Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 18

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

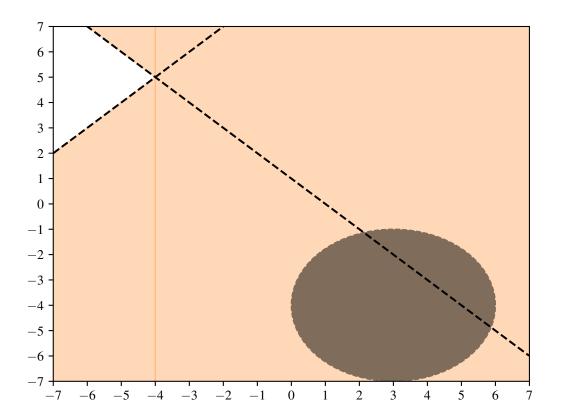
•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

- $arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$;
- k = 3;
- Искомое значение = $2 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{6}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 2e^{-\frac{5i\pi}{12}}$
- 2. Matrix([[-15-3*I], [-6+14*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x-1)(x+1)(x+2-i)(x+2+i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-1)(x+1)(x^2+4x+5)(x^2+8x+41)$

- 4. Все числа z: -4 + 18i, 34 + 4i, -12 + 12i
- 5. $z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - $z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
 - *n* = 6;
 - $z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;5) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -60\alpha - 78\beta + 42\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -56\alpha - 73\beta + 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 14\alpha + 19\beta - 10\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 10\alpha + 13\beta - 7\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{28\alpha}{3} + \frac{73\beta}{6} - \frac{20\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\alpha}{3} - \frac{19\beta}{6} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 10\alpha + 13\beta - 7\gamma \\ \frac{28\alpha}{3} + \frac{73\beta}{6} - \frac{20\gamma}{3} \\ -\frac{7\alpha}{3} - \frac{19\beta}{6} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, 18, -24)$$

$$L: \frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (2, 21, 18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{15-x}{11} = \frac{-y-18}{2} = \frac{19-z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-18}{11} = \frac{-y-24}{2} = \frac{-z-41}{20}$$