Домашнее задание 2. Курс «Алгебра». Ответы. БПИ-224. Вариант 25

1. • 
$$z^3 = 1^3 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = i = i;$$

• 
$$\sqrt[6]{z} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{36}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$\sqrt[6]{z^3} = \left\{1 \cdot \left(\cos\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{\pi k}{3} + \frac{\pi}{12}\right)\right) \mid k \in [0, 6)\right\};$$

• 
$$arg\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3i}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$
;

- k = 2;
- Искомое значение =  $1 \cdot \left(\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}i}{2} = e^{\frac{3i\pi}{4}}$
- 2. Matrix([[-9+9\*I],[8-3\*I]])

3. Над 
$$\mathbb{C}$$
:  $-3*(x-1)(x+2)(x-4-2i)(x-4+2i)(x+3-3i)(x+3+3i)$ , Над  $\mathbb{R}$ :  $-3*(x-1)(x+2)(x^2-8x+20)(x^2+6x+18)$ 

4. Все числа z: 19-63i, -25+11i, 25+45i

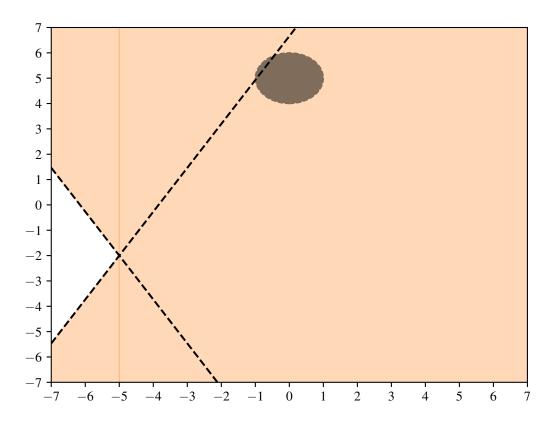
5. • 
$$z_1 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right)$$
;

• 
$$z_2 = 1 \cdot \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i \cdot \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right);$$

- угол между радиус-векторами =  $\frac{\pi}{6}$ ;
- n = 12;

• 
$$z = 1 = 1^{12} \cdot (\cos(0) + i \cdot \sin(0)) = 1^{12}$$

- 6. 1) Область внутри окружности с центром в точке (0; 5) радиуса 1
  - 2) Область, ограниченная двумя прямыми, пересекающимися в точке (-5; -2) под углом  $=\pm\frac{2\pi}{3}$



7. • 
$$\Delta = 6$$
;

• 
$$\Delta_1 = -12\alpha - 12\beta - 6\gamma$$
;

• 
$$\Delta_2 = 2\alpha + 2\beta$$
;

• 
$$\Delta_3 = 27\alpha + 24\beta + 12\gamma$$
;

• 
$$A \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -2\alpha - 2\beta - \gamma \\ 0 & 1 & 0 & \frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{9\alpha}{2} + 4\beta + 2\gamma \end{pmatrix};$$

• 
$$x = \begin{pmatrix} -2\alpha - 2\beta - \gamma \\ \frac{\alpha}{3} + \frac{\beta}{3} \\ \frac{9\alpha}{2} + 4\beta + 2\gamma \end{pmatrix}$$

$$A_0 = (-1, -15, -22)$$

$$L: \frac{x-1}{14} = \frac{y+8}{10} = \frac{z+8}{0}$$
$$A_0 = (18, -17, -8)$$

10. Возможная запись канонического уравнения прямой 1:

$$\frac{-x-1}{14} = \frac{7-y}{11} = \frac{z+8}{7}$$

Возможная запись канонического уравнения прямой 2:

$$\frac{-x-71}{14} = \frac{-y-48}{11} = \frac{z-27}{7}$$