Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 6

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6}$$
;

- k = -1;
- Искомое значение =  $2\cdot\left(\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right)=\sqrt{3}-i=2e^{-\frac{i\pi}{6}}$

2. 
$$Matrix([[-5+I], [-4-6*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x-4)(x+1)(x-4-3i)(x-4+3i)(x-2-5i)(x-2+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x-4)(x+1)(x^2-8x+25)(x^2-4x+29)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $45 + 30i$ ,  $-39 - 52i$ ,  $-3 + 22i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

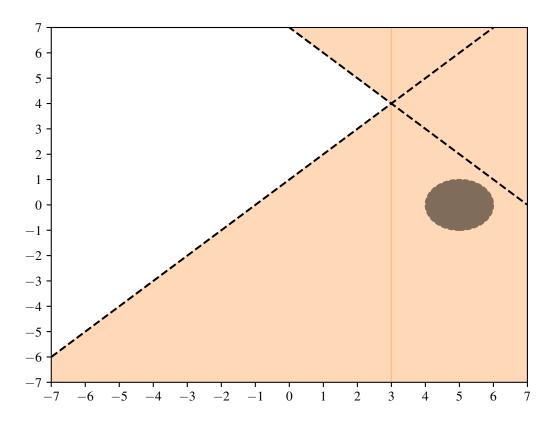
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -8 + 8\sqrt{3}i = 2^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5; 0) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;4) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = 51\alpha + 24\beta + 96\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 5\alpha + 2\beta + 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -7\alpha - 4\beta - 14\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{17\alpha}{2} + 4\beta + 16\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{6} + \frac{\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{7\alpha}{6} - \frac{2\beta}{3} - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} \frac{17\alpha}{2} + 4\beta + 16\gamma \\ \frac{5\alpha}{6} + \frac{\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ -\frac{7\alpha}{6} - \frac{2\beta}{3} - \frac{7\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-21, -10, 35)$$

$$L: \frac{x-2}{-9} = \frac{y+25}{27} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (2, -5, -21)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{14} = \frac{y+13}{19} = \frac{-z-5}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-64}{14} = \frac{y-63}{19} = \frac{-z-69}{16}$$