Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 31

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 2;
- Искомое значение =  $\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \sqrt{3}e^{\frac{5i\pi}{6}}$

2. 
$$Matrix([[-7+11*I],[11-9*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 1 \*  $(x-3)(x+3)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+4-2i)(x+4+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-3)(x+3)(x^2+2x+17)(x^2+8x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-25+53i$ ,  $-25-9i$ ,  $57-39i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

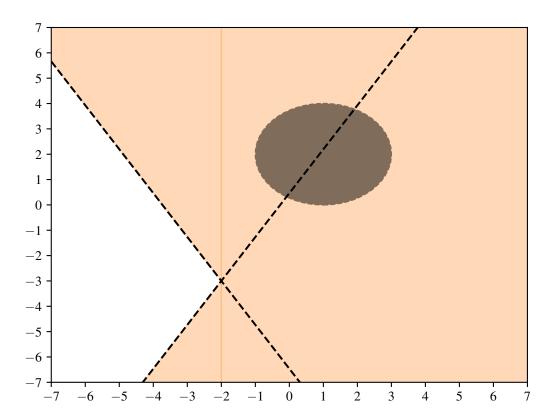
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; 2) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2; -3) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -44\alpha - 6\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 52\alpha + 6\beta - 21\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 54\alpha + 6\beta - 21\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{22\alpha}{3} - \beta + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{26\alpha}{3} + \beta - \frac{7\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 9\alpha + \beta - \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{22\alpha}{3} - \beta + 3\gamma \\ \frac{26\alpha}{3} + \beta - \frac{7\gamma}{2} \\ 9\alpha + \beta - \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (0, 13, -14)$$

$$L: \frac{x+3}{4} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z-4}{0}$$
$$A_0 = (8, 1, 0)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-10}{5} = \frac{-y-10}{2} = \frac{z-5}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-25}{5} = \frac{-y-16}{2} = \frac{z-53}{16}$$