Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 23

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{3} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{3} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{3}\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right)\right) = \sqrt{3}e^{-\frac{7i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[-5+3*I], [-8-15*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x-3)(x+3)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+5-i)(x+5+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x-3)(x+3)(x^2-6x+25)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $30-25i$ ,  $-14-31i$ ,  $-26+65i$ 

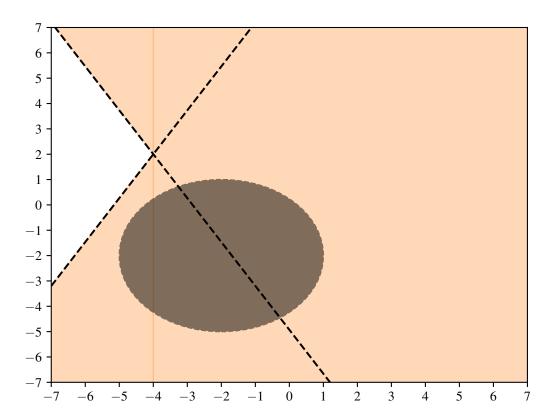
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -1 = 1^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2; -2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-4;2) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 6\alpha - \beta - 27\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 8\alpha - 2\beta - 34\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -6\alpha + \beta + 23\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{4} - \frac{27\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - \frac{\beta}{2} - \frac{17\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{3\alpha}{2} + \frac{\beta}{4} + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{3\alpha}{2} - \frac{\beta}{4} - \frac{27\gamma}{4} \\ 2\alpha - \frac{\beta}{2} - \frac{17\gamma}{2} \\ -\frac{3\alpha}{2} + \frac{\beta}{4} + \frac{23\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (27, 19, -29)$$

$$L: \frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z-3}{0}$$
$$A_0 = (7, 6, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-4}{12} = \frac{-y-10}{19} = \frac{z+5}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-76}{12} = \frac{-y-124}{19} = \frac{z-13}{3}$$