Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 20

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-15-9*I], [4+12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x+2)(x+3)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-3i)(x+2+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+2)(x+3)(x^2+2x+5)(x^2+4x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $-52 + 33i$, $-6 - 71i$, $30 + 15i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

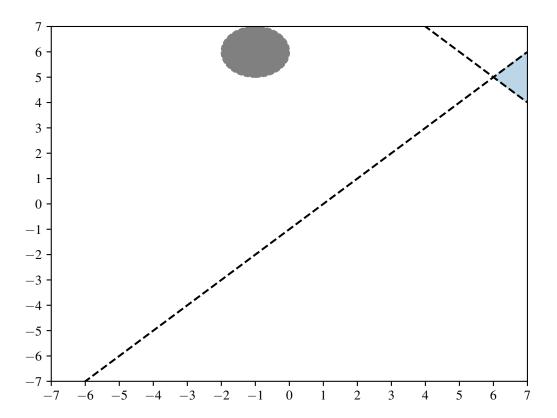
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = -54\alpha - \beta - 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 51\alpha + \beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 33\alpha + \beta + 5\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -18\alpha - \frac{\beta}{3} - \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 17\alpha + \frac{\beta}{3} + \frac{8\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 11\alpha + \frac{\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -18\alpha - \frac{\beta}{3} - \frac{8\gamma}{3} \\ 17\alpha + \frac{\beta}{3} + \frac{8\gamma}{3} \\ 11\alpha + \frac{\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-15, 9, 30)$$

$$L: \frac{x+3}{-6} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (10, 13, -42)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-13}{3} = \frac{y+13}{19} = \frac{z+10}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-25}{3} = \frac{y-63}{19} = \frac{z-54}{16}$$