TEA-010 Matemática Aplicada I

Prof. Nelson Luís Dias (Centro Politécnico, DEA: 3361-3012) nldias@ufpr.br

Ensalamento e Horário 2as 4as 6as sala PM-02 07:30--09:10

Objetivos Didáticos

A Disciplina TEA010 tem por objetivo aprofundar o domínio pelo aluno de modelos matemáticos analíticos e numéricos aplicáveis à Engenharia Ambiental. A disciplina incluirá aplicações de: álgebra linear, equações diferenciais ordinárias, técnicas de transformadas, campos escalares e vetoriais, teoremas vetoriais, a problemas de Mecânica dos Fluidos, Hidrologia, Meteorologia, Química Ambiental e Ecologia, devendo enfatizar a capacidade de formular e de resolver alguns problemas típicos (dispersão,reações químicas, dinâmica de populações, etc.) de importância em Engenharia Ambiental.

Unidades Didáticas

1	Análise Dimensional e Ferramentas Computacionais
2	Solução numérica de Polinômios, Integrais, Séries e EDO's
3	Geometria & Álgebra
4	Solução de Sistemas de Equações Lineares
5	Funções no R ⁿ
6	Equações Diferenciais Ordinárias
7	Variáveis Complexas
8	Soluções de EDO's em Séries de Potências
9	Transformada de Laplace

Programa

Aula	Data	Conteúdo Previsto	Conteúdo Realizado
1	02/03/20	Apresentação do Curso. Análise dimensional.	☐ Ferramentas computacionais
2	04/03/20	☐ Instalação de editor de texto (Notepad++) e Python (Miniconda): traga seu computador! Análise dimensional.	☐ Instalação de editor de texto (Notepad++) e Python (Miniconda): traga seu computador!
3	06/03/20	☐ Ferramentas computacionais	☐ Ferramentas computacionais. Polinômios.
4	09/03/20	Ferramentas computacionais. Polinômios. Integrais: regra do trapézio simples.	
5	11/03/20	Polinômios e integrais.	
6	13/03/20	Solução numérica de eq dif Euler. Solução numérica de eq dif Runge-Kutta unidimensional	
7	16/03/20	Solução numérica de eq dif Aplicações.	
8	18/03/20	Solução numérica de eq dif Aplicações.	
9	20/03/20	P1	
10	23/03/20	Vetores e Álgebra Linear. Reunião sobre o estado de desenvolvimento do TC	
11	25/03/20	Vetores e Álgebra Linear.	
12	27/03/20	Aplicações Geométricas.	
13	30/03/20	Determinantes e hipervolumes.	
14	01/04/20	O Teorema da Representação.	
15	03/04/20	Rotações	
16	06/04/20	Rotações	
17	08/04/20	Sistemas de Equações Lineares	
	10/04/20	Feriado: 6a Feira Santa	
18	13/04/20	Teorema dos Pi's.	
19	15/04/20	Autovalores e autovetores.	
20	17/04/20	Funções no \mathbb{R}^n . Teorema da função implícita.	
21	20/04/20	Livre	
22	22/04/20	Teorema da função implícita.	
23	24/04/20	P2. Data limite para a entrega do TC por email.	
24	27/04/20	Integrais de linha e de superfície. Agendamento das defesas do T C	
25	29/04/20	Integral de superfície. Agendamento das defesas do TC	
	01/05/20	Feriado: Dia do Trabalho	
26	04/05/20	Integral de volume.	
27	06/05/20	Integral de volume.	
28	08/05/20	Operadores diferenciais: divergente, gradiente, rotacional.	
29	11/05/20	Teoremas integrais e aplicações.	
30	13/05/20	Teoremas integrais e aplicações.	
31	15/05/20	EDO's: classificação, ordem 1.	
32	18/05/20	EDO's de ordem 1. EDO's ordem 2.	
33	20/05/20	EDO's de ordem 2: + exemplos	
34	22/05/20	Equação de Euler. Números complexos.	
35	25/05/20	Raízes da equação $z=a^{1/n}$, fórmula de Euler.	
36	27/05/20	Funções plurívocas.	
37	29/05/20	P3	
38	01/06/20	Cauchy-Riemman, Teorema de Cauchy, Fórmula Integral de Cauchy.	
39	03/06/20	Fórmula Integral de Cauchy. Séries de Taylor e de Laurent.	

