Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 31

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $2\cdot\left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)=1+\sqrt{3}i=2e^{\frac{i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-13-6*I],[2+I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x-4)(x-3)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+2-2i)(x+2+2i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-4)(x-3)(x^2-8x+32)(x^2+4x+8)$

4. Все числа z: -1+4i, -49-48i, 17+12i

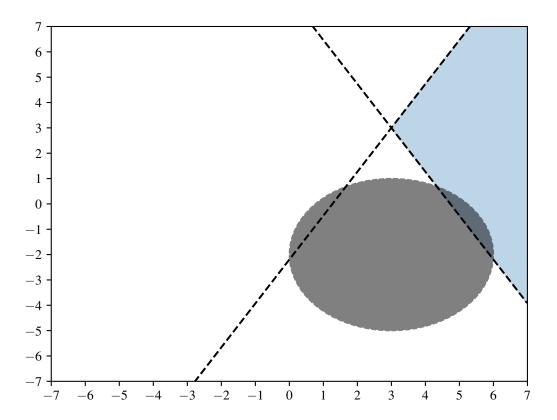
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;3) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -60\alpha + 36\beta + 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -39\alpha + 24\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 38\alpha - 22\beta - 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -10\alpha + 6\beta + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{13\alpha}{2} + 4\beta + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{19\alpha}{3} - \frac{11\beta}{3} - 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -10\alpha + 6\beta + 3\gamma \\ -\frac{13\alpha}{2} + 4\beta + 2\gamma \\ \frac{19\alpha}{3} - \frac{11\beta}{3} - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, -38, 38)$$

$$L: \frac{x+2}{-11} = \frac{y-23}{-22} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (-26, 5, 1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x}{14} = \frac{11 - y}{6} = \frac{z - 13}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+70}{14} = \frac{41-y}{6} = \frac{z+52}{13}$$