

# Cryptographie

Notions de cryptographie



## Sommaire



Au menu :

- 01** Introduction
- 02** Cryptographie symétrique
- 03** Cryptographie asymétrique
- 04** Fonctions de hachage
- 05** Authentification cryptographique
- 06** Les certificats



# Introduction

Cryptographie à clé secrète



# Cryptographie

---

Partie de la cryptologie s'attachant à rendre un message incompréhensible sauf pour son destinataire légitime.  
S'oppose à la cryptanalyse.

- **Clé** : un secret
- **Chiffrer** : production d'un message chiffré à partir du message clair et d'une clé
- **Déchiffrer** : récupération du message clair à partir du message chiffré à l'aide de la clé
- **Décrypter** : récupération du message clair sans la clé de déchiffrement



# Cryptologie

---

- Commence dans l'antiquité
- Lutte incessante cryptographie vs. cryptanalyse
- Basculement progressif de cryptosystèmes secrets => cryptosystèmes publics à clé secrète ([Principe de Kerckhoffs](#))
- Automatisation des procédés (Ex : [Enigma](#))
- Cryptographie moderne (~1950)
  - Cryptographie mathématique ([Shannon](#))
  - Passage au numérique (Informations binaires)
  - Utilisation de l'ordinateur



# Objectifs cryptographiques

---

Les principaux :

- **Confidentialité**
- **Authenticité**
- **Intégrité**

Mais aussi :

- Non répudiation/Déni plausible
- Confidentialité persistante (Forward Secrecy)
- Protection contre rejeu
- Anonymat
- Preuve à divulgation nulle de connaissance
- etc.



