Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 7

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -i = -i;$$

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -2$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{9\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{9\pi}{10}\right)\right) = -\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right) = e^{-\frac{9i\pi}{10}}$$

2. 
$$Matrix([[-15-4*I], [-14-12*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3 * (x+1)(x+5)(x-2-5i)(x-2+5i)(x+3-4i)(x+3+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3 * (x+1)(x+5)(x^2-4x+29)(x^2+6x+25)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $10-49i$ ,  $28+7i$ ,  $28+51i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

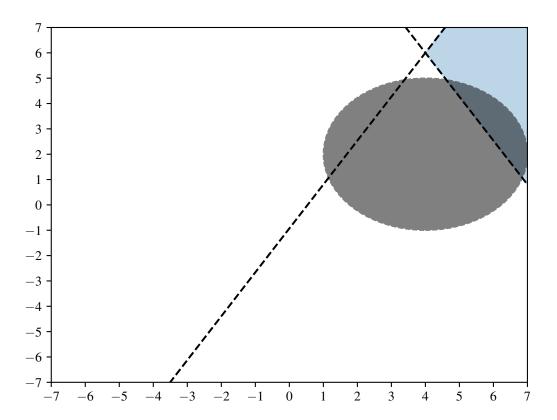
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; 6) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -24\alpha + 18\beta - 24\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -42\alpha + 30\beta - 42\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 30\alpha - 22\beta + 31\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha + 3\beta - 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -7\alpha + 5\beta - 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 5\alpha - \frac{11\beta}{3} + \frac{31\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -4\alpha + 3\beta - 4\gamma \\ -7\alpha + 5\beta - 7\gamma \\ 5\alpha - \frac{11\beta}{3} + \frac{31\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-14, -4, -20)$$

$$L: \frac{x+1}{13} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z+6}{0}$$
$$A_0 = (13, 11, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{6-x}{20} = \frac{y-17}{18} = \frac{-z-4}{20}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{106 - x}{20} = \frac{y + 73}{18} = \frac{96 - z}{20}$$