Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 26

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -5$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{29\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{29\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{7i\pi}{18}}$$

2.
$$Matrix([[-10+8*I],[2+10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-3)(x+3)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-3)(x+3)(x^2-2x+17)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-18 + 16i$, $-30 - 68i$, $38 + 22i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

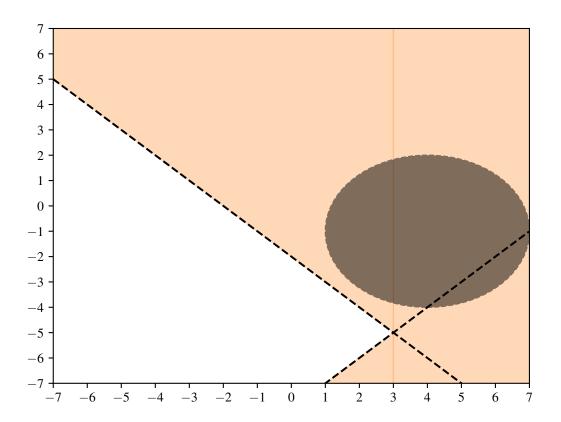
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -i = 1^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; -1) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -5) под углом $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 3\alpha + 39\beta - 9\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 3\alpha + 35\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -10\beta + 2\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} + \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{\alpha}{2} - \frac{35\beta}{6} + \frac{7\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{5\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{2} - \frac{13\beta}{2} + \frac{3\gamma}{2} \\ -\frac{\alpha}{2} - \frac{35\beta}{6} + \frac{7\gamma}{6} \\ \frac{5\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (1, 22, 14)$$

$$L: \frac{x}{-2} = \frac{y+6}{3} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (3, 9, 16)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-6}{14} = \frac{y+19}{14} = \frac{3-z}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+92}{14} = \frac{y+117}{14} = \frac{52-z}{7}$$