{y-7}{-7} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-8, 22, -11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{10} = \frac{6-y}{18} = \frac{-z-12}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{84 - x}{10} = \frac{132 - y}{18} = \frac{44 - z}{8}$$