Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 16

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

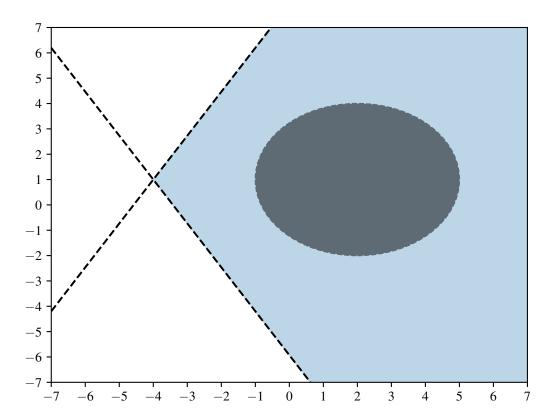
•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$;
- k = 4;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\frac{1}{2} \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{4}{5}}e^{-\frac{i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[11+2*I],[-14-9*I]])

3. Над С:
$$-2*(x-2)(x+4)(x-3-i)(x-3+i)(x+4-3i)(x+4+3i)$$
, Над \mathbb{R} : $-2*(x-2)(x+4)(x^2-6x+10)(x^2+8x+25)$

- 4. Все числа z: -37 10i, 55 8i, -5 + 66i
- 5. $z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$
 - $z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
 - n = 12;
 - $z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -41\alpha - 15\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha - \beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 56\alpha + 20\beta + 24\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{41\alpha}{4} - \frac{15\beta}{4} - \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{4} - \frac{\beta}{4} - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 14\alpha + 5\beta + 6\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{41\alpha}{4} - \frac{15\beta}{4} - \frac{9\gamma}{2} \\ -\frac{3\alpha}{4} - \frac{\beta}{4} - \frac{\gamma}{2} \\ 14\alpha + 5\beta + 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-13, 0, -23)$$

$$L: \frac{x-2}{-19} = \frac{y-18}{-19} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-26, 18, -2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+1}{10} = \frac{-y-12}{14} = \frac{z+4}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+51}{10} = \frac{58-y}{14} = \frac{z+14}{2}$$