

# 2020 北京顺义初三一模

## 数 学

考  
生  
须  
知

1. 本试卷共 8 页，共三道大题，28 道小题，满分 100 分。考试时间 120 分钟。
2. 在试卷和答题卡上准确填写学校名称、班级、姓名和准考证号。
3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。
4. 在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。
5. 考试结束，将本试卷和答题卡一并交回。

### 一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

第 1-8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. 港珠澳大桥被英国《卫报》誉为“新世界七大奇迹”之一，它是世界总体跨度最长的跨海大桥，全长 55000 米。数字 55000 用科学记数法表示为

(A)  $5.5 \times 10^4$  (B)  $55 \times 10^4$  (C)  $5.5 \times 10^5$  (D)  $0.55 \times 10^6$

2. 下列有关医疗和倡导卫生的图标中，是轴对称图形的是



(A)



(B)



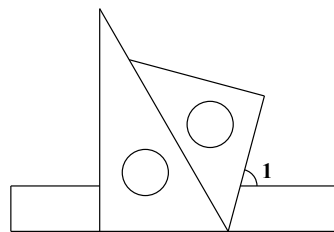
(C)



(D)

3. 将一副三角板和一个直尺按如图所示的位置摆放，则  $\angle 1$  的度数为

(A)  $60^\circ$  (B)  $65^\circ$   
(C)  $75^\circ$  (D)  $85^\circ$



4. 在数轴上，点 A 表示数  $a$ ，将点 A 向右平移 4 个单位长度得到点 B，点 B 表示数  $b$ 。若  $|a| = |b|$ ，则  $a$  的值为

(A)  $-3$  (B)  $-2$  (C)  $-1$  (D)  $1$

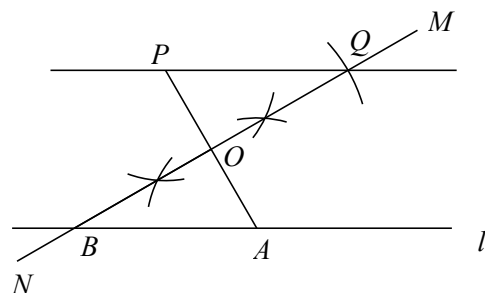
5. 箱子内装有除颜色外均相同的 28 个白球及 2 个红球，小芬打算从箱子内摸球，以每次摸到一球后记下颜色将球再放回的方式摸 28 次球。若箱子内每个球被摸到的机会相等，且前 27 次中摸到白球 26 次及红球 1 次，则

第 28 次摸球时，小芬摸到红球的概率是

- (A)  $\frac{1}{2}$       (B)  $\frac{1}{14}$       (C)  $\frac{1}{15}$       (D)  $\frac{1}{27}$

6. 已知直线  $l$  及直线  $l$  外一点  $P$ . 如图,

- (1) 在直线  $l$  上取一点  $A$ , 连接  $PA$ ;
- (2) 作  $PA$  的垂直平分线  $MN$ , 分别交直线  $l$ ,  $PA$  于点  $B$ ,  $O$ ;
- (3) 以  $O$  为圆心,  $OB$  长为半径画弧, 交直线  $MN$  于另一点  $Q$ ;
- (4) 作直线  $PQ$ .



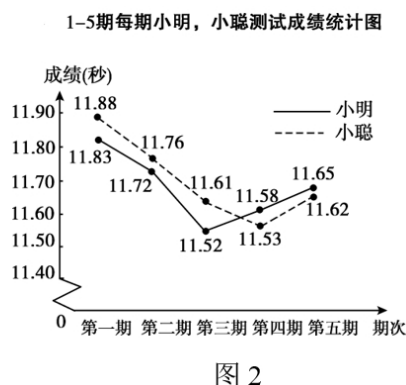
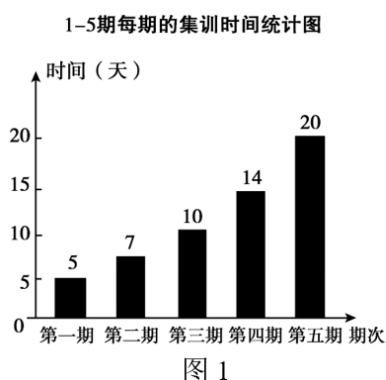
根据以上作图过程及所作图形, 下列结论中错误的是

- (A)  $\triangle OPQ \cong \triangle OAB$       (B)  $PQ \parallel AB$
- (C)  $AP = \frac{1}{2}BQ$       (D) 若  $PQ = PA$ , 则  $\angle APQ = 60^\circ$

7. 用三个不等式  $a > b$ ,  $c > d$ ,  $a + c > b + d$  中的两个不等式作为题设, 余下的一个不等式作为结论组成一个命题, 组成真命题的个数为

- (A) 0      (B) 1      (C) 2      (D) 3

8. 小明、小聪参加了 100m 跑的 5 期集训, 每期集训结束时进行测试, 根据他们的集训时间、测试成绩绘制成如下两个统计图.



