Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 3

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[-11-8*I],[-15-I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-3)(x+2)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+2-i)(x+2+i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+2)(x^2+2x+10)(x^2+4x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $-22 + 14i$, $-22 - 12i$, $46 + 40i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

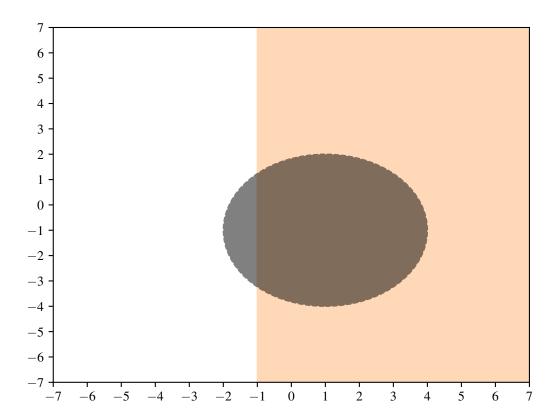
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 30\alpha + 46\beta + 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -25\alpha - 38\beta - 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -12\alpha - 18\beta - 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 15\alpha + 23\beta + 10\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{25\alpha}{2} - 19\beta - \frac{17\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha - 9\beta - 4\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 15\alpha + 23\beta + 10\gamma \\ -\frac{25\alpha}{2} - 19\beta - \frac{17\gamma}{2} \\ -6\alpha - 9\beta - 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-34, 1, 16)$$

$$L: \frac{x+3}{-60} = \frac{y-9}{-8} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (10, 26, -1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x}{10} = \frac{9 - y}{12} = \frac{z + 2}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+70}{10} = \frac{93-y}{12} = \frac{z+121}{17}$$