Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 11

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{5}\right)\right) = \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4} i\sqrt{\frac{5}{8}} \frac{\sqrt{5}}{8} = e^{-\frac{i\pi}{5}}$

2.
$$Matrix([[-4-2*I], [-11-7*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-4)(x-2)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+2-5i)(x+2+5i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x-2)(x^2-8x+25)(x^2+4x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $-25-41i$, $-7-17i$, $27-3i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

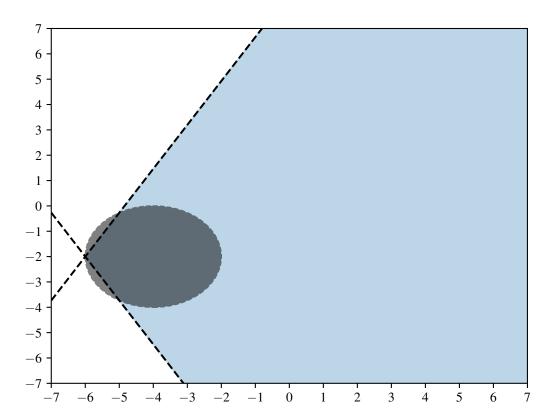
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
:

•
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -2) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 30\alpha + 21\beta - 42\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -21\alpha - 15\beta + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 14\alpha + 9\beta - 19\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 10\alpha + 7\beta - 14\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -7\alpha - 5\beta + 10\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{14\alpha}{3} + 3\beta - \frac{19\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 10\alpha + 7\beta - 14\gamma \\ -7\alpha - 5\beta + 10\gamma \\ \frac{14\alpha}{3} + 3\beta - \frac{19\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (10, 17, -23)$$

$$L: \frac{x}{-192} = \frac{y+11}{12} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-1, -27, -6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{11-x}{10} = \frac{y-9}{13} = \frac{16-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-49}{10} = \frac{y-87}{13} = \frac{-z-26}{7}$$