Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 20

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

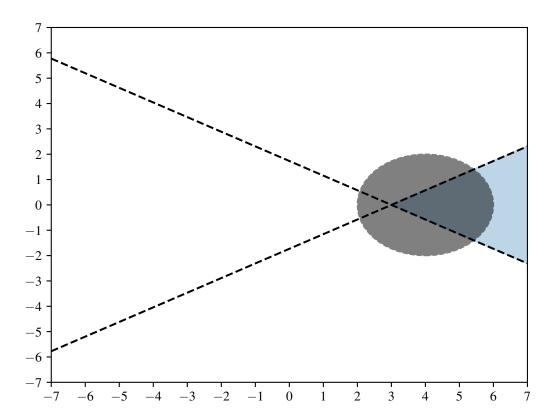
•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$
- k = -4;
- Искомое значение = $2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{22\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{22\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} e^{\frac{20i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[14+9*I], [10+7*I]])

3. Над С: 2 *
$$(x-4)(x+2)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-1-3i)(x-1+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x+2)(x^2-8x+20)(x^2-2x+10)$

- 4. Все числа z: 22+9i, -26-43i, -6-i
- 5. $z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$
 - $z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
 - n = 3;
 - $z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -2\alpha - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 22\alpha + 12\beta + 38\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -3\alpha - 3\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{11\alpha}{3} - 2\beta - \frac{19\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ -\frac{11\alpha}{3} - 2\beta - \frac{19\gamma}{3} \\ \frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-34, 22, 25)$$

$$L: \frac{x}{-35} = \frac{y-5}{-7} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-17, 12, 32)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-3}{11} = \frac{y-1}{5} = \frac{2-z}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-69}{11} = \frac{y-31}{5} = \frac{-z-46}{8}$$