Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-226. Вариант 30

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -64 = -64$$
:

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[7]{z^3} = \left\{ 2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{7} - \frac{\pi}{7} \right) \right) \mid k \in [0,7) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3}$$
;

•
$$k = -1$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{6}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{3\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{3\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} \left(\cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) - i\sin\left(\frac{3\pi}{7}\right)\right) = 2^{\frac{6}{7}} e^{-\frac{3i\pi}{7}}$$

2.
$$Matrix([[-5+6*I], [2-2*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-2)(x+1)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+4-i)(x+4+i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-2)(x+1)(x^2+2x+5)(x^2+8x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $7+4i$, $1+14i$, $-49-10i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

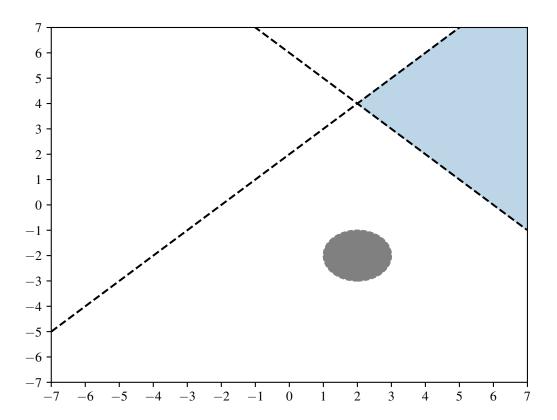
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -2) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;4) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -\alpha$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha - 18\beta + 30\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -17\alpha - 24\beta + 42\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{6} \\ 0 & 1 & 0 & 2\alpha + 3\beta - 5\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{17\alpha}{6} + 4\beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$
;

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{6} \\ 2\alpha + 3\beta - 5\gamma \\ \frac{17\alpha}{6} + 4\beta - 7\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-3, -11, -26)$$

$$L: \frac{x+3}{-18} = \frac{y-15}{-18} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-20, 30, -3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{5-x}{4} = \frac{1-y}{13} = \frac{16-z}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{33 - x}{4} = \frac{92 - y}{13} = \frac{135 - z}{17}$$