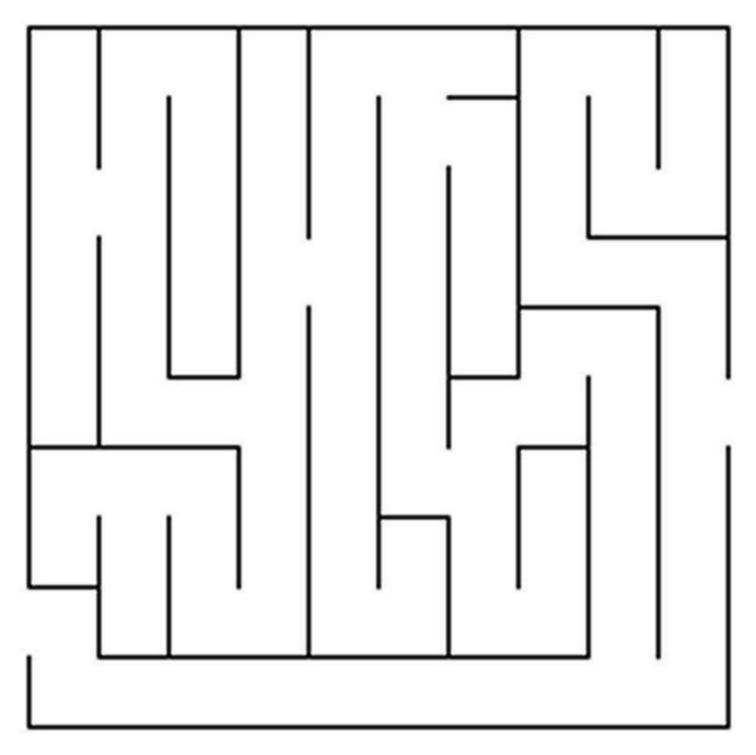
# 算法引入

小时候,我们会玩一种迷宫游戏。下面就是非常简单的一种:



(本文仅该图来源于网络)

完成该迷宫可以有很多种方法:

- 正向搜索
- 逆向倒推

不管使用哪一种方法,如果遇到走不通的路,我们都会到上一步的位置,然后重新寻找。只要反复地使用这种方法,我们就能够走出迷宫。

在OI中,我们会把迷宫进行抽象化,例如用 # 表示障碍, . 表示可走的位置,当然这样的操作只能还原普通的矩形迷宫(<del>当然奇形怪状的迷宫就不行了</del>)。

例如这个迷宫(数字表示长与宽):

另外, 给出迷宫随机生成代码。

假如在这个迷宫中,只能上下左右地移动,那么我们可以通过 $(1,1) \to (2,1) \to (2,2) \to (2,3) \to (2,4) \to (2,5) \to (3,5)$ 的路径抵达终点。

我们可以把迷宫保存在一个二维字符数组 $maps_{i,j}$ 中。对于这四个方向,横纵坐标会做相应的变化:

- $\bot \to (-1,0)$

- 右 $\rightarrow$  (0,1)

当然,有的题目还可以使用左上、左下、右上、右下,横纵坐标这时会这样变化:

- 左上 $\rightarrow$  (-1,-1)
- 左下 $\rightarrow$  (1,-1)
- 右上 $\rightarrow$  (-1,1)
- 右下 $\rightarrow$  (1,1)

为了方便表示,我们可以维护两个一维数组来保存这些横纵坐标的变化量,例如,如果只保存上下左右的话:

```
int dx[]=\{-1,1,0,0\},dy[]=\{0,0,-1,1\};
```

假如八个方向都保存,则有:

```
int dx[]=\{-1,1,0,0,-1,1,-1,1\},dy[]=\{0,0,-1,1,-1,-1,1,1\};
```

假设当前在地图中的位置为(x,y),则我们可以进行一个循环,每一次在(x,y)的基础上增加  $(dx_i,dy_i)$ ,得到新的位置 $(nx,ny)=(x+dx_i,y+dy_i)$ 。当然,还得考虑边界问题和题目中的障碍等问题。

接下来就粗略地复习一下两种搜索:

## 深度优先搜索

第一种搜索叫做深度优先搜索,简称深搜,英文缩写为DFS。DFS适用于找到**第一个符合要求的答案**。DFS被形象地称为不撞南墙不回头的**一根筋**。之前的地图问题就适合用该方法。

该方法的模板:

## 广度优先搜索

有深度,就有广度。广度优先搜索简称广搜,英文缩写为BFS。BFS适用于寻找**最优解**,个人认为要比DFS要好用一些,但是需要维护队列,而队列的维护可以有两种:

- 数组维护
- STL:queue 维护

队列用数组维护一般来说效率会高一些,但是要控制空间大小,不宜过小(否则会 $\mathrm{RE}$ ),也不宜过大(否则会 $\mathrm{MLE}$ )。

而用 $\operatorname{STL}$ 中的 $\operatorname{queue}$ 的话,可以不考虑空间,但是时间会略慢一些(恐怕所有 $\operatorname{STL}$ 均是如此)。

数组维护的模板:

```
队列类型 q;//一般来说队列用q表示
 int front=1, rear=1; // 先定义头指针和尾指针, 一开始一般都为1
 while(front<=rear)</pre>
 {
    队列类型 qf=q[front];//为了方便,可以保存头指针的队列元素
    for(拓展方式)
       if(该步合法)
       {
          修改、计算、标记;
          q[++rear]=...;//入队
          if(到达终点状态)
             进行重赋值或直接输出并退出;
          }
       }
    }
    front++;//头指针右移
 }
queue维护的模板:
 queue<队列类型>q;
 while(q.size())//只要队列中有元素就继续操作
 {
    队列类型 qf=q.front();//q.front()为头指针元素
    q.pop();//直接弹出队头
    for(拓展方式)
       if(该步合法)
          修改、计算、标记;
          q.push(...);//入队
          if(到达终点状态)
          {
             进行重赋值或直接输出并退出;
       }
    }
 }
```

# 应用与练习

#### 配套题单

这一次我们将练习下列题目:

题目	难度	来源	算法
----	----	----	----

题目	难度	来源	算法
P1443 马的遍历	普及/提高-	无	BFS
P1135 奇怪的电梯	普及/提高-	无	BFS
P1019 单词接龙	普及/提高-	NOIP2000	DFS+字符串处理
U119869 迷宫	普及/提高-	无	DFS+路径保存
U119904 迷宫(加强版)	普及/提高-	无	记忆化DFS+路径保存
P2895 Meteor Shower	普及/提高-	USACO2008	BFS
P1825 Corn Maze	普及+/提高	USAC02011	BFS

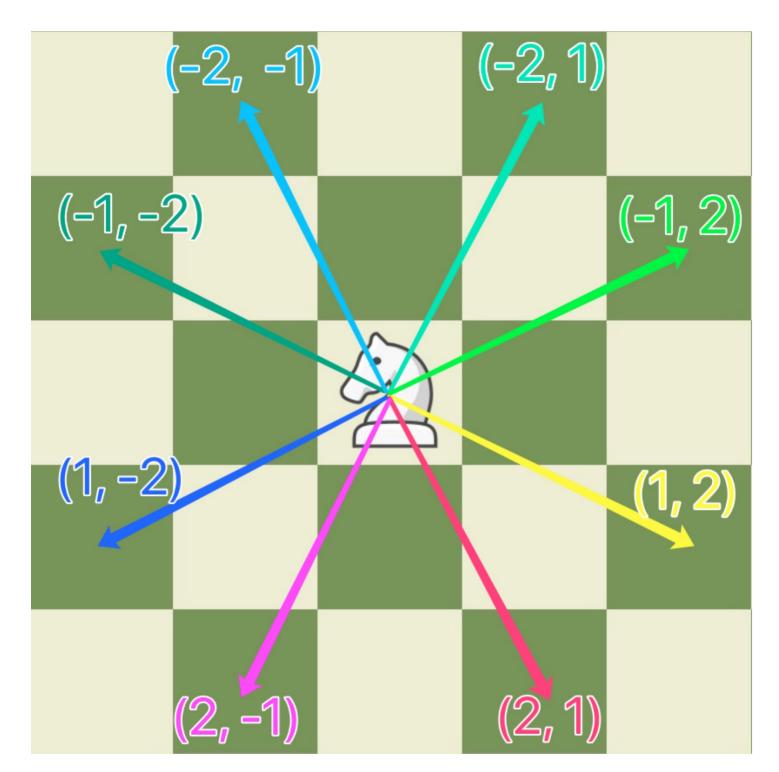
## No.1 马的遍历

难度: ★★☆

### 题目链接

这道题可以用宽搜来做。马的方向增量数组略有不同,我们在处理完之后,在宽搜的过程中,标记马需要到达对应位置的步数。

马的移动路径是本题的一个关键:



通过上图, 我们可以写出增量数组:

int  $dx[]=\{-2,-2,-1,-1,1,1,2,2\},dy[]=\{-1,1,-2,2,-2,2,-1,1\};$ 

## Solution 1

期望得分: 30分

用DFS的记忆化搜索进行保存和剪枝。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,m,sx,sy,ans[401][401],dx[]={-2,-2,-1,-1,1,1,2,2},dy[]={-1,1,-2,2,-2,2,-1,1};
bool vis[401][401];
void dfs(int x,int y,int step)
   if(step>ans[x][y])return;//剪枝
   ans[x][y]=step;//标记步数
   for(int i=0;i<8;i++)
   {
       int nx=x+dx[i],ny=y+dy[i];
       if(nx<1||ny<1||nx>n||ny>m||vis[nx][ny])continue;
       vis[nx][ny]=true;//标记访问
       dfs(nx,ny,step+1);//继续搜索
       vis[nx][ny]=false;//回溯
   }
}
int main()
{
   memset(ans,0x3f,sizeof(ans));//初始步数为无限大
   scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&sx,&sy);
   ans[sx][sy]=0;//初始格子标记为0
   vis[sx][sy]=true;//初始格子标记访问
   dfs(sx,sy,0);//开始搜索
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
   {
       for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
       {
           if(ans[i][j]==0x3f3f3f3f)printf("%-5d",-1);//判断是否能访问到
           else printf("%-5d",ans[i][j]);
       putchar('\n');
   }
   return 0;
}
```

期望得分: 100分

用BFS的思想来做,因为BFS适合做最优解的题目,比DFS的效率要高很多。我们需要对BFS的队列进行维护,并且要注意各项细节。

代码:

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,m,dx[]=\{-2,-2,-1,-1,1,1,2,2\},dy[]=\{-1,1,-2,2,-2,2,-1,1\},front=1,rear=1,ans[401][401];
//dx,dy为马的方向增量数组,头、尾指针定义为1,ans数组保存输出的矩阵
bool vis[401][401];//保存是否被访问过
struct node
   int x,y,step;
}a[160001];//用结构体当做队列元素
int main()
{
   scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&q[1].x,&q[1].y);
   for(int i=1;i<=n;i++)for(int j=1;j<=m;j++)ans[i][j]=-1;//全部置为-1(即假设无法遍历到)
   ans[q[1].x][q[1].y]=0;//把开始坐标的答案置为0
   vis[q[1].x][q[1].y]=true;//标记开始坐标为访问过
   while(front<=rear)</pre>
   {
       node qf=q[front];
       for(int i=0;i<8;i++)
           int nx=qf.x+dx[i],ny=qf.y+dy[i];
           if(nx<1||ny<1||nx>n||ny>m||vis[nx][ny])continue;
           q[++rear]=(node){nx,ny,qf.step+1};//入队
           ans[nx][ny]=q[rear].step;//ans数组赋值
           vis[nx][ny]=true;//标记访问
       }
       front++;
   }
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
   {
       for(int j=1;j<=m;j++)printf("%-5d",ans[i][j]);//注意格式化输出方式
       putchar('\n');
   return 0;
}
```

