

**PPL assignment 4- PDF attachment**  
**Guy Avraham, Noam Jehoshua**

**Question 2:**

**סעיף A:** גנרטורים A, B יהיו שקולים אם"ם לכל n טבעי, הערך החוזר בשליפה ה-n מהגנרטורים B ו A הוא זהה. כלומר-

$$A(n) = B(n)$$

**סעיף C:** נוכיח שהפעולות fib1 fib2 שקולות על פי ההגדרה לעיל.

נוכיח את הטענה באמצעות אינדוקציה על n.

בסיס: עבור n=1, n=2 בהצבה בנוסחה-

$$F(n) = (1/\sqrt{5}) * (\phi^n - \psi^n)$$

$$\psi = \frac{1 - \sqrt{5}}{2} : \varphi = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$

עבור- הנוסחה מתקיימת-

$$F(n=1) = F(n=2) = 1 \text{ כנדרש}$$

צעד האינדוקציה- נניח שעבור  $k > n$  כלשהו התנאי מתקיים. נוכיח עבור  $n+1$ . נשים לב כי:

$$F(k+1) = F(k) + F(k-1)$$

בהצבה בנוסחת בינה, נקבל כי-

$$F(k+1) = F(k) + F(k-1) =$$

$$(1/\sqrt{5}) * (\phi^k - \psi^k + \phi^{k-1} - \psi^{k-1})$$

נשים לב ש  $\phi \psi$  מקיימות את יחס הזהב. אזי, שמתקיים-

$$\phi^{k+1} = \phi^k + \phi^{k-1}$$

$$\psi^{k+1} = \psi^k + \psi^{k-1}$$

בהצבה חוזרת במשוואה-

$$F(k+1) = (1/\sqrt{5}) * (\psi^{k+1} + \phi^{k+1})$$

קיבלנו את נוסחת בינה- מכאן שהטענה מתקיימת עבור  $k+1$ .

כנדרש

**3.1.b:**

הוכחת שקילות- \$append

נראה כי \$append שקולת- CPS לappend בעזרת אינדוקציה על אורך הרשימה X.

בסיס האינדוקציה-  $x = []$

צ"ל כי

$$(cont (append x y)) ?= (append\$ x y cont)$$

$$(append\$ [] y cont) \rightarrow (cont y)$$

$$(append [] y) \rightarrow y, (cont (append x y)) \rightarrow (cont y)$$

צעד האינדוקציה- יהא n מספר טבעי; נניח כי \$append שקולת- CPS לappend עבור x רשימה באורך n.

נראה שההנחה מתקיימת גם עבור

$$|x| = n+1 = k$$

נסמן  $uv = x$  כך ש u האיבר הראשון ברשימה, v שאר האיברים. בהכרח u איבר מאחר ו  $1 \leq n+1$

$$(cont (append x y)) ?= (append\$ x y cont)$$

$$(append x y) = (append x y) \rightarrow (cons (car x) (append (cdr x) y)) \rightarrow (cons u (append v y))$$

מהנחת האינדוקציה- אורך v הוא n ולכן הנחת האינדוקציה חלה עליו.

$a-e[(append\ x\ y\ cont)] \Rightarrow^*$

$a-e[(append\ (cdr\ x)\ y\ (lambda\ (cdr\_res)\ (cont\ (cons\ (car\ x)\ cdr\_res))))] \Rightarrow^*$

$a-e[(append\ v\ y\ (lambda\ (cdr\_res)\ (cont\ (cons\ (u)\ cdr\_res)))] \Rightarrow^*$

מהנחת האינדוקציה נשים לב כי אורך  $v$  הוא  $n$ - ומכאן מקיים את הנחת האינדוקציה, עבור פונקציית  $cont$  המסומנת בורוד.

$a-e[(lambda\ (cdr\_res)\ (cont\ (cons\ (u)\ cdr\_res)))(append\ v\ y)] \Rightarrow^*$

כנדרש.

Question 5:

### Part 5.1:

a:

$unify[t(s(s), G, s(U), p, t(K), s), t(s(G), G, K, p, t(K), U)]$

1.  $s = \{s(s) = s(G)\}$ 
  - $A^os = t(s(s), G, s(U), p, t(K), s)$
  - $B^os = t(s(s), G, K, p, t(K), U)$
2.  $s = \{s(s) = s(G)\}$ 
  - $A^os = t(s(s), G, s(U), p, t(K), s)$
  - $B^os = t(s(s), G, K, p, t(K), U)$
3.  $s = \{s(s) = s(G), s(U) = K\}$ 
  - $A^os = t(s(s), G, s(U), p, t(K), s)$
  - $B^os = t(s(s), G, s(U), p, t(K), U)$
4.  $s = \{s(s) = s(G), s(U) = K\}$ 
  - $A^os = t(s(s), G, s(U), p, t(K), s)$
  - $B^os = t(s(s), G, s(U), p, t(K), U)$
5.  $s = \{s(s) = s(G), s(U) = K\}$ 
  - $A^os = t(s(s), G, s(s), p, t(K), s)$
  - $B^os = t(s(s), G, s(s), p, t(K), s)$

b:

$unify[p([W \mid V] \mid [V \mid k]), p([v \mid V] \mid W)]$

1.  $s = \{W=v\}$ 
  - $A^os = p([v \mid V] \mid [V \mid k])$
  - $B^os = p([v \mid V] \mid v)$
2.  $s = \{[V \mid k] = v, W=v\}$ 
  - $A^os = p([v \mid V] \mid v)$
  - $B^os = p([v \mid V] \mid v)$
3. finished. mgu is  $p([v \mid V] \mid v)$

### 5.3 - Successful and final proof tree. Attached-

