Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 13

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -1 = -1$$
;

•
$$\sqrt[7]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

•
$$\sqrt[7]{z^3} = \{1 \cdot (\cos(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7}) + i \cdot \sin(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{7})) \mid k \in [0, 7)\};$$

•
$$arg\left(\sqrt{3}+i\right)=\frac{\pi}{6}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение = $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{7}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{7}\right)\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + i\sin\left(\frac{2\pi}{7}\right) = e^{\frac{5i\pi}{7}}$
- 2. Matrix([[-12+9*I], [2-5*I]])

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-4*(x-4)(x+2)(x+1-2i)(x+1+2i)(x+4-4i)(x+4+4i)$, Над \mathbb{R} : $-4*(x-4)(x+2)(x^2+2x+5)(x^2+8x+32)$

4. Все числа z: -71 - 26i, 11 + 14i, 45 + 32i

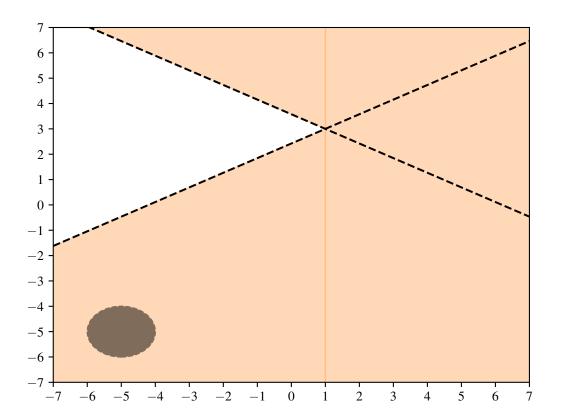
5. •
$$z_1 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами = $\frac{\pi}{6}$;
- n = 12:

•
$$z = 16777216 = 4^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-5; -5) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (1;3) под углом $=\pm\frac{5\pi}{6}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -38\alpha - 11\beta + 17\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\alpha + 3\beta - 3\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -4\alpha - \beta + \gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{19\alpha}{3} + \frac{11\beta}{6} - \frac{17\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & -\alpha - \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2\alpha}{3} + \frac{\beta}{6} - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} \frac{19\alpha}{3} + \frac{11\beta}{6} - \frac{17\gamma}{6} \\ -\alpha - \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} \\ \frac{2\alpha}{3} + \frac{\beta}{6} - \frac{\gamma}{6} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (3, 12, -33)$$

$$L: \frac{x}{-14} = \frac{y+49}{49} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-21, -2, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{x+20}{19} = \frac{y-18}{10} = \frac{z+2}{17}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{x+96}{19} = \frac{y+22}{10} = \frac{z+70}{17}$$