Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 22

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 2$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{10}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(-\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(-\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{\frac{9i\pi}{10}}$$

2. 
$$Matrix([[11+4*I],[12-2*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x+1)(x+3)(x-2-i)(x-2+i)(x+5-4i)(x+5+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x+1)(x+3)(x^2-4x+5)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-37+65i$ ,  $3-13i$ ,  $9-19i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

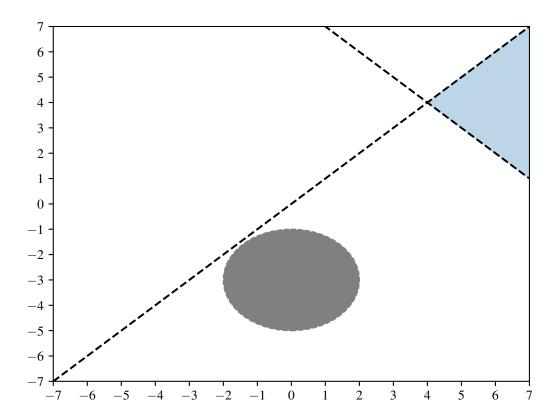
• 
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = 81 = 3^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -3) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -12\alpha + 7\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -6\alpha + 4\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 24\alpha - 11\beta - 28\gamma$$
;

$$\bullet \ A \to \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha + \frac{7\beta}{6} + \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \frac{2\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 4\alpha - \frac{11\beta}{6} - \frac{14\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -2\alpha + \frac{7\beta}{6} + \frac{7\gamma}{3} \\ -\alpha + \frac{2\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ 4\alpha - \frac{11\beta}{6} - \frac{14\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, 23, 11)$$

$$L: \frac{x+1}{-48} = \frac{y-5}{-8} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (-16, 21, 24)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-9}{6} = \frac{y+2}{7} = \frac{18-z}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{27 - x}{6} = \frac{y + 44}{7} = \frac{30 - z}{2}$$