Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 33

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение =  $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{21}\right)\right) = -\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right) = e^{\frac{13i\pi}{21}}$

2. 
$$Matrix([[-9+6*I], [-2+6*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5$  \*  $(x-2)(x+5)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+2-2i)(x+2+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5$  \*  $(x-2)(x+5)(x^2+2x+10)(x^2+4x+8)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $12+i$ ,  $28+15i$ ,  $-70+37i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

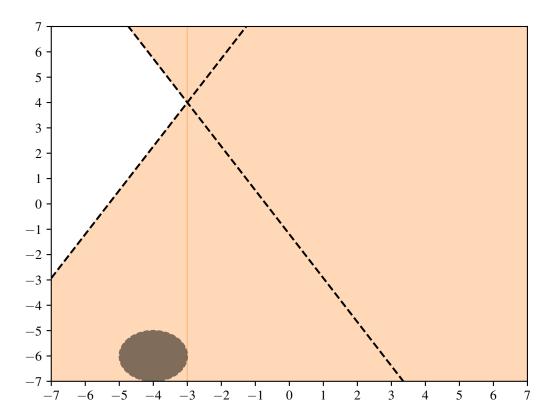
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -6) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;4) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -20\alpha + 36\beta + 20\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -16\alpha + 28\beta + 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -22\alpha + 41\beta + 23\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha + 9\beta + 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -4\alpha + 7\beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{11\alpha}{2} + \frac{41\beta}{4} + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -5\alpha + 9\beta + 5\gamma \\ -4\alpha + 7\beta + 4\gamma \\ -\frac{11\alpha}{2} + \frac{41\beta}{4} + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, -28, -5)$$

9. 
$$L: \frac{x-1}{-14} = \frac{y-11}{-14} = \frac{z+4}{0}$$

$$A_0 = (-5, 21, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{7-x}{6} = \frac{y-18}{5} = \frac{z-9}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-23}{6} = \frac{y-43}{5} = \frac{z-104}{19}$$