Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 26

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{14}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -3$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{14}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{14}\right)\right) = -\cos\left(\frac{3\pi}{14}\right) - i\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right) = e^{-\frac{11i\pi}{14}}$$

2.
$$Matrix([[-1-8*I],[9+8*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5 * (x-1)(x+1)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+5-i)(x+5+i)$, Над \mathbb{R} : $-5 * (x-1)(x+1)(x^2-8x+20)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $2+24i$, $10-42i$, $40-14i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

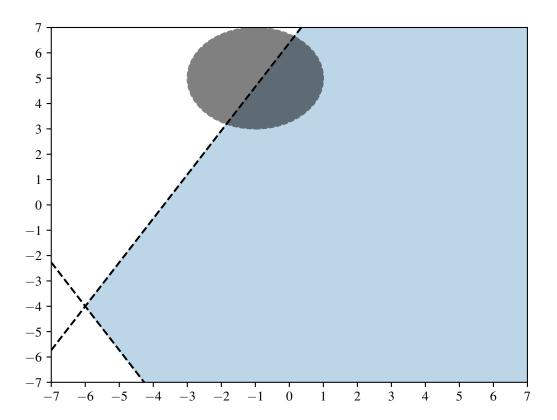
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-6; -4) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 3$$
;

•
$$\Delta_1 = 27\alpha + 22\beta - 35\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -3\alpha - 2\beta + 4\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -18\alpha - 15\beta + 24\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha + \frac{22\beta}{3} - \frac{35\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \frac{2\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha - 5\beta + 8\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet x = \begin{pmatrix} 9\alpha + \frac{22\beta}{3} - \frac{35\gamma}{3} \\ -\alpha - \frac{2\beta}{3} + \frac{4\gamma}{3} \\ -6\alpha - 5\beta + 8\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (20, 1, -36)$$

$$L: \frac{x-1}{-8} = \frac{y+10}{8} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (2, -5, -28)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{17-x}{11} = \frac{-y-16}{7} = \frac{z+7}{11}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{61-x}{11} = \frac{12-y}{7} = \frac{z+51}{11}$$