Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 23

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{-\frac{11i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[1-7*I], [4-3*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-1)(x+4)(x+3-3i)(x+3+3i)(x+4-4i)(x+4+4i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-1)(x+4)(x^2+6x+18)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $-37 + 2i$, $-5 + 46i$, $17 - 18i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

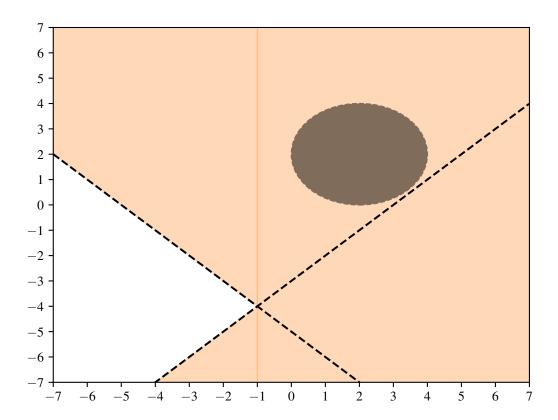
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -1 = 1^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -4) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = -72\alpha - 41\beta - 47\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 49\alpha + 28\beta + 32\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 14\alpha + 8\beta + 9\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 72\alpha + 41\beta + 47\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -49\alpha - 28\beta - 32\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -14\alpha - 8\beta - 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 72\alpha + 41\beta + 47\gamma \\ -49\alpha - 28\beta - 32\gamma \\ -14\alpha - 8\beta - 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (19, 25, -15)$$

$$L: \frac{x}{-9} = \frac{y+19}{18} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-9, -11, 1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+1}{8} = \frac{16-y}{17} = \frac{z-15}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-23}{8} = \frac{-y-35}{17} = \frac{z-21}{2}$$