Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 25

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{7i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[-8+I], [7-9*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-3)(x-1)(x-3-2i)(x-3+2i)(x-2-4i)(x-2+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x-1)(x^2-6x+13)(x^2-4x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $-38 + 32i$, $-16 + 22i$, $66 - 26i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

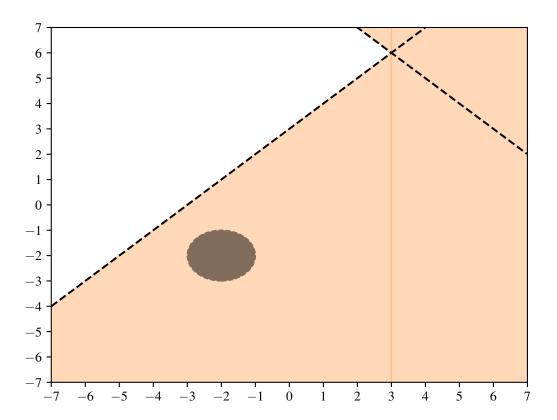
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -1 = 1^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;6) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -25\alpha + 5\beta + 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -10\alpha + 3\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -10\alpha + 2\beta + 5\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 5\alpha - \beta - 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - \frac{3\beta}{5} - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - \frac{2\beta}{5} - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 5\alpha - \beta - 3\gamma \\ 2\alpha - \frac{3\beta}{5} - \gamma \\ 2\alpha - \frac{2\beta}{5} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-1, 11, -21)$$

$$L: \frac{x+3}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (3, 12, -38)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{17} = \frac{-y-2}{10} = \frac{-z-15}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-59}{17} = \frac{-y-32}{10} = \frac{-z-33}{6}$$