Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 23

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$1\cdot\left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right)=\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}=e^{-i\frac{\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[-14-6*I],[9-4*I]])$$

3. Над С: 1 \* 
$$(x-3)(x+4)(x-3-3i)(x-3+3i)(x+5-2i)(x+5+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-3)(x+4)(x^2-6x+18)(x^2+10x+29)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-7 - 44i$ ,  $-41 - 4i$ ,  $37 + 40i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

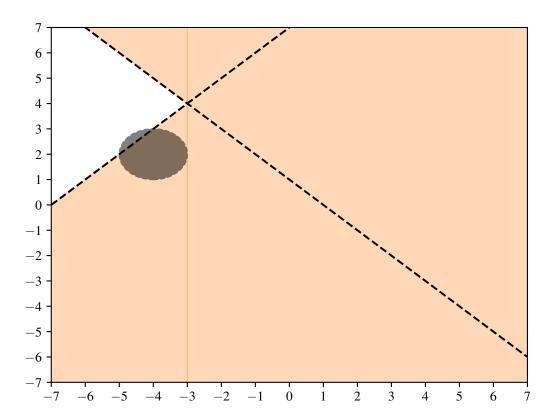
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; 2) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;4) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -4\alpha - 6\beta + 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -26\alpha - 34\beta + 24\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 3\alpha + 4\beta - 3\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha - 3\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -13\alpha - 17\beta + 12\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} + 2\beta - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -2\alpha - 3\beta + 2\gamma \\ -13\alpha - 17\beta + 12\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} + 2\beta - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (23, -9, 22)$$

$$L: \frac{x+1}{26} = \frac{y-10}{-13} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (7, 21, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{2-x}{8} = \frac{y+8}{18} = \frac{-z-13}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{34 - x}{8} = \frac{y + 80}{18} = \frac{27 - z}{10}$$