Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 6

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

- k = 0;
- Искомое значение =  $\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{-\frac{i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[10-10\*I], [-13+14\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-2*(x-2)^2(x-2-2i)(x-2+2i)(x+1-3i)(x+1+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-2*(x-2)^2(x^2-4x+8)(x^2+2x+10)$ 

4. Все числа z: -9-21i, 31-13i, -43+23i

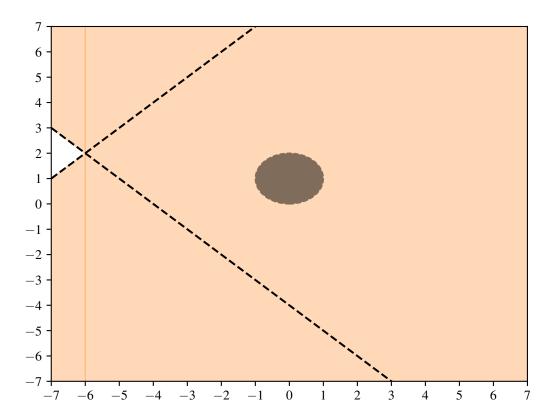
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{3}$ ;
- n = 6;

• 
$$z = -729i = 3^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -729i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 1) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;2) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -3\alpha - 4\beta - \gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 66\alpha + 100\beta + 26\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 26\alpha + 40\beta + 10\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{3\alpha}{4} + \beta + \frac{\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{33\alpha}{2} - 25\beta - \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{13\alpha}{2} - 10\beta - \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{3\alpha}{4} + \beta + \frac{\gamma}{4} \\ -\frac{33\alpha}{2} - 25\beta - \frac{13\gamma}{2} \\ -\frac{13\alpha}{2} - 10\beta - \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-38, 6, 17)$$

$$L: \frac{x+1}{-6} = \frac{y+3}{3} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (4, -8, -15)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+11}{16} = \frac{y+17}{3} = \frac{6-z}{6}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-85}{16} = \frac{y-1}{3} = \frac{-z-30}{6}$$