Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 22

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = 8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}}e^{-\frac{i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-8+3*I], [2+5*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-3)(x+2)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+3-4i)(x+3+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x+2)(x^2+2x+5)(x^2+6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: -19 , $41 + 34i$, $-35 - 48i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

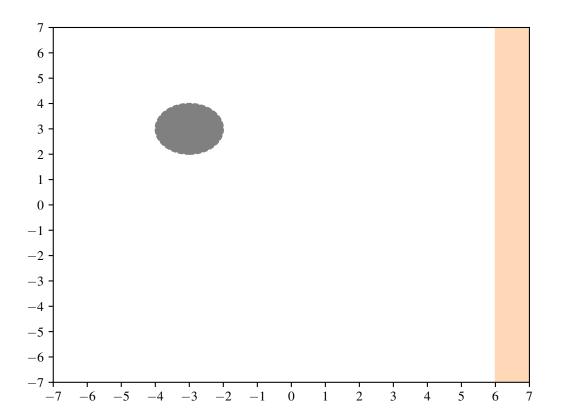
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;-2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -20\alpha - 54\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -19\alpha - 54\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 10\alpha + 30\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{10\alpha}{3} + 9\beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{19\alpha}{6} + 9\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{5\alpha}{3} - 5\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{10\alpha}{3} + 9\beta - 2\gamma \\ \frac{19\alpha}{6} + 9\beta - 2\gamma \\ -\frac{5\alpha}{3} - 5\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-19, 3, 14)$$

$$L: \frac{x-2}{12} = \frac{y-7}{-6} = \frac{z-13}{0}$$
$$A_0 = (1, 5, 28)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+16}{10} = \frac{y+20}{12} = \frac{z-10}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-34}{10} = \frac{y-40}{12} = \frac{z-35}{5}$$