

**Praca inżynierska**

**Natalia Milaniak**

kierunek studiów: **fizyka medyczna**

**Wyznaczanie stałych elastycznych kości gąbczastej na podstawie pomiarów tomograficznych**

Opiekun: **dr inż. Sebastian Wroński**

**Kraków, styczeń 2015**

Oświadczam, świadomy(-a) odpowiedzialności karnej za poświadczenie nieprawdy, że niniejszą pracę dyplomową wykonałem(-am) osobiście i samodzielnie i nie korzystałem(-am) ze źródeł innych niż wymienione w pracy.

.................................................................

(czytelny podpis)

**Recenzja Opiekuna**

**Recenzja Recenzenta**

# Wstęp

W świecie szybko rozwijającej się technologii, ciągłego podążania za innowacjami i ułatwieniami dla ludzi, często zapomina się o najważniejszej składowej ludzkiego życia: zdrowiu. To właśnie dzięki niemu można pracować, podróżować, czy tez po prostu normalnie funkcjonować. Bez niego wszystko to byłoby nie możliwe, co więcej nawet codzienne czynności, które do tej pory nie sprawiały żadnej trudności z biegiem czasu, bądź w wyniku wypadku mogą być uciążliwe lub nawet prawie niemożliwe do wykonania. Wtedy to właśnie powinna wkroczyć nauka, zmysł inżynierski i znajomość ludzkiej anatomii – by pomóc w tych jakże fundamentalnych potrzebach – codziennym funkcjonowaniu. By jednak zabrać się za tworzenie bionicznych części ciała do zastąpienia tych niesprawnych, bądź brakujących, niezbędne jest zrozumienie jak działa ludzki organizm jako całość, a także każda jego cześć z osobna.

Celem niniejszej pracy inżynierskiej jest wyznaczanie stałych elastycznych kości gąbczastej na podstawie pomiarów tomograficznych. Temat wyznaczenia stałych elastycznych dla kości nie jest tematem nowym, natomiast sposób ich wyznaczenia jest innowacyjny. Do tej pory stosowano metody ultrasonograficzne. Dzięki wykorzystaniu urządzenia do pomiarów tomograficznych Nanotomografu –GE Nanotom S otwierają się nowe możliwości na analizę całej struktury kości, w coraz to mniejszej skali, a co za tym idzie z coraz większa dokładnością. Wyznaczanie stałych elastycznych wydaje się być sprawa trywialna w przypadku metali, natomiast jeśli praca obejmuje analizę kości, okazuje się, ze jest ona już bardziej złożona.

W celu wyznaczenia stałych elastycznych kości wykonane zostaną testy wytrzymałościowe wyciętych fragmentów kości zwierzęcych. Badana kość zostanie poddana pomiarom tomograficznym mającym na celu określenie jej struktury wewnętrznej. Dane tomograficzne posłużą do wyznaczenie porowatości, oraz innych parametrów strukturalnych takich jak połączeniowość, współczynniki anizotropii. Kość będzie ściskana w 3 prostopadłych kierunkach przy pomocy miniaturowej maszyny wytrzymałościowej podczas pomiaru tomograficznego. Otrzymane anizotropowe moduły Younga zostaną skorelowane z parametrami strukturalnymi oraz porównane z danymi literaturowymi.



# Budowa i funkcje kości

Cecha wyróżniająca tkankę kostna od innych odmian tkanki łącznej jest występowanie w istocie międzykomórkowej składników nieorganicznych w formie kryształów. Dlatego zaliczamy ja do tkanek zmineralizowanych, zwanych tez twardymi. Mimo dominacji istoty międzykomórkowej, tkanka kostna, w przeciwieństwie do chrząstki wykazuje żywy metabolizm. Stanowi ona zasadniczy budulec kości (w rozumieniu anatomicznym).

***Istota międzykomórkowa tkanki kostnej***

Zbudowana jest ze składników organicznych (30-35% masy, objętościowo znacznie więcej) i fazy nieorganicznej (65-70% masy). Cześć organiczna tworzą włókna kolagenowe (90% składu, kolagen[[1]](#footnote-1) typu I) i macierz złożona z proteoglikanow[[2]](#footnote-2) (głownie dekoryn[[3]](#footnote-3) i biglikanow), białek niekolagenowych, m.in. osteonektyny[[4]](#footnote-4) i osteokalcyny[[5]](#footnote-5), fosfoprotein (osteopontyna[[6]](#footnote-6)), sialoprotein[[7]](#footnote-7), niektórych lipidów i białek, których uwolnienie w czasie lizy kości prowadzi do rekrutacji osteoblastów i nasilenia osteogenezy (białka morfogenetyczne kości).

Faza nieorganiczna zbudowana jest głownie z fosforanów wapnia tworzących kryształy izomorficzne z dwuhydroksyapatytami[[8]](#footnote-8). Ponieważ jony wapniowe, reszty fosforanowe i grupy hydroksylowe mogą być podstawione przez inne jony lub reszty o podobnych cechach fizykochemicznych, tkanka kostna może gromadzić wiele różnych pierwiastków. Kryształy tkanki kostnej są bardziej drobne (40x20x10nm), ich rozmiary leżą w przedziale wielkości cząsteczek białkowych.

Istota międzykomórkowa grupuje się w blaszki – podstawowe jednostki strukturalne tkanki kostnej. Blaszka kostna zbudowana jest z cienkich włókien kolagenowych, wzajemnie przeplatających się, ale nietworzących pęczków i spojonych istota podstawowa. Są one ułożone w sposób przestrzennie zorientowany (osia długa wzdłuż włókien kolagenowych), a z kolagenem wiąże je osteonektyna. Występują dwa rodzaje blaszek ułożonych zazwyczaj naprzemiennie: blaszki o gęstym układzie włókien oraz blaszki o luźnym układzie włókien. Pierwsze są cieńsze, ich grubość wynosi ok. 2um i w świetle spolaryzowanym[[9]](#footnote-9) wykazują dwójłomność[[10]](#footnote-10) (klasycznie opisywane jako blaszki o okrężnym przebiegu włókien). Zróżnicowanie blaszek wynika z fazowego tworzenia istoty międzykomórkowej przez komórki krwiotwórcze.

* 1. Komórki tkanki kostnej

***Komórki prekursorowe (osteogenne) –*** w okresie rozwoju szkieletu przypominają wyglądem komórki mezenchymalne[[11]](#footnote-11), w dojrzalej kości występują w okostnej, śródkostnej, wyścielają kanały Haversa[[12]](#footnote-12) i pokrywają beleczki kostne w postaci jednej warstwy spłaszczonych komórek (komórki wyścielające); dodatkowym źródłem komórek osteogennych jest szpik kostny. Pod wpływem bodzcow indukujących tworzenie tkanki kostnej dzielą się i różnicują w osteoblasty (w przypadku niskiego ciśnienia parcjalnego tlenu mogą różnicować się w chondroblasty).

***Osteoblasty*** – są komórkami produkującymi składniki organiczne blaszek kostnych i uczestniczą w procesie ich mineralizacji. Jadro osteoblastów zawiera wyraźne jąderko, a w zasadochłonnej cytoplazmie występuje silnie rozwinięta siateczka szorstka i aparat Golgiego. Osteoblasty leżą na powierzchni zewnętrznej tworzących się blaszek kostnych i kontaktują się z wypustkami osteocytów obecnych w najbliżej położonych jamkach. Po wytworzeniu włókien i macierzy, którymi się obmurowują, przechodzą w osteocyty, których organelle ulegają stopniowej redukcji.

Czynność osteoblastów (ich rekrutacje i aktywność wydzielnicza) stymulują hormony: parathormon[[13]](#footnote-13), hormon wzrostowy, hormon tarczycy, a także metabolity witaminy D, liczne cytokiny, w tym czynniki wzrostu i różnicowania produkwane przez komórki tkanki szpikowej oraz niektóre prostaglandyny, natomiast hamuja kortykosterydy[[14]](#footnote-14). Osteoblasty wspomagają również resorpcje kosci poprzez wydzielanie kolagenazy i stymulacje tworzenia osteoklastów.

***Osteocyty*** – stanowią podstawowy typ komorek występujących w dojrzalej tkance kostnej (ok. 2-3 x 104/mm3 tkanki). Zlokalizowane sa w jamkach lezacych w obrebie blaszek o luźnym utkaniu wlokien, sa spłaszczone i kształtem przypominają pestke sliwki. Posiadaja liczne wypustki, którymi kontaktują się z wypustkami komorek sąsiednich za pośrednictwem polaczen typu neksus[[15]](#footnote-15). Wypustki osteocytów leza w kanalikach kostnych przebijających blaszki i sa otoczone cienkim mankietem niezmineralizowanej istoty miedzykomorkowej.

Ogolna powierzchnia jamek i kanalikow przekracza 5000m2 i jest miejscem intensywnej wymiany jonow wapniowych miedz tkanka kostna a warstewka uwodnionej istoty podstawowej, otaczajacej komórki i ich wypustki; pozwala to na efektywne utrzymywanie homeostazy wapniowej. Sily mechaniczne dzialajace na kosc sciskaja krysztaly hudroksyapatytowe, co prowadzi do generowania słabego pradu elektrycznego. Otwiera on zależne od potencjalu kanaly Ca2+ w blonie osteocytów, a fala pobudzenia przenosi się na inne osetocyty i osteoblasty poprzez liczne polaczenia typu neksus. Towarzyszy temu wydzielanie przez osteocyty czynnikow regulujących czynność osteoklastów. Mechanizm ten indukuje przebudowę kosci i sprawia, ze układ jej struktur jest zgodny z kierunkiem działania obciazen mechanicznych.



Rysunek 1. Komorki tkanki kostnej . A. Osteocyt w jamce kostnej; s-siateczka szorstka ; g-aparat Golgiego; nz-niezmineralizowana macierz; obszar czarny (z)-zmineralizowana substancja miedzykomorkowa. B. Osteoblast; rabek koronkowy; sg-strefa gladka; sz-strefa bogata w ziarnistości i wakuole; j-jadra komórkowe; ms-region bogaty w siateczke i mitochondria; bk-beleczka kostna; ko-czesciowo odwapniona i nadtrawiona kosc

***Osteoklasty*** – sa dużymi komorkami, wielkości do 100um, zawierającymi kilka, a nawet kilkadziesiąt jader. Ich wyposazenie cytoplazmatyczne przypomina aktywna forme makrofaga, szczególnie liczne sa pęcherzyki hydrolazowe i lizosomy. Osteoklast jest komorka spolaryzowana, w jego części zwróconej do kosci można wyroznic 3 obszary:

1) powierzchniowy, wykazujący liczne, gesto ulozone pofałdowania blony komórkowej, tworzące tzw. Brzezek koronkowy, który wybitnie zwieksza powierzchnie aktywnego osteolitycznie obszaru komórki i zawiera anhydraze weglanowa[[16]](#footnote-16);

2) również powierzchniowa strefe gladka pozbawiona pofaldowan, która jest bogata w integryny[[17]](#footnote-17), zapewniające scisle polaczenie komórki z istota miedzykomorkowa. Otacza ona i uszczelnia rejon z brzeżkiem koronkowym, zapewniając w ten sposób utrzymanie odpowiedniego mikrośrodowiska dla osteolizy; w strefie tej brak jest organelli, natomiast wystepuja liczne filamenty aktynowe;

3) lezacy pomiędzy brzeżkiem koronkowym a jadrami obszar cytoplazmy bogatej w ziarnistości i wakuole. Cytoplazma po przeciwnej stronie jader zawiera większość siateczki srodplazmatycznej oraz mitochondria.

Aktywne osteoklasty leza w zagłębieniach kosci zwanych zatokami erozyjnymi. Aktywacja komórki przejawia się jej przylgnieciem do tkanki kostnej oraz zwiększeniem przemian tlenowych i beztlenowych, które prowadza do powstają pośrednich metabolitów stanowiących zrodlo protonow. Glownym zadaniem osteoklastów jest resorpcja kosci. Proces ten można umownie podzielić na kilka etapow. W pierwszym osteoklast przylega do kosci i poprzez wydzielanie protonow wywoluje lokalne zakwaszenie co prowadzi do rozpuszczenia skladnikow nieorganicznych. Odsloniete w ten sposób składowe organiczne sa w drugim etapie częściowo trawione przez wydzielone na zewnątrz enzymy lizosomowe. W trzecim etapie dochodzi do fagocytozy pofragmentowanych struktur organicznych i ich ostatecznej wewnątrzkomórkowej degradacji.

