Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 10

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg\left(\sqrt{3}-i\right)=-\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$k = 4$$
:

• Искомое значение = 
$$1 \cdot \left(\cos\left(\frac{17\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{17\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = e^{-\frac{7i\pi}{12}}$$

2. 
$$Matrix([[-13+3*I], [9+11*I]])$$

3. Над С: 
$$-3*(x+1)(x+2)(x+1-4i)(x+1+4i)(x+3-5i)(x+3+5i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x+1)(x+2)(x^2+2x+17)(x^2+6x+34)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $-5 + 15i$ ,  $-11 + 11i$ ,  $23 - 63i$ 

5. • 
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right)\right);$$

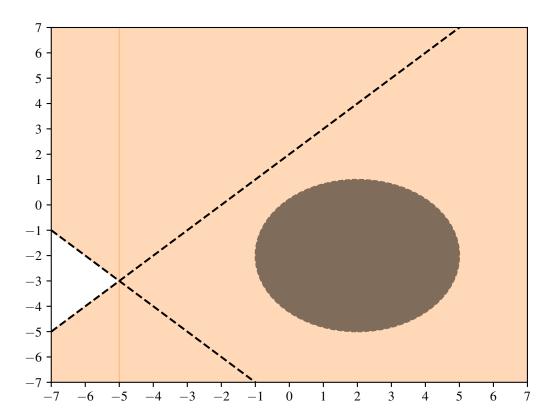
• 
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{2}$$
;

• 
$$n = 4$$
;

• 
$$z = -16 = 2^4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -16$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (2; -2) радиуса 3
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -3) под углом  $= \pm \frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = -1$$
;

• 
$$\Delta_1 = -9\alpha + 10\beta - 45\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 18\alpha - 20\beta + 91\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = -17\alpha + 19\beta - 86\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 9\alpha - 10\beta + 45\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -18\alpha + 20\beta - 91\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 17\alpha - 19\beta + 86\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} 9\alpha - 10\beta + 45\gamma \\ -18\alpha + 20\beta - 91\gamma \\ 17\alpha - 19\beta + 86\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (13, 0, 2)$$

$$L: \frac{x-1}{3} = \frac{y}{-3} = \frac{z}{0}$$
$$A_0 = (-8, 7, 11)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x-5}{2} = \frac{-y-11}{15} = \frac{-z-11}{12}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+7}{2} = \frac{79-y}{15} = \frac{61-z}{12}$$