Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 10

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{\sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 3$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{7}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{7}{7}} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{7}{7}} e^{\frac{17i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[-6-6*I], [-14+3*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x-2)(x+2)(x-2-3i)(x-2+3i)(x-1-5i)(x-1+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x-2)(x+2)(x^2-4x+13)(x^2-2x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-32-17i$ ,  $-22-35i$ ,  $16+13i$ 

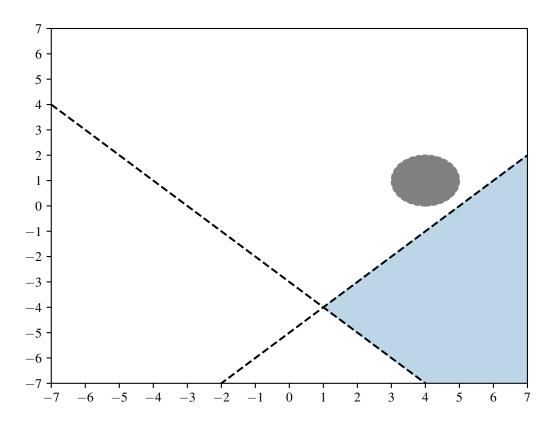
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;-4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -28\alpha - 50\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -24\alpha - 44\beta - 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 8\alpha + 15\beta + 3\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -7\alpha - \frac{25\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -6\alpha - 11\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha + \frac{15\beta}{4} + \frac{3\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -7\alpha - \frac{25\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \\ -6\alpha - 11\beta - 2\gamma \\ 2\alpha + \frac{15\beta}{4} + \frac{3\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (16, -5, 3)$$

9. 
$$L: \frac{x+}{15}$$

$$L: \frac{x+2}{15} = \frac{y-43}{-45} = \frac{z+10}{0}$$
$$A_0 = (5, 12, -10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-8}{13} = \frac{10-y}{15} = \frac{17-z}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-47}{13} = \frac{-y-35}{15} = \frac{-z-16}{11}$$