Algoritmos y Estructura de Datos I

Primer cuatrimestre 2012

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

TP OJOTA (Organización de Juegos Olímpicos) v
1.0 $\,$

Grupo 4

Integrante	LU	Correo electrónico
Nicolas Lasso	763/10	lasso.nico@gmail.com
Guido Tripodi	843/10	<pre>guido.tripodi@hotmail.com</pre>
Tomas Agustin Shaurli	671/10	zeratulzero@hotmail.com
Patricio Inzaghi	255/11	pinzaghi@dc.uba.ar

1. Aclaraciones

- 1. En el ejercicio 7, en caso de empate en medallas de oro, se compara las medallas de plata, si siguen siendo las mismas, se compara las medallas de bronce. En caso de tener las 3 medallas iguales se considera mejor al primero que se comparo. Si no hay ningun pais con medallas la lista resultante sera vacia.
- 2. En el ejercicio 12, consideramos a un patron, como la secuencia de paises hasta que aparece un elemento repetido sin incluirlo. Por Ej: [Argentina, USA, Canada, Argentina, Chile] el patron seria [Argentina, USA, Canada], en cambio en [Argentina, USA, USA, Argentina, Chile] el patron seria [Argentina, USA].

2. Resolucion

```
1. problema entrenarNuevoDeporte (a: Atleta, d: Deporte, c: \mathbb{Z}) {
 requiere d \notin deportes(pre(a));
 requiere 0 \le c \le 100;
 modifica a;
 asegura nombre(a) == nombre(pre(a));
 asegura sexo(a) == sexo(pre(a));
 asegura a\tilde{n}oNacimiento(a) == a\tilde{n}oNacimiento(pre(a));
 asegura naionalidad(a) == nacionalidad(pre(a));
 asegura ciaNumber(a) == ciaNumber(pre(a));
 asegura mismos(deportes(a), deportes(pre(a)) : d);
 asegura (\forall d \in deportes(pre(a)))capacidad(a, d) == capacidad(pre(a), d);
 asegura capacidad(a,d) == c;
   }
2. problema finalizarCompetencia (c: Competencia, posiciones: [Atleta], control: [(Atleta, Bool)]) {
 requiere |participantes(c)| > 0;
 requiere (\forall a \in control)prm(a) \in participantes(c);
 requiere (\forall a \in posiciones)a \in participantes(c);
 requiere finalizada(c) == False;
 modifica c;
 asegura categoria(c) == categoria(pre(c));
 asegura mismos(participantes(c), participantes(pre(c));
 asegura finalizada(c);
 asegura \ ranking(c) == posiciones;
 asegura mismos([prm(d)|d \leftarrow control], lesTocoControlAntiDoping(c));
 asegura (\forall x \leftarrow control), lesDioPositivo(c, prm(x)) == sgd(x);
   }
3. problema linfordChristie (c: Competencia, a: Atleta) {
 requiere finalizada(c) == False;
 requiere atletaPertenezca: a \in participantes(c);
 modifica c;
 asegura \ categoria(c) == categoria(pre(c));
 asegura finalizada(c) == finalizada(pre(c));
 asegura \ mismos(a:participantes(c),participantes(pre(c)));
   }
4. problema gananLosMasCapaces (c: Competencia) = result : Bool {
 requiere finalizada(c) == true;
 asegura (\forall a \in ranking(c))a \in participantes(c);
 asegura Result == masCapaces(c);
   }
```

```
5. problema sancionarTramposos (c: Competencia) {
   requiere finalizada(c) == true;
   modifica c;
   asegura categoria(c) == categoria(pre(c));
   asegura finalizada(c) == finalizada(pre(c);
   asegura mismos(participantes(c), participantes(pre(c)));
   asegura mismos(lesTocoControlAntiDoping(c), lesTocoControlAntiDoping(pre(c)));
   asegura (\forall a \in participantes(c))leDioPositivo(c, a) == leDioPositivo(pre(c), a));
