Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 29

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
:

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = 2;
- Искомое значение = $2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -2 \cdot \sqrt[5]{2} = -2 \cdot \sqrt[5]{2}$

2.
$$Matrix([[-5+3*I], [-9-14*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-4)(x+4)(x-3-i)(x-3+i)(x-1-5i)(x-1+5i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-4)(x+4)(x^2-6x+10)(x^2-2x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-21 - 10i$, $7 - 2i$, $-33 - 40i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

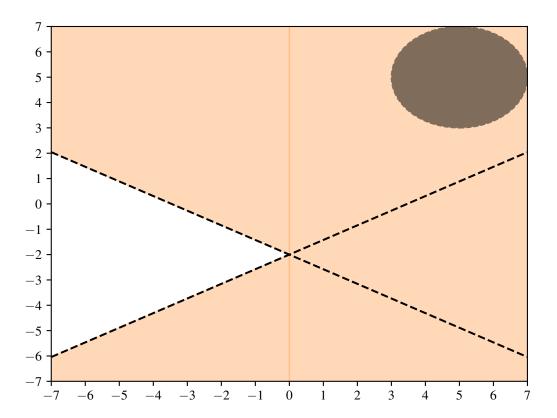
•
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 1 = 1^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -2) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 30\alpha + 31\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -25\alpha - 27\beta + 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -60\alpha - 63\beta + 7\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -6\alpha - \frac{31\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & 5\alpha + \frac{27\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & 12\alpha + \frac{63\beta}{5} - \frac{7\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -6\alpha - \frac{31\beta}{5} + \frac{4\gamma}{5} \\ 5\alpha + \frac{27\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ 12\alpha + \frac{63\beta}{5} - \frac{7\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (7, -11, -32)$$

$$L: \frac{x}{9} = \frac{y-9}{-9} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (4, 11, -1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{1-x}{16} = \frac{-y-12}{9} = \frac{z+14}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{81 - x}{16} = \frac{33 - y}{9} = \frac{z + 59}{9}$$