

(17) Una fuente radioactiva se observa durante 7 intervalos de uno de lo segundos de duración y se cuenta el número de partículas emitidas, digamos  $x$ , durante cada periodo observado tiene una distribución de Poisson con parámetro  $s$  ¿Probabilidad que?

a) en cada 1 de los 7 intervalos se emitan 4 o más partículas?

$x$  = nom. de partículas emitidas,  $x \sim \text{Poisson}(x, \lambda = s)$

$$P(x \geq 4) = P(x=1) + P(x=2) + P(x=3) + \underbrace{P(x=4) \dots P(x=n)}_{P(x \geq 4)} = 1$$

$$P(x \geq 4) = 1 - (P(x=0) + P(x=1) + P(x=2) + P(x=3))$$

$$P = \frac{e^{-s} s^x}{x!} \quad \text{con } \lambda = s$$

$$P(x=0) = \frac{e^{-s} s^0}{0!} = .0067, \quad P(x=1) = \frac{e^{-s} s^1}{1!} = .033$$

$$P(x=2) = \frac{e^{-s} s^2}{2!} = .0842, \quad P(x=3) = \frac{e^{-s} s^3}{3!} = .1404$$

$$P(x \geq 4) = 1 - (.0067 + .033 + .0842 + .1404) = .7349,$$

y que en cada uno de los 7 haya  $\geq 4$  part.  $= (-.7349)^7 = .1157 //$

b) al menos uno de los 7 intervalos de tiempo se emitan 4 o más partículas?  $x$  = en 1 intervalo haya 4 o más partícu-

$$P(x \geq 1) = P(x=0) + \underbrace{P(x=1) \dots P(x=n)}_{P(x \geq 1)} = 1$$

$$P = .7349$$

$$q = 1 - .7349 = .2651$$

$$P(x \geq 1) = 1 - P(x=0)$$

$$= 1 - \left(\frac{7}{0}\right)(.7349)^0(1-.7349)^7 = .9999 //$$

$$x \sim \text{bin}(x, p=.7349, q=.2651)$$

Nota como la probabilidad

que en un intervalo haya 4 o más Part. es .7349

Solo toca hacer una binomial para saber lo que nos pide

19) El chef de un restaurante prepara una ensalada revuelta que contiene en promedio 5 vegetales, encuentra la probabilidad de que la ensalada contenga más de 5 vegetales

a) en un dia dado  $X \sim \text{Poisson}(x, \lambda = 5)$

$P(X = \text{ensalada revuelta con 5 vegetales}) \quad \lambda = 5$

$$P(X > 5) = 1 - P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) + P(X=3) + P(X=4) + P(X=5) + \underbrace{P(X=6) + P(X=7) + \dots + P(X=N)}_{P(X > 5)} = 1$$

$$P(X > 5) = 1 - P(0) + P(1) + \dots + P(5)$$

$$\lambda = 5$$

$$P(X > 5) = 1 - (0.0067 + 0.0337 + 0.0842 + 0.1404 + 0.175467 + 0.1759)$$

$$P(X > 5) = 1 - (0.615934) = \underline{0.3840} //$$

b) en 3 de los 4 dias  $x = \text{Vegetales en } x \text{ días}$

$$P(X = 3) = P(X=3) \cdot P(X=0) \cdot P(X=1) \cdot P(X=2)$$

$$P(X = 3) = \binom{4}{3} (0.3840)^3 (1 - 0.3840) = 0.13951$$

c) por primera vez en el dia 5  $x = \text{Vegetales en } x \text{ días}$

$x = \text{vegetales en la ensalada } x \text{ vegetal}$

$$x \sim \text{Geo}(s, p = 0.3840)$$

$$P(X = 5) = (1 - 0.3840)^4 (0.3840) = \underline{0.055} //$$

Nota

como nos pide por primera vez significa una distribucion geometrica ya que se busca el primer exito

(21) El dueño de la tienda tiene existencias de cierto artículo y decide utilizar la sig fncm. El artículo tiene un precio de 100 el cual sera rebajado a la mitad por cada cliente que compre en un dia particular. Asì el cliente 1 pagara so el 2,~25 y asi sucesivamente supon que el # de clientes tiene distribucion de Poisson con  $\lambda = 2$  encontrar costo esperado al final del dia

