Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 1

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 8i = 8i;$$

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{8}\right)\right) = 2^{\frac{3}{4}} \left(\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} + i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}}\right) = 2^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-11+10*I],[-7+5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-4)(x-1)(x-1-2i)(x-1+2i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x-1)(x^2-2x+5)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-48i$, $-38+6i$, $8+48i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

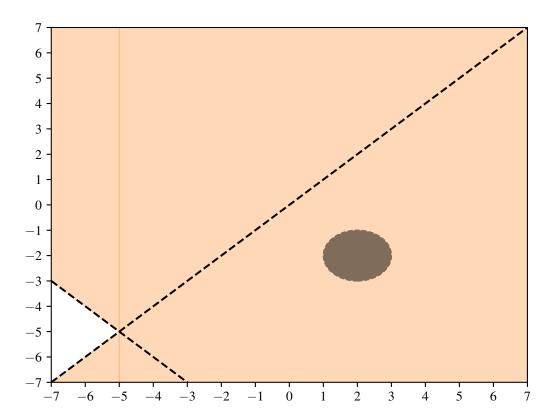
•
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$

•
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;-5) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -5\alpha + 46\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 7\alpha - 56\beta - 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\alpha + 64\beta + 22\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{6} - \frac{23\beta}{3} - \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{7\alpha}{6} + \frac{28\beta}{3} + \frac{10\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{4\alpha}{3} - \frac{32\beta}{3} - \frac{11\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{6} - \frac{23\beta}{3} - \frac{8\gamma}{3} \\ -\frac{7\alpha}{6} + \frac{28\beta}{3} + \frac{10\gamma}{3} \\ \frac{4\alpha}{3} - \frac{32\beta}{3} - \frac{11\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (11, -20, -31)$$

$$L: \frac{x+2}{34} = \frac{y+18}{17} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (17, -26, 22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{14} = \frac{y-19}{3} = \frac{z-1}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 64}{14} = \frac{y - 31}{3} = \frac{z - 77}{19}$$