Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 18

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{5\pi}{4}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{\frac{3i\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[-14+12*I],[8-7*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-1)(x+4)(x-4-4i)(x-4+4i)(x+1-3i)(x+1+3i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-1)(x+4)(x^2-8x+32)(x^2+2x+10)$

4. Все числа
$$z$$
: $29 + 14i$, $-37 + 14i$, $19 + 12i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

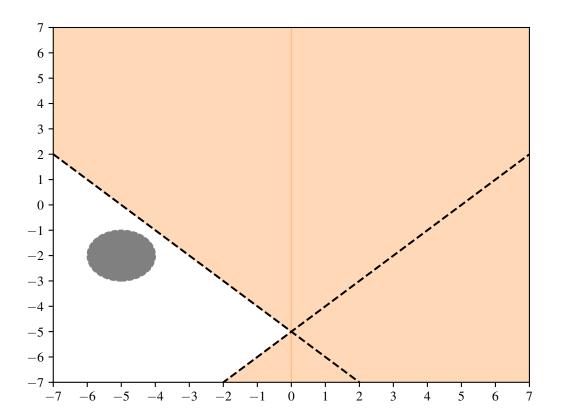
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -5) под углом $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = -54\alpha + 66\beta + 27\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 75\alpha - 92\beta - 38\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 12\alpha - 15\beta - 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 18\alpha - 22\beta - 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -25\alpha + \frac{92\beta}{3} + \frac{38\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha + 5\beta + 2\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 18\alpha - 22\beta - 9\gamma \\ -25\alpha + \frac{92\beta}{3} + \frac{38\gamma}{3} \\ -4\alpha + 5\beta + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-24, -13, -7)$$

$$L: \frac{x}{-33} = \frac{y - 13}{-11} = \frac{z - 11}{0}$$
$$A_0 = (-2, 19, 37)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-5}{13} = \frac{y+4}{5} = \frac{15-z}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-44}{13} = \frac{y-11}{5} = -\frac{z}{5}$$