Osteoklasty powstają przez fuzje wspólnych z monocytami komorek prekursorowych szpiku (CFU-GM), nie zawierają jednak typowych dla makrofagów receptorow powierzchniowych związanych z funkcjami immunologicznymi. Aktywność osteoklastów jest regulowana działaniem hormonow i czynnikow produkowanych lokalnie. Bezpośrednie działanie hamujące maja kalcytonina i estrogeny (osteoklasty posiadaja dla nich receptory), pośrednie – produkowana przez osteoblasty osteoprotegryna[[18]](#footnote-18). Parathormon i metabolity witaminy D3 dzialaja stymulująco również za pośrednictwem osteoblastów, syntezujących pod ich wpływem czynniki powodujące powstanie osteoklastów z prekursorów lub pobudzające ich aktywność. Na czynność osteoklastów wplywaja także komórki otoczenia (szpiku) produkujące zarówno stymulatory, jak i czynniki hamujące.

# Istota zbita

Tworzy trzony kosci długich i stanowi zewnetrzna warstwę nasad oraz wszystkich kosci płaskich. Większość blaszek kosci zbitej układa się koncentrycznie wokół kanalow naczyniowych, tworząc osteony (systemy Haversa). Osteony ulozone sa swa osia dluga zgodnie z osia dluga kosci i maja postac walcow o dlugosci od kilku mm do 2-3cm (zaleznie od dlugosci naczynia biegnącego w kanale). Srednica osteonu wynosi 100-300um i zależy od średnicy kanalu (20-100um) oraz ilości otaczających go blaszek (zazwyczaj 6-15). Kolejne blaszki sa typu gęstego i luźnego; w tych ostatnich znajduja się jamki, natomiast przez blaszki geste przechodzą laczace je kanaliki. Powstaje w ten sposób system komunikacyjny umozliwiajacy przepkyw metabolitów od kanalow Haversa, a scislej od przebiegającego w nim naczynia, od obwodowych części osteonu. W jamkach zlokalizowane sa osteocyty, a w kanalikach laczace je wypustki.

Oprocz blaszek systemowych tworzących osteony w kosci zbitej wystepuja:

* blaszki międzysystemowe, które wypelniaja przestrzenie miedzy osteonami i powstają w wyniku stale zachodzącej przebudowy kosci; proces ten polega na niszczeniu jednych struktur (np. Osteonow) i tworzeniu w ich miejsce nowych. Zapewnia to pule latwo dostępnych jonow wapniowych, które sa mobilizowane przez osteocyty, ze slabo zmineralizowanej, nowo utworzonej istoty miedzykomorkowej;
* blaszki podstawowe zewnętrzne, lezace w kilku podkładach pod okostna;
* blaszki podstawowe wewnętrze, otaczajace kosc od strony jamy szpikowej. Kosc zbita pokryta jest okostna. Stanowi ona ciagla blone, nie wystepuje jedynie w obrebie stawow. Okostna zbudowana jest z dwóch warstw: warstwę zewnetrzna tworzy zbita tkanka laczna, od której odchodzą wlokna zakotwiczone okostna do kosci (wlokna Sharpeya), natomiast warstwa wewnetrzna jest luzniejsza, zawiera liczne naczynia i komórki macierzyste (osteogenne), które mogą się roznicowac w osteoblasty.



Rysunek 2. Budowa kosci zbitej. A. Fragment trzonu kosci długiej: os-blaszki systemowe tworzące osteon; bm-blaszki międzysystemowe; bz/bw – blaszki podstawowe wewnętrzne i zewnętrzne; k-kanal Haversa; ko-kanal odżywczy; o-okostna. B. Wycinek osteonu: k-kanal Haversa; b-blaszki kostne;j-jamka kostna z odchodzącymi od niej kanalikami kostnymi. C. Osteocyty i laczace je wypustki (w)

# Istota gąbczasta

Wystepuje w nasadach kosci długich oraz tworzy srodkoscie w kościach płaskich. Zbudowana jest z beleczek kosntych utworzonych przez rownolegle ulozone blaszki kostne, wraz z osteocytami. Grubość beleczek jest niewielka, stad osteocyty sa odżywiane poprzez kanaliki bezpośrednio od naczyń szpiku, który wypelnia przestrzenie pomiędzy beleczkami. Beleczki sa pokryte komorkami osteogennymi alo osteoblastami tworzącymi ciagla warstwę. W miejscu jej przerwania dochodzi do natychmiastowej resorpcji kosci.

* 1. **Tworzenie tkanki kostnej (kostnienie)**

Wyrozniamy dwa rodzaje kostnienia: kostnienie na podlozu mezenchymatycznym i kostnienie na podlozu chrzestnym. W obu przypadkach tkanka kostna powstaje z mezenchymy, a okresowa obecność chrząstki tworzącej pierwotny szkielet pozwala jedynie na zwiększenie szybkości procesu.

* + 1. Kostninie na podlozu mezenchymatycznym (błoniastym) dotyczy większości kosci płaskich i można je umownie podzielić na kilka etapow:

1. W mezenchymie powstają silnie unaczynione obszary, w których skupiają się komórki utrzymujące polaczenia za pomocą wypustek.
2. Komórki rozpoczynają produkcje kwasochlonnej istoty miedzykomorkowej ulozonej w pasma (jest to pierwszy sygnal tworzenia kosci).
3. Niezróżnicowane komórki ukladaja się na powierzchni pasm, roznicuja się w osteoblasty i produkują wlokna oraz macierz, ulegajace prawie natychmiast mineralizacji. Osteoblasty zostają obmurowane i przeksztalcaja się w osteocyty – w ten sposób powstają pierwsze beleczki.
4. Na obwodzie tworzonej kosci proces pogrubiania beleczek prowadzi do powstania zwartej struktury kostnej, mieszczącej jednak naczynia. W ten sposób powstaje zbita tkanka tworzaca powierzchnie kosci.
5. W części srodkowej wzrost beleczek na grubość zostaje zahamowany, przestrzenie miedzy nimi wypelnia tkanka szpikowa i powstaje kosc beleczkowa tworzaca srodkoscie.

Pierwsza formowana kosc zbudowana jest z grubych wlokien kolagenowych o nieregularnym przebiegu i nosi nazwe kosci plecionkowej. W okresie wzrostu ulega ona przebudowie w drobnowloknista kosc blaszkowata/ przy formowaniu blaszki, regularnie ulozone osteoblasty wykazują dwie fazy czynnościowe, w pierwszej zachodzi intensywna synteza kolagenu (blaszka gesta), w drugiej czynność ta zostae ograniczona i tworzona jest blaszka luzna, w obrebie której komorka zostaje jako osteocyt.



Rysunek 3. Kostnienie na podlozu mezenchymatycznym; pierwotna, niezmnineralizowana istota miedzykomorkowa kosci kropkowana, zmineralizowana czarna. A. Mezenchyma: km-komorki mezenchymalne; n-naczynia krwionośne. B. Poczatkowy okres powstania beleczek; ob.-osteoblasty. C. Zmineralizowana beleczka pogrubiana przez osteoblasty (ob.), w jamkach leza osteocyty (oc). D. Beleczka ulegajaca przebudowie : ok-osteoklast.

Wzrost i modelowanie (zmiana krzywizn kosci płaskich) zachodzi wyłącznie przez apozycje (dobudowanie), zalezna od czynności osteoblastów polaczonej z osteolitycznym działaniem osteoklastów.

* + 1. Kostnienie na podlozu chrzestnym (wewnatrzchrzestne).

Podlegaja mu kosci konczyn, podstawy czaszk, kregow oraz miednicy. Najłatwiej je przesledzic na przykładzie kostnienia kosci długich.

W okresie embrionalnym model kosci długiej zbudowany jest z chrząstki szklistej. Proces prowadzący do zbudowania na jej miejscu tkanki kostnej sklada się z kilku etapow:

1. W centralnej części trzonu komórki chrzestne zaczynają degenerować, co przejawia się powiększeniem ich rozmiarow, silna wakualizacja cytoplazmy i gromadzeniem glikogenu. Ucisnieta istota miedzykomorkowa ulega mineralizacji, a komórki chrzestne rozpadowi; powstaje tzw. **pierwotny punkt kostnienia.** Jednocześnie zwieksza się unaczynienie ochrzęstnej trzonu, przeksztalca się ona w okostna. Jej komórki podejmują czynność osteogenna, co prowadzi do wytworzenia na powierzchni chrząstki mankietu kostnego i umozliwia dalsze jej odżywianie.
2. Od okostnej wnika do przestrzeni po rozpadłych chondrocytach peczek naczyń wraz z tkanka mezenchymalna. Jej komórki roznicuja się w osteoblasty, osadzaja na zmineralizowanych fragmentach macierzy chrzestnej i rozpoczynają produkcje „kostnej” istoty miedzykomorkowej ulegającej natychmiast wapnieniu. Powstają pierwotne beleczki kostne.
3. Proces degradacji chrząstki i odkładania substanji kostnej na jej zwapniałych pozostałościach przesuwa się ku nasadom. Osteoklasty podazajace niejako w frugiej linii niszcza powstale wcześniej beleczki. W ten sposób powstaje i powieksza się jama szpikowa, zasiedlana przez komórki układu krwiotwórczego.
4. Na granicy trzonu i nasady chrzastka tworzy tzw. plytke wzrostowa, na która sklada się kilka stref ulozonych poprzecznie w stosunku do długiej osi kosci. Idąc od nasady, jest to chrzastka: (a) spoczynkowa, (b) intensywnie dzielaca się (o płaskich komorkach ulozonych jak monety w rulonie), (c) dojrzala, (d) degenerujaca. Ostatnia strefa (e), tzw. Beleczki kierunkowe, to zwapniałe pozostalosci chrząstki, na których osadzaja się osteoblasty.
5. W nasadach powstają **wtorne punkty kostnienia,** a chrzastka utrzymuje się tylko w plytkach wzrostowych. Jej intensywne podzialy odsuwają nadal nasady od trzonu, co umozliwia dalszy wzrost kosci na dlugosc, w ciągu całego procesu dochodzi do pogrubiania (przez apozycje) mankietu kostnego trzonu z jednoczesna liza kosci od wewnątrz, co powoduje wzrost kosci na dlugosc i poszerzenie jamy szpikowej.
6. Zanik chrząstek w plytkach wzrostowych powoduje kostne polaczenie nasad i trzonu oraz ustanie wzrostu kosci na dlugosc.

Wzrost kosci przyspiesza hormon wzrostu (dzialajacy poprzez produkowane w wątrobie somatomedyny[[19]](#footnote-19)) oraz hormony tarczycy. Zwiekszaja one tempo podzialow chondrocytów w plytce wzrostowej, a także ich dojrzewanie i zdolność do syntezy bialek. Działanie hamujące maja hormony plciowe i niedobory witamin, zwłaszcza C i D.



Rysunek 4. Kostnienie na podlozu chrzestnym. A-G. Kolejne stadia tworzenia tkanki kostnej; chrzastka szklista-kropkowana; chrzastka zwapniała-czarna; tkanka kostna-kreskowana; m-mankiet kostny; pn-peczek naczyniowy; pw-plytka wzrostowa; nn=naczynia zaopatrujące nasady; nt-naczynia zaopatrujące trzon; on-ognisko kostnienia nasady. H. Plytka wzrostowa: 1 – chrzastka strefy spoczynkowej, 2 – kolumny chondrocytów strefy wzrostowej, 3 – chondrocyty dojrzale, 4 – strefa degenerujących chondrocytów i mineralizacji istoty miedzykomorkowej, 5 – beleczki kierunkowe pokryte osteoblastami.

* + 1. Mechanizmy odpowiedzialne za procesy mineralizacji

Mineralizacja polega na powstawaniu w podlozu organicznym krysztalow nieorganicznych (biomineralizacja). W procesie tym wystepuja dwie fazy: (1) nukleacja (powstaje jadra krystalizacji) oraz (2) wzrost krysztalow i ich przebudowa.

