# Problem A. 欢迎光临

时间限制: 1秒; 空间限制: 128 MiB。

南宁市第三中学是广西首批重点中学、广西首批示范性高中、首批普通高中新课程新教材实施国家级示范校。学校前身为 1897 年维新人士余镜清创办的南宁乌龙寺讲堂。学校目前拥有青山校区、五象校区、初中部青秀校区、初中部五象校区、初中部江南校区等 5 个校区,形成多校区集团办学模式。历经 126 年办学历史的洗礼与积淀,南宁三中以「真·爱教育」的办学思想和「德育为先,文理并重,崇尚一流」的办学特色饮誉华夏大地,成为莘莘学子向往的求知殿堂。

为了欢迎各位新老选手的到来,南宁三中 01 社的成员们写了一句欢迎语。但是你作为一名新选手,不是很了解夹杂在欢迎语中的各种梗,你只知道 nnsz 是「南宁三中」的意思。

聪明的你想知道,在欢迎语中,是否存在一段连续部分(即子串)为 nnsz。

### 输入格式

给定一个仅包含小写英文字母且不包含空格的字符串S,代表欢迎语。

### 输出格式

如果欢迎语 S 存在一段连续部分(即子串)为 nnsz,输出 yes,否则输出 no。

答案不区分大小写。例如,当答案为 yes 时,YES,yEs,YEs 等答案均可被判定为正确答案。

# 样例 1

#### 样例 1 输入

welcometonnsz

样例 2 输出

yes

样例 2

样例 2 输入

nnez

## 样例 2 输出

no

样例 3

样例 3 输入

nocommander

样例 3 输出

no

# 数据范围

记n为S的长度。

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le n \le 100$ ;
- S 中仅包含小写英文字母。

- 0.  $(45 分) n \leq 3;$
- 1. (5 分) n = 4;
- 2. (50 分) 无额外限制。

# Problem B. 反应原理

时间限制: 1秒; 空间限制: 128 MiB。

你说的对,但是《化学》是由化学家自主研发的一款全新开放世界冒险游戏。故事发生在一个被称作「微观状态」的架空世界,在这里,被选中的原子将被授予「电子」,导引键能之力。

你将扮演一位名为「臭写题的」的神秘角色,在自由的刷题中邂逅性质各异、能力独特的化合物们,和他们一起击败强题,找回失散的离子——同时,逐步发掘「元素周期表」的真相。

我们知道:一个化学反应由多个反应步骤依次进行完成。

已知这个反应共有 n 个反应步骤,初始时物质的总能量为  $a_0$ ,定义第 i 个反应步骤后,物质的总能量为  $a_i$ 。

小 P 的化学老师告诉他: 定义化学反应的**活化能**是某个反应步骤进行前后,总能量**变化量**的 最大值,即  $\max_{i=0}^{n-1} \{a_{i+1} - a_i\}$ 。

但是小 P 的化学烂到了家,他记错了定义: 定义化学反应的**活化能**是整个化学反应进程中的能量的**最大值**,即  $\max_{i=0}^{n} \{a_i\}$ 。

请分别求出:在错误定义和正确定义下,这个反应的活化能是多少?

# 输入格式

第一行一个正整数 n,含义见题目描述。

接下来一行 n+1 个整数, 第 i 个整数代表  $a_{i-1}$ 。

# 输出格式

两行分别包含一个整数,分别表示错误定义和正确定义下,反应的活化能。

# 样例 1

#### 样例 1 输入

4

1 4 6 10 12

## 样例 1 输出

12 4

### 样例 2

样例 2 输入

4

31 12 23 13 -21

### 样例 2 输出

31

11

## 提示

#### 样例 1 解释

错误定义下的活化能为  $\max\{1,4,6,10,12\} = 12$ 。

正确定义下的活化能为  $\max\{4-1,6-4,10-6,12-10\}=4$ 。

# 数据范围

对 100% 的数据, 保证:

- $1 \le n \le 3 \times 10^5$ ;
- $-10^7 \le a_i \le 10^7$ ;
- 所有输入数据都是整数。

- 0.  $(25 \%) \ 2 \le n \le 10^3$ ;
- 1. (25 分) 对  $0 \le i < n$ ,  $a_i \le a_{i+1}$ ;
- 2. (50 分) 无额外限制。

