Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 26

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{9}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) i\sin\left(\frac{2\pi}{9}\right) = e^{-\frac{7i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[2+10*I], [9+14*I]])

3. Над С: 1 *
$$(x+3)(x+5)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+1-4i)(x+1+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+3)(x+5)(x^2-4x+13)(x^2+2x+17)$

4. Все числа z: -22+5i, -14-35i, 32+31i

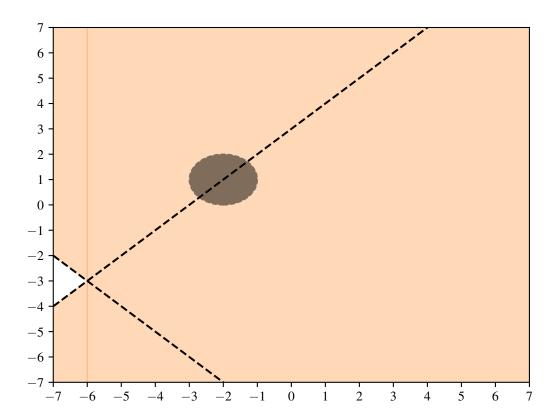
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -1 = 1^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;1) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -3) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha + 2\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -36\alpha + 23\beta - 55\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -27\alpha + 16\beta - 40\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{4\alpha}{5} + \frac{2\beta}{5} - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{36\alpha}{5} + \frac{23\beta}{5} - 11\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{27\alpha}{5} + \frac{16\beta}{5} - 8\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{4\alpha}{5} + \frac{2\beta}{5} - \gamma \\ -\frac{36\alpha}{5} + \frac{23\beta}{5} - 11\gamma \\ -\frac{27\alpha}{5} + \frac{16\beta}{5} - 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (9, 0, 35)$$

$$L: \frac{x-2}{-4} = \frac{y+8}{8} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (3, 0, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-17}{11} = \frac{8-y}{20} = \frac{z+13}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{49-x}{11} = \frac{128-y}{20} = \frac{z+43}{5}$$