Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 10

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 2e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[9-12*I], [11-8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-3)(x+1)(x+2-3i)(x+2+3i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-3)(x+1)(x^2+4x+13)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $39 - 59i$, $-47 - i$, $15 + 43i$

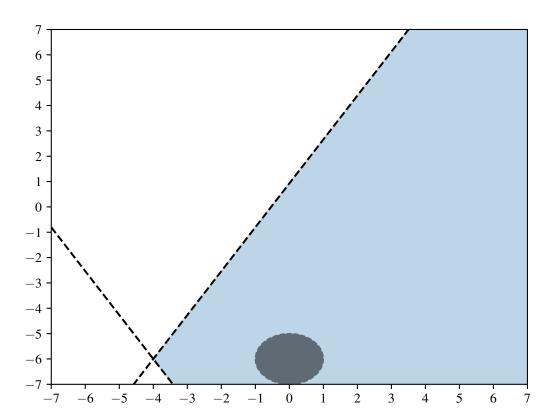
5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(\frac{11\pi}{12}) + i \cdot \sin(\frac{11\pi}{12}));$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -64i = 2^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -6) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 11\alpha + 8\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -20\alpha - 12\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -6\alpha - 4\beta + 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{11\alpha}{4} + 2\beta - \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha - 3\beta + 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{3\alpha}{2} - \beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{11\alpha}{4} + 2\beta - \frac{3\gamma}{2} \\ -5\alpha - 3\beta + 3\gamma \\ -\frac{3\alpha}{2} - \beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-5, -6, -11)$$

$$L: \frac{x+3}{-12} = \frac{y+25}{24} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-29, -23, -22)$$

$$\frac{x+18}{14} = \frac{y+15}{14} = -\frac{z}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-38}{14} = \frac{y-41}{14} = \frac{-z-80}{20}$$