Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 31

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{-i\pi}$$

2.
$$Matrix([[-13-6*I],[7-14*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-1)(x+5)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-1)(x+5)(x^2+2x+10)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $20 + 17i$, $12 + 11i$, $-71i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

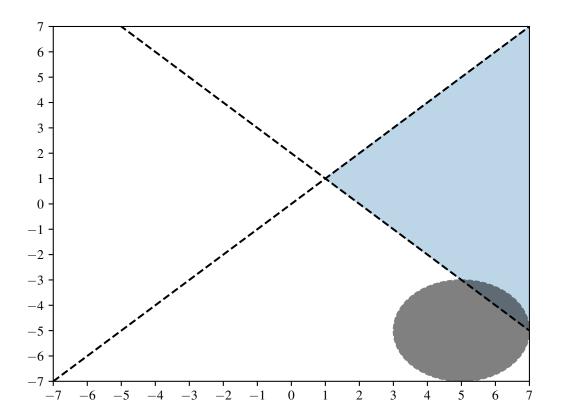
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -75\alpha + 9\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -48\alpha + 6\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -6\alpha$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{25\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 8\alpha - \beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{25\alpha}{2} - \frac{3\beta}{2} - \frac{5\gamma}{3} \\ 8\alpha - \beta - \gamma \\ \alpha \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (31, 20, -4)$$

$$L: \frac{x-2}{9} = \frac{y+8}{9} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (14, -6, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-9}{14} = \frac{7-y}{10} = \frac{16-z}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-79}{14} = \frac{-y-43}{10} = \frac{-z-44}{12}$$