Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 10

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{5}}e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-10-13*I], [2-12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x+2)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+2)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-15-16i$, $-1-10i$, $23+42i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

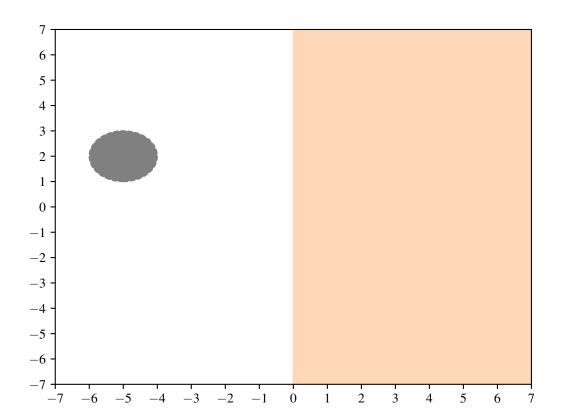
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;3) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -26\alpha - 2\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -68\alpha - 6\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -24\alpha - 2\beta + 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 13\alpha + \beta - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 34\alpha + 3\beta - 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 12\alpha + \beta - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 13\alpha + \beta - \frac{3\gamma}{2} \\ 34\alpha + 3\beta - 4\gamma \\ 12\alpha + \beta - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 12, 27)$$

$$L: \frac{x-2}{-32} = \frac{y+31}{32} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-26, -25, -42)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{8-x}{9} = \frac{6-y}{2} = \frac{z-1}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{62 - x}{9} = \frac{18 - y}{2} = \frac{z + 35}{6}$$