# Algoritmos y Estructura de Datos I

Primer cuatrimestre 2012

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

## TP OJOTA (Organización de Juegos Olímpicos) v<br/>1.0 $\,$

### Grupo 4

Integrante	LU	Correo electrónico
Nicolas Lasso	763/10	lasso.nico@gmail.com
Guido Tripodi	843/10	<pre>guido.tripodi@hotmail.com</pre>
Tomas Agustin Shaurli	671/10	zeratulzero@hotmail.com
Patricio Inzaghi	255/11	pinzaghi@dc.uba.ar

1. Aclaraciones

- 1. En el ejercicio 4 requerimos que el ranking sea mayor a uno ya que sino no quedaria sin efecto la funcion auxiliar ya que de esta manera no se podrian comparar los atletas porque habria uno solo.
- 2. En el ejercicio 7, en caso de empate en medallas de oro, se compara las medallas de plata, si siguen siendo las mismas, se compara las medallas de bronce. En caso de tener las 3 medallas iguales se considera mejor al primero que se comparo. Si no hay ningun pais con medallas la lista resultante sera vacia.
- 3. En el ejercicio 12, consideramos a un patron, como la secuencia de paises hasta que aparece un elemento repetido sin incluirlo. Por Ej: [ Argentina, USA, Canada, Argentina, Chile ] el patron seria [ Argentina, USA, Canada ], en cambio en [ Argentina, USA, USA, Argentina, Chile ] el patron seria [ Argentina, USA ].