# Cryptographie moderne

---

**Cryptographie symétrique** => Algorithmes à clé secrète

**Cryptographie asymétrique** => Alg. à clé publique et clé privée

**Fonctions de hachage** => Calcul d'empreinte/condensat/hash



# Cryptographie symétrique

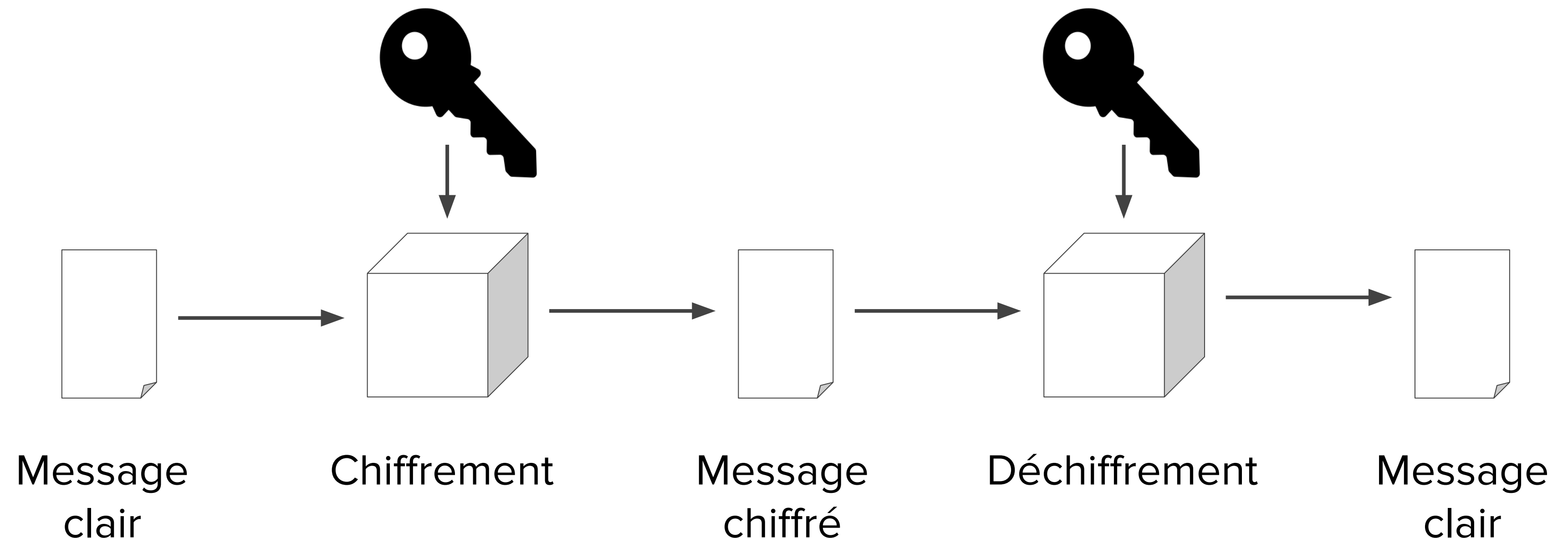
Cryptographie à clé secrète





# Cryptographie symétrique

---



2 fonctions - 1 seule clé

Chiffrement

Entrée : Message clair + clé

Sortie : Message chiffré

Déchiffrement

Entrée : Message chiffré + clé

Sortie : Message clair d'origine



## Que chiffre-t-on ?

---

Messages clairs :

- N'importe quelle séquence binaire (fichier, paquet réseau, tout...)
- **Chiffrement par blocs**
- **Chiffrement de flux**



## Quel est le résultat ?

---

Messages chiffrés :

- Séquence binaire (taille équivalente)
- Ressemble à une séquence aléatoire
  - Confusion : lien clé  $\Leftrightarrow$  chiffré complexe
- Bonne diffusion :
  - 2 messages clairs proches engendrent des messages chiffrés très différents



## Les clés

---

Une clé symétrique est :

- Séquence binaire d'une taille donnée
- **Aléatoire** : Imprévisible, impossible à deviner
- **Longue** : Rendre la force brute trop coûteuse
- **Secrete** : Partagée le moins possible (une clé par paire de correspondants)

3 problèmes :

- Générer les clés - Générateurs pseudo aléatoires
- Stockage sécurisé des clés - [HSM](#)
- Partage de clé



## Chiffrement par blocs

---

Gestion de messages de taille quelconque par blocs de taille fixe

- Bourrage (*padding*) : Combler jusqu'à la *bonne* taille
- Modes opératoires - Lien entre les blocs :
  - ECB (*Electronic Cypher Block*) : Blocs chiffrés indépendamment - Non recommandé
  - CBC (*Cypher Block Chaining*) : Bloc chiffré dépend du bloc clair et du bloc chiffré précédent
  - Autres modes : [CTR, CFB, OFB, CTS...](#)

Vecteur d'initialisation (Bloc précédent le 1ère bloc) :

- Aléatoire mais pas secret (transmis/stocké avec le chiffré)
- Jamais réutilisé



# Chiffrement de flux

---

Chiffrement du message clair bit par bit

- En général par XOR
- Nécessite un générateur pseudo aléatoire initialisé par :
  - La clé
  - Un nonce : nombre arbitraire utilisé une seule fois
- Même clé + même nonce = même séquence



# Algorithmes symétriques

---

Chiffrement par bloc :

- **AES** (*Advanced Encryption Standard*) - Rijndael [Daemen](#) & [Rijmen](#) (clés de 128/196/256 bits)
- Également : Twofish, Serpent, MARS, RC6, ...
- Obsolète : Blowfish, DES, 3DES

Chiffrement par flux :

- **Chacha20** - [Daniel J. Bernstein](#) (Clé de 256 bits)
- Obsolète : RC4 (Arcfour)



## Fonctions de dérivation de clés

---

Fonction de dérivation de clés :

- Calcul de clé(s) à partir d'un secret maître

Ce secret maître peut-être un mot de passe

- Ex. : PBKDF2 (Password-Based Key Derivation Function) - [RFC 8018](#)

Évidemment suppose l'utilisation de mots de passe (phrases de passe) robustes !





