Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-222. Вариант 19

1. •
$$z^3 = 3^3 \cdot (\cos(-\pi) + i \cdot \sin(-\pi)) = -27 = -27$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt[4]{3} \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^3} = \left\{3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} - \frac{\pi}{4}\right)\right) \mid k \in [0, 4)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = 0$$
;

• Искомое значение =
$$3^{\frac{3}{4}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)\right) = 3^{\frac{3}{4}} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}i}{2}\right) = 3^{\frac{3}{4}} e^{-i\frac{\pi}{4}}$$

2.
$$Matrix([[13-5*I], [-9-9*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x+2)(x+5)(x-3-i)(x-3+i)(x+2-2i)(x+2+2i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x+2)(x+5)(x^2-6x+10)(x^2+4x+8)$

4. Все числа
$$z$$
: $-3-44i$, $17+48i$, $-53-16i$

5. •
$$z_1 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right);$$

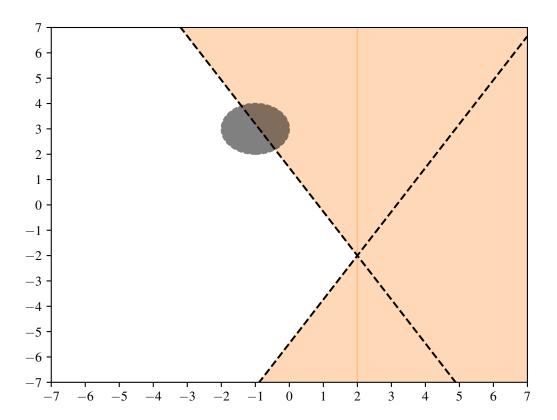
•
$$z_2 = 2 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{6}$$
;

•
$$n = 12$$
;

•
$$z = 4096 = 2^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 2^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 1
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (2;-2) под углом $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = 14\alpha - 20\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 12\alpha - 18\beta + 12\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -9\alpha + 12\beta - 9\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{7\alpha}{3} + \frac{10\beta}{3} - 2\gamma \\ 0 & 1 & 0 & -2\alpha + 3\beta - 2\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{3\alpha}{2} - 2\beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{7\alpha}{3} + \frac{10\beta}{3} - 2\gamma \\ -2\alpha + 3\beta - 2\gamma \\ \frac{3\alpha}{2} - 2\beta + \frac{3\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-7, -9, -23)$$

$$L: \frac{x+2}{-33} = \frac{y-12}{-11} = \frac{z+2}{0}$$
$$A_0 = (-17, 17, 2)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{9-x}{15} = \frac{-y-6}{2} = \frac{z+8}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{99 - x}{15} = \frac{6 - y}{2} = \frac{z + 92}{14}$$