Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 12

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}} \left(-\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right)\right) = 2^{\frac{2}{5}}e^{-\frac{i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-4+8*I], [7-4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5 * (x-4)(x+3)(x-3-i)(x-3+i)(x-1-4i)(x-1+4i)$, Над \mathbb{R} : $-5 * (x-4)(x+3)(x^2-6x+10)(x^2-2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $-1 - 16i$, $5 + 28i$, $-15 + 28i$

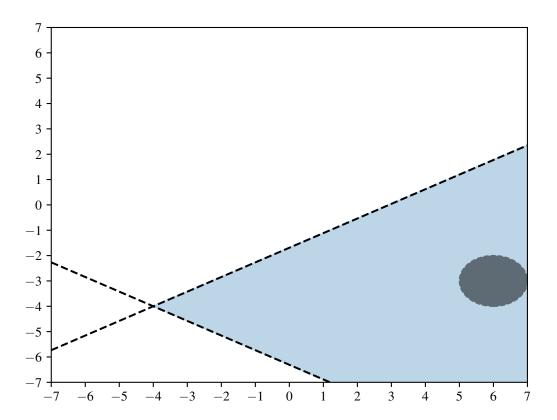
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; -3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -4) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 29\alpha - 78\beta + 35\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -18\alpha + 48\beta - 22\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -45\alpha + 122\beta - 55\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{29\alpha}{4} + \frac{39\beta}{2} - \frac{35\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{9\alpha}{2} - 12\beta + \frac{11\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{45\alpha}{4} - \frac{61\beta}{2} + \frac{55\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{29\alpha}{4} + \frac{39\beta}{2} - \frac{35\gamma}{4} \\ \frac{9\alpha}{2} - 12\beta + \frac{11\gamma}{2} \\ \frac{45\alpha}{4} - \frac{61\beta}{2} + \frac{55\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (23, -21, -24)$$

$$L: \frac{x+1}{98} = \frac{y-4}{-7} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (14, 17, 7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{13} = \frac{y+19}{3} = \frac{-z-18}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{47 - x}{13} = \frac{y + 34}{3} = \frac{77 - z}{19}$$