## En pratique

---

Chiffrement de messages :

- Clés partagées
- Protocole d'échange de clés de **Diffie-Hellman**

=> Clés de session

- Clé pour une (partie) de communication
- Rapide (trafic réseau) et Sûr (jusqu'à preuve du contraire)

Chiffrement de fichiers :

- Coffre-fort logiciel



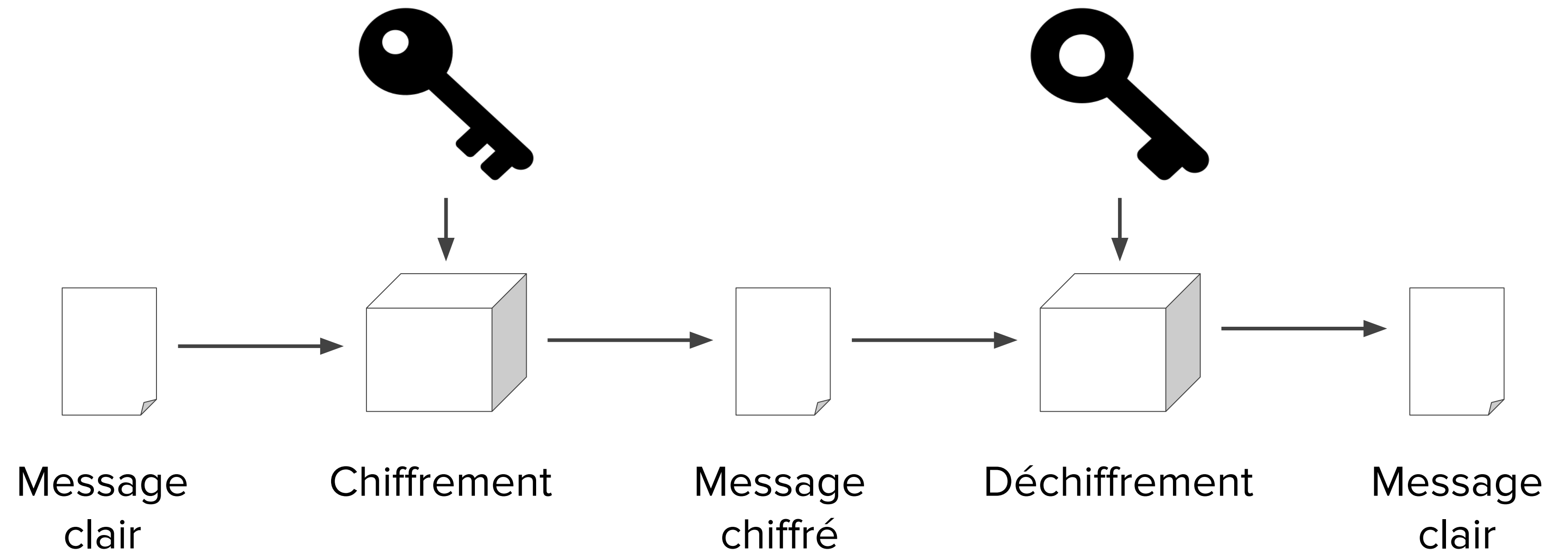
# Cryptographie asymétrique

Cryptographie à clé publique



# Cryptographie asymétrique

---



Clés générées par paire :

- 1 clé de chiffrement
- 1 clé de déchiffrement

Concept attribué à [Whitfield Diffie](#) et [Martin Hellman](#)



# Les clés asymétriques

---

Une paire de clés asymétriques est :

- Construction mathématique impliquant de l'aléatoire
- Mais pas complètement aléatoire (ex. : produits de grands nombres premiers aléatoires)

Clé **publique** / Clé **privée** :

- Clé publique : distribuée aux correspondants (pas secrète)
- Clé privée : conservée secrètement (jamais partagée !)
- Une paire de clé par personne



# Les clés asymétriques (suite)

---

Problème :

