Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 2

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение = $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{7i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[12+14*I],[4-9*I]])

3. Над С: 2 *
$$(x+1)(x+3)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x+1)(x+3)(x^2-4x+8)(x^2+8x+17)$

4. Все числа z: 41 - 37i, -43 - i, -7 + 29i

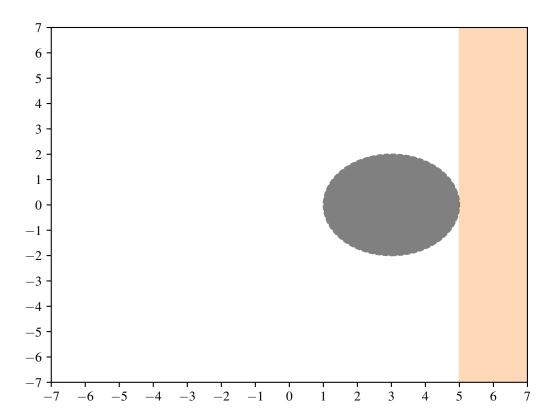
5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4:

•
$$z = 81 = 3^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 16\alpha + 12\beta - 28\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 8\alpha + 6\beta - 13\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 52\alpha + 38\beta - 89\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -4\alpha - 3\beta + 7\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha - \frac{3\beta}{2} + \frac{13\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & -13\alpha - \frac{19\beta}{2} + \frac{89\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -4\alpha - 3\beta + 7\gamma \\ -2\alpha - \frac{3\beta}{2} + \frac{13\gamma}{4} \\ -13\alpha - \frac{19\beta}{2} + \frac{89\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, 17, 11)$$

$$L: \frac{x+1}{-12} = \frac{y+14}{12} = \frac{z+10}{0}$$
$$A_0 = (-27, -26, -32)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+20}{17} = \frac{y+11}{17} = \frac{5-z}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-48}{17} = \frac{y-57}{17} = \frac{-z-71}{19}$$