Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 29

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot (\cos(-\frac{3\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{3\pi}{2})) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}i = 2 \cdot \sqrt[5]{2}i$$

2.
$$Matrix([[-7+10*I],[5+8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-2)(x+1)(x-4-i)(x-4+i)(x+2-3i)(x+2+3i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-2)(x+1)(x^2-8x+17)(x^2+4x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $2i$, $34 - 36i$, $-34 + 28i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

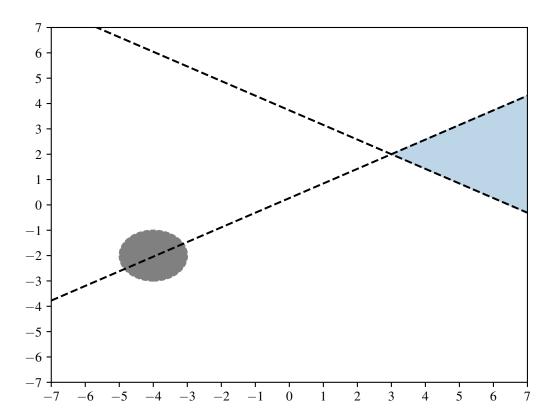
•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 38\alpha + 56\beta + 14\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -34\alpha - 50\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha + 8\beta + 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{19\alpha}{2} + 14\beta + \frac{7\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{17\alpha}{2} - \frac{25\beta}{2} - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} + 2\beta + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix} ;$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{19\alpha}{2} + 14\beta + \frac{7\gamma}{2} \\ -\frac{17\alpha}{2} - \frac{25\beta}{2} - 3\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} + 2\beta + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, 24, 15)$$

$$L: \frac{x+3}{3} = \frac{y-9}{-9} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (7, 9, 17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{13} = \frac{y-6}{12} = \frac{z+12}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{86 - x}{13} = \frac{y + 66}{12} = \frac{z + 102}{15}$$