Solutions Assignment 4 CS132 Fall 2025 Basic Questions 1 domain: Rh codomain: R

$$[-9 \ 4 \ 5 \ -3 \ 2]$$
 $[3 \ 8 \ 5 \ -5 \ 4]$
 $[-1 \ 5 \ -1 \ 4 \ 8]$

 $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 6 \\ -2 & +2 & -4 & -12 \\ 2 & -1 & 3 & 12 \\ +2 & 2 & -3 & -10 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 61 \\ 0 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 2^{2} \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

$$A \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ 12 \\ -10 \end{bmatrix}$$

This is unique because there is only one solution to the linear system above.

solution to the linear system above.

(3)
$$T(-3\vec{v}_1 - \vec{v}_2 - 2\vec{v}_3) =$$

$$-3T(\vec{v}_{1}) - T(\vec{v}_{2}) - 2T(\vec{v}_{3}) =$$

$$-3\begin{bmatrix} -6\\ 3\\ -2\\ -10 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -5\\ 1\\ -7\\ 9 \end{bmatrix} - 2\begin{bmatrix} 8\\ -7\\ 6\\ 6 \end{bmatrix} =$$

$$\begin{bmatrix} -2 \\ -10 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 6 \\ 6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 18 + 5 - 16 \\ -9 - 1 + 14 \\ 6 + 2 - 17 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 \\ 4 \\ -4 \\ 9 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 30 - 9 - 12 \end{bmatrix}$$

$$= -3 \left[\left(\left[-2 \right] \right) + 2 \left[\left(\left[-3 \right] \right) \right]$$

$$= -3 \left[-3 \right] + 2 \left[-4 \right]$$

$$= \left[9 - 8 \right] = \left[1 \right]$$

$$= \left[3 - 2 \right] = \left[1 \right]$$

$$= \left[\left[\frac{1}{2} \right] - \left[\frac{1}{2} \right] \right] = \left[\frac{1}{2} \right]$$

$$= -3\begin{bmatrix} -3 \\ -1 \end{bmatrix} + 2\begin{bmatrix} -4 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 9 - 8 \\ 3 - 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$= \left[(\frac{1}{2}) - (\frac{1$$

$$\Gamma \left(\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right) = \Gamma \left(\frac{1}{2} \left(\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} \right) \right) = \frac{1}{2} \left(\Gamma \left(\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \right) - \Gamma \left(\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} \right) \right) = \frac{1}{2} \left(\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -3 \\ -1 \end{bmatrix} \right) = \frac{1}{2} \left[\frac{1}{2} \right] = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\Gamma \left(\frac{3}{4} \right) = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \tilde{A}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}\right) = T\left(\frac{1}{2}\left(\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}\right) - T\left(\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}\right)\right) = \frac{1}{2}\left(\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -3 \\ -1 \end{bmatrix}\right) = \frac{1}{2}\left[\frac{1}{2}\right] = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$T\left(\frac{3}{4}\right) = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{2}\left(T\left(\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}\right) - T\left(\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}\right)\right) = \frac{1}{2}\left[\frac{1}{2}\right] = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{2}\left(\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}\right) = \frac{1}{2}\left[\frac{1}{2}\right] = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$T\left(\frac{3}{4}\right) = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} - 2\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 \\ -1 \end{bmatrix}$$

 $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix} = 1 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ -1 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2^{2} & 2^{3} & 1 & 8 \\ 0 & 1 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -5 \\ 0 & 1 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$T \left(\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix} \right) = T \left(-5 \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \\ -4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ -4 \\ -5 \end{bmatrix} \right)$$

$$= -5 T \left(\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{bmatrix} + 4 T \left(\begin{bmatrix} 2 \\ -3 \\ -4 \end{bmatrix} \right) - T \left(\begin{bmatrix} 2 \\ -4 \\ -5 \end{bmatrix} \right)$$

(4) Fala

(5) Tre

Tive / False

 $= -5 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix}$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} \times D \times A \times A$$

$$= \begin{bmatrix} -5 + 4 - 7 \\ -5 + 8 - 1 \\ -5 + 17 - 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 \\ 7 \\ 4 \end{bmatrix}$$
Tive / False



 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} = A$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \mapsto \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \longrightarrow \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$



