Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 2

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i = 8i$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) - i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{-\frac{3i\pi}{14}}$$

2. 
$$Matrix([[-1-5*I],[5+11*I]])$$

3. Над С: 4 \* 
$$(x+1)(x+5)(x-2-2i)(x-2+2i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x+1)(x+5)(x^2-4x+8)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-39$ ,  $23 + 20i$ ,  $-21 - 22i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

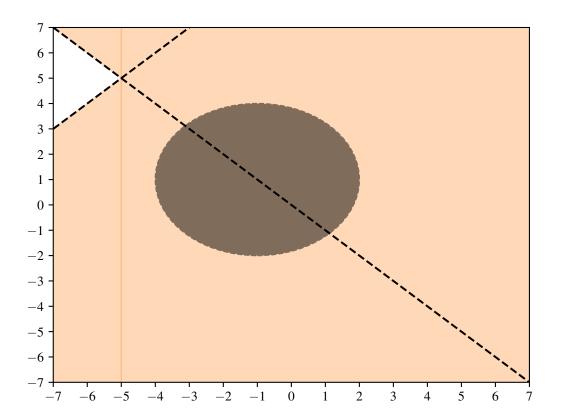
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;5) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 3$$
;

• 
$$\Delta_1 = -58\alpha + 9\beta + 7\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 3\alpha$$
;

• 
$$\Delta_3 = -17\alpha + 3\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{58\alpha}{3} + 3\beta + \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \alpha \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{17\alpha}{3} + \beta + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{58\alpha}{3} + 3\beta + \frac{7\gamma}{3} \\ \alpha \\ -\frac{17\alpha}{3} + \beta + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (2, 29, 2)$$

$$L: \frac{x-2}{16} = \frac{y-10}{-8} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (21, 18, -7)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-10}{12} = \frac{y+11}{12} = \frac{z-12}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{62 - x}{12} = \frac{y + 83}{12} = \frac{z + 102}{19}$$