

多传感器融合定位

第8讲 基于滤波的融合方法工

主讲人 任 乾

北京理工大学本硕 自动驾驶从业者





- 1. 编码器运动模型及标定
- 2. 融合编码器的滤波方法
- 3. 融合运动约束的滤波方法
- 4. 融合点云特征的滤波方法



- 1. 编码器运动模型及标定
- 2. 融合编码器的滤波方法
- 3. 融合运动约束的滤波方法
- 4. 融合点云特征的滤波方法



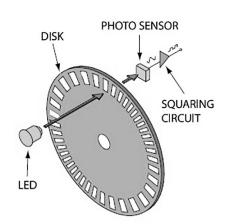
1. 编码器基础知识

编码器感应轮子的旋转,并在旋转时输出脉冲,脉冲数与转过的角度呈线性比例关系。

脉冲对应的是角度增量,有时也用增量除以时间,转成轮子转动的角速度输出。

需要注意的是,编码器只是各种转角测量方式中的一种,其他还有轮速计、霍尔传感器等,本课程以编码器为例子讲解模型,但同样适用于其他形式的传感器。







1. 编码器基础知识

编码器安装方式有单轮、双轮、三轮,本课程推导仅围绕双轮差分模型进行展开。

该模型中,需要用到以下变量:

 r_L : 左轮半径

 r_R : 右轮半径

d:轮子离底盘中心的距离

 ω_L : 左轮自转角速度

 ω_R : 右轮自转角速度

 v_L : 左轮线速度

 v_R : 右轮线速度

实际使用时,标定完成后, r_L 、 r_R 、d 为固定参数, ω_L 和 ω_R 为测量值,而 v_L 和 v_R 可以通过下式计算得到

$$oldsymbol{v}_L = oldsymbol{\omega}_L oldsymbol{r}_L$$

$$\boldsymbol{v}_R = \boldsymbol{\omega}_R \boldsymbol{r}_R$$



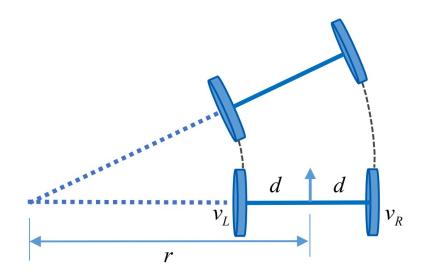
2. 编码器运动模型

运动模型的作用是,使用前述已知量,求解以下变量:

 ω :底盘中心的角速度

 $oldsymbol{v}$:底盘中心的线速度

r:底盘中心圆弧运动旋转半径





2. 编码器运动模型

1) 旋转半径求解

双轮差分模型下,左右轮圆弧运动的角速度相等,且等于底盘中心圆弧运动的角速度,因此有

$$oldsymbol{\omega} = rac{v_L}{r-d} = rac{v_R}{r+d}$$

由此可以得出

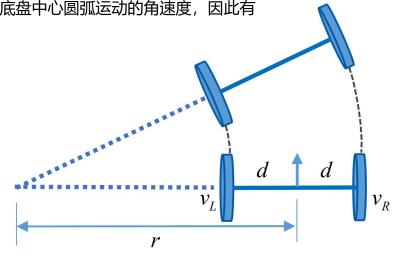
$$oldsymbol{v}_L(oldsymbol{r}+oldsymbol{d})=oldsymbol{v}_R(oldsymbol{r}-oldsymbol{d})$$

移项可得

$$(oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L)\,oldsymbol{r} = (oldsymbol{v}_R + oldsymbol{v}_L)\,oldsymbol{d}$$

从而可以得到

$$m{r} = rac{m{v}_R + m{v}_L}{m{v}_R - m{v}_L} m{d}$$





2. 编码器运动模型

2)角速度求解

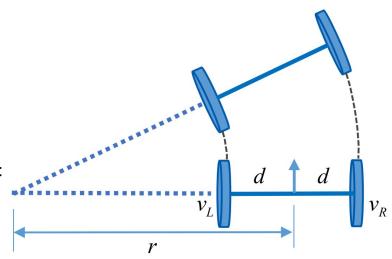
把旋转半径的求解结果,代入角速度公式,即可得到

$$oldsymbol{\omega} = rac{oldsymbol{v}_L}{rac{oldsymbol{v}_R + oldsymbol{v}_L}{oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L} oldsymbol{d} - oldsymbol{d}} = rac{oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L}{2oldsymbol{d}}$$

