Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 12

1. • 
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}};$$

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = 3$$
;

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

2. 
$$Matrix([[9-I], [-15+10*I]])$$

3. Над С: 2 \* 
$$(x+3)(x+5)(x+3-4i)(x+3+4i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 2 \*  $(x+3)(x+5)(x^2+6x+25)(x^2+10x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $51 - 39i$ ,  $-3 + i$ ,  $-21 - 11i$ 

5. • 
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

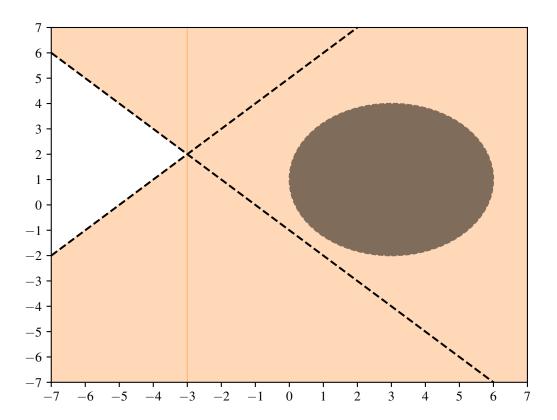
• 
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 3$$
:

• 
$$z = 64 = 4^3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^3$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-3;2) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -2\alpha - 16\beta - 3\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 10\alpha + 74\beta + 14\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 6\alpha + 46\beta + 9\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + 8\beta + \frac{3\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -5\alpha - 37\beta - 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -3\alpha - 23\beta - \frac{9\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \alpha + 8\beta + \frac{3\gamma}{2} \\ -5\alpha - 37\beta - 7\gamma \\ -3\alpha - 23\beta - \frac{9\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (23, 13, -9)$$

$$L: \frac{x}{-18} = \frac{y - 14}{-12} = \frac{z - 10}{0}$$
$$A_0 = (-20, 31, 26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-15}{14} = \frac{7-y}{19} = \frac{z+4}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-71}{14} = \frac{-y-69}{19} = \frac{z-8}{3}$$