Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 25

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 2$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{9\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{9\pi}{14}\right)\right) = -\cos\left(\frac{5\pi}{14}\right) + i\sin\left(\frac{5\pi}{14}\right) = e^{\frac{9i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[10+8*I],[1-I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x+2)(x+3)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+3-2i)(x+3+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x+2)(x+3)(x^2-8x+32)(x^2+6x+13)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $19 + 22i$ ,  $37 - 58i$ ,  $7 + 24i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

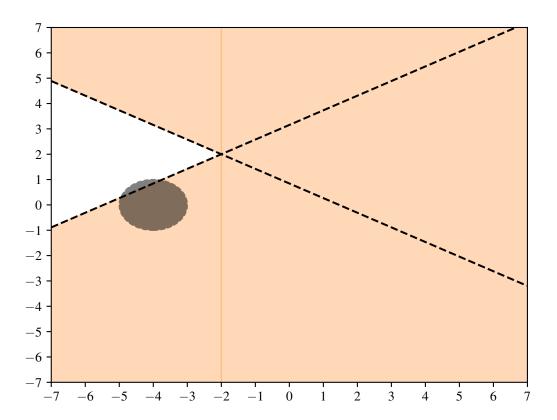
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -4096 = 4^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -4096$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;0) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;2) под углом  $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -27\alpha - 33\beta - 22\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -63\alpha - 77\beta - 50\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 70\alpha + 86\beta + 56\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{27\alpha}{4} - \frac{33\beta}{4} - \frac{11\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{63\alpha}{4} - \frac{77\beta}{4} - \frac{25\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{35\alpha}{2} + \frac{43\beta}{2} + 14\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{27\alpha}{4} - \frac{33\beta}{4} - \frac{11\gamma}{2} \\ -\frac{63\alpha}{4} - \frac{77\beta}{4} - \frac{25\gamma}{2} \\ \frac{35\alpha}{2} + \frac{43\beta}{2} + 14\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-34, -7, 2)$$

$$L: \frac{x+3}{1} = \frac{y+4}{1} = \frac{z+15}{0}$$
$$A_0 = (-13, 10, -41)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+7}{4} = \frac{18-y}{9} = \frac{z-4}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-9}{4} = \frac{-y-18}{9} = \frac{z-16}{3}$$