Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 23

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$2\cdot\left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right)=-\sqrt{3}+i=2e^{\frac{5i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[-15+14*I], [-3+I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-3)(x+1)(x-4-i)(x-4+i)(x+2-5i)(x+2+5i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+1)(x^2-8x+17)(x^2+4x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $59+i$, $-37+57i$, $-17-5i$

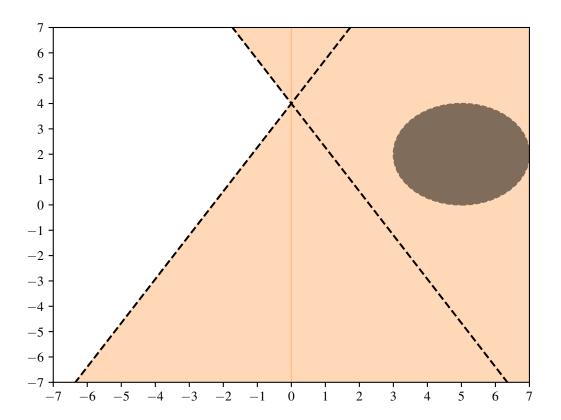
5. •
$$z_1 = 2 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 64 = 2^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;4) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 2\alpha - 3\beta - \gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha + 11\beta + 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha - 18\beta - 6\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{2} - \frac{3\beta}{4} - \frac{\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} + \frac{11\beta}{4} + \frac{5\gamma}{4} \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - \frac{9\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{2} - \frac{3\beta}{4} - \frac{\gamma}{4} \\ -\frac{3\alpha}{2} + \frac{11\beta}{4} + \frac{5\gamma}{4} \\ 2\alpha - \frac{9\beta}{2} - \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (29, 22, -22)$$

$$L: \frac{x+2}{-12} = \frac{y-34}{-32} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-30, 8, 1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-14}{5} = \frac{y+16}{17} = \frac{-z-18}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-39}{5} = \frac{y-69}{17} = \frac{-z-68}{10}$$