

постановка задачи

представить собственную программу, реализующую метод прогонки, а также результаты в виде графиков.

6. Используя схему бегущего счета и итерационные методы, решить задачу:

$$\begin{aligned}\frac{\partial u}{\partial t} - (2u + t) \frac{\partial u}{\partial x} &= 0, \quad -1 \leq x < 0, \\ u(x, 0) &= 1 - x, \\ u(0, t) &= \frac{2 - t^2}{4t + 2}.\end{aligned}$$

численная схема

занесем $c = -(2u + t)$ под знак производной.

$$\frac{\partial C}{\partial u} \frac{\partial u}{\partial x} = c \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$C = \int c \, du$$

при $c = -(2u + t) \Rightarrow C = -(u^2 + tu)$

Тогда задача переписывается как

$$\frac{\partial u}{\partial t} - \frac{\partial(u^2 + 2tu)}{\partial x} = 0$$

Введем равномерную сетку по координате и времени. Шаги по сетке - h и τ , индексы координаты будем обозначать как x и t .

Выпишем разностные аналоги используемых производных.

$$\frac{u_{x,t+1} - u_{x,t}}{\tau} - \frac{f(X_{x+1}, T_{t+1}) - f(X_x, T_{t+1})}{h} = 0$$

В данном случае интересно найти $u_{x,t+1}$. Для этого методом ньютона будем решать уравнение выше.

В данном случае используется схема "Г". Идет расчет для минус x , после чего результат отражается относительно оси времени.

ссылка на решение https://github.com/nmkazantsev/OMM_part2