Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-229. Вариант 4

1. Пусть 
$$z = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}$$
. Вычислить значение  $\sqrt[5]{z^2}$ , для которого число  $\frac{\sqrt[5]{z^2}}{\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}}$  имеет аргумент  $-\frac{11\pi}{10}$ .

2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(-2-6i) + y(4-15i) = -295 + 51i \\ x(-6+3i) + y(-4+9i) = 225 + 84i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена  $-2x^6+12x^5-64x^4-80x^3+1414x^2-8780x+19500$  и разложить его на множители над  $\mathbb R$  и  $\mathbb C$ , если известны корни  $x_1=1-5i, x_2=3-4i, x_3=-5$ .
- 4. Даны 3 комплексных числа: -28+22i, -15-17i, -16-23i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа  $z_1 = -4$ ,  $z_2 = -2 2\sqrt{3}i$  соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой  $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$ :

$$\begin{cases} |z-3| < 3\\ |arg(z+4i)| < \frac{3\pi}{4} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (2, 0, 0), b = (5, 9, -4), c = (6, -7, 3). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(6, -7, -4) и плоскость P: 8x 16y + 4z + 24 = 0. Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(-10, 10, 7),  $M_1(2, -8, 5)$ ,  $M_2(11, -2, 5)$ . Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки  $M_1$  и  $M_2$ . Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые  $L_1$  и  $L_2$  своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} 4x - 10y + 31z - 236 = 0 \\ 16x + 4y + 17z + 270 = 0 \end{cases} \qquad L_2: \begin{cases} -12x - 14y + 14z - 3722 = 0 \\ 17x + 13y + 12z + 1745 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к L<sub>1</sub> и L<sub>2</sub>.