Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 30

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{7}}e^{i\frac{\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[13-4*I], [5+12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-4)(x+3)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x+3)(x^2-8x+32)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $26-7i$, $12+i$, $-22-29i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

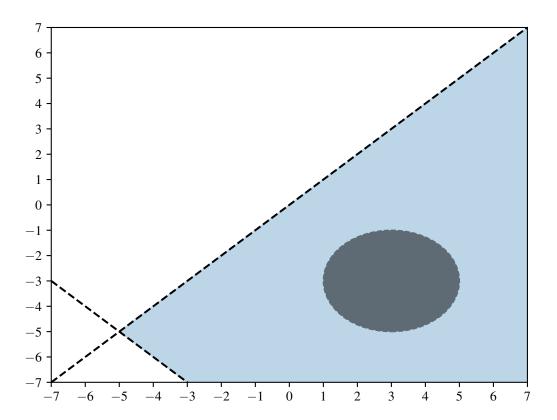
•
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 81 = 3^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 3\alpha - 7\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -19\alpha + 36\beta + 33\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha - 17\beta - 16\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{5} + \frac{7\beta}{5} + \frac{6\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{19\alpha}{5} - \frac{36\beta}{5} - \frac{33\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{8\alpha}{5} + \frac{17\beta}{5} + \frac{16\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{5} + \frac{7\beta}{5} + \frac{6\gamma}{5} \\ \frac{19\alpha}{5} - \frac{36\beta}{5} - \frac{33\gamma}{5} \\ -\frac{8\alpha}{5} + \frac{17\beta}{5} + \frac{16\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, 17, -7)$$

$$L: \frac{x+3}{3} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (14, 14, 0)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-13}{9} = \frac{12-y}{10} = \frac{7-z}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{50-x}{9} = \frac{82-y}{10} = \frac{112-z}{15}$$