Powstanie krysztalow wymaga zapewnienia lokalnych, odpowiednio wysokich stezen jonow fosforanowych i wapniowych. W stworzeniu takich warunków biora udział zarówno komórki (chondrocyty i osteoblasty), jak i składniki istoty miedzykomorkowej. Bezpośrednio przez pojawieniem się krysztalow chondrocyty gromadzą intensywnie wapn w mitochondriach. Następnie w okresie degradacji tych komorek dochodzi do tworzenia tzw. **pecherzykow macierzy.** Sa to odszczepione od chondrocytów drobne fragmenty obłonionej cytoplazmy, lezace wolno w isiocie podstawowej, wykazujące aktywność fosfatazy[[20]](#footnote-20) zasadowej, pirofosfatazy i Ca2+-zaleznej ATPazy oraz bialek z grypy aneksyn[[21]](#footnote-21). Pęcherzyki maja zdolność gromadzenia jonow wapnia (uwalnianych w tym czasie z mitochondriow) oraz grup fosforanowych (w formie kompleksow wapn-fosforan nieorganiczny-lipid i w postaci wolnych jonow odszczepianych przy udziale fosfataz). Zawarte w nim aneksyny tworza kanaly wapniowe otwierane zmiana potencjalu. Zapewnia to osiagniecie stężenia obu jonow umożliwiającego precypitacje fosforanow wapnia. Zainicjowanie krystalizacji wymaga nukleatorow, które wyobrazić sobie można jako lokalne obszary wiazace jony w ten sposób, ze ich zageszczenie i układ zbliżone sa do mającej powstać sieci krystalicznej materialu. Najbardziej efektywnym nukleatorem jest sialoproteina II. Pierwsze depozyty maja niedoskonala strukturę krystaliczna i dopiero w drugiej fazie ulegaja przebudowie do znacznie bardziej stabilnych krysztalow hydroksyapatytowych.

Pęcherzyki macierzy tworzone sa także przez osteoblasty, a niekiedy i inne komórki, np. w przypadku patologicznej mineralizacji tkanek miękkich.

Udział skladnikow istoty miedzykomorkowej w procesie biomineralizacji jest dwojaki. Jedne sprzyjają nukleacji lub wzrostowi krysztalow i ich stabilizacji, inne hamuja proces tworzenia krysztalow. Do pierwszych w chrząstce naleza: chondrokalcyna i wolne lancuchy propeptydowe[[22]](#footnote-22) kolagenu typu II, w kosci zas: sialoproteiny, kolagen, bialka zawierające kwas gamma-karboksyglutaminowy (osteoklacyna i inne), osteonektyna, fosfoproteiny i kompleksy Ca-fosforan-fosfolipid. Do drugich, mających działanie hamujące (szczególnie w przypadku mineralizacji chrząstki), naleza niektóre proteoglikany o wysokiej zawartości usiarczanowanych glikozaminoglikanow (agrekany), które z tego powodu sa częściowo eliminowane, przy udziale enzymow wydzielanych przez degenerujące chondrocyty, z obszaru podległego wapnieniu.

W tkankach twardych proces biominerealizacji zachodzi prawie rownoczesnie z tworzeniem matrycy organicznej. Korelacja tych zjawisk zależy od wspólnego działania wymienionych już wcześniej hormonow i witamin nasilajacyh produkcje istoty komórkowej.

* 1. Przebudowa tkanki kostnej

Tkanka kostna ulega w ciągu całego zycia stalej przebudowie, w trakcie której niszczenie kosci jest scisle sprzegniete z jej tworzeniem. W okresie wzrostu przewaza proces kosciotworzenia, w wieku starszym proces osteolizy, co może doprowadzić do znacznego osłabienia mechanicznego kosci (osteoporoza[[23]](#footnote-23)). Przebudowa zachodzi znacznie szybciej w kosci gąbczastej niż w kosci zbitej, ze względu na wieksza powierzchnie kontaktu z naczyniami. Powstawanie nowej tkanki kostnej poprzedza faza jej resorpcji. W kosci beleczkowej oba procesy odbywają się na powierzchni beleczek. W kosci hawersjanskiej osteoklasty tworza tunel, którego przebieg wyznaczają obciążenia mechaniczne, a srednica odpowiada mającemu powstać nowemu osteonowi. W trakcie resorpcji kosci zostają z niej uwolnione bialka morfogenetyczne MBP 1-7 (MBP-1 ma fragment identyczny z naskórkowym czynnikiem wzrostu, pozostale odpowiadają transofmujacym czynnikom wzrostu beta), które indukują przekształcenie komorek osteogennych w osteoblasty i pobudzają je do produkcji blaszek kostnych, wypelniajacych tunel w ten sposób, ze kolejne warstwy ukladaja się od zewnątrz do srodka powstającego osteonu. Caly proces trwa ok. 3 miesiecy, przy czym faza osteolizy est znacznie krotsza od fazy kosciotworzenia. W ustroju funkcjonuje jednocześnie ok. 2 mln jednostek przebudowy kosci.



Rysunek 5. Przebudowa kosci zbitej (jednostka przebudowy), drazenie tunelu i tworzenie nowego osteonu; s-stozek tnacy, (strzalka pokazuje kierunek drazenia tunelu przez osteoklasty (1)); n-naczynie otoczone wiotka tkanka laczna z komórkami osteogennymi (2); 3 – osteoblasty; 4 – nowo utworzone blaszki z osteocytami; 5 – plaskie komórki wyscielajace kanal Haversa nowego osteonu; k – stara kosc. II. Gojenie złamania kosci długiej. A – wczesny etap procesu: 1 – zywa kosc, 2 – kosc obumarla, 3 – komórki osteogenne, 4 – kostnina, 5 – beleczki kostne powstające miedzy odłamami, 6 – beleczki zewnętrzne. B – dalsze zaawansowanie procesu gojenia.

* 1. Gojenie zlaman

W miejscu zlamania powstaje skrzep, który następnie ulega resorpcji przy udziale makrofagów; jednocześnie ulegaja rozpuszczeniu odcinki kosci zawierające martwe osteocyty. Potem dochodzi do proliferacji[[24]](#footnote-24) prekursorow osteoblastów występujących w okostnej, srodkostnej oraz w szpiku. Rozpoczynają one produkcje pierwotnej tkanki kostnej noszącej nazwe kostniny. W przypadku znacznej odleglosci odlamow i braku unieruchomienia kostnina jest szczególnie obfita i towarzyszy jej znaczna ilość chrząstki. Nastepnie dochodzi do formowania zarówno na podlozu mezenchymatycznym, jak i chrzestnym blaszkowatej tkanki kostnej, ulegającej później przebudowie w celu najlepszego sprostania obciążeniom mechanicznym.

Duże ubytki kostne mogą być zastąpione odpowiednio przygotowanymi wszczepami kostnymi. Mimo ze sa one martwe i nie zawierają komorek, ulatwiaja gojenie na drodze: (1) zajmowania miejsca dla mającej powstać kosci i zmniejszenia obszaru, który inaczej musiałby zostać wypelniony kostniwem, (2) uwalniania bialek morfogenetycznych kosci z rozpuszczonego wszczepu, co prowadzi do rekrutacji osteoblastów i nasilenia produkcji kostniny glownie w obszarze ograniczonym do rejonu złamania (wszczepu).

# Podstawowe pojęcia z wytrzymałości materiałów

*Naprężenia i odkształcenia*

Kosc mimo swych biologicznych funkcji i bycia w pełni zywa tkanka jest również materialem. I tak jak każdy material można ja opisac parametrami materiałowymi takimi jak: naprezenie czy odkształcenie.

Naprężenie jednego paskala definiowane jest jako stosunek siły jednego niutona działającej na powierzchnię jednego metra kwadratowego.

Naprężenia w ciele zależą od wzajemnego położenia elementarnych cząsteczek ciała poddanego działaniu sił zewnętrznych.

W ujęciu modelu fizycznego zachowania się obciążonej bryły, naprężenie jest definiowane jako iloraz siły będącej reakcją na obciążenia zewnętrzne i powierzchni, na której ta siła działa:

gdzie:

-naprezenie (stress) [Pa]

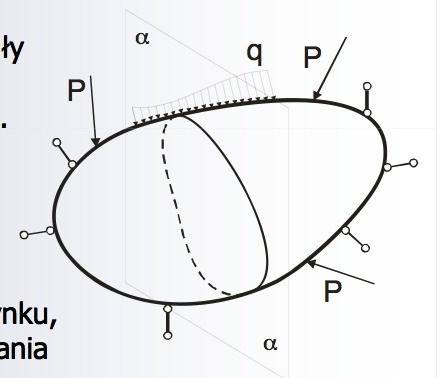
F-sila [N]

S-pole przekroju [m2]

Zgodnie z III zasada dynamiki Newtona, każdej akcji towarzyszy ta sama co do wartości i kierunku, ale przeciwnie zwrocona reakcja. Podobnie w przypadku, gdy działa się na material naprezeniem powoduje to jego odkształcenie, czy to sciskanie czy rozciąganie, bądź uginanie.

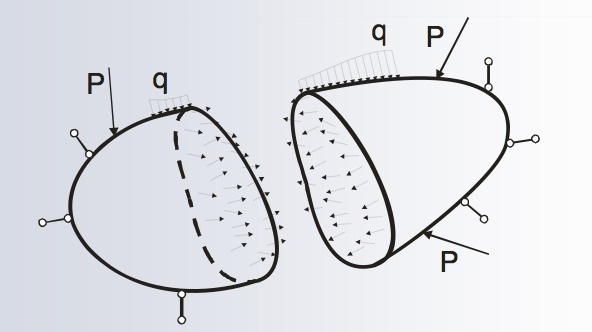
**Definicje naprezen**

Bryla materialna obciazona układem sil (sily zewnętrzne, reakcje), bedacych w równowadze, została rozcieta myślowo na dwie części przekrojem α- α.



Rysunek . Bryla rozcieta na dwie części przekrojem α- α

W przypadku bryly bedacej w spoczynku zewnętrzne oddziaływania musza by w równowadze statycznej. Oddzialywanie odciętego fragmentu modeluje obciążenie przylozone w sposób ciagly do płaszczyzny α- α, nazywane naprezeniami.



Rysunek . Naprezenia rozciętej bryly

Na powierzchniach odciętej bryly również wystepuja naprezenia, które przedstawione sa poniżej na przykładzie prostopadloscianu, na który oddziałuje bryla. Jeżeli wymiary prostopadloscianu przyjmie się jako dazace do zero, to naprezenia na powierzchniach tego fragmentu można przedstawić w formie trzech obciazen o kierunkach wzajemnie do siebie prostopadłych: jeden kierunek prostopadly do powierzchni i dwa kierunki prostpadle do siebie, ale rownolegle do powierzchni.



Rysunek . Sily dzialajace na scianki jednostkowego sześcianu definiują składowe tensora naprezenia, σij. Pierwszy wskaźnik (i) definiuje kierunek, wzdłuż którego działa sila, zas drugi (j) – os do której jest prostopadla plaszczyzna scianki, w której działa sila.

Skladowe σij tworza tensor naprezen II rzedu.

Rozrozniamy składowe normalne i scinajace tensora naprezen, przy czym:

σ11, σ22, σ33 - sa składowymi normalnymi,

σ13, σ13, σ23 –sa składowymi scinajacymi.

Tensor naprezen przedstawiany jest często w postaci macierzy:

Znajac tensor naprezen można wyliczyć calkowita sile dzialajaca na dowolny plat powierzchni. Chcac dla przykładu wyliczyć sile dzialajaca na powierzchnie ABC. Wektorem normalnym do tej powierzchni jest powierzchnia ΔS, której wartość jest rowna powierzchni. Skladowymi wektora sa rzuty powierzchni ABC, czyli ΔS1, ΔS2, ΔS3.

Dowolna skadowa tej sily wynosi:

Co oznacza, ze na caly plat powierzchni działa sila:

gdzie, sila i powierzchnia to wektory kolumnowe, natomiast tensor naprezen to macierz 3x3.

**Transformacje wektora**

Wektor posiada zawsze 3 elementy: zwrot, kierunek i wartość.

**1. Transformacje 2D**

W przestrzeni 2-wymiarowej możemy zdefiniować podstawowe rodzaje transformacji (transformacje elementarne):

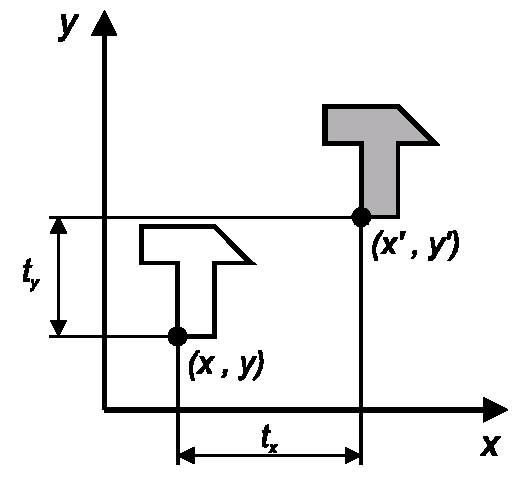
* przesunięcie
* zmiana skali
* obrót wokół środka układu odniesienia

Złożone transformacje dokonywane na obiektach można zawsze opisać są pomocą transformacji „składowych”, należących do powyższych typów.

