Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 30

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[12+8*I],[14+9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-3)(x+1)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+4-i)(x+4+i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-3)(x+1)(x^2-4x+8)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-12-52i$, $-18+46i$, $2-6i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)$$
;

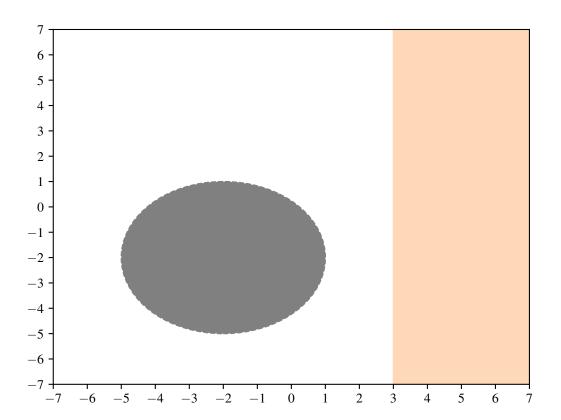
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -\alpha - 13\beta - 81\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha - 10\beta - 63\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha + 10\beta + 60\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{3} - \frac{13\beta}{3} - 27\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{3} - \frac{10\beta}{3} - 21\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{3} + \frac{10\beta}{3} + 20\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{3} - \frac{13\beta}{3} - 27\gamma \\ -\frac{\alpha}{3} - \frac{10\beta}{3} - 21\gamma \\ \frac{\alpha}{3} + \frac{10\beta}{3} + 20\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-1, -37, -10)$$

$$L: \frac{x-2}{14} = \frac{y-15}{-14} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (8, 5, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+17}{2} = \frac{-y-9}{9} = \frac{-z-17}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+29}{2} = \frac{45-y}{9} = \frac{55-z}{12}$$