2023 年度第 1 回入学前勉強会 「統計学・データサイエンスの入り口」 チェック問題と解答例

問1

(解答) 最小值 = 163, 最大值 = 176, 範囲 13 (=176-163).

問 2

左の表ののデータは、ある中学校の1年A組の男子25人の体重を出席番号順に並べたものです。右の度数分布表を完成させよ。

解答

		ı			I
生徒	体重 (kg)	生徒	体重 (kg)	生徒	体重 (kg)
1	56	11	64	21	61
2	46	12	52	22	56
3	57	13	53	23	67
4	58	14	45	24	68
5	41	15	54	25	54
6	59	16	64		
7	50	17	47		
8	59	18	62		
9	51	19	58		
10	62	20	48		

度数分布表

階級 (kg)	度数 (人)
以上 未満 40 - 45	1
45 - 50	4
50 - 55	6
55 - 60	7
60 - 65	5
65 - 70	2
計	25

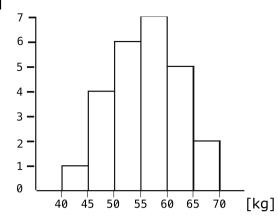
問3 次の度数分布表(X組の生徒の身長)から、 ヒストグラムを作成せよ。

X 組の生徒の身長の度数分布表

階級 (kg)	度数 (人)
以上 未満 40~45	1
45~50	4
50~55	6
55~60	7
60~65	5
65~70	2
計	10

(解答)

[人]



間4A組の生徒の身長の相対度数分布表について、次の問いに答えよ。

- (1) 175cm 以上の生徒は全体の何%か。
- (2) 165cm 以上の生徒は全体の何 % か。

A 組の生徒の身長の相対度数分布表

階級 (cm)	度数 (人)	相対度数		
以上 未満				
$150 \sim 155$	3	0.075		
155~160	8	0.200		
160~165	12	0.300		
165~170	10	0.250		
17~175	6	0.150		
175~180	1	0.025		
計	40	1		

(解答)

- (1) $0.025 \times 100 = 2.5(\%)$
- (2) $(0.25 + 0.150 + 0.025) \times 100 = 42.5(\%)$

問 5

- (1) B組の生徒の身長の度数分布表から相対度数分布表を作成せよ。
- (2) 160cm 以上、170cm 未満の生徒の相対度数は A 組と B 組では どちらが大きいか。

(解答例)

- (1) 小数点第4位を四捨五入した。
- B 組の生徒の身長の度数分布表と相対度数分布表

階級 (cm)	度数 (人)	相対度数
以上 未満		
150~155	5	0.104
155~160	8	0.167
160~165	11	0.229
165~170	13	0.271
170~175	6	0.125
175~180	5	0.104
計	48	1

B 組の生徒の身長の度数分布表

3 組の生徒の身長の度数分布を			
階級 (cm)	度数 (人)		
以上 未満			
$150 \sim 155$	5		
155~160	8		
160~165	11		
165~170	13		
170~175	6		
175~180	5		
計	48		

- (注意) 相対度数の適当な有効桁で近似するのが通例。その為、相対度数の合計は、30、30、31 になるとは限らない。今回の場合は偶然 31 に等しくなった。
- (2) 160cm 以上、170cm 満の生徒の相対度数は、A 組では 0.300+0.250=0.55、B 組では 00.229+0.271=0.5 だから、A 組の方が大きい。

問 6

次の度数分布表は、B 組 40 人の生徒の通学時間をまとめたものです。次の問いに答えよ。

- (1) 度数の合計、「階級値」の列および 「相対度数」 の列の空欄を埋めよ。
- (2) 完成した表を利用して、(通学時間の) 平均値を求めよ

(解答)

階級 (分)	階級値 (分)	度数 (人)	相対度数
以上 未満 10~30		3	
30~50		12	
50~70		9	
70~90		10	
90~110		6	
計			

階級 (分)	階級値 (分)	度数 (人)	相対度数
以上 未満 10~30	20	3	0.075
30~50	40	12	0.300
50~70	60	9	0.225
70~90	80	10	0.250
90~110	100	6	0.15
計		40	1.00

平均値は

 $20 \times 0.075 + 40 \times 0.300 + 60 \times 0.225 + 80 \times 0.250 + 100 \times 0.15 = 62$

問7 次のデータについて以下に答えよ。

- (1) 平均値 $\bar{x}=$
- (2) 偏差の欄(表の2列目)を埋めよ
- (3) 偏差の平方の欄(表の3列目)を埋めよ
- (4) 偏差の平方和の欄(表の3列目の一番下)を埋めよ。
- (5) 分散 $s^2 =$
- (6) 標準偏差 s =

解答

胜台				
観測値	偏差	偏差の平方		
\boldsymbol{x}	$oldsymbol{x} - ar{oldsymbol{x}}$	$(oldsymbol{x}-ar{oldsymbol{x}})^2$		
176	<u>-3</u>	9		
170	<u>-9</u>	<u>81</u>		
179	0	<u>0</u>		
188	9_	<u>81</u>		
182	<u>3</u>	9		
計		<u>180</u>		

平均値: $\bar{x} = (176 + 170 + 179 + 188 + 182)/5 = 179$

偏差 : 左の表の2列目

偏差の平方と平方和: 左の表の3列目と3列目の一番下

分散: $s^2 = 180/5 = 36$ 標準偏差: $s = \sqrt{36} = 6$

問8 正規分布において、

- (1) 平均以下のデータが全体に占める割合は何%か。
- (2) 「平均を中心にして ±標準偏差」の範囲の外にあるデータが全体に占める割合は何%か。
- (3) 平均 + 標準偏差 ×2 以上のデータが全体に占める割合は何%か。

(解答)

- $(1) \quad 50\%$
- (2) 100 68 = 32%
- $(3) \quad (100-95)/2 = 2.5\%$

「J 国民の 95% の身長は (a) cm から (b) cm の範囲に入ります。」

(解答)

- (a) 154
- (b) <u>182</u>