Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 28

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{2\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi}{2})) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{9}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg(2+2\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

- k = 1;
- Искомое значение =  $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(\cos\left(\frac{4\pi}{9}\right) + i \sin\left(\frac{4\pi}{9}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{4i\pi}{9}}$

2. 
$$Matrix([[-8-2*I],[8+10*I]])$$

3. Над С: 
$$-3*(x+1)(x+3)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+2-2i)(x+2+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x+1)(x+3)(x^2-2x+17)(x^2+4x+8)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-7-6i$ ,  $43+4i$ ,  $3-52i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

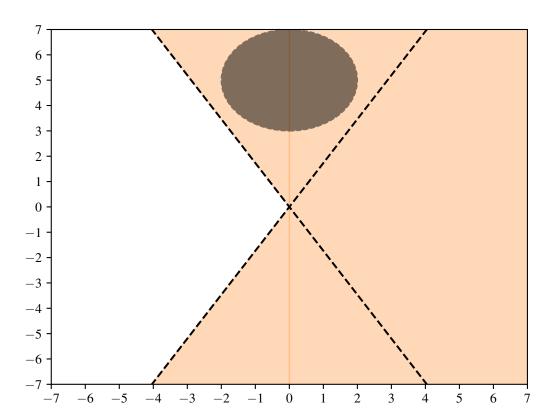
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
;

• 
$$z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 5) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0;0) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -3$$
;

• 
$$\Delta_1 = -11\alpha - 32\beta + 4\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = -6\alpha - 18\beta + 3\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 4\alpha + 13\beta - 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{11\alpha}{3} + \frac{32\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha + 6\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{4\alpha}{3} - \frac{13\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{11\alpha}{3} + \frac{32\beta}{3} - \frac{4\gamma}{3} \\ 2\alpha + 6\beta - \gamma \\ -\frac{4\alpha}{3} - \frac{13\beta}{3} + \frac{2\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (0, -1, 25)$$

$$L: \frac{x+1}{-5} = \frac{y+3}{5} = \frac{z-9}{0}$$
$$A_0 = (-15, -9, 28)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-14}{9} = \frac{y+4}{16} = \frac{8-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+49}{9} = \frac{y+116}{16} = \frac{120-z}{16}$$