Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-227. Вариант 27

1. • 
$$z^2 = 4^2 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{2}\right)\right) = -8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
;

• 
$$\sqrt[7]{z} = \left\{2^{\frac{2}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$\sqrt[7]{z^2} = \left\{2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{7} + \frac{2\pi}{21}\right)\right) \mid k \in [0, 7)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}i}{2}\right) = -\frac{\pi}{3};$$

• 
$$k = -3$$
;

• Искомое значение = 
$$2^{\frac{4}{7}} \cdot \left(\cos\left(-\frac{16\pi}{21}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{16\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} \left(-\cos\left(\frac{5\pi}{21}\right) - i\sin\left(\frac{5\pi}{21}\right)\right) = 2^{\frac{4}{7}} e^{-\frac{16i\pi}{21}}$$

2. 
$$Matrix([[-4+I],[9+I]])$$

3. Над С: 3 \* 
$$(x-2)(x+2)(x+3-4i)(x+3+4i)(x+4-3i)(x+4+3i)$$
, Над  $\mathbb{R}$ : 3 \*  $(x-2)(x+2)(x^2+6x+25)(x^2+8x+25)$ 

4. Все числа 
$$z$$
:  $1+26i$ ,  $17+16i$ ,  $-47-70i$ 

5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right);$$

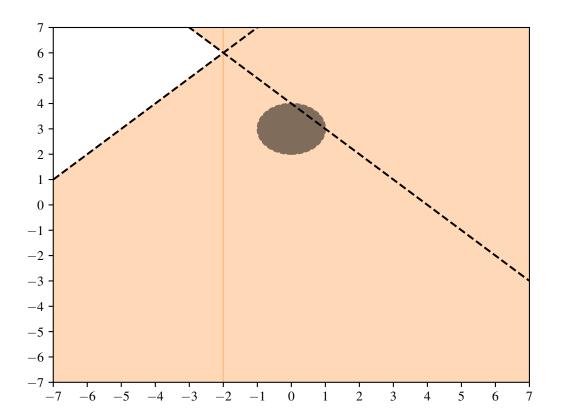
• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами = 
$$\frac{\pi}{6}$$
;

• 
$$n = 12$$
;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 3) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-2;6) под углом  $=\pm\frac{3\pi}{4}$



7. • 
$$\Delta = 4$$
;

• 
$$\Delta_1 = 27\alpha + 20\beta + 5\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 10\alpha + 8\beta + 2\gamma$$
;

• 
$$\Delta_3 = 90\alpha + 68\beta + 18\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{27\alpha}{4} + 5\beta + \frac{5\gamma}{4} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{5\alpha}{2} + 2\beta + \frac{\gamma}{2} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{45\alpha}{2} + 17\beta + \frac{9\gamma}{2} \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} \frac{27\alpha}{4} + 5\beta + \frac{5\gamma}{4} \\ \frac{5\alpha}{2} + 2\beta + \frac{\gamma}{2} \\ \frac{45\alpha}{2} + 17\beta + \frac{9\gamma}{2} \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-16, -31, -8)$$

$$L: \frac{x-2}{17} = \frac{y-17}{-17} = \frac{z-1}{0}$$
$$A_0 = (13, 18, 14)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{10-x}{12} = \frac{12-y}{16} = \frac{-z-14}{18}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{70 - x}{12} = \frac{92 - y}{16} = \frac{76 - z}{18}$$