Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 14

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i = 27i;$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{15\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{15\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{14}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{14}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{\frac{13i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[7-11*I], [-2+11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x+4)(x+5)(x-3-5i)(x-3+5i)(x-1-i)(x-1+i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x+4)(x+5)(x^2-6x+34)(x^2-2x+2)$

4. Все числа
$$z$$
: $-1 - 59i$, $-3 + 35i$, $19 + 19i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

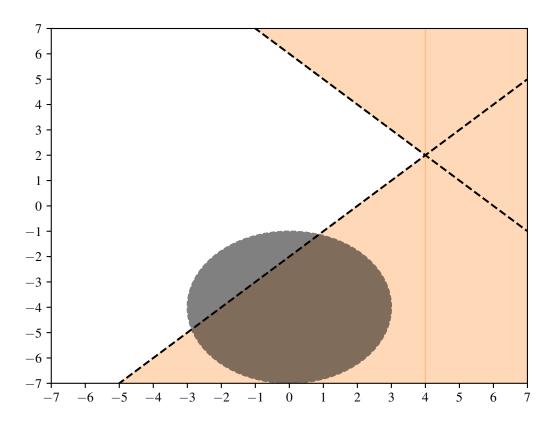
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;2) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -8\alpha - 14\beta + 29\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 4\alpha + 7\beta - 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 7\alpha + 11\beta - 26\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{8\alpha}{5} + \frac{14\beta}{5} - \frac{29\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{4\alpha}{5} - \frac{7\beta}{5} + \frac{17\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \frac{26\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{8\alpha}{5} + \frac{14\beta}{5} - \frac{29\gamma}{5} \\ -\frac{4\alpha}{5} - \frac{7\beta}{5} + \frac{17\gamma}{5} \\ -\frac{7\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \frac{26\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, -30, 22)$$

$$L: \frac{x-1}{-10} = \frac{y-31}{-34} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (-26, 2, -30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-4}{19} = \frac{y-14}{11} = \frac{z-4}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{72 - x}{19} = \frac{y + 30}{11} = \frac{z + 72}{19}$$