   asegura ranking(c) == borrarPositivos(pre(c));
   aux borrarPositivos (c:competencia) : [Atleta] = [x|x \leftarrow ranking(c), x \notin lesTocoControlAntiDoping(c) \lor (x \in ranking(c), x \notin lesTocoControlAntiDoping(c), x \in lesToco
                lesTocoControlAntiDoping(c) \land leDioPositivo(c, x) == False);
     }
6. problema clasificóTarde (c:Competencia, a:Atleta) {
   requiere finalizada(c) == True;
   requiere a \notin participantes(c);
   requiere (\exists d \leftarrow deportes(a)), d == prm(categoria(c)) \land sexo(a) == sgd(categoria(c));
   modifica c;
   asegura categoria(c) == categoria(pre(c));
   asegura mismos(paticipantes(c), participantes(pre(c)) : a);
   asegura finalizada(c) == finalizada(pre(c));
7. problema dePaseo (j: JJOO) = result : [Atleta] {
   asegura mismos(result, noParticiparon(j));
   aux noParticiparon (j: JJOO) : [Atleta] = [x|k \leftarrow competencias(j), x \leftarrow atletas(j), x \notin participantes(k)];
8. problema medallero (j. JJOO) = result : [(País, [\mathbb{Z}])] {
   asegura mismos(result, extraerSinMedallas(j));
   asegura soloTresTiposDeMedallas: (\forall p \leftarrow result, |sgd(p)| == 3);
   asegura paisesConMedallas: (\forall p \leftarrow result, algunaMedalla(sgd(p)));
   asegura\ mejores Medallas Que Siguiente:
                (\forall x \leftarrow [0..|result|-1), mejoresOIgualesMedallas(sgd(result_x), sgd(result_{x+1})));
   aux mejoresOIgualesMedallas (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]): Bool = superaPorOro(m, p);
   aux superaPorOro (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]) : Bool =
                ifThenElse(m_0 > p_0, True, ifThenElse(m_0 == p_0, superaPorPlata(m, p), False));
   aux superaPorPlata (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]) : Bool =
                ifThenElse(m_1 > p_1, True, ifThenElse(m_1 == p_1, superaPorBronce(m, p), False));
   aux superaPorBronce (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]) : Bool =
                ifThenElse(m_0 > p_0, True, m_0 == p_0);
   aux algunaMedalla (m: [\mathbb{Z}]): Bool = (m_0 \neq 0 \lor m_1 \neq 0 \lor m_2 \neq 0);
     }
9. problema boicotPorDisciplina (j: JJOO, cat: (Deporte, Sexo), p: País ) = result : \mathbb{Z} {
   requiere (\exists c \in competencias(j))categoria(c) == cat;
   modifica j;
   asegura a\tilde{n}o(j) == a\tilde{n}o(pre(j));
   asegura cantDias(j) == cantDias(pre(j));
   asegura mismos(atletas(j), atletas(pre(j);
   asegura(\forall d \leftarrow [0..cantDias(j)))mismos(cronograma(j,d),cronograma(pre(j),d));
   asegura jornada actual(j) == jornada actual(pre(j));
```

```
asegura result == participantesDeLaCat(j, cat, p);
   asegura (\forall c \leftarrow competencias(j), categoria(c) == cat), (\forall a \leftarrow atletasDelPais(j, p))a \notin participantes(c);
   aux participantesDeLaCat (j:JJOO, cat: (Deporte, Sexo), p: País) : \mathbb{Z} = long([i|i \leftarrow atletasDelPais(j,p), x \leftarrow
          competencias(j), categoria(x) == cat \land i \in participantes(x));
    }
10. problema losMasFracasados (j. JJOO, p. País ) = result : [Atleta] {
   asegura mismos(result, masFracasados(j, p));
