Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-225. Вариант 5

1. •
$$z^2 = 4^2 \cdot (\cos(\frac{\pi}{3}) + i \cdot \sin(\frac{\pi}{3})) = 8 + 8\sqrt{3}i = 16e^{\frac{i\pi}{3}}$$
;

•
$$\sqrt[4]{z} = \left\{ \sqrt{2} \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{24}\right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$\sqrt[4]{z^2} = \left\{ 2 \cdot \left(\cos \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) + i \cdot \sin \left(\frac{\pi k}{2} + \frac{\pi}{12} \right) \right) \mid k \in [0, 4) \right\};$$

•
$$arg\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}\right) = -\frac{\pi}{6};$$

•
$$k = -2$$
;

• Искомое значение =
$$2 \cdot \left(\cos\left(-\frac{11\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{12}\right)\right) = -\frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} + 2i\left(-\frac{\sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) = 2e^{-\frac{11i\pi}{12}}$$

2.
$$Matrix([[-13-7*I],[-13-10*I]])$$

3. Над С: 2 *
$$(x-3)(x+3)(x-1-5i)(x-1+5i)(x+4-3i)(x+4+3i)$$
, Над \mathbb{R} : 2 * $(x-3)(x+3)(x^2-2x+26)(x^2+8x+25)$

4. Все числа
$$z$$
: $-52+45i$, $36-15i$, $10-11i$

5. •
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{7\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{7\pi}{6}\right)\right);$$

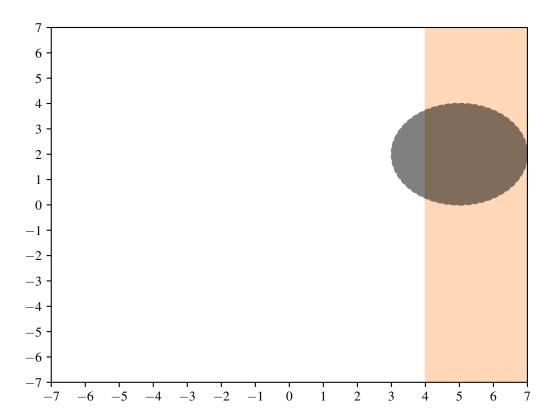
•
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{3}\right)\right);$$

• угол между радиус-векторами =
$$\frac{\pi}{2}$$
;

•
$$n = 4$$
;

•
$$z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2} = 1^4 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right) = e^{\frac{2i\pi}{3}}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (5;2) радиуса 2
 - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (4; 2) под углом $=\pm\frac{\pi}{2}$



7. •
$$\Delta = -3$$
;

•
$$\Delta_1 = 32\alpha - 35\beta - 20\gamma$$
;

•
$$\Delta_2 = -33\alpha + 36\beta + 21\gamma$$
;

•
$$\Delta_3 = -72\alpha + 78\beta + 45\gamma$$
;

$$\bullet \ A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -\frac{32\alpha}{3} + \frac{35\beta}{3} + \frac{20\gamma}{3} \\ 0 & 1 & 0 & 11\alpha - 12\beta - 7\gamma \\ 0 & 0 & 1 & 24\alpha - 26\beta - 15\gamma \end{pmatrix};$$

$$\bullet \ x = \begin{pmatrix} -\frac{32\alpha}{3} + \frac{35\beta}{3} + \frac{20\gamma}{3} \\ 11\alpha - 12\beta - 7\gamma \\ 24\alpha - 26\beta - 15\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-8, 14, -27)$$

$$L: \frac{x-1}{3} = \frac{y-3}{-6} = \frac{z-5}{0}$$
$$A_0 = (2, 6, -1)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-14}{14} = \frac{-y-6}{3} = \frac{z+14}{10}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-56}{14} = \frac{-y-15}{3} = \frac{z-16}{10}$$