Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 26

1. •
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[14-9*I],[9+4*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-1*(x+2)(x+5)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+3-4i)(x+3+4i)$, Над \mathbb{R} : $-1*(x+2)(x+5)(x^2+2x+5)(x^2+6x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $51+i$, $-55-29i$, $3+47i$

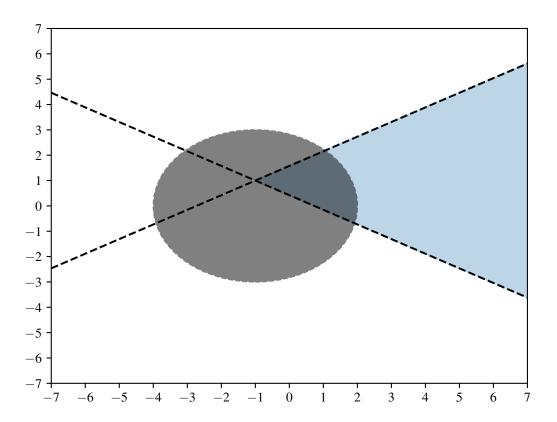
5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 1 = 1^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;1) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -12\alpha - 27\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 24\alpha + 57\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 10\alpha + 25\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 2\alpha + \frac{9\beta}{2} - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & -4\alpha - \frac{19\beta}{2} + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{5\alpha}{3} - \frac{25\beta}{6} + \gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 2\alpha + \frac{9\beta}{2} - \gamma \\ -4\alpha - \frac{19\beta}{2} + 2\gamma \\ -\frac{5\alpha}{3} - \frac{25\beta}{6} + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-25, -14, 22)$$

$$L: \frac{x-2}{16} = \frac{y+18}{16} = \frac{z-13}{0}$$
$$A_0 = (13, -17, 31)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{17 - x}{8} = \frac{y - 7}{11} = \frac{6 - z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{73 - x}{8} = \frac{y + 70}{11} = \frac{55 - z}{7}$$