   aux competenciasAtleta (j:JJOO, p:Pais, a:Atleta) : [Competencia] = [x|x \leftarrow competencias(j),
          (\exists p \in participantes(x))p == a \land en(prm(categoria(x)), deportes(a))];
   \texttt{aux atletasFracasados } (\texttt{j:JJOO}, \, \texttt{p:Pais}) : [(\texttt{atleta}, \, \mathbb{Z})] \, = [(y, |competenciasAtleta(j, p, y)|)|
          y \leftarrow atletasDelPais(j, p), c \leftarrow competenciasAtleta(j, y, p), \neg en(y, sub(ranking(c), 0, 2))];
   aux masFracasados (j:JJOO, p:Pais) : [Atleta] = [prm(y)|y \leftarrow atletasFracasados(j, p),
          k \leftarrow atletasFracasados(j, p), sgd(y) \geq sgd(k);
    }
11. problema liuSong (j: JJOO, a: Atleta, p: País ) {
   requiere a \in atletas(j);
   modifica j;
   asegura a\tilde{n}o(j) = a\tilde{n}o(pre(j));
   asegura \ cantDias(j) == cantDias(pre(j));
   asegura jornadaActual(j) == jornadaActual(pre(j));
   asegura(\forall d \leftarrow [1..cantDias(j)))mismos(cronograma(j,d),cronograma(pre(j),d));
   asegura (\forall h \leftarrow atletas(j), ciaNumber(h) == ciaNumber(a))nacionalidad(h) == p;
   asegura (\forall c \leftarrow competencias(j), q \leftarrow participantes(c), ciaNumber(q) == ciaNumber(a)) nacionalidad(q) == p;
   asegura (\forall c \leftarrow competencias(j), q \leftarrow ranking(c), finalizada(c) == True, ciaNumber(q) == ciaNumber(a)) nacionalidad(q)
          p;
   asegura (\forall c \leftarrow competencias(j), q \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c), finalizada(c) == True, ciaNumber(q) ==
          ciaNumber(a))nacionalidad(q) == p;
   asegura mismos(atletas(j), reemplazaAtleta(a, atletas(pre(j))));
   aux reemplazaAtleta (a: Atleta, ls: [Atleta]): [Atleta] = [ifciaNumber(x) == ciaNumber(a)thenaelsex | x \in ls];
12. problema stevenBradbury (j: JJOO) = result : Atleta {
   requiere algunaCompetenciaFinalizada(j);
   asegura esElMenosCapaz:
          (\forall a \in atletasConOro(j), a \neq result)sumaDeCapacidades(result) \leq sumaDeCapacidades(a);
   aux atletasConOro (j:JJOO) : [Atleta] = [ranking(c)_0|c \in competencias(j), finalizada(c) \land |ranking(c)| > 0];
   aux sumaDeCapacidades (a:Atleta) : \mathbb{Z} = \sum [capacidad(a,d)|d \in deportes(a)];
13. problema uyOrdenadoAsíHayUnPatrón (j: JJOO) = result : Bool {
   asegura result == verificaPaises(j);
   aux verificaPaises (j:JJOO) : Bool = \forall i \in [0..|paisesMasGrosos(j)|-1],
          paisesMasGrosos(j)_{i} == paisesMasGrosos(j)_{i+|patronDePaises(j)|} \; \land \; \\
          ((i + |patronDePaises(j)|) \le |paisesMasGrosos(j)|);
   aux patronDePaises (j:JJOO) : [Pais] = [sub(paisesMasGrosos(j), 0, i-2)|i \leftarrow [0..|paisesMasGrosos|-1],
          \neg sinRepetidos(sub(paisesMasGrosos(j), 0, i))]_0;
   aux paisesMasGrosos (j:JJOO) : [Pais] = [p|x \leftarrow mejoresPaises(j), p \leftarrow sgd(x), i \leftarrow [0..|sgd(x)| - 2], p \leq sgd(x)_{i+1}];
   aux mejoresPaises (j:JJOO) : [(\mathbb{Z}, [Pais])] = [(dia, p)|x \leftarrow paisesPorDia(j), dia \leftarrow prm(x), p \leftarrow sgd(x),
          i \leftarrow [0..|sgd(x)| - 2], (cuenta(p, sgd(x))) \ge cuenta(sgd(x)_{i+1}, sgd(x)))];
