Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 18

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right) = \sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-2+2*I], [-12-7*I]])$$

3. Над С:
$$-3*(x-2)(x+2)(x+3-3i)(x+3+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : $-3*(x-2)(x+2)(x^2+6x+18)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-34 + 22i$, $-14 + 12i$, $72 + 30i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

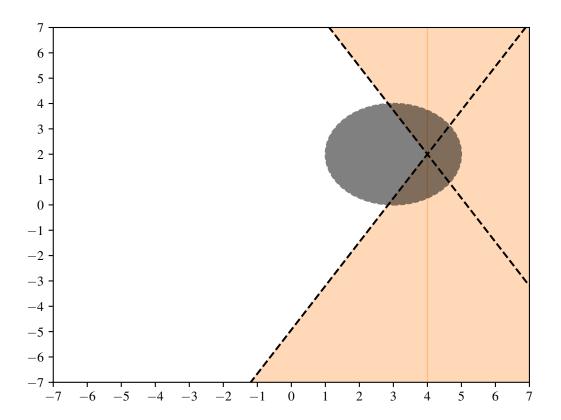
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;2) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 8\alpha + 8\beta - 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 4\alpha - 2\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -2\alpha - 2\beta + 3\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{4\alpha}{3} - \frac{4\beta}{3} + \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{2\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} - \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{4\alpha}{3} - \frac{4\beta}{3} + \frac{5\gamma}{2} \\ -\frac{2\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} + \frac{\gamma}{2} \\ \frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} - \frac{\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-21, -20, -20)$$

$$L: \frac{x-2}{22} = \frac{y+23}{22} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (16, -21, 25)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+19}{18} = \frac{y+2}{5} = \frac{7-z}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+109}{18} = \frac{y+27}{5} = \frac{52-z}{9}$$