Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 15

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 1$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{8}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{8}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(-\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}} + i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{1}{2}}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{\frac{5i\pi}{8}}$$

2.
$$Matrix([[-4-I],[-11+13*I]])$$

3. Над С: 3 *
$$(x+1)(x+5)(x+1-i)(x+1+i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x+1)(x+5)(x^2+2x+2)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $24+7i$, $32+15i$, $20+13i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

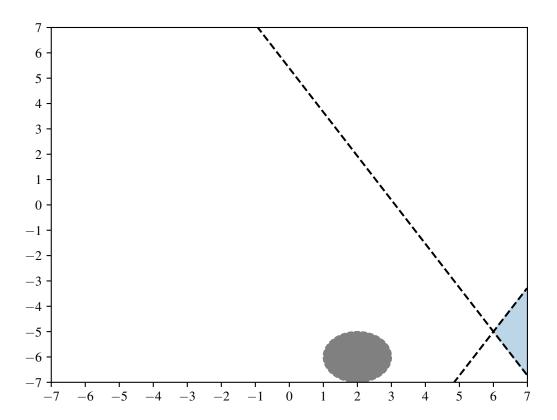
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (6;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 9\alpha - 15\beta + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -13\alpha + 23\beta - 44\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -12\alpha + 18\beta - 36\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{13\alpha}{6} - \frac{23\beta}{6} + \frac{22\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - 3\beta + 6\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} - 5\gamma \\ \frac{13\alpha}{6} - \frac{23\beta}{6} + \frac{22\gamma}{3} \\ 2\alpha - 3\beta + 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-10, -2, 19)$$

$$L: \frac{x-2}{6} = \frac{y-5}{-6} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (11, 8, 9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{17 - x}{12} = \frac{2 - y}{14} = \frac{z - 16}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{77 - x}{12} = \frac{72 - y}{14} = \frac{z + 29}{9}$$