Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-229. Вариант 4

1. •
$$z^2 = 1^2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right) = -\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} = e^{-\frac{2i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[5]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$\sqrt[5]{z^2} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi k}{5} - \frac{2\pi}{15}\right)\right) \mid k \in [0, 5)\right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$1 \cdot \left(\cos\left(-\frac{14\pi}{15}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{14\pi}{15}\right)\right) = -\frac{\sqrt{3}\sqrt{\frac{\sqrt{5}+5}{8}+\frac{1}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{8} + \frac{1}{8} + i\left(-\frac{\sqrt{\frac{\sqrt{5}+5}{8}+\frac{5}{8}}}{2} - \frac{\sqrt{3}\cdot\left(\frac{1}{4}-\frac{\sqrt{5}}{4}\right)}{2}\right) = e^{-\frac{14i\pi}{15}}$$

2.
$$Matrix([[-7-12*I],[-3-15*I]])$$

3. Над
$$\mathbb{C}$$
: $-2*(x-3)(x+5)(x-3-4i)(x-3+4i)(x-1-5i)(x-1+5i)$, Над \mathbb{R} : $-2*(x-3)(x+5)(x^2-6x+25)(x^2-2x+26)$

4. Все числа
$$z$$
: $-29 + 16i$, $-3 - 62i$, $-27 + 28i$

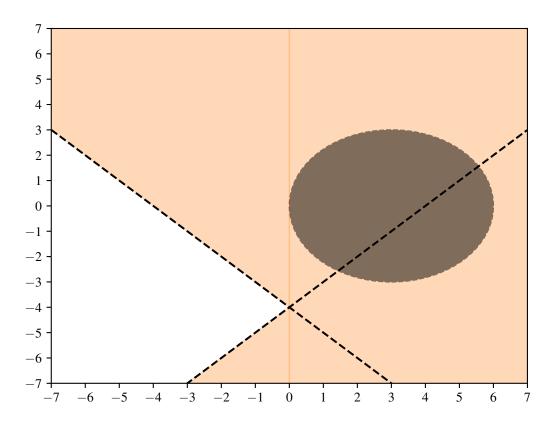
5. •
$$z_1 = 4 \cdot (\cos(\pi) + i \cdot \sin(\pi));$$

•
$$z_2 = 4 \cdot \left(\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{3}$$
;

•
$$z = 4096 = 4^6 \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 4^6$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (3; 0) радиуса 3
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (0; -4) под углом $=\pm \frac{3\pi}{4}$



7. •
$$\Delta = -2$$
;

•
$$\Delta_1 = -\alpha$$
;

•
$$\Delta_2 = -39\alpha + 6\beta + 8\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -89\alpha + 14\beta + 18\gamma$$
;

•
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{\alpha}{2} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{39\alpha}{2} - 3\beta - 4\gamma \\ 0 & 0 & 1 & \frac{89\alpha}{2} - 7\beta - 9\gamma \end{pmatrix};$$

•
$$x = \begin{pmatrix} \frac{\alpha}{2} \\ \frac{39\alpha}{2} - 3\beta - 4\gamma \\ \frac{89\alpha}{2} - 7\beta - 9\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-2, 9, -8)$$

$$L: \frac{x-2}{9} = \frac{y+8}{6} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (14, -26, 3)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-20}{12} = \frac{-y-13}{14} = \frac{z-6}{14}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-92}{12} = \frac{-y-97}{14} = \frac{z-90}{14}$$