Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 3

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = {\sqrt[7]{3} \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{7}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) - i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{5i\pi}{7}}$$

2.
$$Matrix([[-2+8*I], [-9-12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-3)(x+4)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+2-i)(x+2+i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+4)(x^2-6x+13)(x^2+4x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $60 + 23i$, $-40 + 21i$, $-16 - i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

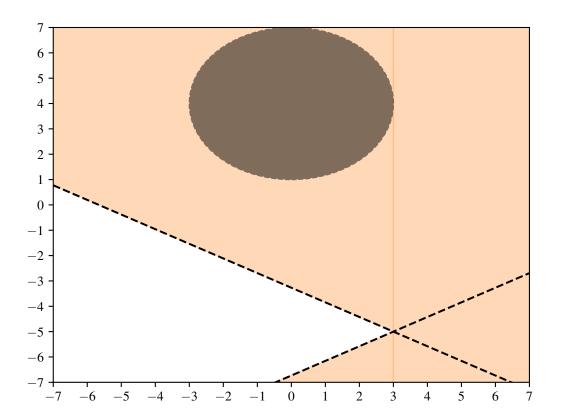
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -5) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -17\alpha + 19\beta + 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 4\alpha - 4\beta$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha - 2\beta - 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{17\alpha}{4} - \frac{19\beta}{4} - \frac{7\gamma}{4} \\ \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \beta \\ \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{17\alpha}{4} - \frac{19\beta}{4} - \frac{7\gamma}{4} \\ -\alpha + \beta \\ -\frac{\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (11, -27, 2)$$

$$L: \frac{x+2}{-15} = \frac{y-16}{-15} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (-24, 30, -29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{19} = \frac{3-y}{12} = \frac{4-z}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+108}{19} = \frac{63-y}{12} = \frac{29-z}{5}$$