   aux paisesPorDia (j:JJOO) : [(\mathbb{Z},[Pais])] = [(dia,p)|x \leftarrow oroPorDia(j), dia \leftarrow prm(x), h \leftarrow sgd(x),
          i \leftarrow [0..|h|-1], p \leftarrow nacionalidad(h_i)];
```

```
aux oroPorDia (j:JJOO) : [(\mathbb{Z}, [Atleta])] = [(dia, a)|h \leftarrow competenciasPorDia(j), dia \leftarrow prm(h), x \leftarrow sgd(h),
                          i \leftarrow [0..|x|-1], a \leftarrow ranking(x_i)_0;
       aux competenciasPorDia (j:JJOO) : [(\mathbb{Z}, [Competencia])] = [(dia, c)|dia \leftarrow [1..jornadaActual(j)],
                          c == mismos(cronograma(j, dia));
          }
          problema uyOrdenadoAsíHayUnPatrón (j: JJOO) = result : Bool {
        asegura result == verificaPaises(j);
       aux medallasDeOro (j:JJOO, p:Pais, d:Dia) : \mathbb{Z} = long([x|x \leftarrow atletasDelPais(j,p), y \leftarrow cronograma(j,d), x \in aux medallasDeOro (j:JJOO, p:Pais, d:Dia) : \mathbb{Z}
                          participantes(y) \land x == ranking(y)_0];
       aux paisesDelDia (j:JJOO, d:Dia) : [Pais] = [nacionalidad(x)|y \leftarrow cronograma(j,d), x \leftarrow participantes(y)];
       \texttt{aux mejoresPaises } (\texttt{j:JJOO}) : [\texttt{Pais}] = [p|d \leftarrow [1..jornadaActual(j)]p \leftarrow extraerRepetidos(PaisesDelDia(j,d)), q \leftarrow [p|d \leftarrow [1..jornadaActual(j)]p \leftarrow extraerRepetidos(PaisesDelDia(j,d)), q \leftarrow [p|d \leftarrow [1..jornadaActual(j)]p \leftarrow [p|d \leftarrow [p|d]p \leftarrow [p
                          extracrRepetidos(PaisesDelDia(j,d)), medallasDeOro(j,p,d) \ge medallasDeOro(j,q,d) \land p > q;
       aux patronDePaises (j:JJOO): [Pais] = [sub(mejoresPaises(j), 0, i-2)|i \leftarrow [0..|mejoresPaises|-1],
                          \neg sinRepetidos(sub(mejoresPaises(j), 0, i))|_0;
       aux verificaPaises (j:JJOO) : Bool = \forall i \in [0..|mejoresPaises(j)|-1],
                          ((i + |patronDePaises(j)|) \le |mejoresPaises(j)|) \land
                          paisesMasGrosos(j)_i == mejoresPaises(j)_{i+|patronDePaises(j)|};
           }
14. problema sequíaOlímpica (j: JJOO) = result : [País] {
        asegura mismos(result, extraerRepetidos(elPeorPais(j)));
        aux atletasDelPais (j:JJOO,p: País ): [Atleta] = [x|x \leftarrow atletas(j), nacionalidad(x) == p];
       \texttt{aux paisesConMedallas} \ (J:JJOO): [(País,[Bool])] \ = [(nacionalidad(x),[alguno(h \leftarrow (ranking(y)[0,1,2]) + (ranking(y)[0,1,2]))] \ ]
                          k \leftarrow (atletasDelPais(j, nacionalidad(x))), k == h)])|x \leftarrow atletas(j), i \leftarrow [0..cantDias(j)], y \leftarrow cronograma(j, i)];
       aux lugaresDistintos (j:JJOO, b:[Bool]) : [\mathbb{Z}] = [x+1|x \leftarrow [0..|b|-1], b_x \neq b_{x+1}];
       aux paisesConDiasSeparados (j:JJOO): [(Pais,[[Bool]])] = [(prm(x),[sub(sgd(x),cons(0,lugresDistintos(j,sgd(x)))_h,lugresDistintos(j,sgd(x)))_h]
                          (cons(0, lugresDistintos(j, sgd(x)))_{h+1})||x \leftarrow paisesConMedallas(j),
                          h \leftarrow [0..|cons(0, lugaresDistintos(j, sqd(x)))| - 2];
       \verb"aux elijoLosFracasados" (j:JJOO) : [(pais,[[Bool]])] = [(prm(x),[y])