**2. Transformacje elementarne**

***2.1. Przesunięcie* (*translation*)**

Przesunięcie dotyczy zmiany położenia obiektu względem układu odniesienia. Bez zmian pozostaje skala oraz orientacja obiektu. Jest to najprostsza transformacja elementarna:

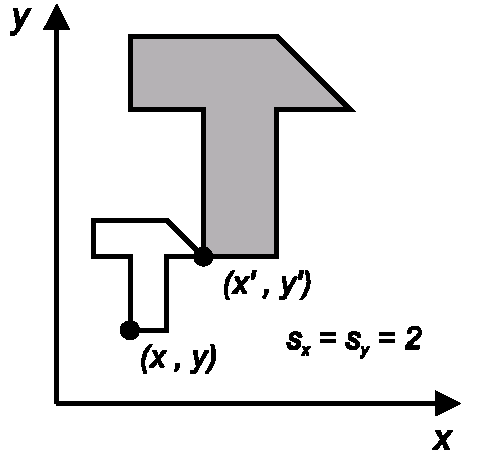


Rozpatrując operację przesunięcia, dokonujemy „przeniesienia” każdego punktu należącego do obiektu (w praktyce operację tą wykonuje się na charakterystycznych punktach obiektu) o wektor *[tx, ty]*. Dlatego współrzędne punktu *(x, y)* po transformacji spełniają zależność:



***2.2. Zmiana skali (scaling)***

Skalowanie oznacza powiększenie/zmniejszenie rozmiarów obiektu:



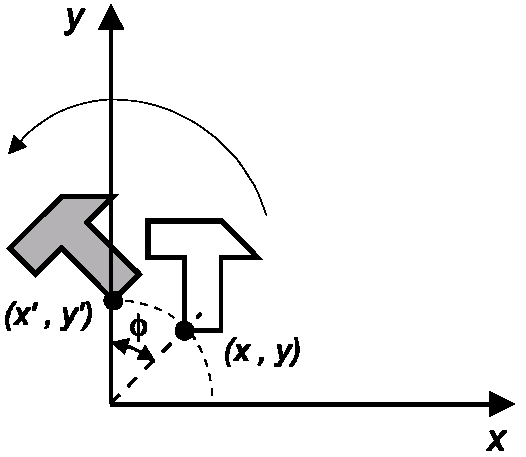
Z matematycznego punktu widzenia skalowanie oznacza wykonanie jednokładności ze środkiem w początku układu współrzędnych. Dlatego operacja ta sprowadza się do przemnożenia współrzędnych wszystkich punktów obiektu (w praktyce operację tą wykonuje się na charakterystycznych punktach obiektu) przez współczynnik skali (jednokładności). Kiedy jest on większy od 1 powiększamy obiekt, kiedy należy on do przedziału (0, 1) dokonujemy pomniejszenia. Nie rozpatrujemy współczynników ujemnych, gdyż operacja taka może być zastąpiona przez skalowanie o współczynniku dodatnim i obrotem.

Oczywiście, skalowanie możemy wykonywać niezależnie dla odciętych i rzędnych punktów obiektu. Jednak zazwyczaj przyjmujemy, że współczynniki skalowania *sx* i *sy* są sobie równe. Współrzędne punktu *(x, y)* po transformacji spełniają zależność:



***2.3. Obrót (rotation)***

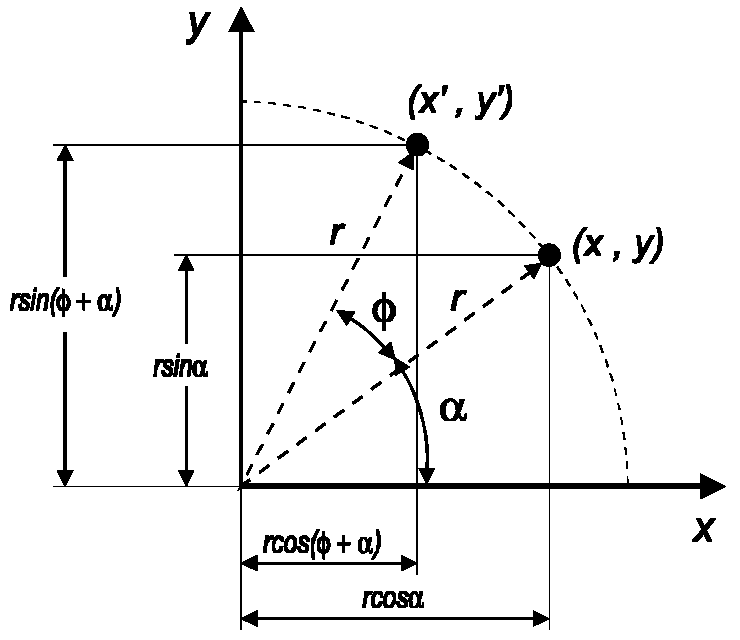
Ta transformacja elementarna jest trochę bardziej skomplikowana od opisanych powyżej. Położenie każdego punktu obiektu (w praktyce operację tą wykonuje się na charakterystycznych punktach obiektu) względem początku układu odniesienia zmienia się o kąt obrotu *φ*. Oznacza to obrót wektora punktu *(x, y)* – zaczepionego w początku układu współrzędnych – o kąt *φ*. Koniec powstałego wektora wyznacza obraz punktu po transformacji. Znak kąta określa się zgodnie z odwrotnym kierunkiem wskazówek zegara.



Zapis transformacji współrzędnych punktu sprowadza się do:



Uzasadnienie powyższych wzorów opiera się na prostym przekształceniu trygonometrycznym:





gdzie:



W końcu otrzymujemy:



***2.4. Współrzędne jednorodne (homogeneous coordinates)***

W poprzednim wykładzie zostało wprowadzone pojęcie współrzędnych jednorodnych, w których dokonywane są transformacje obiektów. Koncepcja ta ma na celu uproszczenie i ujednolicenie procedur transformacji z punktu widzenia szybkości i łatwości wykonywania potrzebnych obliczeń przez komputer. Jednak sama koncepcja wcale nie jest nowa – została opracowana przez Augusta Ferdynanda Möbiusa (1790-1868). Założenie polega na przekształceniu współrzędnych punktu do wektora:



oraz posłużeniu się macierzą transformacji:



w której elementy *mij* stanowią o rodzaju transformacji elementarnej.

Tak więc we współrzędnych jednorodnych operacje opisane powyżej wyglądają następująco:

**2.4.1. Przesunięcie i macierz przesunięcia**





**2.4.2. Zmiana skali i macierz zmiany skali**





**2.4.3. Obrót wokół początku układu współrzędnych i macierz obrotu**



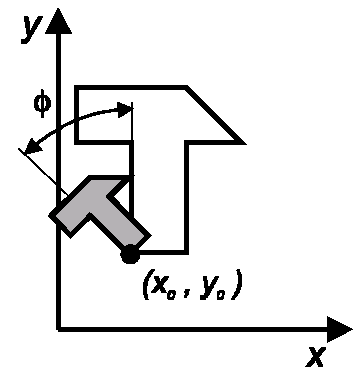


***2.5. Składanie transformacji***

Jak wspomniałem wcześniej, dowolna transformacja może zostać zastąpiona złożeniem odpowiednich transformacji prostych (elementarnych). Poniżej zaprezentowane są przykłady rozkładania złożonych transformacji i budowania końcowej postaci macierzy transformacji.

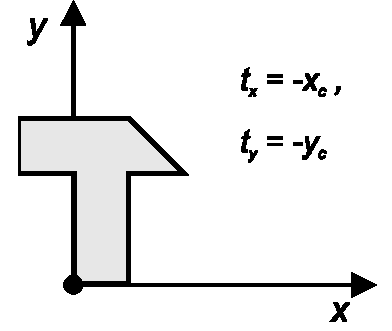
**2.5.1. Obrót i skalowanie**

Należy wykonać obrót obiektu wokół punktu *(xc, yc)* przy równoczesnym dwukrotnym pomniejszeniu:



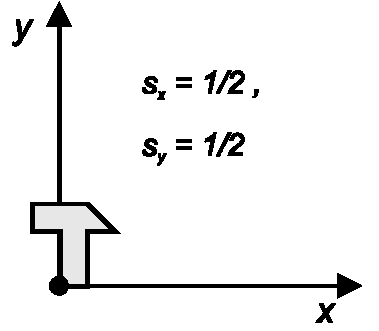
Dokonujemy rozłożenia tej skomplikowanej transformacji na:

1. **Przesunięcie obiektu aby punkt *(xc, yc)* znalazł się w początku układu współrzędnych *(0, 0)*:**



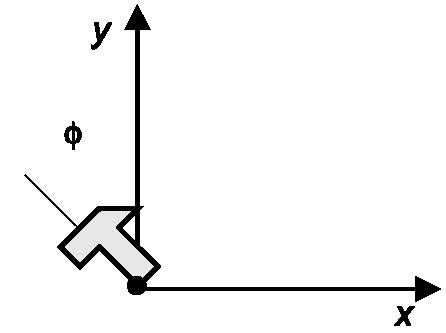


1. **Przeskalowanie obiektu zgodnie z *sx=sy=½*:**



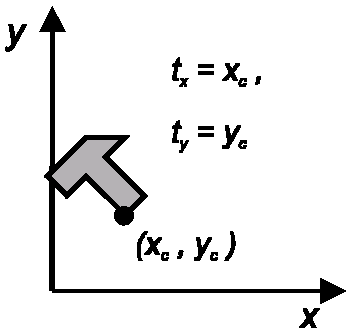


1. **Obrót obiektu wokół początku układu współrzędnych o kąt *φ*:**





1. **Przesunięcie obiektu, tak aby punkt *(0, 0)* znalazł się w *(xc, yc)*:**





Po dokonaniu powyższych operacji widać, że transformację można wyrazić za pomocą macierzy transformacji ***M***:



przy czym ***M*** ma postać:



a przekształcenie wygląda następująco:



Efektywnie obliczenie nowych współrzędnych punktu sprowadzają się do 4 dodawań i 4 mnożeń zmiennoprzecinkowych. Jest to niezwykle mały koszt obliczeniowy.

**2.5.2. Odbicie lustrzane**

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |

**2.5.3. Ścinanie (*shear*)**

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |

Ogólnie dla wektora siły transformację definiuje się:

gdzie sa cosinusami kierunkowumi, definiującymi orientacje ukladow względem siebie końcowego od początkowego.

W przypadku, gdy tensor naprezen ma jedynie składowe glowne rozne od zera, to sa to naprezenia normalne:

1. rozciąganie



Rysunek . Rozciaganie w kierunku osi x3. Przekrojem poprzecznym probki jest powierzchnia S.

1. sciskanie



Rysunek . Sciskanie w kierunku osi x3.

Natomiast, gdy glowne składowe sa zerowe, a inne sa rozne od zera, wtedy sa to naprezenia styczne.

1. scinanie



Rysunek . Scinanie. Zamiana szczescianu w rownolegloscian.

Odksztalceniem nazywamy chwilowa lub trwala zmiane wymiarow danego ciala lub jego części wywoalana przylozonym do niego obciążeniem.

gdzie:

-odksztalcenie (strain) [bezwymiarowe]

-zmiana dlugosci [m]

-poczatkowa dlugosc [m]

Oprocz rozciągania i sciskania istnieje jeszcze inny rodzaj odksztalcenia – naprezenie scinanie.

Zdefiniowane jest ono jako odkształcenie ciala spowodowane naprezeniem stycznym do jego powierzchni.



Rysunek 12. Rozne rodzaje odksztalcen pod wpływem naprezen (1) rozciągania, (2) sciskanie, (3) scinanie

*Parametry materiałowe*

Wielkosciami, które opisują mechaniczne właściwości kosci takie jak: sprezystosc, wytrzymalosc czy plastycznosc sa modul Young’a, wspolczynnik Poisson’a, a także modul Kirchhoffa.

Określenie ich wartości w roznych kierunkach jest niezbędne do odpowiedniego opisu własności kosci jako calosci, a także zrozumienia jej struktury.

Sprezystosc określa modul odksztacalnosci liniowej lub inaczej modul sprezystosci podluzej, czyli **Modul Young’a.** Wyraza on stosunek naprezenia materialu, do odkształcenia, spowodowanego tym naprezeniem.

gdzie:

-naprezenie normalne (stress) [Pa]

-odksztalcenie (strain) [bezwymiarowe]

Jednostka modulu Young’a jest paskal [Pa], czyli N/m2.

