Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 2

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}};$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{21}\right) = e^{\frac{2i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-1-10*I],[1-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-3)(x+2)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+5-5i)(x+5+5i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+2)(x^2-2x+17)(x^2+10x+50)$

4. Все числа
$$z$$
: $29 + 32i$, $-15 + 2i$, $7 - 20i$

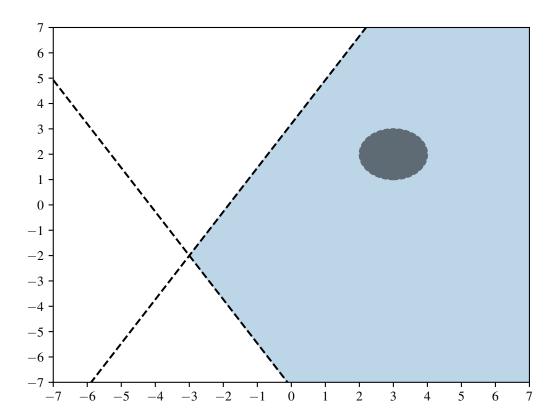
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;-2) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -24\alpha - 16\beta + 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -64\alpha - 42\beta + 47\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -60\alpha - 40\beta + 44\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 6\alpha + 4\beta - \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 16\alpha + \frac{21\beta}{2} - \frac{47\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & 15\alpha + 10\beta - 11\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 6\alpha + 4\beta - \frac{9\gamma}{2} \\ 16\alpha + \frac{21\beta}{2} - \frac{47\gamma}{4} \\ 15\alpha + 10\beta - 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, -5, 11)$$

$$L: \frac{x-1}{-60} = \frac{y+6}{6} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (10, -17, -31)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{8} = \frac{-y-14}{15} = \frac{7-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-49}{8} = \frac{-y-104}{15} = \frac{-z-89}{16}$$