Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 5

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
:

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{6}{7}} \cdot \left( \cos \left( \frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7} \right) \right) \mid k \in [0,7) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{9\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{9\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} e^{\frac{5i\pi}{7}}$$

2. 
$$Matrix([[-8+10*I], [-1+5*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x-2)^2(x-3-5i)(x-3+5i)(x-1-2i)(x-1+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x-2)^2(x^2-6x+34)(x^2-2x+5)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-28 + 35i$ ,  $-16 + 11i$ ,  $56 + 5i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

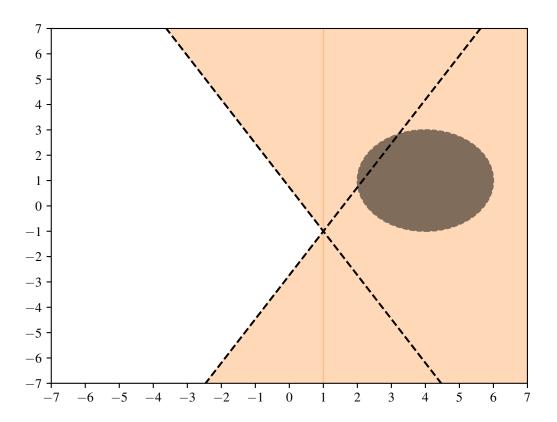
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;-1) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 6\alpha - 12\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -18\alpha + 42\beta - 48\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 27\alpha - 63\beta + 73\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha + 2\beta - \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha - 7\beta + 8\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{9\alpha}{2} + \frac{21\beta}{2} - \frac{73\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -\alpha + 2\beta - \frac{7\gamma}{3} \\ 3\alpha - 7\beta + 8\gamma \\ -\frac{9\alpha}{2} + \frac{21\beta}{2} - \frac{73\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (4, 2, -1)$$

$$L: \frac{x}{-1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (-11, -9, -10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{14} = \frac{13-y}{2} = \frac{z-17}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{48 - x}{14} = \frac{21 - y}{2} = \frac{z + 3}{5}$$