Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 27

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[6-6*I], [2-14*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-4)(x-1)(x-4-4i)(x-4+4i)(x-3-2i)(x-3+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-4)(x-1)(x^2-8x+32)(x^2-6x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $-42-27i$, $-8+11i$, $48-9i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

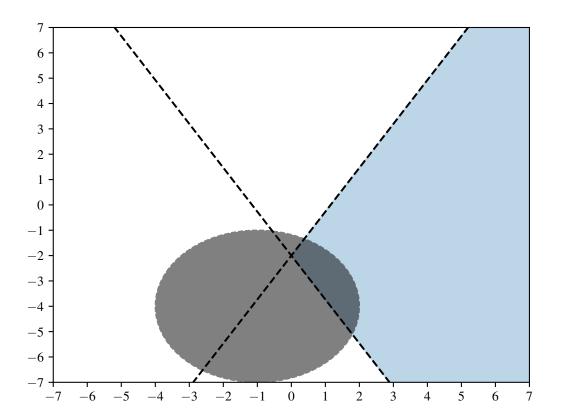
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;-2) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -54\alpha + 60\beta + 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha + 13\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \beta$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 10\beta - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - \frac{13\beta}{6} - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\beta}{6} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 10\beta - 4\gamma \\ 2\alpha - \frac{13\beta}{6} - \gamma \\ -\frac{\beta}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (26, 7, 21)$$

$$L: \frac{x-1}{12} = \frac{y-7}{-6} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (17, 19, 9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{8} = \frac{y-18}{7} = \frac{z+7}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{30-x}{8} = \frac{y+24}{7} = \frac{z+85}{13}$$