Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15})) \mid k \in [0, 5)\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$1\cdot\left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right)=\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{3}i}{2}=e^{-\frac{i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[8+9*I],[8-8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-3)(x-2)(x-4-i)(x-4+i)(x+3-4i)(x+3+4i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-3)(x-2)(x^2-8x+17)(x^2+6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $6-71i$, $-32+19i$, $18+15i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

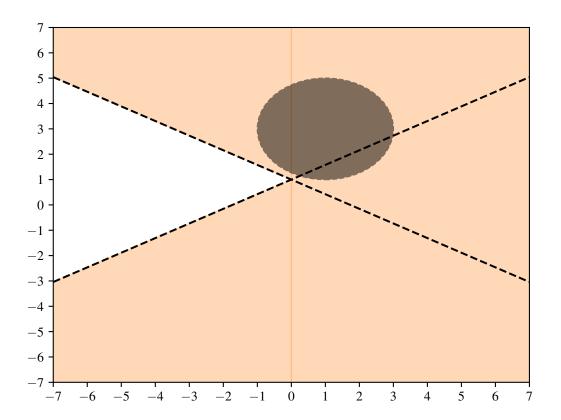
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = 50\alpha - 81\beta - 36\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 17\alpha - 27\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -37\alpha + 60\beta + 27\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{50\alpha}{3} + 27\beta + 12\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{17\alpha}{3} + 9\beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{37\alpha}{3} - 20\beta - 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{50\alpha}{3} + 27\beta + 12\gamma \\ -\frac{17\alpha}{3} + 9\beta + 4\gamma \\ \frac{37\alpha}{3} - 20\beta - 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-20, -28, -18)$$

$$L: \frac{x-2}{9} = \frac{y+22}{22} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (33, -9, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-7}{3} = \frac{18-y}{9} = \frac{z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-25}{3} = \frac{-y-36}{9} = \frac{z-96}{16}$$