3)线速度求解

利用旋转角速度和旋转半径的结果,可以直接得到线速度:

$$oldsymbol{v} = oldsymbol{\omega} oldsymbol{r} = rac{oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L}{2oldsymbol{d}} rac{oldsymbol{v}_R + oldsymbol{v}_L}{oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L} oldsymbol{d} = rac{oldsymbol{v}_R + oldsymbol{v}_L}{2}$$





2. 编码器运动模型

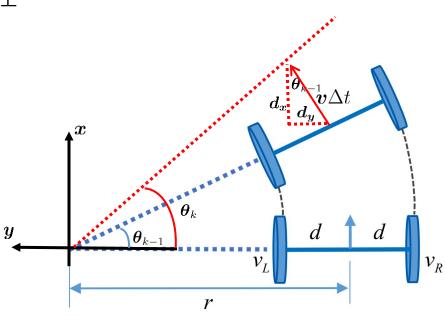
4)位姿求解

假设 x_k, y_k, θ_k 为当前时刻位姿, $x_{k-1}, y_{k-1}, \theta_{k-1}$ 为上一时刻的位姿, 则有

$$egin{aligned} oldsymbol{ heta}_k &= oldsymbol{ heta}_{k-1} + oldsymbol{\omega} \Delta t \ oldsymbol{x}_k &= oldsymbol{x}_{k-1} + oldsymbol{v} \Delta t oldsymbol{cos}(oldsymbol{ heta}_{k-1}) \ oldsymbol{y}_k &= oldsymbol{y}_{k-1} + oldsymbol{v} \Delta t oldsymbol{sin}(oldsymbol{ heta}_{k-1}) \end{aligned}$$

其中

$$\Delta t = t_k - t_{k-1}$$





3. 编码器的标定

标定可以理解为运动模型求解过程的反向过程,具体是 指在已知底盘中心线速度、角速度的情况下,求解轮子 半径、轮子离底盘中心距离等。

已知量:

v:底盘中心的线速度

 ω :底盘中心的角速度

待求解量:

 r_L : 左轮半径

 r_R : 右轮半径

d:轮子离底盘中心的距离

实际标定时,线速度、角速度由其他传感器提供(比如雷达点云和地图匹配),且为了简化模型,认为雷达装在底盘中心正上方。

1) 轮子半径标定

由于速度的求解公式为

$$oldsymbol{v} = rac{oldsymbol{v}_R + oldsymbol{v}_L}{2} = rac{oldsymbol{\omega}_R oldsymbol{r}_R + oldsymbol{\omega}_L oldsymbol{r}_L}{2}$$

它可以重新写为

$$egin{bmatrix} m{\omega}_R & m{\omega}_L \end{bmatrix} egin{bmatrix} m{r}_R \ m{r}_L \end{bmatrix} = 2m{v}$$

当有多组测量值时,可以构成如下方程组

$$egin{bmatrix} oldsymbol{\omega}_{R0} & oldsymbol{\omega}_{L0} \ oldsymbol{\omega}_{R1} & oldsymbol{\omega}_{L1} \ dots & dots \ oldsymbol{\omega}_{RN} & oldsymbol{\omega}_{LN} \end{bmatrix} egin{bmatrix} oldsymbol{r}_R \ oldsymbol{r}_L \end{bmatrix} = egin{bmatrix} 2oldsymbol{v}_0 \ 2oldsymbol{v}_1 \ dots \ 2oldsymbol{v}_N \end{bmatrix}$$

这是典型的最小二乘问题,可用最小二乘标准形式计算。

\$

编码器运动模型及标定

3. 编码器的标定

2) 轮子与底盘中心距离标定

由于角速度的求解公式为

$$oldsymbol{\omega} = rac{oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L}{2oldsymbol{d}}$$

