# Определение теплоемкости твердых тел

### Каспаров Николай, Б01-304

March 24, 2024

#### Цель работы:

- 1. Прямое измерение кривых нагревания  $T_{heat}(t)$  и охлаждения  $T_{cool}(t)$  пустого калориметра и системы "калориметр + твердое тело";
- 2. Определение коэффициента теплоотдачи стенок теплоотдачи стенок калориметра;
- 3. Определение теплоемкости пустого калориметра и удельной теплоемкости твердого тела.

**В работе используются:** Калориметр, вольтметр, омметр, измеритель температуры - термопара, источник питания, амперметр.

### 1 Теоретическое введение

В данной работе измерение теплоемкости происходит по стандартной схеме. Исследуемое тело помезается в калориметр с нагревателем мощностью Р. Пусть за время  $\Delta t$  к тело подвели  $\Delta Q$  теплоты, что привело к росту температуры на  $\Delta T$ , тогда теплоемкость можно вычислить по данной формуле:

$$C = \frac{\Delta Q}{\Delta T} \tag{1}$$

Количество тепла, подведенная к системе не подчиняется формуле  $\Delta Q \neq P \Delta t$ , из-за тепловых потерь. Верная формула выглядит так:

$$C\Delta T = P\Delta t - \lambda \left(T - T_k\right) \Delta t \tag{2}$$

где  $\lambda$  - коэффициент теплоотдачи стенок калориметра, а  $T_k$  - комнатная температура. Из уравнения (2) получим основные расчетные формулы работы.

$$CdT = Pdt - \lambda \left[ T_{heat}(t) - T_k(t) \right] dt \tag{3}$$

$$CdT = -\lambda \left[ T_{cool}(t) - T_k(t) \right] dt \tag{4}$$

### 2 Методика эксперимента

Температура измеряется термометром сопротивления. Известно, что сопротивление проводника от времени изменяется по закону:

$$R = R_{273} \left[ 1 + \alpha \left( T - 273 \right) \right], \tag{5}$$

где  $R_{273}$  – его сопротивление при 273K, а  $\alpha$  – температурный коэффициент сопротивления. Выразим сопротивление  $R_{273}$  через измеренное значение  $R_k$ . Согласно (5), получаем:

$$R_{273} = \frac{R_k}{1 + \alpha \left( T_k - 273 \right)} \tag{6}$$

Подставляем (6) в (5), найдем:

$$T(R_T) = 273 + \frac{R_T}{\alpha R_k} \left[ 1 + \alpha \left( T_k - 273 \right) \right] - \frac{1}{\alpha}$$
 (7)

Если считать, что  $T_k = const$ , то из (4) получим:

$$\frac{CdT_{cool}}{-\lambda \left(T_{cool} - T_k\right)} = dt \tag{8}$$

После интегрирования получим зависимость:

$$T_{cool}(t) = (T - T_k)e^{-\frac{\lambda}{C}t} + T_k \tag{9}$$

Отсюда мы найдем  $\lambda/C$ .

Из уравнения (3) при  $T_k = const$  получим:

$$CdT_{heat} = Pdt - \lambda \left[ T_{heat} - T_k \right] dt \tag{10}$$

После интегрирования получим зависимость:

$$T_{heat}(t) = \frac{P}{\lambda} \left( 1 - e^{-\lambda t/C} \right) + T_k \tag{11}$$

Отсюда найдем  $\lambda$  и C.

## 3 Построение графиков

Для пустого калориметра получим:

$$\frac{\lambda_{\rm K}}{C_{\rm K}} = (1.625 \pm 0.004) \, 10^{-4} {\rm c}^{-1}$$

$$rac{P}{\lambda} = (77.68 \pm 0.11)\,\mathrm{Дж/c}$$
  $C = (486 \pm 2)\mathrm{Дж/}K$ 

Для алюминия:

$$egin{aligned} & \frac{\lambda_{\mathrm{a}}}{C_{\mathrm{a}}} = (1.111 \pm 0.003) \, 10^{-4} \mathrm{c}^{-1} \\ & \frac{P}{\lambda} = (54.21 \pm 0.05) \, \mathrm{Дж/c} \\ & C = (1019 \pm 3) \mathrm{Дж}/K \end{aligned}$$

Для титана:

$$\begin{split} \frac{\lambda_{\text{\tiny T}}}{C_{\text{\tiny T}}} &= (1.342 \pm 0.003)\,10^{-4}\text{c}^{-1} \\ \frac{P}{\lambda} &= (62.39 \pm 0.06)\,\text{Дж/c} \\ C &= (733 \pm 2)\text{Дж/}K \end{split}$$

Соответствующие графики:

