Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 25

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 3;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right) = \frac{\sqrt{2}}{2} \frac{\sqrt{2}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{4}}$

2.
$$Matrix([[-9-7*I],[13+13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-1)(x+5)(x-2-2i)(x-2+2i)(x-1-4i)(x-1+4i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-1)(x+5)(x^2-4x+8)(x^2-2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $43 - 51i$, $-7 - 5i$, $15 + 41i$

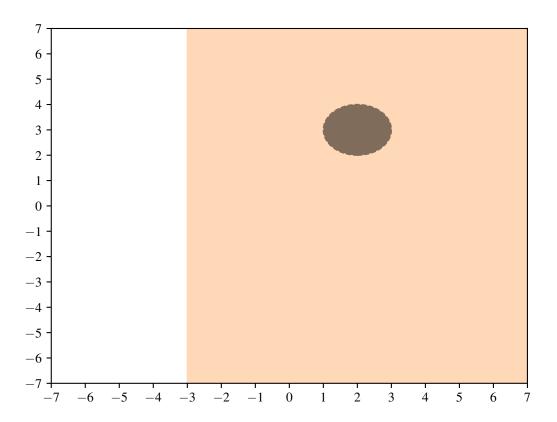
5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{3}$;
- *n* = 6:

•
$$z = -64i = 2^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; 3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -18\alpha + 68\beta + 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -24\alpha + 90\beta + 32\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -23\alpha + 87\beta + 31\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 34\beta - 12\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 12\alpha - 45\beta - 16\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{23\alpha}{2} - \frac{87\beta}{2} - \frac{31\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 34\beta - 12\gamma \\ 12\alpha - 45\beta - 16\gamma \\ \frac{23\alpha}{2} - \frac{87\beta}{2} - \frac{31\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-42, 14, -19)$$

$$L: \frac{x+3}{32} = \frac{y+22}{24} = \frac{z-1}{0}$$
$$A_0 = (22, -22, -5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-8}{18} = \frac{y+15}{4} = \frac{z-1}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-98}{18} = \frac{y-5}{4} = \frac{z-51}{10}$$