PRAKTIKUM 4

ATOME, MOLEKÜLE, KONDENSIERTE MATERIE

Versuch 401: Elektronische Übergänge in Atomen

Gruppe A202

PARTH GADHAVI NOEMI RUPPERT ARIEH THILL

Versuchsdurchführung: 12. / 13. Mai 2025

Inhaltsverzeichnis

1.	Einl	tung	1
2.		hotoeffekt Grundlagen 2.1.1. Photoeffekt 2.1.2. Funktionsweise einer Photozelle Aufbau Durchführung 2.3.1. Energiebilanz der Photoelektronen Abschätzung des Plankschen Wirkungsquantum und der Austrittsarbeit 2.4.1. Bestimmung der Grenzspannung U_0 2.4.2. Bestimmung von Plankschen Wirkungsquantum h 2.4.3. Bestimmung der Austrittsarbeit W_A 2.4.4. Vergleich der λ = Kennlinie für unterschiedliche Intensitäten	2 2 2 2 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
3.		almer-Serie	5
	3.1.	Grundlagen	5
		3.1.1. Bohrsche Atommodel	5
		3.1.2. Balmer-Serie	5
		3.1.3. Quantenmechanische Betrachtung der Balmer-Serie	5
		3.1.4. Isotopieaufspaltung	5
		3.1.5. Natürliche Linienbreite und Linienverbreiterungen	5
	3.2.	Aufbau	5 6
	3.3.	Ourchführung	6
	3.4.	Bestimmung der Gitterkonstanten	6
	3.5.	Bestimmung der Balmerlinien	6
		3.5.1. Bestimmung der Isotopieaufspaltung	6
		3.5.2. Bestimmung der Rydberg-Konstante und des Plankschen Wirkungsquantum .	6
	3.6.	Veitergehende Überlegungen	6
		3.6.1. Möglicher Ursprung der anderen auftrennen Spektrallinien	6
		3.6.2. Doppler-Verbreitung	6
		3.6.3. Auflösevermögen des Gitters	6
4.	Fazi		7
5.	Forr	eln: To be deleted at the end	8
Αb	bildı	gsverzeichnis	11
Та	belle	verzeichnis	12
Δ.	Anh	าต	13
•	A.1	'6 Abbildungen	13
		Paballan	13

1. Einleitung

Ein zentraler Versuch zur Bestätigung des Zusammenhangs zwischen der Quantelung von Energien und Emissions -und Absorptionslinien ist die Untersuchung des Photoeffekts. Die Spektroskopie ermöglicht die Untersuchung des Atomaufbaus, insbesondere durch die Analyse von Spektrallinien, welche einen Ausdruck der Quantelung von Energie sind und in direktem Zusammenhang mit Lichtfrequenzen stehen.

Im ersten Versuchsteil beobachtet man die Energieabhängigkeit des Photoeffekts und es werden das Planksche Wirkungsquantum, sowie die Austrittsarbeit abgeschätzt.

Im zweiten Versuchsteil wird durch Ausmeßung der Balmer-Linien das Planksche Wirkungsquantum erneut bestimmt und mit dem Ergebnis aus dem ersten Versuchsteil verglichen.

2. Der Photoeffekt

2.1. Grundlagen

2.1.1. Photoeffekt

Der Photoeffekt tritt bei Ionisierung von Atomen durch Lichteinstrahlung, wobei die Energie der Valenzelektronen so weit ansteigt, dass sie das Potential des Atoms verlassen können. Dies geschieht nur, wenn das Licht eine Mindestenergie erreicht, die der Tiefe des Elektronenpotentials entspricht. Die Energie des Lichts E hängt mit ihrer Frequenz ν durch die Beziehung $E = \nu h$ zusammen, wobei h das Plancksche Wirkungsquantum darstellt.

2.1.2. Funktionsweise einer Photozelle

Aufbau Eine Photozelle besteht aus einer Ringanode und einer Kathode, welche mit Licht beleuchtet wird. Die Anode und die Kathode bestehen aus unterschiedlichen Materialien.