40	05/06/20	Teorema dos resíduos
41	08/06/20	Teorema dos resíduos, Introdução a Frobenius
42	10/06/20	Método de Frobenius, i, ii
	12/06/20	Livre
43	15/06/20	Método de Frobenius, iii-a
44	17/06/20	Método de Frobenius, iii-b. Transformada de Laplace: definição e existência.
45	19/06/20	Cálculo de algumas transformadas.Transformadas de Laplace: propriedades, convolução, mudança de origem.
47	22/06/20	Transformadas de Laplace: truques, inversão.
	24/06/20	Transformadas de Laplace: solução de EDOs.
47	26/06/20	P4
48	06/07/20	F

Avaliação

A disciplina é semestral. A avaliação da disciplina é contínua: haverá 4 exames parciais (P1, P2, P3, P4) aproximadamente mensais, e 1 trabalho computacional (TC), seguidos de um exame final F. O conteúdo de todos os exames é cumulativo. Os alunos poderão solicitar revisão de prova durante o período até a promulgação da nota do exame posterior. Após esse prazo, não será concedida nenhuma revisão. Os alunos que fizerem a revisão de prova devem comparecer à sala do professor com uma cópia impressa da solução da prova, devidamente estudada. As soluções são disponibilizadas eletronicamente em https://www.nldias.github.io, juntamente com as notas.

A média parcial, P, será a média de:

- P4 (obrigatoriamente): peso 1.
- As duas maiores notas entre P1, P2 e P3: peso 1 para cada uma das duas.
- TC: peso 1.

A ausência na P4 obriga o aluno a fazer a F, que contará como substituta da P4 e, eventualmente, como a própria F. O resultado parcial é: Alunos com P < 40 estão reprovados. Alunos com P \geq 70 estão aprovados. Para os alunos aprovados nesta fase, a sua média final é M = P. Alunos com $40 \leq P < 70$ farão o exame final F . Calcula-se a média final M = (P + F)/2. Alunos que obtiverem M \geq 50 estão aprovados. Alunos com M < 50 estão reprovados. Todas as contas são feitas com 2 algarismos significativos com arredondamento para cima.

A sistemática dos exames é a seguinte: para cada prova, eu gero um mapa de prova aleatoriamente, com o nome e a posição dos alunos. Ao chegar à porta da sala de aula, verifique no mapa a sua posição durante a prova. O caderno de prova já estará distribuído, com seu número bem visível. Deixe todo o seu material junto ao quadro negro, e sente-se: tenha com você apenas um estojo contendo: caneta azul, lápis ou lapiseira, apontador, e borracha. Neste curso, não será permitido o uso de calculadoras, exceto quando explicitamente indicado antes de alguma prova. O mapa de prova torna o seu início muito rápido e confortável para você.

É proibido usar telefones celulares durante a prova. É proibido usar bonés, turbantes, etc., durante a prova, exceto por motivos religiosos, e nesse caso o aluno/aluna fica proibido de retirar a cobertura durante a prova. É proibido deixar a sala após o início da prova. Portanto, vá ao banheiro antes, desligue o seu celular e deixe-o junto com o resto do material dentro de sua pasta ou mochila, verifique suas lentes de contato, óculos, etc.. Após o início da prova, você só se retirará após entregar a prova.

Textos para estudo

O texto adotado para este curso é a versão mais recente de Dias [2017,2018]. Um bom material adicional para a UD 1 é Versteeg e Malalasekera [2007]. O livro de Michael Greenberg [Greenberg, 1998] permanece sendo, provavelmente, um dos melhores textos de matemática aplicada existentes, e é recomendado como material adicional. Além disso, nele você encontrará uma grande quantidade de exercícios adicionais que complementam os exercícios resolvidos e propostos no livro texto. O livro de Dias [2014] contém bastante informação sobre a Matemática de ensino fundamental e médio, e pode ajudar a rever conceitos algébricos.

Estudo individual

Reserve pelo menos 6 horas semanais para o estudo em casa desta disciplina. Leia a teoria no livro, evitando pular direto para exemplos e exercícios. Digite e rode os exemplos computacionais; faça os trabalhos computacionais individualmente, e não deixe para a última hora. Entenda a teoria, principalmente as deduções. Essa é a única maneira de estudar e entender matemática. Evite estudar apenas pelo caderno. Procure depois fazer o maior número possível de problemas, mas cuidado: evite fazer problemas apenas sobre uma parte da matéria. Planeje cuidadosamente seu tempo de estudo para que você consiga fazer exercícios sobre toda a matéria.

Referências

Butkov, E. (1988). Física matemática. Guanabara Koogan, Rio de Janeiro.

Dias, N. L. (2014). Pequena Introdução aos Números. Editora Intersaberes, Curitiba.

Dias, N. L. (2017, 2018). Uma Introdução aos Métodos Matemáticos para Engenharia. Disponível em https://nldias.github.io

Greenberg, M. D. (1998). Advanced engineering mathematics. Prentice Hall, Upper Saddle River, New Jersey 07458, 2a edição.

Versteeg, H. K. e Malalasekera, W. (2007). An Introduction to Computational Fluid Dynamics. Pearson Prentice-Hall.