# Problem C. 暮光闪闪

时间限制: 2秒: 空间限制: 256 MiB。



小马利亚要建造一批新的建筑,公主暮光闪闪一共计划了 n 栋建筑物,每一栋建筑物的高度为  $h_i$ 。现在,作为该工程的领导者,云宝希望城市的规划能够为天马们提供一些便利。

这些建筑将有 m 匹天马入住。对于第 i 匹天马,其飞行的高度为  $s_i$ 。

天马们彼此都很熟识,它们经常相互串门,在建筑之间穿梭。云宝认为:如果一对**不同的**建筑物高度差的绝对值不大于这匹天马的飞行高度,那么这匹天马就能在这对建筑之间穿梭。具体地,若对于第i 匹天马和一对不同的建筑物(u,v),这匹天马能在这对建筑物之间穿梭,当且仅当 $|h_u-h_v| \leq s_i$ 。

云宝想知道:每一匹天马最多能够在多少对**不同**的建筑之间穿梭?由于工期紧张,她需要你的帮助,因此请你帮忙解决这个问题。

这里的一对建筑物 (u,v) 是**无序的**, 也就是说认为 (u,v) 和 (v,u) 是完全等价的。

# 输入格式

第一行两个正整数 n, m。

第二行 n 个正整数,代表  $h_1, h_2, h_3, \ldots, h_n$ 。

第三行 m 个正整数,代表  $s_1, s_2, s_3, \ldots, s_m$ 。

## 输出格式

一共 m 行,每行一个整数,代表答案。

# 样例 1

### 样例 1 输入

3 21 2 3

1 2

#### 样例 1 输出

2 3

## 提示

#### 样例 1 解释

对于  $s_1 = 1$  的天马,它最多可以在建筑 1 与建筑 2、建筑 2 与建筑 3 之间穿梭。

对于  $s_2=2$  的天马,它最多可以在建筑 1 与建筑 2、建筑 1 与建筑 3、建筑 2 与建筑 3 之间 穿梭。

# 数据范围

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le m \le 10^5$ ;
- $1 \le n \le 2 \times 10^3$ ;
- $1 \le h_i, s_i \le 10^9$ ;
- 所有输入数据都是正整数。

- 0.  $(20 分) 1 \le m \le 100, 1 \le n \le 100;$
- 1. (10 分) 所有的  $h_i$  都相等;
- 2. (70 分) 无额外限制。

# Problem D. 中考录取

时间限制: 1秒; 空间限制: 128 MiB。

N 市某年的初中学业考试和高中阶段学校招生考试成绩排名规则如下:

考生需经历语文、数学、英语、物理、化学、道德与法治和历史(以下简称"政史") 共 6 门文化课考试,以及体育考试。

考生在每门考试中都有对应的原始分(为简便起见,我们认为**原始分都是整数**),我们设考生i的原始分为

- 语文原始分为  $a_i$ ;
- 数学原始分为  $b_i$ ;
- 英语原始分为  $c_i$ ;
- 物理原始分为  $d_i$ ;
- 化学原始分为  $e_i$ ;
- 政史原始分为  $f_i$ ;
- 体育原始分为  $q_i$ ;
- 总原始分为  $s_i = a_i + b_i + c_i + d_i + e_i + f_i + g_i$ 。

对于语文原始分、数学原始分、英语原始分、物理原始分、化学原始分、政史原始分和总原始分共 7 项数据,每项数据都被从高到低划分成 A+, A, B+, B, C+, C, D, E 共 8 种等级,但为问题简便起见,我们认为等级只有 A+ 与 A 共 2 种。

对于每一项数据,教育部门划定了一条分数线 l。以语文学科为例,设教育部门为语文学科划定的分数线为  $l_a$ ,则对于考生 i,有:

- $\exists a_i < l_a$  时,考生 i 的语文等级为 A;
- 当  $a_i \ge l_a$  时,考生 i 的语文等级为 A+;
- 其他科目的对应等级以同样方式评定。

在对每个考生的原始分划分等级后,两名考生的等级组合将按如下规则比较:

