Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 18

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{5}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} - i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 3^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[8+7*I],[9-I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2 * (x+1)(x+3)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+3-4i)(x+3+4i)$, Над \mathbb{R} : $-2 * (x+1)(x+3)(x^2-8x+25)(x^2+6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $18+7i$, $-44-13i$, $-8-35i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

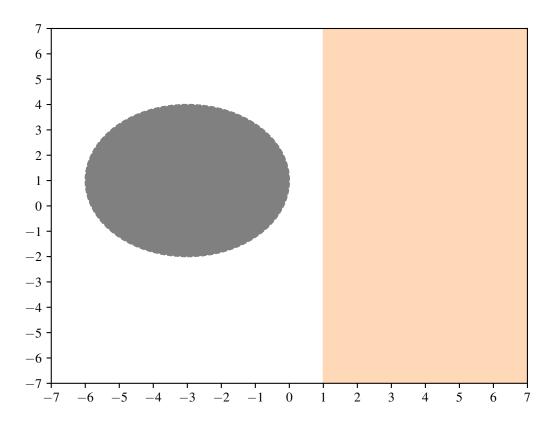
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -27\alpha + \beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -22\alpha + \beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -7\alpha + \beta + 3\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{27\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{8\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{22\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{8\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{7\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$A_0 = (-44, 22, -10)$$

$$L: \frac{x-1}{-10} = \frac{y+25}{25} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-12, -7, -25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+6}{15} = \frac{y+17}{14} = \frac{z-5}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+111}{15} = \frac{y+115}{14} = \frac{z+107}{16}$$