Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 8

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{5}}e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-4+3*I], [2+11*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-3)(x-1)(x-3-3i)(x-3+3i)(x-1-i)(x-1+i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-3)(x-1)(x^2-6x+18)(x^2-2x+2)$

4. Все числа
$$z$$
: $38 + 2i$, $-28 - 16i$, $12 + 22i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

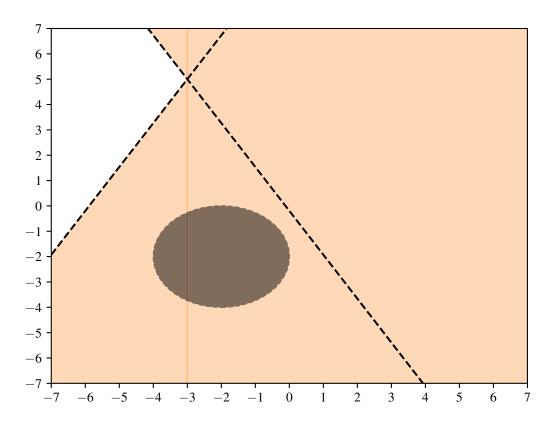
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;5) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 6\alpha + 2\beta - 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\alpha + 2\beta - 19\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha + 4\beta - 26\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{17\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{19\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -2\alpha - \beta + \frac{13\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{17\gamma}{4} \\ -\frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{19\gamma}{4} \\ -2\alpha - \beta + \frac{13\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 17, -4)$$

$$L: \frac{x}{-22} = \frac{y - 10}{-11} = \frac{z + 13}{0}$$
$$A_0 = (-7, 24, -14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+20}{19} = \frac{y-18}{7} = \frac{-z-7}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+153}{19} = \frac{y+31}{7} = \frac{98-z}{15}$$