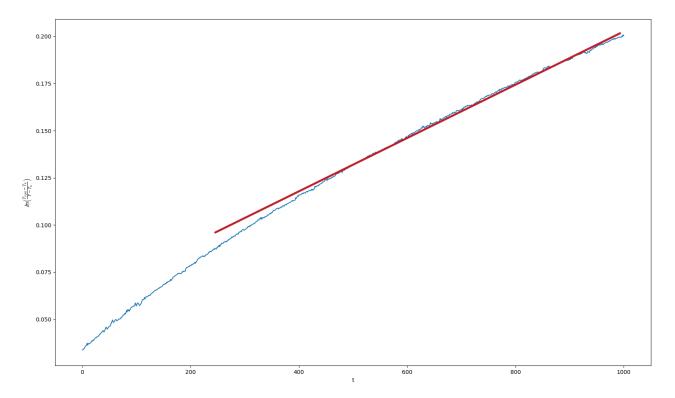


Рисунок 1: График остывания для пустого калориметра

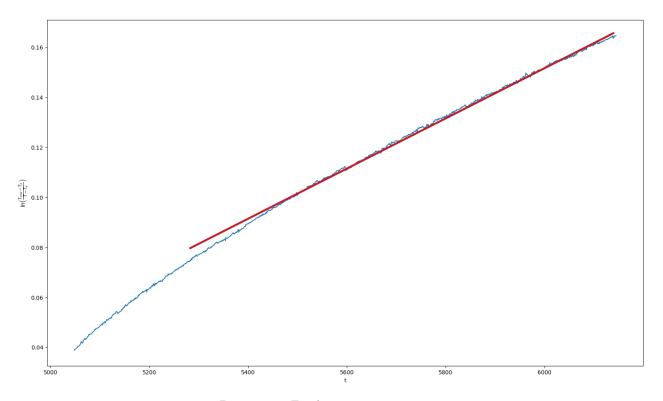


Рисунок 2: График остывания для алюминия

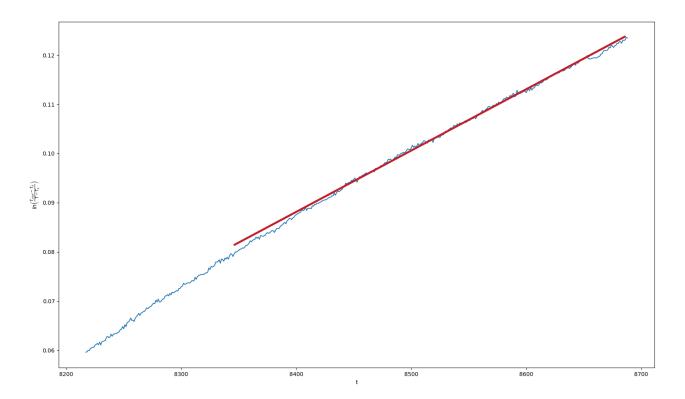


Рисунок 3: График остывания для титана

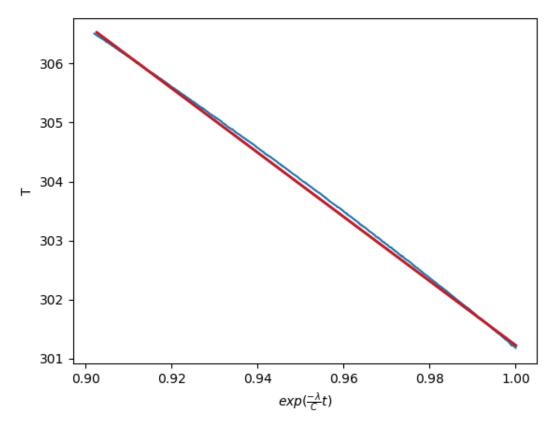


Рисунок 4: График нагрева для алюминия

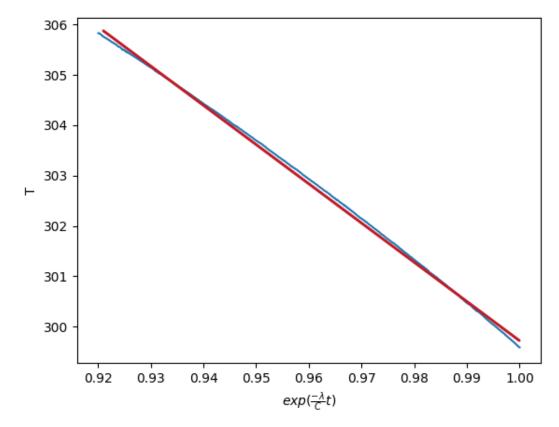


Рисунок 5: График нагрева для пустого калориметра

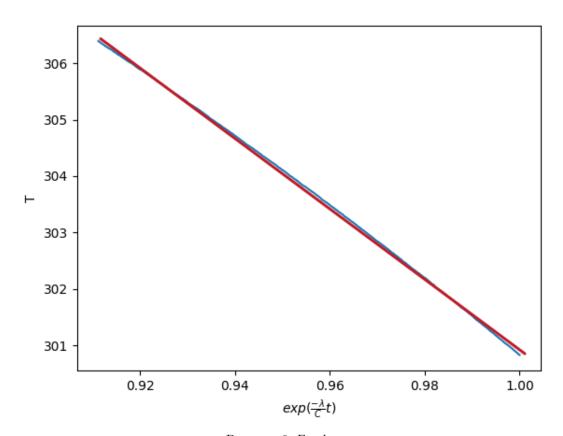


Рисунок 6: График нагрева для титана

## 4 Вывод

Мы нашли отношения сопротивления проволоки от времени для процессов нагревания и остужения пустого калориметра, титаного и алюминиего стержней. Мы с довольно хорошей точностью смогли определить значения, которые не совпали с табличными.

$$C_{\mathrm{a}}=(533\pm5)$$
Дж/ $K$ 

$$C_{ ext{ iny T}} = (286 \pm 3)$$
Дж/ $K$ 

Точность эксперимента можно улучшить, улучшив стабильность комнатной температуры, которую мы считали постоянной.