Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 31

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
:

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{5}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 0$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{5}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4} - i\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}\right) = 2^{\frac{3}{5}}e^{-\frac{i\pi}{5}}$$

2. 
$$Matrix([[-14+11*I],[-5+3*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-1*(x-4)(x-3)(x-2-i)(x-2+i)(x+5-4i)(x+5+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-1*(x-4)(x-3)(x^2-4x+5)(x^2+10x+41)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-35 + 29i$ ,  $-15 - 3i$ ,  $37 - 15i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

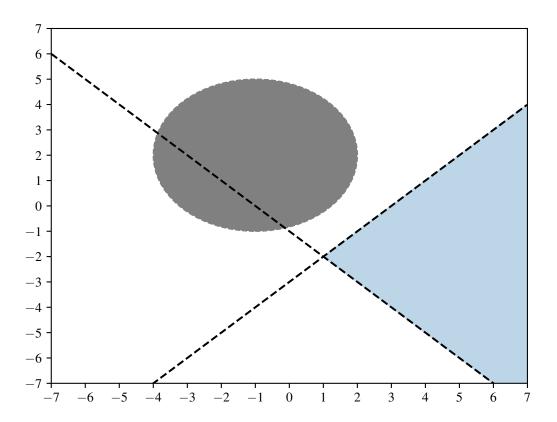
• 
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
:

• 
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; 2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;-2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -18\alpha + 8\beta - 72\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = \alpha + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 8\alpha - 4\beta + 32\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{9\alpha}{2} + 2\beta - 18\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{4} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - \beta + 8\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{9\alpha}{2} + 2\beta - 18\gamma \\ \frac{\alpha}{4} + \frac{\gamma}{2} \\ 2\alpha - \beta + 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (22, -28, -8)$$

$$L: \frac{x-2}{-4} = \frac{y+14}{16} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-5, -3, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+7}{18} = \frac{2-y}{5} = \frac{12-z}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-101}{18} = \frac{-y-28}{5} = \frac{-z-42}{9}$$