Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 31

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21} \right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{7}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) - i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{5i\pi}{7}}$$

2.
$$Matrix([[-7+12*I], [-4+2*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x+2)^2$$
 $(x-4-i)$ $(x-4+i)$ $(x-1-3i)$ $(x-1+3i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+2)^2$ $(x^2-8x+17)$ $(x^2-2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $41 - 18i$, $-37 - 16i$, $9 + 70i$

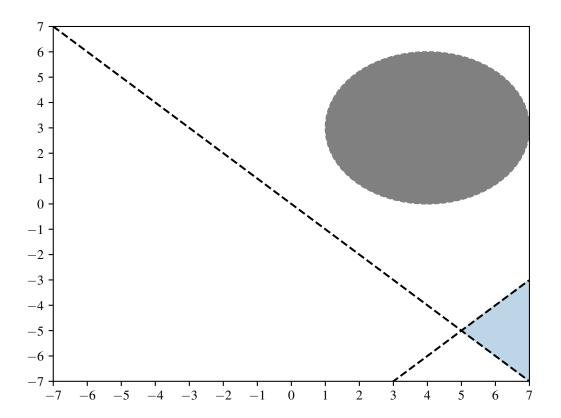
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 729 = 3^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; -5) под углом $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 34\alpha - 38\beta - 56\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -72\alpha + 81\beta + 119\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha - 9\beta - 13\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 17\alpha - 19\beta - 28\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -36\alpha + \frac{81\beta}{2} + \frac{119\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 4\alpha - \frac{9\beta}{2} - \frac{13\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 17\alpha - 19\beta - 28\gamma \\ -36\alpha + \frac{81\beta}{2} + \frac{119\gamma}{2} \\ 4\alpha - \frac{9\beta}{2} - \frac{13\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-33, -11, 32)$$

$$L: \frac{x+3}{-2} = \frac{y+22}{20} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (5, -1, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+19}{2} = \frac{y-7}{13} = \frac{z+19}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+29}{2} = \frac{y+58}{13} = \frac{z+109}{18}$$