- 两名考生中总分等级更高的一名的成绩更优;
- 若两名考生的总分等级相同,则两名考生中 A+ 等级的**数量**更多的一名的成绩更优;
- 若两名考生的 **A+** 等级的数量仍相同,则**语文**等级更高的一名的成绩更优;
- 若两名考生的语文等级仍相同,则**数学**等级更高的一名的成绩更优;
- 若两名考生的数学等级仍相同,则英语等级更高的一名的成绩更优;
- 若两名考生的英语等级仍相同,则**物理**等级更高的一名的成绩更优;
- 若两名考生的物理等级仍相同,则化学等级更高的一名的成绩更优;
- 若两名考生的化学等级仍相同,则**政史**等级更高的一名的成绩更优:
- 若两名考生的政史等级仍相同,则直接认为两名考生的成绩**完全相同**,没有优劣之分。 (尽管两人的原始分可能不完全相同)

ZSNN 作为 N 市的一所重点高中,是众多优秀学子所向往的学府。自然,想要进入 ZSNN,就要经过激烈的竞争。

该年报考 ZSNN 的考生共有 n 名,而 ZSNN 拟录取的新生人数为 m 人。而教育部门规定, **成绩组合完全相同的人,其报考结果(即录取与否)也应该相同**。这导致了实际录取人数 m' 与拟录取人数 m 可能略有出入。

现在,给出 n 和 m,以及 n 名考生的所有原始分数据,和各个科目的分数线。请你求出在保证 m' > m 的情况下 m' 的最小值。

#### 输入格式

第一行包含 7 个整数  $l_a, l_b, l_c, l_d, l_e, l_f, l_s$ ,分别代表语文、数学、英语、物理、化学、政史和总分的分数线。

第二行包含 2 个整数 n 和 m ( $m \le n$ ),分别代表报考 ZSNN 的考生总数和 ZSNN 拟录取的新生人数。

接下来的 n 行中的第 i 行包含 7 个整数  $a_i, b_i, c_i, d_i, e_i, f_i, g_i$ ,分别代表考生 i 的语文、数学、英语、物理、化学、政史、体育原始分。

#### 输出格式

输出一个整数 m', 代表实际录取的新生人数。

# 样例 1

# 样例 1 输入

```
105 106 117 93 97 118 640
2 1
110 113 119 95 98 119 60
105 106 117 93 97 118 36
```

#### 样例 1 输出

2

# 样例 2

#### 样例 2 输入

```
105 106 117 93 97 118 640
2 1
100 106 115 92 95 114 57
104 105 116 93 96 117 60
```

# 样例 2 输出

1

### 样例 3

样例 3 输入

```
105 106 117 93 97 118 640
2 1
104 105 116 92 96 117 60
120 120 120 100 100 0 60
```

#### 样例 3 输出

1

## 样例 4

#### 样例 4 输入

```
81 55 33 22 84 5 180
10 3
26 45 51 65 60 1 2
105 69 18 40 24 40 4
54 44 9 85 10 114 11
41 62 69 82 98 52 53
109 78 88 24 91 60 13
103 99 11 73 53 66 0
69 104 63 45 38 92 17
43 119 75 94 6 119 33
76 101 50 12 8 70 51
54 48 21 79 73 27 25
```

### 样例 4 输出

4

# 提示

#### 样例 1 解释

考生 1 与考生 2 的等级组合均为「总分 A+ 和 6A+」,他们应该同时被录取。

#### 样例 2 解释

考生 1 与考生 2 的等级组合均为「总分 A+ 和 1A+5A」,但在两人语文等级相同的情况下,考生 1 的数学等级高于 2 考生 2 的数学等级。故考生 1 的成绩更优秀,只有考生 1 能被录取。

#### 样例 3 解释

考生 1 的总分等级为 A+,而考生 2 的总分等级为 A。故考生 1 的成绩更优秀,只有考生 1 能被录取。

### 数据范围

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le m \le n \le 10^5$ ;
- $0 \le a_i, l_a \le 120$ ;
- $0 \le b_i, l_b \le 120;$
- $0 \le c_i, l_c \le 120$ ;
- $0 \le d_i, l_d \le 100;$
- $0 \le e_i, l_e \le 100;$
- $0 \le f_i, l_f \le 120;$
- $0 \le g_i \le 60$ ;
- $0 \le l_s \le 740$ ;
- 所有输入数据均为整数。

