Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 25

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = 2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{-\frac{17i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[1-10*I],[8-4*I]])$$

3. Над С:
$$-3*(x+4)(x+5)(x+3-2i)(x+3+2i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-3*(x+4)(x+5)(x^2+6x+13)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-45-40i$, $-3+36i$, $-13+18i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

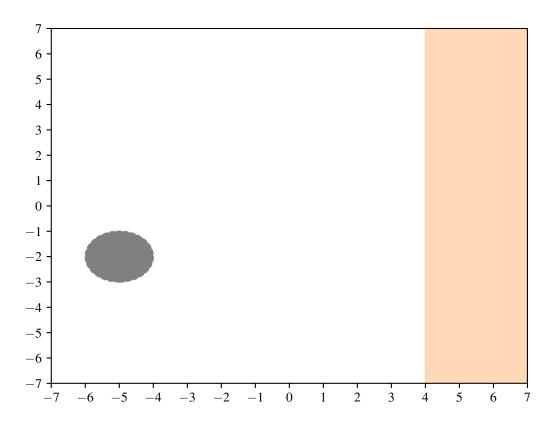
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
:

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 38\alpha - 18\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 70\alpha - 34\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -74\alpha + 36\beta + 8\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{19\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{35\alpha}{2} + \frac{17\beta}{2} + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{37\alpha}{2} - 9\beta - 2\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{19\alpha}{2} + \frac{9\beta}{2} + \gamma \\ -\frac{35\alpha}{2} + \frac{17\beta}{2} + 2\gamma \\ \frac{37\alpha}{2} - 9\beta - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-7, 34, 34)$$

$$L: \frac{x+2}{7} = \frac{y-33}{-35} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (26, -3, 32)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+8}{14} = \frac{y-16}{13} = \frac{-z-3}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+78}{14} = \frac{y+49}{13} = \frac{77-z}{16}$$