Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-221. Вариант 20

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{6}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = \frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right)\right) = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} = e^{\frac{i\pi}{6}}$$

2.
$$Matrix([[-14+8*I],[8-12*I]])$$

3. Над С: 4 *
$$(x-2)(x+5)(x-2-i)(x-2+i)(x+5-2i)(x+5+2i)$$
, Над \mathbb{R} : 4 * $(x-2)(x+5)(x^2-4x+5)(x^2+10x+29)$

4. Все числа
$$z$$
: $39 - 20i$, $-55 + 30i$, $9 - 40i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right);$$

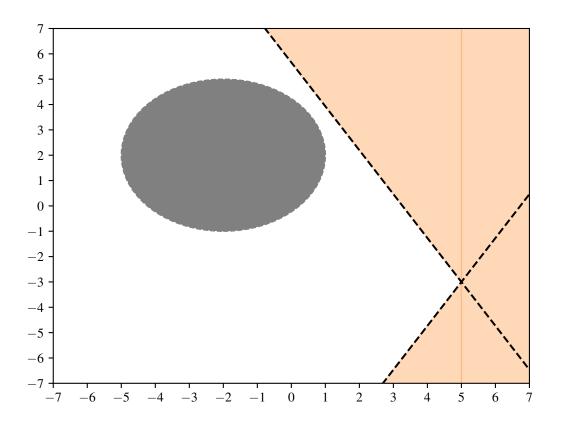
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 531441 = 3^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 3^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-2;2) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (5; -3) под углом $= \pm \frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = 2$$
;

•
$$\Delta_1 = 10\alpha + 12\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 30\alpha + 37\beta + 38\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 2\alpha + 2\beta + 2\gamma$$
;

•
$$A o egin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 5\alpha + 6\beta + 6\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 15\alpha + rac{37\beta}{2} + 19\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \alpha + \beta + \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} 5\alpha + 6\beta + 6\gamma \\ 15\alpha + \frac{37\beta}{2} + 19\gamma \\ \alpha + \beta + \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, -4, 2)$$

$$L: \frac{x+2}{17} = \frac{y-14}{-17} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (3, 7, 9)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{5-x}{10} = \frac{18-y}{15} = \frac{z-17}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{45 - x}{10} = \frac{78 - y}{15} = \frac{z + 47}{16}$$