Kolejnym parametrem jest **wspolczynnik Poisson’a.** Nie jest on paramtrem opisującym sprezystosc materialu, a jedynie sposób w jaki on się odksztalca. Jest wielkoscia bezwymiarowa, okreslajaca stosunek odsztalcenia poprzecznego od odsztalcenia podluznego przy osiowym stanie naprezenia:

gdzie:

-wspolczynnik Poisson’a [bezwymiarowy]

-odksztalcenie w kierunku m

-odksztalcenie w kierunku n – prostopadle do m



Rysunek 13. Opis parametrow wraz z odpowiednimi wzorami

Ostatnim ważnym parametrem jest **modul Kirchhoffa**  - modul odksztalcalnosci postaciowej lub modul sprezystosci poprzecznej. Podobnie jak modul Young’a określa on sprezystosc materialu i jego jednostka jest paskal. Uzaleznia on odkształcenie postaciowe od naprezenia scinajacego:

gdzie:

G-modul Kirchhoffa [Pa]

-naprezenie scinajace (typu sheer) [Pa]

-odksztalcenie postaciowe [bezwymiarowe]

Dla cial izotropowych (własności mechaniczne jednakowe we wszystkich kierunkach) istnieje bezpośrednie powiazanie miedzy tymi wszystkimi parametrami określone równaniami:

*Uogólnione prawo Hooke’a*

**Uklad** **liniowosprezysty Clapeyrona**

Robert Hooke podal nastepujaca, pierwotna postac prawa liniowej sprezystosci: *ut tensio sic vis,*  czyli takie wydluzenie jaka sila.

W klasycznej teorii sprezystosci nadano temu prawu bardziej precyzyjna, dwojaka forme, okreslajaca w ciele sprężystym liniowe związki miedzy przemieszczeniami, a silami bądź odkształceniami, a naprezeniami nazwano **prawem Hooke’a.**

Dowolne przemieszczenie uogólnione ui (i=1,2,3…,n) spowodowane jednoczesnym działaniem wszystkich sil uogólnionych (P1, P2, P3,…Pn) jest rowne sumie przemieszczen częściowych wywolanych działaniem poszczególnych, pojedynczych sil i nie zależy od kolejności ich przylozenia.

Dowolna sile uogolniona Pi (i=1,2,3…,n) można przedstawić jako liniowa funckje uogólnionych przemieszczen u1, u2, u3, …, uj,…, un.

Liczba wplywowa kij jest czescia sily Pi spowodowana przemieszczeniem uj=1. Liczby wpływowe kij nie zaleza od wartości przemieszczen uj.

**Uogolnione prawo Hooke’a dla ciala anizotropowego**

Wlasciwa energia potencjalna odksztalcen sprężystych **ϕ (**potencjal sprężysty):

Calka nie zależy od drogi całkowania (potencjal sprężysty), dlatego funkcja podcalkowa jest różniczka zupelna.

Stad widać, ze

Z drugiej strony wyprowadza się wyrazanie:

Wtedy suma jest różniczka zupelna

Dlatego tez:

Z czego dalej wynika, ze



Wykres 1. Zaleznosc naprezenia od odkształcenia, z zaznaczeniem energii wlasciwej,i energii wlasciwej dopelniajacej

W konkuzji:

Dla ciala liniowo sprężystego, energie te sa rowne:

W przypadku jednoosiowego rozciągania (sciskania) prawo Hooke’a wygląda nastepujaco:

Dla dowolnego stanu naprezenia i odkształcenia prawo to można uogolnic:

lub odwrotnie

gdzie

-tensor stanu naprezenia

-tensor stanu odkształcenia

-tensor IV rzedu modulow sprezystosci

-tensor sprężystych podatności

W ogolnosci zapisuje się:

W zapisie macierzowym:

gdzie:

Macierz [E] zawiera 81 stalych.

Biorac pod uwagę symetryczność tensorow :

można zapisac:

Otrzymuje się w ten sposób macierz:

gdzie

W tym przypadku macierz [E] ma 36 stalych.

W dalszym ciągu można kontynuować zmniejszanie niezależnych składowych tensora [E] poprzez rozwazania z zakresu termodynamiki, a konkretnie założenie istnienia wlasciwej energii potencjalnej

Rozniczka jest rowna:

Stad:

Z czego wynika:

Zamieniajac kolesc różniczkowania otrzymuje się:

Stad:

W ten sposób liczba niezależnych modulow redukuje się do 21. Jest to przypadek najbardziej ogolny – anizotropia materialu sprężystego.

Wiele materiałów jednakowoż cechuje się:

* jednorodnoscia (własności mechaniczne jednakowe we wszystkich punktach)
* izotropowoscia (własności mechaniczne jednakowe we wszystkich kierunkach)

W przypadku izotropii tensor Eijkl jest tzw. Tensorem izotropowym IV rzedu, tzn. W każdym układzie wspolrzednych prostokątnych ma jednakowe elementy – składowe.

Izotropowym tensorem II rzedu jest tensor Kroneckera.

Tensorami IV rzedu sa oraz i sa one także tensorami izotropowymi.

Tensor Eijkl da się przedstawić jako ich liniowa kombinacja

gdzie a,b,c to stale

Prawo Hooke’a w wyniku symterii ma postac:

lub

Pozostaje jedynie dwie stale do wyznaczenia a i (b+c). Stale te nazywane sa stalymi Lamego - obie maja wymiar naprezen.

Stale Lamego wyrazaja się wzorami:

gdzie

G-modul sprezystosci poprzecznej Kirchoffa

ν-liczba Poissona

Uwzgledniajac zaleznosc miedzy G i E, podana wcześniej:

Stale Lamego wyrazaja się nastepujaco:

lub odwrotnie

gdy i,j,k=1,2,3

Dla ciala izotropowego tensor Eijkl przyjmuje postac:

Pozostaja jedynie dwie stale.

I,j,k,l=1,2,3

W zapisie macierzowym:

ENERGIA SPREZYSTA WLASCIWA

Oblicza się porcje energii sprężystej zmagazynowana w infinitezymalnym prostopadłościanie, traktując go jako układ liniowo-sprezysty.

Sily powierzchniowe proporcjonalne do składowych stanu naprezenia wykonują prace na odpowiadających im przemieszczeniach, proporcjonalnych do składowych stanu odkształcenia.

Porcja energii srezystej dV=dL zmagazynowana w elementarnym prostopadłościanie objetosci wynosi zatem:

Sposób obliczania pracy wykonanej przez sile na przemieszczeniu oraz sile na przemieszczeniu przedstawione zostały na Rysunku 8.



Rysunek 14. Porowanie sciskania i scinania, z zaznaczeniem sil i przemieszczen

Przy podzieleniu dV=dL przez objetosc prostopadloscianu otrzymuje się energie sprezysta przypadajaca na jednostke objetosci, zwana wlasciwa energia sprezysta w analizowanym punkcie ciala.

Po wstawieniu zamiast składowych stanu odkształcenia lub naprezenia, stalych Lamego otrzymuje się:

Energia sprezysta wlasciwa jest jednokrotna kwadratowa funkcja składowych stanu naprezenia lub odkształcenia.

Wlasciwa energie można traktowc jako sume energii zmiany objetosci i zmiany postaci ciala

Energia sprezysta ϕ wyrazona przez składowe stanu naprezenia bądź odkształcenia nosi nazwe potencjalu sprężystego, ponieważ spelnia warunki, jakie musi spelniac funkcja, aby być potencjalem.



Wykres 2. Wykres zaleznosci naprezenia od odkształcenia, uogolniony

# Własności fizyczne kości

*Wyznaczanie mechanicznych właściwości kości*

Glownymi parametrami mechanicznymi opisującymi kosc sa: wytrzymalosc, plastyczność i sprezystosc. Wszystkie one uzasadnione sa budowa wewnetrzna i skladem chemicznym kosci. Tak jak już wcześniej zwrócono uwagę, kosci zawierają doskonale proporcje zwiazkow organicznych – nadających sprezystosc, a także nieorganicznych nadających wytrzymalosc. Tkanka kostna jest bardzo odporna na sciskanie/rozciągania, a mniej odporna na wyginanie, czy skrecanie. Spowodowane jest to przystosowaniem kosci do bycia odpornym na sciskanie, gdzyz w normalnych warunkach, wewnątrz organizmu, najczestszy rodzaj sily dzialajacej na kosci to wlasnie sciskanie. Dla przykładu kosc udowa człowieka rozrywa się po działaniu na nia obciążeniem 5600kg. Natomiast przy działaniu obciążeniem w kierunku poprzecznym obciazenie powodujace rozerwanie to tylko 380kg.

Kosci ulegaja ciaglym przemianom i przebudowom. Jest ona niezwykle plastyczna i dostosowuje się do zmian zachodzących w organizmie, a także do trybu zycia. Zawartosc soli mineralnym zmienia się w zaleznosci od rodzaju wykonywanej pracy. W przypadku unieruchomienia kosci, np. umieszczenia w gipsie – dochodzi do jej odwapnienia, natomiast w przypadku czestego obciążania kosci, np. Ciezka praca fizyczna – prowokuje przyrost tkanki kostnej, a dokładniej jej części nieorganicznej.

*Wartości doświadczalne parametrów wytrzymałościowych kości*

Parametry materiałowe kosci

Jednoznaczne wyznaczenie parametrow materiałowych kosci gąbczastej nie jest zagadnieniem prostym ze względu na cechy osobniczne, miejsce pobrania probki oraz sposób przechowywania. Sa tez rozne metody wyznaczania ich, a co więcej otrzymując sama kosc do badania i poddawanie jej rozmaitym testom wytrzymalosciowym nie odtwarza w calosci warunków wewnątrz organizmu.

Przykladowe wartości parametrow wytrzymałościowych kosci według roznych zrodel:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Kosc | Wilgotna [MPa] | Sucha [MPa] |
| Udowa | 1760 | 2040 |
| Piszczelowa | 1840 | 2100 |
| Strzalkowa | 1890 | 2150 |

Tabela 1. Moduly Younga w kierunku podluznym wybranych kosci [[25]](#footnote-25)

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Kosc gabczasta kosci udowej | Modul Young’a [MPa] | Modul Kirchhoffa [MPa] | Wspolczynnik Poissona |
| Kosc jako material izotropowy | E = 1000 | - |  |
| Kosc jako material poprzecznie izotropowy |  |  |  |
| Kosc jako material ortotropowy |  |  |  |

Tabela 2. Moduly Young’a kosci udowej w zaleznosci od tropowości materialu[[26]](#footnote-26)

*Zależność między modułem Young’a, a gęstością kości*

Modul Young’a jest wielkoscia jak już wcześniej zaznaczono jest wielkoscia opisujaca sprezystosc. Im większy opor stawia material przy sciskaniu ty modul Young’a większy, a co za tym idzie sprezystosc mniejsza. Nie male znaczenie dla modulu Young’a w przypadku analizy materialu ma jego gestosc. Im wieksza gestosc tym jest on bardziej odporny na sciskanie, co w konkluzji implikuje, ze modul Younga powinien zwiekszac się wraz ze wzrostem gestosci materialu. Rozne materialy charakteryzują się roznymi modulami Young’a natomiast tendencja wzrostowa w przypadku zwiększania gestosci jest zachowana.



Wykres 3. Zaleznosc modulu Younga od gestosci dla roznych materiałów

Nie pozostawia to wątpliwości co do waznosci gestosci dla wytrzymalosci, sprezystosci i plastyczności kosci. Wyznaczenie jej metodami analitycznymi może być newralgiczne dla dalszego dokładniejszego zrozumienia struktury i funkcjonowania kosci.

Wczesniejsze badania przeprowadzone na kościach pochodzących z roznych części ludzkiego ciala potwierdzają teorie „im wieksza gestosc, tym wieksza wytrzymalosc kosci na sciskanie”.



Tabela 3. Poszczegolne kosci, z ich modulem Young’a, hestoscia i funkcja uzalezniajaca modul Younga od gestosci.[[27]](#footnote-27)

# Pomiar własności mechanicznych

*Statyczna próba rozciągania obliczanie modułu Younga i innych prametrów np granicy plastyczności. wspomnieć o viscoplastyczności*

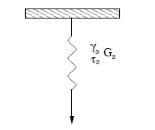
Statyczna proba rozciągania polega na poddawaniu probki obciążeniu/nacisku/ciśnieniu w odpowiednio kontrolowanych warunkach, z odpowiednimi parametrami, być otrzymać wykres zaleznosci naprezenia od odkształcenia we wszystkich zakresach: liniowym, plastycznym i wytrzymalosciowym, a także gdzie lezy granica po przekroczeniu której kosc jest zniszczona nieodwracalnie. Nie jest to latwe do uzyskania ze względu na wielobeleczkowa strukturę kostna, która może zacząć kruszyć się pod mniejszym naciskiem niż to graniczne. Nie trywialne jest wtedy określenie, czy w takim razie nie jest to wlasnie naprezenie graniczne.

**Viscoelastycznosc – lepkosprezystosc**

Właściwość ciała, który wykazuje jednocześnie własności lepkie i sprezyste.

