Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 33

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}};$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{8\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) + i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right) = e^{\frac{8i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-8+7*I], [-1+7*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x+1)(x+5)(x-1-3i)(x-1+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x+1)(x+5)(x^2-2x+10)(x^2+10x+41)$

4. Все числа z: 44 + 17i, 14 - 7i, -51i

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

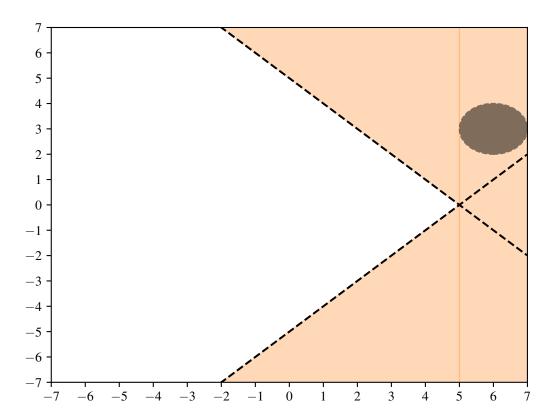
•
$$z_2 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; 3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;0) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 36\alpha - 32\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 91\alpha - 82\beta + 21\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 62\alpha - 56\beta + 14\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 8\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{91\alpha}{4} - \frac{41\beta}{2} + \frac{21\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{31\alpha}{2} - 14\beta + \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 8\beta + 2\gamma \\ \frac{91\alpha}{4} - \frac{41\beta}{2} + \frac{21\gamma}{4} \\ \frac{31\alpha}{2} - 14\beta + \frac{7\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, 3, -27)$$

$$L: \frac{x+1}{-15} = \frac{y-14}{-15} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-6, 1, -11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-5}{6} = \frac{y+1}{18} = \frac{14-z}{13}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+19}{6} = \frac{y+73}{18} = \frac{66-z}{13}$$