Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 8

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 3;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{18}\right)\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{18}\right) = e^{\frac{17i\pi}{18}}$

2.
$$Matrix([[-6+10*I],[-11+10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x+1)(x+3)(x-1-5i)(x-1+5i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x+1)(x+3)(x^2-2x+26)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $8 + 12i$, $18 + 8i$, $-44 - 56i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

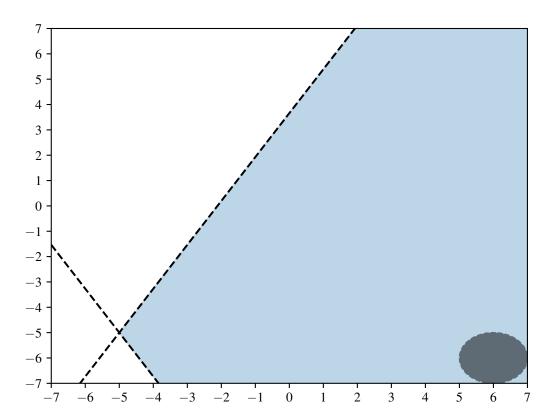
•
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- $6.\ 1)$ Область внутри окружности с центром в точке (6;-6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 28\alpha + 12\beta - 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 58\alpha + 26\beta - 34\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -68\alpha - 30\beta + 40\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -7\alpha - 3\beta + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{29\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} + \frac{17\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 17\alpha + \frac{15\beta}{2} - 10\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -7\alpha - 3\beta + 4\gamma \\ -\frac{29\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} + \frac{17\gamma}{2} \\ 17\alpha + \frac{15\beta}{2} - 10\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-24, -7, -4)$$

$$L: \frac{x+3}{9} = \frac{y+10}{9} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-6, -3, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{2-x}{6} = \frac{7-y}{14} = \frac{z+5}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-34}{6} = \frac{-y-77}{14} = \frac{z-13}{3}$$