Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 1

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 3$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 2^{\frac{4}{5}} e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-14+6*I], [-9-15*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x+3)^2(x+3-2i)(x+3+2i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x+3)^2(x^2+6x+13)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-32 + 15i$, $60 + 31i$, $-14 - 19i$

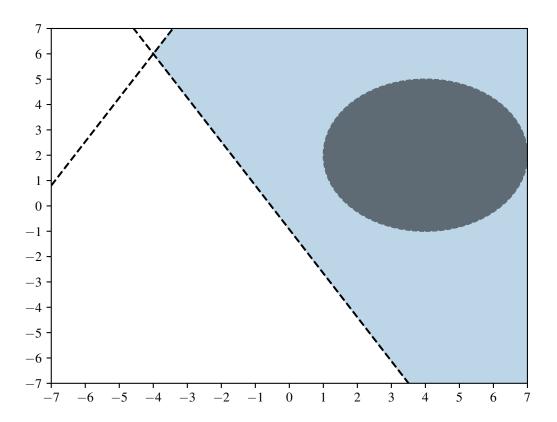
5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;6) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 8\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\alpha - 62\beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 7\beta + \gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{4\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + \frac{31\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\beta}{6} - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{4\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ -\alpha + \frac{31\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ -\frac{7\beta}{6} - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, 23, -27)$$

$$L: \frac{x+2}{18} = \frac{y-17}{-18} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (12, 19, -25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-3}{4} = \frac{y+10}{5} = -\frac{z}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+17}{4} = \frac{y+35}{5} = \frac{85-z}{17}$$