根据图中信息, 有下面四个推断:

- ①这 5 期的集训共有 56 天;
- ②小明 5 次测试的平均成绩是 11.68 秒;
- ③从集训时间看, 集训时间不是越多越好, 集训时间过长, 可能造成劳累, 导致成绩下滑;

④从测试成绩看，两人的最好成绩都是在第4期出现，建议集训时间定为14天.

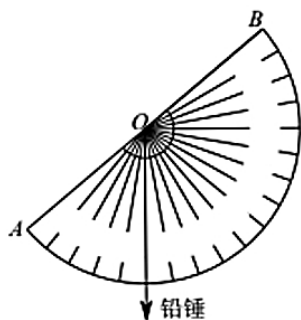
所有合理推断的序号是

- (A) ①③ (B) ②④ (C) ②③ (D) ①④

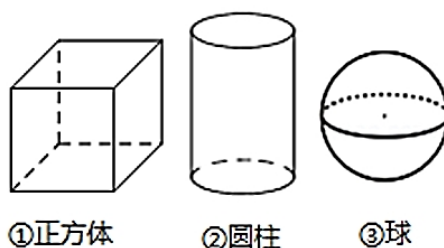
## 二、填空题（本题共16分，每小题2分）

9. 若式子 $\sqrt{2x-6}$ 有意义，则 $x$ 的取值范围是\_\_\_\_\_.

10. 如图，在量角器的圆心 $O$ 处下挂一铅锤，制作了一个简易测倾仪，从量角器的点 $A$ 处观测，当量角器的0刻度线 $AB$ 对准旗杆顶端时，铅垂线对应的度数是 $50^\circ$ ，则此时观测旗杆顶端的仰角度数是\_\_\_\_\_.



10 题图



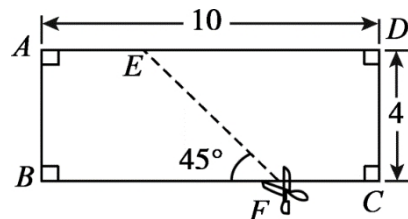
11 题图

11. 在如图所示的几何体中，主视图、左视图和俯视图完全相同的几何体是\_\_\_\_\_。（写出所有正确答案的序号）

12. 化简分式 $\left(\frac{2}{x+y} - \frac{x-3y}{x^2-y^2}\right) \div \frac{1}{x-y}$ 的结果为\_\_\_\_\_.

13. 如图，将一矩形纸片 $ABCD$ 沿着虚线 $EF$ 剪成两个全等的四边形纸片. 根据图中标示的长度与角度，求出剪得的四边形纸片中较短的边 $AE$ 的长是\_\_\_\_\_.

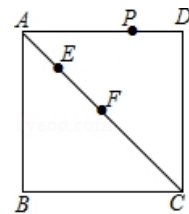
14. 已知点 $A(2, -3)$ 关于 $x$ 轴的对称点 $A'$ 在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象上，则实数 $k$ 的值为\_\_\_\_\_.



15. 某同学要统计本校图书馆最受学生欢迎的图书种类，以下是打乱顺序的统计步骤：

- ①从扇形图中分析出最受学生欢迎的种类
- ②去图书馆收集学生借阅图书的记录
- ③绘制扇形图来表示各个种类所占的百分比
- ④整理借阅图书记录并绘制频数分布表

正确统计步骤的顺序是\_\_\_\_\_.



16. 如图, 在正方形  $ABCD$  中,  $AB=4$ ,  $E$ 、 $F$  是对角线  $AC$  上的两个动点, 且  $EF=2$ ,  $P$  是正方形四边上的任意一点. 若  $\triangle PEF$  是等边三角形, 符合条件的  $P$  点共有\_\_\_\_个, 此时  $AE$  的长为\_\_\_\_\_.

三、解答题 (本题共 68 分, 第 17-21 题, 每小题 5 分, 第 22-23 题 6 分, 第 24 题 5 分, 第 25-26 题, 每小题 6 分, 第 27-28 题, 每小题 7 分)

解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

17. 计算:  $|\sqrt{-5}| + \tan 30^\circ - \sqrt{20} - (\sqrt{3})^{-1}$ .