$$x = \text{costo esperado} \quad x \sim \text{poisson}(x, \lambda=2)$$

$$\lambda = 2$$

$$E(x) = \lambda$$

$$E(x^2) = x^2 + x$$

$$V(x) = \epsilon(x^2 - x^2) = x^2 + x - x^2$$

九

$$E(y) = \sum y p(y)$$

$$E(Y) = \sum_{y=1}^{\infty} y \frac{x^y e^{-x}}{y!}$$

como

$$e^x = \sum_{x=0}^{\infty} \frac{x^i}{i!}$$

## NOTA

Por lo que vi hoy

## Juntas de f. de Esperanza

$\bar{z}(100) e^{-2} e$

$$\text{si hay } = 100 \text{ e}^{-1} = 36.78$$

Por definición  
es e

23) Los individuos que tienen 2 genes de

25) Los individuos que tienen 2 genes de anemia desarrollan esta enfermedad mientras que los individuos que no tienen ningun gen de la anemia o tienen solo 1 no la padecen. Si 2 personas ambas teniendo un gen tienen descendencia, el hijo recibira 2 genes de la anemia con probabilidad de .25. Supon que todos los miembros de 3 parejas tienen solo 1 gen de la anemia y que cada una de las parejas citadas tiene un descendiente. Calcular

(23) a) ninguno de los descendientes desarrolle la enfermedad  
 $X = \text{ningún descendiente confeña la enfermedad}$

$$P = .25 \quad q = .75$$

Como tenemos 3 parejas de las cuales queremos que ninguno de los descendientes tenga esta enfermedad

$$\Rightarrow \binom{3}{0} \quad ; \quad X \sim \text{bin}(x_3, n=3, p=.25)$$

$$P(x=0) = \binom{3}{0} (.25)^0 (.75)^3 = .4218 \cancel{\text{}}$$

b) Al menos 2 de los descendientes desarrollen la enfermedad

$$P(x \geq 2) = 1 - (P(x=1) + P(x=0))$$

$$P(x \geq 2) = 1 - (.4218 + .4218) = 1 - .8436 = .1564 \cancel{\text{}}$$

(25) En promedio una persona gana 1 de cada 1000 Juegos de lotería, si una persona paga el mismo billete de lotería en 500 sorteos distintos, calcular la probabilidad que

$$X \sim \text{Poisson}(500, \lambda=5)$$

a) nunca gane

$$P(G) = \frac{1}{1000} = 1 \times 10^{-3}$$

$$\lambda = \frac{1}{500} = .0005 \quad n = 1000$$

$$\lambda = P \cdot n = .0005(1000) = .5$$

$$P(X=0) = \frac{e^{-\lambda} (\lambda)^0}{0!} = .606 \cancel{\text{}}$$

$$b) P(x \geq 2) = 1 - P(x=0) + P(x=1)$$

$$1 - (.606 + .3032) = .09073 \cancel{\text{}}$$

(27) De los 50 edificios de un parque industrial, 12 no cumplen con el código eléctrico si se seleccionan aleatoriamente 10 de estos edificios para inspeccionarlos. Probabilidad que 3 de ellos no cumplen con el código.

$x = \text{edificio no cumple con código eléctrico}$

$$N = 50 \quad x = 3$$

$$n = 10 \quad K = 12$$

$$x \sim H(x, n=10, K=12, N=50)$$

$$P(x=3) = \frac{\binom{12}{3} \binom{50-12}{10-3}}{\binom{50}{10}} = .2702 \quad P(x=k) = \frac{\binom{K}{x} \binom{N-K}{n-x}}{\binom{N}{n}}$$

(29) La probabilidad de que cierta computadora que corre cierto sistema operativo se descomponga en determinado día es .1. Determina la probabilidad de que la máquina se descomponga por primera vez en el doceavo día después de la instalación del S.O.

Dist. Geométrica Se busca el primer éxito

$x = \text{maquina se descomponga tal dia}$

$$x \sim Geo(12, .1)$$

$$P(x=12) = (-1)^{12-1} (-.9)^{-1} = .03138$$

## Extras

- 18) Un estacionamiento tiene 2 entradas. Los coches llegan a la entrada 1 de acuerdo a una distribución de Poisson con media de  $3 \times \text{hora}$  y a la puerta 2 llegan de 4 por hora. ¿Cuál es la probabilidad que 3 coches lleguen al estacionamiento durante 4 una hora dada?

$$\lambda = \lambda_1 + \lambda_2 = 4 + 3 = 7$$

$X$  = Probabilidad de tener 3 autos en el estacionamiento

$$X \sim \text{Poisson}(\lambda=3, \lambda=7)$$

$$P(X=3) = \frac{7^3 (e^{-7})}{3!} = .0521$$

- 20) Supon que aviones pequeños llegan a cierto aeropuerto según un proceso de Poisson con tasa 8 aviones  $\times$  hora, de modo que el número de llegadas durante un periodo de  $t$  horas es una v.a de Poisson con  $\lambda = 8t$

¿Cuál probabilidad que 5 aviones pequeños lleguen durante periodo de 1 hora?

$$x = \text{aviones que llegan en } t \text{ horas}; X \sim \text{Poisson}(\lambda, \lambda=8)$$

$$P(X=5) = \frac{e^{-8} (8^5)}{5!} = .091$$

¿Por lo menos 5?

