Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 18

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{5i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-15+6*I],[-1+11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-3)(x+4)(x+4-2i)(x+4+2i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-3)(x+4)(x^2+8x+20)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $24-67i$, $16+37i$, $32+21i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

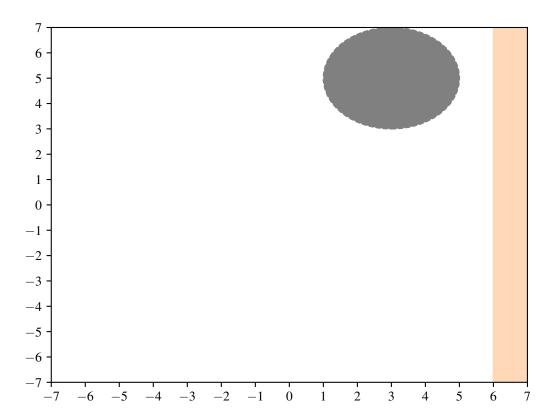
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;6) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha + 15\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\alpha - 27\beta - 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 5\alpha - 21\beta - 7\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha + 5\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - 9\beta - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{5\alpha}{3} - 7\beta - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha + 5\beta + 2\gamma \\ 2\alpha - 9\beta - 3\gamma \\ \frac{5\alpha}{3} - 7\beta - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-1, -12, 12)$$

$$L: \frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{-2} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (9, 8, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{7-x}{9} = \frac{y-16}{13} = \frac{z+13}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-20}{9} = \frac{y-55}{13} = \frac{z-23}{12}$$