Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 24

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{26\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{26\pi}{21}\right)\right) = -\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{5\pi}{21}\right) = e^{\frac{16i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-3-I],[-15-5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4 * (x+1)(x+4)(x-4-i)(x-4+i)(x+2-3i)(x+2+3i)$, Над \mathbb{R} : $-4 * (x+1)(x+4)(x^2-8x+17)(x^2+4x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $12-40i$, $-6-12i$, $22-4i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

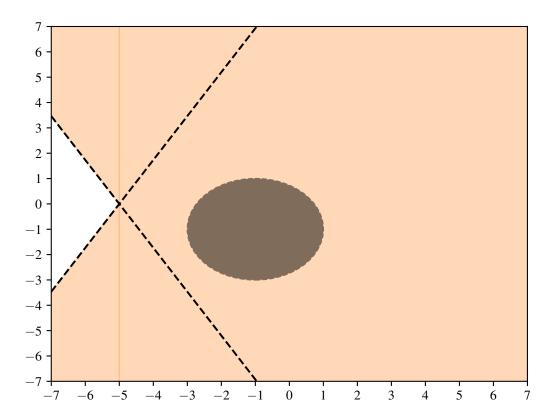
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -729i = 3^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -729i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;-1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;0) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -21\alpha - 33\beta + 45\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 19\alpha + 29\beta - 41\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -28\alpha - 44\beta + 62\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{7\alpha}{2} + \frac{11\beta}{2} - \frac{15\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{19\alpha}{6} - \frac{29\beta}{6} + \frac{41\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{14\alpha}{3} + \frac{22\beta}{3} - \frac{31\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{7\alpha}{2} + \frac{11\beta}{2} - \frac{15\gamma}{2} \\ -\frac{19\alpha}{6} - \frac{29\beta}{6} + \frac{41\gamma}{6} \\ \frac{14\alpha}{3} + \frac{22\beta}{3} - \frac{31\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (29, 40, 11)$$

$$L: \frac{x-1}{4} = \frac{y+4}{4} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (12, -17, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+8}{13} = \frac{9-y}{16} = \frac{z-2}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-31}{13} = \frac{-y-39}{16} = \frac{z-35}{11}$$