Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 16

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{30}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(\sqrt{3}+i) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{15}\right)\right) = -\frac{1}{8} + \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right) = e^{-\frac{i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-1+9*I], [-14+13*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-5*(x-3)(x+4)(x+2-i)(x+2+i)(x+4-3i)(x+4+3i)$, Над \mathbb{R} : $-5*(x-3)(x+4)(x^2+4x+5)(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $-31+76i$, $71-34i$, $-17-26i$

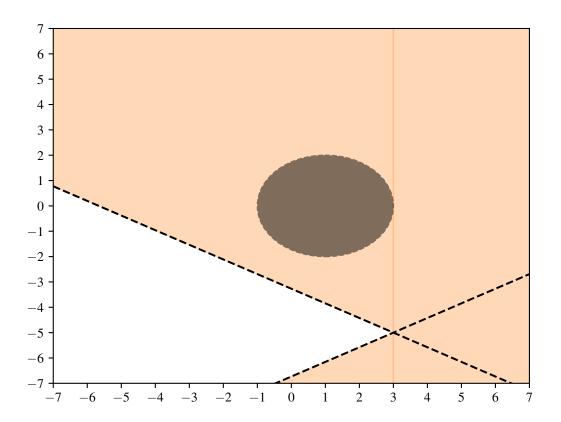
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -729 = 3^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -729$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (1;0) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3; -5) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = 18\alpha - 52\beta + 10\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha + 35\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 14\alpha - 40\beta + 8\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -9\alpha + 26\beta - 5\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 6\alpha - \frac{35\beta}{2} + \frac{7\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -7\alpha + 20\beta - 4\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -9\alpha + 26\beta - 5\gamma \\ 6\alpha - \frac{35\beta}{2} + \frac{7\gamma}{2} \\ -7\alpha + 20\beta - 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (28, 31, -17)$$

$$L: \frac{x}{-16} = \frac{y+8}{8} = \frac{z+11}{0}$$
$$A_0 = (-13, 1, -26)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-15}{15} = \frac{y-9}{2} = \frac{z-18}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 105}{15} = \frac{y - 21}{2} = \frac{z - 90}{12}$$