Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 11

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{16\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{16\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + i\left(\frac{\sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} e^{\frac{14i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[9+11*I],[-9-13*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x+2)(x+3)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+3-3i)(x+3+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+2)(x+3)(x^2-8x+20)(x^2+6x+18)$

4. Все числа
$$z$$
: $-28-13i$, $10-i$, $8+29i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

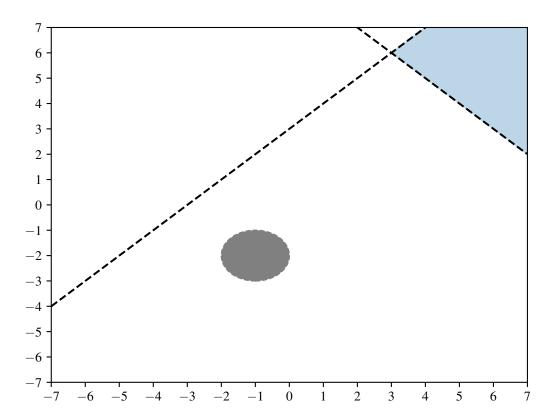
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;6) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = 11\alpha - 29\beta + 14\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha + 31\beta - 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 20\alpha - 52\beta + 25\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -11\alpha + 29\beta - 14\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 12\alpha - 31\beta + 15\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -20\alpha + 52\beta - 25\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -11\alpha + 29\beta - 14\gamma \\ 12\alpha - 31\beta + 15\gamma \\ -20\alpha + 52\beta - 25\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-29, -18, -2)$$

$$L: \frac{x+3}{15} = \frac{y-15}{-15} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (9, 23, 9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-12}{17} = \frac{y+9}{4} = \frac{19-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-97}{17} = \frac{y-11}{4} = \frac{-z-16}{7}$$