Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 9

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2} = e^{\frac{3i\pi}{4}}$
- 2. Matrix([[1+10*I],[1+2*I]])

3. Над С: 2 *
$$(x-1)(x+4)(x+2-4i)(x+2+4i)(x+4-2i)(x+4+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-1)(x+4)(x^2+4x+20)(x^2+8x+20)$

4. Все числа z: -16-4i, 74-20i, -22+54i

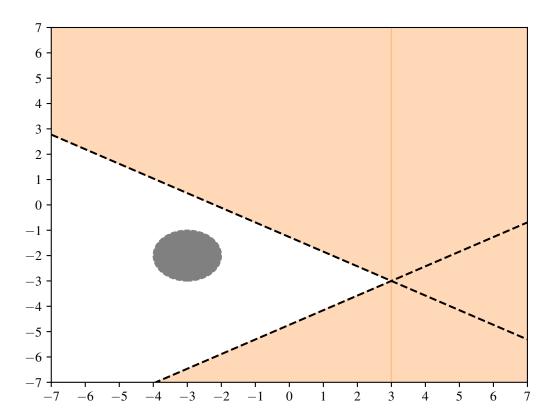
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -256 = 4^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -256$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -3) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = -8\alpha + 8\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -7\alpha + 7\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -47\alpha + 51\beta - 23\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 2\alpha - 2\beta + \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{4} - \frac{7\beta}{4} + \frac{3\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{47\alpha}{4} - \frac{51\beta}{4} + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix}$$
;

$$A_0 = (-42, 3, -22)$$

$$L: \frac{x+3}{16} = \frac{y-16}{-14} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (20, 10, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{17 - x}{7} = \frac{y - 15}{18} = -\frac{z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{59 - x}{7} = \frac{y + 93}{18} = \frac{96 - z}{16}$$