Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 29

1. • 
$$z^3 = 2^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -8 = -8$$
:

• 
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ \sqrt[5]{2} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{15}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

• 
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left( \cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{5}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

- $arg(\sqrt{3}-i) = -\frac{\pi}{6}$ ;
- k = -4;
- $\bullet \ \ \text{Искомое значениe} = 2^{\frac{3}{5}} \cdot \left(\cos\left(-\tfrac{7\pi}{5}\right) + i \cdot \sin\left(-\tfrac{7\pi}{5}\right)\right) = 2^{\frac{3}{5}} \left(-\tfrac{\sqrt{5}}{4} + \tfrac{1}{4} + i\sqrt{\tfrac{\sqrt{5}}{8} + \tfrac{5}{8}}\right) = 2^{\frac{3}{5}} e^{\frac{3i\pi}{5}}$

2. 
$$Matrix([[-15+2*I],[-9+I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-4)(x-2)(x+4-5i)(x+4+5i)(x+5-3i)(x+5+3i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-4)(x-2)(x^2+8x+41)(x^2+10x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $28 - 38i$ ,  $-64 - 8i$ ,  $24 + 62i$ 

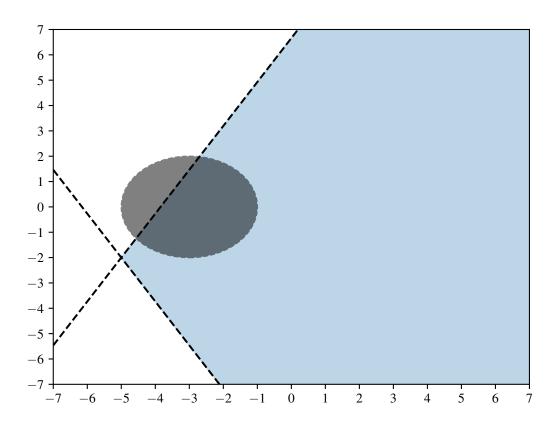
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right)$$
;

• 
$$z_2 = 1 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

• 
$$z = -1 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-3;0) радиуса 2
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5;-2) под углом  $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = -2$$
;

• 
$$\Delta_1 = 3\alpha - 45\beta - 40\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 2\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -\alpha + 9\beta + 8\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{3\alpha}{2} + \frac{45\beta}{2} + 20\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -\beta - \gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} - 4\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{3\alpha}{2} + \frac{45\beta}{2} + 20\gamma \\ -\beta - \gamma \\ \frac{\alpha}{2} - \frac{9\beta}{2} - 4\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-36, -39, 6)$$

$$L: \frac{x+1}{-2} = \frac{y}{1} = \frac{z-10}{0}$$
$$A_0 = (6, -1, 29)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-16}{7} = \frac{y+19}{10} = \frac{z+12}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+26}{7} = \frac{y+79}{10} = \frac{z+42}{5}$$