Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 16

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

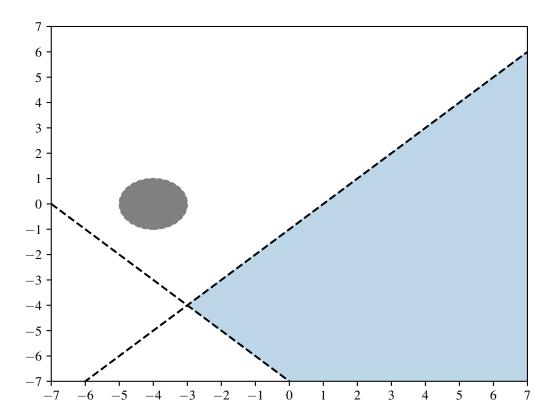
•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

- k = 1;
- Искомое значение = $2^{\frac{7}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{7}{7}} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{7}{7}} e^{\frac{5i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-2+5*I],[7+4*I]])

3. Над С: 3 *
$$(x-2)(x+5)(x-2-i)(x-2+i)(x-1-4i)(x-1+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-2)(x+5)(x^2-4x+5)(x^2-2x+17)$

- 4. Все числа z: -36-2i, 36-58i, -4+60i
- 5. $z_1 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$
 - $z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$
 - угол между радиус-векторами = $\frac{2\pi}{3}$;
 - n = 3;
 - $z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$
- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-4;0) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;-4) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -1$$
;

•
$$\Delta_1 = 7\alpha - 21\beta + 6\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -6\alpha + 17\beta - 5\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -\alpha + 3\beta - \gamma$$
;

•
$$A o egin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -7\alpha + 21\beta - 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 6\alpha - 17\beta + 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha - 3\beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -7\alpha + 21\beta - 6\gamma \\ 6\alpha - 17\beta + 5\gamma \\ \alpha - 3\beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-25, 10, -3)$$

$$L: \frac{x+1}{3} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (1, -11, -30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{4-x}{4} = \frac{y+19}{2} = \frac{-z-5}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-20}{4} = \frac{y+7}{2} = \frac{-z-77}{12}$$