Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 20

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{5}} e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-3+7*I], [-8-4*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-3)(x+4)(x+2-5i)(x+2+5i)(x+3-i)(x+3+i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+4)(x^2+4x+29)(x^2+6x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: -1 , $41 - 20i$, $-21 + 24i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

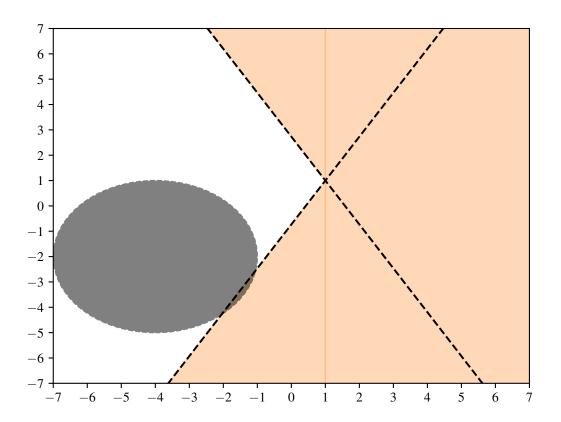
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;1) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -72\alpha + 53\beta - 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 26\alpha - 19\beta + 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 9\alpha - 6\beta + 5\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{72\alpha}{5} - \frac{53\beta}{5} + 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{26\alpha}{5} + \frac{19\beta}{5} - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{9\alpha}{5} + \frac{6\beta}{5} - \gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} \frac{72\alpha}{5} - \frac{53\beta}{5} + 8\gamma \\ -\frac{26\alpha}{5} + \frac{19\beta}{5} - 3\gamma \\ -\frac{9\alpha}{5} + \frac{6\beta}{5} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (10, 3, 12)$$

$$L: \frac{x+1}{18} = \frac{y-10}{-9} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (2, 6, 8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-2}{2} = \frac{y+17}{7} = \frac{z-3}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-10}{2} = \frac{y-11}{7} = \frac{z-15}{3}$$