Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 23

1. • 
$$z^2 = 3^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{9}{2} - \frac{9\sqrt{3}i}{2} = 9e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$3^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{8\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{8\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} \left(\cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right)\right) = 3^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{8i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[7-12*I],[10+13*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x-2)(x+1)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+1-i)(x+1+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x-2)(x+1)(x^2-4x+8)(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $41 - 31i$ ,  $-43 + 59i$ ,  $1 - 13i$ 

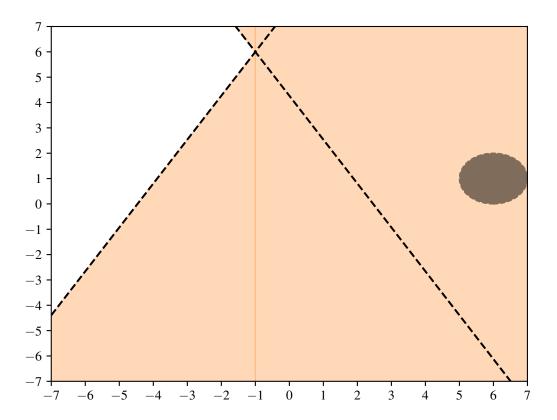
5. • 
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (6; 1) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;6) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 5\alpha - 2\beta + 24\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\alpha + 18\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 3\alpha + 12\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{6} - \frac{\beta}{3} + 4\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \alpha + 3\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} + 2\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{6} - \frac{\beta}{3} + 4\gamma \\ \alpha + 3\gamma \\ \frac{\alpha}{2} + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, 26, 8)$$

$$L: \frac{x+3}{-7} = \frac{y-5}{-7} = \frac{z+3}{0}$$
$$A_0 = (-17, -1, -1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-12}{18} = \frac{-y-6}{10} = \frac{-z-13}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+78}{18} = \frac{44-y}{10} = \frac{22-z}{7}$$