Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 6

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

- $arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3}$ ;
- k = 2;
- Искомое значение =  $2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right) = -\sqrt{3} + i = 2e^{\frac{5i\pi}{6}}$
- 2. Matrix([[10-11\*I],[-1-4\*I]])

3. Над С: 4 \* 
$$(x-1)(x+5)(x+1-3i)(x+1+3i)(x+3-2i)(x+3+2i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 4 \*  $(x-1)(x+5)(x^2+2x+10)(x^2+6x+13)$ 

4. Все числа z: 31 - 35i, 15 - 17i, -43 + 53i

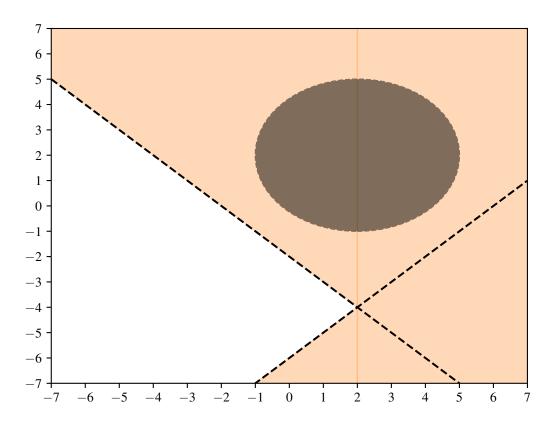
5. • 
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4

• 
$$z = -128 - 128\sqrt{3}i = 4^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 256e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -4) под углом  $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 4\alpha + 11\beta + 13\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 4\alpha + 12\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 14\alpha + 41\beta + 49\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha - \frac{11\beta}{2} - \frac{13\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha - 6\beta - 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -7\alpha - \frac{41\beta}{2} - \frac{49\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -2\alpha - \frac{11\beta}{2} - \frac{13\gamma}{2} \\ -2\alpha - 6\beta - 7\gamma \\ -7\alpha - \frac{41\beta}{2} - \frac{49\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-24, 15, 10)$$

$$L: \frac{x}{-20} = \frac{y - 28}{-30} = \frac{z - 10}{0}$$
$$A_0 = (-28, 25, 30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-9}{8} = \frac{y-9}{2} = \frac{5-z}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-33}{8} = \frac{y-15}{2} = \frac{-z-43}{16}$$