Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 33

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i$

2.
$$Matrix([[-15-15*I], [-6-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-1)(x+4)(x-1-3i)(x-1+3i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-1)(x+4)(x^2-2x+10)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $7 - 31i$, $1 + 21i$, $23 + 29i$

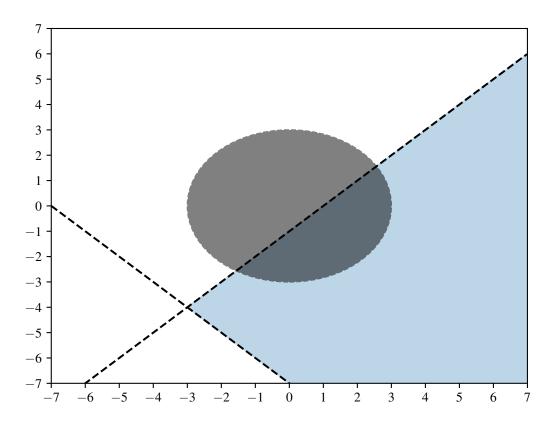
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- n = 3;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;-4) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = 9\alpha + 27\beta - 22\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha + 2\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha + 24\beta - 19\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{9\alpha}{5} + \frac{27\beta}{5} - \frac{22\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{5} + \frac{2\beta}{5} - \frac{2\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{8\alpha}{5} + \frac{24\beta}{5} - \frac{19\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{9\alpha}{5} + \frac{27\beta}{5} - \frac{22\gamma}{5} \\ -\frac{\alpha}{5} + \frac{2\beta}{5} - \frac{2\gamma}{5} \\ \frac{8\alpha}{5} + \frac{24\beta}{5} - \frac{19\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -2, 7)$$

$$L: \frac{x+1}{-2} = \frac{y+9}{8} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-9, -11, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{5-x}{9} = \frac{-y-5}{4} = \frac{z+5}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{50-x}{9} = \frac{15-y}{4} = \frac{z+55}{10}$$