Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 8

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{32\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{32\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(\cos\left(\frac{10\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{10\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{\frac{10i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[2+9*I], [-12+5*I]])$$

3. Над С: 
$$-1*(x+2)(x+5)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+1-i)(x+1+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x+2)(x+5)(x^2-4x+8)(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-2+9i$ ,  $-28-43i$ ,  $2+47i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

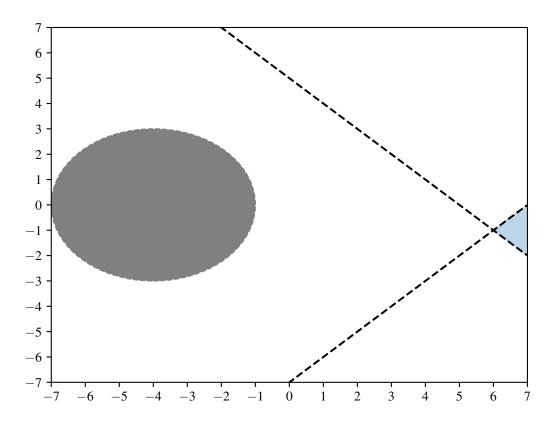
• 
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;0) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;-1) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = -61\alpha + 88\beta - 11\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -28\alpha + 40\beta - 5\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -13\alpha + 19\beta - 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{61\alpha}{3} + \frac{88\beta}{3} - \frac{11\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{28\alpha}{3} + \frac{40\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{3} + \frac{19\beta}{3} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{61\alpha}{3} + \frac{88\beta}{3} - \frac{11\gamma}{3} \\ -\frac{28\alpha}{3} + \frac{40\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ -\frac{13\alpha}{3} + \frac{19\beta}{3} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, 13, -1)$$

$$L: \frac{x-1}{9} = \frac{y-87}{-90} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (30, -1, 8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{4-x}{10} = \frac{-y-6}{19} = \frac{z+12}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-26}{10} = \frac{-y-63}{19} = \frac{z-36}{16}$$