

Algoritmos y Estructura de Datos I

Primer cuatrimestre 2012

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

TP OJOTA (Organización de Juegos Olímpicos) v1.0

Grupo 4

Integrante	LU	Correo electrónico
Nicolas Lasso	763/10	lasso.nico@gmail.com
Guido Tripodi	843/10	guido.tripodi@hotmail.com
Tomas Agustin Shaurli	671/10	zeratulzero@hotmail.com
Patricio Inzaghi	255/11	pinzaghi@dc.uba.ar

1. Aclaraciones

1. En el ejercicio 7, en caso de empate en medallas de oro, se compara las medallas de plata, si siguen siendo las mismas, se compara las medallas de bronce. En caso de tener las 3 medallas iguales se considera mejor al primero que se comparo. Si no hay ningun pais con medallas la lista resultante sera vacia.
2. En el ejercicio 12, consideramos a un patron, como la secuencia de paises hasta que aparece un elemento repetido sin incluirlo. Por Ej: [Argentina, USA, Canada, Argentina, Chile] el patron seria [Argentina, USA, Canada], en cambio en [Argentina, USA, USA, Argentina, Chile] el patron seria [Argentina, USA].

2. Resolucion

1. problema `entrenarNuevoDeporte` (a: Atleta, d: Deporte, c: \mathbb{Z}) {
 requiere $d \notin \text{deportes}(\text{pre}(a))$;
 requiere $0 \leq c \leq 100$;
 modifica a ;
 asegura $\text{nombre}(a) == \text{nombre}(\text{pre}(a))$;
 asegura $\text{sexo}(a) == \text{sexo}(\text{pre}(a))$;
 asegura $\text{añoNacimiento}(a) == \text{añoNacimiento}(\text{pre}(a))$;
 asegura $\text{naionalidad}(a) == \text{nacionalidad}(\text{pre}(a))$;
 asegura $\text{ciaNumber}(a) == \text{ciaNumber}(\text{pre}(a))$;
 asegura $\text{mismos}(\text{deportes}(a), \text{deportes}(\text{pre}(a)) : d)$;
 asegura $(\forall d \in \text{deportes}(\text{pre}(a))) \text{capacidad}(a, d) == \text{capacidad}(\text{pre}(a), d)$;
 asegura $\text{capacidad}(a, d) == c$;
}
2. problema `finalizarCompetencia` (c: Competencia, posiciones: [Atleta], control: [(Atleta, Bool)]) {
 requiere $|\text{participantes}(c)| > 0$;
 requiere $(\forall a \in \text{control}) \text{prm}(a) \in \text{participantes}(c)$;
 requiere $(\forall a \in \text{posiciones}) a \in \text{participantes}(c)$;
 requiere $\text{finalizada}(c) == \text{False}$;
 modifica c ;
 asegura $\text{categoria}(c) == \text{categoria}(\text{pre}(c))$;
 asegura $\text{mismos}(\text{participantes}(c), \text{participantes}(\text{pre}(c)))$;
 asegura $\text{finalizada}(c)$;
 asegura $\text{ranking}(c) == \text{posiciones}$;
 asegura $\text{mismos}([\text{prm}(d) | d \leftarrow \text{control}], \text{lesTocoControlAntiDoping}(c))$;
 asegura $(\forall x \leftarrow \text{control}), \text{lesDioPositivo}(c, \text{prm}(x)) == \text{sgd}(x)$;
}
3. problema `linfordChristie` (c: Competencia, a: Atleta) {
 requiere $\text{finalizada}(c) == \text{False}$;
 requiere $\text{atletaPertenezca} : a \in \text{participantes}(c)$;
 modifica c ;
 asegura $\text{categoria}(c) == \text{categoria}(\text{pre}(c))$;
 asegura $\text{finalizada}(c) == \text{finalizada}(\text{pre}(c))$;
 asegura $\text{mismos}(a : \text{participantes}(c), \text{participantes}(\text{pre}(c)))$;
}
4. problema `gananLosMasCapaces` (c: Competencia) = result : Bool {
 requiere $\text{finalizada}(c) == \text{true}$;
 asegura $(\forall a \in \text{ranking}(c)) a \in \text{participantes}(c)$;
 asegura $\text{Result} == \text{masCapaces}(c, \text{prm}(\text{categoria}(c)))$;
}