- 0. (20 分)  $1 \le m \le n \le 10$ , 且所有人的等级组合均不相同;
- 1. (80 分) 无额外限制。

# Problem E. 填数游戏

时间限制: 1秒; 空间限制: 128 MiB。



二等咒器技官威廉坐在房间的书桌前,天蓝色中夹杂些许红色的长发,面带微笑的妖精少女 珂朵莉侍立在旁。烛火轻轻摇曳,若明若暗的光轻轻落在珂朵莉忽明忽暗的脸颊上。珂朵莉明显有一点点紧张,她无处安放的双手有些不安的藏在背后,纠缠在一起,眼神时不时的装作不经意的模样瞟向窗外。

这几天珂朵莉一直闷闷不乐,威廉很担忧,于是他突发奇想。

"让我们来玩一个游戏吧!"

珂朵莉首先说出一个正整数 k。

"那就 68 吧,"珂朵莉随即说,"毕竟这里是 68 号岛。"

接着威廉画出了一个 5×5 的矩阵。

珂朵莉依次选了一些数(如下图)。每次选图上的一个数并画上圈,再把它所在行和列的其他数划掉,这些数都不可以选了,再重复这一步直到不可以选为止。



经过珂朵莉的验证,发现不管怎么选,最后把画上圈的数加起来,它肯定等于68。

珂朵莉一脸惊讶地问威廉是怎么做到的,可威廉却偏偏卖关子:"明天再告诉你。"

好奇心胜的珂朵莉完全等不住,于是找到了聪明的你,希望你能复现这个游戏,并跟她一起研究其中的奥秘。

#### 珂朵莉把这个游戏形式化地描述给你:

给定两个正整数 n, k。你需要构造一个  $n \times n$  的矩阵 A, 其中  $A_{i,j}$  是不重复的整数且  $A_{i,j} \in [0,k]$ ,使得其满足:

• 任意选出的不在同行同列的 n 个元素之和为 k。

对每组数据,给出一个解或报告无解。

#### 输入格式

第一行一个正整数T,表示数据组数。

下面的 T 行,每行两个正整数 n, k。

### 输出格式

输出共T组,分别表示每组测试数据的答案。

每组输出 n 行,每行 n 个整数,第 i 行第 j 个数表示  $A_{i,j}$  ,或仅输出一行一个整数 -1 代表 无解。

### 样例 1

#### 样例 1 输入

```
1
5 68
```

#### 样例 1 输出

```
7 9 8 6 10
18 20 19 17 21
13 15 14 12 16
1 3 2 0 4
24 26 25 23 27
```

#### 样例 2

#### 样例 2 输入

```
1
6 60
```

-1

# 提示

样例 1 的解释见题目描述。

# 数据范围

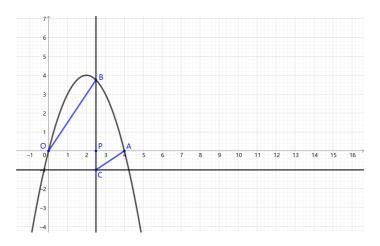
对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le T \le 10$ ;
- $1 \le n \le 500$ ;
- $1 \le k \le 10^9$  °
- 所有输入数据均为正整数。

- 0. (10 分) T=1, n=1;
- 1. (15 %) T = 1,  $1 \le n \le 5$ ,  $1 \le k \le 100$ ;
- 2. (25 分)  $1 \le n \le 100$ ,  $1 \le k \le 10^5$ ;
- 3. (50 分) 无额外限制。

# Problem F. 初生几何

时间限制: 2秒; 空间限制: 128 MiB。



如图,在平面直角坐标系中,抛物线 y = x(k-x) 与直线 y = -1 相交。抛物线与 x 轴的另一个交点为 A。设**线段** OA 上存在一动点 P,过点 P 作 y 轴的平行线交抛物线于点 B,交直线 y = -1 于点 C。试求 OB<sup>2</sup> + AC<sup>2</sup> 的最大值。