在经过轮子半径标定之后,分子上的两项可认为是已知量,因此可以得到:

$$oldsymbol{d} = rac{oldsymbol{v}_R - oldsymbol{v}_L}{2oldsymbol{\omega}}$$

虽然可直接求解,但是为了抑制噪声带来的影响,因多次采样计算取平均。



- 1. 编码器运动模型及标定
- 2. 融合编码器的滤波方法
- 3. 融合运动约束的滤波方法
- 4. 融合点云特征的滤波方法

1. 核心思路

在上一节课滤波模型的基础上增加编码器进行融合,有一种非常简单的方法,即使用编码器解算的速度作为观测量,加入原来模型的观测方程中,而其他环节保持不变。

2. 观测量定义

编码器提供的是载体系下的速度观测,在前(x)-左(y)-上(z)坐标系的定义下,x方向的速度分量是已知的 $oldsymbol{v}_x^b = oldsymbol{v}_m$ 。

另外,在以车作为载体的情况下,由于车的侧向和天向没有运动,因此又有 $oldsymbol{v}_y^b=0$, $oldsymbol{v}_z^b=0$ 。

基于此,我们可以认为 b 系3个维度的速度分量都是可观测的。

融合编码器的滤波方法

3. 观测方程推导

由于导航解算得到的是w系下得速度,而速度观测是b系下得,因此需要推导二者之间的误差关系,才能得到相应的观测方程。

推导方法仍按照第6讲的固定套路进行。

1) 写出不考虑误差时的方程

$$oldsymbol{v}^b = oldsymbol{R}_{bw} oldsymbol{v}^w$$

2) 写出考虑误差时的方程

$$ilde{oldsymbol{v}}^b = ilde{oldsymbol{R}}_{bw} ilde{oldsymbol{v}}^w$$

3) 写出真实值与理想值之间的关系

$$egin{aligned} ilde{oldsymbol{v}}^b &= oldsymbol{v}^b + \delta oldsymbol{v}^b \ ilde{oldsymbol{v}}^w &= oldsymbol{v}^w + \delta oldsymbol{v}^w \ ilde{oldsymbol{R}}_{bw} &= ilde{oldsymbol{R}}_{wb}^T = (oldsymbol{R}_{wb}(oldsymbol{I} + [\delta oldsymbol{ heta}]_ imes))^T \ &= (oldsymbol{I} - [\delta oldsymbol{ heta}]_ imes) oldsymbol{R}_{bw} \end{aligned}$$

4) 把3)中的关系带入2)式

$$oldsymbol{v}^b + \delta oldsymbol{v}^b = (oldsymbol{I} - [\delta oldsymbol{ heta}]_ imes) oldsymbol{R}_{bw} \left(oldsymbol{v}^w + \delta oldsymbol{v}^w
ight)$$

5) 把1)中的关系带入4)式

$$oldsymbol{R}_{bw}oldsymbol{v}^w + \deltaoldsymbol{v}^b = (oldsymbol{I} - [\deltaoldsymbol{ heta}]_ imes)oldsymbol{R}_{bw}\left(oldsymbol{v}^w + \deltaoldsymbol{v}^w
ight)$$

6) 化简方程

$$egin{aligned} \delta oldsymbol{v}^b &= oldsymbol{R}_{bw} \delta oldsymbol{v}^w - [\delta oldsymbol{ heta}]_ imes oldsymbol{R}_{bw} oldsymbol{v}^w \ &= oldsymbol{R}_{bw} \delta oldsymbol{v}^w + [oldsymbol{v}^b]_ imes \delta oldsymbol{ heta} \ &= oldsymbol{R}_{bw} \delta oldsymbol{v}^w + [oldsymbol{v}^b]_ imes \delta oldsymbol{ heta} \end{aligned}$$

融合编码器的滤波方法

3. 观测方程推导

根据第7讲所内容, 状态量为

$$\delta oldsymbol{x} = egin{bmatrix} \delta oldsymbol{p} \ \delta oldsymbol{v} \ \delta oldsymbol{ heta} \ \delta oldsymbol{b}_a \ \delta oldsymbol{b}_\omega \end{bmatrix}$$

