2020 北京密云初三一模

数学

2020. 5

1. 本试卷共 8 页, 共三道大题, 28 道小题, 满分 100 分. 考试时间 120 分钟.

生

2. 在试卷和答题卡上准确填写学校、班级、姓名和考号.

须 知

3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上,在试卷上作答无效,作图必须使用 2B 铅笔.

- 4. 考试结束,请将本试卷和答题纸一并交回.
- 一、选择题 (本题共16分,每小题2分)

下面各题均有四个选项,其中只有一个选项是符合题意的.

1. 下列四个角中,有可能与70°角互补的角是()



- 2. 5G 是第五代移动通信技术,5G 网络下载速度可以达到每秒 1300000KB 以上,这意味着下载一部高清电影只需 1秒.将1300000用科学记数法表示应为()

- A. 13×10^5 B. 1.3×10^5 C. 1.3×10^6 D. 1.3×10^7
- 3. 下列各式计算正确的是()
- A. $a^3 \cdot a^2 = a^6$ B. $a^5 + a^5 = a^{10}$ C. $(-2a^3)^3 = 8a^9$ D. $(a-1)^2 = a^2 1$
- 4. 下面的图形是用数学家名字命名的,其中既是轴对称图形又是中心对称图形的是()

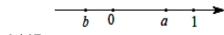




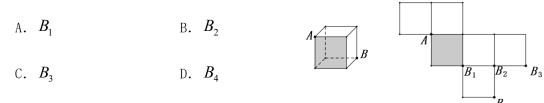




- A. 科克曲线 B. 笛卡尔心形线 C. 赵爽弦图 D. 斐波那契螺旋线
- 5. 实数 *a*, *b* 在数轴上的对应点的位置如图所示,下列关系式不成立的是(
 - A. a-5 > b-5
- B. -a > -b



6. 如图, 点 A, B是正方体上的两个顶点,将正方体按图中所示方式展开,则在展开图中 B点的位置为()



7. 《九章算术》中记载: "今有上禾三秉,益实六斗,当下禾十秉;下禾五秉,益实一斗,当上禾二秉.问上、下禾实一秉各几何?"其大意是: 今有上等稻子三捆,若打出来的谷子再加六斗,则相当于十捆下等稻子打出来的谷子;有下等稻子五捆,若打出来的谷子再加一斗,则相当于两捆上等稻子打出来的谷子.问上等、下等稻子每捆打多少斗谷子?设上等稻子每捆打 x 斗谷子,下等稻子每捆打 y 斗谷子,根据题意可列方程组为

A.
$$\begin{cases} 3x + 6 = 10y \\ 5y + 1 = 2x \end{cases}$$
 B.
$$\begin{cases} 3x - 6 = 10y \\ 5y - 1 = 2x \end{cases}$$
 C.
$$\begin{cases} 3y + 6 = 10x \\ 5x + 1 = 2y \end{cases}$$
 D.
$$\begin{cases} 3y - 6 = 10x \\ 5x - 1 = 2y \end{cases}$$

8. 据统计表明,2019年中国电影总票房高达642.7亿元,其中动画电影发展优势逐渐显现出来.下面的统计表反映了六年来中国上映的动画电影的相关数据:

2014-2019年中国动画电影影片数量及票房统计表

年份	国产动画影片数量	国产动画影片票房	进口动画影片数量	进口动画影片票房		
	(单位:部)	(单位: 亿元)	(单位:部)	(单位: 亿元)		
2014	21	11.4	18	19. 5		
2015	26	19.8	14	24. 2		
2016	24	13.8	24	57.0		
2017	16	13.0	21	36. 8		
2018	21	15. 8	22	25. 0		
2019	31	70.95	42	44. 09		

(以上数据摘自《中国电影产业市场前瞻与投资战略规划分析报告》)

根据上表数据得出以下推断,其中结论不正确的是()

- A. 2017年至2019年,国产动画影片数量均低于进口动画影片数量
- B. 2019年与2018年相比,中国动画电影的数量增加了50%以上

- C. 2014年至2019年,中国动画电影的总票房逐年增加
- D. 2019年,中国动画电影的总票房占中国电影总票房的比例不足 20%
- 二、填空题(本题共16分,每小题2分)
- 9. 请写出一个绝对值大于2的负无理数: .

