Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 8

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}};$$

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = e^{-\frac{7i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-2+I], [14+5*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-3)(x+5)(x-3-i)(x-3+i)(x+4-5i)(x+4+5i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-3)(x+5)(x^2-6x+10)(x^2+8x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-4+63i$, $30-21i$, $-6-15i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

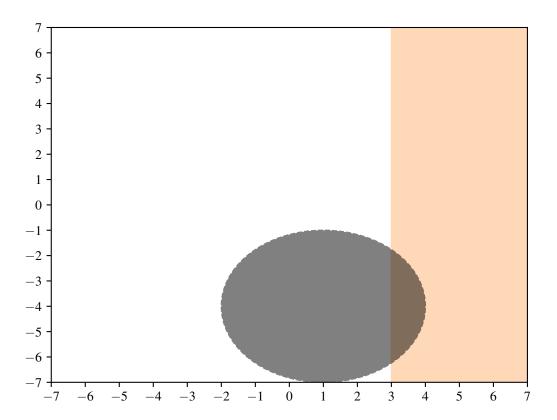
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{23\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -729i = 3^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -729i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 15\alpha + 3\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha$$
;

•
$$\Delta_3 = 39\alpha + 9\beta - 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha \\ 0 & 0 & 1 & \frac{13\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{2} + \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{3} \\ -\alpha \\ \frac{13\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-40, -21, 14)$$

$$L: \frac{x+2}{22} = \frac{y-24}{-22} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (19, 15, -14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-19}{16} = \frac{y+6}{8} = \frac{z-8}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-99}{16} = \frac{y-34}{8} = \frac{z-48}{8}$$