Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 11

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{7}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{29\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{29\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{7}{7}} \left(-\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{7}{7}} e^{\frac{13i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-9-7*I],[8-I]])$$

3. Над С:
$$-4*(x-2)(x+3)(x-2-4i)(x-2+4i)(x-1-i)(x-1+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-4*(x-2)(x+3)(x^2-4x+20)(x^2-2x+2)$

4. Все числа
$$z$$
: $-10-11i$, $44-39i$, $-38+55i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

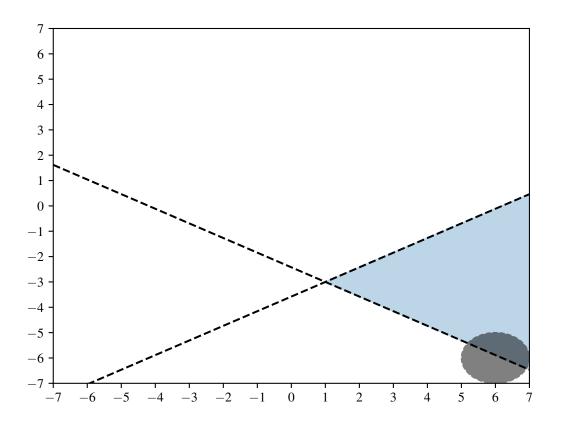
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
:

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; -3) под углом $= \pm \frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -5\alpha - 28\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\alpha + 30\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 4\alpha + 14\beta + 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{6} + \frac{14\beta}{3} + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - 5\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{2\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} - \gamma \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{6} + \frac{14\beta}{3} + 2\gamma \\ -\alpha - 5\beta - 2\gamma \\ -\frac{2\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, -16, -5)$$

$$L: \frac{x}{16} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-9, 6, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-11}{13} = \frac{-y-18}{4} = \frac{z+4}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+80}{13} = \frac{10-y}{4} = \frac{z+88}{12}$$