Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 8

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = \cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i\sin\left(\frac{4\pi}{9}\right) = e^{\frac{4i\pi}{9}}$

2.
$$Matrix([[-1+14*I],[3+6*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x+5)^2$$
 $(x+1-4i)$ $(x+1+4i)$ $(x+5-3i)$ $(x+5+3i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x+5)^2$ $(x^2+2x+17)$ $(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-2-7i$, $-30+55i$, $10-7i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

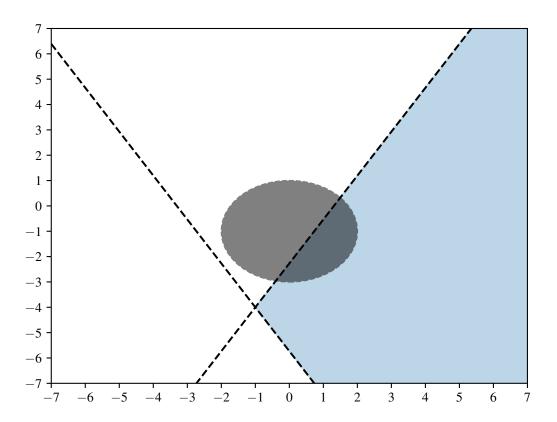
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
:

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;-4) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 32\alpha - 28\beta + 14\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -30\alpha + 27\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -10\alpha + 8\beta - 4\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{16\alpha}{3} - \frac{14\beta}{3} + \frac{7\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha + \frac{9\beta}{2} - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{5\alpha}{3} + \frac{4\beta}{3} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{16\alpha}{3} - \frac{14\beta}{3} + \frac{7\gamma}{3} \\ -5\alpha + \frac{9\beta}{2} - 2\gamma \\ -\frac{5\alpha}{3} + \frac{4\beta}{3} - \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (27, 14, 39)$$

$$L: \frac{x}{-1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (7, 5, 14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{17} = \frac{y-17}{7} = \frac{z-9}{15}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{60-x}{17} = \frac{y+11}{7} = \frac{z+51}{15}$$