

KMP算法

kmp算法又叫"Knuth-Morris-Pratt"算法，是用来在一个字符串中寻找另一个字符串的位置的匹配算法，我们把前者叫做主串（Text String），后者叫做模式串（Pattern String）。

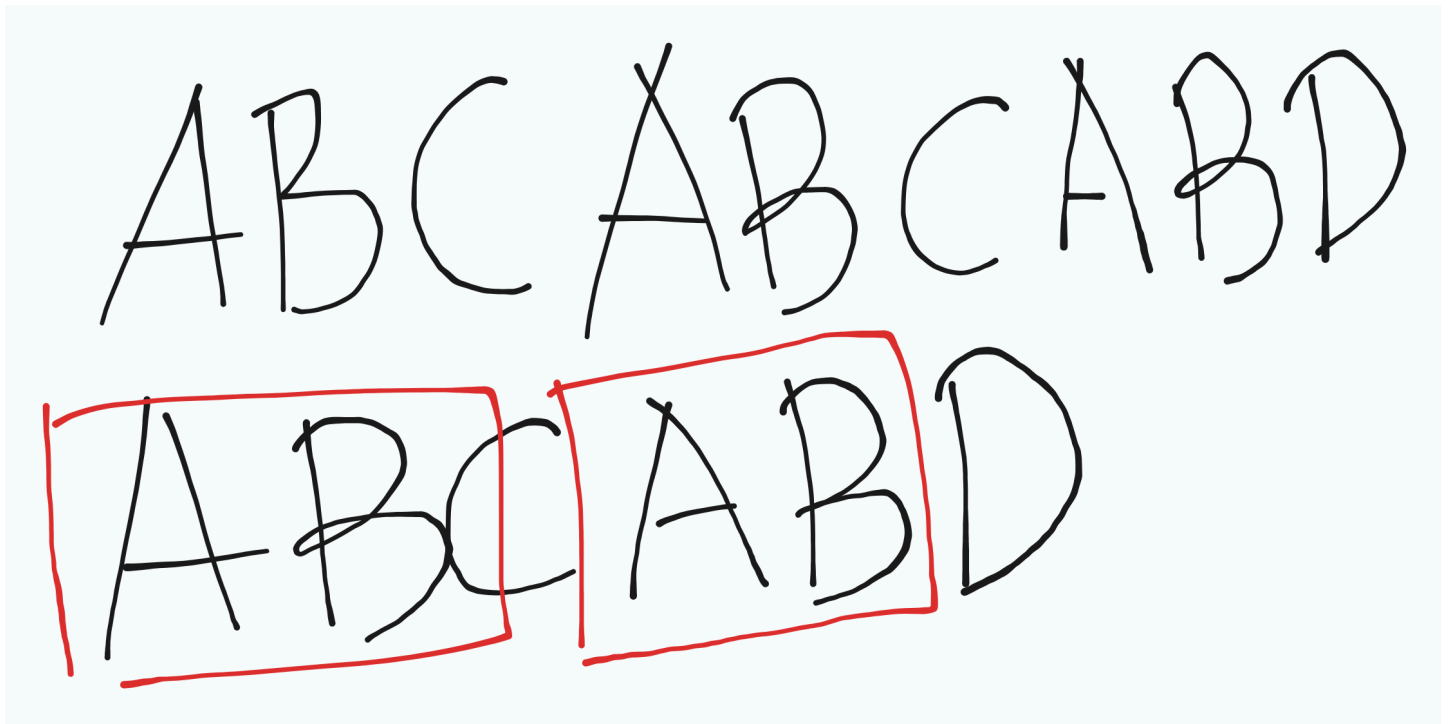
关键是记住一句话：**"利用匹配失败的信息，避免回溯主串，而是滑动模式串。"**

这是什么意思呢？我们来看看一个例子：

ts = "ABCABCABD" pattern = "ABCABD"

我们按简单**双指针**匹配算法来看看，算法如下给出

```
vector<int> matchAlgo(string& ts, string& pattern){
    int pt = 0, pa = 0;
    //双指针，分别在ts和pattern中移动
    vector<int> ans;
    for(int i=0;i<ts.length();i++){
        pt = i;
        pa = 0;
        for(int t = 0;t<pattern.length() && i+t<ts.length();){
            if(ts[pt+t]==pattern[pa+t]){
                t++;
            }
            else break;
        }
        if(t==pattern.length()){
            ans.push_back(i);
        }
        //如果匹配失败了，就会直接将pa归零，pt移动到下一个i处。
    }
}
```



如图所示，我们在 $i=0$ 的时候，进行匹配，匹配到 $t=5$ 时，`ABCABD`的'D'发生了错配，此时按照上面的算法，我们需要之间回溯 pt 到 $i=1$ ， $pa=0$ ；

但是看我两个圈，我们把两个圈叫做前缀和后缀，可以注意到，我们后缀长度为2,且其必定与主串中相同结尾，长度为2的串相等，而且我们知道我们的前缀是和后缀相等的，那么我们的前缀也就和主串中那个长度为2的串相等了，那么是不是自然地就会有一种想法是，我们将前缀移动到这个串的位置，从而利用了之前错配得到的信息（后缀与主串最后的串相等），这里这个后缀的长度是不一定的，只不过我们取的是前缀后缀相等长度最长的以保证效率。