若代数式 $\frac{X+1}{x-3}$ 有意义,则 x 的取值范围是______.

11. 在如图所示的几何体中,其三视图中有三角形的是_____. (写出所有正确答案的序号)







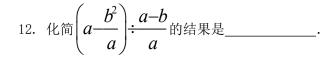


① 圆柱

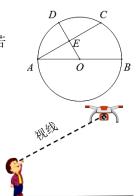
② 圆锥

3直三棱柱

④ 球体



13. 如图,AB为 \odot 0直径,点 C为 \odot 0上一点,点 D为 \widehat{AC} 的中点,且 OD与 AC相交于点 E,若 \odot 0的半径为 4, $\angle CAB$ =30°,则弦 AC的长度为______.



(结果精确到 0.1 米, 参考数据: $\sqrt{2} \approx 1.414$, $\sqrt{3} \approx 1.732$)

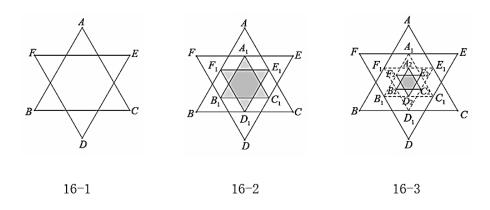
15. 为提升英语听力及口语技能,小明打算在手机上安装一款英语口语 APP 辅助练习. 他分别从甲、乙、丙三款口语 APP 中随机选取了 1000 条网络评价进行对比,统计如下:

评价数量	等级	五星	四星	三星	二星	一星	合计
APP							
甲		562	286	79	48	25	1000
Z		517	393	52	21	17	1000
丙		504	210	136	116	34	1000

(说明:网上对于口语 APP 的综合评价从高到低,依次为五星、四星、三星、二星和一星).

小明选择_____(填"甲"、"乙"或"丙")款英语口语 APP,能获得良好口语辅助练习(即评价不低于四星)的可能性最大.

16. 如图 16-1,将一个正六边形各边延长,构成一个正六角星形 *AFBDCE*,它的面积为 1. 取 \triangle *ABC* 和 \triangle *DEF* 各边中点,连接成正六角星形 $A_1F_1B_1D_1C_1E_1$,如图 16-2 中阴影部分;取 \triangle $A_1B_1C_1$ 和 \triangle $D_1E_1F_1$ 各边中点,连接成正六角星形 $A_2F_2B_2D_2C_2E_2$,如图 16-3 中阴影部分...... 如此下去,则正六角星形 $A_nF_nB_nD_nC_nE_n$ 的面积为______.



三、解答题 (共 68 分,其中 17^2 22 题每题 5 分, 23^2 26 题每题 6 分,27、28 题每题 7 分)

17. 计算:
$$(\frac{1}{2})^{-1} + (\pi + 1)^0 - 2\cos 60^\circ + \sqrt{9}$$

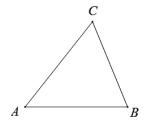
$$\begin{cases} 5x-3 \le 2x+9 \\ 3x > \frac{x+10}{2} \end{cases}$$
 ,并写出它的所有整数解

19. 下面是小菲设计的"作一个角等于已知角的二倍"的尺规作图过程.

己知: △ABC中, AC>BC.

求作: ∠ADB, 使得∠ADB=2∠C.

作法:如图,



- ① 分别以点 A和点 C为圆心,大于 $\frac{1}{2}AC$ 的长为半径作弧,两弧交于 M N点,作直线 MN;
- ② 分别以点 A和点 B为圆心,大于 $\frac{1}{2}AB$ 的长为半径

作弧,两弧交于 P、Q点,作直线 PQ, MN和 PQ交于点 D;

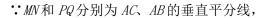
- ③ 连接 AD 和 BD;
- ④ 以点 D为圆心,AD的长为半径作 $\odot D$.

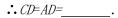
所以 ZADB=2 ZC.

根据小菲设计的尺规作图过程.

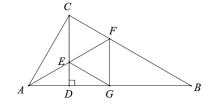
- (1) 使用直尺和圆规,补全图形(保留作图痕迹);
- (2) 完成下面的证明.

