Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 1

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

- $arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3}$;
- k = 0;
- Искомое значение = $2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{5}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4} i\sqrt{\frac{5}{8} \frac{\sqrt{5}}{8}}\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{-\frac{i\pi}{5}}$
- 2. Matrix([[2-5*I], [-12-10*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-3)(x+4)(x+2-3i)(x+2+3i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-3)(x+4)(x^2+4x+13)(x^2+10x+26)$

4. Все числа z: -15-15i, -15+7i, 35-29i

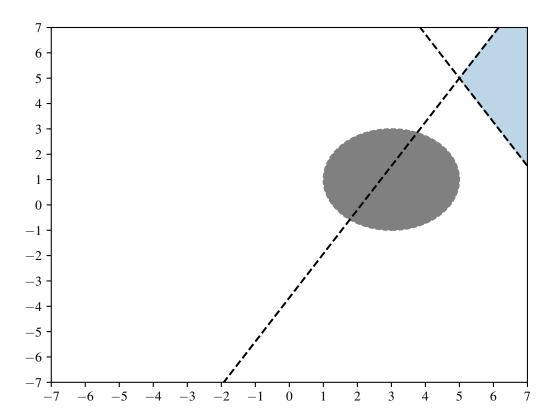
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4:

•
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha - 16\beta - 11\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha + 12\beta + 11\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -8\beta - 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{4} - 4\beta - \frac{11\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{4} + 3\beta + \frac{11\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -2\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{4} - 4\beta - \frac{11\gamma}{4} \\ -\frac{\alpha}{4} + 3\beta + \frac{11\gamma}{4} \\ -2\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-17, -29, -1)$$

$$L: \frac{x+3}{8} = \frac{y+40}{40} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (13, -12, -21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{15} = \frac{5-y}{19} = \frac{z-12}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-91}{15} = \frac{-y-109}{19} = \frac{z-90}{13}$$