Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 21

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

- k = 2;
- Искомое значение = $\sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} \left(-\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i \sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = \sqrt[3]{2} e^{\frac{5i\pi}{9}}$
- 2. Matrix([[-5-6*I], [14-12*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x+1)(x+3)(x-3-2i)(x-3+2i)(x-2-5i)(x-2+5i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x+1)(x+3)(x^2-6x+13)(x^2-4x+29)$

4. Все числа z: -24-6i, 50+28i, 6+30i

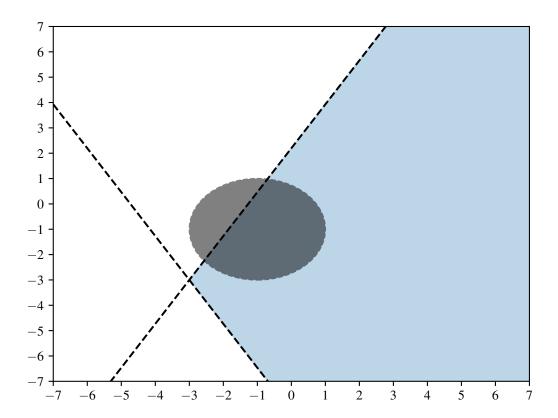
5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;-3) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 58\alpha - 36\beta - 89\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 36\alpha - 22\beta - 55\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 10\alpha - 6\beta - 15\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -29\alpha + 18\beta + \frac{89\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -18\alpha + 11\beta + \frac{55\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha + 3\beta + \frac{15\gamma}{2} \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -29\alpha + 18\beta + \frac{89\gamma}{2} \\ -18\alpha + 11\beta + \frac{55\gamma}{2} \\ -5\alpha + 3\beta + \frac{15\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (16, 26, -9)$$

$$L: \frac{x+3}{-6} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z-7}{0}$$
$$A_0 = (4, -1, 23)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+3}{19} = \frac{y-16}{19} = \frac{z+6}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+79}{19} = \frac{y+60}{19} = \frac{z+46}{10}$$