Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». 2022—2023 учебный год. БПИ-2210. Вариант 20

1. Пусть 
$$z = \frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}$$
. Вычислить значение  $\sqrt[5]{z^2}$ , для которого число  $\frac{\sqrt[5]{z^2}}{\sqrt[3]{2} - \frac{i}{2}}$  имеет аргумент  $-\frac{\pi}{2}$ .

2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x(13+i) + y(9+7i) = -90 - 4i \\ x(5+5i) + y(13-15i) = -214 + 88i \end{cases}$$

- 3. Найти корни многочлена  $2x^6 + 22x^5 + 122x^4 + 314x^3 504x^2 4556x 6960$  и разложить его на множители над  $\mathbb R$  и  $\mathbb C$ , если известны корни  $x_1 = -3 i, x_2 = -2 + 5i, x_3 = -4$ .
- 4. Даны 3 комплексных числа: -11+12i, 10+2i, 20-10i. Найти число z, образующее параллелограмм с данными тремя на комплексной плоскости.
- 5. Даны числа  $z_1 = -2\sqrt{3} + 2i$ ,  $z_2 = -4i$  соседние комплексные корни степени n числа z. Найти степень n и исходное число.
- 6. На комплексной плоскости нарисуйте область, заданную системой  $(arg(z) \in (-\pi, \pi])$ :

$$\begin{cases} |z+4+2i| < 3\\ |arg(z-1-i)| < \frac{2\pi}{3} \end{cases}$$

7. Даны 3 некомпланарных вектора a = (1, 5, -7), b = (-1, 0, -8), c = (-3, -9, 2). Найдите вектор x, удовлетворяющий системе уравнений:

$$(a, x) = \alpha, \quad (b, x) = \beta, \quad (c, x) = \gamma$$

- 8. Дана точка A(-6,9,2) и плоскость P:-16x+6y-10z+66=0. Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точке A относительно плоскости P.
- 9. Даны точки A(4,10,10),  $M_1(-1,10,9)$ ,  $M_2(17,1,9)$ . Написать каноническое уравнение прямой L, проходящей через точки  $M_1$  и  $M_2$ . Найти координаты точки  $A_0$ , расположенной симметрично точки A относительно прямой L.
- 10. Заданы две прямые  $L_1$  и  $L_2$  своими общими уравнениями

$$L_1: \begin{cases} 11x + 10y + 7z + 171 = 0 \\ 13x + 3y + 4z + 65 = 0 \end{cases} \qquad L_2: \begin{cases} -2x + 7y + 3z - 142 = 0 \\ x - 10y - 20z + 420 = 0 \end{cases}$$

Написать каноническое уравнение прямой, являющейся общим перпендикуляром к  $L_1$  и  $L_2$ .