Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 16

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = 4;
- Искомое значение =  $2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{5}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} e^{-\frac{3i\pi}{5}}$
- 2. Matrix([[5-2\*I], [9-6\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x+1)(x+4)(x-3-5i)(x-3+5i)(x+5-4i)(x+5+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x+1)(x+4)(x^2-6x+34)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа z: -35 + 22i, 57 + 6i, -13 + 6i

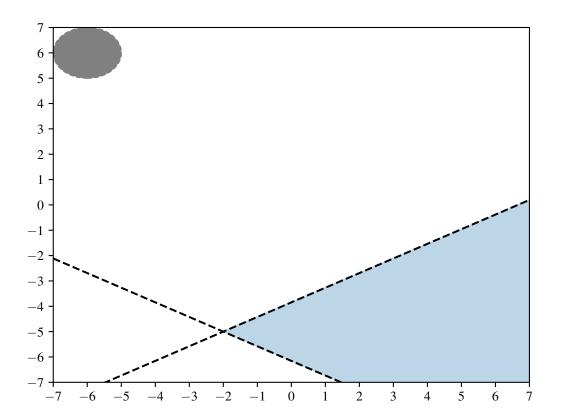
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4;

• 
$$z = -128 + 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 256e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6; 6) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2; -5) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 18\alpha - 54\beta + 40\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -17\alpha + 49\beta - 36\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 2\alpha - 6\beta + 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} + \frac{27\beta}{2} - 10\gamma \\ \\ 0 & 1 & 0 & \frac{17\alpha}{4} - \frac{49\beta}{4} + 9\gamma \\ \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -\frac{9\alpha}{2} + \frac{27\beta}{2} - 10\gamma \\ \frac{17\alpha}{4} - \frac{49\beta}{4} + 9\gamma \\ -\frac{\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-12, -26, -10)$$

$$L: \frac{x-1}{8} = \frac{y-5}{-8} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (-1, 11, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{3-x}{13} = \frac{12-y}{15} = \frac{14-z}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-75}{13} = \frac{-y-78}{15} = \frac{-z-88}{17}$$