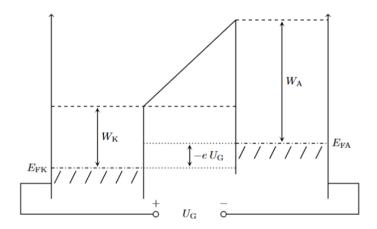


Abbildung 2.1.: Kontaktpotential $-eU_{KA}$ [1]

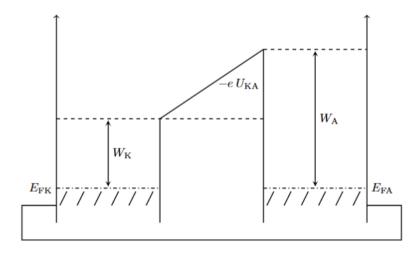


Abbildung 2.2.: Potential dass von der Gegenspannung $-eU_G$ induziert wird[1]

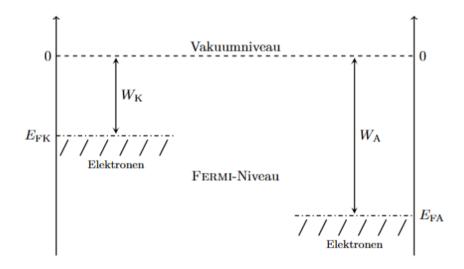


Abbildung 2.3.: Ferminiveaus von Kathode und Anode mit Austrittsarbeit W_A [1]

Wirkung Das Anodenmaterial weist eine höhere Austrittsarbeit auf als das Kathodenmaterial, wodurch beim Kontakt eine Potentialdifferenz zwischen ihren Ferminiveaus entsteht. Diese Differenz verstärkt sich, wenn eine zusätzliche Gegenspannung zwischen Anode und Kathode angelegt wird.

Die durch das Licht herausgelösten Elektronen gewinnen entsprechend seiner Energie kinetische Energie und bewegen sich zur Anode, wodurch ein messbarer Strom entsteht. Die angelegte Gegenspannung verlangsamt die Elektronen und wird schrittweise erhöht, bis kein Photostrom mehr nachweisbar ist – also die Elektronen aus dem Anodenmaterial nicht mehr die Anode erreichen.

2.2. Aufbau

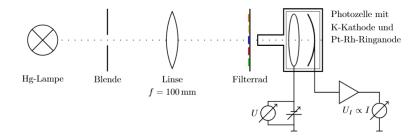


Abbildung 2.4.: Aufbau für die Messung des Photoeffektes [1]

Links ist die Hg-Lampe zu sehen, in der Mitte Optik-Elemente zum Fokussieren und Filtern des Lichtes und rechts ist die Photozelle mit Gegenspannung und Strommessung.

2.3. Durchführung

Die Quecksilber-Spektrallampe und die Photozelle werden gemäß Abbildung 2.4 gegenüberliegend auf dem Reiter angeordnet. Eine Irisblende vor der Lampe ermöglicht die Regulierung der Lichtintensität. Eine Linse mit einer Brennweite von f=100 mm wird in diesem Abstand vor die Blende positioniert, sodass sie das Licht parallel auf den nachfolgenden Interferenzfilter mit fünf Filtern sowie eine zusätzliche Blende lenkt.

Eine Abschirmvorrichtung mit einem röhrenförmigen Element verhindert Streulicht. Ein Lichtfleck wird gezielt auf die Kathode projiziert, ohne 'dass die Anode beleuchtet wird. Der Anodenstrom wird über einen Messverstärker erfasst, während eine zum Strom proportionale Spannung mit einem Digitalmultimeter (DMM) gemessen wird. Die Gegenspannung stammt aus einem 12V-Gleichspannungsnetzteil, wobei der negative Pol mit der Anode verbunden ist, um die Elektronen abzubremsen. Diese Spannung wird mit einem weiteren DMM gemessen.

