Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = 0;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{21}\right) = e^{\frac{2i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[2+I], [7+5*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-1)^2(x+2-3i)(x+2+3i)(x+3-2i)(x+3+2i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-1)^2(x^2+4x+13)(x^2+6x+13)$

4. Все числа z: 35 + 26i, -39, -5 + 26i

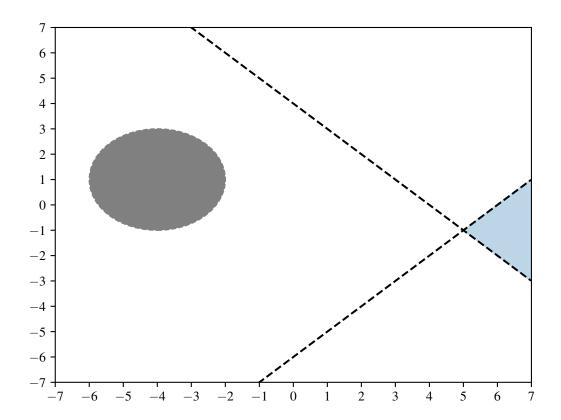
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -128 + 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 256e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 16\alpha - 14\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -40\alpha + 36\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -19\alpha + 17\beta + 5\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 8\alpha - 7\beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -20\alpha + 18\beta + 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{19\alpha}{2} + \frac{17\beta}{2} + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} 8\alpha - 7\beta - 2\gamma \\ -20\alpha + 18\beta + 5\gamma \\ -\frac{19\alpha}{2} + \frac{17\beta}{2} + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-13, -17, -16)$$

$$L: \frac{x+1}{28} = \frac{y+7}{4} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (8, -20, -31)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{16-x}{11} = \frac{y-8}{4} = \frac{12-z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-39}{11} = \frac{y-28}{4} = \frac{-z-83}{19}$$