Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 21

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7})) \mid k \in [0, 7)\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = -4;
- Искомое значение = $1 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$
- 2. Matrix([[8-12*I], [7-3*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x+1)(x+4)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+3-4i)(x+3+4i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x+1)(x+4)(x^2-8x+20)(x^2+6x+25)$

4. Все числа z: -14-49i, 30-7i, 22+59i

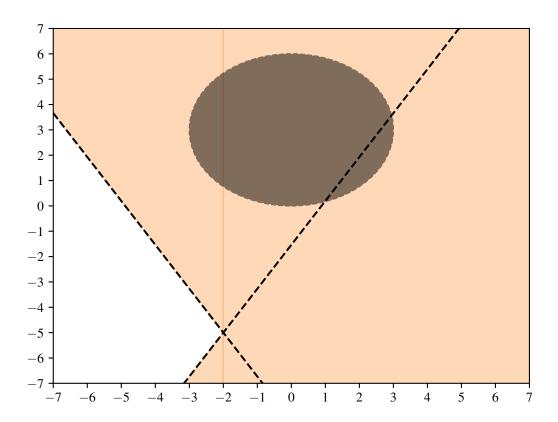
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2; -5) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -12\alpha + 10\beta + 55\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha + 4\beta + 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3\alpha + \frac{5\beta}{2} + \frac{55\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \beta + 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -3\alpha + \frac{5\beta}{2} + \frac{55\gamma}{4} \\ -\alpha + \beta + 5\gamma \\ -\frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-23, 19, -6)$$

$$L: \frac{x+1}{-11} = \frac{y-8}{-11} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (-11, 14, -13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{3-x}{8} = \frac{17-y}{17} = \frac{17-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{35 - x}{8} = \frac{85 - y}{17} = \frac{81 - z}{16}$$