                          |x \leftarrow paisesConDiasSeparados(j), (\forall y \leftarrow sgd(x), h \leftarrow y)(h == False))|;
       aux mayorCantidadDeDIas (j:JJOO) : [(pais, \mathbb{Z})] = [(prm(x), long(y))]
                          |x \leftarrow elijoLosFracasados(j), y \leftarrow sgd(x), h \leftarrow sgd(x), long(y) \ge long(h)|;
       aux elPeorPais (j:JJOO) : [pais] = [prm(x)|x \leftarrow mayorCantidadDeDias(j),
                          y \leftarrow mayorCantidadDeDias(j), sgd(x) \ge sgd(y);
           }
15. problema transcurrirDia (j. JJOO) {
       requiere jornadaActual(j) < cantDias(j);
       modifica j;
       asegura \ cantDias(j) == cantDias(pre(j));
       asegura a\tilde{n}o(j) == a\tilde{n}o(pre(j));
       asegura mismos(atletas(j), atletas(pre(j));
       \texttt{asegura} \ (\forall d \in [1...cantDias(pre(j))], d \neq jornadaActual(pre(j))) \\ mismos(cronograma(pre(j),d), cronograma(j,d));
       asegura cambiaElDia: jornadaActual(j) == jornadaActual(pre(j)) + 1;
        asegura \ rankingSegunMasCapaces : (\forall c \in cronograma(pre(j), jornadaActual(pre(j))),
                          finalizada(c), |participantes(c)| > 0) masCapaces(c);
       \textbf{asegura} \ unControlPorCompetencia: (\forall c \in cronograma(pre(j), jornadaActual(pre(j))), \neg finalizada(c), fina
                          |participantes(c)| > 0
                          |lesTocaControlAntiDoping(c)| == 1;
       asegura dopingPositivoMax5Porciento: 0 \leq porcentajePositivos(j) \leq 5;
       asegura ifThenElse(todosLosAntiDoping > 0, 0 \le sonPositivos(j)/todosLosAntiDoping(j) \le 0, 05, true);
       \texttt{aux porcentajePositivos} \ (j: JJOO) : \mathbb{R} \ = |atletasLesDioPositivo(j, jornadaActual(pre(j)))| * 100
                          /|atletasLesTocoAntiDoping(j, jornadaActual(pre(j)))|;
```

```
aux atletasLesTocoAntiDoping (j:JJOO,d:\mathbb{Z}): [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c)_0|c \in cronograma(j,d), |participantiControlAntiDoping(c)_0|c \in cr
                     0;
      aux atletasLesDioPositivo (j:JJOO,d:\mathbb{Z}): [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c)<sub>0</sub>|c \in cronograma(j,d),
                     leDioPositivo(c, lesTocoControlAntiDoping(c)_0) \land |participantes(c)| > 0;
      aux SonPositivos (j:JJOO) : \mathbb{Z} = long([y|x \leftarrow cronograma(j, jornadaActual(pre(j)))),
                     y \leftarrow LesTocoControlAntiDoping(c), LeDioPositivo(x, y)];
      aux todosLosAntiDoping (j:JJOO) : \mathbb{Z} = long(concat([LesTocoControlAntiDoping(x)]
                     x \leftarrow cronograma(j, jornadaActual(pre(j))), |participantes(c)| > 0]));
         }
16. problema deportesNoOlimpicos (j:JJOO) = result : [deporte] {
      asegura mismos(result, noCompiten(j, todosLosDeportes(j)));
      asegura (\forall x \leftarrow result), (\exists a \leftarrow atletas(j))x \in deportes(a);
      asegura (\forall x \leftarrow result, y \leftarrow competencias(j))x \neq prm(categoria(y));
      aux todosLosDeportes (j:JJOO) : [deporte] = [deportes(a)|a \leftarrow atletas(j)];
      aux noCompiten (j:JJOO, ds:[deporte]) : [deporte] = [d|d \leftarrow extraerRepetidos(ds), c \leftarrow competencias(j), d \neq prm(categoria(cs), d)]
