Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 10

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[6+14*I],[6-I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-4)(x-3)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+5-2i)(x+5+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x-3)(x^2+2x+17)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $-52 - 33i$, $22 + 11i$, $-8 + 17i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

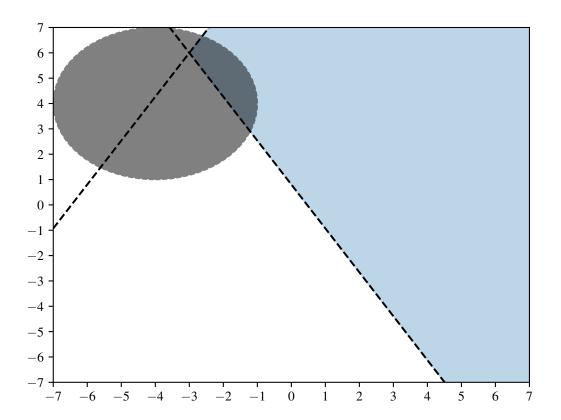
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{23\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
:

•
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;6) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = -43\alpha + 45\beta + 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -19\alpha + 20\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -44\alpha + 46\beta + 9\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 43\alpha - 45\beta - 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 19\alpha - 20\beta - 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 44\alpha - 46\beta - 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 43\alpha - 45\beta - 9\gamma \\ 19\alpha - 20\beta - 4\gamma \\ 44\alpha - 46\beta - 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (4, 13, 17)$$

$$L: \frac{x+1}{-13} = \frac{y-26}{-26} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (-22, 19, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-14}{9} = \frac{y+5}{5} = \frac{-z-19}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-59}{9} = \frac{y-20}{5} = \frac{-z-109}{18}$$