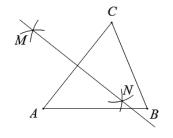
证明:连接 CD



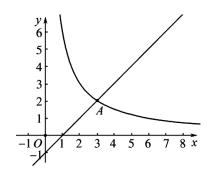


- ∴ ⊙ D 是 △ ABC 的外接圆.
- ∵点 C是 \odot D上的一点,
- **∴**∠*ADB=*2∠*C*. (______) (填推理的依据)
- 20. 已知: 关于 x 的一元二次方程 $x^2 2x + m 1 = 0$ 有两个不相等的实数根.
 - (1) 求 m的取值范围;
 - (2) 如果 // 为非负整数,且该方程的根都是整数,求 // 的值.
- 21. 如图,在Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90$ °. $CD\perp AB$, AF平分 $\angle CAB$,交CD于点E,交BC于点F. 过点F作 $FG\perp AB$ 交AB于点G,连接EG.
 - (1) 求证: 四边形 CEGF 是菱形;
 - (2) 若∠B=30°, AC=6, 求 CE的长.

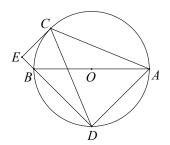




- 22. 如图,在平面直角坐标系 xOy 中,直线 I: y = x 1 的图象与反比例函数 $y = \frac{k}{x}(x > 0)$ 的图象交于点 A (3, m).
 - (1) 求 m、k的值;
 - (2) 点 $P(x_p, 0)$ 是 x 轴上的一点,过点 P作 x 轴的垂线,交直线 I 于点 M,交反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ (x > 0)的图象于点 N. 横、纵坐标都是整数的点叫做整点.记 $y = \frac{k}{x}$ (x > 0)的图象在点 A,N之间的部分与线段 AM,MN 围成的区域(不含边界)为 W.
 - ① 当 x_p=5 时,直接写出区域 W内的整点的坐标为_____;
 - ② 若区域 W内恰有 6 个整点,结合函数图象,求出 x_p 的取值范围.



- 23. 如图,AB为 \odot 0的直径,点 C、点 D为 \odot 0上异于 A、B的两点,连接 CD,过点 C作 $CE \bot DB$,交 DB的延长线于点 E,连接 AC、AD.
 - (1) 若 ∠ ABD=2 ∠ BDC, 求证: CE 是 ⊙ 0 的切线.
 - (2) 若 \odot 0 的半径为 $\sqrt{5}$, $\tan \angle BDC = \frac{1}{2}$,求 AC的长.

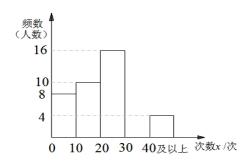


24. 2020 年新冠肺炎疫情发生以来,我市广大在职党员积极参与社区防疫工作,助力社区坚决打赢疫情防控阻击战。其中,A 社区有 500 名在职党员,为了解本社区 2 月—3 月期间在职党员参加应急执勤的情况,A 社区针对执勤的次数随机抽取 50 名在职党员进行调查,并对数据进行了整理、描述和分析,下面给出了部分信息.

应急执勤次数的频数分布表

次数 x /次	频数	频率
0(3X A 7 0)	92.32	<i>></i>
$0 \leqslant x < 10$	8	0.16
$10 \leqslant x < 20$	10	0.20
$20 \leqslant x < 30$	16	b
$30 \leqslant x < 40$	а	0. 24
x ≥ 40	4	0.08

应急执勤次数的频数分布直方图

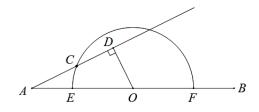


其中,应急执勤次数在 $20 \le x < 30$ 这一组的数据是:

20 20 21 22 23 23 23 23 25 26 26 26 27 28 28 29

请根据所给信息,解答下列问题:

- (2) 请补全频数分布直方图;
- (3) 随机抽取的 50 名在职党员参加应急执勤次数的中位数是;
- (4) 请估计 2月—3月期间 A社区在职党员参加应急执勤的次数不低于 30次的约有 人.
- 25. 如图,点 *O*是线段 *AB*的中点, *EF*是以 *O*为圆心, *EF*长为直径的半圆弧,点 *C*是 *EF*上一动点,过点 *O*作射线 *AC*的垂线,垂足为 *D*.已知 *AB*=10 *cm*, *EF*=6 *cm*,设 *A*、*C*两点间的距离为 *xcm*, *O*、 *D*两点间的距离为 *y*₂ *cm*, *C*、 *D*两点间的距离为 *y*₃ *cm*.