17. problema atletaProdigio (js:[JJOO], cat:(Deporte, Sexo)) = result : Atleta {
      requiere (\exists j \leftarrow js, c \leftarrow competencias(j))prm(cat) == prm(categoria(c)) \land sgd(cat) == sgd(categoria(c));
      asegura result \in competidoresOroPorCategoria(js, cat);
      asegura(\exists j \leftarrow js, c \leftarrow competencias(j), d \leftarrow deportes(result))(\forall p \leftarrow participantes(c)), cat == categoria(c) \land d ==
                     prm(cat) \land sexo(result) == sgd(cat) \land result == ranking(c)_0 \land a\tilde{n}oNacimiento(result) > a\tilde{n}oNacimiento(p);
      aux competioresOroPorCategoria (js:[JJOO], cat:(Deporte, Sexo)): [Atleta] = [rankinq(c)_0]j \leftarrow js, c \leftarrow competencias(j),
                     prm(categoria(c)) == prm(cat) \land sgd(categoria(c)) == sgd(cat)] \ ;
         }
```

```
3.
      Tipos
tipo Deporte = String;
tipo Pais = String;
tipo Sexo = Femenino, Masculino;
4.
      \mathbf{Atleta}
tipo Atleta {
  observador nombre (a: Atleta) : String;
  observador sexo (a: Atleta) : Sexo;
  observador añoNacimiento (a: Atleta) : \mathbb{Z};
  observador nacionalidad (a: Atleta) : Pais;
  observador ciaNumber (a: Atleta) : \mathbb{Z};
  observador deportes (a: Atleta) : [Deporte];
  observador capacidad (a: Atleta, d: Deporte) : Z;
       requiere d \in deportes(a);
  invariante sinRepetidos(deportes(a));
  invariante ordenada(deportes(a));
  invariante capacidadEnRango : (\forall d \leftarrow deportes(a))0 \leq capacidad(a,d) \leq 100;
}
5.
      Competencia
tipo Competencia {
  observador categoria (c: Competencia) : (Deporte, Sexo);
  observador participantes (c: Competencia) : [Atleta];
  observador finalizada (c: Competencia) : Bool;
  observador ranking (c: Competencia) : [Atleta];
       requiere finalizada(c);
  observador lesTocoControlAntiDoping (c: Competencia) : [Atleta];
       requiere finalizada(c);
  observador leDioPositivo (c: Competencia, a: Atleta) : Bool;
       requiere finalizada(c) \land a \in lesTocoControlAntiDoping(c);
  invariante participaUnaSolaVez : sinRepetidos(ciaNumbers(participantes(c)));
  {\tt invariante\ participantesPertenecenACat:}
     (\forall p \leftarrow participantes(c))prm(categoria(c)) \in deportes(p) \land sgd(categoria(c)) == sexo(p);
  invariante elRankingEsDeParticipantesYNoHayRepetidos :
     finalizada(c) \Rightarrow incluida(ranking(c), participantes(c));
  invariante seControlanParticipantesYNoHayRepetidos:
     finalizada(c) \Rightarrow incluida(lesTocoControlAntiDoping(c), participantes(c));
}
      JJOO
6.
tipo JJ00 {
  observador año (j. JJOO) : \mathbb{Z};
  observador atletas (j: JJOO) : [Atleta];
  observador cantDias (j. JJOO) : \mathbb{Z};
  observador cronograma (j. JJOO, dia: Z) : [Competencia];
       requiere 1 \le dia \le cantDias(j);
  observador jornadaActual (j: JJOO) : Z;
  invariante atletasUnicos : sinRepetidos(ciaNumbers(atletas(j)));
  invariante una DeCada Categoria : (\forall i, k \leftarrow [0.. | competencias(j)|), i \neq k)
     categoria(competencias(j)_i) \neq categoria(competencias(j)_k);
```