5. problema sancionarTramposos (c: Competencia) {
 requiere *finalizada*(c) == true;
 modifica c;
 asegura *categoría*(c) == *categoría*(pre(c));
 asegura *finalizada*(c) == *finalizada*(pre(c));
 asegura *mismos*(participantes(c), participantes(pre(c)));
 asegura *mismos*(lesTocoControlAntiDoping(c), lesTocoControlAntiDoping(pre(c)));
 asegura ($\forall a \in \text{participantes}(c)$) *leDioPositivo*(c, a) == *leDioPositivo*(pre(c), a);
 asegura *ranking*(c) == *borrarPositivos*(pre(c));
 aux *borrarPositivos* (c:competencia) : [Atleta] = $[x | x \leftarrow \text{ranking}(c), x \notin \text{lesTocoControlAntiDoping}(c) \vee (x \in \text{lesTocoControlAntiDoping}(c) \wedge \text{leDioPositivo}(c, x) == \text{False})]$;
 }
6. problema dePaseo (j: JJOO) = result : [Atleta] {
 asegura *mismos*(result, noParticiparon(j);
 aux noParticiparon (j: JJOO) : [Atleta] = $[x | k \leftarrow \text{competencias}(j), x \leftarrow \text{atletas}(j), x \notin \text{participantes}(k)]$;
 }
7. problema medallero (j: JJOO) = result : [(País, [Z])] {
 asegura *mismos*(result, extraerSinMedallas(j));
 asegura *soloTresTiposDeMedallas* : ($\forall p \leftarrow \text{result}, |\text{sgd}(p)| == 3$);
 asegura *paisesConMedallas* : ($\forall p \leftarrow \text{result}, \text{algunaMedalla}(\text{sgd}(p))$);
 asegura *mejoresMedallasQueSiguiente* :
 ($\forall x \leftarrow [0..|\text{result}| - 1], \text{mejoresOIgualesMedallas}(\text{sgd}(\text{result}_x), \text{sgd}(\text{result}_{x+1}))$);
 aux *mejoresOIgualesMedallas* (m: [Z], p: [Z]) : Bool = *superaPorOro*(m, p);
 aux *superaPorOro* (m: [Z], p: [Z]) : Bool =
 ifThenElse($m_0 > p_0$, True, *ifThenElse*($m_0 == p_0$, *superaPorPlata*(m, p), False));
 aux *superaPorPlata* (m: [Z], p: [Z]) : Bool =
 ifThenElse($m_1 > p_1$, True, *ifThenElse*($m_1 == p_1$, *superaPorBronce*(m, p), False));
 aux *superaPorBronce* (m: [Z], p: [Z]) : Bool =
 ifThenElse($m_0 > p_0$, True, $m_0 == p_0$);
 aux *algunaMedalla* (m: [Z]) : Bool = ($m_0 \neq 0 \vee m_1 \neq 0 \vee m_2 \neq 0$);
 aux *medallasDelPais* (j:JJOO, p:País, pos:Z) : Z = *long*($[x | x \leftarrow \text{atletasDelPais}(j, p), y \leftarrow \text{competencias}(j), x == \text{ranking}(y)_{\text{pos}}]$);
 aux *todosLosPaises* (j:JJOO) : [País] = *nacionalidad*($x | x \leftarrow \text{atletas}(j)$);
 aux *extraerRepetidos* (ls:[T]) : [T] = $[x | x \leftarrow [0..|ls|], \neg \text{en}(ls_x, \text{sub}(ls, 0, x))]$;
 aux *obtenerMedallero* (j:JJOO) : [(País, [Z])] = $[(x, [\text{medallasDelPais}(j, x, y)]) | x \leftarrow \text{extraerRepetidos}(\text{todosLosPaises}(j)), y \leftarrow [0, 1, 2]]$;
 aux *extraerSinMedallas* (j:JJOO) : [(País, [Z])] = $[x | x \leftarrow \text{obtenerMedallero}(j), (\exists x \leftarrow \text{sgd}(x)) x > 0]$;
 }
8. problema boicotPorDisciplina (j: JJOO, cat: (Deporte, Sexo), p: País) = result : Z {
 requiere ($\exists c \in \text{competencias}(j)$) *categoría*(c) == cat;
 modifica j;
 asegura *año*(j) == *año*(pre(j));
 asegura *cantDias*(j) == *cantDias*(pre(j));
 asegura *mismos*(atletas(j), atletas(pre(j));
 asegura ($\forall d \leftarrow [0..|\text{cantDias}(j)|]$) *mismos*(*cronograma*(j, d), *cronograma*(pre(j), d));
 asegura *jornadaactual*(j) == *jornadaactual*(pre(j));
 asegura *result* == *participantesDeLaCat*(j, cat, p);
 asegura ($\forall c \leftarrow \text{competencias}(j), \text{categoría}(c) == \text{cat}$), ($\forall a \leftarrow \text{atletasDelPais}(j, p)$) $a \notin \text{participantes}(c)$;
 }

```

aux participantesDeLaCat (j:JJO, cat: (Deporte, Sexo), p: País) :  $\mathbb{Z}$  = long( $[i|i \leftarrow atletasDelPais(j,p), x \leftarrow competencias(j), categoria(x) == cat \wedge i \in participantes(x)]$ );