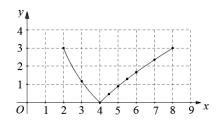
小丽根据学习函数的经验,分别对函数 y_1 和 y_2 随自变量 x 变化而变化的规律进行了探究. 下面是小丽的探究过程,请将它补充完整:

(1) 按照下表中自变量 x 的值进行取点、画图、测量,分别得到 y_1 和 y_2 与 x 的几组对应值:

x/cm	2	3	4	4.5	5	5. 5	6	7	8
y_1/cm	0	2.76	m	2.96	2.86	2.70	2.49	1.85	0
y ₂ /cm	3.00	1.18	0	0.47	0.90	1.30	1.67	2.36	3.00

经测量,加的值是_____; (保留一位小数)

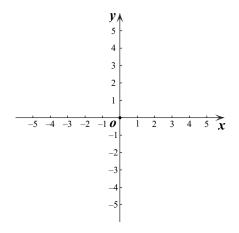
(2) 在同一平面直角坐标系 xOy 中,描出补全后的表中各组数值所对应的点(x, y_1)和(x, y_2),并画出函数 y_1 、 y_2 的图象;



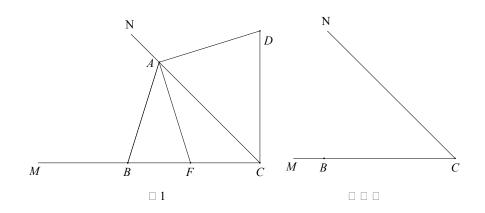
(3) 结合函数图象,解决问题: 连接 OC,当 $\triangle ODC$ 是等腰三角形时,AC 的长度约为______ cm. (结果保留一位小数)

26. 在平面直角坐标系 xOy中,已知抛物线 $y=ax^2-4ax+1$ (a>0).

- (1) 抛物线的对称轴为;
- (2) 若当 $1 \le x \le 5$ 时,y 的最小值是-1,求当 $1 \le x \le 5$ 时,y 的最大值;
- (3) 已知直线 y=x+3 与抛物线 $y=ax^2-4ax+1$ (a>0) 存在两个交点,设左侧的交点为点 $P(x_1, y_1)$,当一 $2 \le x_1 < 1$ 时,求 a 的取值范围.



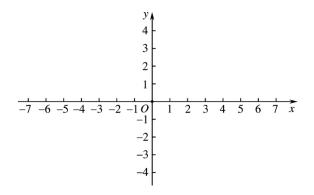
- 27. 已知 \angle MCN=45°, 点 B在射线 CN上,点 A是射线 CN上的一个动点(不与点 C重合). 点 B关于 CN的对称点为点 D, 连接 AB、AD和 CD, 点 F在直线 BC上,且满足 AF=AB. 小明在探究图形运动的过程中发现: $AF\perp AD$ 始终成立.
 - (1) 如图 1, 当 0° < ∠BAC< 90° 时.
 - ① 求证: AF LAD
 - ② 用等式表示线段 CF、CD与 CA之间的数量关系,并证明;
 - (2) 当 90° < \(\angle BAC < 135° 时, 直接用等式表示线段 CF、CD 与 CA 之间的数量关系是



28. 对于平面直角坐标系 xOy 中的任意一点 P,给出如下定义:经过点 P且平行于两坐标轴夹角平分线的直线,叫做点 P的"特征线".

例如:点M(1,3)的特征线是y=x+2和y=-x+4;

- (2) 已知点 P (\neg 1, 2) 的平行于第二、四象限夹角平分线的特征线与 x 轴相交于点 A,直线 y=kx+b ($k\neq$ 0) 经过点 P,且与 x 轴交于点 B. 若使 $\triangle BPA$ 的面积不小于 6,求 k 的取值范围;
- (3) 已知点 C(2,0) , T(t,0) , 且 $\odot T$ 的半径为 1. 当 $\odot T$ 与点 C的特征线存在交点时,直接写出 t 的取值范围.



