Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 31

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = 0;
- Искомое значение =  $3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{i\pi}{21}}$

2. 
$$Matrix([[-13-15*I], [4-8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x+1)(x+5)(x+3-4i)(x+3+4i)(x+5-5i)(x+5+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x+1)(x+5)(x^2+6x+25)(x^2+10x+50)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-32-3i$ ,  $8-13i$ ,  $-2-13i$ 

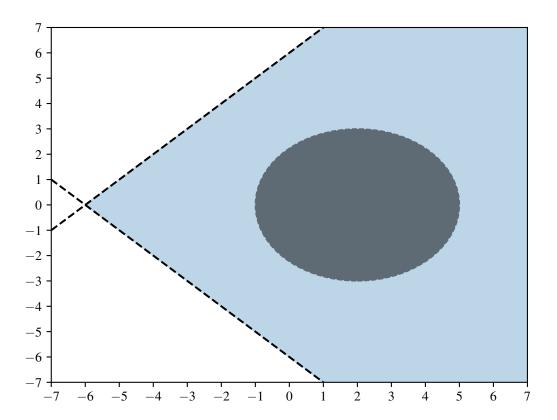
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -729i = 3^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -729i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 0) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;0) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 16\alpha - 20\beta - 11\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -36\alpha + 44\beta + 23\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 4\alpha - 5\beta - \frac{11\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -9\alpha + 11\beta + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 4\alpha - 5\beta - \frac{11\gamma}{4} \\ \frac{\gamma}{4} \\ -9\alpha + 11\beta + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, -18, 21)$$

$$L: \frac{x-2}{-3} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (7, 7, 36)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+5}{17} = \frac{y+13}{13} = \frac{-z-15}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+90}{17} = \frac{y+78}{13} = -\frac{z}{3}$$