}

9. problema losMasFracasados (j: JJO, p: País) = result : [Atleta] {
  asegura mismos(result, masFracasados(j,p));
  aux competenciasAtleta (j:JJO, p:País, a:Atleta) : [Competencia] =  $[x|x \leftarrow competencias(j), (\exists p \in participantes(x))p == a \wedge en(prm(categoria(x)), deportes(a))]$ ;
  aux atletasFracasados (j:JJO, p:País) : [(atleta,  $\mathbb{Z}$ )] =  $[(y, |competenciasAtleta(j,p,y)|)| y \leftarrow atletasDelPais(j,p), c \leftarrow competenciasAtleta(j,y,p), \neg en(y, sub(ranking(c), 0, 2))]$ ;
  aux masFracasados (j:JJO, p:País) : [Atleta] =  $[prm(y)|y \leftarrow atletasFracasados(j,p), k \leftarrow atletasFracasados(j,p), sgd(y) \geq sgd(k)]$ ;
}

10. problema liuSong (j: JJO, a: Atleta, p: País) {
  requiere  $a \in atletas(j)$ ;
  modifica j;
  asegura año(j) = año(pre(j));
  asegura cantDias(j) == cantDias(pre(j));
  asegura jornadaActual(j) == jornadaActual(pre(j));
  asegura  $(\forall d \leftarrow [0..cantDias(j)])mismos(cronograma(j,d), cronograma(pre(j),d))$ ;
  asegura  $(\forall h \leftarrow atletas(j), ciaNumber(h) == ciaNumber(a))nacionalidad(h) == p$ ;
  asegura  $(\forall c \leftarrow competencias(j), q \leftarrow participantes(c), ciaNumber(q) == ciaNumber(a))nacionalidad(q) == p$ ;
  asegura  $(\forall c \leftarrow competencias(j), q \leftarrow ranking(c), finalizada(c) == True, ciaNumber(q) == ciaNumber(a))nacionalidad(q) == p$ ;
  asegura  $(\forall c \leftarrow competencias(j), q \leftarrow lesTocoControlAntiDoping(c), finalizada(c) == True, ciaNumber(q) == ciaNumber(a))nacionalidad(q) == p$ ;
  asegura mismos(atletas(pre(j)), reemplazaAtleta(a, atletas(j)));
  aux reemplazaAtleta (a: Atleta, ls: [Atleta]) : [Atleta] =  $[if ciaNumber(x) == ciaNumber(a) then a else x | x \in ls]$ ;
}

11. problema stevenBradbury (j: JJO) = result : Atleta {
  requiere algunaCompetenciaFinalizada(j);
  asegura esElMenosCapaz :
     $(\forall a \in atletasConOro(j), a \neq result)sumaDeCapacidades(result) \leq sumaDeCapacidades(a)$ ;
  aux atletasConOro (j:JJO) : [Atleta] =  $[ranking(c)_0 | c \in competencias(j), finalizada(c) \wedge |ranking(c)| > 0]$ ;
  aux sumaDeCapacidades (a:Atleta) :  $\mathbb{Z}$  =  $\sum[capacidad(a,d) | d \in deportes(a)]$ ;
}

12. problema uyOrdenadoAsíHayUnPatrón (j: JJO) = result : Bool {
  asegura result == verificaPaíses(j);
  aux verificaPaíses (j:JJO) : Bool =  $\forall i \in [0..|paísesMasGrosos(j)| - 1], paísesMasGrosos(j)_i == paísesMasGrosos(j)_{i+|patronDePaíses(j)|} \wedge ((i + |patronDePaíses(j)|) \leq |paísesMasGrosos(j)|)$ ;
  aux patronDePaíses (j:JJO) : [País] =  $[sub(paísesMasGrosos(j), 0, i - 2) | i \leftarrow [0..|paísesMasGrosos(j)| - 1], \neg sinRepetidos(sub(paísesMasGrosos(j), 0, i))]$ ;
  aux paísesMasGrosos (j:JJO) : [País] =  $[p | x \leftarrow mejoresPaíses(j), p \leftarrow sgd(x), i \leftarrow [0..|sgd(x)| - 2], p \leq sgd(x)_{i+1}]$ ;
  aux mejoresPaíses (j:JJO) :  $([\mathbb{Z}], [País])$  =  $[(dia, p) | x \leftarrow paísesPorDia(j), dia \leftarrow prm(x), p \leftarrow sgd(x), i \leftarrow [0..|sgd(x)| - 2], (cuenta(p, sgd(x)) \geq cuenta(sgd(x)_{i+1}, sgd(x)))]$ ;
  aux paísesPorDia (j:JJO) :  $([\mathbb{Z}], [País])$  =  $[(dia, p) | x \leftarrow oroPorDia(j), dia \leftarrow prm(x), h \leftarrow sgd(x), i \leftarrow [0..|h| - 1], p \leftarrow nacionalidad(h_i)]$ ;
  aux oroPorDia (j:JJO) :  $([\mathbb{Z}], [Atleta])$  =  $[(dia, a) | h \leftarrow competenciasPorDia(j), dia \leftarrow prm(h), x \leftarrow sgd(h), i \leftarrow [0..|x| - 1], a \leftarrow ranking(x_i)_0]$ ;
}

