Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 22

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[14-9*I],[5+10*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x+2)(x+4)(x-2-i)(x-2+i)(x+4-4i)(x+4+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+2)(x+4)(x^2-4x+5)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $-6+71i$, $64-23i$, $-10-23i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

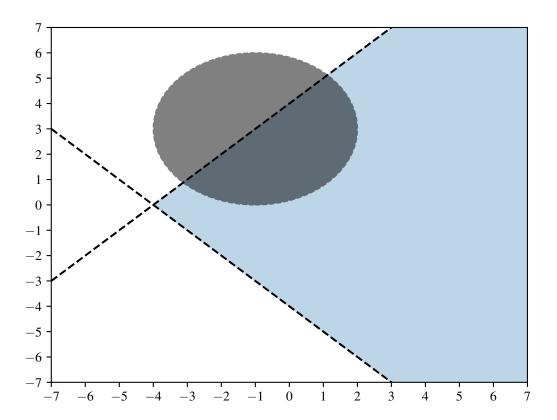
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 28\alpha - 14\beta + 22\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 4\alpha - 2\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 43\alpha - 23\beta + 34\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{14\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + \frac{11\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{2\alpha}{3} - \frac{\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{43\alpha}{6} - \frac{23\beta}{6} + \frac{17\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{14\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + \frac{11\gamma}{3} \\ \frac{2\alpha}{3} - \frac{\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \\ \frac{43\alpha}{6} - \frac{23\beta}{6} + \frac{17\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (34, 22, -19)$$

$$L: \frac{x-1}{-12} = \frac{y+38}{40} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-31, -4, -32)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-2}{12} = \frac{y+14}{16} = \frac{z+18}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+46}{12} = \frac{y+78}{16} = \frac{z+66}{12}$$