Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 22

1. • 
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -64 = -64$$
:

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^3} = \left\{2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

- $arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6};$
- k = 2;
- Искомое значение =  $2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} \left(-\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} e^{\frac{5i\pi}{7}}$
- 2. Matrix([[-14+10\*I],[13+3\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-4*(x-2)(x-1)(x-2-i)(x-2+i)(x-1-2i)(x-1+2i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-4*(x-2)(x-1)(x^2-4x+5)(x^2-2x+5)$ 

4. Все числа z: -1 - 30i, -9 - 18i, -47 + 72i

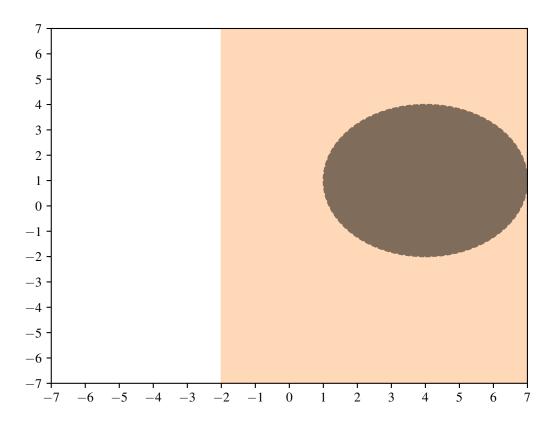
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right);$$

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{2}$ ;
- n = 4;

• 
$$z = -1 = 1^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (4; 1) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;-1) под углом  $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 4\alpha + 10\beta + 12\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 6\alpha + 15\beta + 16\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -6\alpha - 13\beta - 12\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha + \frac{5\beta}{2} + 3\gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{3\alpha}{2} + \frac{15\beta}{4} + 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{3\alpha}{2} - \frac{13\beta}{4} - 3\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \alpha + \frac{5\beta}{2} + 3\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} + \frac{15\beta}{4} + 4\gamma \\ -\frac{3\alpha}{2} - \frac{13\beta}{4} - 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-30, 2, 6)$$

$$L: \frac{x+2}{48} = \frac{y-13}{-16} = \frac{z+13}{0}$$
$$A_0 = (15, 14, -30)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-19}{17} = \frac{y+6}{15} = \frac{-z-7}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x - 70}{17} = \frac{y - 39}{15} = \frac{-z - 55}{16}$$