Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 24

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

- k = 3;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-4-14*I], [-2-10*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-4)(x+3)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-4)(x+3)(x^2+2x+10)(x^2+10x+29)$

4. Все числа z: 44 + 27i, -24 - 21i, 10 + 21i

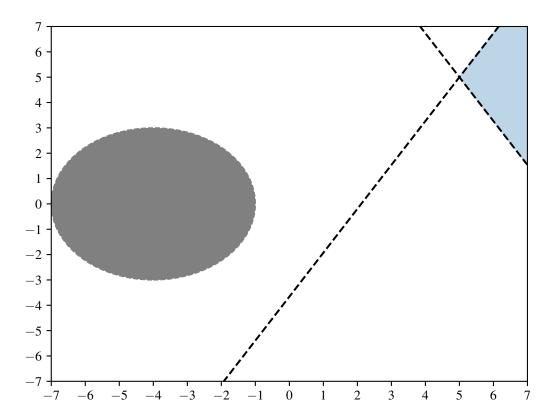
5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12:

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; 0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 75\alpha + 8\beta - 76\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -20\alpha - 2\beta + 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 18\alpha + 2\beta - 18\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{75\alpha}{2} - 4\beta + 38\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 10\alpha + \beta - 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -9\alpha - \beta + 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{75\alpha}{2} - 4\beta + 38\gamma \\ 10\alpha + \beta - 10\gamma \\ -9\alpha - \beta + 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-29, 15, -23)$$

$$L: \frac{x}{-25} = \frac{y - 25}{-25} = \frac{z - 4}{0}$$
$$A_0 = (-28, 27, 4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-9}{11} = \frac{y-13}{7} = \frac{z-19}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-42}{11} = \frac{y-34}{7} = \frac{z-58}{13}$$