从而我们得到了我们的目标行为，在`pattern[T]`发生错配时，根据`pattern[0...T-1]`的最长相同前后缀来滑动我们的模式串。

这里就可以用一个数组记录`pattern`中每个元素应该对应的滑动位置，正常我们是叫做`next`数组，但是这个名字只有体现作用，没有体现由来，我们还可以取个名字，叫做在 最长相同前后缀长度。是便于理解的，不过后面主要还是叫`next`数组吧。

接下来看看计算`next`数组的函数：

```

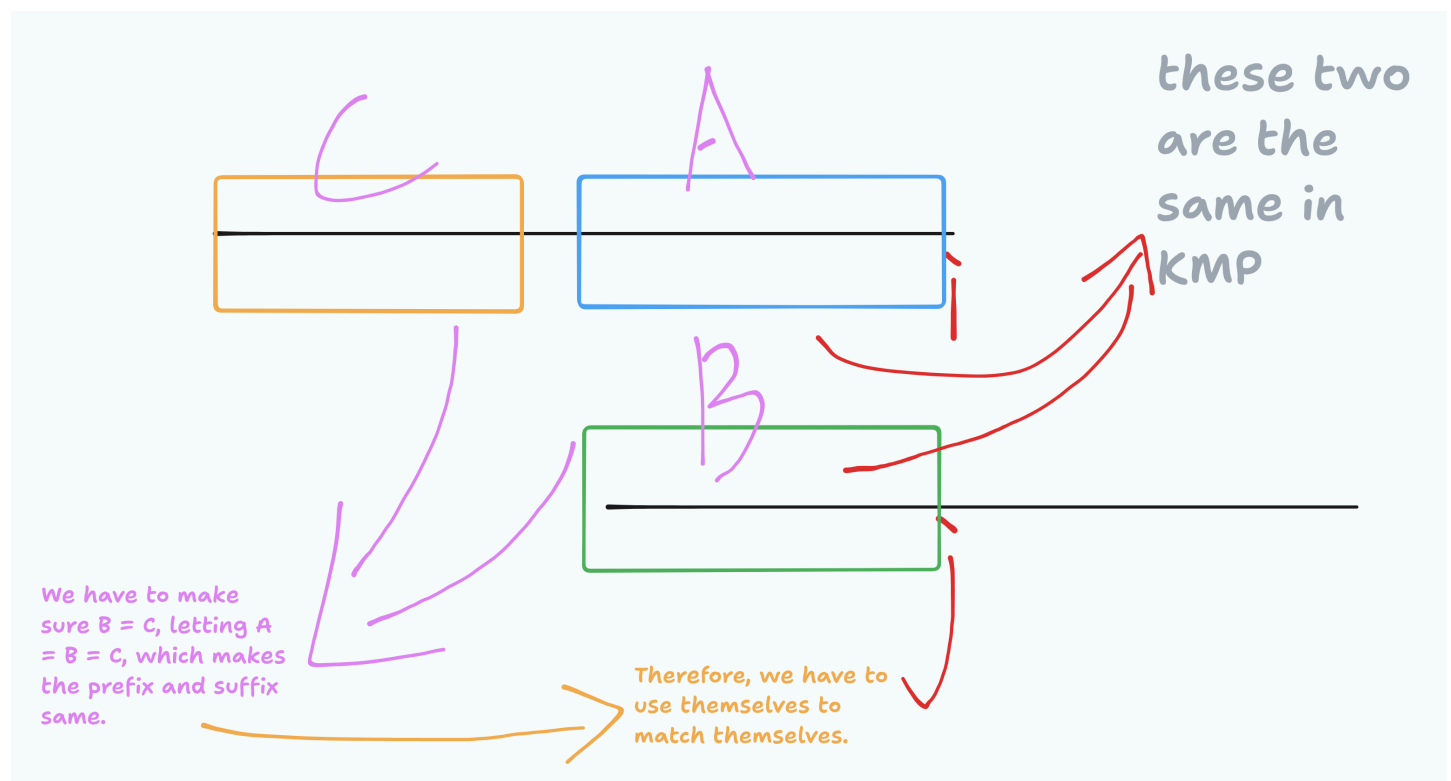
vector<int> computeNextArray(string&& pattern){
    int m = P.length();
    int next[m];
    int i = 0, j = 0;
    //i为后缀末尾, j为前缀末尾, 双指针
    next[0] = 0; //第一个必定没有相同前后缀
    i++; //从第二个
    while(i < m){
        if(pattern[i] == pattern[j]){
            next[i++] = ++j;
            //以i为止的后缀
            //可以匹配以j结尾的前缀, 其中j同时也是长度
        }
        else{
            if(j != 0) j = next[j-1]; //j=0时回溯没意义。
            else next[i++] = 0;
        }
    }
    return next;
}

```

但是为什么呢?

为什么是用自己匹配自己呢? 注意这里的j是前缀结尾指针, i是后缀结尾指针。

我们看图



KMP匹配的过程中, 我们用两根直线来方便理解, 两根直线错开放置, AB段为已经匹配的段落, 我们

能确定 $A = B$ ，那么我们是要求最长的相同前缀和后缀的，那么也就是使 $C = A$ ，那么就只要 $C = B = A$ 就可以了，为了到达这个效果于是我们就用自己匹配自己。

此时如果 $P_i = P_j$ 的话，就能把A，B变长一格，如果不等的话，就右滑下面那根，缩短范围，更好匹配。