Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 33

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 2$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{14\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{14\pi}{15}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + i\left(\frac{\sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right) = e^{\frac{14i\pi}{15}}$$

2. 
$$Matrix([[-6-I], [-13-14*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1*(x-2)(x-1)(x-2-5i)(x-2+5i)(x-1-i)(x-1+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x-2)(x-1)(x^2-4x+29)(x^2-2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $17 - 10i$ ,  $-65 + 34i$ ,  $39 - 44i$ 

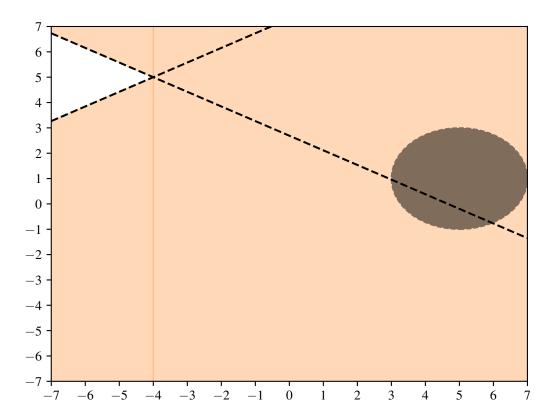
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -1 = 1^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;5) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -42\alpha - 36\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 14\alpha + 12\beta + \gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 40\alpha + 34\beta + 4\gamma$$
;

• 
$$A 
ightharpoonup \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -21\alpha - 18\beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 7\alpha + 6\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 20\alpha + 17\beta + 2\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -21\alpha - 18\beta - 2\gamma \\ 7\alpha + 6\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 20\alpha + 17\beta + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, 19, -28)$$

$$L: \frac{x+1}{-70} = \frac{y-11}{-14} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (5, 33, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{12-x}{18} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-6}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{120 - x}{18} = \frac{y + 13}{2} = \frac{z + 90}{16}$$