Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 8

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} \left(-\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} e^{-\frac{11i\pi}{14}}$

2.
$$Matrix([[4-8*I], [-7-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-2)(x+2)(x-2-i)(x-2+i)(x-1-4i)(x-1+4i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-2)(x+2)(x^2-4x+5)(x^2-2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-29+60i$, $29-6i$, $15-6i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

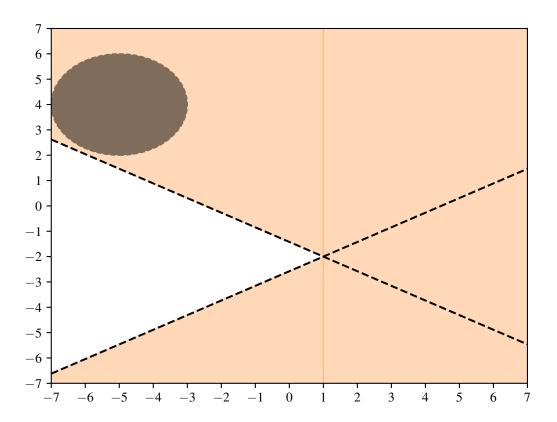
•
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; -2) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = 18\alpha + 7\beta - 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha - 5\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -9\alpha - 5\beta + 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -6\alpha - \frac{7\beta}{3} + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 4\alpha + \frac{5\beta}{3} - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha + \frac{5\beta}{3} - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -6\alpha - \frac{7\beta}{3} + 3\gamma \\ 4\alpha + \frac{5\beta}{3} - 2\gamma \\ 3\alpha + \frac{5\beta}{3} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 2, -23)$$

$$L: \frac{x-2}{-28} = \frac{y+5}{7} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (-7, -7, 15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{20} = \frac{17-y}{8} = \frac{-z-12}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-121}{20} = \frac{-y-31}{8} = \frac{-z-60}{8}$$