### 输入格式

每个测试点包含多组测试数据。

每个测试点的第一行包含一个整数 T,代表测试数据组数。

接下来的 T 行,每行包含两个正整数 a,b,表示  $k=\frac{a}{b}$ 。

# 输出格式

对于每组测试数据,输出一个实数,代表  $OB^2 + AC^2$  的最大值。

设你的答案为 x,标准答案为 X,则绝对误差  $\Delta x = |X - x|$ ,相对误差  $E_r = \frac{\Delta x}{X}$ 。

当  $\Delta x \leq 10^{-5}$  或  $E_r \leq 10^{-5}$  时,你的答案即可被判定为正确答案。

# 样例 1

#### 样例 1 输入

3 365 254 10000 1 1 10000

## 样例 1 输出

3.064991629983

625000050000001.000000000000

1.00000010000

# 提示

# 样例 1 解释

对于第一组数据,能够证明  $OB^2 + AC^2 \le \frac{197741}{64516} \approx 3.064991629983$ 。

# 数据范围

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le T \le 10^5$ ;
- $0 < a, b \le 10^4$ ;
- 所有输入数据均为正整数。

- 0. (20 分) b=1;
- 1. (80 分) 无额外限制。

# Problem G. 排序算法

时间限制: 2秒; 空间限制: 256 MiB。

某日,小 C 翻出了不知多久以前写的老代码,内容如下:

```
#include <iostream>
#include <vector>
int main() {
    int n;
    std::cin >> n;
    std::vector<int> a(n);
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        std::cin >> a[i];
    }
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        for (int j = 0; j < n; ++j) {
            if (a[i] < a[j]) {
                std::swap(a[i], a[j]);
            }
        }
    }
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        std::cout << a[i] << " \n"[i == n - 1];
    }
    return 0;
```

小 C 非常困惑,他想知道他的程序是否正确,并且想知道: std::swap(a[i], a[j]); 执行了多少次。

形式化地说:给定正整数 n 与一个长度为 n 的序列 a,如果题目背景中的程序可以将序列 a 排序为**严格不下降**序列,则输出 YES,并输出程序中 std::swap(a[i], a[j]);这一条语句的运行次数,否则输出 NO。

### 输入格式

每个测试点的输入数据包括两行,第一行包含一个正整数 n,第二行包含 n 个由空格隔开的 正整数  $a_0,a_1,\ldots,a_{n-1}$ 。

### 输出格式

如果程序可以将序列 a 重新排序为严格不下降序列,则在第一行输出 YES,并在第二行输出 一个整数,代表程序中 std::swap(a[i], a[j]);这一条语句的运行次数,否则输出 NO。

#### 样例 1

### 样例 1 输入

5

5 4 3 2 1

#### 样例 1 输出

YES

10

### 数据范围

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le n \le 2 \times 10^5$ ;
- $1 \le a_i \le 10^9$ ;
- 所有输入数据均为正整数。

- 0.  $(20 分) 1 < n < 10^3$ ;
- 1. (30 分) 所有的  $a_i$  均不相等。
- 2. (50 分) 无额外限制。

# Problem H. 购买车券

时间限制: 2秒: 空间限制: 256 MiB。



力量来自欢乐是 1930 年代德国的一个旅游公司,他们在本土推出了一款汽车,由费迪南德保时捷一手设计,其宗旨是让每一个德国人民都用得上一辆汽车。为了促进德国人民购买力量来自欢乐牌汽车,德国政府推出了一种购车券:每一张券的价值是 5 帝国马克,购买的人可以通过类似集邮的方式,当其所拥有的券价值总和和一辆车同价(990 帝国马克)时,就能够兑换一辆力量来自欢乐牌汽车。然而,和梅福券一样,随着 1939 年战争的爆发,大部分的购车券都成为了空头支票,被政府用作了扩军的资本。

在探究课前,小 K 正在研究有关的历史,所以他收集了 n 张购车券,并假设某些购车券之间有一定的关联关系。现在发现购车券之间一共有 n-1 对**双向的**关联关系,并且这些购车券**不存在**循环的关联关系(即关联关系不成环),如果对两张购车券增加一对关联关系之后,只含有**唯一**循环的关联关系。

对于一张购车券,当 小 K **至多**未购买一张和其相关联的购车券时,他就可以购买该购车券。 当小 K 购买了所有的购车券时,他便能够兑换一辆力量来自欢乐牌汽车。