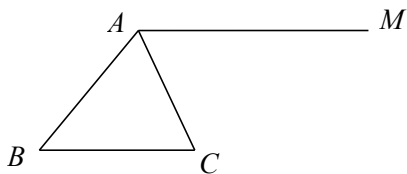
18. 解方程组: 
$$\begin{cases} 2x+3y=1 \\ x-y=3 \end{cases}$$

19. 已知: 关于  $x$  的方程  $x^2 + (m-2)x - 2m = 0$ .

- (1) 求证: 方程总有实数根;
- (2) 若方程有一根小于 2, 求  $m$  的取值范围.

20. 如图,  $AM \parallel BC$ , 且  $AC$  平分  $\angle BAM$ .

- (1) 用尺规作  $\angle ABC$  的平分线  $BD$  交  $AM$  于点  $D$ , 连接  $CD$ . (只保留作图痕迹, 不写作法)
- (2) 求证: 四边形  $ABCD$  是菱形.



21. 小宜跟几位同学在某快餐厅吃饭，如图为此快餐厅的菜单．若他们所点的餐食总共为 10 份盖饭， $x$  杯饮料， $y$  份凉拌菜．

A 套餐：一份盖饭加一杯饮料

B 套餐：一份盖饭加一份凉拌菜

C 套餐：一份盖饭加一杯饮料与一份凉拌菜

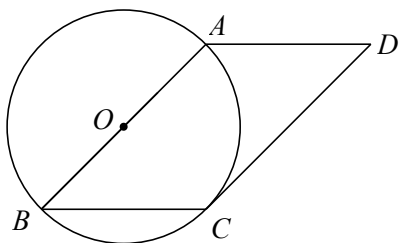
(1) 他们点了\_\_\_\_份 A 套餐，\_\_\_\_份 B 套餐，\_\_\_\_份 C 套餐（均用含  $x$  或  $y$  的代数式表示）；

(2) 若  $x=6$ ，且 A、B、C 套餐均至少点了 1 份，则最多有\_\_\_\_种点餐方案．

22. 如图，在  $\square ABCD$  中， $\angle B=45^\circ$ ，点  $C$  恰好在以  $AB$  为直径的  $\odot O$  上．

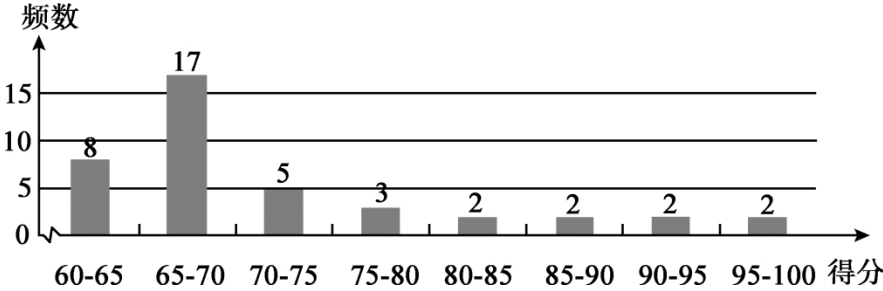
(1) 求证： $CD$  是  $\odot O$  的切线；

(2) 连接  $BD$ ，若  $AB=8$ ，求  $BD$  的长．

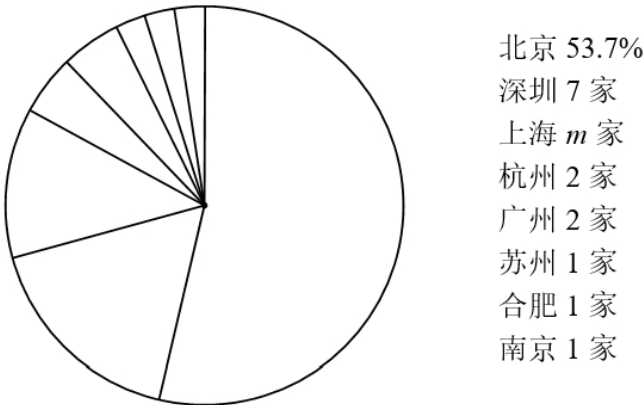


23. 2019 年 11 月，胡润研究院携手知识产权与科创云平台汇桔，联合发布《IP 助燃 AI 新纪元—2019 中国人工智能产业知识产权发展白皮书》，白皮书公布了 2019 中国人工智能企业知识产权竞争力百强榜，对 500 余家中国人工智能主流企业进行定量评估（满分 100 分），前三名分别为：华为、腾讯、百度。对得分由高到低的前 41 家企业的有关数据进行收集、整理、描述和分析。下面给出了部分信息：

- a. 得分的频数分布直方图（数据分成 8 组： $60\leq x<65$ ， $65\leq x<70$ ， $70\leq x<75$ ， $75\leq x<80$ ， $80\leq x<85$ ， $85\leq x<90$ ， $90\leq x<95$ ， $95\leq x\leq 100$ ，）；



