Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 10

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
:

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение
$$=2^{\frac{3}{4}}\cdot\left(\cos\left(-\frac{11\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{11\pi}{4}\right)\right)=2^{\frac{3}{4}}\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}\right)=2^{\frac{3}{4}}e^{-\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[4+5*I], [7+5*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-3)(x-1)(x+2-3i)(x+2+3i)(x+4-4i)(x+4+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x-1)(x^2+4x+13)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $28 - 32i$, $-8 + 52i$, $8 - 16i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

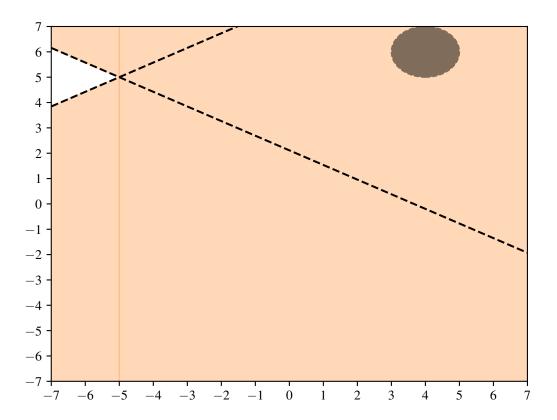
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -64 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;5) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 60\alpha - 6\beta + 79\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 38\alpha - 4\beta + 50\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -40\alpha + 4\beta - 53\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 30\alpha - 3\beta + \frac{79\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 19\alpha - 2\beta + 25\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -20\alpha + 2\beta - \frac{53\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 30\alpha - 3\beta + \frac{79\gamma}{2} \\ 19\alpha - 2\beta + 25\gamma \\ -20\alpha + 2\beta - \frac{53\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, -6, -9)$$

$$L: \frac{x+1}{-63} = \frac{y-7}{-9} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (0, 0, -34)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-3}{17} = \frac{-y-17}{18} = \frac{-z-20}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 105}{17} = \frac{-y - 125}{18} = \frac{-z - 116}{16}$$