Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 34

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i;$$

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} + i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{5i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[7+4*I],[-13-2*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-1)(x+1)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+3-i)(x+3+i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-1)(x+1)(x^2+4x+8)(x^2+6x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $13 + 11i$, $13 + 9i$, $-19 - 57i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

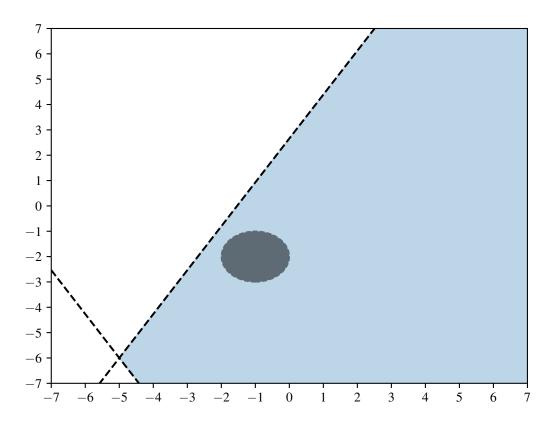
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;-2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;-6) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = -69\alpha + 9\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -17\alpha + 2\beta + \gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -14\alpha + 2\beta + \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 23\alpha - 3\beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{17\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{14\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$A_0 = (1, 1, -9)$$

$$L: \frac{x-1}{-14} = \frac{y+27}{28} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (-21, -8, -4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+4}{5} = \frac{-y-2}{10} = \frac{-z-2}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-26}{5} = \frac{-y-62}{10} = \frac{-z-110}{18}$$