1. Sprężystość – właściwość fizyczna ciał odzyskiwania pierwotnego kształtu i wymiarów po usunięciu sił zewnętrznych wywołujących zniekształcenie – czyli zmianie tensora naprężeń towarzyszy zmiana tensora odkształceń i odwrotnie, przy czym zmiany te są w pełni odwracalne. Istotną cechą sprężystości jest zachowanie energii. Między atomami danego materiału o właściwościach sprężystych działają krótkozasięgowe siły o dużych wartościach. Podczas sprężystej deformacji takiego materiału, zmieniają się odległości międzyatomowe i kąty walencyjne (kąty między wiązaniami atomowymi), co w rezultacie wiąże się z dużymi zmianami energetycznymi (energia sprężystości wzrasta). Dlatego deformacje sprężyste są niewielkie i tym niewielkim deformacjom towarzyszą stosunkowo duże siły. Po zaniknięciu siły powodującej odkształcenie sprężyste materiał wraca do swoich poprzednich wymiarów, ponieważ układ dąży do osiągnięcia minimum energii swobodnej. Atomy materiału ponownie zajmą swoje pozycje równowagi (o jak najmniejszej energii).

Cialo doskonale sprężyste spelnia prawo Hooke’a:



gdzie:

-modul Kirchhoffa [Pa]

-naprezenie scinajace (typu sheer) [Pa]

-odksztalcenie postaciowe [bezwymiarowe]

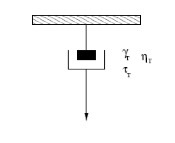
1. Lepkość (wiskoza) – właściwość płynów i plastycznych ciał stałych charakteryzująca ich tarcie wewnętrzne wynikające z przesuwania się względem siebie warstw płynu podczas przepływu (nie jest to natomiast opór przeciw płynięciu powstający na granicy płynu i ścianek naczynia). Lepkość jest jedną z najważniejszych cech płynów (cieczy i gazów).

Inne znaczenie słowa "lepkość" odnosi się do "czepności" – terminu stosowanego w dziedzinie klejów.

Zgodnie z laminarnym modelem przepływu lepkość wynika ze zdolności płynu do przekazywania pędu pomiędzy warstwami poruszającymi się z różnymi prędkościami.

Różnice w prędkościach warstw są charakteryzowane w modelu laminarnym przez szybkość ścinania. Przekazywanie pędu zachodzi dzięki pojawieniu się na granicy tych warstw naprężeń ścinających.

Ciecz doskonale lepka jest plynem newtonowskim i spelnia równanie:



gdzie:

-lepkosc dynamiczna [Pas]

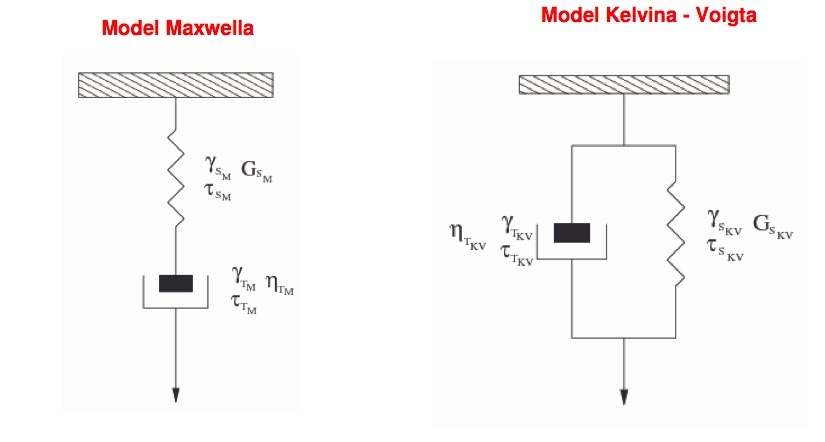
-naprezenie scinajace [Pa]

-szybkosc scinania [1/s]

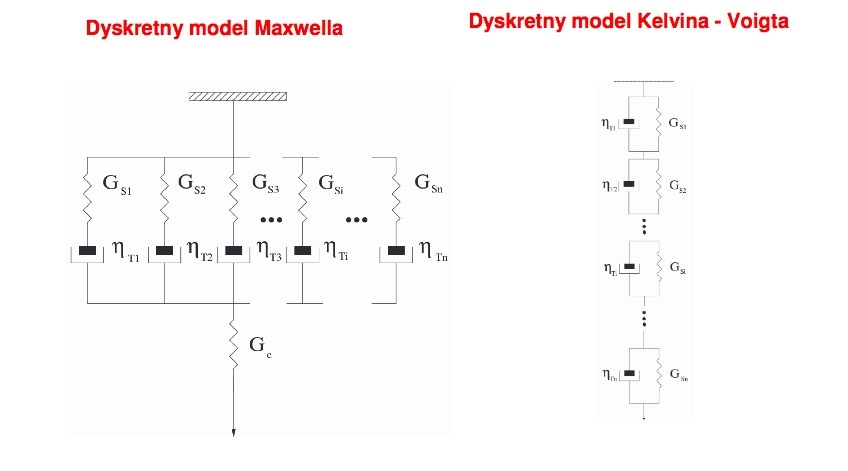
Modele obiektow lekkosprezystych:

1. Modele fenomenologiczne[[28]](#footnote-28) – opsiuja zachowanie układu, model Mexwella, model Kelvina – Voigta, model Zenera,
2. Modele molekularne (polimery) – opisują zachowanie układu, wchodząc do budowy strukturalnej układu, model Zimma, model Rouse’o.

Modele te tworzone sa podbnie jak polaczenia rownolegle i szeregowe w układach elektronicznych.



Rysunek . Modele obiektow lepkosprezystych fenomenologiczne



Rysunek . Dyskretne modele obiektow lepkosprezystych.

# Tomografia komputerowa

Metoda wykorzystana do badania właściwości mechanicznych kosci gąbczastej opisanych w tej pracy to tomografia komputerowa, a dokładniej mikrotomografia komputerowa (μCT). Jak sama nazwa wskazuje jest to tomografia w skali mikro (10-6 m).

Pozwala ona na wyznaczenie nie tylko takich parametrow mechanicznych jak modul Younga, czy wspolczynnik Poissona, ale także po odpowiedniej obróbce – gestosc, porowatość, anizotropie i wiele innych. Istnieje możliwość także obrazowania pojedynczej beleczki kostnej. Ze względu na male rozmiary pojedynczej beleczki kosci gąbczastej ok. 0,15mm grubości do tej pory stosowane metody pomiaru własności mechanicznych – ultradzwiekowe, okazują się nie tylko obarczone sporym bledem, ale także nie sa latwe do wykonania. I w tym względzie uCT goruje nad innymi metodami – pomiary w skali mikro, a nawet nano pozwalają na otrzymanie dokładnych wynikow, a stabilność i możliwość obrazowania całej probki daje rzetelne spojrzenie na nia w każdym kierunku i umozliwia porównanie możliwości mechanicznych pod wpływem sciskania w zaleznosci od ustawienia beleczek.

**Opis metody**

Tomografia komputerowa (ang. Computed Tomography – CT) jest to metoda obrazowania oparta na tomografii rentgenowskiej. Wykorzystuje ona promieniowanie X, wytwarzane przez znajdujaca się wewnątrz lampe rentgenowska. Wykonywana jest seria zdjęć, które później po nalozeniu na siebie tworza obraz 2D lub 3D badanej struktury. Istnieja dwie glowne grupy tomografow: (1) lampa rentgenowska porusza się, a probka pozostaje w miejscu; (2) probka obraca się, a lampa rentgenowska pozostaje w miejscu. W przypadku badan pacjentow, wykorzystuje się metode (1) ze względu na wygode osoby badanej. Zrodlo promieniowania i detektory poruszają się po okręgu prostopadłym do długiej osi pacjenta, wykonując przy ty, szereg przeswietlen wiazka promieniowana rownolegla do płaszczyzny obrazowanej.

Ze względu na rozne pochłanialności promieniowania w roznych tkankach, czy narządach, otrzymuje się obraz w odcieniach szarości, który po odpowiedniej obróbce pozwala na rozroznienie odpowiednich elementow i ustalenie stanu zdrowia pacjenta. Metoda ta daje także możliwość rekonstrukcji pojedynczego narządu i jego dokladniejsza analizę.

**Rekonstrukcja obrazow**

Po wykonaniu odpowiedniej ilości obrazow należy później wykonać ich rekonstrukcje, by moc z latwoscia odczytac otrzymane informacje i przenieść do rzeczywistych zastosowan.

Metody z jakich się korzysta to m. in. metody sumacyjne: projekcja wsteczna; metody iteracyjne; metody analityczne: projekcja wsteczna filtrowana, dwuwymiarowa analiza Fourierowska.

Mowiac o rekonstrukcji warto zacząć od wyjaśnienia, co dzieje się z wiazka promieniowania po przejściu przez probke. Ulega ono osłabieniu zgodnie z równaniem:

gdzie

I – natężenie promieniowania po przejściu przez probke,

I0 – natężenie promieniowana na początku,

μx – liniowy wspolczynnik osłabienia wiazki,

x – grubość materialu.

Liczy się następnie pochodna:

W fizyce jednakowoż często grubość materiałów wyraza się w jednostkach zwanych gestoscia powierzchniowa, *d* okreslona jako grubość materialu x przemnozona przez gestosc ρ. Jest to wiec związek:

Jednostka gestosci powierzchniowej jest cm2/g.

Można dzięki temu wyznaczyć masowy wspolczynnik osłabienia (:

Po wycalkowaniu, w ogólniejszym wypadku (biorac pod uwagę element powierzchniowy, a nie liniowy):

Otrzymuje się zaleznosc:

Po wykonaniu zdjęć mikrotomograficznych jedyne co jest znane to stosunek natezen, a dzięki temu można później odtworzyć funkcje u(s).

**Projekcja wsteczna**

Metoda rekonstrukcji polegajaca na odtwarzaniu stanu wewnętrznego poprzez obserwacje stanu zewnętrznego natezen promieniowania.



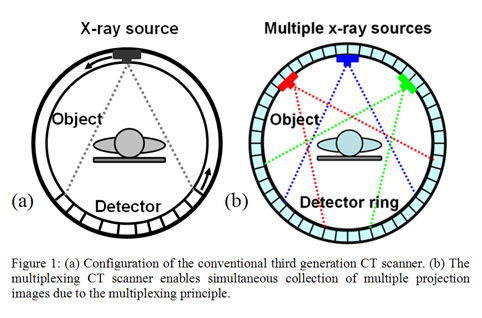
Rysunek . Wyjasnienie krok po kroku metody projekcji wstecznej

****

Rysunek 18. Rodzaje wiazkek stosowanych w CT. Probka jest ruchoma, a zrodlo znajduje się w tym samym miejscu.

**Bezpieczenstwo stosowania**

Tomografia komputerowa jest coraz częściej stosowana w nowoczesnym gabinecie lekarskim, ze względu na nieinwazyjne i dokładnie badania całego pacjenta, a także wybranych narzadow. Jest to jednak metoda wykorzystujaca promieniowanie X, pochodzenia atomowego. W celu łatwiejszego zrozumienia ryzyka biologicznego jakie niesie ze sobą przebywanie w srodowisku, gdzie jest się narażonym na promieniowanie X wprowadzono pojecie dawki.



Rysunek 19. Porownanie tradycyjnego CT z nowocesnym wielowiazkowym.