## No.2 奇怪的电梯

难度:★★★

#### 题目链接

这道题DFS和BFS都可以使用。其中DFS要用记忆化。

### Solution 1

期望得分: 100分

给DFS配上记忆化才能够让效率更高。这道题相比上一题,范围较小,转移不多,所以DFS可以过。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,a,b,k[201],ans[201];
//ans[i]保存到达第i层需要按按钮的次数
void dfs(int cur,int step)
   if(step>ans[cur])return;//剪枝
   ans[cur]=step;//把到达该楼层所需按按钮次数赋值为当前的step
   int dx[]={k[cur],-k[cur]};//增量数组
   for(int i=0,nx;i<2;i++)</pre>
   {
       nx=cur+dx[i];//即将到达的新楼层
       if(nx>n||nx<1)continue;//进行范围的判断
       dfs(nx,step+1);//下一层搜索继续
   }
}
int main()
   memset(ans,0x3f,sizeof(ans));
   //初始把按按钮次数赋值为无限大, 默认都不能到达
   scanf("%d%d%d",&n,&a,&b);
   for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&k[i]);</pre>
   dfs(a,0);//开始搜索
   if(ans[b]==0x3f3f3f3f3f)puts("-1");//如果无法到达(即次数为无限大),则输出-1
   else printf("%d",ans[b]);//否则输出最少的次数
}
```

期望得分: 100分

至于BFS, 我们可以这样来写:

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,goal,front=1,rear=1,a[201];
bool vis[201];//标记当前楼层是否已经到达
struct node
   int floor, step;
}q[2001];
int main()
   scanf("%d%d%d",&n,&q[1].floor,&goal);
   if(goal==q[1].floor)//特判一定要注意!
       putchar('0');
       return 0;
   }
   for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&a[i]);//输入对应楼层按钮上的数字
   while(front<=rear)</pre>
   {
       node f=q[front];
       int d[]={a[f.floor],-a[f.floor]};
       /*
       方向增量数组:
       1. 向上a[f.floor]楼
        【前提条件】目标楼层小于等于n楼
       2. 向下a[f.floor]楼
        【前提条件】目标楼层大于0楼
       */
       for(int i=0;i<2;i++)</pre>
           node r=(node){f.floor+d[i],f.step+1};
           //即将要入队的元素
           if(r.floor>n||r.floor<1||vis[r.floor])continue;</pre>
           //判断是否满足前提条件
           q[++rear]=r;//入队
           vis[r.floor]=true;//标记访问
           if(r.floor==goal)//判断是否到达目标楼层
           {
               printf("%d",r.step);
               return 0;
           }
       front++;//头指针+1
   puts("-1");//无法到达就输出-1
   return 0;
}
```

#### 这道题的BFS写法有两个关键点:

- 特判起始楼层 = 目标楼层
- 每次判断是否超过楼层的限制

其中,特判起始楼层与目标楼层相等是在BFS时先拓展,后判断的情况下才需要的。如果不特判,那么就只能拿到90分。我们通过WA自动机得到的样例1来分析。

```
【样例输入】
10 1 1
5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
【样例输出】
0
```

这时,初始楼层为1。如果按照我们上述代码中的方法,那么就将先进行拓展:  $1 \to 6$ , $1 \to -4$ (舍 去)。

接着,我们就到达了6楼。拓展:  $6\to 11$  (舍去), $6\to 1$ 。此时发现已经到达目标点,于是输出次数2,很明显与答案0不符。

当然,这在本题的DFS代码中是不需要考虑的。第一次进入搜索后,该位置的步数会被标记为0,因而后续的步数都必定大于这个数。最终该位置的步数就不会被更新,所以最后输出的结果是不受影响的。

## No.3 单词接龙

#### 题目链接

难度: ★★★★

这道题考察了DFS和字符串的结合。

代码:

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,ans,t[21];//t数组保存使用次数
char ch;//保存开头字母
string s[21];//保存字符串
string transfer(string a, string b)//判断是否可以转换+如果可以就直接转换
   for(int i=0,j=a.size()-1;a[i]&&b[i];i++,j--)//新建两个指针,分别在b和a上
   {
       string na=a.substr(j),nb=b.substr(0,i+1);//取其子串
       if(na==nb&&na!=a&&nb!=b)return a+b.substr(i+1);//如果两子串相等且没有包含关系就可以拼接—直
   }
   return "ERROR"; //因为正常情况没有大写字母,所以返回ERROR没有影响
void dfs(string cur)
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
       if(t[i]>1)continue;//已经使用过2次就不能再继续使用
       string ns=transfer(cur,s[i]);//把新拼接好的字符串赋值给ns
       if(ns=="ERROR")continue;//如果等于ERROR就说明无法拼接
       t[i]++;//使用次数加1
       dfs(ns);//继续深搜
       t[i]--;//回溯!
   }
   ans=max(ans,int(cur.size()));//取ans和当前字符串大小的最大值
}
int main()
   cin>>n;
   for(int i=1;i<=n;i++)cin>>s[i];
   cin>>ch;
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
   {
       if(s[i][0]==ch)
       {
          memset(t,0,sizeof(t));//使用次数清零
          t[i]++;//该字符串开头已经使用了一次
          dfs(s[i]);//开始深搜
       }
   }
   cout<<ans;
   return 0;
}
```

## No.4 迷宫

难度: ★★★★

这两道题都是输出路径的题目,数据自造。DFS可以完美解决。

## 普通版

#### 题目链接

### Special Judge 代码

由于该题引入了 $Special\ Judge$ ,因此对程序的要求是并不大的。路径我们可以用数组来保存,而枚举可以用DFS实现。

### Solution 1

期望得分: 10分

直接输出-1。

