Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 32

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -8 = -8$$
:

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left( \cos \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) + i \cdot \sin \left( \frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{6} \right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$arg(1-\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{7\pi}{6}\right)\right) = \sqrt{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \sqrt{2}e^{\frac{5i\pi}{6}}$$

2. 
$$Matrix([[-5+5*I], [-5+9*I]])$$

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x-3)(x-2)(x-4-3i)(x-4+3i)(x+1-i)(x+1+i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x-3)(x-2)(x^2-8x+25)(x^2+2x+2)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-6+44i$ ,  $22-30i$ ,  $-8-26i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

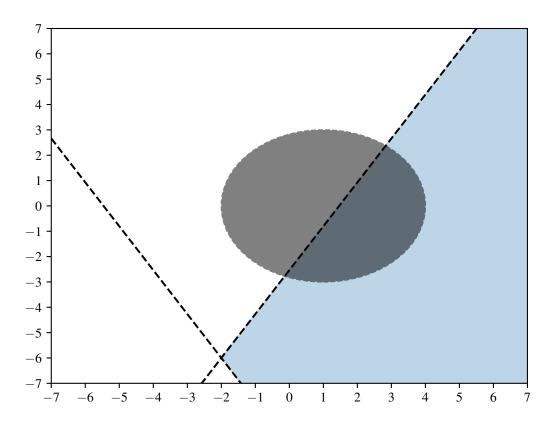
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1;0) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2; -6) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 5$$
;

• 
$$\Delta_1 = -8\alpha - 2\beta - 13\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 19\alpha + 6\beta + 34\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -20\alpha - 5\beta - 35\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{8\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} - \frac{13\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{19\alpha}{5} + \frac{6\beta}{5} + \frac{34\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & -4\alpha - \beta - 7\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{8\alpha}{5} - \frac{2\beta}{5} - \frac{13\gamma}{5} \\ \frac{19\alpha}{5} + \frac{6\beta}{5} + \frac{34\gamma}{5} \\ -4\alpha - \beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (0, -16, 0)$$

$$L: \frac{x-2}{-3} = \frac{y-7}{-5} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (-5, -16, -14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-8}{8} = \frac{-y-7}{20} = \frac{z-10}{4}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{40-x}{8} = \frac{113-y}{20} = \frac{z+14}{4}$$