Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 18

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -64i = -64i$$
;

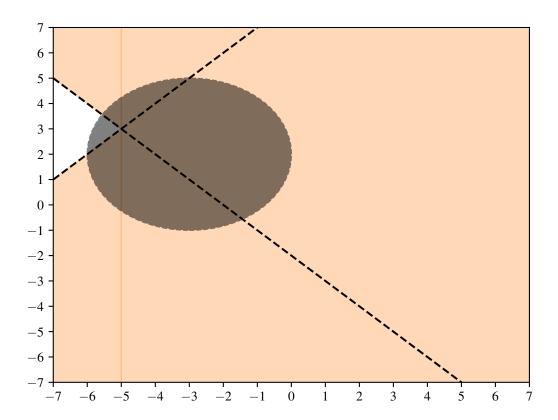
•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg(2+2\sqrt{3}i) = \frac{\pi}{3};$
- k = 4;
- Искомое значение = $2\cdot\sqrt[5]{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right)=-2\cdot\sqrt[5]{2}i=-2\cdot\sqrt[5]{2}i$
- 2. Matrix([[9-13*I], [-9+5*I]])

3. Над С: 1 *
$$(x-2)(x+4)(x+4-2i)(x+4+2i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-2)(x+4)(x^2+8x+20)(x^2+10x+41)$

- 4. Все числа z: 65 12i, -31 + 64i, -7 38i
- 5. $z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$
 - $z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
 - n = 4;
 - $z = 1 = 1^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^4$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;3) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -27\alpha - 39\beta + 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 22\alpha + 31\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -36\alpha - 51\beta + 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha - 13\beta + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{22\alpha}{3} + \frac{31\beta}{3} - \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -12\alpha - 17\beta + 4\gamma \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -9\alpha - 13\beta + 3\gamma \\ \frac{22\alpha}{3} + \frac{31\beta}{3} - \frac{7\gamma}{3} \\ -12\alpha - 17\beta + 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, -10, 12)$$

$$L: \frac{x+2}{4} = \frac{y-21}{-20} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-9, 4, -38)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{9} = \frac{2-y}{20} = \frac{z+18}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{55 - x}{9} = \frac{142 - y}{20} = \frac{z + 67}{7}$$