Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 6

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{5}} \cdot (\cos{(-\pi)} + i \cdot \sin{(-\pi)}) = -3^{\frac{3}{5}} = -3^{\frac{3}{5}}$$

2.
$$Matrix([[11-10*I],[12+3*I]])$$

3. Над С:
$$-3*(x-3)(x+4)(x-3-3i)(x-3+3i)(x-2-i)(x-2+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-3*(x-3)(x+4)(x^2-6x+18)(x^2-4x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $-10-21i$, $8+37i$, $48-11i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

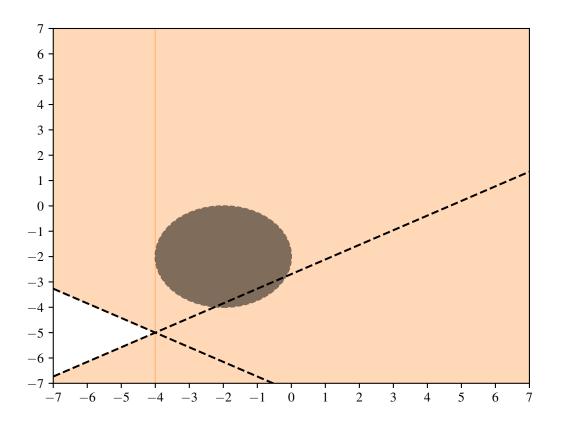
•
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4; -5) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 1$$
;

•
$$\Delta_1 = 4\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 7\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha + 23\beta - 15\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 4\beta - 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 7\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha + 23\beta - 15\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 4\beta - 3\gamma \\ 7\beta - 5\gamma \\ \alpha + 23\beta - 15\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, 7, 16)$$

$$L: \frac{x+1}{-23} = \frac{y+25}{23} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-19, -15, -22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-7}{13} = \frac{-y-11}{10} = \frac{z-12}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-59}{13} = \frac{-y-51}{10} = \frac{z-24}{3}$$