Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 13

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{\frac{5i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[-5+8*I], [12-4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-3)(x+2)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+2-i)(x+2+i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-3)(x+2)(x^2-6x+25)(x^2+4x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $23 - 15i$, $13 - 17i$, $-41 - 37i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

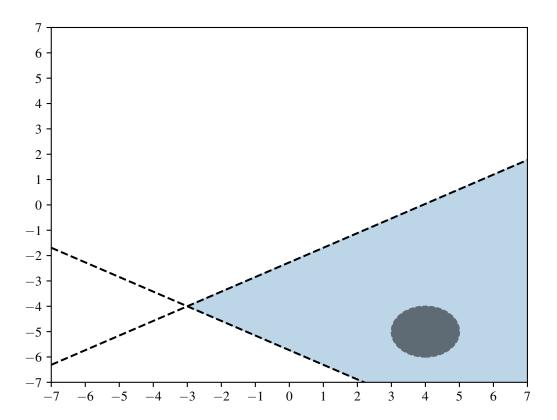
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -81 = 3^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -81$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3; -4) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 15\alpha + 38\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 9\alpha + 24\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -9\alpha - 20\beta - 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\alpha}{2} - \frac{19\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} - 4\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} + \frac{10\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{5\alpha}{2} - \frac{19\beta}{3} - \frac{5\gamma}{3} \\ -\frac{3\alpha}{2} - 4\beta - \gamma \\ \frac{3\alpha}{2} + \frac{10\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-17, -21, -27)$$

$$L: \frac{x-2}{-1} = \frac{y+4}{2} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (12, -4, 7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+12}{8} = \frac{10-y}{10} = \frac{-z-17}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+44}{8} = \frac{50-y}{10} = \frac{51-z}{17}$$