而融合编码器以后,观测量变为

$$oldsymbol{y} = egin{bmatrix} \deltaar{oldsymbol{p}} \ \deltaar{oldsymbol{v}}^b \ \deltaar{oldsymbol{ heta}} \end{bmatrix}$$

其中 $\delta \bar{v}^b$ 的观测值可以通过下式获得

$$\deltaar{oldsymbol{v}}_b = ilde{oldsymbol{v}}^b - oldsymbol{v}^b = ilde{oldsymbol{R}}_{bw} ilde{oldsymbol{v}}^w - egin{bmatrix} oldsymbol{v}_m \ 0 \ 0 \end{bmatrix}$$

此时的观测方程 $oldsymbol{y} = oldsymbol{G}_t \delta oldsymbol{x} + oldsymbol{C}_t oldsymbol{n}$ 中的各变量应重新写为

$$m{G}_t = egin{bmatrix} m{I}_3 & m{0} & m{0} & m{0} & m{0} \ m{0} & m{R}_{bw} & [m{v}^b]_ imes & m{0} & m{0} \ m{0} & m{0} & m{I}_3 & m{0} & m{0} \end{bmatrix}$$

$$m{C}_t = egin{bmatrix} m{I}_3 & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & m{I}_3 & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & \mathbf{0} & m{I}_3 \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{n} = \begin{bmatrix} n_{\delta\bar{p}_x} & n_{\delta\bar{p}_y} & n_{\delta\bar{p}_z} & n_{\delta\bar{v}_x^b} & n_{\delta\bar{v}_y^b} & n_{\delta\bar{v}_z^b} & n_{\delta\bar{\theta}_x} & n_{\delta\bar{\theta}_y} & n_{\delta\bar{\theta}_z} \end{bmatrix}^T$$

随后,便可以使用新的观测方程,不改变其他方程,直接按照原有流程进行Kalman滤波融合。



- 1. 编码器运动模型及标定
- 2. 融合编码器的滤波方法
- 3. 融合运动约束的滤波方法
- 4. 融合点云特征的滤波方法



融合运动约束的滤波方法

很多时候,硬件平台并没有编码器,不能直接使用上一小节的模型,但是车本身的运动特性(即侧向速度和天向速度为0)仍然可以使用。

它对观测量带来的改变仅仅是少了一个维度(x方向),而 推导方法并没有改变,因此此处直接给出该融合模式下 的推导结果。

新的观测量为

$$oldsymbol{y} = egin{bmatrix} \deltaar{oldsymbol{p}} \ [\deltaar{oldsymbol{v}}^b]_{yz} \ \deltaar{oldsymbol{ heta}} \end{bmatrix}$$

 $[\bullet]_{yz}$ 表示只取三维向量或矩阵的后2行

此时的观测方程 $oldsymbol{y} = oldsymbol{G}_t \delta oldsymbol{x} + oldsymbol{C}_t oldsymbol{n}$ 中的各变量应重新写为

$$m{G}_t = egin{bmatrix} m{I}_3 & m{0} & m{0} & m{0} & m{0} \ m{0} & [m{R}_{bw}]_{yz} & [[m{v}^b]_ imes]_{yz} & m{0} & m{0} \ m{0} & m{I}_3 & m{0} & m{0} \end{bmatrix}$$

$$m{C}_t = egin{bmatrix} m{I}_3 & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & m{I}_2 & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & \mathbf{0} & m{I}_3 \end{bmatrix}$$

$$oldsymbol{n} = egin{bmatrix} n_{\deltaar{p}_x} & n_{\deltaar{p}_y} & n_{\deltaar{p}_z} & n_{\deltaar{v}_y^b} & n_{\deltaar{v}_z^b} & n_{\deltaar{ heta}_x} & n_{\deltaar{ heta}_y} & n_{\deltaar{ heta}_z} \end{bmatrix}^T$$

