Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 7

1. • 
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 27i = 27i$$
;

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{3} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -1$$
;

$$\bullet \text{ Искомое значениe} = 3^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{10}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} \left(\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\frac{\sqrt{5}}{4} - \frac{1}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{5}} e^{-\frac{3i\pi}{10}}$$

2. 
$$Matrix([[-14+11*I],[-1+7*I]])$$

3. Над С: 4 \* 
$$(x-1)(x+3)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+2-5i)(x+2+5i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-1)(x+3)(x^2+2x+5)(x^2+4x+29)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $25-61i$ ,  $-17+25i$ ,  $19+21i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

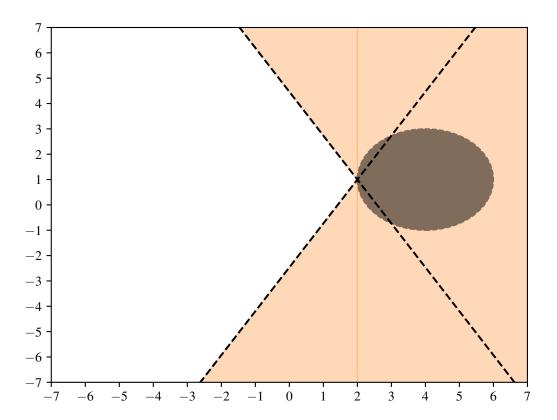
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; 1) под углом =  $\pm \frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 8\alpha - 16\beta + 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -40\alpha + 82\beta - 50\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 19\alpha - 39\beta + 24\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 4\alpha - 8\beta + 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -20\alpha + 41\beta - 25\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{19\alpha}{2} - \frac{39\beta}{2} + 12\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 4\alpha - 8\beta + 5\gamma \\ -20\alpha + 41\beta - 25\gamma \\ \frac{19\alpha}{2} - \frac{39\beta}{2} + 12\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-21, -29, -26)$$

$$L: \frac{x+3}{-6} = \frac{y-6}{-6} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (-5, 10, 40)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-9}{18} = \frac{y+18}{14} = \frac{13-z}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-81}{18} = \frac{y-38}{14} = \frac{-z-31}{11}$$