小 K 想请你帮他计算: 有多少种购买购车券的方案, 使得小 K 能够兑换一辆汽车。由于答案可能很大, 小 K 只想知道其对 998244353 取模的结果。

# 输入格式

第一行一个正整数 n,含义见题目描述。

接下来 n-1 行,每行两个正整数  $u_i, v_i$ ,表示第  $u_i$  张和第  $v_i$  张购车券之间有一对关联关系。

# 输出格式

共一行,包含一个整数,为购买购车券的方案数对998244353取模的值。

## 样例 1

## 样例 1 输入

3 1 2

样例 1 输出

4

1 3

### 样例 2

# 样例 2 输入

2425

样例 2 输出

28

# 样例 3

样例 3 输入

```
8
1 2
1 3
3 4
4 5
4 6
6 7
7 8
```

# 样例 3 输出

392

# 样例 4

# 样例 4 输入

```
18
14 3
16 11
6 10
8 7
1 3
4 17
3 17
4 16
9 13
15 10
13 2
18 9
17 12
12 10
7 5
3 18
7 12
```

# 样例 4 输出

### 289685999

### 提示

#### 样例 1 解释



小 K 可以先购买 3 号购车券,此时对于 1 号购车券,他只剩一张关联的购车券还未拥有(2 号购车券),因此他能够购买 1 号购车券。总共的购买顺序为 (3,1,2)。类似的,他也能以 (2,1,3),(2,3,1),(3,2,1) 的顺序购买,一共 4 种购买方式。

# 数据范围

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le n \le 10^5$ ;
- $1 \leq u_i, v_i \leq n$ ;
- $u_i \neq v_i$ ;
- 所有输入数据均为正整数。

- 0.  $(13 分) 1 \le n \le 10$ ;
- 1.  $(21 \ \%) \ 1 \le n \le 3 \times 10^3$ ;
- 2. (12分)每张购车券至多只有两张购车券相关联。
- 3. (12 分) 保证存在至少一张购车券与 n-1 张购车券相关联。
- 4. (42 分) 无额外限制。

# Problem I. 花腔星云

时间限制: 2秒; 空间限制: 256 MiB。



And up there in the heavens 高高在上 于天堂之中

Galileo and those pining for the moon 伽利略和前人们伫立于此

Know it's a slow burn 深知过程必然缓慢

Through Pioneer and Helix 掠过先驱者号与螺旋星云

Oumuamua, Heliopause, and Neptune 奥陌陌, 日球层顶与海王星

We're a slow-burning tune 韵律缓慢燃烧

But we'll get there 故事延绵亘久

—— Coloratura 花腔星云, Coldplay

小L透过望远镜看到了一片花腔星云。

在这个宇宙一共有 3 种行星,其种类编号分别为 1,2,3,而这片星云有 n 颗行星,第 i 颗行星的种类编号为  $a_i$ 。

为了采集数据,小 L 从 q 种观察角度观察了这片星云。第 i 种观察角度及结果用一个三元组  $(l_i, r_i, v_i)$  表示,代表第  $l_i$  颗至第  $r_i$  颗行星的种类编号的乘积除以 4 的余数为  $v_i$ ,即:

$$\left(\prod_{j=l_i}^{r_i} a_j
ight) mod 4 = v_i$$

现在小 L 将他的记录数据告诉了你, 你能不能猜出星云中的每颗行星可能的种类呢?

小 L 观察得很认真,所以记录一定没有出错,也就是说存在一种每颗行星种类的情况,满足小 L 的所有观察得到的结果。

# 输入格式

第一行两个整数 n,q,含义见题目描述。

接下来 q 行,每行三个整数  $l_i, r_i, v_i$ ,代表给定的三元组。

## 输出格式

输出 n 个正整数,代表一个满足条件的序列  $a_j$ 。

你可以输出任意满足条件的序列。

# 样例 1

## 样例 1 输入

6 3 1 3 3

2 4 2

5 6 1

### 样例 1 输出

3 1 1 2 3 3

## 样例 2

### 样例 2 输入

11 4

1 3 2

3 6 2

5 9 2

3 6 2

10 11 0

### 样例 2 输出

#### 2 1 3 2 1 3 2 1 3 2 2

## 提示

#### 样例 1 解释

第一种观察角度 (1,3,3) 即  $(3 \times 1 \times 1) \mod 4 = 3$ 。

第二个观察角度 (2,4,2) 即  $(1 \times 1 \times 2)$  mod 4 = 2。

第三个观察角度 (5,6,1) 即  $(3 \times 3) \mod 4 = 1$ 。

据此,所有的观察角度都得到了满足,3,1,1,2,3,3是一组合法解。

### 数据范围

对于 100% 的数据, 保证:

