Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 31

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -i = -i;$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{14}\right)\right) = \cos\left(\frac{\pi}{14}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{14}\right) = e^{-\frac{i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[10-9*I], [-2-6*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-3)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+5-5i)(x+5+5i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-3)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $26 + 54i$, $24 - 8i$, $22 - 16i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

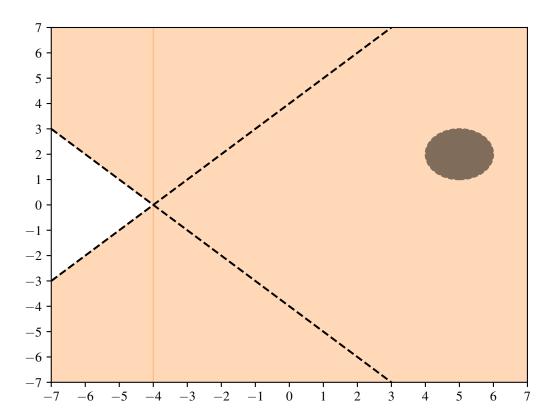
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 81 = 3^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;0) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -34\alpha + 2\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 33\alpha - 2\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -6\alpha + 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 17\alpha - \beta - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{33\alpha}{2} + \beta + 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 17\alpha - \beta - 5\gamma \\ -\frac{33\alpha}{2} + \beta + 5\gamma \\ 3\alpha - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, -28, -12)$$

$$L: \frac{x+3}{-3} = \frac{y+4}{3} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (-19, 4, 10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{8} = \frac{y+1}{6} = \frac{18-z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-32}{8} = \frac{y-29}{6} = \frac{-z-82}{20}$$