Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 15

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 2$$
;

$$\bullet \text{ Искомое значениe} = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{10}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(-\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(-\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} e^{\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[4-14*I], [-5+9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-4)(x+2)(x+2-5i)(x+2+5i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-4)(x+2)(x^2+4x+29)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: 21, $31 - 28i$, $-41 + 32i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

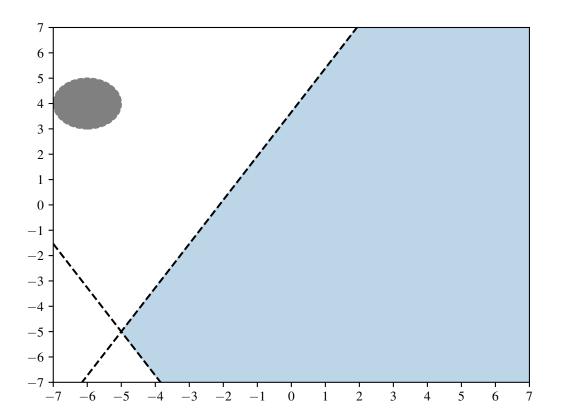
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 16 = 2^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6;4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5, -5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 3\alpha + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -5\alpha + 6\beta - \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{5\alpha}{6} + \beta - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{2\alpha}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ -\frac{5\alpha}{6} + \beta - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, 20, 13)$$

$$L: \frac{x+3}{-44} = \frac{y-4}{-4} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (-13, -8, 34)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+12}{7} = \frac{-y-9}{11} = \frac{-z-17}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-9}{7} = \frac{-y-42}{11} = \frac{-z-77}{20}$$