Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 35

1. •
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -8i = -8i$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{14}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{3}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} \left(-\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) + i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right)\right) = 2^{\frac{3}{7}} e^{\frac{11i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[1-7*I], [-5-15*I]])$$

3. Над С:
$$-3*(x+1)(x+5)(x+3-5i)(x+3+5i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над \mathbb{R} : $-3*(x+1)(x+5)(x^2+6x+34)(x^2+10x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $24 + 37i$, $-16 - 69i$, $2 + 19i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

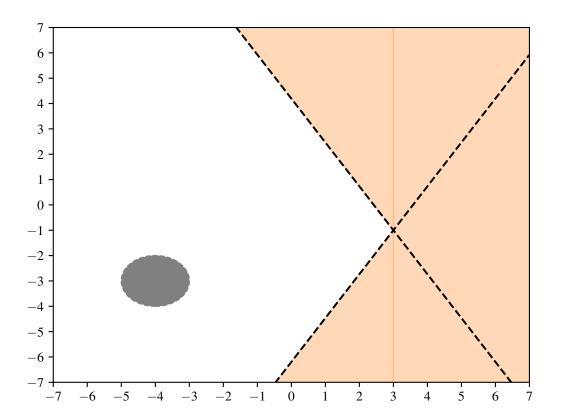
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 8i = 2^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4; -3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;-1) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -64\alpha - 16\beta + 54\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -95\alpha - 23\beta + 81\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 56\alpha + 14\beta - 48\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{32\alpha}{3} + \frac{8\beta}{3} - 9\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{95\alpha}{6} + \frac{23\beta}{6} - \frac{27\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{28\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + 8\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{32\alpha}{3} + \frac{8\beta}{3} - 9\gamma \\ \frac{95\alpha}{6} + \frac{23\beta}{6} - \frac{27\gamma}{2} \\ -\frac{28\alpha}{3} - \frac{7\beta}{3} + 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-22, 18, 14)$$

$$L: \frac{x}{-12} = \frac{y+11}{12} = \frac{z+7}{0}$$
$$A_0 = (-12, -1, -24)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{2-x}{8} = \frac{2-y}{3} = \frac{z-15}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-46}{8} = \frac{-y-16}{3} = \frac{z-39}{4}$$