Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 32

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 2e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-14+9*I], [-9+8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-4)(x+2)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+5-3i)(x+5+3i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-4)(x+2)(x^2+2x+17)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-33 - 17i$, $3 - 35i$, $49 + 65i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

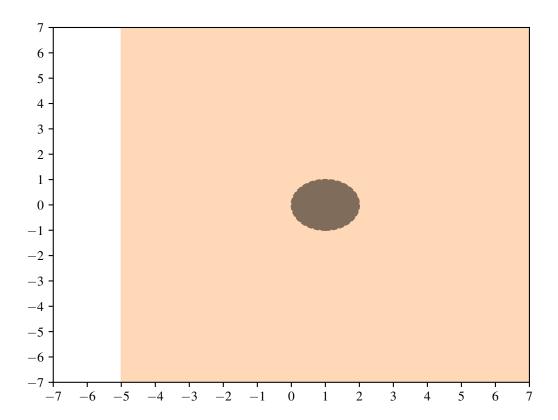
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 1 = 1^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1;0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;-4) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = 4$$
;

•
$$\Delta_1 = 39\alpha + 48\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -20\alpha - 24\beta - 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 16\alpha + 20\beta + 4\gamma$$
;

•
$$A
ightharpoonup \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{39\alpha}{4} + 12\beta + 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha - 6\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 4\alpha + 5\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{39\alpha}{4} + 12\beta + 2\gamma \\ -5\alpha - 6\beta - \gamma \\ 4\alpha + 5\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (11, -18, 26)$$

$$L: \frac{x+3}{4} = \frac{y-8}{-8} = \frac{z+9}{0}$$
$$A_0 = (14, 9, -22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-14}{5} = \frac{-y-7}{2} = \frac{z+20}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-44}{5} = \frac{-y-19}{2} = \frac{z-28}{8}$$