Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 33

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{2\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{4}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{14\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{14\pi}{15}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} \left(-\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + i\left(\frac{\sqrt{3} \cdot \left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2}\right)\right) = 2^{\frac{4}{5}} e^{\frac{14i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[4+13*I],[9-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x+1)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+2-3i)(x+2+3i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+1)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+4x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $-35 + 26i$, $17 - 46i$, $31 + 28i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

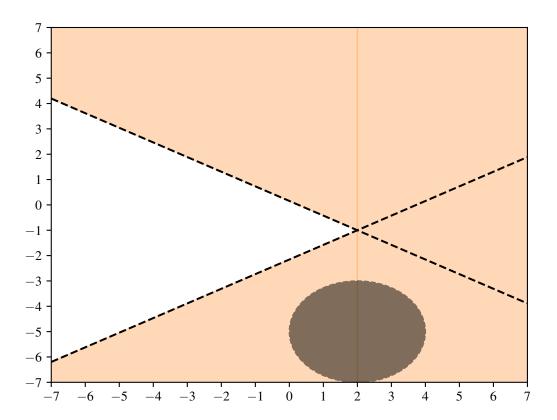
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-1) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -20\alpha - 16\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -4\alpha - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 37\alpha - \beta + 31\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{37\alpha}{4} - \frac{\beta}{4} + \frac{31\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -5\alpha - 4\gamma \\ -\alpha - \gamma \\ \frac{37\alpha}{4} - \frac{\beta}{4} + \frac{31\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, -36, -8)$$

$$L: \frac{x-1}{2} = \frac{y-4}{-2} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (9, 14, 8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-1}{9} = \frac{-y-18}{6} = \frac{z-10}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-28}{9} = \frac{-y-36}{6} = \frac{z-40}{10}$$