#### 2. Resolucion

```
1. problema entrenarNuevoDeporte (a: Atleta, d: Deporte, c: \mathbb{Z}) {
 requiere d \notin deportes(pre(a));
 requiere 0 \le c \le 100;
 modifica a;
 asegura nombre(a) == nombre(pre(a));
 asegura sexo(a) == sexo(pre(a));
 asegura a\tilde{n}oNacimiento(a) == a\tilde{n}oNacimiento(pre(a));
 asegura naionalidad(a) == nacionalidad(pre(a));
 asegura \ ciaNumber(a) == ciaNumber(pre(a));
 asegura mismos(deportes(a), deportes(pre(a)) : d);
 asegura ordenada(deportes(a));
 asegura capacidad(a,d) == c;
   }
2. problema finalizarCompetencia (c: Competencia, posiciones: [Atleta], control: [(Atleta, Bool)]) {
 requiere |participantes(c)| > 0;
 requiere (\forall a \in control)prm(a) \in participantes(c);
 requiere (\forall a \in posiciones)a \in participantes(c);
 requiere finalizada(c) == False;
 modifica c;
 asegura \ categoria(c) == categoria(pre(c));
 asegura mismos(participantes(c), participantes(pre(c));
 asegura finalizada(c);
 asegura (\forall a \in ranking(c))a \in participantes(c);
 asegura \ ranking(c) == posiciones;
 asegura (\forall a \in control)prm(a) \in lesTocoControlAntiDoping(c);
 asegura (\forall a \in lesTocoControlAntiDoping(c))a \in participantes(c);
 asegura mismos([prm(d)|d \leftarrow control], lesTocoControlAntiDoping(c));
 asegura (\forall x \leftarrow control), lesDioPositivo(c, prm(x)) == sgd(x);
   }
3. problema linfordChristie (c: Competencia, a: Atleta) {
 requiere finalizada(c) == False;
 requiere atletaPertenezca: a \in participantes(c);
 modifica c;
 asegura \ categoria(c) == categoria(pre(c));
 asegura atletaNoPertenece: a \notin participantes(c);
 asegura long(participantes(c)) == long(participantes(pre(c)) - 1;
 asegura \ mismos(a:participantes(c),participantes(pre(c)));
```

```
4. problema gananLosMasCapaces (c: Competencia) = result : Bool {
 requiere finalizada(c) == True;
 requiere | ranking(c) | > 1;
 requiere |participantes(c)| > 1;
 asegura (\forall a \in ranking(c))a \in participantes(c);
 asegura Result == masCapaces(c);
5. problema sancionarTramposos (c: Competencia) {
 requiere finalizada(c) == true;
 modifica c;
 asegura categoria(c) == categoria(pre(c));
 asegura finalizada(c) == finalizada(pre(c);
 asegura participantes(c) == participantes(pre(c));
 asegura\ lesTocoControlAntiDoping(c) == lesTocoControlAntiDoping(pre(c));
 \texttt{asegura} \ (\forall a \in participantes(c)) leDioPositivo(c, a) == leDioPositivo(pre(c), a)) \ ;
 asegura ranking(c) == borrarPositivos(pre(c));
 aux borrarPositivos (c:competencia) : [Atleta] = [x|x \leftarrow ranking(c), (\forall y \leftarrow listaPositivos(c))y \neq x];
   }
6. problema dePaseo (j: JJOO) = result : [Atleta] {
 requiere |atletas(j)| > 0;
 asegura result == [x|y \leftarrow cantDias(j), k \leftarrow cronograma(j, y), x \leftarrow atletas(j), x \notin participantes(k)];
   }
7. problema medallero (j. JJOO) = result : [(Pais, [\mathbb{Z}])] {
 requiere |atletas(j)| > 0;
 asegura paisesConMedallas: (\forall p \leftarrow result, algunaMedalla(sgd(p)));
  asegura soloTresTiposDeMedallas: (\forall p \leftarrow result, |sgd(p)| == 3);
 asegura\ mejores Medallas Que Siguiente:
         (\forall x \leftarrow [0..|result|-1), mejoresOIgualesMedallas(sgd(result_x), sgd(result_{x+1})));
 aux mejoresOIgualesMedallas (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]): Bool = superaPorOro(m, p);
 aux superaPorOro (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]) : Bool =
         ifThenElse(m_0 > p_0, True, ifThenElse(m_0 == p_0, superaPorPlata(m, p), False));
 aux superaPorPlata (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]) : Bool =
         ifThenElse(m_1 > p_1, True, ifThenElse(m_1 == p_1, superaPorBronce(m, p), False));
 aux superaPorBronce (m: [\mathbb{Z}], p: [\mathbb{Z}]) : Bool =
         ifThenElse(m_0 > p_0, True, ifThenElse(m_0 == p_0, True, False));
 aux algunaMedalla (m: [\mathbb{Z}]): Bool = (m_0 \neq 0 \lor m_1 \neq 0 \lor m_2 \neq 0);
   }
8. problema boicotPorDisciplina (j: JJOO, cat: (Deporte, Sexo), p: País ) = result : \mathbb{Z} {
 requiere long(atletas(j)) > 0;
 requiere (\forall a \in atletasEnCategoria(j, cat, p))nacionalidad(a) == p;
 requiere (\exists c \in competencias(j))categoria(c) == cat;
 modifica j;
 asegura a\tilde{n}o(j) == a\tilde{n}o(pre(j));
 asegura cantDias(j) == cantDias(pre(j));
 asegura mismos(cronograma(j), cronograma(pre(j)));
 asegura jornadaactual(j) == jornadaactual(pre(j));
 asegura (\forall a \in atletasEnCategoria(j, cat, p))a \notin atletas(j);
 asegura result == |atletasEnCategoria(j, cat, p)|;
   }
```

```
9. problema losMasFracasados (j: JJOO, p: País ) = result : [Atleta] {
   requiere (\exists a \in atletas(j)) nacionalidad(a) == p;
  aux atletasDelPais (j:JJOO,p: País ): [Atleta] = [x|x \leftarrow atletas(j), nacionalidad(x) == p];
  aux competenciasAtleta (j:JJOO, p:Pais, a:Atleta) : [Competencia] = [x|x \leftarrow competencias(j),
          alguno(participantes(x) == a) \land en(prm(categoria(x)), deportes(a))];
  aux atletasFracasados (j:JJOO, p:Pais) : [(atleta, \mathbb{Z})] = [(y, |competenciasAtleta(j, p, y)|)]
          y \leftarrow atletasDelPais(j, p), c \leftarrow competenciasAtleta(j, y, p), en(y, sub(ranking(c), 3, |ranking(c) - 1|))];
  \texttt{aux masFracasados} \text{ (j:JJOO, p:Pais)}: [\texttt{Atleta}] = [prm(y)|y \leftarrow atletasFracasados(j,p),
          k \leftarrow atletasFracasados(j, p), sgd(y) \geq sgd(k);
  asegura result == masFracasados(j, p);
10. problema liuSong (j: JJOO, a: Atleta, p: País ) {
   requiere a \in atletas(j);
  modifica a, j;
