Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 21

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{10}\right)\right) = -\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(-\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right) = e^{\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-15+11*I],[7-7*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-2)(x+1)(x-4-3i)(x-4+3i)(x-1-4i)(x-1+4i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-2)(x+1)(x^2-8x+25)(x^2-2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-9+39i$, $13+17i$, $-21-33i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi))$$
;

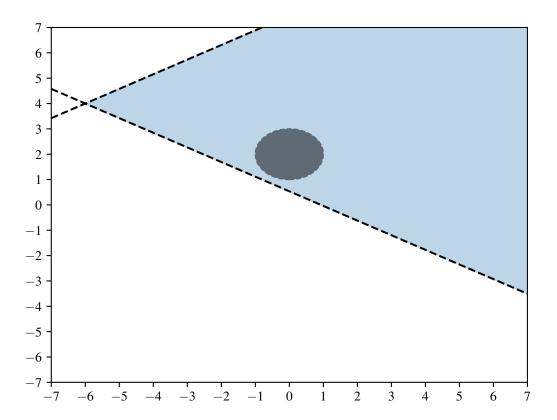
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -27\alpha - 24\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -30\alpha - 27\beta - 12\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 9\alpha + 8\beta + \frac{10\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 10\alpha + 9\beta + 4\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\gamma}{3} \\ 9\alpha + 8\beta + \frac{10\gamma}{3} \\ 10\alpha + 9\beta + 4\gamma \end{pmatrix}$$

8.
$$A_0 = (29, -24, 6)$$

9.
$$L: \frac{x+2}{8} = \frac{y+11}{8} = \frac{z+1}{0}$$

$$A_0 = (10, -21, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+2}{13} = \frac{-y-8}{11} = \frac{-z-19}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+93}{13} = \frac{69-y}{11} = \frac{44-z}{9}$$