2020 北京密云初三一模数学

参考答案

一、选择题(本题共16分,每小题2分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
选项	D	С	С	A	В	В	A	С

二、填空题(本题共16分,每小题2分)

- 9. $-\sqrt{5}$ (答案不唯一); 10. $x \neq 3$; 11. ②③; 12. a+b;

13. $4\sqrt{3}$:

- 14. 10.4; 15. \mathbb{Z} ; 16. $\frac{1}{4^n}$.

三、解答题(本题共68分. 第17~22题, 每题各5分; 第23~26题, 每题各6分; 第27、28题, 每题各7 分)

说明:与参考答案不同,但解答正确相应给分.

17. 原式=
$$2+1-2\times\frac{1}{2}+3$$
4 分

=3-1+3

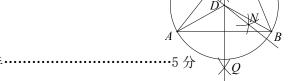
18. 解:由①得: $x \le 4$, ……………………1分

∴不等式组的解集为: $2 < x \le 4$ ·······················4 分

∴整数解有: 3、4·······5 分

(1) -------3 分 19.

一条弧所对的圆周角是它所对的圆心角的一半 ······5 分



20. (1) \mathbf{M} : $\triangle = (-2)^2 - 4 (m-1)$

	=8-4 <i>m</i> ·······1 分
	: 方程有两个不相等的实数根
	∴8-4 <i>m</i> >0
	m<2·······2 分
	(2)解: ∵∭为非负整数
	∴ m=0 或 m=1······3 分
	当 <i>m</i> =0 时, x ² -2x-1=0
	∵△=8,此时方程的根不是整数,∴m=0 舍去 ·······4 分
	当 <i>II</i> =1 时, x ² -2 x=0
	方程的两个根均为整数
	<i>∴ m</i> =1······5 分
21.	(1)证明: ∵CD⊥AB, FG⊥AB
	:. CD// FG
	∴∠CEF=∠EFG
	∵AF平分∠CAB, FC⊥AC, FG⊥AB
	∴FC=FG,
	AF=AF
	$\therefore Rt\Delta ACF \cong Rt\Delta AGF$
	∴ ∠CFE=∠EFG
	∴∠CEF=∠CFE
	∴CE=CF
	∴CE=FG 且 CE//FG
	:.四边形 CEGF 是平行四边形
	··FC=FG
	∴平行四边形 <i>CEGF</i> 是菱形····································

- (2) 解: $: Rt\Delta ACF \cong Rt\Delta AGF$, AC=6
- ∴ AG=AC=6
- ∵∠*B=*30 °
- ∴在 Rt△ABC中, AB=2AC=12
- ∴BG=6·····4 分
- ∴在Rt△FGB中, $\tan 30^{\circ} = \frac{FG}{BG} = \frac{FG}{6} = \frac{\sqrt{3}}{3}$
- 22. (1) 解: *m*=2, *k*=6············2分

 - ②当 x_0 =1 时,与直线 I 的交点 M (1, 0) ,与反比例函数图象的交点 N (1, 6)

此时在 x=1 这条直线上有 5 个整点: (1, 1) (1, 2) (1, 3) (1, 4) (1, 5);

 $\therefore 0 < x_p < 1$

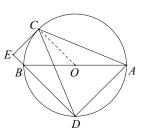
当 x_p =6 时,与直线 I 的交点 M (6, 5) ,与反比例函数图象的交点 N (6, 1)

此时在 x=6 这条直线上有 3 个整点: (6, 2) (6, 3) (6, 4)

 $\therefore 6 < x_p \le 7$

综上所述: $0 < x_p < 1$ 或 $6 < x_p \le 7$ ·······5 分

- - ::OC=OA
 - ∴∠OCA=∠OAC
 - ∴∠COB=2∠OAC
 - ∵∠BDC=∠OAC, ∠ABD=2∠BDC
 - ∴∠COB=∠*ABD*
 - ∴OC//*DE*······2分



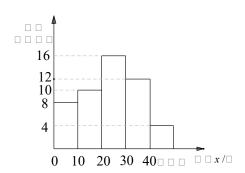
- *∵CE*⊥*DB*, ∠C*ED*=90°
- \therefore \angle 0CE=90°, $OC\perp$ CE
- ∴ CE 是 ⊙ 0 的切线 ·······3 分
- (2) 解:连接 BC·······4 分
- ∵∠BDC=∠BAC,
- $\therefore \tan \angle BAC = \tan \angle BDC = \frac{1}{2}$
- ∵AB是⊙0的直径
- ∴∠*BCA=*90°
- $\therefore \frac{BC}{AC} = \frac{1}{2}$

