Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 20

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{5i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[12+11*I],[2-5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-3)(x-2)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+2-3i)(x+2+3i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-3)(x-2)(x^2+2x+17)(x^2+4x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $24+49i$, $26-19i$, $6+i$

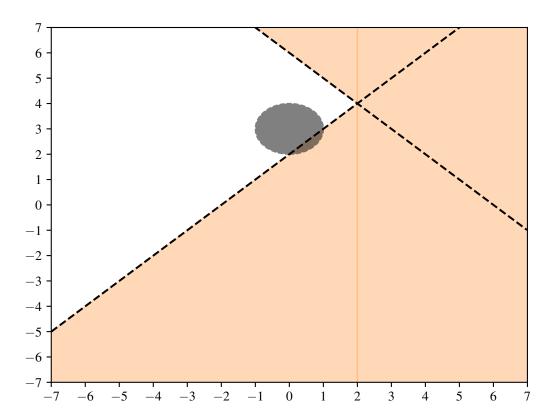
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;4) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha - 6\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -2\alpha - 3\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 16\alpha + 25\beta + 47\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha - 3\beta - 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \frac{3\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 8\alpha + \frac{25\beta}{2} + \frac{47\gamma}{2} \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -2\alpha - 3\beta - 6\gamma \\ -\alpha - \frac{3\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \\ 8\alpha + \frac{25\beta}{2} + \frac{47\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-27, 21, -10)$$

$$L: \frac{x+3}{19} = \frac{y+58}{57} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (38, -15, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+10}{8} = \frac{5-y}{18} = \frac{-z-3}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+66}{8} = \frac{131 - y}{18} = \frac{116 - z}{17}$$