Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 22

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{9\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{9\pi}{10}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} \left(-\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-11-6*I],[13+4*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-2)(x+4)(x-4-5i)(x-4+5i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)(x+4)(x^2-8x+41)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-4+3i$, $-30-9i$, $18+37i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

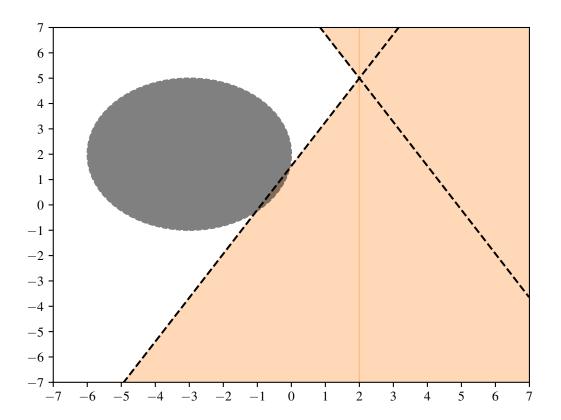
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -8 - 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2, 5) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha + 2\beta - 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha + 2\beta - 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha - \beta + 5\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha - 2\beta + 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 4\alpha - 2\beta + 9\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -2\alpha + \beta - 5\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha - 2\beta + 9\gamma \\ 4\alpha - 2\beta + 9\gamma \\ -2\alpha + \beta - 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-31, 22, -38)$$

$$L: \frac{x+1}{-26} = \frac{y+16}{13} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-15, -34, 19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-5}{7} = \frac{y+16}{8} = \frac{-z-4}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+37}{7} = \frac{y+64}{8} = \frac{8-z}{2}$$