Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(-\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) - i\sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{-\frac{11i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[9+8*I],[6+10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x+5)^2$ $(x-4-2i)$ $(x-4+2i)$ $(x-2-5i)$ $(x-2+5i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+5)^2$ $(x^2-8x+20)$ $(x^2-4x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $15 + 28i$, $-1 + 6i$, $-47 - 58i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right)$$
;

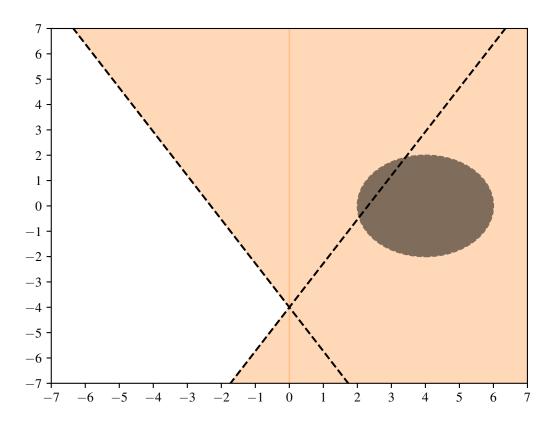
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -8 - 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 3\alpha - 8\beta - 27\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 9\alpha - 28\beta - 99\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -3\alpha + 10\beta + 33\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{4\beta}{3} + \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} + \frac{14\beta}{3} + \frac{33\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} - \frac{5\beta}{3} - \frac{11\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{2} + \frac{4\beta}{3} + \frac{9\gamma}{2} \\ -\frac{3\alpha}{2} + \frac{14\beta}{3} + \frac{33\gamma}{2} \\ \frac{\alpha}{2} - \frac{5\beta}{3} - \frac{11\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, -18, -9)$$

$$L: \frac{x-2}{110} = \frac{y-11}{-10} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-8, 23, -20)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-17}{2} = \frac{y-11}{11} = \frac{z-1}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-23}{2} = \frac{y-44}{11} = \frac{z-49}{16}$$