随后的Kalman流程仍然与之前保持一致。

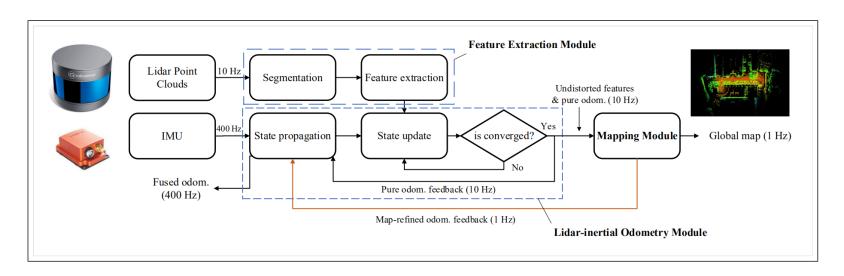


- 1. 编码器运动模型及标定
- 2. 融合编码器的滤波方法
- 3. 融合运动约束的滤波方法
- 4. 融合点云特征的滤波方法



1.整体思路

以IMU做状态预测,以特征中的点-面距离、点-线距离为约束(观测),修正误差。



论文题目: LINS: A Lidar-Inertial State Estimator for Robust and Efficient Navigation

代码地址: https://github.com/ChaoqinRobotics/LINS---LiDAR-inertial-SLAM



2.滤波模型

1) 状态定义

位姿定义:

$$\mathbf{x}_w^{b_k} := \left[\mathbf{p}_w^{b_k}, \mathbf{q}_w^{b_k}
ight]$$

相对位姿相关:

$$\mathbf{x}_{b_{k+1}}^{b_k} := \left[\mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_k}, \mathbf{v}_{b_{k+1}}^{b_k}, \mathbf{q}_{b_{k+1}}^{b_k}, \mathbf{b}_a, \mathbf{b}_g, \mathbf{g}^{b_k}
ight]$$

状态量:

$$\delta \mathbf{x} := [\delta \mathbf{p}, \delta \mathbf{v}, \delta \boldsymbol{\theta}, \delta \mathbf{b}_a, \delta \mathbf{b}_g, \delta \mathbf{g}]$$

状态量修正:

$$\mathbf{x}_{b_{k+1}}^{b_k} = \mathbf{x}_{b_{k+1}}^{b_k} \boxplus \delta \mathbf{x} = \begin{bmatrix} \mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_k} + \delta \mathbf{p} \\ -\mathbf{v}_{b_{k+1}}^{b_k} + \delta \mathbf{v} \\ -\mathbf{q}_{b_{k+1}}^{b_k} \otimes \exp(\delta \theta) \\ -\mathbf{b}_a + \delta \mathbf{b}_a \\ -\mathbf{b}_g + \delta \mathbf{b}_g \\ -\mathbf{g}^{b_k} + \delta \mathbf{g} \end{bmatrix}$$

其中 $-\mathbf{x}_{b_{k+1}}^{b_k}$ 表示预测值。

2.滤波模型

2) 状态方程

$$\delta \dot{\mathbf{x}}(t) = \mathbf{F}_t \delta \mathbf{x}(t) + \mathbf{G}_t \mathbf{w}$$

其中

$$\mathbf{F}_t = egin{bmatrix} 0 & \mathbf{I} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ 0 & \mathbf{0} & -\mathbf{R}_t^{b_k} \left[\hat{\mathbf{a}}_t
ight]_ imes & -\mathbf{R}_t^{b_k} & \mathbf{0} & -\mathbf{I}_3 \ 0 & \mathbf{0} & -\left[\hat{\omega}_t
ight]_ imes & \mathbf{0} & -\mathbf{I}_3 & \mathbf{0} \ 0 & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ 0 & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ 0 & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ 0 & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix} \quad \mathbf{G}_t = egin{bmatrix} \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & -\mathbf{I}_3 & \mathbf{0} & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{I}_3 & \mathbf{0} \ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{I}_3 \ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{w} = \left[\mathbf{n}_a^T, \mathbf{n}_g^T, \mathbf{n}_{b_a}^T, \mathbf{n}_{b_g}^T
ight]^T$$

