Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 15

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = 0$$
:

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{14}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[-5-6*I], [-6+14*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1*(x-4)(x-3)(x-1-3i)(x-1+3i)(x+4-4i)(x+4+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x-4)(x-3)(x^2-2x+10)(x^2+8x+32)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-26+8i$ ,  $-10+30i$ ,  $40+12i$ 

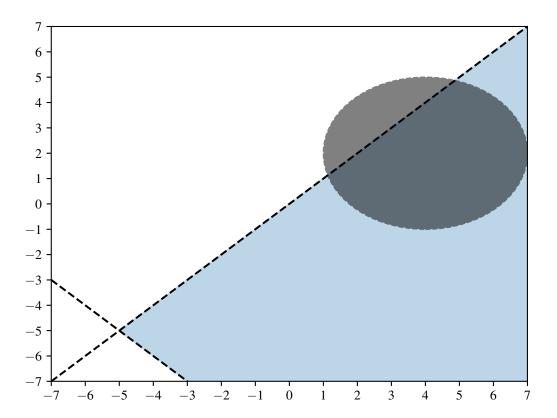
5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = 64 = 2^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -5) под углом  $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = -3\alpha + 9\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -\alpha + 4\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 3\alpha - 11\beta + 11\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 3\alpha - 9\beta + 10\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha - 4\beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -3\alpha + 11\beta - 11\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 3\alpha - 9\beta + 10\gamma \\ \alpha - 4\beta + 4\gamma \\ -3\alpha + 11\beta - 11\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-28, 21, 4)$$

$$L: \frac{x-2}{12} = \frac{y+5}{4} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (9, -16, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-10}{2} = \frac{y+20}{7} = \frac{-z-6}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-20}{2} = \frac{y-15}{7} = \frac{-z-51}{9}$$