设 *BC*=*x*, *AC*=2*x*



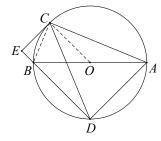
- **∵**⊙0的半径为√5
- $\therefore \sqrt{5}x = 2\sqrt{5}$
- ∴*x*=2
- ∴ AC=2x=4······6 分
- 24. 解: (1) *a*=12, *b*=0.32; ·············2 分

(2)



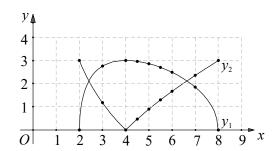
-----4 分





- 25. (1) 3.02 分

(2)



------4分

- (3) 2.4 或 6.66 分
- - (2)解: :: 抛物线的对称轴是 x=2
 - ∴顶点在 1≤x≤5 范围内
 - ∵y的最小值是-1
 - **∴** 顶点坐标是(2,-1) ······2 分
 - ∵a>0, 开口向上
 - $\therefore x > 2$ 时, y 随 x 的增大而增大

即 x=5 时, y 有最大值

∴把顶点 (2,-1) 代入 *y=ax*²-4*ax*+1

4*a*-8*a*+1=-1

$$a = \frac{1}{2}$$

(3) $\stackrel{\text{def}}{=} X_1 = -2 \text{ pt}, P(-2, 5)$

∴4*a*+8*a*+1=5,
$$a = \frac{1}{3}$$

把 P (-1, 4) 代入 y=ax²-4ax+1

$$\therefore a+4a+1=4, \quad a=\frac{3}{5}$$

$$\therefore \frac{1}{3} \le a < \frac{3}{5} \dots 6 \ \%$$

27. (1)①: 点 B关于 CN的对称点为点 D

- $\therefore \triangle ABC \cong \triangle ADC$
- ∴∠ABC=∠ADC,∠ACB=∠ACD=45°
- ∴∠BCD=90°
- ∵AF=AB
- ∴∠*ABC=*∠AFB
- ∴∠AFB=∠ADC
- ∵∠AFB+∠AFC=180°
- ∴∠ADC+∠AFC=180°

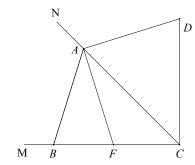
在四边形 AFCD 中, ∠FAD=90°

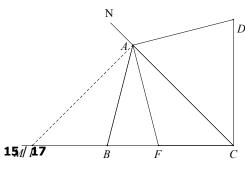




解: 过点 A 作 AC 边的垂线交 CB 延长线于点 P

- ∴△APC是等腰直角三角形,∠PAC=90°, AP=AC
- \therefore \angle PAF+ \angle FAC= \angle DAC+ \angle FAC= 90°
- ∴∠PAF=∠DAC
- ∵∠AFB=∠ADC





- $\therefore \triangle APF \cong \triangle ACD$
- ∴PF=CD

在等腰 Rt $\triangle APC$ 中, $PF + CF = \sqrt{2}AC$

- 28. (1) 22 ························ 分
 - (2) 设点 P(-1, 2) 的平行于第二、四象限夹角平分线的特征线是 y=-x+b
 - ∴1+b=2

b=1

- ∴点 P (\neg 1, 2) 的平行于第二、四象限夹角平分线的特征线是 $y=\neg x+1$
- ∴*A* (1, 0)
- ∵△BPA的面积不小于6

$$\therefore \frac{1}{2} \cdot AB \cdot 2 = 6 , \text{ AB=6}$$

∴B (-5, 0) 或B (7, 0) ·······3分

当 *y=kx+b* 经过 *P* (-1, 2) 和点 B (-5, 0) 时,

$$\begin{cases} -k+b=2\\ -5k+b=0 \end{cases}, \quad k=\frac{1}{2}$$

当 *y=kx+b* 经过 *P* (-1, 2) 和点 B (7, 0) 时,

$$\begin{cases} -k + b = 2 \\ 7k + b = 0 \end{cases}, \quad k = -\frac{1}{4}$$

