Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 1

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{2}\right)\right) = \sqrt{3}i = \sqrt{3}i$$

2.
$$Matrix([[-1+12*I],[12-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x+3)(x+4)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-5i)(x+3+5i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+3)(x+4)(x^2+2x+17)(x^2+6x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-8+3i$, $-38+17i$, $4+15i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

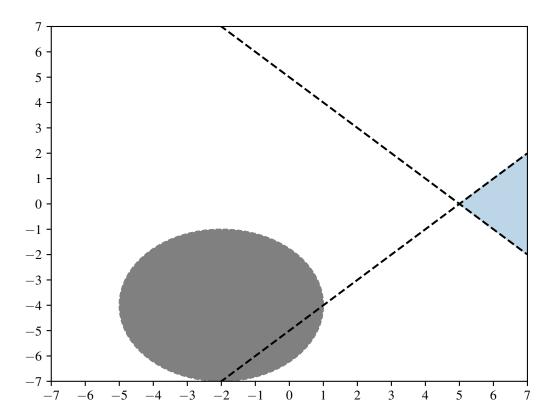
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 7\alpha - 12\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 13\alpha - 21\beta + 28\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 15\alpha - 24\beta + 33\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{3} - 4\beta + \frac{16\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{13\alpha}{3} - 7\beta + \frac{28\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 5\alpha - 8\beta + 11\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{3} - 4\beta + \frac{16\gamma}{3} \\ \frac{13\alpha}{3} - 7\beta + \frac{28\gamma}{3} \\ 5\alpha - 8\beta + 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, -21, 6)$$

$$L: \frac{x-2}{14} = \frac{y-22}{-21} = \frac{z+3}{0}$$
$$A_0 = (39, 25, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+17}{8} = \frac{y+12}{7} = \frac{8-z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-15}{8} = \frac{y-16}{7} = \frac{-z-72}{20}$$