Определение C_p/C_v методом адиабатического расширения газа

Каспаров Николай, Б01-304

February 15, 2024

Цель работы: Определить отношение C_p/C_v для воздуха по измерению давления в стеклянном сосуде.

В работе используются: Стелянный сосуд, U-образный жидкостный манометр, разиновая груша.

1 Теоретическое введение

Адиабатический процесс – процесс, происходящий без теплообмена с окружающей средой. Формула Майера гласит, что:

$$C_p - C_v = R \tag{1}$$

Отношение этих теплоемкостей часто используется и называется показателем адиабаты

$$\gamma = \frac{C_p}{C_n} \tag{2}$$

Известно, что на каждую степень свободы, приходится энергия, равная kT/2, где $k=1.38\cdot 10^{-23}~\rm Дж/K$ постоянная Больцмана. Значит:

$$U = \frac{i}{2}kN_AT = \frac{i}{2}RT \qquad C_v = \frac{i}{2}R \tag{3}$$

Тогда, из формулы (2) получим:

$$\gamma = \frac{i+2}{i} \tag{4}$$

В частности, для воздуха $\gamma_{\rm B}=\frac{7}{5}=1.4.$ В адиабатном процессе $\delta Q=0,$ тогда $dU=C_v dT,$ получим $C_v dT+P dV=0.$ Используя соотношение PV = RT, получим:

$$C_V \frac{dT}{T} + R \frac{dV}{V} = 0$$

Интегрируя, получим:

$$PV^{\gamma} = const \tag{5}$$

Экспериментальная установка

В начале опыта мы, используя резиновую грушу, повышаем давление в стеклянном сосуде до $P_1 > P_0$, через время температура сравняется с комнатной T_1 . Затем, откроем кран K, соединяющий сосуд с атмосферой, на малое Δt . Через время Δt_p давление сравняется с атмосферным, а через Δt_T температура сравняется с атмосферным. Очевидно, что:

$$\Delta t_p \ll \Delta t \ll \Delta t_T \tag{6}$$

Из уравнение адиабаты (5) получим:

$$\left(\frac{P_1}{P_0}\right)^{\gamma-1} = \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{\gamma}, \text{ где}$$
(7)

"1" - начальное состояние, "2" - момент выравнивания давления с атмосферным

Затем, газ снова сравнивает температуру с комнатной, $T_3 = T_1$. В этом процессе также повышается и давление газа до P_3 .

По закону Гей-Люссака получим:

$$\frac{P_0}{T_2} = \frac{P_3}{T_3} = \frac{P_3}{T_1} \tag{8}$$

Из уравнения (7), исключая температуры уравнением (8) получим:

$$\left(\frac{P_3}{P_0}\right)^{\gamma} = \left(\frac{P_1}{P_0}\right)^{\gamma - 1}$$

Выразим γ :

$$\gamma = \frac{\ln(P_1/P_0)}{\ln(P_1/P_3)} \tag{9}$$

Давления P_1 и P_2 отличаются от атмосферного на величину гидростатического давления столба воды, который мы измеряем:

$$P_1 = P_0 + \rho g h_1 \qquad P_3 = P_0 + \rho g h_2 \tag{10}$$

Из уравнений (9) и (10), разложением логарифмов в ряд, получим:

$$\gamma = \frac{\ln(1 + \rho g h_1 / P_0)}{\ln(1 + \rho g h_1 / P_0) - \ln(1 + \rho g h_2 / P_0)} \approx \frac{h_1}{h_1 - h_2}$$
(11)

2 Измерения

