Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 26

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{2}e^{\frac{11i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[2+I],[14+13*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 2 \*  $(x-1)(x+3)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+2-4i)(x+2+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-1)(x+3)(x^2-6x+13)(x^2+4x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-18 - 12i$ ,  $-38 + 62i$ ,  $58 - 10i$ 

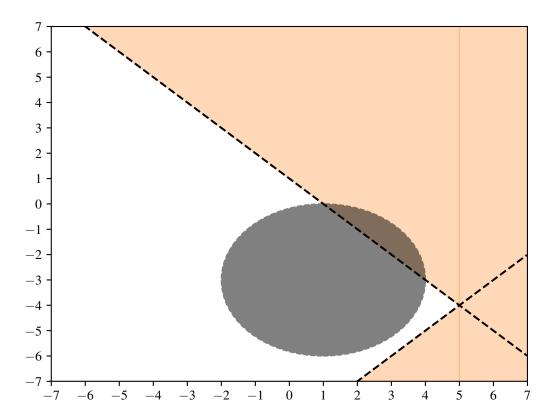
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; -4) под углом  $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 4\alpha + 12\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\alpha + 12\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha + 8\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - 3\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} - 3\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{3\alpha}{2} - 2\beta + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha - 3\beta + \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{3\alpha}{2} - 3\beta + \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{3\alpha}{2} - 2\beta + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (6, -21, 10)$$

$$L: \frac{x+1}{-3} = \frac{y+3}{3} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-5, 7, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+3}{19} = \frac{15-y}{9} = \frac{z-7}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+98}{19} = \frac{60-y}{9} = \frac{z+28}{7}$$