- Algorithmes lents
- Taille clé  $\neq$  Puissance de chiffrement
- Vulnérabilité théorique  $\Rightarrow$  Cryptographie post-quantique



## Les objectifs

---

**Confidentialité** : Publication de la clé de chiffrement

- Tout le monde peut chiffrer
- Seul le propriétaire de la clé peut déchiffrer
- Unidirectionnel => envoi au propriétaire de la clé

**Authentification** : Publication de la clé de déchiffrement

- Seul le propriétaire peut chiffrer
- Tout le monde peut déchiffrer (plus de confidentialité)
- Authentification de l'expéditeur : Signature numérique



# Algorithmes asymétrique

---

[RSA](#) - [Ronald Rivest](#), [Adi Shamir](#) et [Leonard Adleman](#)

- Clés de 1024 à 4096 bits ( $\geq 3072$  bits recommandé)
- Basé sur la difficulté de la décomposition en facteurs premiers

Cryptographie sur les courbes elliptiques ([ECC](#))

- Clés de 256 à 512 bits
- Plusieurs courbes (Curve25519, Ed25519, NIST P-256...)

[Cryptosystème de ElGamal](#)



## Sécurité et performance

---

Cryptographie asymétrique est :

- Sécurisée mais avec des clés plus longues
- Plus lente (chiffrement et déchiffrement coûteux)

Mais avec un ordinateur quantique

- Il existe des résultats théoriques ([Shor](#), [Grover](#)...)
- Casse les algorithmes asymétriques classiques
- [Cryptographie post quantique](#)





## En pratique

---

Cryptographie hybride : symétrique + asymétrique :

- Avec la cryptographie symétrique : performance de chiffrement
  - Nécessite de partager une clé de manière sûre
- Avec la cryptographie asymétrique : permet d'échanger une clé de façon sécurisée => résout le problème du partage de clé

Clé de session : clé symétrique à usage unique, limité dans le tps.

Échange de clés de Diffie-Hellman

- Permet la construction d'un secret partagé
- Communication possible même sur canal non sécurisé
- DH *classique* (logarithme discret) ou ECDH (courbes elliptiques)

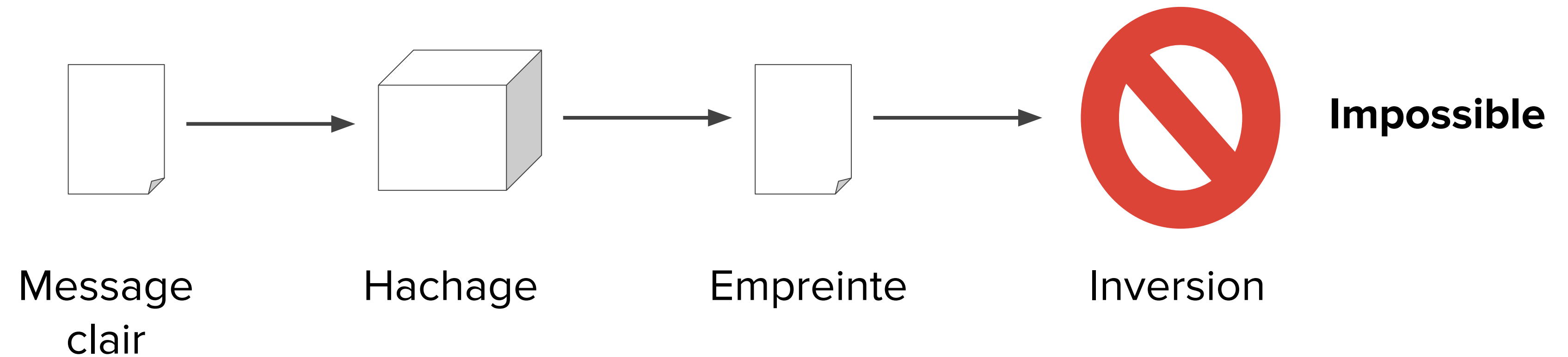


# Fonctions de hachage

Fonctions à sens unique



## Fonctions de hachage



Entrée : Message quelconque

Sortie : Empreinte / Condensat / Haché (*hash*)



## Calcul d'empreintes

---

En entrée :

- Séquence binaire de taille quelconque

En sortie :

- Empreinte de taille fixe et petite

Des propriétés particulières :

- Fonction à sens unique
- Calcul message → empreinte : simple
- Calcul empreinte → message : impossible (en pratique)



## Quelques fonctions de hachage

---

[SHA-2](#) (Secure Hash Algorithm 2) : Empreinte de 224, 256, 384 ou 512 bits.

