Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 19

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{13\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{13\pi}{15}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} - \frac{1}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2} + \frac{\sqrt{\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}}{8}}}{2}\right) = e^{-\frac{13i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-14-12*I],[12-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-2)(x+2)(x+2-i)(x+2+i)(x+3-2i)(x+3+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-2)(x+2)(x^2+4x+5)(x^2+6x+13)$

4. Все числа
$$z$$
: $-1 - 18i$, $33 + 20i$, $3 - 40i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

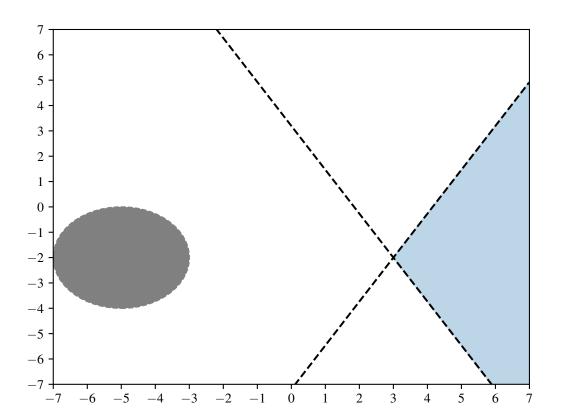
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = 27 = 3^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -2) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = -5\beta$$
;

•
$$\Delta_2 = -7\alpha - 18\beta + 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = \alpha - \beta - \gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \beta \\ 0 & 1 & 0 & \frac{7\alpha}{5} + \frac{18\beta}{5} - \frac{2\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} + \frac{\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \beta \\ \frac{7\alpha}{5} + \frac{18\beta}{5} - \frac{2\gamma}{5} \\ -\frac{\alpha}{5} + \frac{\beta}{5} + \frac{\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, 7, 13)$$

$$L: \frac{x+1}{-22} = \frac{y-19}{-22} = \frac{z-2}{0}$$
$$A_0 = (-16, 14, -6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-10}{15} = \frac{y+18}{8} = \frac{z+7}{19}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x - 85}{15} = \frac{y - 22}{8} = \frac{z - 88}{19}$$