Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 18

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{5}\right)\right) = -\frac{\sqrt{5}}{4} + \frac{1}{4} - i\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{5}{8}} = e^{-\frac{3i\pi}{5}}$$

2.
$$Matrix([[8+3*I], [-8+3*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 3 * $(x-4)(x-2)(x+3-2i)(x+3+2i)(x+4-i)(x+4+i)$, Над \mathbb{R} : 3 * $(x-4)(x-2)(x^2+6x+13)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $39-7i$, $-49+25i$, $-11+19i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

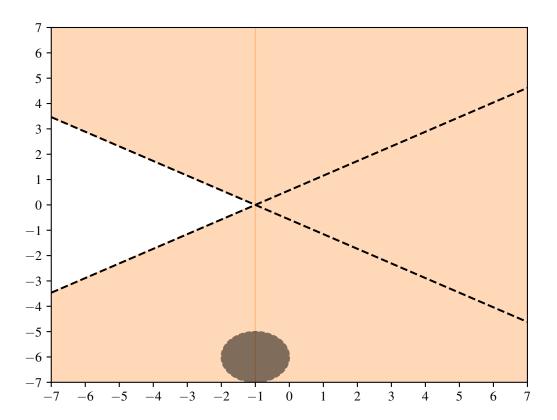
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$n = 6$$
;

•
$$z = -64 = 2^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -6) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-1;0) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -4$$
;

•
$$\Delta_1 = 17\alpha - 8\beta - 37\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -45\alpha + 20\beta + 97\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 27\alpha - 12\beta - 59\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{17\alpha}{4} + 2\beta + \frac{37\gamma}{4} \\ \\ 0 & 1 & 0 & \frac{45\alpha}{4} - 5\beta - \frac{97\gamma}{4} \\ \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{27\alpha}{4} + 3\beta + \frac{59\gamma}{4} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{17\alpha}{4} + 2\beta + \frac{37\gamma}{4} \\ \frac{45\alpha}{4} - 5\beta - \frac{97\gamma}{4} \\ -\frac{27\alpha}{4} + 3\beta + \frac{59\gamma}{4} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, 4, 8)$$

$$L: \frac{x+2}{-19} = \frac{y+17}{19} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (-17, -22, -31)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+6}{17} = \frac{y-5}{8} = \frac{z+20}{3}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x-62}{17} = \frac{y-37}{8} = \frac{z+8}{3}$$