Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 5

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{5}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} + i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[-4+14*I],[6-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x+1)(x+5)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+4-2i)(x+4+2i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+1)(x+5)(x^2-4x+13)(x^2+8x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $-22 - 11i$, $32 - 9i$, $-18 - 17i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

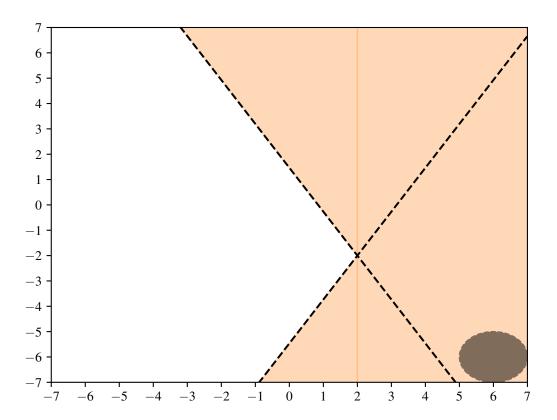
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -2) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 85\alpha - 7\beta + 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -5\alpha$$
;

•
$$\Delta_3 = -15\alpha + \beta - 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -17\alpha + \frac{7\beta}{5} - \frac{9\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \alpha \\ 0 & 0 & 1 & 3\alpha - \frac{\beta}{5} + \frac{2\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -17\alpha + \frac{7\beta}{5} - \frac{9\gamma}{5} \\ \alpha \\ 3\alpha - \frac{\beta}{5} + \frac{2\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, 14, 7)$$

$$L: \frac{x-1}{11} = \frac{y+14}{11} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (9, -4, -13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-1}{11} = \frac{-y-13}{12} = \frac{-z-12}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+43}{11} = \frac{35-y}{12} = \frac{28-z}{10}$$