Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 15

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{6}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} = e^{\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[-7-12*I], [-4+5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-4)(x-3)(x-4-i)(x-4+i)(x+1-3i)(x+1+3i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x-3)(x^2-8x+17)(x^2+2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $-30 + 24i$, $62 - 4i$, $-20 - 46i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

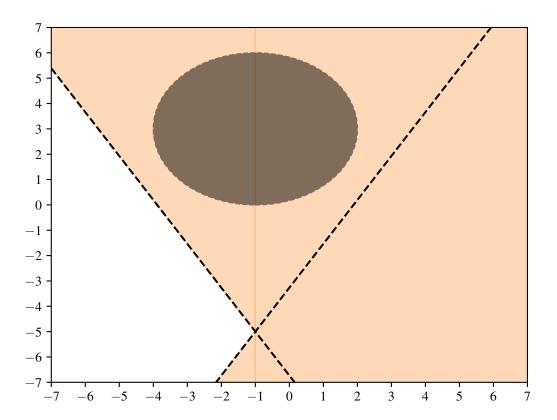
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -5) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -30\alpha + 33\beta - 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -51\alpha + 56\beta - 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -57\alpha + 63\beta - 45\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -10\alpha + 11\beta - 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -17\alpha + \frac{56\beta}{3} - \frac{40\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -19\alpha + 21\beta - 15\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -10\alpha + 11\beta - 8\gamma \\ -17\alpha + \frac{56\beta}{3} - \frac{40\gamma}{3} \\ -19\alpha + 21\beta - 15\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (19, 12, 10)$$

$$L: \frac{x-2}{-19} = \frac{y-18}{-19} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-12, 8, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+3}{4} = \frac{y-2}{4} = \frac{-z-20}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-17}{4} = \frac{y-22}{4} = \frac{-z-100}{16}$$