Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 25

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

$$\bullet \text{ Искомое значениe} = 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{10}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{3i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[3-5*I],[7+6*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: -5 * $(x-3)(x+2)(x-3-3i)(x-3+3i)(x-1-i)(x-1+i)$, Над \mathbb{R} : -5 * $(x-3)(x+2)(x^2-6x+18)(x^2-2x+2)$

4. Все числа
$$z$$
: $-30+5i$, $-24-35i$, $4+21i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

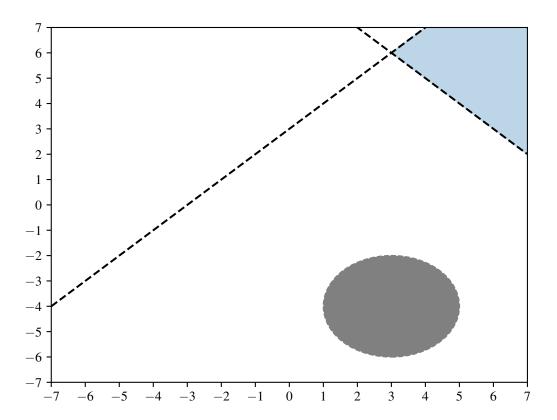
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; 6) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -15\alpha + 21\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 24\alpha - 35\beta + 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -33\alpha + 48\beta - 27\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha + 7\beta - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 8\alpha - \frac{35\beta}{3} + \frac{20\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -11\alpha + 16\beta - 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -5\alpha + 7\beta - 4\gamma \\ 8\alpha - \frac{35\beta}{3} + \frac{20\gamma}{3} \\ -11\alpha + 16\beta - 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (31, 32, 9)$$

$$L: \frac{x+2}{-12} = \frac{y-10}{-12} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (-4, 20, 23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-11}{12} = \frac{y+12}{19} = \frac{z+6}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{73 - x}{12} = \frac{y + 145}{19} = \frac{z + 111}{15}$$