Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 12

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{4}\right)\right) = -\sqrt{2} + \sqrt{2}i = 2e^{\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-7+12*I],[2+13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-1)(x+4)(x-2-4i)(x-2+4i)(x-1-3i)(x-1+3i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-1)(x+4)(x^2-4x+20)(x^2-2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $25 + 24i$, $-15 + 34i$, $3 - 78i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

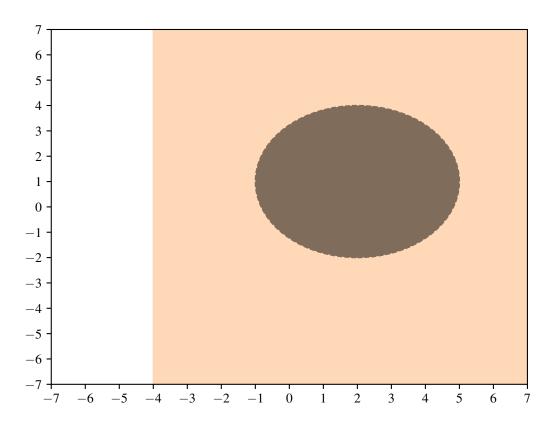
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
:

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 9\alpha + 20\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -27\alpha - 57\beta - 27\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -24\alpha - 51\beta - 24\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha + \frac{20\beta}{3} + \frac{10\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -9\alpha - 19\beta - 9\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -8\alpha - 17\beta - 8\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha + \frac{20\beta}{3} + \frac{10\gamma}{3} \\ -9\alpha - 19\beta - 9\gamma \\ -8\alpha - 17\beta - 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, 15, 15)$$

$$L: \frac{x+2}{23} = \frac{y+25}{23} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (25, -32, -11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-4}{4} = \frac{3-y}{10} = \frac{-z-13}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{24 - x}{4} = \frac{73 - y}{10} = \frac{85 - z}{14}$$