# Procedura przygotowania kości do pomiarów.

Materiałem wykorzystanym do wyznaczania stałych elastycznych kości gąbczastych były kości udowe wołowe pochodzące od osobników w różnym wieku. Pomiary wykonano dla kości pochodzących od zwierząt 1,5 rocznych, 5 letnich oraz 8 letnich. Przed wykonaniem pomiarów kość została najpierw wygotowana w celu usunięcia tkanek miękkich. Tak przygotowaną kość poddano pomiarom tomograficznym w celu określenia jest struktury wewnętrznej. Pomiar wykonano przy napięciu przyspieszającym 100kV oraz prądzie 100uA z rozdzielczością 45,6um. Ze względu na rozmiary całej kości zdecydowano sie na jej przecięcie na 2 a czasami 3 części. Po wykonaniu pomiarów pojedynczych części wyniki zostały połączone tworząc jeden trójwymiarowy obiekt.

|  |  |
| --- | --- |
| E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\kosc przed tomo.tif | E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\Image1.tif |
| ***Rys xx.*** *Fragment kości udowej oczyszczonej przed pomiarem oraz jej trójwymiarowa reprezentacja.* | |

Wstępne pomiary całej kości posłużyły do wybrania obszarów z których wycięte zostały fragmenty poddane testom wytrzymałościowym. Na podstawie analizy przekrojów w każdej z kości wybrano kilka obszarów o w miarę jednorodnej strukturze. Przykładowe obszary z których wykonano próbki przedstawiono na rysunku xx.

|  |
| --- |
| E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\kosc tomo.jpg |
| ***Rys xx.*** *Przekrój przez głowę kości udowej wraz z zaznaczonymi obszarami wycięcia próbek do testów wytrzymałościowych (na tym obrazku zaznaczymy obszary z których wycięto próbki).* |

Wykonanie testu ściskania wymaga precyzyjnego przygotowania próbki. Ponieważ celem pracy było wyznaczenie modułów Younga w 3 prostopadłych kierunkach próba powinna być kostką sześcienną o równoległych ściankach. Posiadana maszyna wytrzymałościowa jest ściskać próbki o rozmiarach nie przekraczających 10x10x10 mm. W celu zapewnienia odpowiedniej precyzji cięcia do przygotowania próbek wykorzystano diamentową piłę tarczową, która podczas powolnego cięcia nie niszczy struktury beleczkowej. Fragment kości został przyklejony do aluminiowego podstawki umieszczonej na wsporniku, który pod wpływem grawitacji opadał na wirująca tarczę. Umieszczenie kości na podstawce z naciętymi rowkami umożliwiło obrót kości dokładnie o 90 stopni i precyzyjne wykonanie próbki o równoległych ściankach.

|  |  |
| --- | --- |
| E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\ciecie kosci.tif | E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\po wycieciu.tif |
| ***Rys xx.*** *Diamentowa piła tarczowa wykorzystania do przygotowania próbek oraz próbka gotowa do pomiaru.* | |

Przygotowane próbki oznaczono zaznaczając na nich kierunki a następnie do czasu pomiaru przechowywano w formalinie.

# Statyczna próba ściskania

Wyznaczanie modułów Younga kości polegało na poddaniu jej fragmentu statycznej próbie ściskania. W pomiarach wykorzystano miniaturową maszynę wytrzymałościową firmy Deben CT500 (dodać odnośnik do - deben.co.uk). Jest to maszyna umożliwiające zarówno ściskanie jak i rozciąganie badanego materiały z maksymalną siła 500N. Urządzenie wyposażone jest w sterownik wraz z oprogramowaniem umożliwiający sterowanie eksperymentem.

* Simple specimen exchange mechanism with high strength ULTEM (polymer) support tube, 1.5mm wall thickness (3mm in beam path)
* Maximum extension 10mm (stroke can be set depending on customer requirements, default is (10-20mm tensile), (10-1mm compression) with compression jaws fitted.
* Fixed loadcell with accuracy, 1% of full scale range, choice of 100N, 200N, 500N
* 10mm linear extensometer for position readout, resolution 3μm, linearity 1% of full scale
* Fast gearbox with speed range 0.2mm/min to 2.0mm/min (other speed options available)
* Optical encoder fitted to motor giving speed control accuracy better than 5%
* Size: 87mm diameter with tube length to suit X-Ray source
* Stage weight: ~1kg

Okno główne programu sterującego maszyna przedstawiono na rysunku xx. Program pracuje pod kontrolą systemów Windows XP/7.0 /8.0 i umożliwia sterowanie wszystkimi parametrami maszyny. Możliwa jest zmiana prędkości odkształcenia, zatrzymanie i przełączenie w tryb utrzymywania stałej siły lub odkształcenia a także wykonywanie testów zmęczeniowych typu cyclic. Wszystkie dane zapisywane są do plików w celu późniejszej analizy.

|  |
| --- |
| E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\sciskanie deben.tif |
| ***Rys xx.*** *Okno główne programu sterującego maszyną wytrzymałościową wraz z krzywą ściskania kości.* |

|  |
| --- |
| E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\zdjecia do pracy\maszyna deben w tomografie.tif |
| ***Rys xx.*** *Maszyna wytrzymałościowa umieszczona wewnątrz tomografu wraz z próbką kości.* |

Przebieg wykonywanego eksperymentu był następujący :

1. Próbka była umieszczana w maszynie a następnie zaciskano szczęki tak, aby dokonać wstępnego ściśnięcia próbki. Na tym etapie maksymalne naprężenie nie przekraczało ustalonej wartości 0.11MPa. Odległość między szczękami maszyny wyznaczała początkową wysokość próbki.
2. Próbka była ściskania do wartości odkształcenia 1.5%
3. Pomiędzy wartością odkształceń 0.5% a 1.5% wykonano 8-10 cykli naprzemiennego ściskania i odpuszczania naprężeń mających na celu ustabilizowanie próbki w uchwycie.
4. Właściwe pomiary tomograficzne wykonywano dla wartości odkształcenia 0.5, 1.5, 2.5 i 3.5% . Przed wykonaniem każdego pomiaru odczekano odpowiedni okres czasu w którym wartość zadanego naprężenia ustabilizowała się.
5. Po wykonaniu ostatniego pomiaru odpuszczono zadane naprężenie do wartości zerowej.

Przykładowy wynik pomiaru w postaci zależności pomiędzy naprężeniem a odkształceniem oraz naprężeniem w funkcji czasu przedstawiono na wykresie xx. Widoczne są wszystkie etapy podczas pomiaru. Początkowo wartość odkształcenia wynosi zero natomiast naprężenie nie przekracza wartości 0.11MPa. Następuje przyrost naprężenia do wartości ok 1,2 MPa i odkształcenia 1.5%. Wzrost naprężenia nie następuje jednak liniowo co jest wynikiem niewłaściwego kontaktu pomiędzy kością a uchwytem maszyny. Nie obciążona kość może nie przylegać prawidłowo do uchwytu np. w wyniku nieprecyzyjnego cięcia. W celu ustabilizowania powierzchni kontaktu kość kilkukrotnie obciążono a następnie zwolniono obciążenie. W wyniki kilkukrotnego obciążania powierzchnia kontaktu stabilizuje się i nieznacznie zmienia się odpowiedź kości - zmienia się nachylenie krzywej. W każdym z cykli nachylenie jest stałe co świadczy o ustabilizowaniu się powierzchni kontaktu. Po osiągnięciu maksymalnego odkształcenia 3.5% naprężenie zmniejszono do zera.

Na rysunku zaprezentowano także zależność naprężenia w funkcji czasu. Widoczne są na niej wszystkie etapy ściskania. W początkowo następuje cykliczne ściskanie i odpuszczenie próbki a następnie kolejne punkty pomiarowe. Przed uruchomieniem pomiarem odczekano aż naprężenie się ustabilizuje i przestanie się zmieniać.

|  |  |
| --- | --- |
| E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\sciskanie1.TIF | E:\Prace inz aktualnie realizowane\Sciskanie kosci\sciskanie2.TIF |
| ***Rys xx.*** *Przebieg statycznej próby ściskania dla jednej z kości. Zależność naprężenia w funkcji odkształcenia oraz naprężenia w czasie.* | |

# Analiza danych eksperymentalnych

Tutaj będzie opis analizy danych a więc wyznaczanie porowatości oraz regresja liniowa można tutaj w jakimś podrozdziale opisać imageJ

# Analiza zmian wartości modułu Younga w funkcji gęstości



# Statyczna próba ściskania ??

Tu opiszemy jak ściskaliśmy kości dodamy opis ściskania a więc parametry ściskania, prędkości zdjęcia maszyny itp.

# Analiza danych eksperymentalnych

# PROCEDURA SCISKANIA KOSCI

# Otrzymano kosci z rzezni, z kosci udowej krow: młodej, w średnim wieku i starej – w celu ustalenia jak bardzo wiek krowy wpływa na wartości poszczególnych stalych.

# Kazda kosc oczyszczono dokładnie i pocięto na mniejsze kawałki.

# Każdy z mniejszych kawalkow oznaczono numerycznie i literami, by moc było je rozroznic. Litery oznaczaly lewa bądź prawa kosc, a następnie w zaleznosci od potrzeb dobierano kolejne litery.

# Z tak oznaczonych kawalkow pobrano male szczesciany.

# Najpierw rozcięto kawalek na pol, przy pomocy malej pily recznej,

# później w specjalnie przygotowanej do tego maszynie[[29]](#footnote-29) odcinano kolejne kawałki, az do uzyskania pożądanej wielkości sześcian (około 10mm dlugosc boku)

# uzyskana w ten sposób kostke, oznaczano dodatkowo symbolami numerycznymi, okreslajacymi kierunek

# z jednego kawalka uzyskano średnio 3 szesciany

# sześciany umieszczono w plynie Lugola w celu oczyszczenia ich ze szpiku kostnego

# tak przygotowane kosteczki umieszczono w mikrotomografie

# kosci były początkowo sciskane cyklicznie (10 cykli, później zmniejszono do 8 cykli) - cyckliczne sciskanie miało na celu przyzwyczajenie materialu do procedury, by otrzymane rezultaty były jak najbliższe rzeczywistym warunkom w jakich kosci sa narażone, na wszelkiego rodzaju nacisk

# wykonywano następnie sciskanie odpowiednio do 1, 2 i 3% początkowej dlugosci boku kosteczki, po każdym sciskaniu do odpowiedniego procentu pozostawiono kostke do relaksjacji materialu, by nie zaburzyć pomiarow

# otrzymano w ten sposób wykresy zaleznosci: sily od zmiany dlugosci oraz sily od czasu – interesująca nas zaleznosc sily od zmian dlugosci została wykorzystana później do wyznaczenia modulu Younga

# kazda kostke sciskano w specjalnej maszynie w każdym z 3 kierunkow, nie wykonywalo się to automatycznie, za każdym razem kostke nalezalo przekrecic

# pojedynczy pomiar trwal około 45min

# PROCEDURA KALIBRACJI MIKROTOMOGRAFU

# Ustalenie liczby projekcji – im więcej projekcji tym lepsza rozdzielczość, ale dluzszy czas pomiaru. Liczba projekcji ustalona na 1600, rozdzielczość 6,5um

# Kalibracja offsetu

# Adjustowanie wlokna

# Centrowanie układu magnetycznego

# Kalibracja wzmocnienia dla roznych pradow lampy

# OBROBKA W IMAGEJ

# Otrzymano serie około 1600 zdjec z mikrotomografu kostki w każdym kierunku. W celu otrzymania interesujących nas rezultatow, nalezalo rozpocząć od wyznaczenia Modulu Younga, dla każdego kierunku, każdej kostki. Problem z uzyskaniem satysfakcjonujących wynikow pojawia się już na samym początku. Wynika to z faktu, ze aby wyznaczyć modul younga należy sile dzialajaca na kostke podzielić przez jej pole powierzchni, co nie jest trywialnym zadaniem. Jak już wiadomo, kosc jest porowata. W zaleznosci od rodzaju (zbita 5-30%, gabczasta 30-70%) porowatość ta ma rozne wartości. W celu uzyskania jak najdokładniejszych wynikow nalezalo wiec wziąć pod uwagę ten fakt. W tym celu przygotowano makro w ImageJ, które na podstawie jednej kostki wykonywalo dokładnie te sama procedurę dla innych ulatwiajac obrobke.

# Macro to wykonuje kolejno:

# 

# Otwieralo plik w formacie raw kostki o odpowiedniej nazwie.

# 

# 

# O odpowiednich parametrach:

# 

# Po otwarciu wszystkich obrazow:

# 

# Wykonywalo cropowanie:

# 

# Kolejnym krokiem była rotacja (jeśli była potrzebna, najczęściej o niewielki kat 1-3 stopnie)

# 

# Po wybraniu odpowiedniego kata i upewnieniu się, ze wszystkie obrazy sa odpowiednio odwrócone, ponownie wykonywalo cropowanie, tym razem doladniejsze, by nie było zadnych zaburzen w ustaleniu porowatości:

# 

# 

# Kolejnym krokiem jest wykonanie Substacku, czyli usuniecie tych obrazow ze sterty, które maja pewnie zaburzenia powstale przez uchwyty metalowe, które tworza zaburzenia przy pomiarach mikrotomograficznych,

# 

# 

# Nastepnie uśrednia wszystkie obrazki do 1

# 

# Zmieniajac depth z ilości zdjęć, które pozostaly na 1:

# 

# Otrzymuje się następnie uśredniony obraz:

# 

# Kolejnym krokiem jest ustawienie tresholdu, który jest dobierany automatycznie (praktyka pokazala, ze jest on najlepszy)

# 

# Otrzymujemy obraz skadajacy się jedynie z białych i czarnych pikseli:

# 

# Latwo zauwazyc niedoskonalosci tej metody, wiec w celu „zalania dziur” dobiera filtr dylatacji:

# 

# Który to polepsza obraz w tym zakresie:

# Przed:

# 

# Po:

# 

# W celu wyznaczenia powierzchni jaka zajmują kosci w tym obrazie dobiera funkcje Volume Fraction z wtyczk BoneJ, która liczy ilość białych pikseli w obrazie, a także stosunek białych do calosci.

