Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 8

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-10+11*I],[-4-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-2)(x+2)(x-4-4i)(x-4+4i)(x-1-3i)(x-1+3i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-2)(x+2)(x^2-8x+32)(x^2-2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $-45+16i$, $-13-32i$, $31-4i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

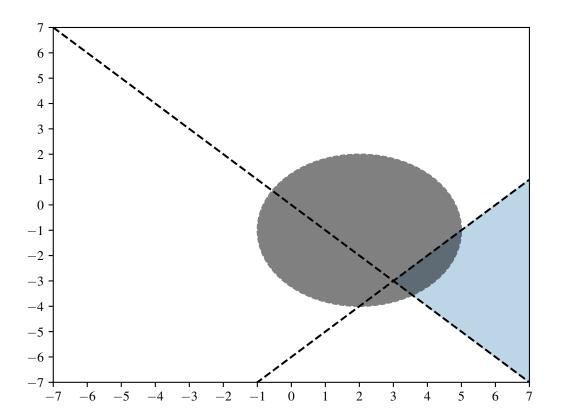
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2;-1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -3) под углом $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 6\alpha - 2\beta + 26\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -10\alpha + 2\beta - 38\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -15\alpha + 3\beta - 59\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{5\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - \frac{19\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{15\alpha}{4} + \frac{3\beta}{4} - \frac{59\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{2} + \frac{13\gamma}{2} \\ -\frac{5\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - \frac{19\gamma}{2} \\ -\frac{15\alpha}{4} + \frac{3\beta}{4} - \frac{59\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (21, 9, 4)$$

$$L: \frac{x-2}{4} = \frac{y-11}{-14} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-3, 2, -22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{15-x}{3} = \frac{y-3}{17} = \frac{z-6}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-3}{3} = \frac{y-105}{17} = \frac{z-24}{3}$$