Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 7

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{10}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{3i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-6+11*I],[-3+14*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x+2)(x+3)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+2)(x+3)(x^2+4x+8)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-14 + 12i$, $-32 - 24i$, $-26 - 18i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

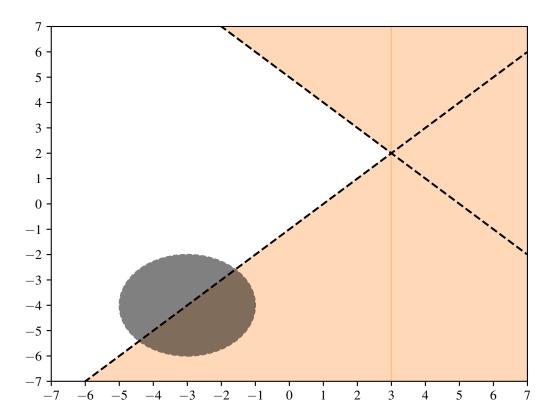
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;2) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -12\alpha + 21\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha + 12\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -36\alpha + 63\beta - 17\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{5\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + 2\beta - \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha + \frac{21\beta}{2} - \frac{17\gamma}{6} \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -2\alpha + \frac{7\beta}{2} - \frac{5\gamma}{6} \\ -\alpha + 2\beta - \frac{2\gamma}{3} \\ -6\alpha + \frac{21\beta}{2} - \frac{17\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, -10, -11)$$

$$L: \frac{x}{16} = \frac{y+24}{24} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (23, -22, 17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-15}{11} = \frac{y-3}{7} = \frac{z-3}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{29-x}{11} = \frac{y+25}{7} = \frac{z+53}{14}$$