Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 35

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} - i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}}\right) = 3^{\frac{3}{4}}e^{-\frac{i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[12+3*I], [-3-10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x+1)^2(x-1-2i)(x-1+2i)(x+2-4i)(x+2+4i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x+1)^2(x^2-2x+5)(x^2+4x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $-18 - 16i$, $8 + 34i$, $26 - 42i$

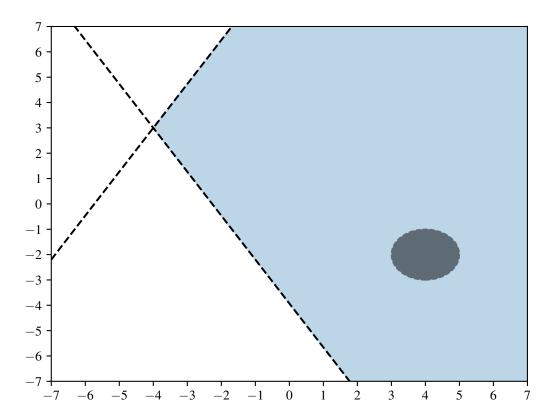
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 1 = 1^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;3) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -9\alpha + 11\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 81\alpha - 99\beta - 88\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 46\alpha - 56\beta - 50\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{9\alpha}{2} - \frac{11\beta}{2} - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{81\alpha}{2} + \frac{99\beta}{2} + 44\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -23\alpha + 28\beta + 25\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{9\alpha}{2} - \frac{11\beta}{2} - 5\gamma \\ -\frac{81\alpha}{2} + \frac{99\beta}{2} + 44\gamma \\ -23\alpha + 28\beta + 25\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, 23, -14)$$

$$L: \frac{x}{-8} = \frac{y+7}{6} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (-10, -12, 35)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-12}{5} = \frac{y+20}{18} = \frac{z-19}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-32}{5} = \frac{y-52}{18} = \frac{z-75}{14}$$