Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-2210. Вариант 19

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

$$\bullet \ \ \sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\tfrac{\pi k}{2}-\tfrac{\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(\tfrac{\pi k}{2}-\tfrac{\pi}{4}\right)\right) \mid k\in[0,4)\right\};$$

• 
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -4$$
;

• Искомое значение = 
$$2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(-\frac{9\pi}{4}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{9\pi}{4}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(\frac{\sqrt{2}}{2}-\frac{\sqrt{2}i}{2}\right)=2\sqrt{2}e^{-\frac{i\pi}{4}}$$

2. 
$$Matrix([[-3+7*I], [-3+5*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x-4)(x-3)(x-1-5i)(x-1+5i)(x+2-4i)(x+2+4i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x-4)(x-3)(x^2-2x+26)(x^2+4x+20)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $11 + 33i$ ,  $-59 - 9i$ ,  $9 - 43i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

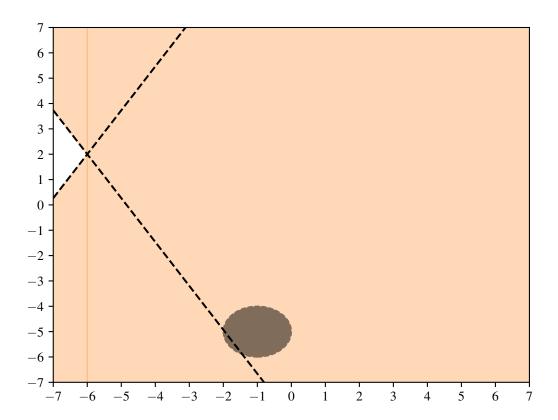
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -256 = 4^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -256$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -5) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6;2) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -4$$
;

• 
$$\Delta_1 = -2\alpha + 11\beta - 102\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -2\beta + 20\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 2\beta - 16\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{2} - \frac{11\beta}{4} + \frac{51\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\beta}{2} - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\beta}{2} + 4\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{2} - \frac{11\beta}{4} + \frac{51\gamma}{2} \\ \frac{\beta}{2} - 5\gamma \\ -\frac{\beta}{2} + 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (34, -14, -19)$$

$$L: \frac{x+2}{-26} = \frac{y-24}{-26} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (-31, 27, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+20}{6} = \frac{14-y}{20} = \frac{z+9}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+50}{6} = \frac{114 - y}{20} = \frac{z+89}{16}$$