Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 17

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 8 - 8\sqrt{3}i = 16e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{42}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$;
- k = -3;
- Искомое значение = $2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{19\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{19\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{21}\right) i\sin\left(\frac{2\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{-\frac{19i\pi}{21}}$
- 2. Matrix([[-11-5*I],[1-14*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 4 * $(x-1)(x+5)(x-3-4i)(x-3+4i)(x+2-3i)(x+2+3i)$, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-1)(x+5)(x^2-6x+25)(x^2+4x+13)$

4. Все числа z: 16+i, -66-31i, 24+39i

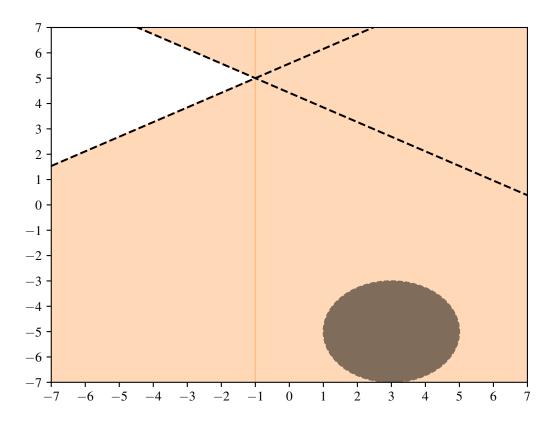
5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{2}$;
- n = 4;

•
$$z = -\frac{81}{2} - \frac{81\sqrt{3}i}{2} = 3^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right) = 81e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; -5) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;5) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -5$$
;

•
$$\Delta_1 = 93\alpha - 14\beta - 103\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -51\alpha + 8\beta + 56\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -44\alpha + 7\beta + 49\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{93\alpha}{5} + \frac{14\beta}{5} + \frac{103\gamma}{5} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{51\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} - \frac{56\gamma}{5} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{44\alpha}{5} - \frac{7\beta}{5} - \frac{49\gamma}{5} \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{93\alpha}{5} + \frac{14\beta}{5} + \frac{103\gamma}{5} \\ \frac{51\alpha}{5} - \frac{8\beta}{5} - \frac{56\gamma}{5} \\ \frac{44\alpha}{5} - \frac{7\beta}{5} - \frac{49\gamma}{5} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-11, 6, -16)$$

$$L: \frac{x-1}{2} = \frac{y-4}{-6} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (0, -3, 22)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-19}{6} = \frac{y+16}{4} = \frac{z+6}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{5-x}{6} = \frac{y+32}{4} = \frac{z+78}{18}$$