Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 31

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15})) \mid k \in [0, 5)\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$

2.
$$Matrix([[-9-I], [-3+10*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x-4)(x-3)(x-1-2i)(x-1+2i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-4)(x-3)(x^2-2x+5)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $16+58i$, $-10-28i$, $28-24i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

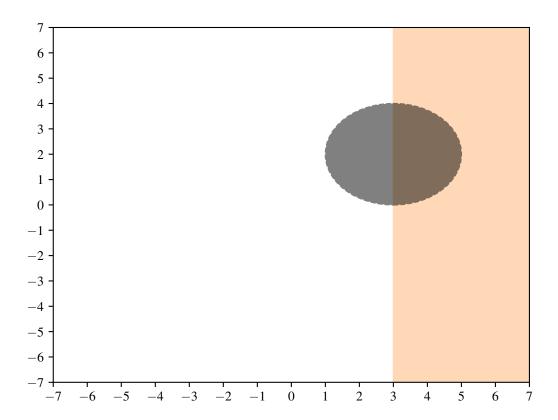
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
:

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;3) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 5\alpha - \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -50\alpha + 5\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -50\alpha + 5\beta + 5\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha + \frac{\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & 10\alpha - \beta - \frac{4\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & 10\alpha - \beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\alpha + \frac{\gamma}{5} \\ 10\alpha - \beta - \frac{4\gamma}{5} \\ 10\alpha - \beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (5, -34, 21)$$

$$L: \frac{x}{15} = \frac{y+7}{5} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (1, -10, -23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{15-x}{6} = \frac{-y-7}{4} = \frac{19-z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{57 - x}{6} = \frac{21 - y}{4} = \frac{152 - z}{19}$$