Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 9

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{7}\right)\right) = \cos\left(\frac{\pi}{7}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{7}\right) = e^{-i\frac{\pi}{7}}$$

2. 
$$Matrix([[4+2*I],[11+14*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x-2)(x+3)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x-2)(x+3)(x^2+2x+10)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $16-20i$ ,  $14-30i$ ,  $-14-12i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

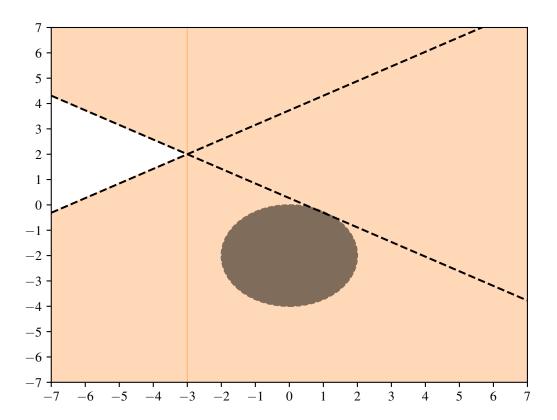
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
:

• 
$$z = -\frac{81}{2} + \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 81e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -2) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;2) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -4\alpha - 16\beta + 7\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -6\alpha - 24\beta + 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha + 30\beta - 15\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{2\alpha}{3} + \frac{8\beta}{3} - \frac{7\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & \alpha + 4\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha - 5\beta + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{2\alpha}{3} + \frac{8\beta}{3} - \frac{7\gamma}{6} \\ \alpha + 4\beta - 2\gamma \\ -\alpha - 5\beta + \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-9, -15, 23)$$

$$L: \frac{x-2}{10} = \frac{y-29}{-30} = \frac{z+1}{0}$$
$$A_0 = (13, 16, -12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+12}{8} = \frac{7-y}{4} = \frac{-z-9}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+52}{8} = \frac{27-y}{4} = \frac{91-z}{20}$$