Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 6

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21})) \mid k \in [0, 7)\};$$

•
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{25\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{25\pi}{21}\right)\right) = -\cos\left(\frac{4\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{4\pi}{21}\right) = e^{-\frac{17i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[-1+13*I],[14+6*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-2)(x+4)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+2-2i)(x+2+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-2)(x+4)(x^2-8x+25)(x^2+4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $33 + 25i$, $-15 - 81i$, $-21 + 31i$

5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

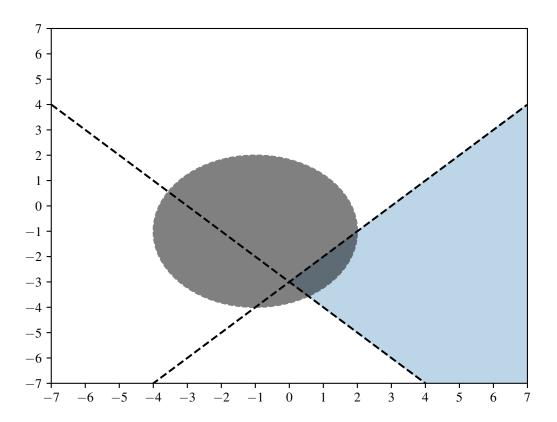
•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -4096i = 4^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -4096i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;-1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -3) под углом $= \pm \frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -15\alpha - 38\beta + 116\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -9\alpha - 24\beta + 72\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -3\alpha - 8\beta + 26\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{5\alpha}{2} + \frac{19\beta}{3} - \frac{58\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{3\alpha}{2} + 4\beta - 12\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} + \frac{4\beta}{3} - \frac{13\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{5\alpha}{2} + \frac{19\beta}{3} - \frac{58\gamma}{3} \\ \frac{3\alpha}{2} + 4\beta - 12\gamma \\ \frac{\alpha}{2} + \frac{4\beta}{3} - \frac{13\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (25, -3, -18)$$

$$L: \frac{x+3}{5} = \frac{y-4}{-5} = \frac{z-1}{0}$$
$$A_0 = (2, -13, -9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{12} = \frac{-y-15}{11} = \frac{z+10}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-26}{12} = \frac{-y-48}{11} = \frac{z-20}{10}$$