Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 2

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
:

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -5$$
;

• Искомое значение = 
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{2}\right)\right) = 2i = 2i$$

2. 
$$Matrix([[10+10*I], [-4+7*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 1 \*  $(x+1)(x+5)(x-1-5i)(x-1+5i)(x+4-4i)(x+4+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 1 \*  $(x+1)(x+5)(x^2-2x+26)(x^2+8x+32)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $7 + 14i$ ,  $-17 + 42i$ ,  $11 - 70i$ 

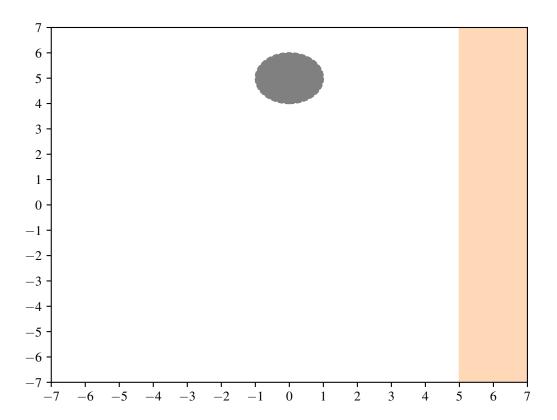
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 5) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5;2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -6\alpha + 18\beta - 3\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\alpha - 18\beta + 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -12\alpha + 38\beta - 10\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 3\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha + 3\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - \frac{19\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \alpha - 3\beta + \frac{\gamma}{2} \\ -\alpha + 3\beta - \gamma \\ 2\alpha - \frac{19\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-40, -3, 18)$$

$$L: \frac{x+3}{-5} = \frac{y}{-2} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (-2, 12, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{16-x}{19} = \frac{y+8}{13} = \frac{z+16}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-98}{19} = \frac{y-70}{13} = \frac{z-68}{14}$$