Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 16

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = -1;
- Искомое значение =  $1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{7}\right)\right) = \cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) i\sin\left(\frac{3\pi}{7}\right) = e^{-\frac{3i\pi}{7}}$
- 2. Matrix([[7+5\*I], [2-15\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x-3)(x+4)(x-4-i)(x-4+i)(x-3-3i)(x-3+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x-3)(x+4)(x^2-8x+17)(x^2-6x+18)$ 

4. Все числа z: 9-25i, 35-33i, -39+15i

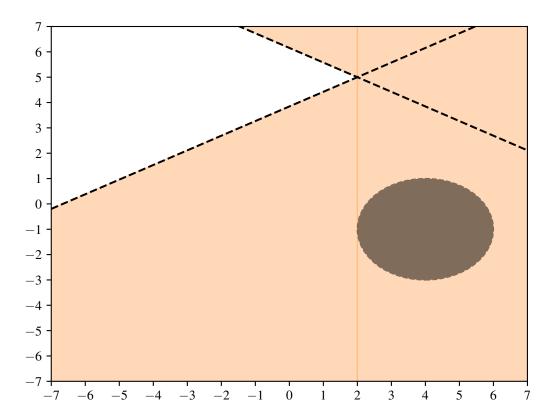
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4;

• 
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4;-1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;5) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 1$$
;

• 
$$\Delta_1 = 8\alpha - \beta - 8\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha - \gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -18\alpha + 3\beta + 19\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 8\alpha - \beta - 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -18\alpha + 3\beta + 19\gamma \end{pmatrix};$$
•  $x = \begin{pmatrix} 8\alpha - \beta - 8\gamma \\ \alpha - \gamma \\ -18\alpha + 3\beta + 19\gamma \end{pmatrix}$ 

• 
$$x = \begin{pmatrix} 8\alpha - \beta - 8\gamma \\ \alpha - \gamma \\ -18\alpha + 3\beta + 19\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-6, -19, 3)$$

$$L: \frac{x+2}{13} = \frac{y-11}{-13} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (11, 12, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{15} = \frac{y-3}{6} = \frac{z+19}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 80}{15} = \frac{y - 39}{6} = \frac{z - 11}{5}$$