Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 32

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$$
;

- k = -4;
- Искомое значение =  $1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{9\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{9\pi}{7}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right) = e^{\frac{5i\pi}{7}}$

2. 
$$Matrix([[-11+7*I],[-1-9*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x+2)^2$$
  $(x+2-2i)$   $(x+2+2i)$   $(x+3-3i)$   $(x+3+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x+2)^2$   $(x^2+4x+8)$   $(x^2+6x+18)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-52$ ,  $-8-8i$ ,  $-26i$ 

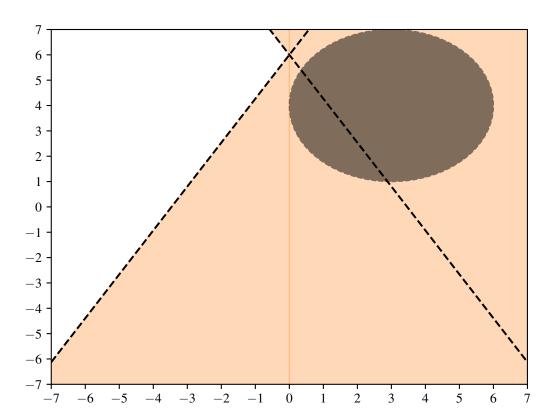
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;6) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = \gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -12\alpha - 6\beta - 21\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -30\alpha - 18\beta - 55\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha - \beta - \frac{7\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha - 3\beta - \frac{55\gamma}{6} \end{pmatrix}$$
;

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\gamma}{6} \\ -2\alpha - \beta - \frac{7\gamma}{2} \\ -5\alpha - 3\beta - \frac{55\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-7, 18, 18)$$

$$L: \frac{x+3}{40} = \frac{y-23}{-24} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (15, 19, 9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{13} = \frac{y+1}{13} = \frac{4-z}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-73}{13} = \frac{y-64}{13} = \frac{-z-41}{9}$$