```

```

aux competenciasPorDia (j:JJOO) : [(Z, [Competencia])] = [(dia, c) | dia ← [1..jornadaActual(j)],
  c == mismos(cronograma(j, dia))];
}

13. problema sequíaOlimpica (j: JJOO) = result : [País] {
  asegura sinRepetidos(elPeorPais(j));
  asegura result == elPeorPais(j);
  aux atletasDelPais (j:JJOO,p: País) : [Atleta] = [x | x ← atletas(j), nacionalidad(x) == p];
  aux todosLosPaises (J:JJOO) : [(País,[Bool])] = [(nacionalidad(x), [alguna(h ← (ranking(y)[0, 1, 2])
    k ← (atletasDelPais(j, nacionalidad(x))), k == h))] | x ← atletas(j), i ← [0..cantDias(j)], y ← cronograma(j, i)];
  aux lugaresDistintos (j:JJOO, b:[Bool]) : [Z] = [x + 1 | x ← [0..|b| - 1], bx ≠ bx+1];
  aux paisesConDiasSep (j:JJOO) : [(País,[Bool])] = [(prm(x), [sub(sgd(x), cons(0, lugresDistintos(j, sgd(x)))h,
    (cons(0, lugresDistintos(j, sgd(x)))h+1))] | x ← todosLosPaises(j),
    h ← [0..|cons(0, lugresDistintos(j, sgd(x)))| - 2]]];
  aux elijoLosFracasados (j:JJOO) : [(pais,[Bool])] = [(prm(x), [y]
    | x ← paisesConDiasSep(j), (∀h ← y ← sgd(x))(h == False))];
  aux mayorCantidadDeDias (j:JJOO) : [(pais, Z)] = [(prm(x), long(y))
    | x ← elijoLosFracasados(j), y ← sgd(x), h ← sgd(x), long(y) ≥ long(h)];
  aux elPeorPais (j:JJOO) : [pais] = [prm(x) | x ← mayorCantidadDeDias(j),
    y ← mayorCantidadDeDias(j), sgd(x) ≥ sgd(y)];
}

14. problema transcurrirDia (j: JJOO) {
  requiere jornadaActual(j) < cantDias(j);
  modifica j;
  asegura cantDias(j) == cantDias(pre(j));
  asegura año(j) == año(pre(j));
  asegura mismos(atletas(j), atletas(pre(j)));
  asegura (∀d ∈ [1...cantDias(pre(j))]) cronograma(pre(j), d) == cronograma(j, d);
  asegura cambiaElDia : jornadaActual(j) == jornadaActual(pre(j)) + 1;
  asegura lasPasadasFinalizaron(pre(j));
  asegura rankingSegunMasCapaces : (∀c ∈ cronograma(pre(j), jornadaActual(pre(j)))) masCapaces(c);
  asegura unControlPorCompetencia : (∀c ∈ cronograma(pre(j), jornadaActual(pre(j)))
    | lesTocaControlAntiDoping(c) == 1);
  asegura dopingPositivoMax5Porciento : (∃a ∈ atletasLesTocoAntiDoping(j, jornadaActual(pre(j))))
    0 ≤ porcentajePositivos(j) ≤ 5);
  aux porcentajePositivos (j:JJOO) : R = |atletasLesDioPositivo(j, jornadaActual(pre(j)))| * 100
    / |atletasLesTocoAntiDoping(j, jornadaActual(pre(j)))|;
  aux atletasLesTocoAntiDoping (j:JJOO,d:Z) : [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c)0 | c ∈ cronograma(j, d)];
  aux atletasLesDioPositivo (j:JJOO,d:Z) : [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c)0 | c ∈ cronograma(j, d),
    lesTocoControlAntiDoping(c)0 ∈ leDioPositivo(c)];
}

