Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 24

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) - i\sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{-\frac{5i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[-4+7*I], [9+11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-4)(x+4)(x+3-2i)(x+3+2i)(x+5-3i)(x+5+3i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-4)(x+4)(x^2+6x+13)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $17 - 10i$, $-19 + 58i$, $27 - 2i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

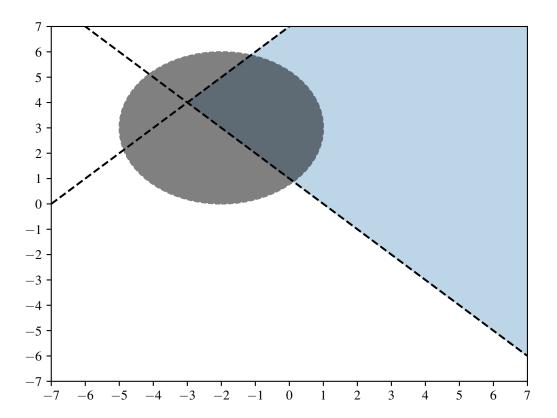
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -56\alpha + 47\beta + 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 8\alpha - 6\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 21\alpha - 17\beta - 15\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{56\alpha}{5} - \frac{47\beta}{5} - 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{8\alpha}{5} + \frac{6\beta}{5} + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{21\alpha}{5} + \frac{17\beta}{5} + 3\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{56\alpha}{5} - \frac{47\beta}{5} - 8\gamma \\ -\frac{8\alpha}{5} + \frac{6\beta}{5} + \gamma \\ -\frac{21\alpha}{5} + \frac{17\beta}{5} + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, -10, 7)$$

$$L: \frac{x+1}{8} = \frac{y+16}{18} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (21, -15, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+4}{16} = \frac{y+12}{11} = \frac{z+19}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+116}{16} = \frac{y+89}{11} = \frac{z+145}{18}$$