Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 7

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{23\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{\frac{i\pi}{12}}$$

$$2. \ \mathit{Matrix}([[-11-6*I],[-9+13*I]])$$

3. Над С: 
$$-3*(x-3)(x-1)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+3-2i)(x+3+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x-3)(x-1)(x^2+2x+10)(x^2+6x+13)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $8 - 11i$ ,  $-62 - 25i$ ,  $24 - 3i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

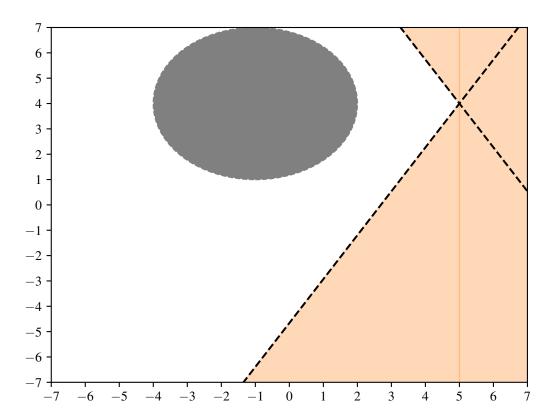
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;4) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 1$$
;

• 
$$\Delta_1 = 23\alpha - 34\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 14\alpha - 21\beta - 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 2\alpha - 3\beta - \gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 23\alpha - 34\beta - 10\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 14\alpha - 21\beta - 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - 3\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 23\alpha - 34\beta - 10\gamma \\ 14\alpha - 21\beta - 6\gamma \\ 2\alpha - 3\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (23, 19, 22)$$

$$L: \frac{x-1}{45} = \frac{y-17}{-15} = \frac{z+1}{0}$$
$$A_0 = (21, 37, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+16}{18} = \frac{10-y}{14} = \frac{-z-2}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-92}{18} = \frac{-y-74}{14} = \frac{-z-50}{8}$$