Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 9

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-10+13*I], [-4+9*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-3)(x+4)(x-4-5i)(x-4+5i)(x-2-i)(x-2+i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+4)(x^2-8x+41)(x^2-4x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $32 + 23i$, $-52 - 41i$, $26 + 15i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right);$$

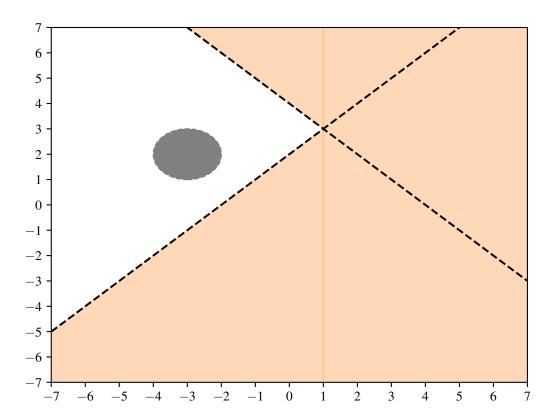
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -81 = 3^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -81$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; 3) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = 7\alpha - 2\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -30\alpha + 9\beta + 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 80\alpha - 24\beta - 45\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -7\alpha + 2\beta + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 30\alpha - 9\beta - 17\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -80\alpha + 24\beta + 45\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -7\alpha + 2\beta + 4\gamma \\ 30\alpha - 9\beta - 17\gamma \\ -80\alpha + 24\beta + 45\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-11, 33, -12)$$

$$L: \frac{x+1}{-5} = \frac{y+8}{9} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (-24, -9, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+15}{16} = \frac{-y-6}{4} = \frac{5-z}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-33}{16} = \frac{-y-18}{4} = \frac{-z-4}{3}$$