Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 21

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 4;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \frac{i}{2} = e^{-\frac{5i\pi}{6}}$

2.
$$Matrix([[-3-15*I],[6-13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-1)(x+3)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-1-5i)(x-1+5i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-1)(x+3)(x^2-8x+20)(x^2-2x+26)$

4. Все числа z: 4+i, 42+23i, 8-59i

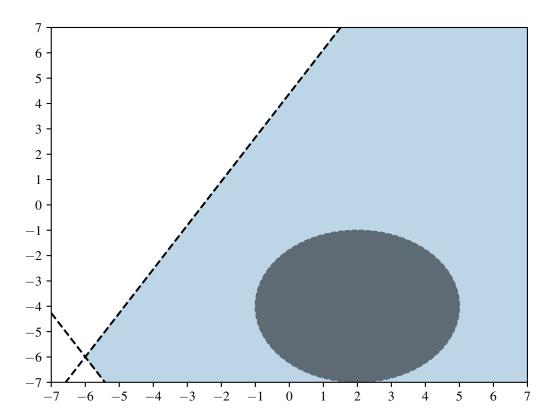
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4:

•
$$z = 256 = 4^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;-6) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -32\alpha + 28\beta - 26\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -15\alpha + 13\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -5\alpha + 5\beta - 4\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 16\alpha - 14\beta + 13\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{15\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} + 6\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{5\alpha}{2} - \frac{5\beta}{2} + 2\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 16\alpha - 14\beta + 13\gamma \\ \frac{15\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} + 6\gamma \\ \frac{5\alpha}{2} - \frac{5\beta}{2} + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-21, -15, 4)$$

$$L: \frac{x}{-2} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-16, 6, 11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{6-x}{2} = \frac{9-y}{5} = \frac{-z-7}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$-\frac{x}{2} = \frac{-y - 6}{5} = \frac{-z - 28}{7}$$