Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 12

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{8\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{8\pi}{21}\right)\right) = \cos\left(\frac{8\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{8\pi}{21}\right) = e^{-\frac{8i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[12-5*I],[2-12*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-3*(x-2)(x+5)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+3-5i)(x+3+5i)$, Над \mathbb{R} : $-3*(x-2)(x+5)(x^2-4x+20)(x^2+6x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-5 - 16i$, $1 + 10i$, $-31 - 12i$

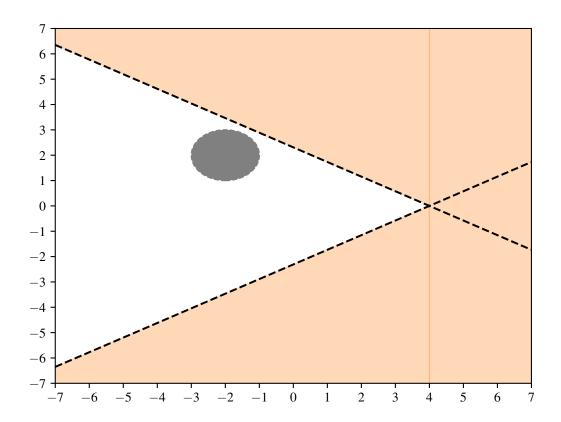
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; 0) под углом = $\pm \frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = \alpha + 36\beta + 63\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = \alpha + 39\beta + 68\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 4\beta + 7\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\alpha - 36\beta - 63\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - 39\beta - 68\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -4\beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\alpha - 36\beta - 63\gamma \\ -\alpha - 39\beta - 68\gamma \\ -4\beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-20, 29, 5)$$

$$L: \frac{x+1}{-8} = \frac{y+51}{48} = \frac{z+14}{0}$$
$$A_0 = (-2, -8, -17)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-11}{4} = \frac{-y-19}{13} = \frac{5-z}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-27}{4} = \frac{-y-71}{13} = \frac{-z-67}{18}$$