- b. 知识产权竞争力得分在  $70\leq x<75$  这一组的是：  
70.3 71.6 72.1 72.5 74.1
- c. 41 家企业注册所在城市分布图（不完整）如下：（结果保留一位小数）



- d. 汉王科技股份有限公司的知识产权竞争力得分是 70.3 .
- （以上数据来源于《IP 助燃 AI 新纪元—2019 中国人工智能产业知识产权发展白皮书》）

根据以上信息，回答下列问题：

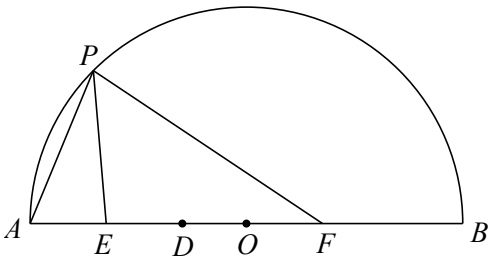
- 汉王科技股份有限公司的知识产权竞争力得分排名是第\_\_\_；
- 百度在人工智能领域取得诸多成果，尤其在智能家居、自动驾驶与服务于企业的智能云领域，百度都已进行前瞻布局，请你估计百度在本次排行榜中的得分大概是；
- 在 41 家企业注册所在城市分布图中， $m=$ \_\_\_，请用阴影标出代表上海的区域；
- 下列推断合理的是。（只填序号）

①前 41 家企业的知识产权竞争力得分的中位数应在  $65 \leq x < 70$  这一组中，众数在

$65 \leq x < 70$  这一组的可能性最大；

②前 41 家企业分布于我国 8 个城市。人工智能产业的发展聚集于经济、科技、教育相对发达的城市，一线城市中，北京的优势尤其突出，贡献榜单过半的企业，充分体现北京在人工智能领域的产业集群优势。

24. 如图， $D$  是直径  $AB$  上一定点， $E, F$  分别是  $AD, BD$  的中点， $P$  是  $\widehat{AB}$  上一动点，连接  $PA, PE, PF$ 。已知  $AB=6\text{cm}$ ，设  $A, P$  两点间的距离为  $x\text{cm}$ ， $P, E$  两点间的距离为  $y_1\text{cm}$ ， $P, F$  两点间的距离为  $y_2\text{cm}$ 。



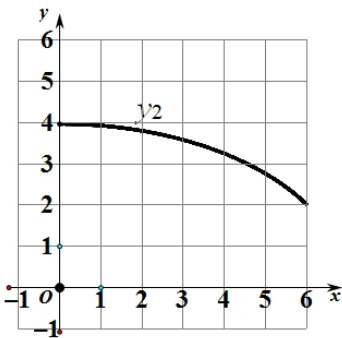
小腾根据学习函数的经验，分别对函数  $y_1, y_2$  随自变量  $x$  的变化而变化的规律进行了探究。

下面是小腾的探究过程，请补充完整：

(1) 按照下表中自变量  $x$  的值进行取点、画图、测量，分别得到了  $y_1, y_2$  与  $x$  的几组对应值：

$x/\text{cm}$	0	1	2	3	4	5	6
$y_1/\text{cm}$	0.97	1.27		2.66	3.43	4.22	5.02
$y_2/\text{cm}$	3.97	3.93	3.80	3.58	3.25	2.76	2.02

(2) 在同一平面直角坐标系  $xOy$  中，描出补全后的表中各组数值所对应的点  $(x, y_1), (x, y_2)$ ，并画出函数  $y_1, y_2$  的图象；



(3) 结合函数图象，解决问题：当  $\triangle PEF$  为等腰三角形时， $AP$  的长度约为\_\_\_\_\_cm。

25. 已知：在平面直角坐标系  $xOy$  中，函数  $y = \frac{n}{x}$  ( $n \neq 0, x > 0$ ) 的图象过点  $A(3, 2)$ ，与直线  $l: y = kx + b$  交于点  $C$ ，直线  $l$  与  $y$  轴交于点  $B(0, -1)$ 。

(1) 求  $n, b$  的值；

(2) 横、纵坐标都是整数的点叫做整点。记函数  $y = \frac{n}{x}$  ( $n \neq 0, x > 0$ ) 的图象在点  $A, C$  之间的部分与线段  $BA, BC$  围成的区域（不含边界）为  $W$ 。

①当直线  $l$  过点  $(2, 0)$  时，直接写出区域  $W$  内的整点个数，并写出区域  $W$  内的整点的坐标；

②若区域  $W$  内的整点不少于 5 个，结合函数图象，求  $k$  的取值范围。

26. 在平面直角坐标系  $xOy$  中，二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图象经过点  $A(0, -4)$  和  $B(-2, 2)$ 。

(1) 求  $c$  的值，并用含  $a$  的式子表示  $b$ ；

(2) 当  $-2 < x < 0$  时，若二次函数满足  $y$  随  $x$  的增大而减小，求  $a$  的取值范围；

(3) 直线  $AB$  上有一点  $C(m, 5)$ ，将点  $C$  向右平移 4 个单位长度，得到点  $D$ ，若抛物线与线段  $CD$  只有一个公共点，求  $a$  的取值范围。



27. 已知，如图， $\triangle ABC$  是等边三角形.

