Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 35

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$;
- k = 0;
- Искомое значение = $2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{5}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4} i\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{-\frac{i\pi}{5}}$
- 2. Matrix([[-12+I], [-9+14*I]])

3. Над С: 3 *
$$(x-2)(x+5)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+1-2i)(x+1+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)(x+5)(x^2-4x+13)(x^2+2x+5)$

4. Все числа z: 19 - 17i, 31 - 5i, -59 + 45i

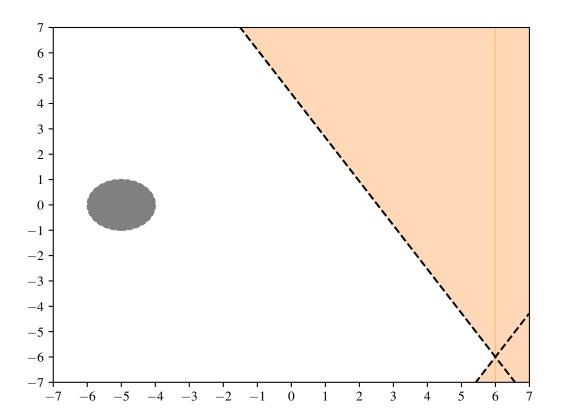
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- *n* = 12

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;-6) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha - 2\beta + \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 31\alpha + 20\beta - 13\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -27\alpha - 18\beta + 11\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} - \beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{31\alpha}{2} + 10\beta - \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{27\alpha}{2} - 9\beta + \frac{11\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{2} - \beta + \frac{\gamma}{2} \\ \frac{31\alpha}{2} + 10\beta - \frac{13\gamma}{2} \\ -\frac{27\alpha}{2} - 9\beta + \frac{11\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-25, 38, -11)$$

$$L: \frac{x-1}{21} = \frac{y+7}{7} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (16, -22, -14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+8}{14} = \frac{y-16}{7} = \frac{6-z}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-34}{14} = \frac{y-37}{7} = \frac{-z-33}{13}$$