Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 24

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{26\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{26\pi}{15}\right)\right) = -\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right) = e^{\frac{4i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[5+14*I],[-2-2*I]])$$

3. Над С:
$$-1*(x+2)(x+3)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-3-3i)(x-3+3i)$$
, Над \mathbb{R} : $-1*(x+2)(x+3)(x^2-8x+20)(x^2-6x+18)$

4. Все числа
$$z$$
: $39 + 12i$, $-47 + 6i$, $-7 + 42i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\frac{11\pi}{12}) + i \cdot \sin(\frac{11\pi}{12}));$$

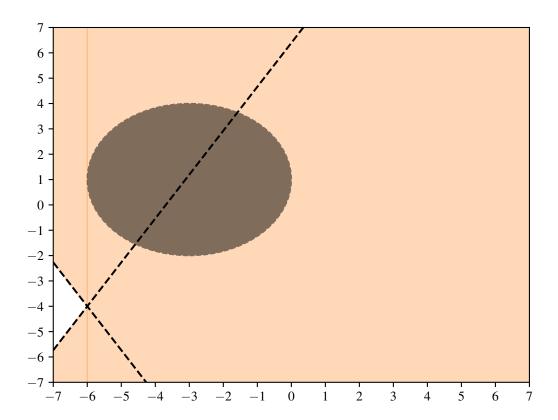
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; 1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 2\alpha - 14\beta - 56\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha - 4\beta - 19\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 4\alpha - 22\beta - 88\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} - \frac{28\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{6} - \frac{2\beta}{3} - \frac{19\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2\alpha}{3} - \frac{11\beta}{3} - \frac{44\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} - \frac{28\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{6} - \frac{2\beta}{3} - \frac{19\gamma}{6} \\ \frac{2\alpha}{3} - \frac{11\beta}{3} - \frac{44\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, -8, 23)$$

$$L: \frac{x+2}{44} = \frac{y-1}{-4} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (10, 11, 4)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+6}{17} = \frac{-y-11}{6} = \frac{-z-19}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+74}{17} = \frac{13-y}{6} = \frac{57-z}{19}$$