(1) 如图 1，将线段  $AC$  绕点  $A$  逆时针旋转  $90^\circ$ ，得到  $AD$ ，连接  $BD$ ， $\angle BAC$  的平分线交  $BD$  于点  $E$ ，连接  $CE$ .

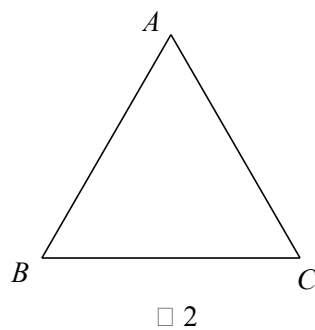
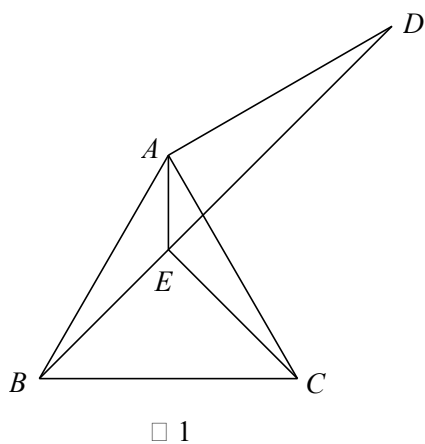
①求  $\angle AED$  的度数；

②用等式表示线段  $AE$ 、 $CE$ 、 $BD$  之间的数量关系（直接写出结果）.

(2) 如图 2，将线段  $AC$  绕点  $A$  顺时针旋转  $90^\circ$ ，得到  $AD$ ，连接  $BD$ ， $\angle BAC$  的平分线交  $DB$  的延长线于点  $E$ ，连接  $CE$ .

①依题意补全图 2；

②用等式表示线段  $AE$ 、 $CE$ 、 $BD$  之间的数量关系，并证明.



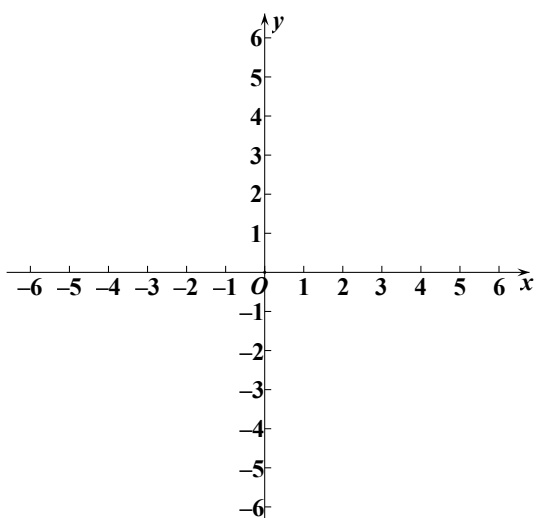
28. 已知：点 $P$ 为图形 $M$ 上任意一点，点 $Q$ 为图形 $N$ 上任意一点，若点 $P$ 与点 $Q$ 之间的距离 $PQ$ 始终满足 $PQ > 0$ ，则称图形 $M$ 与图形 $N$ 相离．

(1) 已知点 $A(1, 2)$ 、 $B(0, -5)$ 、 $C(2, -1)$ 、 $D(3, 4)$ ．

①与直线 $y=3x-5$ 相离的点是\_\_\_\_\_；

②若直线 $y=3x+b$ 与 $\triangle ABC$ 相离，求 $b$ 的取值范围；

(2) 设直线 $y = \sqrt{3}x + 3$ 、直线 $y = -\sqrt{3}x + 3$ 及直线 $y=-2$ 围成的图形为 $M$ ， $\odot T$ 的半径为1，圆心 $T$ 的坐标为 $(t, 0)$ ，直接写出 $\odot T$ 与图形 $M$ 相离的 $t$ 的取值范围．



# 2020 北京顺义初三一模数学

## 参考答案

一、选择题（共 8 道小题，每小题 2 分，共 16 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	A	D	C	B	C	C	B	A

二、填空题（共 8 道小题，每小题 2 分，共 16 分）

9.  $x \geq 3$ ;    10.  $40^\circ$ ;    11. ①③;    12. 1;    13. 3;

14. 6;    15. ②④③①;    16. 4,  $\sqrt{3}-1$ 或 $4\sqrt{2}-\sqrt{3}-1$ .

