Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 33

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} + i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{7i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-12+5*I],[11-12*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-3)(x+2)(x+2-i)(x+2+i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+2)(x^2+4x+5)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-16-32i$, $4-28i$, $-34+32i$

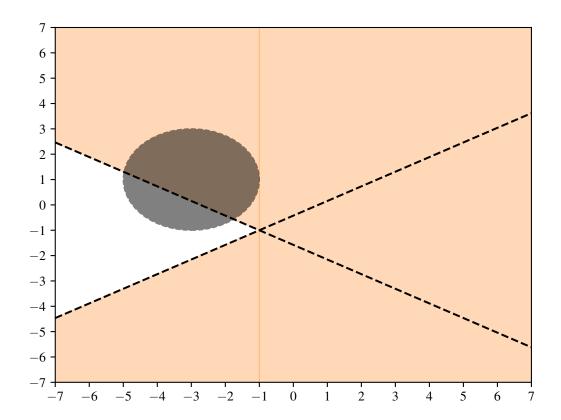
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -1 = 1^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;-1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha - 26\beta + 22\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -7\alpha - 50\beta + 40\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha + 10\beta - 8\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} - \frac{13\beta}{3} + \frac{11\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{7\alpha}{6} - \frac{25\beta}{3} + \frac{20\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{3} + \frac{5\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{2\alpha}{3} - \frac{13\beta}{3} + \frac{11\gamma}{3} \\ -\frac{7\alpha}{6} - \frac{25\beta}{3} + \frac{20\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{3} + \frac{5\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-7, 32, -31)$$

$$L: \frac{x}{22} = \frac{y+22}{22} = \frac{z-11}{0}$$
$$A_0 = (25, -29, 21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+17}{14} = \frac{-y-4}{2} = \frac{z-5}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+101}{14} = \frac{8-y}{2} = \frac{z+7}{2}$$