Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 20

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{31\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{31\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{18}\right)\right) = \sqrt[3]{2}e^{\frac{5i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[-10+4*I],[1+9*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x+1)(x+3)(x-1-i)(x-1+i)(x+2-2i)(x+2+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+1)(x+3)(x^2-2x+2)(x^2+4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $-54+80i$, $58-26i$, $-6-22i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

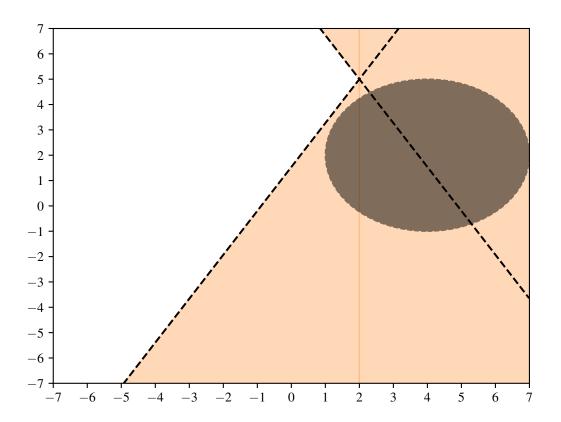
•
$$z_2 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -64 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2, 5) под углом = $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -30\alpha + 18\beta + 23\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 12\alpha - 6\beta - 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -12\alpha + 6\beta + 9\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha + 3\beta + \frac{23\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha - \beta - \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -2\alpha + \beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -5\alpha + 3\beta + \frac{23\gamma}{6} \\ 2\alpha - \beta - \frac{5\gamma}{3} \\ -2\alpha + \beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-28, -7, 15)$$

$$L: \frac{x+2}{-16} = \frac{y+17}{16} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-18, -7, 12)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-15}{19} = \frac{y-3}{6} = \frac{-z-20}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+118}{19} = \frac{y+39}{6} = \frac{78-z}{14}$$