Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 28

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1\cdot\left(\cos\left(-\frac{5\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{5\pi}{4}\right)\right)=-\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{2}i}{2}=e^{\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-12+2*I],[-13+6*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-3)(x+5)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x+5)(x^2+2x+5)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $6-17i$, $48-5i$, $-30+11i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

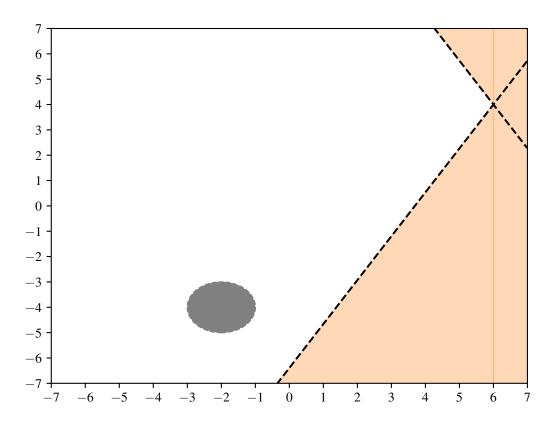
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 30\alpha - 56\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 5\alpha - 10\beta + \gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 24\alpha - 44\beta + 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{15\alpha}{2} + 14\beta - \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{5\alpha}{4} + \frac{5\beta}{2} - \frac{\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha + 11\beta - 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{15\alpha}{2} + 14\beta - \frac{5\gamma}{2} \\ -\frac{5\alpha}{4} + \frac{5\beta}{2} - \frac{\gamma}{4} \\ -6\alpha + 11\beta - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (16, -14, 26)$$

$$L: \frac{x-1}{-22} = \frac{y-19}{-22} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-22, 30, 15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-14}{10} = \frac{-y-7}{15} = \frac{z-12}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-44}{10} = \frac{-y-52}{15} = \frac{z-24}{4}$$