Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 13

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{5}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(-\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} + i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{\frac{3i\pi}{5}}$$

2. 
$$Matrix([[-6-10*I],[-12+14*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 4 \*  $(x-2)(x+4)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+1-i)(x+1+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-2)(x+4)(x^2-6x+25)(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $9 + 5i$ ,  $-11 - 37i$ ,  $17 + 23i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

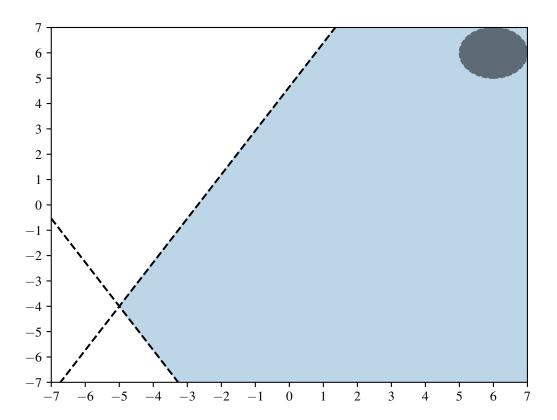
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; 6) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5, -4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = -18\alpha + 111\beta - 21\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -6\alpha + 38\beta - 7\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -3\alpha + 20\beta - 4\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -6\alpha + 37\beta - 7\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha + \frac{38\beta}{3} - \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha + \frac{20\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -6\alpha + 37\beta - 7\gamma \\ -2\alpha + \frac{38\beta}{3} - \frac{7\gamma}{3} \\ -\alpha + \frac{20\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-28, -17, -28)$$

$$L: \frac{x+1}{8} = \frac{y-9}{-8} = \frac{z-1}{0}$$
$$A_0 = (-3, -1, 14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-5}{3} = \frac{y+17}{5} = \frac{z-13}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-17}{3} = \frac{y-3}{5} = \frac{z-53}{10}$$