Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-223. Вариант 35

1. •
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)\right) = -i = -i;$$

•
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} - \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

•
$$arg(1+\sqrt{3}i)=\frac{\pi}{3};$$

•
$$k = -4$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{17\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{17\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4} + i\left(\frac{\sqrt{2}}{4} + \frac{\sqrt{6}}{4}\right) = e^{\frac{7i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-3+2*I],[8+10*I]])$$

3. Над С: 1 *
$$(x-1)(x+2)(x+2-5i)(x+2+5i)(x+5-4i)(x+5+4i)$$
, Над \mathbb{R} : 1 * $(x-1)(x+2)(x^2+4x+29)(x^2+10x+41)$

4. Все числа
$$z$$
: $-49 + 13i$, $25 - 19i$, $15 + 13i$

5. •
$$z_1 = 3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

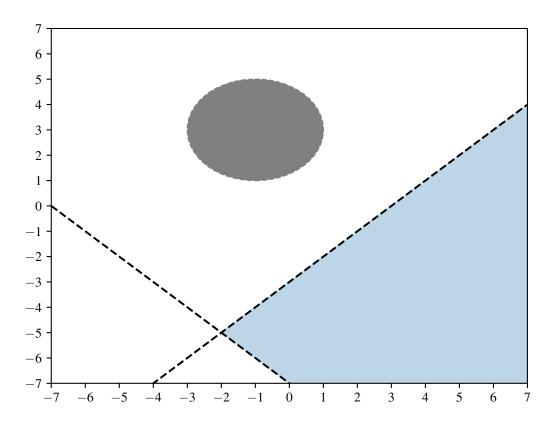
•
$$z_2 = 3 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{2\pi}{3}$$
;

•
$$n = 3$$
;

•
$$z = -27 = 3^3 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi)) = -27$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (-1;3) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;-5) под углом $=\pm\frac{\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -6$$
;

•
$$\Delta_1 = -6\alpha + 54\beta - 7\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = 6\beta - \gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = 6\alpha - 54\beta + 6\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \alpha - 9\beta + \frac{7\gamma}{6} \\ 0 & 1 & 0 & -\beta + \frac{\gamma}{6} \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha + 9\beta - \gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \alpha - 9\beta + \frac{7\gamma}{6} \\ -\beta + \frac{\gamma}{6} \\ -\alpha + 9\beta - \gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (14, 17, -19)$$

$$L: \frac{x-1}{4} = \frac{y}{1} = \frac{z-8}{0}$$
$$A_0 = (-5, -10, 14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{14-x}{10} = \frac{18-y}{13} = \frac{z-4}{16}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-16}{10} = \frac{-y-21}{13} = \frac{z-52}{16}$$