2.3.1. Energiebilanz der Photoelektronen

Laut der Abbildung der Ferminiveaus 2.3 gilt für die Energiebilanz:

$$E = h\nu = W_K + eU_{KA} + eU_{G,0} = W_K + W_A - W_K + eU_{G,0} = W_A + eU_{G,0}$$
(2.1)

Aus der Frequenz des Lichtes können schließlich die Austrittsarbeit der Anode W_A und das Planck'sche Wirkungsquantum h bestimmt werden:

$$eU_{G,0} = h\nu - W_A \tag{2.2}$$

2.4. Abschätzung des Plankschen Wirkungsquantum und der Austrittsarbeit

- 2.4.1. Bestimmung der Grenzspannung U_0
- 2.4.2. Bestimmung von Plankschen Wirkungsquantum h
- 2.4.3. Bestimmung der Austrittsarbeit W_A
- 2.4.4. Vergleich der λ = Kennlinie für unterschiedliche Intensitäten

3. Die Balmer-Serie

3.1. Grundlagen

3.1.1. Bohrsche Atommodel

Im Bohrschen Atommodell bewegen sich die Elektronen auf bestimmten Kreisbahnen. Diese Kreisbahnen sind ein ganzzahliges Vielfaches der De Broglie Wellenlänge. Wegen dem Kräftegleichgewichts zwischen Coulombkraft und Zentripetalkraft ergeben sich für die Radien der Kreisbahnen der Elektronen:

$$r = \frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi \mu Z e^2} = \frac{n^2}{Z} a_0 \tag{3.1}$$

Wobei h das Plancksche Wirkungsquantum, μ die reduzierte Masse des Elektrons, Z die Ladungsmenge, e die Elementarladung, $n \in \mathbb{N}$, a_0 der Bohrsche Radius ist.

3.1.2. Balmer-Serie

Elektronen können ihre Bahn wechseln, indem sie Energie in Form elektromagnetischer Wellen mit der Frequenz ν absorbieren oder emittieren, wobei ihre Energie durch $E=h\nu$ bestimmt wird. Die Lichtfrequenz während der Anregung oder Abregung eines Elektrons von einem Energieniveau zu einem Niveau folgt dem Zusammenhang:

$$\nu = R_{\infty} c Z^2 \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right) \tag{3.2}$$

Dadurch wird die Energiedifferenz zwischen den beiden Zuständen mit Quantenzahlen n und m
 gegeben. Wobei R_{∞} der Rydberg-Konstante entspricht.

Für ein Wasserstoffatom gilt Z=1 und mit n=2 und m>2 und man erhält die Balmerserie an Frequenzen die beobachtet werden und welche im sichtbaren Bereich sind.

3.1.3. Quantenmechanische Betrachtung der Balmer-Serie

3.1.4. Isotopieaufspaltung

Ein Isotop von Wasserstoff is Deuterum: sein Kern besteht aus einem Proton und einem extra Neutron. Bei der Rydberg- Konstante muss dies berücksichtigt werden. Daraus folgt eine Verschiebung der Energie des emittierten Lichtstrahls. Bei diesen Kernen weißt sich der relative Massenunterschied besonders groß auf, wodurch die Verschiebung besonders deutlich sichtbar ist.

3.1.5. Natürliche Linienbreite und Linienverbreiterungen

3.1.6. Reflexionsgitter

Funktionsweise

Auflösevermögen

- 3.2. Aufbau
- 3.3. Durchführung
- 3.4. Bestimmung der Gitterkonstanten
- 3.5. Bestimmung der Balmerlinien
- 3.5.1. Bestimmung der Isotopieaufspaltung

Ermittelung des Peakschwerpunktes

Ermittelung der Halbwertsbreite

3.5.2. Bestimmung der Rydberg-Konstante und des Plankschen Wirkungsquantum Rydberg-Konstante

Planksche Wirkungsquantum

- 3.6. Weitergehende Überlegungen
- 3.6.1. Möglicher Ursprung der anderen auftrennen Spektrallinien
- 3.6.2. Doppler-Verbreitung
- 3.6.3. Auflösevermögen des Gitters

4. Fazit

5. Formeln: To be deleted at the end

Spannungsteiler

$$U = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_{\text{ges}} \tag{5.1}$$

mit U als Spannung am Widerstand R_2 , R_1 und R_2 als Widerstände und $U_{\rm ges}$ als Gesamtspannung.

Energieerhaltung

$$hf = E_{\rm kin} + W_A, \quad E_{\rm kin} = e U_G \tag{5.2}$$

mit h dem Planckschen Wirkungsquantum, f der Photonfrequenz, e der Elementarladung, U_G der Gegenspannung und W_A der Austrittsarbeit.

