Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3} \left(\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[9+7*I], [-15-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x-2)(x-1)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)(x-1)(x^2-6x+13)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $5 + 25i$, $-51 - 57i$, $-7 + 33i$

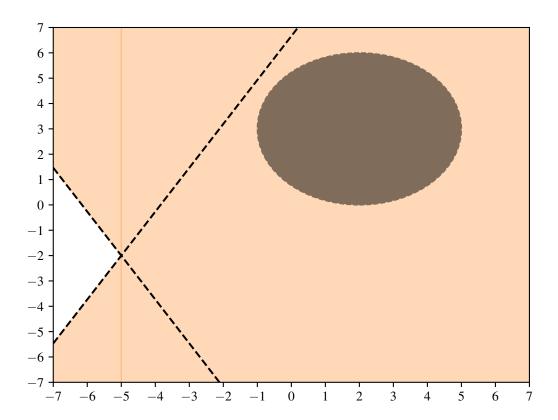
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -2) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 63\alpha - 40\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -9\alpha + 5\beta$$
;

•
$$\Delta_3 = -64\alpha + 40\beta - 5\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{63\alpha}{5} + 8\beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{9\alpha}{5} - \beta \\ 0 & 0 & 1 & \frac{64\alpha}{5} - 8\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{63\alpha}{5} + 8\beta - \gamma \\ \frac{9\alpha}{5} - \beta \\ \frac{64\alpha}{5} - 8\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, -11, -30)$$

$$L: \frac{x-2}{6} = \frac{y+3}{2} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (17, -8, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{4} = \frac{y+5}{16} = \frac{z-1}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-34}{4} = \frac{y-59}{16} = \frac{z-25}{6}$$