Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-226. Вариант 10

- 1. Пусть $z=1+\sqrt{3}i$. Вычислить значение $\sqrt[4]{z^2}$, для которого число $\frac{\sqrt[4]{z^2}}{\sqrt[4]{2}+\frac{i}{2}}$ имеет аргумент $-\pi$.
- 2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(-14 - 12i) + y(1 - 11i) = 79 - 335i \\ x(11 - 6i) + y(12 - 12i) = 210 + 34i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена $2x^6+10x^5-12x^4-180x^3-622x^2-1430x+11832$ и разложить его на множители над $\mathbb R$ и $\mathbb C$, если известны корни $x_1=-1+4i, x_2=-5-2i, x_3=4.$
- 4. Даны 3 комплексных числа: -30-8i, 7+14i, -15-11i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа $z_1 = -\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} \frac{\sqrt{2}}{4}\right), z_2 = \frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right)$ соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$:

$$\begin{cases} |z+4-4i| < 3\\ |arg(z+3-6i)| < \frac{\pi}{3} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (4, -9, 0), b = (5, -9, -1), c = (-6, 2, 5). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(8,-7,3) и плоскость P:4x-20y-14z+176=0. Найти координаты точки A_0 , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(6,5,7), $M_1(-1,26,6)$, $M_2(-14,0,6)$. Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки M_1 и M_2 . Найти координаты точки A_0 , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые L_1 и L_2 своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} 5x - y - 8z - 87 = 0 \\ 14x - 6y + 10z + 356 = 0 \end{cases} \qquad L_2: \begin{cases} -9x + 5y - 18z - 2593 = 0 \\ 5x - 3y + 19z + 2426 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к L_1 и L_2 .