Son remplaçant : [SHA-3](#) ([Keccak](#))

D'autres : Argon2, Bcrypt

Mécanismes obsolètes : [MD5](#), [SHA-1](#), [RIPEMD-160](#), [Whirlpool](#)

Concept de [collision](#) :

2 messages différents produisent la même empreinte.



## En pratique

---

Pister des  
empreintes

### Contrôle d'intégrité de messages :

- Calcul de l'empreinte du message à envoyer
- Transmission message + empreinte
- À réception : calcul de l'empreinte du message reçu
  - Identique : message non modifié (erreur)
  - Différent : message modifié

### Vérification de l'intégrité des fichiers :

- Comparer sans dupliquer/transmettre
- Calcul d'empreinte de 2 fichiers
  - Empreintes identique = Fichiers identiques



# Empreintes de mots de passe

Pister des  
empreintes

Bonne pratique : stocker les empreintes et non les mots de passe

- Variante de l'[attaque par dictionnaire](#) : [Rainbow table](#)

Dans le cas des mots de passe :

- [Salage](#) : Mots de passe identiques => empreintes différentes
- Augmentation du coût : paramétrage du nombre d'itérations

Fonctions particulières :

- [Bcrypt](#) basée sur [Blowfish](#)
- [Argon2](#) : vainqueur de la [Password Hashing Competition](#)
- [Yescrypt](#) : utilisée par défaut sur Debian





# Authentification cryptographique

Utiliser la cryptographie pour  
vérifier à qui on parle





# HMAC

Hachage + secret  
partagé

## Keyed-hash message authentication code

- Code d'authentification de message (MAC)
- Basé sur un secret partagé (clé) + fonction de hachage
- Assure authentification et contrôle d'intégrité

### Envoi :

- Mélange message + clé
- Calcul de l'empreinte (HMAC)
- Transmission message + HMAC

### Réception :

- Mélange message reçu + clé
- Calcul de l'empreinte
- Comparaison avec HMAC reçu



# Chiffrement authentifié

---

Cryptographie  
symétrique avec  
authentification

**Objectifs : Confidentialité + Authentification + Intégrité**

Mix : chiffrement symétrique + HMAC

Chiffrement authentifié (AE) + Associated Data (AD) - Intégrité

- Encrypt-then-MAC (EtM)
- Encrypt-and-MAC (E&M)
- MAC-then-Encrypt (MtE)
- CBC-MAC
- Galois/Counter Mode (GCM)
- Counter with CBC-MAC (CCM)

Note : clés différentes pour authentification et confidentialité



# Authentification asymétrique

Hachage +  
cryptographie  
asymétrique

## Signature numérique

- Clé publique de déchiffrement + fonction de hachage
- Assure authentification et contrôle d'intégrité

### **Envoi :**

- Calcul empreinte message
- Chiffrement de l'empreinte (Signature)
- Transmission message + signature

### **Réception :**

- Calcul empreinte message
- Déchiffrement de la signature
- Comparaison



# Mécanismes de signature

---

Quelques  
candidats

RSA - Mécanisme de signatures basé sur RSA

[ECDSA](#) (Elliptic Curve Digital Signature Algorithm) - Courbes NIST

[EdDSA](#) (Edwards-curve Digital Signature Algorithm) - Ed25519

Mécanisme obsolète : [DSA](#)



# Les certificats

Le passport numérique



## Limite des signatures

---

Association clé  
publique  $\leftrightarrow$   
identité

Signatures numériques permettent de vérifier que l'expéditeur possède bien la clé privée correspondant à la clé publique que je possède.

