Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 27

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[-9-14*I], [-1+6*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-3)(x+3)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-3)(x+3)(x^2-6x+13)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-9+47i$, $57-5i$, $-33-9i$

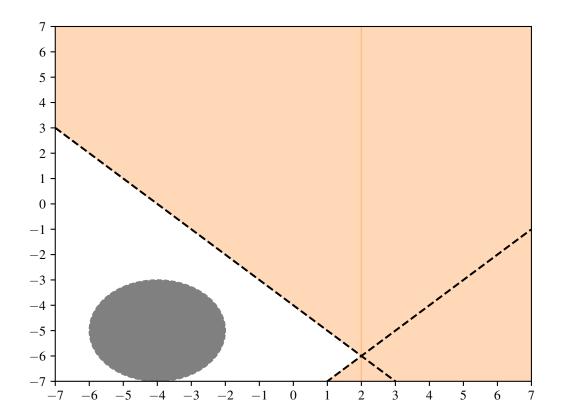
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -6) под углом $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 19\alpha + 10\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 18\alpha + 10\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -10\alpha - 6\beta - 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{19\alpha}{2} - 5\beta - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -9\alpha - 5\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 5\alpha + 3\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{19\alpha}{2} - 5\beta - 2\gamma \\ -9\alpha - 5\beta - 2\gamma \\ 5\alpha + 3\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, -3, -10)$$

$$L: \frac{x+2}{90} = \frac{y-8}{-6} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-1, 23, -28)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-1}{19} = \frac{-y-17}{8} = \frac{15-z}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-115}{19} = \frac{-y-65}{8} = \frac{-z-75}{15}$$