  asegura nombre(a) == nombre(pre(a));
   asegura sexo(a) == sexo(pre(a));
  asegura a\tilde{n}oNacimiento(a) == a\tilde{n}oNacimiento(pre(a));
  asegura \ ciaNumber(a) == ciaNumber(pre(a));
  asegura mismos(deportes(a), deportes(pre(a)));
   asegura cambioNacionalidad : nacionalidad(a) == p;
  asegura a\tilde{n}o(j) == a\tilde{n}o(pre(j));
  asegura cantDias(j) == cantDias(pre(j));
  asegura mismos(cronograma(j), cronograma(pre(j)));
  asegura jornadaActual(j) == jornadaActual(pre(j));
  asegura |atletas(j)| == |atletas(pre(j))|;
  asegura mismosAtletas: (\forall x \in atletas(pre(j)))ciaNumber(x) \in ciaNumbers(j);
    }
11. problema stevenBradbury (j: JJOO) = result : Atleta {
  requiere algunaCompetenciaFinalizada(j);
   asegura esElMenosCapaz:
          (\forall a \in atletasConOro(j), a \neq result)sumaDeCapacidades(result) \leq sumaDeCapacidades(a) \textbf{;}
  aux atletasConOro (j:JJOO) : [Atleta] = [ranking(c)_0|c \in competencias(j)];
  aux sumaDeCapacidades (a:Atleta) : \mathbb{Z} = \sum [capacidad(d)|d \in deportes(a)];
12. problema uyOrdenadoAsíHayUnPatrón (j: JJOO) = result : Bool {
   asegura result == verificaPaises(j);
  aux competenciasPorDia (j:JJOO) : [(\mathbb{Z}, [Competencia])] = [(dia, c)|dia \leftarrow [1..jornadaActual(j)],
          c == mismos(cronograma(j, dia))];
  aux oroPorDia (j:JJOO) : [(\mathbb{Z}, [Atleta])] = [(dia, a)|h \leftarrow competenciasPorDia(j), dia \leftarrow prm(h), x \leftarrow sgd(h),
          i \leftarrow [0..|x|-1], a \leftarrow ranking(x_i)_0;
  aux paisesPorDia (j:JJOO) : [(\mathbb{Z},[Pais])] = [(dia,p)|x \leftarrow oroPorDia(j), dia \leftarrow prm(x), h \leftarrow sgd(x),
          i \leftarrow [0..|h|-1], p \leftarrow nacionalidad(h_i)];
  aux mejoresPaises (j:JJOO) : [(\mathbb{Z}, [Pais])] = [(dia, p)|x \leftarrow paisesPorDia(j), dia \leftarrow prm(x), p \leftarrow sgd(x),
          i \leftarrow [0..|sgd(x)| - 2], (cuenta(p, sgd(x))) \ge cuenta(sgd(x)_{i+1}, sgd(x)))];
  aux paisesMasGrosos (j:JJOO) : [Pais] = [p|x \leftarrow mejoresPaises(j), p \leftarrow sgd(x), i \leftarrow [0..|sgd(x)| - 2], p \leq sgd(x)_{i+1}];
   aux patronDePaises (j:JJOO): [Pais] = [sub(paisesMasGrosos(j), 0, i-2)|i \leftarrow [0..|paisesMasGrosos|-1],
          \neg sinRepetidos(sub(paisesMasGrosos(j), 0, i))]_0;
  aux verificaPaises (j:JJOO) : Bool = \forall i \in [0..|paisesMasGrosos(j)|-1],
          paisesMasGrosos(j)_i == paisesMasGrosos(j)_{i+|patronDePaises(j)|} \land
          ((i + |patronDePaises(j)|) \le |paisesMasGrosos(j)|);
    }
```

```
13. problema sequíaOlímpica (j. JJOO) = result : [País] {
     asegura sinRepetidos(elPeorPais(i)):
     asegura result == elPeorPais(j);
     aux atletasDelPais (j:JJOO,p: País ): [Atleta] = [x|x \leftarrow atletas(j), nacionalidad(x) == p];
     aux todosLosPaises (J:JJOO) : [(País, [Bool])] = [(nacionalidad(x), [alguno(h \leftarrow (ranking(y)[0, 1, 2])
                  k \leftarrow (atletasDelPais(j, nacionalidad(x))), k == h)])|x \leftarrow atletas(j), i \leftarrow [0..cantDias(j)], y \leftarrow cronograma(j, i)];
     aux lugaresDistintos (j:JJOO, b:[Bool]) : [\mathbb{Z}] = [x+1|x \leftarrow [0..|b|-1], b_x \neq b_{x+1}];
     \verb"aux paisesConDiasSep" (j:JJOO): [(Pais,[[Bool]])] = [(prm(x),[sub(sgd(x),cons(0,lugresDistintos(j,sgd(x)))_h,lugresDistintos(j,sgd(x)))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,lugresDistintos(j,sgd(x))_h,
                 (cons(0, lugresDistintos(j, sgd(x)))_{h+1})||x \leftarrow todosLosPaises(j),
                 h \leftarrow [0..|cons(0, lugaresDistintos(j, sgd(x)))| - 2];
     aux elijoLosFracasados (j:JJOO) : [(pais, [Bool]])] = [(prm(x), [y])]
                  |x \leftarrow paisesConDiasSep(j), (\forall h \leftarrow y \leftarrow sgd(x))(h == False))|;
     aux mayorCantidadDeDIas (j:JJOO) : [(pais, \mathbb{Z})] = [(prm(x), long(y))]
                  |x \leftarrow elijoLosFracasados(j), y \leftarrow sgd(x), h \leftarrow sgd(x), long(y) \ge long(h)];
     aux elPeorPais (j:JJOO) : [pais] = [prm(x)|x \leftarrow mayorCantidadDeDias(j),
                 y \leftarrow mayorCantidadDeDias(j), sgd(x) \geq sgd(y);
14. problema transcurrirDia (j. JJOO) {
     requiere jornadaActual(j) < cantDias(j);
     modifica j;
     asegura cantDias(j) == cantDias(pre(j));
     asegura a\tilde{n}o(j) == a\tilde{n}o(pre(j));
     asegura mismos(atletas(j), atletas(pre(j));
     asegura (\forall d \in [1...cantDias(pre(j))])cronograma(pre(j), d) == cronograma(j, d));
     asegura cambiaElDia: jornadaActual(j) == jornadaActual(pre(j)) + 1;
     asegura lasPasadasFinalizaron(pre(i));
     asegura rankingSegunMasCapaces: (\forall c \in cronograma(pre(j), jornadaActual(pre(j)))masCapaces(c);
     asegura unControlPorCompetencia: (\forall c \in cronograma(pre(j), jornadaActual(pre(j))))
                 |lesTocaControlAntiDoping(c)| == 1;
     asegura dopingPositivoMax5Porciento: (\exists a \in atletasLesTocoAntiDoping(j, jornadaActual(pre(j))))
                 0 \leq porcentajePositivos(j) \leq 5;
     aux porcentajePositivos (j:JJOO) : \mathbb{R} = |atletasLesDioPositivo(j, jornadaActual(pre(j)))| * 100
                  /|atletasLesTocoAntiDoping(j, jornadaActual(pre(j)))|;
     aux atletasLesTocoAntiDoping (j:JJOO,d:\mathbb{Z}): [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c)_0 | c \in cronograma(j,d)];
     aux atletasLesDioPositivo (j:JJOO,d:\mathbb{Z}): [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c)<sub>0</sub>|c \in cronograma(j,d),
                 lesTocoControlAntiDoping(c)_0 \in leDioPositivo(c);
       }
```

