Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 12

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 2e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-7-9*I], [8-13*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x+2)(x+4)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+4-4i)(x+4+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+2)(x+4)(x^2+2x+5)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $14 - 16i$, $26 - 40i$, $16 + 66i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

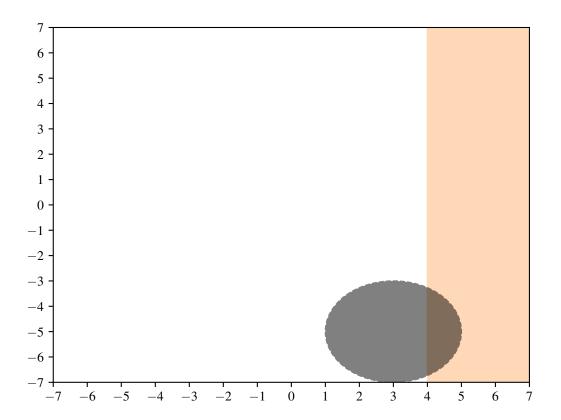
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 9\alpha - 7\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -2\alpha + \beta$$
;

•
$$\Delta_3 = 7\alpha - \beta$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{9\alpha}{5} + \frac{7\beta}{5} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{2\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{9\alpha}{5} + \frac{7\beta}{5} + \gamma \\ \frac{2\alpha}{5} - \frac{\beta}{5} \\ -\frac{7\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-3, -13, 11)$$

$$L: \frac{x}{-12} = \frac{y-11}{-12} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (1, 14, 7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+15}{19} = \frac{y+13}{3} = \frac{z+9}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-61}{19} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-23}{8}$$