

P2

1.选 B。A 平均速率、平均速度对应路程位移，特例：位移为零，路程不为零。

2.选 C。A 不一定，假设是匀速直线则可能；B 根据机械能守恒，最高点速度最小，但加速度是 g 恒量，C 可能的。例如 S 形路线中点。D 错。

例如自由落体 t=0 时刻， $a=g$ ， $v=0$

3.B 解释：注意是矢量保持不变。

4.选 D。

$$v = \frac{dx}{dt} = 3 - 15t^2$$

$$a = \frac{d^2x}{dt^2} = -30t$$

5. B 解释：注意矢量的概念，查阅课本相关内容。

$d\vec{r}$, $|d\vec{r}|$ 是位移矢量、位移大小，可用在速度表达式子里。 $d\vec{r}$ 和位移无关，不可用在速度表达式子里

6. A 解释：注意矢量箭头， $d\vec{r} = 0$ 表示位矢长度不变，在平面内是个圆周轨迹。

7. 求得轨迹方程: $y = \tan \theta \cdot x$

[分析] 质点的运动方程为
$$\begin{cases} x = At \cos \theta + Bt^2 \cos \theta \\ y = At \sin \theta + Bt^2 \sin \theta \end{cases}$$

由此可知 $\frac{y}{x} = \tan \theta$ ，即 $y = (\tan \theta)x$

由于 $\theta = \text{恒量}$ ，所以上述轨道方程为直线方程。

又
$$\begin{cases} v_x = (A + 2Bt) \cos \theta \\ v_y = (A + 2Bt) \sin \theta \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_x = 2B \cos \theta = \text{恒量} \\ a_y = 2B \sin \theta = \text{恒量} \end{cases}$$

由于 $A > 0$ ， $B > 0$ ，显然 v 与 a 同号，故质点作匀加速直线运动。

8.C

$$v_t = \sqrt{v_0^2 + g^2 t^2}$$
$$t = \sqrt{\frac{v_t^2 - v_0^2}{g^2}}$$

9.B

某质点的速度为 $\vec{v} = 2\vec{i} - 8t\vec{j}$ ，已知 t=0 时它经过点 (3, -7)，则该质点的运动方程为

解：

因为

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

所以

$$d\vec{r} = (2\vec{i} - 8t\vec{j})dt$$

于是有

$$\int_{r_0}^r d\vec{r} = \int_0^t (2\vec{i} - 8t\vec{j})dt$$

即

$$\vec{r} - \vec{r}_0 = 2t\vec{i} - 4t^2\vec{j}$$

亦即

$$\vec{r} - (3\vec{i} - 7\vec{j}) = 2t\vec{i} - 4t^2\vec{j}$$

故

$$\vec{r} = (2t + 3)\vec{i} - (4t^2 + 7)\vec{j}$$

10.

变速曲线运动

变速直线运动

匀速圆周运动

11.

$$x = 2 + 3t^2 - t^3$$

$$v = \frac{dx}{dt} = 6t - 3t^2$$

$$a = \frac{dv}{dt} = 6 - 6t$$

$$\text{令 } v = 0, \quad t_1 = 0s; t_2 = 2s$$

位移

$$\begin{aligned}
 & x(4) - x(0) \\
 &= (2 + 3 \cdot 4^2 - 4^3) - 2 \\
 &= 3 \cdot 4^2 - 4^3 \\
 &= -16m
 \end{aligned}$$

2 秒后, 反向运动, 路程计算:

$$\begin{aligned}
 & |x(4) - x(2)| + |x(2) - x(0)| \\
 &= |(2 + 3 \cdot 4^2 - 4^3) - (2 + 3 \cdot 2^2 - 2^3)| + \\
 & |(2 + 3 \cdot 2^2 - 2^3) - 2| \\
 &= |-20| + 4 \\
 &= 24m
 \end{aligned}$$

12.

$$\vec{r} = 2t\vec{i} + (2 - t^2)\vec{j}$$

$$\begin{cases} x(t) = 2t \\ y(t) = 2 - t^2 \end{cases}$$

消去 t

$$y = 2 - \frac{x^2}{4}$$

13.

