Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 18

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{23\pi}{12}\right)\right) = \frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right) = e^{\frac{i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-7+14*I], [-11+5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x-4)(x+4)(x+2-5i)(x+2+5i)(x+4-4i)(x+4+4i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x-4)(x+4)(x^2+4x+29)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $-23+40i$, $-11-36i$, $1-10i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

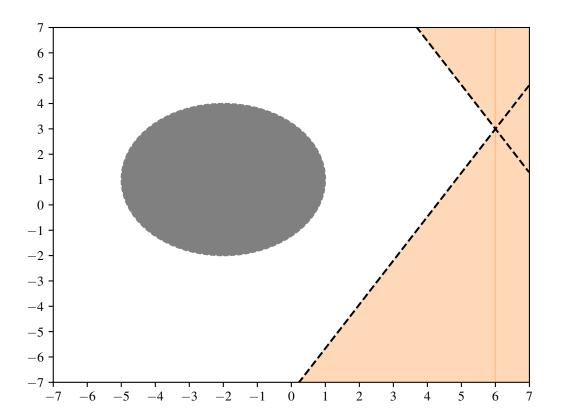
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6; 3) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 25\alpha - 5\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -14\alpha + 4\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 24\alpha - 6\beta - 18\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{25\alpha}{6} + \frac{5\beta}{6} + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha + \beta + 3\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{25\alpha}{6} + \frac{5\beta}{6} + 3\gamma \\ \frac{7\alpha}{3} - \frac{2\beta}{3} - 2\gamma \\ -4\alpha + \beta + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-38, 2, 25)$$

$$L: \frac{x+2}{8} = \frac{y-24}{-24} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (8, 4, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+18}{8} = \frac{y+7}{5} = \frac{18-z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-22}{8} = \frac{y-18}{5} = \frac{-z-77}{19}$$