Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 23

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right) = e^{\frac{7i\pi}{18}}$
- 2. Matrix([[9-15*I], [-6-I]])

3. Над С: 4 *
$$(x+3)^2$$
 $(x-2-4i)$ $(x-2+4i)$ $(x+3-i)$ $(x+3+i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+3)^2$ $(x^2-4x+20)$ $(x^2+6x+10)$

4. Все числа z: 13 + 33i, -35 + 3i, -17 + 23i

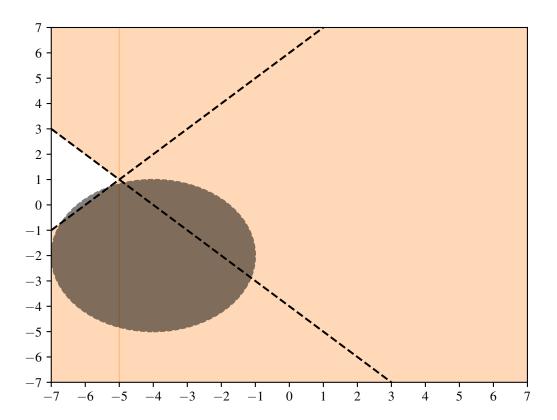
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;1) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -14\alpha + 2\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 11\alpha - \beta + 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 74\alpha - 10\beta + 50\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{11\alpha}{4} + \frac{\beta}{4} - \frac{7\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{37\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} - \frac{25\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{5\gamma}{2} \\ -\frac{11\alpha}{4} + \frac{\beta}{4} - \frac{7\gamma}{4} \\ -\frac{37\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} - \frac{25\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-20, -17, 11)$$

$$L: \frac{x}{-6} = \frac{y+6}{3} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-13, -7, -18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-3}{10} = \frac{y-4}{2} = \frac{z-15}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-63}{10} = \frac{y-16}{2} = \frac{z-45}{5}$$