3. Tipos

```
tipo Deporte = String;
tipo Pais = String;
tipo Sexo = Femenino, Masculino;
4.
      \mathbf{Atleta}
tipo Atleta {
  observador nombre (a: Atleta) : String;
  observador sexo (a: Atleta) : Sexo;
  observador añoNacimiento (a: Atleta) : \mathbb{Z};
  observador nacionalidad (a: Atleta) : Pais;
  observador ciaNumber (a: Atleta) : \mathbb{Z};
  observador deportes (a: Atleta) : [Deporte];
  observador capacidad (a: Atleta, d: Deporte) : Z;
       requiere d \in deportes(a);
  invariante sinRepetidos(deportes(a));
  invariante ordenada(deportes(a));
  invariante capacidadEnRango : (\forall d \leftarrow deportes(a))0 \leq capacidad(a,d) \leq 100;
}
5.
      Competencia
tipo Competencia {
  observador categoria (c: Competencia) : (Deporte, Sexo);
  observador participantes (c: Competencia) : [Atleta];
  observador finalizada (c: Competencia) : Bool;
  observador ranking (c: Competencia) : [Atleta];
       requiere finalizada(c);
  observador lesTocoControlAntiDoping (c: Competencia): [Atleta];
       requiere finalizada(c);
  observador leDioPositivo (c: Competencia, a: Atleta) : Bool;
       requiere finalizada(c) \land a \in lesTocoControlAntiDoping(c);
  invariante participaUnaSolaVez : sinRepetidos(ciaNumbers(participantes(c)));
  {\tt invariante\ participantesPertenecenACat:}
     (\forall p \leftarrow participantes(c))prm(categoria(c)) \in deportes(p) \land sgd(categoria(c)) == sexo(p);
  invariante elRankingEsDeParticipantesYNoHayRepetidos :
     finalizada(c) \Rightarrow incluida(ranking(c), participantes(c));
  invariante seControlanParticipantesYNoHayRepetidos:
     finalizada(c) \Rightarrow incluida(lesTocoControlAntiDoping(c), participantes(c));
}
      JJOO
6.
tipo JJ00 {
  observador año (j. JJOO) : \mathbb{Z};
  observador atletas (j: JJOO) : [Atleta];
  observador cantDias (j. JJOO) : \mathbb{Z};
  observador cronograma (j. JJOO, dia: Z) : [Competencia];
       requiere 1 \le dia \le cantDias(j);
  observador jornadaActual (j. JJOO) : Z;
  invariante atletasUnicos : sinRepetidos(ciaNumbers(atletas(j)));
  invariante una DeCada Categoria : (\forall i, k \leftarrow [0.. | competencias(j)|), i \neq k)
     categoria(competencias(j)_i) \neq categoria(competencias(j)_k);
  \texttt{invariante competitioresInscriptos}: (\forall c \leftarrow competencias(j)) incluida(participantes(c), at letas(j)) \ ;
```

