Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 21

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = 2 - 2\sqrt{3}i = 4e^{-\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение =
$$\sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{11\pi}{12}\right)\right) = \sqrt{2} \left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right)\right) = \sqrt{2}e^{\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[10-12*I], [-2+13*I]])$$

3. Над С:
$$-3*(x-1)(x+1)(x-1-4i)(x-1+4i)(x+5-i)(x+5+i)$$
, Над \mathbb{R} : $-3*(x-1)(x+1)(x^2-2x+17)(x^2+10x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $8 - 12i$, $-48 + 2i$, $32 - 34i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

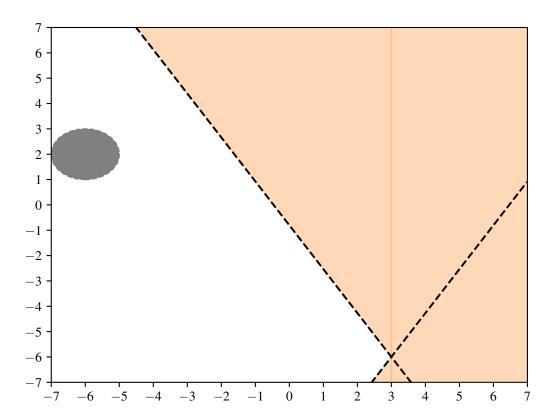
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-6, 2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3, -6) под углом $=\pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = 81\alpha + 36\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 48\alpha + 22\beta - 2\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -36\alpha - 16\beta + 2\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{27\alpha}{2} + 6\beta - \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 8\alpha + \frac{11\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -6\alpha - \frac{8\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{27\alpha}{2} + 6\beta - \frac{\gamma}{2} \\ 8\alpha + \frac{11\beta}{3} - \frac{\gamma}{3} \\ -6\alpha - \frac{8\beta}{3} + \frac{\gamma}{3} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-35, -28, -6)$$

$$L: \frac{x}{17} = \frac{y+33}{34} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (29, -20, -11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+13}{12} = \frac{14-y}{4} = \frac{16-z}{9}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-35}{12} = \frac{-y-2}{4} = \frac{-z-20}{9}$$