Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 9

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = {\sqrt[7]{3} \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot (\cos(-\frac{\pi}{7}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{7})) = 3^{\frac{3}{7}} (\cos(\frac{\pi}{7}) - i\sin(\frac{\pi}{7})) = 3^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{i\pi}{7}}$$

2.
$$Matrix([[-7+10*I],[-14-2*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+1)(x+4)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+3-i)(x+3+i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+1)(x+4)(x^2+2x+5)(x^2+6x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $33 - 20i$, $21 - 26i$, $17 - 32i$

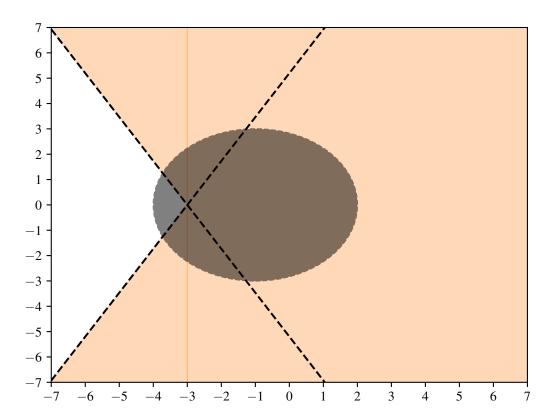
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 8i = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;0) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 5\alpha + 13\beta - 14\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha - 14\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - 7\beta + 8\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{6} + \frac{13\beta}{6} - \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{6} - \frac{7\beta}{6} + \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{6} + \frac{13\beta}{6} - \frac{7\gamma}{3} \\ -\frac{2\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + \frac{8\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{6} - \frac{7\beta}{6} + \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-16, 17, 1)$$

$$L: \frac{x+1}{21} = \frac{y-20}{-21} = \frac{z+3}{0}$$
$$A_0 = (8, 15, 6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{18} = \frac{-y-7}{18} = \frac{-z-10}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{136 - x}{18} = \frac{119 - y}{18} = \frac{18 - z}{4}$$