三、解答题（共 12 道小题，共 68 分）

17. 解：原式= $\sqrt{5} + \frac{\sqrt{3}}{3} - 2\sqrt{5} - \frac{\sqrt{3}}{3}$  .....4 分

$= -\sqrt{5}$  .....5 分

18. 解一：  $\begin{cases} 2x+3y=1 & \text{①} \\ x-y=3 & \text{②} \end{cases}$  ...

② $\times 3$  得  $3x-3y=9$  ③ .....1 分

①+③得  $5x=10$  .....2 分

$\therefore x=2$  . .....3 分

把  $x=2$  代入②得  $y=-1$  .....4 分

$\therefore$  原方程组的解是  $\begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$  .....5 分

解二：由②得：  $x=3+y$  ③ .....1 分

把③代入①得  $2(3+y)+3y=1$  .....2 分

解得  $y=-1$  .....3 分

把  $y=-1$  代入②得  $x=2$  .....4 分

∴原方程组的解是  $\begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$  .....5 分

19. 解: (1) 证明:  $b^2 - 4ac = (m-2)^2 - 4 \times 1 \cdot (-2m) = m^2 + 4m + 4 = (m+2)^2$ , ∴1 分

$$\therefore (m+2)^2 \geq 0,$$

∴方程总有实数根. ....2 分

$$(2) \text{ 解: } \therefore x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{2-m \pm (m+2)}{2},$$

$$\therefore x_1 = \frac{2-m+m+2}{2} = 2, \quad x_2 = \frac{2-m-m-2}{2} = -m. \quad \dots\dots 4 \text{ 分}$$

∴方程有一根小于 2,

$$\therefore -m < 2.$$

$$\therefore m > -2. \quad \dots\dots 5 \text{ 分}$$

20. 解: (1) 作图如图 1 所示. ....1 分

(2) 证明: ∵AC 平分  $\angle BAM$ ,

$$\therefore \angle 1 = \angle 2. \quad \dots\dots 2 \text{ 分}$$

∵AM // BC,

$$\therefore \angle 2 = \angle 3.$$

$$\therefore \angle 1 = \angle 3.$$

$$\therefore AB = BC. \quad \dots\dots 3 \text{ 分}$$

同理可证:  $AB = AD$ .

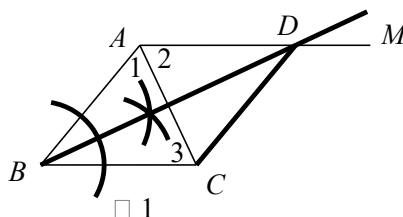
$$\therefore AD = BC.$$

又 ∵AD // BC,

∴四边形 ABCD 是平行四边形. ....4 分

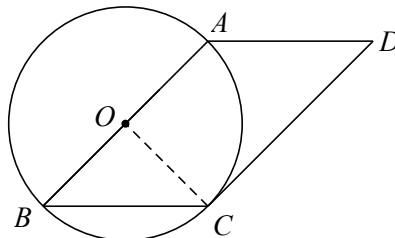
$$\therefore AB = BC,$$

∴□ABCD 是菱形. ....5 分

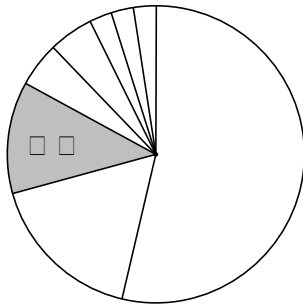


C套餐（均用含  $x$  或  $y$  的代数式表示）；……………3分

.....5 分



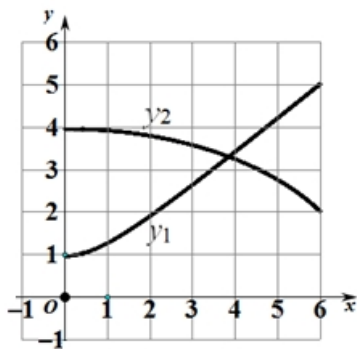
在下图中用阴影标出代表上海的区域：



.....4 分

(4) 推断合理的是①②. ....6 分

24. 解：(1) 表中的所填数值是 1.9； .....1 分



(2) .....2 分

(3) 结合函数图象，解决问题：

当 $\triangle PEF$ 为等腰三角形时， $AP$ 的长度约为 3.5, 3.8, 4.6cm. ....5 分

25. 解：(1)  $\because$ 点  $A(3, 2)$  在函数  $y = \frac{n}{x}$  的图象上，

$\therefore n=6$ . .... 1 分

$\because$ 点  $B(0, -1)$  在直线  $l: y = kx + b$  上，

$\therefore b=-1$ . .... 2 分

(2) ①区域  $W$  内的整点个数为 1， ..... 3 分

区域  $W$  内的整点的坐标为  $(3, 1)$ ； .....4 分

② (i) 当直线  $l$  在  $BA$  下方时，若直线  $l$  与  $x$  轴交于点  $(3, 0)$ ，结合图象，区域  $W$  内有 4 个整点，

此时： $3k-1=0$ ，

$\therefore k = \frac{1}{3}$ .

