Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 9

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left( \cos \left( \frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{9\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{9\pi}{5}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4} + i\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2}e^{\frac{i\pi}{5}}$$

2. 
$$Matrix([[-2+10*I], [5-10*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 1 \*  $(x-2)(x+5)(x-1-i)(x-1+i)(x+3-3i)(x+3+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x-2)(x+5)(x^2-2x+2)(x^2+6x+18)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-2 + 32i$ ,  $20 - 12i$ ,  $-10 - 4i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

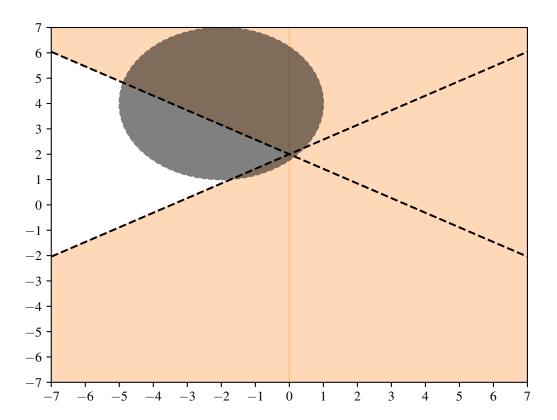
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;4) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;2) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 2\alpha + \gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 68\alpha + 20\beta + 30\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 40\alpha + 12\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -17\alpha - 5\beta - \frac{15\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -10\alpha - 3\beta - \frac{9\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{2} - \frac{\gamma}{4} \\ -17\alpha - 5\beta - \frac{15\gamma}{2} \\ -10\alpha - 3\beta - \frac{9\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, -16, -13)$$

$$L: \frac{x-1}{3} = \frac{y-3}{-4} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (17, 15, 11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{16-x}{17} = \frac{-y-15}{11} = \frac{3-z}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 86}{17} = \frac{-y - 81}{11} = \frac{-z - 87}{15}$$