Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 17

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{10\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{10\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{\frac{11i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[-14-9*I], [6+13*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 2 \*  $(x+4)(x+5)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+2-2i)(x+2+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x+4)(x+5)(x^2-8x+25)(x^2+4x+8)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-12-24i$ ,  $-6-10i$ ,  $60-4i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

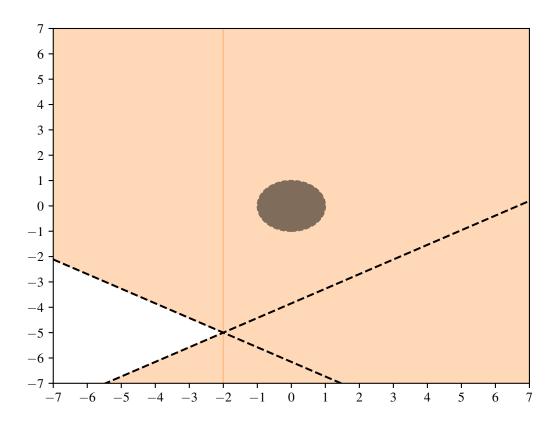
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 0) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2; -5) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 5$$
;

• 
$$\Delta_1 = -3\alpha - 8\beta - 66\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha + \beta + 7\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = \alpha + \beta + 12\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} - \frac{66\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} + \frac{7\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} + \frac{12\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} - \frac{66\gamma}{5} \\ \frac{\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} + \frac{7\gamma}{5} \\ \frac{\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} + \frac{12\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (10, -13, -12)$$

$$L: \frac{x-1}{99} = \frac{y-9}{-9} = \frac{z+1}{0}$$
$$A_0 = (-9, 21, -10)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+9}{7} = \frac{-y-3}{13} = \frac{z+14}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-26}{7} = \frac{-y-68}{13} = \frac{z-46}{12}$$