Fehlerfortpflanzung I

$$\Delta\left(\sqrt{I-I_0}\right) = \sqrt{\left(\frac{\Delta I}{2\sqrt{I-I_0}}\right)^2 + \left(\frac{\Delta I_0}{2\sqrt{I-I_0}}\right)^2}.$$
 (5.3)

Beugungsgitter

$$g(\sin \theta_m + \sin \beta) = m \lambda \implies g = \frac{m \lambda}{\sin \theta_m + \sin \beta}$$
 (5.4)

$$\Delta g = \sqrt{\left(\frac{\partial g}{\partial \theta_m} \Delta \theta_m\right)^2 + \left(\frac{\partial g}{\partial \beta} \Delta \beta\right)^2}.$$
 (5.5)

$$\frac{\partial g}{\partial \theta_m} = \frac{m \lambda \cos \theta_m}{(\sin \theta_m + \sin \beta)^2}, \quad \frac{\partial g}{\partial \beta} = \frac{m \lambda \cos \beta}{(\sin \theta_m + \sin \beta)^2}.$$
 (5.6)

Mittelwert der Gitterkonstante

$$\overline{g} = \frac{\sum_{i=1}^{N} (g_i / \Delta g_i)}{\sum_{i=1}^{N} (1 / \Delta g_i)}, \quad \Delta \overline{g} = \sqrt{\frac{N}{\sum_{i=1}^{N} 1 / (\Delta g_i)^2}}.$$
 (5.7)

Isotopenverhältnis

$$\lambda = g \left(\sin \theta_m + \sin \beta \right), \quad \frac{\partial \lambda}{\partial \beta} = g \cos \beta, \quad \Delta \beta \approx \frac{d}{f}.$$
 (5.8)

Fehlerfortpflanzung II

$$\Delta \lambda = \sqrt{\left(\frac{\lambda}{g} \Delta g\right)^2 + \left(g \cos \alpha \Delta \alpha\right)^2 + \left(g \cos \beta \Delta \beta\right)^2}.$$
 (5.9)

$$\Delta(\Delta\lambda) = \sqrt{\left(\frac{d\cos\beta}{f}\,\Delta g\right)^2 + \left(\frac{-d\sin\beta}{f\,g}\,\Delta\beta\right)^2 + \left(\frac{g\cos\beta}{f}\,\Delta d\right)^2}.$$
 (5.10)

Balmer-Formel

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2}\right), \quad n = 3, 4, 5, \dots$$
 (5.11)

$$R_H = \frac{1/\lambda}{\left(\frac{1}{4} - \frac{1}{n^2}\right)}, \quad \Delta R_H = \frac{\Delta \lambda}{\lambda^2 \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{n^2}\right)}.$$
 (5.12)

Plancksches Wirkungsquantum

$$h = \left(\frac{m_e e^4}{8 \,\varepsilon_0^2 \, c \, R_H}\right)^{1/3}, \quad \Delta h = \frac{1}{3} \left(\frac{m_e \, e^4}{8 \,\varepsilon_0^2 \, c}\right)^{1/3} R_H^{-4/3} \, \Delta R_H. \tag{5.13}$$

Literatur

[1] Physikalisches Praktikum Teil IV: Atome, Moleküle, Festkörper. 15. Apr. 2025. Uni Bonn.

Abbildungsverzeichnis

2.1.	Kontaktpotential $-eU_{KA}$ [1]	2
2.2.	Potential dass von der Gegenspannung $-eU_G$ induziert wird[1]	3
2.3.	Ferminiveaus von Kathode und Anode mit Austrittsarbeit W_A [1]	3
2.4.	Aufbau für die Messung des Photoeffektes [1]	4

