Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 12

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -64i = -64i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} \left(\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i \sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} e^{\frac{3i\pi}{14}}$
- 2. Matrix([[-6-4*I], [6-8*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-3)(x+3)(x-1-5i)(x-1+5i)(x+4-2i)(x+4+2i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-3)(x+3)(x^2-2x+26)(x^2+8x+20)$

4. Все числа z: -46-11i, -14+7i, 54-43i

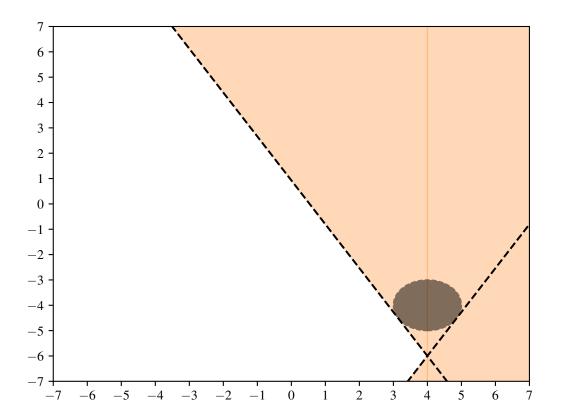
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
- *n* = 3:

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -6) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 9\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha - 45\beta - 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha + 25\beta + 17\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - 15\beta - 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2\alpha}{3} + \frac{25\beta}{3} + \frac{17\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 3\beta + 2\gamma \\ -\alpha - 15\beta - 10\gamma \\ \frac{2\alpha}{3} + \frac{25\beta}{3} + \frac{17\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, -10, -7)$$

$$L: \frac{x}{-25} = \frac{y+8}{10} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-14, -14, -22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+2}{15} = \frac{2-y}{7} = \frac{15-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+62}{15} = \frac{30-y}{7} = \frac{79-z}{16}$$