Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 6

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{16\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{16\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{16i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-1-9*I], [-6+12*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-4)(x+5)(x+3-5i)(x+3+5i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-4)(x+5)(x^2+6x+34)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-36+14i$, $-20+40i$, $-16-24i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

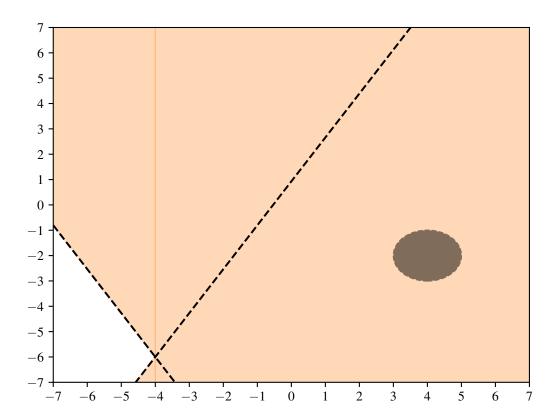
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
:

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -6) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -63\alpha - 66\beta - 14\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 45\alpha + 48\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -51\alpha - 54\beta - 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{21\alpha}{2} + 11\beta + \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{15\alpha}{2} - 8\beta - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{17\alpha}{2} + 9\beta + 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{21\alpha}{2} + 11\beta + \frac{7\gamma}{3} \\ -\frac{15\alpha}{2} - 8\beta - \frac{5\gamma}{3} \\ \frac{17\alpha}{2} + 9\beta + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-7, 1, 33)$$

$$L: \frac{x+1}{-4} = \frac{y-6}{-4} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (3, 8, 27)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-11}{15} = \frac{y+7}{12} = \frac{z+19}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 86}{15} = \frac{y - 53}{12} = \frac{z - 61}{16}$$