Tabellenverzeichnis

A.1.	Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda = 365\mathrm{nm}$ und $\lambda =$	
	$405 \mathrm{nm}$, wobei $\Delta U_{ph} = 0.1 \cdot U_{ph} + 10 \mathrm{mV}$, $\Delta U_G = 10 \mathrm{mV}$	13
A.2.	Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda=463\mathrm{nm},$ mit	
	$\Delta U_{ph} = 0.1 \cdot U_{ph} + 10 \mathrm{mV}$ und $\Delta U_G = 10 \mathrm{mV}$	13
A.3.	Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda = 546\mathrm{nm}$ und $\lambda =$	
	578 nm, wobei $\Delta U_{ph} = 0.1 \cdot U_{ph} + 10 \text{mV}$ und $\Delta U_G = 10 \text{mV}$	14
A.4.	Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda=365\mathrm{nm}$ (Maxi-	
	malwerte und 50%-Punkt), wobei $\Delta U_{ph} = 0.1 \cdot U_{ph} + 10 \text{mV}$ und $\Delta U_G = 10 \text{mV}$	14
A.5.	Spektrallinien der Hg-Dampflampe 1. Ordnung, gemessen an den Winkelpositionen	
	und beobachteter Farbe. Hierbei ist d die Dicke der Spektrallinien (in Strichpunkten),	
	ω_B der Winkel der optischen Bank und ω_G der Winkel des Gitters	15
A.6.	Spektrallinien der H/Deuterium-Lampe in erster Ordnung. Hierbei ist d die Dicke	
	der Spektrallinien (in Strichpunkten), ω_B der Winkel der Blende und ω_G der Beu-	
	gungswinkel	15

A. Anhang

A.1. Abbildungen

A.2. Tabellen

Photoeffekt

	$\lambda = 30$	65 nm		$\lambda = 405 \mathrm{nm}$				
Messung 1		Messung 2		Messung 1		Messung 2		
$U_G[mV]$	$U_G[mV] \mid U_{ph}[mV]$		$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	
0,5	2380,0	0,5	2382,0	0,5	900,0	0,5	914,0	
30,5	2070,0	35,6	2065,0	41,5	722,0	36,0	740,0	
84,2	1630,0	84,6	1624,0	49,4	680,0	53,9	665,0	
121,0	1325,0	120,5	1334,0	105,4	450,0	102,0	464,0	
152,9	1071,0	156,3	1061,0	149,6	293,8	152,9	286,9,0	
160,7	1025,0	170,3	951,0	167,7	245,0	165,6	250,5	
182,4	883,0	180,8	892,0	174,5	226,9	178,2	215,6	
190,7	823,0	194,8	795,0	201,7	161,2	200,3	164,8	
217,9	655,0	219,4	653,0	213,7	139,5	217,5	230,0	
270,0	396,0	271,1	392,0	247,4	86,1	254,1	78,8	
287,0	333,3	287,4	325,0	267,7	63,5	273,2	58,2	
355,7	152,7	359,2	148,8	289,6	45,8	293,0	24,8	
396,3	79,9	397,2	95,6	301,9	38,8	304,7	36,5	
452,0	32,9	455,0	29,2	352,9	14,8	345,3	17,6	
472,0	14,1	477,0	11,7	378,1	5,1	384,8	3,2	
517,0	1,1	516,0	1,4	410,0	1,1	405,0	1,1	

Tabelle A.1.: Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda=365\,\mathrm{nm}$ und $\lambda=405\,\mathrm{nm}$, wobei $\Delta U_{ph}=0.1\cdot U_{ph}+10\,\mathrm{mV}$, $\Delta U_G=10\mathrm{mV}$

$\lambda = 463 \mathrm{nm}$									
Mess	ung 1	Messung 2							
$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$						
0,5	1107,0	0,5	1130,0						
31,1	901,0	34,3	866,0						
87,5	537,0	91,9	522,0						
133,2	313,1	135,0	307,4						
152,1	236,9	152,1	242,8						
192,5	126,6	190,6	130,0						
227,5	68,5	227,0	68,8						
291,0	18,8	287,4	21,1						
334,9	1,9	329,2	2,8						
345,9	0,6	349,4	0,0						

Tabelle A.2.: Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda=463\,\mathrm{nm},$ mit $\Delta U_{ph}=0.1\cdot U_{ph}+10\,\mathrm{mV}$ und $\Delta U_G=10\,\mathrm{mV}.$

