Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 33

1. • 
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{4\pi}{3}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

2. 
$$Matrix([[-7-10*I], [-13+8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 3 \*  $(x+4)^2$   $(x-4-5i)$   $(x-4+5i)$   $(x+1-i)$   $(x+1+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x+4)^2$   $(x^2-8x+41)$   $(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-7 - 24i$ ,  $-53 + 68i$ ,  $5 - 20i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

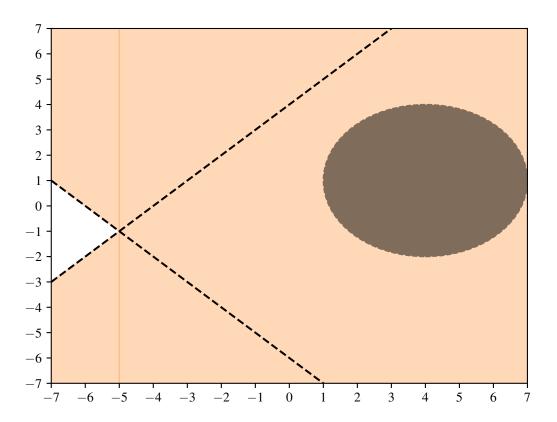
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;-1) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 12\alpha + 17\beta + 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -8\alpha - 12\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 32\alpha + 43\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3\alpha - \frac{17\beta}{4} - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha + 3\beta + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -8\alpha - \frac{43\beta}{4} - \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -3\alpha - \frac{17\beta}{4} - \frac{3\gamma}{2} \\ 2\alpha + 3\beta + \gamma \\ -8\alpha - \frac{43\beta}{4} - \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, 26, -33)$$

$$L: \frac{x+2}{-14} = \frac{y-26}{-28} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-10, 15, -8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-10}{18} = \frac{-y-20}{4} = \frac{2-z}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+116}{18} = \frac{8-y}{4} = \frac{128-z}{18}$$