Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 11

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[3]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^2} = \left\{ 2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 1:
- Искомое значение = $2^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} \left(\cos\left(\frac{7\pi}{18}\right) + i \sin\left(\frac{7\pi}{18}\right)\right) = 2^{\frac{2}{3}} e^{\frac{7i\pi}{18}}$

2.
$$Matrix([[-10+3*I], [6-10*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-2)(x+5)(x+2-2i)(x+2+2i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-2)(x+5)(x^2+4x+8)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-3 + 52i$, $1 - 46i$, $5 - 10i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

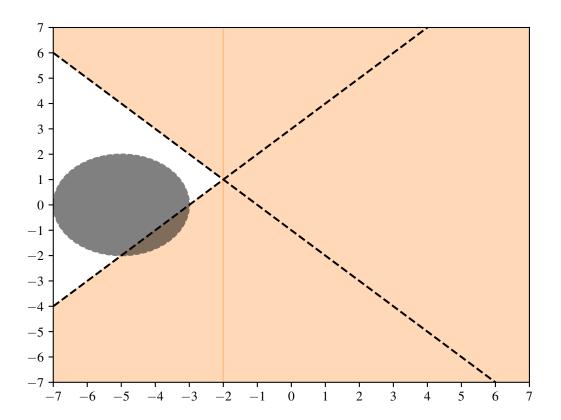
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5;0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;1) под углом $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -70\alpha + 55\beta + 60\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -49\alpha + 39\beta + 42\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -44\alpha + 34\beta + 37\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 14\alpha - 11\beta - 12\gamma \\ \\ 0 & 1 & 0 & \frac{49\alpha}{5} - \frac{39\beta}{5} - \frac{42\gamma}{5} \\ \\ 0 & 0 & 1 & \frac{44\alpha}{5} - \frac{34\beta}{5} - \frac{37\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 14\alpha - 11\beta - 12\gamma \\ \frac{49\alpha}{5} - \frac{39\beta}{5} - \frac{42\gamma}{5} \\ \frac{44\alpha}{5} - \frac{34\beta}{5} - \frac{37\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-28, -34, 33)$$

$$L: \frac{x+1}{-26} = \frac{y-25}{-26} = \frac{z-12}{0}$$
$$A_0 = (-24, 22, 13)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-13}{11} = \frac{-y-10}{15} = \frac{z-17}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-68}{11} = \frac{-y-85}{15} = \frac{z-32}{3}$$