

O sistema de EDOs de Streeter-Phelps é

$$\begin{aligned}U \frac{dL}{dx} &= -k_d L, \\U \frac{dD}{dx} &= k_d L - k_a D\end{aligned}$$

É normal os livros de álgebra linear utilizarem a notação de conjuntos para bases de espaços vetoriais:

$$E = \{\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \dots, \mathbf{e}_n\}$$

No  $\mathbb{R}^2$ , escolha a base  $E$ :  $\mathbf{e}_1 = (1, 1)$ ,  $\mathbf{e}_2 = (1, -1)$ . Quais são as coordenadas de  $\mathbf{v} = (3, 4)$  nessa base?

Desejo obter números  $x$  e  $y$  tais que

$$[\mathbf{v}]_E = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

Para obter  $x$  e  $y$ , devemos ter:

$$\begin{aligned}\mathbf{v} &= x\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 \\(3, 4) &= x(1, 1) + y(1, -1) \\(3, 4) &= (x, x) + (y, -y) \\&= (x + y, x - y).\end{aligned}$$

Tenho portanto um sistema linear de 2 equações em duas incógnitas

$$\begin{aligned}x + y &= 3, \\x - y &= 4.\end{aligned}$$