invariante finalizadasSiiYaPasoElDia : $lasPasadasFinalizaron(j) \land lasQueNoPasaronNoFinalizaron(j)$;

invariante competidoresInscriptos : $(\forall c \leftarrow competencias(j))incluida(participantes(c), atletas(j));$

invariante jornadaValida: $1 \leq jornadaActual(j) \leq cantDias(j)$;

}

7. Auxiliares

```
aux algunaCompetenciaFinalizada (j:JJOO): Bool = (\exists x \in competencias(j)) finalizada(x) == true \land |rankinq(x)| > 0;
aux ciaNumbers (as: [Atleta]) : [\mathbb{Z}] = [ciaNumber(a) | a \leftarrow as];
aux competencias (j: JJOO) : [Competencia] = [c \mid d \leftarrow [1..cantDias(j)], c \leftarrow cronograma(j, d)];
aux competenciasFinalizadas (j: JJOO) : [Competencia] = [c \mid C \leftarrow [1..cantDias(j)], c \leftarrow cronograma(j,d), finalizada(c)];
aux incluida (l_1, l_2:[T]): Bool = (\forall x \leftarrow l_1) cuenta(x, l_1) \leq cuenta(x, l_2);
aux lasPasadasFinalizaron (j. JJOO) : Bool = (\forall d \leftarrow [1..jornadaActual(j)))(\forall c \leftarrow cronograma(j,d))finalizada(c);
aux lasQueNoPasaronNoFinalizaron (j: JJOO) : Bool =
    (\forall d \leftarrow (jornadaActual(j)..cantDias(j)])(\forall c \leftarrow cronograma(j,d)) \neg finalizada(c);
aux listaPositivos (c:competencia) : [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c), lesDioPositivo(c, x) == True];
aux ordenada (l:[T]) : Bool = (\forall i \leftarrow [0..|l|-1))l_i \leq l_{i+1};
aux sinRepetidos (l: [T]) : Bool = (\forall i, j \leftarrow [0...|l|), i \neq j)l_i \neq l_j;
aux masCapaces (c:competencia): Bool = (\forall x \leftarrow [0..|ranking(c)|-1), capacidad(ranking(c)_x, prm(categoria(c))) > capacidad(ranking(c)_x, prm(categoria(c)_x, prm(categoria
aux atletasDelPais (j:JJOO,p: País ) : [Atleta] = [x|x \leftarrow atletas(j), nacionalidad(x) == p];
aux medallasDelPais (j:JJOO, p:Pais, pos:\mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = long([x|x \leftarrow atletasDelPais(j,p), y \leftarrow competencias(j),
    x == ranking(y)_{pos}];
aux todosLosPaises (j:JJOO) : [Pais] = [nacionalidad(x)|x \leftarrow atletas(j)];
aux extraerRepetidos (ls:[T]) : [T] = [x|x \leftarrow [0..|ls|), \neg en(ls_x, sub(ls, 0, x))];
aux obtenerMedallero (j:JJOO): [(País, [\mathbb{Z}])] = [(x, [medallasDelPais(j, x, y)]) | x \leftarrow extraerRepetidos(todosLosPaises(j)),
aux extraerSinMedallas (j:JJOO) : [(País, [\mathbb{Z}])] = [x|x \leftarrow obtenerMedallero(j), (\exists x \leftarrow sgd(x))x > 0];
aux atletasdelpaisout (cat: (Deporte, Sexo), p: Pais, j: JJOO) : Bool = (x \leftarrow [0..|atletas(j)|-1], p(cat(atletas(j)_x)) \neq
    atletas(j)_x);
```