Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 26

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

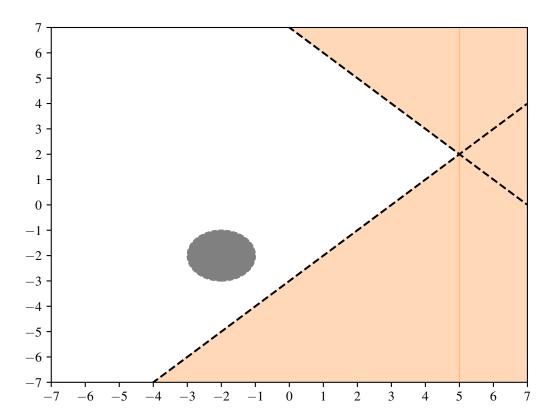
•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$;
- k = -3;
- Искомое значение = $2^{\frac{7}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{20\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{20\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{7}{7}} \left(-\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{7}{7}} e^{-\frac{20i\pi}{21}}$

2.
$$Matrix([[14+3*I], [-7+10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5 * (x-2)(x+3)(x-3-2i)(x-3+2i)(x+2-i)(x+2+i)$, Над \mathbb{R} : $-5 * (x-2)(x+3)(x^2-6x+13)(x^2+4x+5)$

- 4. Все числа z: 20+4i, -8+12i, -18-54i
- 5. $z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - $z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
 - n = 4;
 - $z = 81 = 3^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^4$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;2) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha + 12\beta - 32\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -10\alpha + 28\beta - 78\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha - 24\beta + 66\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 3\beta + 8\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{2} - 7\beta + \frac{39\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -2\alpha + 6\beta - \frac{33\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \alpha - 3\beta + 8\gamma \\ \frac{5\alpha}{2} - 7\beta + \frac{39\gamma}{2} \\ -2\alpha + 6\beta - \frac{33\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-4, -5, -17)$$

$$L: \frac{x+3}{-7} = \frac{y-16}{-14} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-23, 1, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{6-x}{6} = \frac{-y-1}{6} = \frac{-z-11}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{30-x}{6} = \frac{23-y}{6} = \frac{-z-3}{2}$$