```

3. Tipos

```
tipo Deporte = String ;
tipo Pais = String ;
tipo Sexo = Femenino, Masculino ;
```

4. Atleta

```
tipo Atleta {
  observador nombre (a: Atleta) : String ;
  observador sexo (a: Atleta) : Sexo ;
  observador añoNacimiento (a: Atleta) :  $\mathbb{Z}$  ;
  observador nacionalidad (a: Atleta) : Pais ;
  observador ciaNumber (a: Atleta) :  $\mathbb{Z}$  ;
  observador deportes (a: Atleta) : [Deporte] ;
  observador capacidad (a: Atleta, d: Deporte) :  $\mathbb{Z}$  ;
    requiere  $d \in \text{deportes}(a)$  ;

  invariante  $\text{sinRepetidos}(\text{deportes}(a))$  ;
  invariante  $\text{ordenada}(\text{deportes}(a))$  ;
  invariante  $\text{capacidadEnRango} : (\forall d \leftarrow \text{deportes}(a)) 0 \leq \text{capacidad}(a, d) \leq 100$  ;
}
```

5. Competencia

```
tipo Competencia {
  observador categoria (c: Competencia) : (Deporte, Sexo) ;
  observador participantes (c: Competencia) : [Atleta] ;
  observador finalizada (c: Competencia) : Bool ;
  observador ranking (c: Competencia) : [Atleta] ;
    requiere  $\text{finalizada}(c)$  ;
  observador lesTocoControlAntiDoping (c: Competencia) : [Atleta] ;
    requiere  $\text{finalizada}(c)$  ;
  observador leDioPositivo (c: Competencia, a: Atleta) : Bool ;
    requiere  $\text{finalizada}(c) \wedge a \in \text{lesTocoControlAntiDoping}(c)$  ;

  invariante  $\text{participaUnaSolaVez} : \text{sinRepetidos}(\text{ciaNumbers}(\text{participantes}(c)))$  ;
  invariante  $\text{participantesPerteneceenACat} :$ 
     $(\forall p \leftarrow \text{participantes}(c)) \text{prm}(\text{categoria}(c)) \in \text{deportes}(p) \wedge \text{sgd}(\text{categoria}(c)) == \text{sexo}(p)$  ;
  invariante  $\text{elRankingEsDeParticipantesYNoHayRepetidos} :$ 
     $\text{finalizada}(c) \Rightarrow \text{incluida}(\text{ranking}(c), \text{participantes}(c))$  ;
  invariante  $\text{seControlanParticipantesYNoHayRepetidos} :$ 
     $\text{finalizada}(c) \Rightarrow \text{incluida}(\text{lesTocoControlAntiDoping}(c), \text{participantes}(c))$  ;
}
```

