Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 23

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} + \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

2. 
$$Matrix([[-15+12*I],[-13+13*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x+1)(x+5)(x+2-3i)(x+2+3i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x+1)(x+5)(x^2+4x+13)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-27 + 27i$ ,  $55 + 13i$ ,  $-25 - 61i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

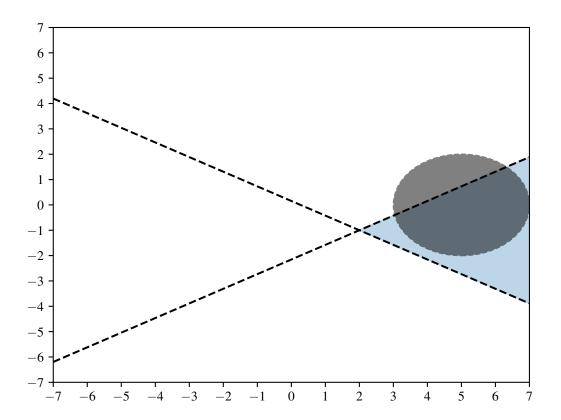
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 0) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-1) под углом  $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 12\alpha + \beta - 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -24\alpha - 4\beta + 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 30\alpha + 5\beta - 14\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 2\alpha + \frac{\beta}{6} - \frac{2\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -4\alpha - \frac{2\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 5\alpha + \frac{5\beta}{6} - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 2\alpha + \frac{\beta}{6} - \frac{2\gamma}{3} \\ -4\alpha - \frac{2\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ 5\alpha + \frac{5\beta}{6} - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (15, -17, -35)$$

$$L: \frac{x}{-17} = \frac{y+17}{17} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-22, -21, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{19-x}{17} = -\frac{y}{18} = \frac{z+18}{2}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-32}{17} = \frac{-y-54}{18} = \frac{z+12}{2}$$