Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 17

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = -1;
- Искомое значение = $2\cdot\left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right)=\sqrt{2}-\sqrt{2}i=2e^{-\frac{i\pi}{4}}$

2.
$$Matrix([[9+4*I], [-13+6*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-3)(x+2)(x-1-2i)(x-1+2i)(x+4-5i)(x+4+5i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-3)(x+2)(x^2-2x+5)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-21 + 33i$, $41 + 23i$, $5 - 39i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

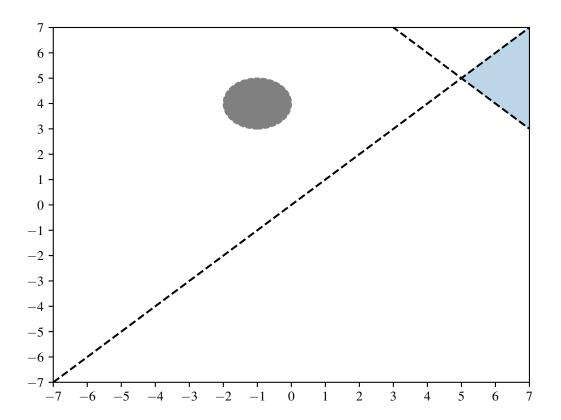
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = -24\alpha - 20\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 30\alpha + 25\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 43\alpha + 35\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{24\alpha}{5} - 4\beta + \frac{3\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & 6\alpha + 5\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{43\alpha}{5} + 7\beta - \frac{6\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{24\alpha}{5} - 4\beta + \frac{3\gamma}{5} \\ 6\alpha + 5\beta - \gamma \\ \frac{43\alpha}{5} + 7\beta - \frac{6\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, -17, 5)$$

$$L: \frac{x+2}{-9} = \frac{y+13}{15} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (-23, -12, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-2}{18} = \frac{-y-8}{19} = \frac{z+14}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 74}{18} = \frac{-y - 84}{19} = \frac{z - 62}{19}$$