Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 29

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{4}\right)\right) = 2^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 2^{\frac{3}{4}} e^{\frac{i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-13+2*I],[2+9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+2)^2(x+1-2i)(x+1+2i)(x+4-4i)(x+4+4i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+2)^2(x^2+2x+5)(x^2+8x+32)$

4. Все числа
$$z$$
: $-26-76i$, $-12+20i$, $-20+26i$

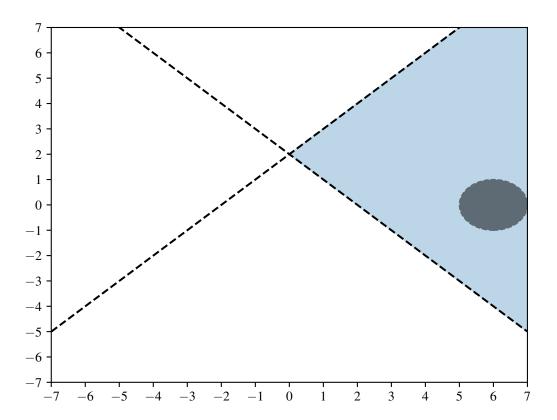
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$z = 64i = 4^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; 0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -16\alpha - 34\beta - 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha - 9\beta - 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -20\alpha - 44\beta - 30\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{8\alpha}{3} + \frac{17\beta}{3} + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} + \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{10\alpha}{3} + \frac{22\beta}{3} + 5\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{8\alpha}{3} + \frac{17\beta}{3} + 4\gamma \\ \frac{\alpha}{2} + \frac{3\beta}{2} + \gamma \\ \frac{10\alpha}{3} + \frac{22\beta}{3} + 5\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-31, 3, 12)$$

$$L: \frac{x-2}{15} = \frac{y-13}{-15} = \frac{z+1}{0}$$
$$A_0 = (5, 8, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{16} = \frac{y-6}{12} = \frac{-z-3}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{94 - x}{16} = \frac{y + 54}{12} = \frac{37 - z}{8}$$