$$[q_w, \mathcal{B}_w + [x]]$$