Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 35

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{-\frac{3i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[1+14*I],[14+9*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x+3)(x+5)(x-4-i)(x-4+i)(x+2-3i)(x+2+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x+3)(x+5)(x^2-8x+17)(x^2+4x+13)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $7 - 3i$ ,  $43 + 3i$ ,  $-19 + 39i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

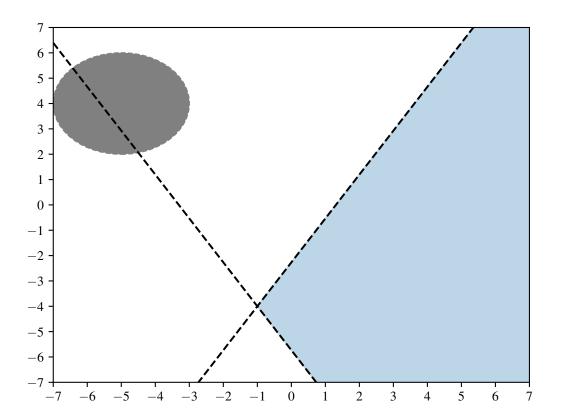
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;4) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1; -4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 42\alpha - 2\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 52\alpha - 2\beta - 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 22\alpha - \beta - 5\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -21\alpha + \beta + 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -26\alpha + \beta + 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -11\alpha + \frac{\beta}{2} + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -21\alpha + \beta + 5\gamma \\ -26\alpha + \beta + 6\gamma \\ -11\alpha + \frac{\beta}{2} + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (9, 3, 5)$$

$$L: \frac{x}{-32} = \frac{y-7}{-8} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-7, 1, 26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-18}{2} = \frac{y-14}{7} = \frac{z-11}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-30}{2} = \frac{y-56}{7} = \frac{z-65}{9}$$