Besoin : authentifier une personne / un hôte

Comment s'assurer que la clé publique correspond à la bonne identité ?



# Les certificats

---

Le principe

Certificat électronique :

- Des clés publiques
- Des informations d'identification (nom)
- Dates de validités et autres métadonnées
- Signatures numérique de Tiers de confiance (certificateur)

2 formats :

- X.509
- OpenPGP



# Créer un certificat

---

Faire sa demande

La demande Certificate Signing Request ([CSR](#))

- Créer une/des paire(s) de clé(s)
- Conserver précieusement les clés privées
- CSR : information d'identité + clés publiques + métadonnées

La certification

- Envoi à un tiers de confiance
- Satisfaire à sa procédure de vérification d'identité
- Récupérer le certificat signé par le tiers.





## Vérifier



Faire sa demande

À réception d'un certificat inconnu

- Vérifier que l'identité présente dans le certificat correspond
- Vérifier la signature présente dans le certificat
- => nécessite la clé publique associée au tiers qui a signé
- Récupération du certificat du tiers de confiance...
  - Chaîne de certification

Problème circulaire

- Des certificats de départ (racines) sont nécessaires !



## Tiers de confiance

---

Qui certifie

Tiers de confiance : entité qui s'occupe pour nous de faire les vérifications d'identité et qui signe des certificats

Approche X.509 : Autorité de certification

- Organisme supposé connu de tous et de confiance
- Souvent : entreprises spécialisées

Approche OpenPGP : [Toile de confiance](#)

- Approche décentralisée : tout le monde peut certifier



# Révocation

---

Parce que tout ne se passe pas toujours comme prévu

En cas de perte/compromission de clés privées

- Révocation de certificat

Diffusion du certificat révoqué :

- Liste de révocations ([CRL](#)) gérée par les CA
- Vérification en direct ([OCSP](#) Online Certificate Status Protocol)
- [Agrafe OCSP](#)



## X.509

---

Parce que tout ne  
se passe pas  
toujours comme  
prévu

Norme [UIT](#) pour certificats numérique

- Formats de certificats
- Principe d'autorité de certification
- Suppose des [certificats racines](#) connus (auto-signé)

Un exemple d'autorité de certification : [let's encrypt](#)



# Public Key Infrastructure

---

Infrastructure  
d'émission de  
certificats

Infrastructure à clés publiques ([PKI](#))

- Ensemble d'éléments permettant d'émettre des certificats
- Matériel - éventuellement [Hardware Security Module](#)
- Logiciel
- Procédure

Mise en place d'une autorité de certification



# ACME



L'approche let's  
encrypt

Protocole d'automatisation de certification

- [Automated Certificate Management Environment](#)
- Facilite le déploiement de certificats (notamment HTTPS)
- Permet d'utiliser des durées de validité courtes
- Évite les problèmes de renouvellement

Implémentation : [certbot](#)



## OpenPGP

---

L'alternative

Protocole IETF ([RFC 4880](#))

- Version ouverte du PGP (Pretty Good Privacy) de [Philip Zimmermann](#)
- Concept de Toile de confiance (Web of Trust)
  - Serveurs de clés (distributions)
  - [Key signing party](#) (démarrage)

Implémentation : GNU Privacy Guard ([GPG](#))



## En pratique

---

Les certificats  
dans la vraie vie

### Web - HTTPS

- Protocole [TLS](#)
- Confidentialité - Authentification (du serveur) - Intégrité

### Email

- [S/MIME](#) Secure/Multipurpose Internet Mail Extensions (X.509)
- [PGP/MIME](#) : OpenPGP

### VPN

- OpenVPN (X.509)
- IPsec

...





## **MERCI**

---

Des questions ?  
Des remarques ?

