Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 3

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{8}\right)\right) = 2^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}} - i\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}}\right) = 2^{\frac{3}{4}}e^{-\frac{7i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[14+6*I],[5-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-3)^2(x-4-3i)(x-4+3i)(x-1-4i)(x-1+4i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-3)^2(x^2-8x+25)(x^2-2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $49 - 15i$, $-9 + 9i$, $-21 + 5i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

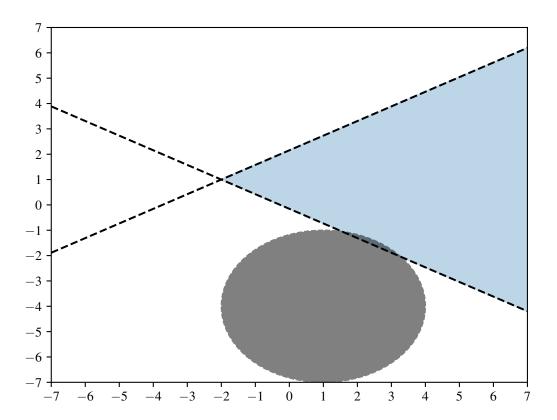
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 8\alpha + 11\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 12\alpha + 15\beta + 18\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -34\alpha - 46\beta - 54\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{4\alpha}{3} + \frac{11\beta}{6} + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha + \frac{5\beta}{2} + 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{17\alpha}{3} - \frac{23\beta}{3} - 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{4\alpha}{3} + \frac{11\beta}{6} + 2\gamma \\ 2\alpha + \frac{5\beta}{2} + 3\gamma \\ -\frac{17\alpha}{3} - \frac{23\beta}{3} - 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (9, -26, -29)$$

$$L: \frac{x+2}{16} = \frac{y-9}{-8} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (6, -5, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-18}{20} = \frac{y+20}{18} = \frac{z+13}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-78}{20} = \frac{y-34}{18} = \frac{z-44}{19}$$