Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 2

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-13-15*I],[-6-11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x+1)(x+4)(x+4-3i)(x+4+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+1)(x+4)(x^2+8x+25)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-5+3i$, $23-5i$, $-5+17i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

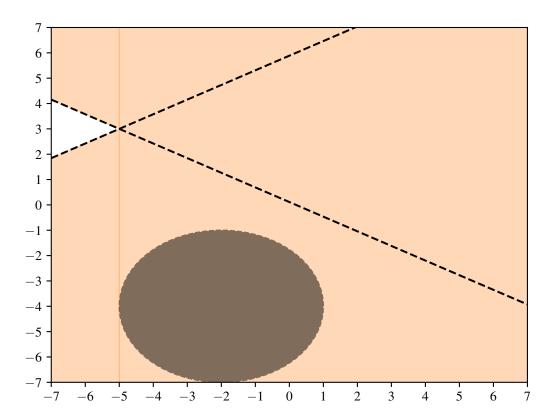
•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
:

•
$$z = 64 = 2^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;3) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -\alpha + 2\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -16\alpha + 22\beta - 59\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\alpha + 11\beta - 27\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{16\alpha}{5} - \frac{22\beta}{5} + \frac{59\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{8\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \frac{27\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ \frac{16\alpha}{5} - \frac{22\beta}{5} + \frac{59\gamma}{5} \\ \frac{8\alpha}{5} - \frac{11\beta}{5} + \frac{27\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, -31, 5)$$

$$L: \frac{x-2}{-98} = \frac{y-12}{-14} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-15, 31, -29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-11}{16} = \frac{y+16}{6} = \frac{z+18}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+53}{16} = \frac{y+40}{6} = \frac{z+74}{14}$$