	$\lambda = 54$	46 nm		$\lambda = 578 \mathrm{nm}$			
Messung 1		Messung 2		Messung 1		Messung 2	
$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$	$U_G[mV]$	$U_{ph}[\mathrm{mV}]$
0,5	5700,0	0,5	5390,0	0,5	644,0	0,5	565,0
32,7	2155,0	29,0	2444,0	10,7	406,0	10,2	406,0
12,4	3900,0	9,1	4230,0	21,6	287,5	23,6	276,8
52,9	1165,0	51,0	1206,0	31,1	217,2	29,6	225,1
69,9	677,0	61,7	874,0	39,6	169,3	39,6	169,6
60,4	949,0	71,8	645,0	54,9	117,2	50,5	122,7
103,2	212,9	101,0	242,1	62,1	82,6	60,8	84,4
130,7	77,7	128,7	82,2	73,3	55,7	69,6	63,7
150,8	13,8	150,8	18,3	82,2	39,6	83,2	37,6
162,4	6,2	158,7	0,1	119,8	0,0	116,6	2,4

Tabelle A.3.: Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda=546\,\mathrm{nm}$ und $\lambda=578\,\mathrm{nm}$, wobei $\Delta U_{ph}=0.1\cdot U_{ph}+10\,\mathrm{mV}$ und $\Delta U_G=10\,\mathrm{mV}$.

$\lambda = 365 \mathrm{nm}$								
Messu	ng max	Messung 50%						
$U_G[mV]$	$U_G[mV] \mid U_{ph}[mV]$		$U_{ph}[\mathrm{mV}]$					
0,4	9200,0	0,5	4040,0					
100,2	5760,0	106,6	2417,0					
200,8	2939,0	203,3	1296,0					
259,3	1806,0	235,6	974,0					
299,3	1172,0	255,8	806,0					
330,4	823,0	279,8	630,0					
364,5	549,0	303,6	491,0					
402,0	337,6	350,8	282,4					
453,0	111,6	404,0	147,8					
504,0	12,2	450,0	58,8					
1020,0	1,5	510,0	10,0					

Tabelle A.4.: Messwerte der Photospannung U_{ph} bei Gegenspannung U_G für $\lambda=365\,\mathrm{nm}$ (Maximalwerte und 50%-Punkt), wobei $\Delta U_{ph}=0.1\cdot U_{ph}+10\,\mathrm{mV}$ und $\Delta U_G=10\,\mathrm{mV}$.

Balmer-Serie

Spektrallinie Hg									
ω_B [°]	$\Delta\omega_B$ [°]	Spektrallinien	ω_G [°]	$\Delta\omega_G$ [°]	Farbe	Dicke d [Skt]	Δd [Skt]		
145,0	0,5		48,0	0,5	violett	4	1		
145,0	0,5		49,0	0,5	violett	2	1		
145,0	0,5		49,5	0,5	violett	2	1		
145,0	0,5		50,5	0,5	violett/blau	3	1		
145,0	0,5		51,0	0,5	violett/blau	3	1		
145,0	0,5		51,0	0,5	blau	4	1		
145,0	0,5		55,5	0,5	türkis	1	0,1		
145,0	0,5		61,0	0,5	grün	3	1		
145,0	0,5		64,0	0,5	gelb	5	1		
145,0	0,5		64,5	0,5	gelb	5	1		
145,0	0,5		69,0	0,5	rot	5	1		
135,0	0,5		68,0	0,5	grün	8	1		
135,0	0,5		71,0	0,5	gelb	10	1		
135,0	0,5		71,5	0,5	gelb	11	1		
155,0	0,5		61,0	0,5	rot	1	0,1		
155,0	0,5		61,5	0,5	rot	1	0,1		
155,0	0,5		62,5	0,5	rot	2	1		

Tabelle A.5.: Spektrallinien der Hg-Dampflampe 1. Ordnung, gemessen an den Winkelpositionen und beobachteter Farbe. Hierbei ist d die Dicke der Spektrallinien (in Strichpunkten), ω_B der Winkel der optischen Bank und ω_G der Winkel des Gitters.

	Spektrallinie H/Deuterium										
ω_B [°]	$\Delta\omega_B$ [°]	Spektrallinien	ω_G [°]	$\Delta\omega_G$ [°]	Farbe	d [Skt]	Δd [Skt]				
145,0	0,5		51,0	0,5	violett	3	1				
145,0	0,5		55,5	0,5	türkis	1	0,1				
155,0	0,5		61,5	0,5	rot	1	0,1				

Tabelle A.6.: Spektrallinien der H/Deuterium-Lampe in erster Ordnung. Hierbei ist d die Dicke der Spektrallinien (in Strichpunkten), ω_B der Winkel der Blende und ω_G der Beugungswinkel.