Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 21

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(-\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(-\frac{\pi}{2})) = -i = -i;$$

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{10}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 3$$
:

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{10}\right)\right) = -\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} + i\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right) = e^{-\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[2+6*I], [-2-7*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-3)(x+5)(x-4-2i)(x-4+2i)(x-3-5i)(x-3+5i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-3)(x+5)(x^2-8x+20)(x^2-6x+34)$

4. Все числа
$$z$$
: $-17 + 40i$, $47 - 20i$, $-3 - 10i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

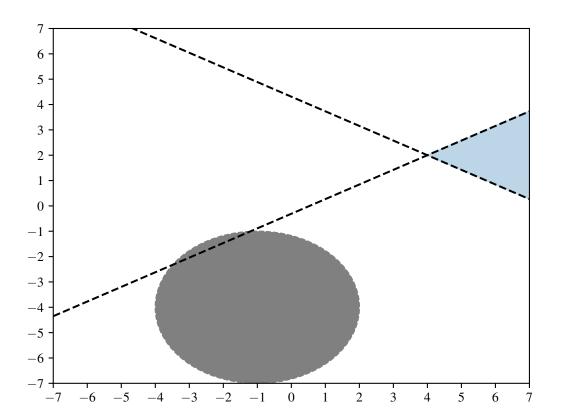
•
$$z_2 = 2 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -8 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -4) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4;2) под углом $=\pm\frac{\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 10\alpha - 21\beta - 15\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 36\alpha - 77\beta - 55\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -42\alpha + 90\beta + 64\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -5\alpha + \frac{21\beta}{2} + \frac{15\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & -18\alpha + \frac{77\beta}{2} + \frac{55\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 21\alpha - 45\beta - 32\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -5\alpha + \frac{21\beta}{2} + \frac{15\gamma}{2} \\ -18\alpha + \frac{77\beta}{2} + \frac{55\gamma}{2} \\ 21\alpha - 45\beta - 32\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-22, 32, 29)$$

$$L: \frac{x}{-2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+12}{0}$$
$$A_0 = (-2, -14, -19)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+2}{4} = \frac{1-y}{7} = \frac{-z-2}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+30}{4} = \frac{50-y}{7} = \frac{82-z}{12}$$