Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 20

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{8\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{8\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right) = e^{-\frac{8i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[9-10*I],[12-12*I]])$$

3. Над С: 
$$-5*(x+1)(x+2)(x+3-3i)(x+3+3i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x+1)(x+2)(x^2+6x+18)(x^2+8x+17)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $8+7i$ ,  $-66-33i$ ,  $8+35i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

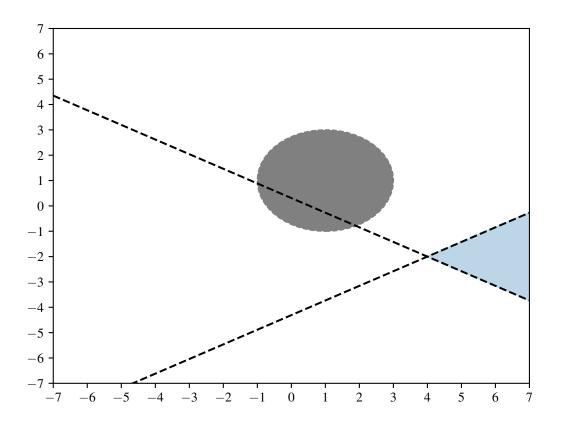
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -729i = 3^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -729i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1;1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = 92\alpha + 13\beta + 3\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -5\alpha - \beta$$
;

• 
$$\Delta_3 = 8\alpha + \beta$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{92\alpha}{3} + \frac{13\beta}{3} + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{5\alpha}{3} - \frac{\beta}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{8\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{92\alpha}{3} + \frac{13\beta}{3} + \gamma \\ -\frac{5\alpha}{3} - \frac{\beta}{3} \\ \frac{8\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (43, 14, -29)$$

$$L: \frac{x}{2} = \frac{y+27}{28} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (16, 0, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-1}{14} = \frac{-y-5}{18} = \frac{z-4}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+83}{14} = \frac{103 - y}{18} = \frac{z+56}{10}$$