Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 17

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) + i \sin\left(\frac{2\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} e^{\frac{2i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[-15+12*I], [2-3*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x+3)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+4-3i)(x+4+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+3)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $15-49i$, $-73+17i$, $15+15i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

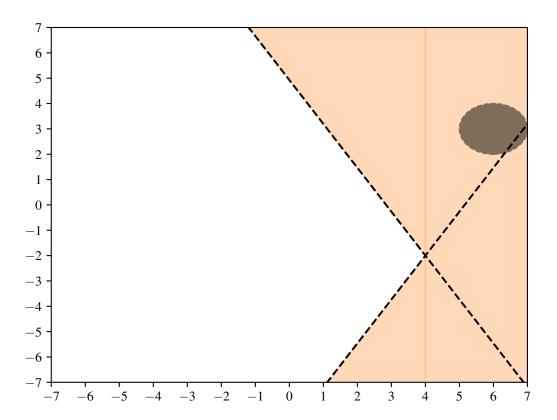
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = i = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; 3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; -2) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -81\alpha + 90\beta + 87\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 45\alpha - 50\beta - 48\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 3\alpha - 3\beta - 3\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -27\alpha + 30\beta + 29\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 15\alpha - \frac{50\beta}{3} - 16\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha - \beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -27\alpha + 30\beta + 29\gamma \\ 15\alpha - \frac{50\beta}{3} - 16\gamma \\ \alpha - \beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, 18, -25)$$

$$L: \frac{x}{-12} = \frac{y - 38}{-36} = \frac{z - 10}{0}$$
$$A_0 = (-28, 4, 27)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+17}{2} = \frac{1-y}{5} = \frac{z+10}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+29}{2} = \frac{31-y}{5} = \frac{z+64}{9}$$