Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{9}\right)\right) = \cos\left(\frac{\pi}{9}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{9}\right) = e^{-\frac{i\pi}{9}}$$

2.
$$Matrix([[-7-I],[12-I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-2)^2$ $(x-3-2i)$ $(x-3+2i)$ $(x-1-i)$ $(x-1+i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-2)^2$ $(x^2-6x+13)$ (x^2-2x+2)

4. Все числа
$$z$$
: $-2 + 38i$, $-44 - 62i$, $20 + 16i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right)$$
;

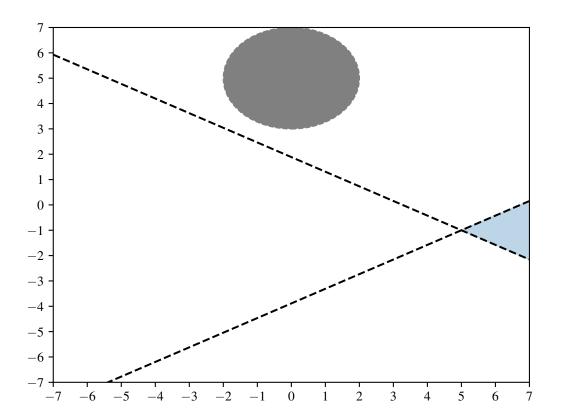
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;-1) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha - 4\beta + 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -\alpha + 10\beta - 39\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - 10\beta + 45\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{6} - \frac{2\beta}{3} + \frac{5\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{6} + \frac{5\beta}{3} - \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{6} - \frac{5\beta}{3} + \frac{15\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{6} - \frac{2\beta}{3} + \frac{5\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{6} + \frac{5\beta}{3} - \frac{13\gamma}{2} \\ \frac{\alpha}{6} - \frac{5\beta}{3} + \frac{15\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-25, -16, 3)$$

$$L: \frac{x-2}{14} = \frac{y-56}{-56} = \frac{z-13}{0}$$
$$A_0 = (38, 14, 22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{3-x}{17} = \frac{-y-4}{17} = \frac{10-z}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{105 - x}{17} = \frac{98 - y}{17} = \frac{58 - z}{8}$$