Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-223. Вариант 19

1. Пусть 
$$z = \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}$$
. Вычислить значение  $\sqrt[5]{z^2}$ , для которого число  $\frac{\sqrt[5]{z^2}}{\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}}$  имеет аргумент  $-\frac{6\pi}{5}$ .

2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(14-14i) + y(2-3i) = -367 - 26i \\ x(12-3i) + y(10+13i) = 33 - 36i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена  $-2x^6 20x^5 76x^4 84x^3 + 206x^2 + 656x + 520$  и разложить его на множители над  $\mathbb{R}$  и  $\mathbb{C}$ , если известны корни  $x_1 = -2 + i$ ,  $x_2 = -3 + 2i$ ,  $x_3 = 2$ .
- 4. Даны 3 комплексных числа: 1-29i, 18-10i, 16+i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа  $z_1=-\frac{3}{2}+\frac{3\sqrt{3}i}{2},$   $z_2=-\frac{3}{2}-\frac{3\sqrt{3}i}{2}$  соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой  $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$ :

$$\begin{cases} |z+5+2i| < 2\\ |arg(z-3+2i)| < \frac{\pi}{3} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (-4, 1, 2), b = (1, 0, 0), c = (-5, 1, 7). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(-12, -9, -3) и плоскость P: -26x 16y 16z + 90 = 0. Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(-6,4,10),  $M_1(-1,19,2)$ ,  $M_2(-23,-3,2)$ . Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки  $M_1$  и  $M_2$ . Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые  $L_1$  и  $L_2$  своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} -9x + 8y + 16z + 166 = 0 \\ 6x - 3z + 39 = 0 \end{cases}$$

$$L_2: \begin{cases} -15x + 8y + 19z - 3123 = 0 \\ -9x - 5z - 325 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к  $L_1$  и  $L_2$ .