Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 3

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\tfrac{\pi k}{2}-\tfrac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\tfrac{\pi k}{2}-\tfrac{\pi}{4}\right)\right)\mid k\in[0,4)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 3;
- Искомое значение = $2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}\right)=2\sqrt{2}e^{-\frac{3i\pi}{4}}$
- 2. Matrix([[-15-3*I],[2+11*I]])

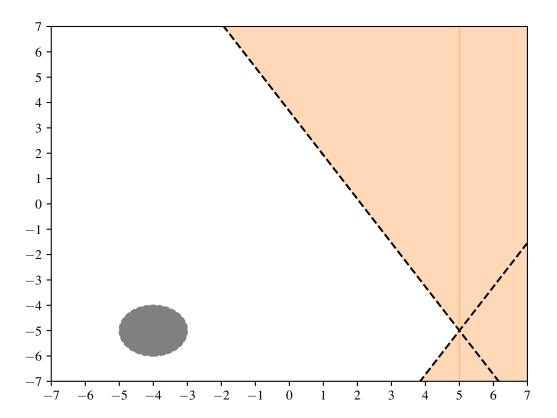
3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-2)^2$ $(x+2-5i)$ $(x+2+5i)$ $(x+3-3i)$ $(x+3+3i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-2)^2$ $(x^2+4x+29)$ $(x^2+6x+18)$

4. Все числа z: 5-46i, 1-4i, 21+10i

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- *n* = 12:
- $z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; -5) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -36\alpha - 32\beta + 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -28\alpha - 24\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 33\alpha + 29\beta - 15\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha + 8\beta - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 7\alpha + 6\beta - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{33\alpha}{4} - \frac{29\beta}{4} + \frac{15\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 9\alpha + 8\beta - 4\gamma \\ 7\alpha + 6\beta - 3\gamma \\ -\frac{33\alpha}{4} - \frac{29\beta}{4} + \frac{15\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, -25, 33)$$

$$L: \frac{x-1}{-15} = \frac{y-13}{-15} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-4, 20, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{2} = \frac{y-3}{14} = \frac{-z-10}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-20}{2} = \frac{y-87}{14} = \frac{-z-88}{13}$$