2.滤波模型

3) 观测方程

观测的计算与loam中前后帧匹配的思想一致,都是计算 为了计算观测方程,需要计算残差对状态量的雅可比 点-面、点-线的残差

$$f_i(\mathbf{x}_{b_{k+1}}^{b_k}) = \begin{cases} \frac{|(\hat{\mathbf{p}}_i^{l_k} - \mathbf{p}_a^{l_k}) \times (\hat{\mathbf{p}}_i^{l_k} - \mathbf{p}_b^{l_k})|}{|\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_b^{l_k}|} & \text{if } \mathbf{p}_i^{l_{k+1}} \in \mathbb{F}_e \\ \frac{|(\hat{\mathbf{p}}_i^{l_k} - \mathbf{p}_a^{l_k}) \times (\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_b^{l_k})|}{|(\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_b^{l_k}) \times (\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_c^{l_k})|} & \text{if } \mathbf{p}_i^{l_{k+1}} \in \mathbb{F}_p \\ \frac{|(\hat{\mathbf{p}}_i^{l_k} - \mathbf{p}_a^{l_k})^T((\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_b^{l_k}) \times (\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_c^{l_k}))|}{|(\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_b^{l_k}) \times (\mathbf{p}_a^{l_k} - \mathbf{p}_c^{l_k})|} & \text{if } \mathbf{p}_i^{l_{k+1}} \in \mathbb{F}_p \\ & = \text{asb}. \end{cases}$$
上式中包含两部分,第一部分已经讲过,此处只推导第

$$\mathbf{H}_k = rac{\partial \mathbf{f}}{\partial \hat{\mathbf{p}}_i^{l_k}} \cdot rac{\partial \hat{\mathbf{p}}_i^{l_k}}{\partial \delta \mathbf{x}}$$

其中

$$\hat{\mathbf{p}}_i^{l_k} = (\mathbf{R}_l^b)^T \left(\mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_k} \left(\mathbf{R}_l^b \mathbf{p}_i^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_l^b
ight) + \mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_k} - \mathbf{p}_l^b
ight)$$



2.滤波模型

3) 观测方程

除了旋转和平移外,残差项对其它量的导数均为0。

a.对平移求导

$$\begin{split} &\frac{\partial \hat{\mathbf{p}}_{i}^{l_{k}}}{\partial \delta \mathbf{p}} \\ &= &\frac{\partial \left[\left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{\top} \left(\mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \mathbf{p}_{i}^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_{l}^{b} \right) + \mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_{k}} - \mathbf{p}_{l}^{b} \right) \right]}{\partial \delta \mathbf{p}} \\ &= &\frac{\partial \left[\left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{\top} \mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \right]}{\partial \delta \mathbf{p}} \\ &= &\left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{\top} \end{split}$$

b.对旋转求导

$$\begin{split} &\frac{\partial \hat{\mathbf{p}}_{i}^{l_{k}}}{\partial \delta \mathbf{x}} \\ &= \frac{\partial \left[\left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{T} \left(\mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \mathbf{p}_{i}^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_{l}^{b} \right) + \mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_{k}} - \mathbf{p}_{l}^{b} \right) \right]}{\partial \delta \boldsymbol{\theta}} \\ &= \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{T} \frac{\partial \left[\mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \mathbf{p}_{i}^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_{l}^{b} \right) \right]}{\partial \mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}}} \frac{\partial \mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}}}{\partial \delta \boldsymbol{\theta}} \\ &= - \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{T} \left[\mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \mathbf{p}_{i}^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_{l}^{b} \right) \right]_{\times} \mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \boldsymbol{J}_{r}^{-1}(\boldsymbol{\theta}) \\ &= - \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{T} \mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \left[\mathbf{R}_{l}^{b} \mathbf{p}_{i}^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_{l}^{b} \right]_{\times} \mathbf{R}_{b_{k}}^{b_{k+1}} \mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \boldsymbol{J}_{r}^{-1}(\boldsymbol{\theta}) \\ &= - \left(\mathbf{R}_{l}^{b} \right)^{T} \mathbf{R}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \left[\mathbf{R}_{l}^{b} \mathbf{p}_{i}^{l_{k+1}} + \mathbf{p}_{l}^{b} \right]_{\times} \boldsymbol{J}_{r}^{-1}(\boldsymbol{\theta}) \end{split}$$