当直线  $l$  与  $x$  轴的交点在  $(3, 0)$  右侧时, 区域  $W$  内整点个数不少于 5 个,

$$\therefore 0 < k < \frac{1}{3}.$$

(ii) 当直线  $l$  在  $BA$  上方时, 若直线  $l$  过点  $(1, 4)$ , 结合图象, 区域  $W$  内有 4 个整点, 此时  $k-1=4$ , 解得  $k=5$ .

结合图象, 可得  $k>5$  时, 区域  $W$  内整点个数不少于 5 个,

综上,  $k$  的取值范围是  $0 < k < \frac{1}{3}$  或  $k > 5$ . .....6 分

26. 解: (1) 把点  $A(0, -4)$  和  $B(-2, 2)$  分别代入  $y=ax^2+bx+c$  中, 得

$$c=-4, \text{ .....1 分}$$

$$4a-2b+c=2.$$

$$\therefore b=2a-3. \text{ .....2 分}$$

(2) 当  $a<0$  时, 依题意抛物线的对称轴需满足

$$-\frac{2a-3}{2a} \leq -2. \text{ 解得 } -\frac{3}{2} \leq a < 0.$$

当  $a>0$  时, 依题意抛物线的对称轴需满足

$$-\frac{2a-3}{2a} \geq 0. \text{ 解得 } 0 < a \leq \frac{3}{2}.$$

$$\therefore a \text{ 的取值范围是 } -\frac{3}{2} \leq a < 0 \text{ 或 } 0 < a \leq \frac{3}{2}. \text{ .....4 分}$$

(3) 可求直线  $AB$  表达式为  $y=-3x-4$ , 把  $C(m, 5)$  代入得  $m=-3$ .

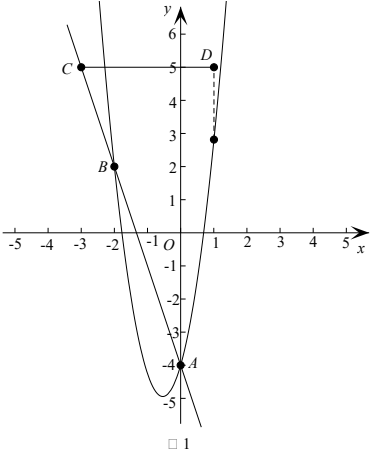
$$\therefore C(-3, 5), \text{ 由平移得 } D(1, 5).$$

①当  $a>0$  时, 若抛物线与线段  $CD$  只有一个公共点,

(如图 1), 则抛物线上的点  $(1, a+2a-3-4)$  在  $D$  点的下方.

$$\therefore a+2a-3-4 < 5.$$

解得  $a < 4$ .



$$\therefore 0 < a < 4.$$

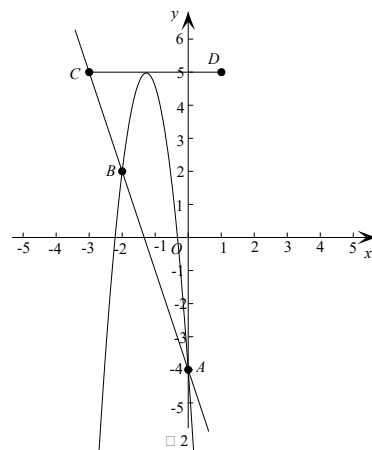
②当  $a < 0$  时, 若抛物线的顶点在线段  $CD$  上,

则抛物线与线段只有一个公共点. (如图 2)

$$\therefore \frac{4ac - b^2}{4a} = 5. \text{ 即 } \frac{4a \times (-4) - (2a - 3)^2}{4a} = 5.$$

$$\text{解得 } a = -3 + \frac{3}{2}\sqrt{3} \text{ (舍去) 或 } a = -3 - \frac{3}{2}\sqrt{3}.$$

综上,  $a$  的取值范围是  $0 < a < 4$  或  $a = -3 - \frac{3}{2}\sqrt{3}$ . ...6 分



27. (1) 解: ①  $\because \triangle ABC$  是等边三角形,

$$\therefore AB = AC, \angle BAC = 60^\circ.$$

$$\because AE \text{ 平分 } \angle BAC,$$

$$\therefore \angle BAE = \frac{1}{2} \angle BAC = 30^\circ.$$

由旋转可知:  $AD = AC, \angle CAD = 90^\circ$ .

