Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 13

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{2}e^{\frac{i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[8-7*I],[11-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x+2)(x+3)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+1-2i)(x+1+2i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x+2)(x+3)(x^2-6x+25)(x^2+2x+5)$

4. Все числа
$$z$$
: $27 - 5i$, $-3 - i$, $5 + 9i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

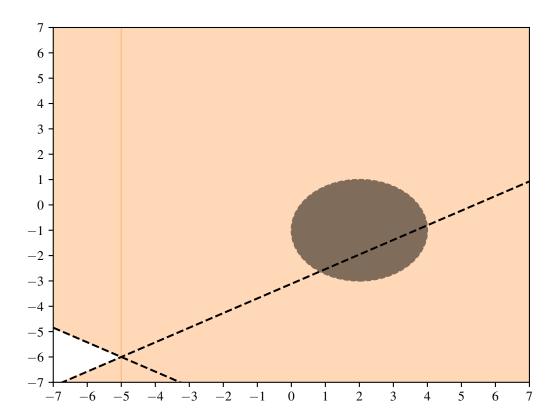
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -128 - 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 256e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2;-1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -6) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -33\alpha + 48\beta + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 21\alpha - 30\beta - 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -21\alpha + 32\beta + 20\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{11\alpha}{2} + 8\beta + 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{2} - 5\beta - 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\alpha}{2} + \frac{16\beta}{3} + \frac{10\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -\frac{11\alpha}{2} + 8\beta + 5\gamma \\ \frac{7\alpha}{2} - 5\beta - 3\gamma \\ -\frac{7\alpha}{2} + \frac{16\beta}{3} + \frac{10\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (32, 30, -22)$$

$$L: \frac{x}{2} = \frac{y}{-2} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (3, 11, 0)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+8}{14} = \frac{18-y}{15} = \frac{10-z}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+92}{14} = \frac{108 - y}{15} = \frac{88 - z}{13}$$