

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Aluno(a) Genérico(a)

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Aluno(a) Genérico(a)

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$



Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**4** [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Aluno(a) Genérico(a)

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**4** [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Andressa Guadagnin

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Angelo Breda

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Augusto de Almeida Scheleder

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Carolina de Paula Furlan

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$



**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Davi Silva Porto

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**4** [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Dayanne Fraiz

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Elaine Cristhina Castelo Oyamada

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Fernanda Muzzolon Padilha

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:



**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Francisco Dias Netto

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Giane Rodrigues Gmach

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**4** [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Guadalupe Eugenia Garcia

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$



**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Guilherme Luís Dalledonne

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Leidiane Mariani

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Marcia Terezinha Zilli

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$



Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Mônica Pandorf

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Nilo Augusto Santos

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Rafael Geha Serta

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Tomas Baptista

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Violeta Fujiwara

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:



**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Vanice Nakano

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$



TT009 Matemática Aplicada I  
F, 16 Jul 2004  
Prof. Nelson Luís Dias  
NOME: Wagner Akihito Higashiyama

Assinatura: \_\_\_\_\_

---

**ATENÇÃO:** Leia atentamente *todas* as questões, e comece pelas mais fáceis para você. Resolva as questões de forma *limpa e organizada, nos espaços designados*: o texto fora destes espaços não será considerado na correção. Boa prova.

---

**1** [2,0] A série de Laurent de

$$f(z) = \frac{1}{1+z^2}$$

em torno do pólo de ordem 1  $z_1 = i$  é

$$f(z) = -\frac{i}{2}(z-i)^{-1} + \frac{1}{4} + \frac{i}{8}(z-i) - \frac{1}{16}(z-i)^2 - \frac{i}{32}(z-i)^3 + \frac{1}{64}(z-i)^4 + \dots$$

Utilizando estes primeiros termos como exemplo, encontre o termo geral  $c_n$  da série:

$$f(z) = \sum_{n=-1}^{\infty} c_n (z-i)^n.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

**2** [3,0] Utilizando um semi-círculo com o diâmetro da base sobre o eixo dos  $x$  e envolvendo o pólo  $z_1$  da função  $f(z)$  dada na questão **1**, mostre, *utilizando necessariamente uma integral de contorno no semi-círculo e o teorema dos resíduos*, que

$$\int_0^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx = \frac{\pi}{2}.$$

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

**3** [3,0] Encontre a solução geral de

$$(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2 \times 1 \times y = 0$$

pelo método de Frobenius.

---

SOLUÇÃO DA QUESTÃO:

Continue a solução no verso  $\implies$

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$

4 [2,0] Utilizando (sem necessidade de prová-la) a propriedade:

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} f(0)\delta(t), & f(0) \neq 0, \\ 0, & f(0) = 0, \end{cases}$$

mostre que  $x(t) = H(t-1)\sin(t-1)$  é uma solução de

$$x'' + x = \delta(t-1).$$

Sugestão:  $x'(t) = H'(t-1)\sin(t-1) + H(t-1)\cos(t-1)$ ; quanto vale  $H'(t-1)$ ? Quanto vale (usando a propriedade acima)  $H'(t-1)\sin(t-1)$ ? Derive novamente e encontre o resultado pedido.

Continue a solução no verso  $\Rightarrow$