# 

# Volume Fraction jest dostępne w dwóch opcjach: Voxel i Surface, pomiary wykonano dla obydwu, a następnie wyciagnieto z nich srednia:

# 

# 

# 

# 10. Podobna procedurę wykonano dla obrazow 300-600 oraz 203-736, ponieważ planowano wykonać dla 1/3 obrazow, ze srodka. By przekonać się o slusznosci wyboru 1/3 srodkowych obrazow, policzono ilość pikseli dla 1/3 z calosci (1600), a także dla 1/3 po odrzuceniu tych obrazow, które były niezadowalające.

# 

# 

# 

# 

# 

# Po takiej obróbce każdej kostki otrzymano dane, które przedstawiają zaleznosc sily, w N od odkształcenia, wyrażonego w mm. Jest to pierwszy krok do wyznaczenia modulu Younga, a następnie innych stalych niezbędnych do zbadania wszelkich właściwości materialu.

# Plik, który otrzymano miał rozszerzenie mtr i opisano numerem odpowiednim dla danej kostki i kierunku, otwierano go przy pomocy notatnika.

# Zawieral on miedzy innymi informacje o dacie i godzinie wykonania pomiaru, o dlugosci, wysokości i szerokości kostki, o czasie próbkowania, o czasie trwania pomiaru, maksymalnym odkształceniu, a także serie około 5000 punktow, których wyznaczone wartości to: odkształcenie, sila, pozycja, kod, próbkowanie, szybkość – ostatnie 4 niezmienne dla wszystkich kostek.

# 

# Posiadajac tak duza ilość punktów pomiarowych moglo by się okazac, ze nie wszystkie punkty sa niezbędne do wykonania kolejnego kroku, ze względu na geste próbkowanie.

# Stworzono wiec program w Pythonie, który obrabia plik w ten sposób, ze usuwa caly wiersz jednego punktu pomiarowego, który jest taki sam jak poprzedni w kolumnie 2 – elongation (odkształcenie), jest to usprawiedliwione faktem, ze te same wartości odkształcenia wlasnie nie dadza efektywnych rezultatow, po wykonaniu zaleznosci nacisku od stosunku odkształcenia od początkowej dlugosci.

# Dzieki temu zabiegowi dane zmniejszyly się z 5 tysiecy do 500, a nachylenia, które to sa najważniejsze w całej procedurze nie zmienily się.

# Fragment kodu programu:

# label = Label(entry, text='Column to check')

# label.grid(row=0, column=0)

# self.column = Entry(entry, width=3, state=DISABLED, justify='center')

# self.column.grid(row=0, column=1, sticky=W, padx=10)

# self.process\_file = Button(self, text='Process file', command=self.process, state=DISABLED)

# self.process\_file.grid(row=2, columnspan=2, sticky=W+E)

# self.progress = Progressbar(self)

# self.progress.grid(row=3, columnspan=2, sticky=W+E)

# self.pack(fill=BOTH, expand=True, padx=20, pady=20, anchor='c')

# def open(self):

# try:

# filename = askopenfilename()

# with open(filename) as file:

# for line in file:

# self.original.append(line)

# self.process\_file['state'] = 'enabled'

# self.column['state'] = 'enabled'

# self.column.insert(0, '2')

# except FileNotFoundError as e:

# print(e)

# def save(self):

# filename = asksaveasfilename()

# with open(filename, 'w') as file:

# for line in self.processed:

# file.write(line)

# def process(self):

# found = set()

# length = len(self.original)

# try:

# column = int(self.column.get())-1

# for line in self.original:

# columns = line.split(',')

# if self.is\_float(columns[0]):

# number = columns[column]

# if number not in found:

# found.add(number)

# self.processed.append(line)

# else:

# self.processed.append(line)

# self.progress.step(100/length)

# self.save\_file['state'] = 'enabled'

# except ValueError as e:

# print(e)

# Przykladowe wykresy, przed i po usunieciu zbednych, powtarzajacych się wartosci:

# 

# Nachylenia prostych, które otrzymuje się po wycieciu interesujacych fragmentow sa identyczne, można wiec z cala pewnoscia i slusznoscia przyjac, ze program dziala nalezycie.

# poczatkowe cykliczne sciskanie kosci ustabilizowalo kolejne nachylenia, dzieki czemu można latwo je porownac, wyznaczyc srednia i odchylenie standardowe.

# Analiza zmian wartości modułu Younga w funkcji gęstości

# Podsumowanie

# Bibliografia

1. **Kolagen -** główne białko tkanki łącznej. Ma ono bardzo wysoką odporność na rozciąganie i stanowi główny składnik ścięgien. Jest odpowiedzialny za elastyczność skóry. [↑](#footnote-ref-1)
2. **Proteoglikany** – wielkocząsteczkowe składniki substancji pozakomórkowej złożone z rdzenia białkowego połączonego kowalencyjnie z łańcuchami glikozaminoglikanów (siarczanu heparanu, siarczanu dermatanu, siarczanu keratanu, siarczanu chondroityny) o wysokim stopniu zróżnicowania. [↑](#footnote-ref-2)
3. **Dekoryna** – proteoglikan, jest białkiem, który jest kodowany przez gen DCN. [↑](#footnote-ref-3)
4. **Osteonektyna –** glikoproteina, u ludzi kodowana przez gen SPARC, wystepuje w kościach, gdzie wiaze jony wapnia, odgrywa wazna role w mineralizacji kosci. [↑](#footnote-ref-4)
5. **Osteokalcyna –** bialko wystepujace w tkance kostnej i zębinie, jej synteza jest Vitamin K zalezna, u ludzi kodowana przez gen BGLAP, wytwarzana jedynie przez osteoblasty. [↑](#footnote-ref-5)
6. **Osteopontyna** – fosfoproteina, u ludzi kodowana przez gen SPP1, odrywa wazna role w mineralizacji i formowaniu kosci, a także w reakcjach odpornościowych, detoksykacji i przeciwdziała apoptozie. [↑](#footnote-ref-6)
7. **Bone sialoprotein** – BSP, jest komponentem zmineralizowanych tkanek takich jak: kosci, zebina, a także wpadniona chrzastka; u ludzi wystepuje BSP 2 kodowana przez gen IBSP. [↑](#footnote-ref-7)
8. **Hydroksyapatyt** – minerał zbudowany z hydroksyfosforanu wapnia (sześcioortofosforanu(V) dwuwodorotlenku dziesięciowapnia) o wzorze chemicznym Ca10(PO4)6(OH)2 [zapisywanym też jako 3Ca3(PO4)2•Ca(OH)2)]. Stanowi mineralne rusztowanie tkanki łącznej, odpowiedzialnej za mechaniczną wytrzymałość kości. [↑](#footnote-ref-8)
9. **Polaryzacja** – właściwość fali poprzecznej polegająca na zmianach kierunku oscylacji rozchodzącego się zaburzenia w określony sposób. [↑](#footnote-ref-9)
10. **Dwójłomność** - zjawisko anizotropii optycznej kryształów odkryte w 1669 przez Duńczyka E. Bartholina. W kryształach wykazujących zjawisko dwójłomności (np. szpat islandzki, kwarc, cyrkon, lód, beryl itd.) światło załamując się, rozszczepia się na dwa promienie: zwyczajny i nadzwyczajny. [↑](#footnote-ref-10)
11. **Mezenchyma,** tkanka mezenchymatyczna – tkanka łączna zarodkowa. Występuje tylko w okresie zarodkowym. Z niej powstają wszystkie rodzaje tkanek łącznych, tkanka kostna, tkanka chrzęstna, tkanka mięśniowa (w tym komórki tkanki mięśniowej poprzecznie prążkowanej typu sercowego). [↑](#footnote-ref-11)
12. **Kanaly Haversa -** (ang. Haversian canal, łac. canales osteoni) - pusta przestrzeń wewnątrz osteonu, w której znajdują się naczynia krwionośne i włókna nerwowe, odżywiające kość. Kanały są otoczone około 20 blaszkami kostnymi tworzącymi osteon. [↑](#footnote-ref-12)
13. **Parathormon –** (PTH) hormon polipeptydowy składający się z 84 aminokwasów, który odpowiada za regulację hormonalną gospodarki wapniowo-fosforanowej w organizmie. Masa cząsteczkowa parathormonu wynosi 9,4 kDa. [↑](#footnote-ref-13)
14. **Kortykosterydy -** hormony produkowane w warstwach pasmowatej i siatkowatej kory nadnerczy pod wpływem ACTH, które regulują przemiany białek, węglowodanów i tłuszczów. Zalicza się do nich: kortyzol, kortykosteron, kortyzon. [↑](#footnote-ref-14)
15. **Neksus** – polaczenie synaps, typu elektrycznego, gdzie neurony niemal całkowicie się stykaja [↑](#footnote-ref-15)
16. **Anhydrazy węglanowe** (dehydratazy węglanowe; CA, z ang. carbonic anhydrases; EC 4.2.1.1) – konwergiczna grupa enzymów o masach cząsteczkowych 28–30 kDa, katalizujących odwracalną reakcję powstawania jonu wodorowęglanowego HCO−3 z wody i dwutlenku węgla. [↑](#footnote-ref-16)
17. **Integryny -** (ang. integrins) – glikoproteiny komórek zwierzęcych zaliczane do białek adhezyjnych (adhezyn). Współdziałają z innymi receptorami błonowymi (w tym przede wszystkim receptorami chemokin), umożliwiają agregację komórek oraz ich ukierunkowaną migrację, np. w procesie embriogenezy czy odpowiedzi immunologicznej organizmu. [↑](#footnote-ref-17)
18. **Osteoprotegryna -** (OPG) jest głównym regulatorem przebudowy kości w warunkach fizjologicznych i stanach chorobowych. [↑](#footnote-ref-18)
19. **Somatomedyna -** insulinopodobny czynnik wzrostowy, należy do grupy hormonów polipeptydowych zbliżonych strukturalnie do insuliny. Wytwarzany jest w wątrobie, a jego poziomy zależą od hormonu wzrostu (GH), a więc również od wieku i płci, od insuliny oraz stanu odżywienia. [↑](#footnote-ref-19)
20. **Fosfataza -** grupa enzymów należących do hydrolaz, które hydrolizują wiązania fosforanomonoestrowe, w efekcie czego następuje defosforylacja cząsteczki. [↑](#footnote-ref-20)
21. **Aneksyny -** rodzina białek o zróżnicowanej masie cząsteczkowej (28–73 kDa) odwracalnie wiążących jony wapniowe oraz fosfolipidy błony plazmatycznej. [↑](#footnote-ref-21)
22. **Propeptydy –** prekursory peptydowe. [↑](#footnote-ref-22)
23. **Osteoporoza -** (łac. osteoporosis, dawna nazwa zrzeszotnienie kości) – stan chorobowy charakteryzujący się postępującym ubytkiem masy kostnej, osłabieniem struktury przestrzennej kości oraz zwiększoną podatnością na złamania. [↑](#footnote-ref-23)
24. **Proliferacja -** (fr. prolifération od proliférer ‘mnożyć się przez proliferację’ z łac. proles, prolis ‘potomek, potomstwo’ + ferre ‘nieść’) – silne rozrastanie się czegoś, gwałtowny rozwój, rozmnażanie się, bujny rozrost, rozprzestrzenianie się, odradzanie się, możliwość odnawiania się, np. komórek różnej populacji. [↑](#footnote-ref-24)
25. Praca Ed. R.E. Krieger *„Strength of Biological Material*” [↑](#footnote-ref-25)
26. Praca Crone R., Schuster P. *„An investigation on the importance of material anisotropu in finite-elemtn modeling of human femur”* [↑](#footnote-ref-26)
27. Praca Elise F. Morgan, Harun H. Bayraktar, Tony M. Keaveny *„Trabecular bone modulus–density relationships depend on anatomic site*” [↑](#footnote-ref-27)
28. **Fenomenologiczny** (fenomen + lógos ‘nauka’) 1. filoz. związany z fenomenologią, odnoszący się do niej. 2. praw. f. teoria prawa – teoria zakładająca możliwość intuicyjnego, poprzez dotarcie do istoty rzeczy, tworzenia praw uniwersalnych co do miejsca i czasu ich zastosowania. [↑](#footnote-ref-28)
29. Wiecej o maszynie w rodziale – opis urzadzen [↑](#footnote-ref-29)