Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 3

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}+2i)=\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{20\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{20\pi}{21}\right)\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{\pi}{21}\right) = e^{-\frac{20i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-12-5*I], [-2-12*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x+5)^2$$
 $(x-2-4i)$ $(x-2+4i)$ $(x+4-3i)$ $(x+4+3i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x+5)^2$ $(x^2-4x+20)$ $(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $-4-62i$, $-16+36i$, $-2+6i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

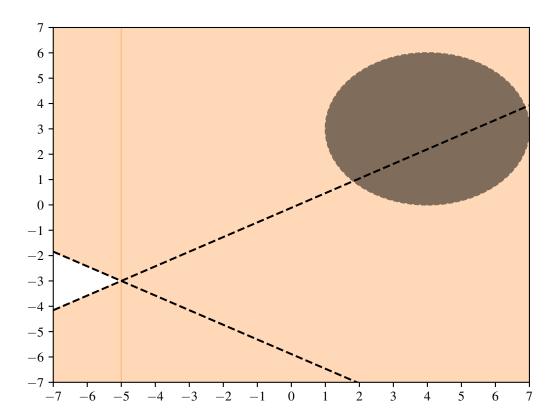
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
:

•
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -3) под углом $=\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = 5$$
;

•
$$\Delta_1 = -10\alpha - 3\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 30\alpha + 6\beta + 11\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -35\alpha - 7\beta - 12\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha - \frac{3\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & 6\alpha + \frac{6\beta}{5} + \frac{11\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -7\alpha - \frac{7\beta}{5} - \frac{12\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -2\alpha - \frac{3\beta}{5} - \frac{3\gamma}{5} \\ 6\alpha + \frac{6\beta}{5} + \frac{11\gamma}{5} \\ -7\alpha - \frac{7\beta}{5} - \frac{12\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (26, 28, -24)$$

$$L: \frac{x+3}{-8} = \frac{y+9}{8} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (-1, -3, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-19}{15} = \frac{y+11}{11} = \frac{-z-20}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-109}{15} = \frac{y-55}{11} = \frac{-z-68}{8}$$