Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 24

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
:

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{ \sqrt[6]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{18}\right) \right) \mid k \in [0, 6) \right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

- $arg(2\sqrt{3}-2i)=-\frac{\pi}{6};$
- k = -5;
- Искомое значение =  $\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{2}\right)\right) = \sqrt{2}i = \sqrt{2}i$
- 2. Matrix([[8+6\*I], [-3+9\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-5*(x-3)(x+4)(x-2-4i)(x-2+4i)(x+1-3i)(x+1+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-5*(x-3)(x+4)(x^2-4x+20)(x^2+2x+10)$ 

4. Все числа z: -32-16i, 28-26i, 24-28i

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{19\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{19\pi}{12}\right)\right);$$

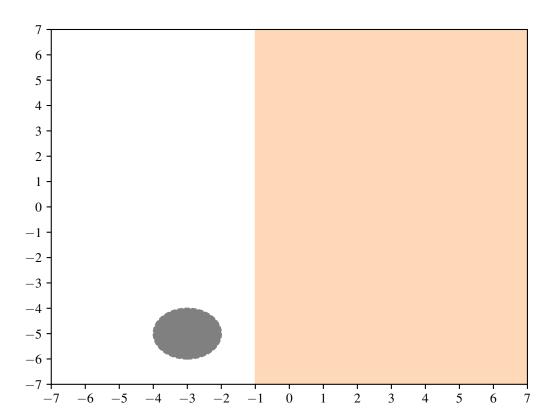
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{23\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{23\pi}{12}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{3}$$
;

• 
$$n = 6$$
;

• 
$$z = -64i = 2^6 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right) = -64i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3; -5) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;4) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = -10\alpha + 2\beta$$
;

• 
$$\Delta_2 = -86\alpha + 18\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -4\alpha + \beta$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 5\alpha - \beta \\ 0 & 1 & 0 & 43\alpha - 9\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & 2\alpha - \frac{\beta}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 5\alpha - \beta \\ 43\alpha - 9\beta - \gamma \\ 2\alpha - \frac{\beta}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, 14, -28)$$

$$L: \frac{x-2}{12} = \frac{y-7}{-6} = \frac{z+4}{0}$$
$$A_0 = (13, 24, 6)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-4}{12} = \frac{y+9}{2} = \frac{z+18}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-40}{12} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-30}{16}$$