Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$$

- k = 0;
- Искомое значение = $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{i\pi}{18}}$
- 2. Matrix([[10-12*I], [-8+6*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5 * (x-3)(x+2)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : $-5 * (x-3)(x+2)(x^2-8x+32)(x^2+10x+29)$

4. Все числа z: -40-4i, 14+16i, -2+28i

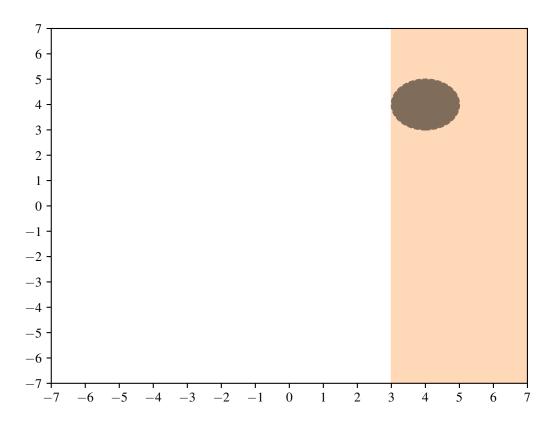
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -256 = 4^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -256$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 4) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -22\alpha - 42\beta - 28\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 14\alpha + 27\beta + 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 4\alpha + 6\beta + 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{11\alpha}{3} + 7\beta + \frac{14\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{7\alpha}{3} - \frac{9\beta}{2} - \frac{17\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{2\alpha}{3} - \beta - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{11\alpha}{3} + 7\beta + \frac{14\gamma}{3} \\ -\frac{7\alpha}{3} - \frac{9\beta}{2} - \frac{17\gamma}{6} \\ -\frac{2\alpha}{3} - \beta - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-10, 3, 12)$$

$$L: \frac{x+3}{28} = \frac{y+16}{14} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (11, -39, 18)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-12}{3} = \frac{y-1}{7} = \frac{z+8}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-21}{3} = \frac{y-22}{7} = \frac{z-43}{17}$$