Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 32

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

• 
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

• 
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right) + i\cdot\sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{8}\right)\right) \mid k \in [0,4)\right\};$$

• 
$$arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение 
$$=2\sqrt{2}\cdot\left(\cos\left(-\frac{11\pi}{8}\right)+i\cdot\sin\left(-\frac{11\pi}{8}\right)\right)=2\sqrt{2}\left(-\sqrt{\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{2}}{4}}+i\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{4}+\frac{1}{2}}\right)=2\sqrt{2}e^{\frac{5i\pi}{8}}$$

2. 
$$Matrix([[2-15*I], [14+8*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
: 3 \*  $(x-4)(x+4)(x-3-i)(x-3+i)(x-1-5i)(x-1+5i)$ , Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-4)(x+4)(x^2-6x+10)(x^2-2x+26)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-12-51i$ ,  $8-i$ ,  $6+25i$ 

5. • 
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0))$$
;

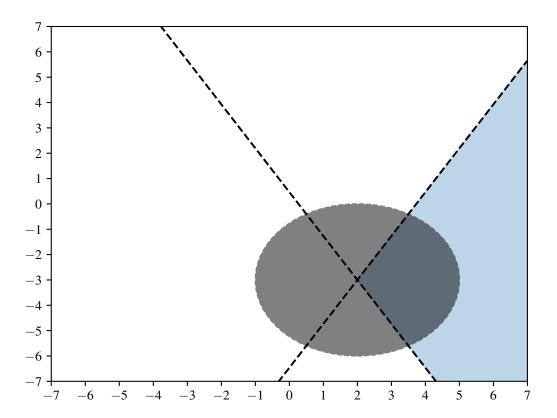
• 
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
:

• 
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -3) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2; -3) под углом  $= \pm \frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -25\alpha + 44\beta + 10\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 5\alpha - 10\beta - 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -52\alpha + 92\beta + 22\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{25\alpha}{6} + \frac{22\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{6} - \frac{5\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{26\alpha}{3} + \frac{46\beta}{3} + \frac{11\gamma}{3} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{25\alpha}{6} + \frac{22\beta}{3} + \frac{5\gamma}{3} \\ \frac{5\alpha}{6} - \frac{5\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ -\frac{26\alpha}{3} + \frac{46\beta}{3} + \frac{11\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, -11, -4)$$

$$L: \frac{x-2}{-105} = \frac{y-14}{-15} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (-15, 33, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+5}{4} = \frac{y+14}{18} = \frac{z+7}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-19}{4} = \frac{y-94}{18} = \frac{z-41}{8}$$