Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 32

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i) = \frac{\pi}{3}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{13\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{13\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3} \left(-\cos\left(\frac{5\pi}{18}\right) + i\sin\left(\frac{5\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{3}e^{\frac{13i\pi}{18}}$

2.
$$Matrix([[-2-5*I], [-13-8*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-3)(x-2)(x-4-i)(x-4+i)(x-2-4i)(x-2+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x-2)(x^2-8x+17)(x^2-4x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $35-16i$, $21+8i$, $-81-38i$

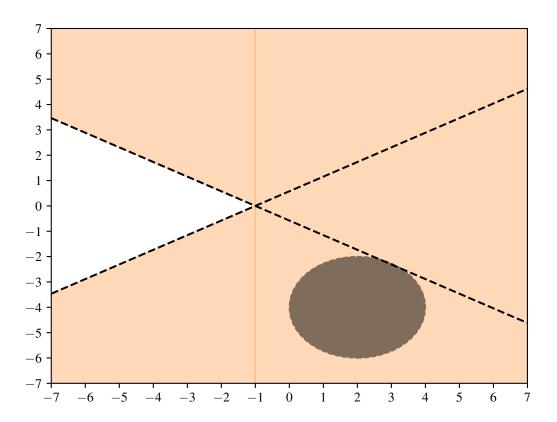
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -128 - 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 256e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -4) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;0) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = 33\alpha + 8\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 42\alpha + 10\beta + 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 18\alpha + 5\beta + 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -11\alpha - \frac{8\beta}{3} - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -14\alpha - \frac{10\beta}{3} - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha - \frac{5\beta}{3} - 2\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -11\alpha - \frac{8\beta}{3} - 4\gamma \\ -14\alpha - \frac{10\beta}{3} - 5\gamma \\ -6\alpha - \frac{5\beta}{3} - 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (10, 0, 3)$$

$$L: \frac{x+3}{19} = \frac{y-17}{-19} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (1, 7, 33)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{4} = \frac{y+18}{9} = \frac{7-z}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-32}{4} = \frac{y-36}{9} = \frac{-z-83}{15}$$