$$\theta = 3 + t^2$$

$$\omega = 2t$$

$$a_n = R\omega^2 = 4Rt^2$$

$$t = 2s$$

$$a_n = 4R \cdot 2^2 = 16R$$

$$\theta = 3 + t^2$$

$$\omega = 2t$$

$$\beta = 2$$

14.

$$x = A \sin \omega t$$

$$v = A\omega \cos \omega t$$

$$a = -A\omega^2 \sin \omega t$$

$$\frac{x}{A} = \sin \omega t$$

$$\frac{v}{A\omega} = \cos \omega t$$

$$\left(\frac{x}{A}\right)^2 + \left(\frac{v}{A\omega}\right)^2 = 1$$

15.

a 为恒量

$$\Delta t = t_2 - t_1 = 6s$$

$$\Delta s = 60m$$

$$v_2 = 15m/s$$

$$a = \frac{v_2 - v_1}{\Delta t}$$

$$v_2 - v_1 = a \cdot \Delta t$$

$$v_2^2 - v_1^2 = 2a \cdot \Delta s$$

$$(v_2 + v_1) \cdot a \cdot \Delta t = 2a \cdot \Delta s$$

$$v_1 = \frac{2\Delta s}{\Delta t} - v_2 = \frac{2 \cdot 60}{6} - 15 = 5(m/s)$$

$$a = \frac{v_2 - v_1}{\Delta t} = \frac{15 - 5}{6} = \frac{5}{3}(m/s^2)$$

16.

$$\text{正方向位移 } (1 + 2.5) \times 2 \times \frac{1}{2} = 3.5$$

$$\text{负方向位移 } -(1 + 2) \times 1 \times \frac{1}{2} = -1.5$$

合位移 2

17.

按照圆周运动计算,

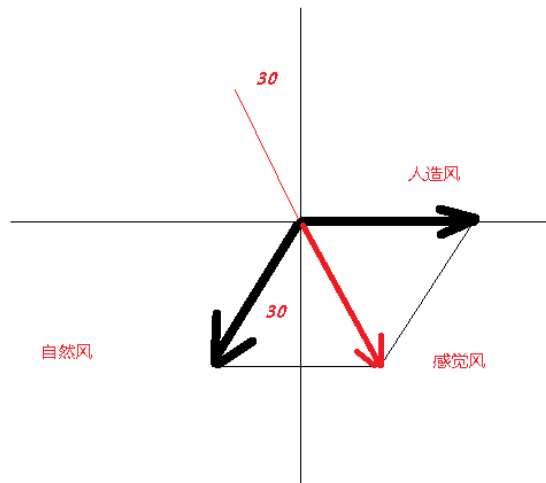
速率 v

$$a_n = \frac{v^2}{R} = g \cos \theta$$

$$R = \frac{v^2}{g \cos \theta}$$

18.C

北偏西 30°



19

$$a_\tau \frac{dv}{dt} = B$$

类比匀速直线运动

$$v_0 = A$$

$$v_p^2 - v_0^2 = 2a_\tau s$$

$$v_p^2 - A^2 = 2B2\pi R$$

$$a_{np} = \frac{v_p^2}{R} = \frac{4\pi BR + A^2}{R}$$

20.

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v_0} - \frac{1}{2}t^2$$

解释：由加速度表达式分离变量后积分即得。

$$a = \frac{dv}{dt} = v^2 t$$

$$dv = v^2 t dt$$

$$\int_{v_0}^v \frac{dv}{v^2} = \int_0^t t dt$$

$$-\left(\frac{1}{v} - \frac{1}{v_0}\right) = \frac{1}{2}t^2$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v_0} - \frac{1}{2}t^2$$

21.

$$\frac{h_1}{h_1 - h_2} v$$

选灯下为坐标原点，由比例关系求出影子坐标与人坐标的数值关系，求导得到速度。

人的坐标 x ，影子坐标 x_M

$$\frac{h_2}{h_1} = \frac{x_M - x}{x_M}$$

$$x_M \cdot h_2 = h_1 \cdot x_M - h_1 \cdot x$$

$$x_M(h_1 - h_2) = h_1 \cdot x$$

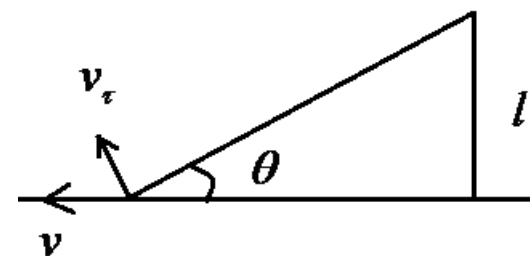
$$x_M = \frac{h_1 \cdot x}{h_1 - h_2}$$

$$v_M = \frac{h_1}{h_1 - h_2} v$$

22.

