Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-228. Вариант 14

1. •
$$z^2 = 2^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -2 + 2\sqrt{3}i = 4e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{ \sqrt[7]{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) \right) \mid k \in [0, 7) \right\};$$

$$\bullet \ \sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6};$$

•
$$k = 4$$
;

• Искомое значение =
$$2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{26\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{26\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} \left(-\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{2}{7}} e^{-\frac{16i\pi}{21}}$$

2.
$$Matrix([[14-8*I],[13+I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-4)(x-2)(x-2-i)(x-2+i)(x+4-2i)(x+4+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-4)(x-2)(x^2-4x+5)(x^2+8x+20)$

4. Все числа
$$z$$
: $11+41i$, $17-55i$, $-69+i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0));$$

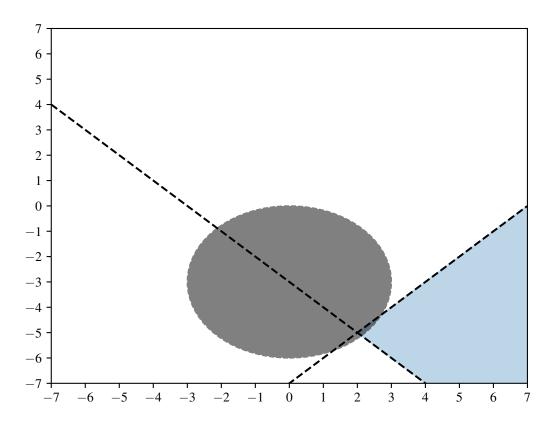
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = 1 = 1^4 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^4$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; -3) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = 1$$
;

•
$$\Delta_1 = 20\alpha - 49\beta - 24\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -24\alpha + 59\beta + 29\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -5\alpha + 12\beta + 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 20\alpha - 49\beta - 24\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -24\alpha + 59\beta + 29\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -5\alpha + 12\beta + 6\gamma \end{pmatrix}$$
;

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} 20\alpha - 49\beta - 24\gamma \\ -24\alpha + 59\beta + 29\gamma \\ -5\alpha + 12\beta + 6\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (9, -9, -18)$$

$$L: \frac{x-1}{12} = \frac{y-47}{-48} = \frac{z-6}{0}$$
$$A_0 = (35, 13, 1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-2}{19} = \frac{y+5}{11} = \frac{-z-7}{8}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+93}{19} = \frac{y+60}{11} = \frac{33-z}{8}$$