Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 12

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -27i = -27i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 3^{\frac{3}{7}}i = 3^{\frac{3}{7}}i$$

2.
$$Matrix([[5+4*I], [10-14*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-4)(x+4)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x+4)(x^2-4x+8)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $4 + 17i$, $2 - 19i$, $-16 - 33i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

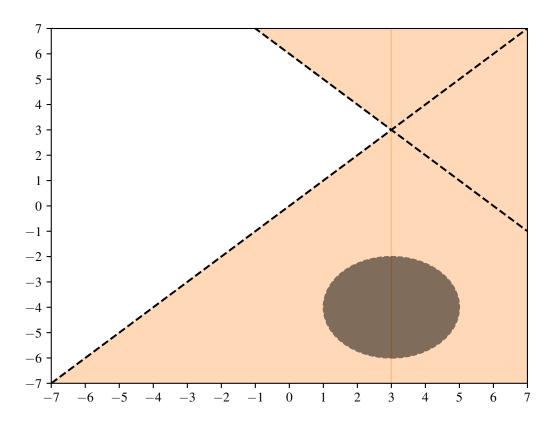
•
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -64 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;3) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 54\alpha + 20\beta + 22\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -153\alpha - 56\beta - 63\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 65\alpha + 24\beta + 27\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{27\alpha}{2} - 5\beta - \frac{11\gamma}{2} \\ \\ 0 & 1 & 0 & \frac{153\alpha}{4} + 14\beta + \frac{63\gamma}{4} \\ \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{65\alpha}{4} - 6\beta - \frac{27\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{27\alpha}{2} - 5\beta - \frac{11\gamma}{2} \\ \frac{153\alpha}{4} + 14\beta + \frac{63\gamma}{4} \\ -\frac{65\alpha}{4} - 6\beta - \frac{27\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-10, -16, -14)$$

$$L: \frac{x}{2} = \frac{y+4}{2} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (17, -7, -27)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-11}{7} = \frac{-y-20}{7} = \frac{-z-6}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{17 - x}{7} = \frac{8 - y}{7} = \frac{10 - z}{4}$$