Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 6

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 1$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{14}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{5i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[5+11*I],[13+7*I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-2)(x+5)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+5-5i)(x+5+5i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-2)(x+5)(x^2-8x+32)(x^2+10x+50)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-11+46i$ ,  $-35+12i$ ,  $35-32i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

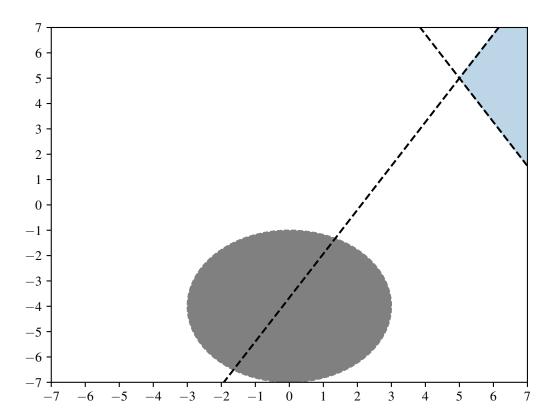
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = 47\alpha + 12\beta - 25\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -15\alpha - 4\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -4\alpha - \beta + 2\gamma$$
;

• 
$$A 
ightharpoonup \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -47\alpha - 12\beta + 25\gamma \\ \\ 0 & 1 & 0 & 15\alpha + 4\beta - 8\gamma \\ \\ 0 & 0 & 1 & 4\alpha + \beta - 2\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -47\alpha - 12\beta + 25\gamma \\ 15\alpha + 4\beta - 8\gamma \\ 4\alpha + \beta - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (24, 22, -9)$$

$$L: \frac{x+1}{-10} = \frac{y-11}{-10} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-15, 17, -16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-10}{10} = \frac{16-y}{13} = \frac{z-8}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{40-x}{10} = \frac{81-y}{13} = \frac{z+47}{11}$$