Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 34

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg(2-2\sqrt{3}i)=-\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 2$$
;

• Искомое значение
$$=2\cdot\sqrt[5]{2}\cdot\left(\cos\left(\frac{9\pi}{10}\right)+i\cdot\sin\left(\frac{9\pi}{10}\right)\right)=2\cdot\sqrt[5]{2}\left(-\sqrt{\frac{\sqrt{5}}{8}+\frac{5}{8}}+i\left(-\frac{1}{4}+\frac{\sqrt{5}}{4}\right)\right)=2\cdot\sqrt[5]{2}e^{\frac{9i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-1-7*I],[-14+I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-4)(x-1)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-2i)(x+3+2i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-4)(x-1)(x^2+2x+17)(x^2+6x+13)$

4. Все числа
$$z: -6-3i, -30-41i, -26+19i$$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

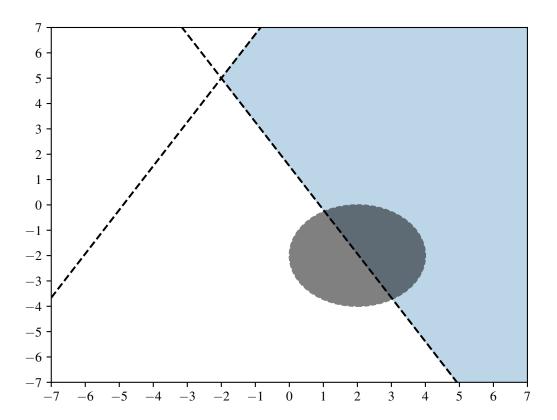
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
:

•
$$z = 27i = 3^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = 27i$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;5) под углом $=\pm\frac{\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 6$$
;

•
$$\Delta_1 = -3\alpha + 15\beta + 11\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -12\alpha + 48\beta + 34\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -6\alpha + 24\beta + 18\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} + \frac{11\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha + 8\beta + \frac{17\gamma}{3} \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha + 4\beta + 3\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} -\frac{\alpha}{2} + \frac{5\beta}{2} + \frac{11\gamma}{6} \\ -2\alpha + 8\beta + \frac{17\gamma}{3} \\ -\alpha + 4\beta + 3\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (19, -35, -12)$$

$$L: \frac{x-1}{-15} = \frac{y-58}{-60} = \frac{z+5}{0}$$
$$A_0 = (-43, 1, 5)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-13}{17} = \frac{-y-13}{13} = \frac{-z-15}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{106 - x}{17} = \frac{78 - y}{13} = \frac{83 - z}{14}$$