invariante finalizadasSiiYaPasoElDia :  $lasPasadasFinalizaron(j) \land lasQueNoPasaronNoFinalizaron(j)$ ;

invariante jornadaValida:  $1 \leq jornadaActual(j) \leq cantDias(j)$ ;

}

### 7. Auxiliares

```
aux atletasEnCategoria (j:JJOO, cat: Categoria, p: País ) : [Atleta] = [a|a \in atletas(j), nacionalidad(a) == p \land
  sexo(a) == sqd(cat) \land prm(cat) \in deportes(a)];
aux algunaCompetenciaFinalizada (j:JJOO) : Bool = (\exists dia \in [1...cantDias(j)], cron \in cronograma(j, dia), comp \in
  cron) finalizada (comp);
aux ciaNumbers (as: [Atleta]) : [\mathbb{Z}] = [ciaNumber(a) | a \leftarrow as];
aux competencias (j: JJOO) : [Competencia] = [c \mid d \leftarrow [1..cantDias(j)], c \leftarrow cronograma(j,d)];
aux competencias Finalizadas (j: JJOO): [Competencia] = [c \mid C \leftarrow [1..cantDias(j)], c \leftarrow cronograma(j, d), finalizada(c)];
aux incluida (l_1, l_2:[T]): Bool = (\forall x \leftarrow l_1) cuenta(x, l_1) \leq cuenta(x, l_2);
aux lasPasadasFinalizaron (j. JJOO) : Bool = (\forall d \leftarrow [1..jornadaActual(j)))(\forall c \leftarrow cronograma(j,d))finalizada(c);
aux lasQueNoPasaronNoFinalizaron (j: JJOO) : Bool =
  (\forall d \leftarrow (jornadaActual(j)..cantDias(j)])(\forall c \leftarrow cronograma(j,d)) \neg finalizada(c);
aux listaPositivos (c:competencia) : [Atleta] = [lesTocoControlAntiDoping(c), lesDioPositivo(c, x) == True];
aux ordenada (l:[T]) : Bool = (\forall i \leftarrow [0..|l|-1))l_i \leq l_{i+1};
aux sinRepetidos (l: [T]) : Bool = (\forall i, j \leftarrow [0..|l|), i \neq j)l_i \neq l_j;
aux masCapaces (c:competencia): Bool = (\forall x \leftarrow [0..|ranking(c)|-1), capacidad(ranking(c)_x) > capacidad(ranking(c)_{x+1}));
aux atletasdelpaisout (cat: (Deporte, Sexo), p: Pais, j: JJOO) : Bool = (x \leftarrow [0..|atletas(j)|-1], p(cat(atletas(j)_x)) \neq
  atletas(j)_x);
```