$$P(X \geq 5) = 1 - (P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) + \dots + P(X=4)) =$$

$$1 - (.00033 + .0026 + .01073 + .02862 + .05725) = .900$$

20)

$$P(X \geq 10) = 1 - (P(0) + P(1) + P(2) + \dots + P(9))$$

$$1 - (.00033 + .0026 + .01073 + .02862 + .05725 + .0916 + .1221 \\ + .1395 + .1395 + .1240) = .2836 \cancel{\cancel{}}$$

b) ¿Cuál es el valor esperado y la desviación estandar del número de aviones pequeños que lleguen durante un periodo de 90 min?

$$\frac{60}{60} = 8 \quad x = \text{Aviones que llegan}$$

$$\frac{90}{60} = 12 \quad \lambda = 12$$

$$x \sim \text{Poisson}(x, \lambda = 12)$$

$$E(x) = \lambda = 12 \cancel{\cancel{}}$$

Desviación Estándar,

$$\sigma = \sqrt{U(x)} \quad \text{Donde } U(x) = \sigma^2 = \lambda$$

$$\sigma = \sqrt{12} = 3.464 \cancel{\cancel{}}$$

c) ¿Probabilidad que por lo menos 20 aviones pequeños lleguen durante un periodo de  $2\frac{1}{2}$ ? ¿A lo sumo lleguen 10?

$$120 + 30 = 150 \text{ min}$$

$$x = \text{Aviones llegan}$$

$$60 - 8$$

$$x \sim \text{poisson}(x, \lambda = 20)$$

$$150 - 20$$

$$P(x \geq 20) = 1 - (P(0) + P(1) + \dots + P(19))$$

$$1 - (2.06 \times 10^{-9} + 4.1 \times 10^{-8} + 4.12 \times 10^{-7} + 2.74$$

$$\frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}$$

- 22) Determina el numero esperado de niños de una familia con 8 hijos, suponiendo que el sexo del niño es igual de probable. ¿Cuál es la probabilidad de que el numero esperado de niños suceda?

$$H = \frac{1}{2} \quad M = \frac{1}{2}$$

$$n = 8$$

$$\epsilon(x) = np = 8\left(\frac{1}{2}\right) = 4$$

$$x \sim \text{bin}(8, 0.5) \quad x = \text{numero de ninos}$$

$$P(X=4) = \binom{8}{4} (0.5)^4 (0.5)^4 = \underline{\underline{0.2734}}$$

- 24) El numero esperado de caras obtenidas en 10 lanzamientos de una moneda es 6 ¿Cuál es la probabilidad de que resulten 8 caras en los 10 diez lanzamientos?

$X \sim \text{bin}(x, 10)$  Salgan  $x$  canas en 10 lanzamientos

$$P(X=8) = \binom{10}{8} (.60)^8 (.40)^2 = .120932$$

NOTA ES BINOMIAL porque me piden 8 éxitos de 10 lanzamientos

- 26) Maria hornea galletas de chispas de chocolate en grupos de 90 galletas, si se agrega 300 chispas de chocolate a la masa ¿Cuáles es la probabilidad de que una galleta:

- a) no tenga chispas

$$\lambda = np \quad , \quad \lambda = 360 \cdot \left( \frac{1}{90} \right) = 4$$

$x =$  Una galleta tiene chispas

$$P = \frac{1}{90}$$

$$X \sim \text{Poisson}(x, x=4)$$

$$P(X=0) = \frac{e^{-4} (4)^0}{0!} = 0.1831$$

26

b)  $P(X \geq 5) = 1 - (P(0) + P(1) + P(2) + P(3) + P(4))$   
 $= 1 - (0.01831 + 0.07326 + 0.14652 + 0.19536 + 0.19536)$   
 $P(X \geq 5) = 0.3711$

28) Un pedido consta de 52 llantas, el comitador seleccionara de forma aleatoria 5 llantas para probarlas. Si dos o mas llantas estan defectuosas regresara el pedido.  
 ¿Probabilidad que el pedido sea aceptado si sabemos que el pedido trae 7 llantas defectuosas

$x_i$  llanta defectuosa

$$P(X=0) = \frac{\binom{7}{0} \binom{45}{5}}{\binom{52}{5}} = 0.4700 \quad x \sim H(x, n=5, M=7, N=52)$$

$N = 52$

$M = 7$

$n = 5$

$x = 0, 1$

$$P(X=1) = \frac{\binom{7}{1} \binom{45}{4}}{\binom{52}{5}} = 0.4013$$

$$P(X=0) + P(X=1) = 0.8713$$

\* NOTA

Si para que regrese el pedido tiene que encontrar 2 o mas defectuosas entonces si de las 7 defectuosas solo gerra 0 ó 1 no regresara el pedido.