$$\frac{20\pi}{9}$$

解释：由约束方程求出速度与转速的关系，注意转速需化为标准单位。



$$\omega = \frac{2\pi}{60} = \frac{\pi}{30}$$

$$v_{\tau} = R\omega = \frac{l}{\sin \theta} \cdot \frac{\pi}{30}$$

$$v = \frac{v_{\tau}}{\sin \theta} = \frac{l}{\sin^2 \theta} \cdot \frac{\pi}{30}$$

$$= \frac{50}{(\frac{\sqrt{3}}{2})^2} \cdot \frac{\pi}{30}$$

$$= \frac{4 \cdot 50}{3} \cdot \frac{\pi}{30} = \frac{20\pi}{9}$$

23.

$$\sqrt{v_1^2 + v_2^2 \pm 2v_1v_2 \cos \alpha}$$

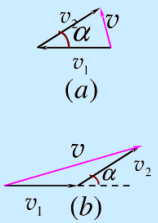
解释：由三角形法则求速度差即可，速度的夹角有两种可能。

两条直路相交成 α 角, 两辆汽车分别以速率 v_1 和 v_2 沿两条路行驶, 一车相对于另一车的速度大小为 $\sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \alpha}$ 或 $\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos \alpha}$

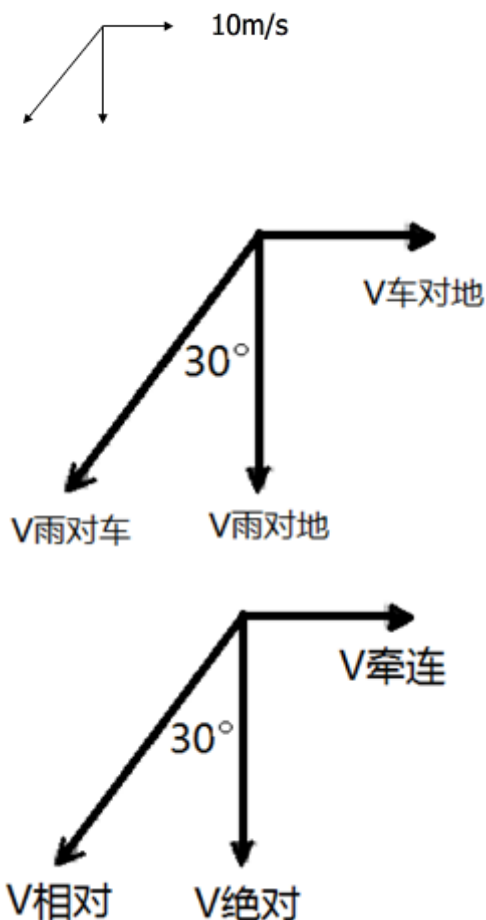
解： 如图(a)

$$v = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \alpha}$$

如图(b)

$$v = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos \alpha}$$


24.



$$\frac{v_{\text{牵}}}{v_{\text{绝}}} = \tan 30^\circ \Rightarrow v_{\text{绝}} = \sqrt{3}v_{\text{牵}} = 10\sqrt{3} \text{ m/s}$$

$$\frac{v_{\text{牵}}}{v_{\text{相}}} = \sin 30^\circ \Rightarrow v_{\text{相}} = 2v_{\text{牵}} = 20 \text{ m/s}$$

25.

积分求出结果即可，因为一维运动，可以用标量式代替矢量式

$$a = \frac{dv}{dt} \cdot \frac{dx}{dx} = 2 + 3x^2$$

分离变量后积分

$$\int_0^v v dv = \int_0^x (2 + 3x^2) dx$$

$$\frac{1}{2}v^2 = 2x + \frac{3}{3}x^3$$

$$v^2 = 4x + 2x^3$$

$$v = \pm \sqrt{4x + 2x^3}$$

求出 $v = \sqrt{4x + 2x^3}$ (负根不合题意)