Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 34

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{14}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{5i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[6-14*I],[5-11*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-4)(x-2)(x-2-3i)(x-2+3i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-4)(x-2)(x^2-4x+13)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $29 - 17i$, $-31 + 43i$, $-13 - 11i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

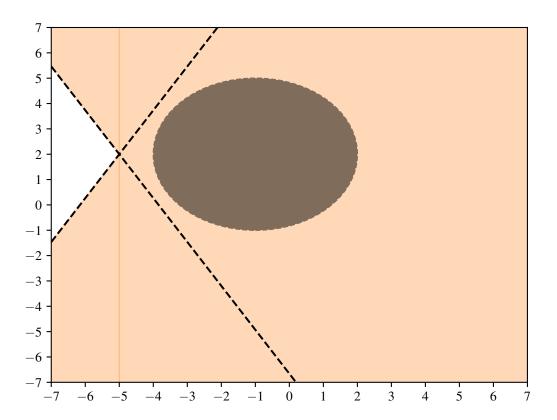
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 8 = 2^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; 2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;2) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = -19\alpha + 24\beta + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -5\alpha + 6\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 32\alpha - 40\beta - 50\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{19\alpha}{2} + 12\beta + 15\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{5\alpha}{2} + 3\beta + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 16\alpha - 20\beta - 25\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{19\alpha}{2} + 12\beta + 15\gamma \\ -\frac{5\alpha}{2} + 3\beta + 4\gamma \\ 16\alpha - 20\beta - 25\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-11, 29, -14)$$

$$L: \frac{x+2}{-16} = \frac{y-13}{-16} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (-9, 22, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{5-x}{13} = \frac{y+15}{8} = \frac{z-17}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{57 - x}{13} = \frac{y + 47}{8} = \frac{z + 31}{12}$$