$$\therefore AB = AD, \angle BAD = 150^\circ.$$

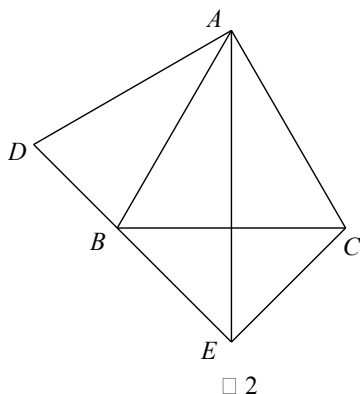
$$\therefore \angle ABD = \angle D = 15^\circ.$$

$$\therefore \angle AED = \angle ABD + \angle BAE = 45^\circ. \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

②用等式表示线段  $AE$ 、 $CE$ 、 $BD$  之间的数量关系为  $BD = 2CE + \sqrt{2}AE$ .

.....3 分

(2) 解: ①依题意补全图 2. ....4 分





②用等式表示线段  $AE$ 、 $CE$ 、 $BD$  之间的数量关系为  $BD = \sqrt{2}AE - 2CE$  .

.....5 分

证明：过点  $A$  作  $AF \perp AE$ ，交  $ED$  的延长线于点  $F$ （如图 3）.

$\because \triangle ABC$  是等边三角形,

$\therefore AB=AC$ ,  $\angle BAC=60^\circ$  .

$\because AE$  平分  $\angle BAC$ ,

$\therefore \angle 1 = \frac{1}{2} \angle BAC = 30^\circ$  .

由旋转可知： $AD=AC$ ,  $\angle CAD=90^\circ$  .

$\therefore AB=AD$ ,  $\angle 2 = \angle CAD - \angle BAC = 30^\circ$  .

$\therefore \angle 3 = \angle 4 = 75^\circ$  .

$\therefore \angle 5 = \angle 4 - \angle 1 = 45^\circ$  .

$\because AF \perp AE$ ,

$\therefore \angle F = 45^\circ = \angle 5$ .

$\therefore AF=AE$ .

$\therefore EF = \sqrt{2} AE$ .

$\because \angle 6 = \angle EAF - \angle 1 - \angle 2 = 30^\circ$  ,

$\therefore \angle 6 = \angle 1 = 30^\circ$  .

又  $\because \angle F = \angle 5 = 45^\circ$  ,  $AD=AB$ ,

$\therefore \triangle ADF \cong \triangle ABE$ .

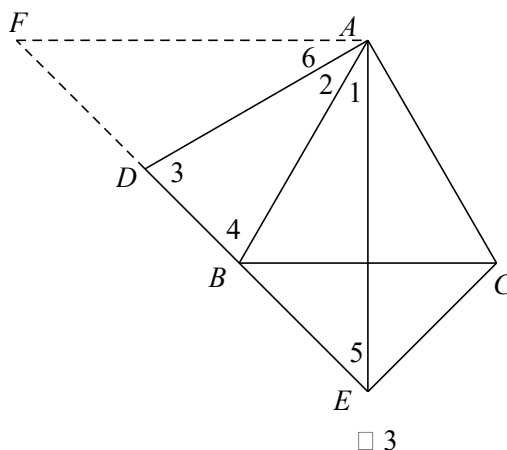
$\therefore DF=BE$ .

$\because AB=AC$ ,  $AE$  平分  $\angle BAC$ ,

$\therefore AE$  垂直平分  $BC$ .

$\therefore CE=BE$ .

$\therefore BD = EF - DF = BE$ ,



$$\therefore BD = \sqrt{2} AE - 2 CE. \dots\dots\dots 7 \text{ 分}$$

28. 解：（1）①与直线  $y=3x-5$  相离的点是 A、C；  $\dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

②当直线  $y=3x+b$  过点  $A(1, 2)$  时，

$$3+b=2.$$

$$\therefore b=-1.$$

当直线  $y=3x+b$  过点  $C(2, -1)$  时，

$$6+b=-1.$$

$$\therefore b=-7.$$

$\therefore b$  的取值范围是  $b > -1$  或  $b < -7$ .  $\dots\dots\dots 4 \text{ 分}$

（2） $t$  的取值范围是： $t < -\frac{5\sqrt{3}}{3}$  或  $t > \frac{5\sqrt{3}}{3}$  或  $-\frac{\sqrt{3}}{3} < t < \frac{\sqrt{3}}{3}$ .  $\dots\dots\dots 7 \text{ 分}$