Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 30

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = 1;
- Искомое значение = $2\cdot\left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right)=-1+\sqrt{3}i=2e^{\frac{2i\pi}{3}}$
- 2. Matrix([[-12+11*I],[-12-I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x+1)(x+4)(x-3-i)(x-3+i)(x+1-3i)(x+1+3i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+1)(x+4)(x^2-6x+10)(x^2+2x+10)$

4. Все числа z: 15 - 29i, 43 - 31i, -71 + 53i

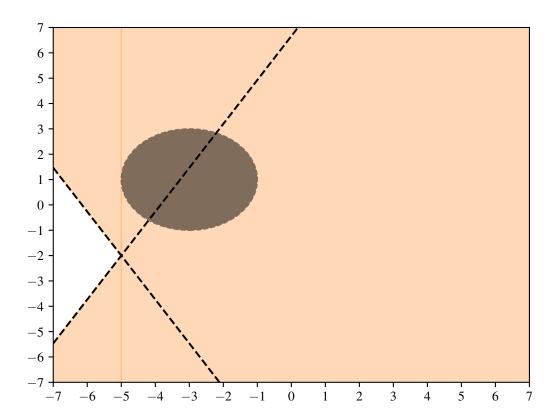
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -2) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 14\alpha + 26\beta + 38\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 3\alpha + 5\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 15\alpha + 27\beta + 40\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 7\alpha + 13\beta + 19\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{3\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{15\alpha}{2} + \frac{27\beta}{2} + 20\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} 7\alpha + 13\beta + 19\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} + 4\gamma \\ \frac{15\alpha}{2} + \frac{27\beta}{2} + 20\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, -28, 32)$$

$$L: \frac{x+3}{24} = \frac{y-23}{-24} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (24, 16, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-17}{3} = \frac{15-y}{13} = \frac{z+10}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-2}{3} = \frac{80 - y}{13} = \frac{z+65}{11}$$