- $1 \le n \le 2 \times 10^4$ ;
- $0 \le q \le 2 \times 10^4$ ;
- $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ ;
- $0 \le v_i < 4$ ;
- 存在一种序列  $a_i$ ,能够满足所有的  $(l_i, r_i, v_i)$ ;
- 所有输入数据均为整数。

- 0. (2 分) q = 0;
- 1.  $(13 分) 1 \le n, q \le 10$ ;
- 2. (17 分)  $1 \le n, q \le 10^2$ ,所有的  $v_i$  均为 2;
- 3. (27 分)  $1 \le n, q \le 10^3$ , 所有的  $v_i$  均为 1 或 3;
- 4. (41 分) 无额外限制。

# Problem J. 繁星满天

时间限制: 2秒; 空间限制: 256 MiB。



小 E 躺在草地上抬头看天空,想要看星星。天空可以视为一个位于第一象限、边界的一部分在 x,y 轴正半轴上的正方形网格,大小是  $p \times p$ 。

形式化地, 网格的四个顶点分别是 (0,0)、(0,p)、(p,p)、(p,0), 边界为折线  $(0,0) \rightsquigarrow (0,p) \rightsquigarrow (p,p) \rightsquigarrow (p,0) \rightsquigarrow (0,0)$ 。

突然,小 E 获得了一种能够释放星星的超能力。具体地,每次小 E 发动超能力,他可以选择下面两种做法其中之一来释放一颗行星:

- 1. 选择一个整点(横纵坐标都是整数的点),在该点释放一颗星星;
- 2. 选择两对**已经存在**的星星,在这两对星星的连线交点处释放一颗星星。 注意这个点可以不是整点。

由于小 E 需要精确控制星星以组成图案,所以每次释放的星星都必须在网格内部或边界上。

小 E 想让这片天空看上去不那么单调,所以他选择了一个点  $\left(\frac{e}{b}, \frac{c}{a}\right)$  (这个点的横纵坐标不大于 1),想在上面释放一颗星星。为了尽快达成目标,他想得到一个发动超能力的方案,使得在他发动超能力**至多** 1500 次以后,点  $\left(\frac{e}{b}, \frac{c}{a}\right)$  上面有一颗星星。

小E还要花时间调配星星的色彩,看起来这个任务就交给你了。

# 输入格式

一行五个正整数 p, a, b, c, d,含义见题目描述。

# 输出格式

第一行一个正整数 n,代表小 E 需要发动超能力的次数。**你需要保证**  $1 \le n \le 1500$ 。

接下来 n 行,第 i 行有三个或五个整数,第一个整数应当为 1 或 2:

- 若第一个整数为 1,即代表小 E 将在一个整点上释放一颗星星。接下来应当有两个整数 x,y,你需要保证  $0 \le x,y \le p$ 。
- 若第一个整数为 2,即代表小 E 将在某两对星星的连线交点处释放一颗星星。接下来应当有四个正整数 s,t,u,v,你需要保证  $1 \le s,t,u,v < i$ ,并且第 s,t 次发动超能力得到星星的连线,与第 u,v 次发动超能力得到星星的连线相交,同时得到交点的坐标 x,y 满足  $0 \le x,y \le p$ 。

如果有多个满足条件的方案, 你可以输出任意一个。

#### 样例 1

样例 1 输入

#### 2 1 1 1 1

样例 1 输出

1 1 1 1

### 提示

为了方便实现,我们下发了一份 fraction.hpp,这份程序实现了一个分数类。你可以将其内容复制到你的程序中。

#### 数据范围

设  $t = \max(b, d)$ 。对 100% 的数据,保证:

- $1 \le a \le b \le 10^7$ ;
- $1 \le c \le d \le 10^7$ ;
- $1 \le t \le 10^7$ ;
- $2 \le p \le 10^7$ ;
- 所有输入数据均为正整数。

- 0. (10 %)  $1 \le t \le 10^3$ ,  $p \ge 10^7$ ;
- 1.  $(13 \ \%) \ 1 \le t \le 10^6, \ p \ge t+1;$
- 2.  $(21 分) p \ge \lceil \frac{t}{2} \rceil + 1;$
- 3.  $(25 分) p \ge \lceil \sqrt{t} \rceil + 2;$
- 4. (31分)无额外限制。