2.滤波模型

3) 观测方程

预測:
$$\begin{split} \delta \mathbf{x}_{t_{\tau}} &= \left(\mathbf{I} + \mathbf{F}_{t_{\tau}} \Delta t\right) \delta \mathbf{x}_{t_{\tau-1}} \\ \mathbf{P}_{t_{\tau}} &= \left(\mathbf{I} + \mathbf{F}_{t_{\tau}} \Delta t\right) \mathbf{P}_{t_{\tau-1}} \left(\mathbf{I} + \mathbf{F}_{t_{\tau}} \Delta t\right)^T + \left(\mathbf{G}_{i_{\tau}} \Delta t\right) \mathbf{Q} \left(\mathbf{G}_{t_{t}} \Delta t\right)^T \\ \mathbf{K}_{k,j} &= \mathbf{P}_{k} \mathbf{H}_{k,j}^T \left(\mathbf{H}_{k,j} \mathbf{P}_{k} \mathbf{H}_{k,j}^T + \mathbf{J}_{k,j} \mathbf{M}_{k} \mathbf{J}_{k,j}^T \right)^{-1} \\ \mathbf{迭}$$
迭代观测:
$$\Delta \mathbf{x}_{j} &= \mathbf{K}_{k,j} \left(\mathbf{H}_{k,j} \delta \mathbf{x}_{j} - f\left(-\mathbf{x}_{b_{k+1}}^{b_{k}} \boxplus \delta \mathbf{x}_{j}\right)\right) \\ \delta \mathbf{x}_{j+1} &= \delta \mathbf{x}_{j} + \Delta \mathbf{x}_{j} \end{split}$$

后验方差: $\mathbf{P}_{k+1} = (\mathbf{I} - \mathbf{K}_{k,n} \mathbf{H}_{k,n}) \mathbf{P}_k (\mathbf{I} - \mathbf{K}_{k,n} \mathbf{H}_{k,n})^T + \mathbf{K}_{k,n} \mathbf{M}_k \mathbf{K}_{k,n}^T$



3.位姿更新

$$\mathbf{x}_w^{b_{k+1}} = \left[egin{array}{c} \mathbf{p}_w^{b_{k+1}} \ \mathbf{q}_w^{b_{k+1}} \end{array}
ight] = \left[egin{array}{c} \mathbf{R}_{b_k}^{b_{k+1}} \left(\mathbf{p}_w^{b_k} - \mathbf{p}_{b_{k+1}}^{b_k}
ight) \ \mathbf{q}_{b_k}^{b_{k+1}} \otimes \mathbf{q}_w^{b_k} \end{array}
ight]$$

4.相似工作

论文题目: FAST-LIO: A Fast, Robust LiDAR-inertial Odometry Package by Tightly-Coupled Iterated Kalman Filter

代码地址: https://github.com/hku-mars/FAST_LIO



在上一讲作业里实现的滤波方案的基础上,实现融合运动模型的滤波方法,并对比加入运动模型约束前后,滤波精度的变化。由于运动模型约束更多的是改善速度的波动,而且是y向和z向的波动,因此要求展示结果时,提供b系y向和z向速度误差的曲线与指标。

注:同样由于kitti数据集质量的问题,效果的改善不一定在所有路段都能体现,可以挑选效果好的路段重点展示。

评价标准:

1)及格:实现新模型,且功能正常

2)良好:实现新模型,且部分路段性能有改善

3)优秀:在良好的基础上,增加编码器融合的内容,具体如下:

使用仿真数据(仿真数据需要根据下方链接中的仿真程序自己生成),实现以gps位置和编码器速度为观测量的融合方

法,并分析其精度。

数据仿真程序地址: https://github.com/Aceinna/gnss-ins-sim



附加题(不参与考核):

编码器参与的融合,还有另外一种融合方式,即编码器不当做观测使用,而是和IMU一起进行状态预测,然后再与其他传感器提供的观测进行滤波融合。具体思路为IMU提供角速度,编码器提供线速度,假设二者频率相同、时间戳已对齐,且外参已标定,那么它们可以直接认为是一个可以通过解算得到姿态、位置的新传感器。

这种方式下,解算方法、误差方程、滤波的状态方程和观测方程都需要重新推导,感兴趣的可以自己完成推导和代码实现,并与之前课程中的方法进行性能对比。



感谢聆听 Thanks for Listening

