Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 35

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -2i = -2i$$

2.
$$Matrix([[2+9*I], [-13+9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 2 * $(x-2)(x-1)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+5-2i)(x+5+2i)$, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-2)(x-1)(x^2+2x+10)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $-13 + 36i$, $21 + 2i$, $-29 - 12i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

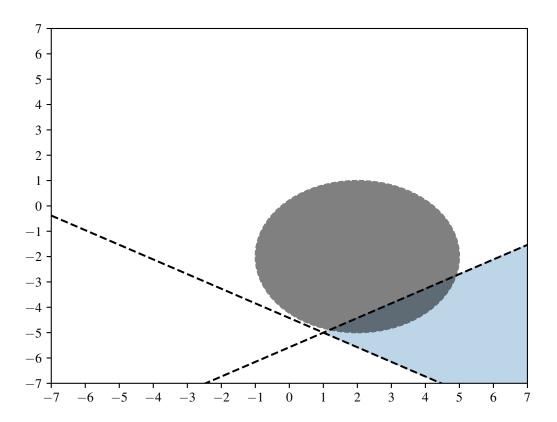
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1; -5) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = -10\beta + 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 2\alpha - 7\beta + 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\beta - 10\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{5\beta}{2} + \frac{9\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} - \frac{7\beta}{4} + \frac{15\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{5\beta}{2} + \frac{9\gamma}{2} \\ \frac{\alpha}{2} - \frac{7\beta}{4} + \frac{15\gamma}{4} \\ \frac{3\beta}{2} - \frac{5\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-29, -27, 27)$$

$$L: \frac{x-2}{-4} = \frac{y-29}{-32} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (-8, 14, 1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-6}{13} = \frac{y+8}{14} = \frac{-z-6}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+85}{13} = \frac{y+106}{14} = \frac{8-z}{2}$$