Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 20

1. •
$$z^3 = 4^3 \cdot (\cos(\frac{\pi}{2}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{2})) = 64i = 64i$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{ 2^{\frac{2}{5}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{30}\right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^3} = \left\{ 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{2\pi k}{5} + \frac{\pi}{10} \right) \right) \mid k \in [0, 5) \right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -1$$
;

$$\bullet \ \ \text{Искомое значениe} = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \cdot \left(\cos\left(-\tfrac{3\pi}{10}\right) + i \cdot \sin\left(-\tfrac{3\pi}{10}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} \left(\sqrt{\tfrac{5}{8} - \tfrac{\sqrt{5}}{8}} + i\left(-\tfrac{\sqrt{5}}{4} - \tfrac{1}{4}\right)\right) = 2 \cdot \sqrt[5]{2} e^{-\tfrac{3i\pi}{10}}$$

2.
$$Matrix([[-7+14*I], [-5-11*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: 1 * $(x-3)(x+1)(x-2-5i)(x-2+5i)(x+1-4i)(x+1+4i)$, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-3)(x+1)(x^2-4x+29)(x^2+2x+17)$

4. Все числа
$$z$$
: $41-3i$, $-15+11i$, $-19-15i$

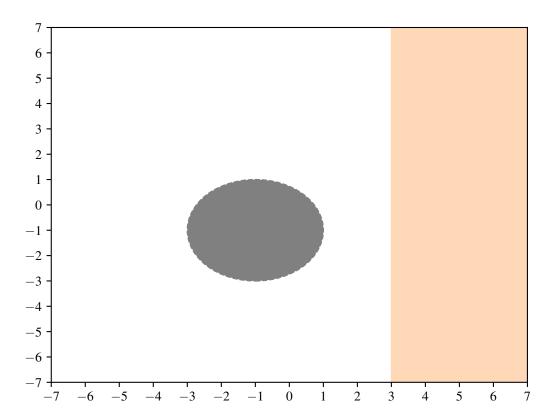
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right)$$
;

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = -4096 = 4^6 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -4096$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1; -1) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (3;0) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -4\alpha + 22\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -18\alpha + 84\beta - 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 8\alpha - 38\beta + 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{2\alpha}{3} - \frac{11\beta}{3} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 1 & 0 & 3\alpha - 14\beta + 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{4\alpha}{3} + \frac{19\beta}{3} - \gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{2\alpha}{3} - \frac{11\beta}{3} + \frac{\gamma}{2} \\ 3\alpha - 14\beta + 2\gamma \\ -\frac{4\alpha}{3} + \frac{19\beta}{3} - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (4, -31, 22)$$

$$L: \frac{x-1}{32} = \frac{y+4}{6} = \frac{z-14}{0}$$
$$A_0 = (4, -20, 31)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{9-x}{7} = \frac{10-y}{13} = \frac{10-z}{5}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{58 - x}{7} = \frac{101 - y}{13} = \frac{45 - z}{5}$$