6. JJOO

```
tipo JJOO {
  observador año (j: JJOO) :  $\mathbb{Z}$  ;
  observador atletas (j: JJOO) : [Atleta] ;
  observador cantDias (j: JJOO) :  $\mathbb{Z}$  ;
  observador cronograma (j: JJOO, dia:  $\mathbb{Z}$ ) : [Competencia] ;
    requiere  $1 \leq \text{dia} \leq \text{cantDias}(j)$  ;
  observador jornadaActual (j: JJOO) :  $\mathbb{Z}$  ;

  invariante  $\text{atletasUnicos} : \text{sinRepetidos}(\text{ciaNumbers}(\text{atletas}(j)))$  ;
  invariante  $\text{unaDeCadaCategoria} : (\forall i, k \leftarrow [0..|\text{competencias}(j)|], i \neq k)$ 
     $\text{categoria}(\text{competencias}(j)_i) \neq \text{categoria}(\text{competencias}(j)_k)$  ;
  invariante  $\text{competidoresInscriptos} : (\forall c \leftarrow \text{competencias}(j)) \text{incluida}(\text{participantes}(c), \text{atletas}(j))$  ;
  invariante  $\text{jornadaValida} : 1 \leq \text{jornadaActual}(j) \leq \text{cantDias}(j)$  ;
  invariante  $\text{finalizadasSiiYaPasoElDia} : \text{lasPasadasFinalizaron}(j) \wedge \text{lasQueNoPasaronNoFinalizaron}(j)$  ;
}
```

}

7. Auxiliares

```

aux algunaCompetenciaFinalizada (j:JJO) : Bool = ( $\exists x \in competencias(j)$ )  $finalizada(x) == true \wedge |ranking(x)| > 0$ ;
aux ciaNumbers (as: [Atleta]) : [Z] = [ciaNumber(a) | a  $\leftarrow$  as];
aux competencias (j: JJO) : [Competencia] = [c | d  $\leftarrow$  [1..cantDias(j)], c  $\leftarrow$  cronograma(j, d)];
aux competenciasFinalizadas (j: JJO) : [Competencia] = [c | C  $\leftarrow$  [1..cantDias(j)], c  $\leftarrow$  cronograma(j, d), finalizada(c)];
aux incluida (l1, l2: [T]) : Bool = ( $\forall x \leftarrow l_1$ )  $cuenta(x, l_1) \leq cuenta(x, l_2)$ ;
aux lasPasadasFinalizaron (j: JJO) : Bool = ( $\forall d \leftarrow$  [1..jornadaActual(j)]) ( $\forall c \leftarrow$  cronograma(j, d))  $finalizada(c)$ ;
aux lasQueNoPasaronNoFinalizaron (j: JJO) : Bool =
  ( $\forall d \leftarrow$  (jornadaActual(j)..cantDias(j))) ( $\forall c \leftarrow$  cronograma(j, d))  $\neg finalizada(c)$ ;
aux listaPositivos (c: competencia) : [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c), lesDioPositivo(c, x) == True];
aux ordenada (l: [T]) : Bool = ( $\forall i \leftarrow$  [0..|l| - 1])  $l_i \leq l_{i+1}$ ;
aux sinRepetidos (l: [T]) : Bool = ( $\forall i, j \leftarrow$  [0..|l|],  $i \neq j$ )  $l_i \neq l_j$ ;
aux masCapaces (c: competencia) : Bool = ( $\forall x \leftarrow$  [0..|ranking(c)| - 1],  $capacidad(ranking(c)_x, d) > capacidad(ranking(c)_{x+1})$ );
aux atletasDelPais (j: JJO, p: País) : [Atleta] = [x | x  $\leftarrow$  atletas(j), nacionalidad(x) == p];
aux medallasDelPais (j: JJO, p: País, pos: Z) : Z = long([x | x  $\leftarrow$  atletasDelPais(j, p), y  $\leftarrow$  competencias(j),
  x == ranking(y)pos]);
aux todosLosPaises (j: JJO) : [País] = [nacionalidad(x) | x  $\leftarrow$  atletas(j)];
aux extraerRepetidos (ls: [T]) : [T] = [x | x  $\leftarrow$  [0..|ls|],  $\neg en(ls_x, sub(ls, 0, x))$ ];
aux obtenerMedallero (j: JJO) : [(País, [Z])] = [(x, [medallasDelPais(j, x, y)]) | x  $\leftarrow$  extraerRepetidos(todosLosPaises(j)),
  y  $\leftarrow$  [0, 1, 2]];
aux extraerSinMedallas (j: JJO) : [(País, [Z])] = [x | x  $\leftarrow$  obtenerMedallero(j), ( $\exists x \leftarrow$  sgd(x))  $x > 0$ ];
aux atletasdelpaisout (cat: (Deporte, Sexo), p: País, j: JJO) : Bool = (x  $\leftarrow$  [0..|atletas(j)| - 1],  $p(cat(atletas(j)_x)) \neq$ 
  atletas(j)x);

```