```
#include<bits/stdc++.h>
int main()
{
    puts("-1");
    return 0;
}
```

#### Solution 2

期望得分: 100分

用DFS进行搜索,并把拓展方式(而并非路径)用数组保存,最后写一个打印路径的函数即可。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int m,n,x,y,dx[]={0,0,-1,1},dy[]={-1,1,0,0},route[401],maps[21][21];
//增量数组不必考虑顺序,因为有SPJ
bool vis[21][21];
void print(int k)
   cout<<"(1,1)";
   int a=1,b=1;//定义两个变量,用来输出路径
   for(int i=1;i<k;i++)</pre>
   {
       a+=dx[route[i]],b+=dy[route[i]];
       //每一次a和b加上增量数组对应的坐标
       cout<<"->("<<a<<','<<b<<')';
       //格式化输出
   }
   exit(∅);//输出之后,退出整个程序
void dfs(int dep)
{
   if(x==n&&y==m)//如果到达了终点就是输出路径
   {
       print(dep);
       return;
   }
   for(int i=0;i<4;i++)</pre>
       int nx=x+dx[i],ny=y+dy[i];
       if(nx>0&&nx<=n&&ny>0&&ny<=m&&!maps[nx][ny]&&!vis[nx][ny])
       {
           vis[nx][ny]=1;//标记访问
          x=nx,y=ny,route[dep]=i;
           //x和y赋值为新位置,然后路径数组设为i即可,表示增量的访问
          dfs(dep+1);//继续下层搜索
          vis[x][y]=0;//回溯
          x-=dx[i],y-=dy[i];//回溯
       }
   }
}
int main()
{
   scanf("%d",&n);
   m=n;//为了方便,定义一个变量m表示宽,使其等于n
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
   {
       for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
       {
           scanf("%1d",&maps[i][j]);
           注意输入方式! scanf百分号后加1d表示读入单字符的整型变量
           例如:
           输入为1239848
           scanf("%1d",&x)之后, x被赋值为1
           */
```

```
}
vis[1][1]=true;//点(1,1)必须经过,所以这里直接标记访问
x=y=1;//这里的x和y用作全局变量,表示当前的坐标,初始都为1
dfs(1);//从第一层开始搜索
puts("-1");//不能到达终点就输出-1
return 0;
}
```

## 加强版

#### 题目链接

这道题要求较高,因为有多组测试数据,还要求最短路径。把时间放宽是为了不卡掉记忆化搜索。

#### Solution 1

期望得分: 10分

该算法有细微的剪枝,但是其效果与没有几乎一样。能AC的只有测试点1,2,3,4,6。开O2对结果没有影响。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int t,m,n,x,y,ans,dx[]={0,0,-1,1},dy[]={-1,1,0,0},route[401],r[401],maps[21][21];
bool vis[21][21],flag;
void print(int k)
    printf("(1,1)");
    int a=1,b=1;
    for(int i=1;i<=k;i++)</pre>
        a+=dx[route[i]],b+=dy[route[i]];
        printf("->(%d,%d)",a,b);
    }
    putchar('\n');
}
void dfs(int dep,int step)
{
    if(step < ans \& x == n \& y == m) / /如果到达终点而且步数更少就更新步数和路径,并标记可以走出迷宫
    {
        ans=step;
        flag=true;
        for(int i=1;i<=step;i++)route[i]=r[i];</pre>
        return;
    }
    for(int i=0;i<4;i++)</pre>
    {
        int nx=x+dx[i],ny=y+dy[i];
        if(nx>0&&nx<=n&&ny>0&&ny<=m&&!maps[nx][ny]&&!vis[nx][ny])
            vis[nx][ny]=true;
            x=nx,y=ny,r[dep]=i;
            dfs(dep+1, step+1);
            vis[x][y]=false;
            x=dx[i], y=dy[i];
        }
    }
}
int main()
{
    scanf("%d",&t);
    while(t--)
        flag=false;
        memset(vis,false,sizeof(vis));
        ans=0x3f3f3f3f;
        scanf("%d",&n);
        m=n;
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
            for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
                scanf("%1d",&maps[i][j]);
            }
        }
```

```
vis[1][1]=true;
x=y=1;
dfs(1,0);
if(flag)
{
    printf("%d\n",ans);
    print(ans);
}
else puts("-1");
}
return 0;
}
```

期望得分: 100分

使用记忆化, 保存每一个位置步数的最小值。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int t, m, n, x, y, ans [21][21], dx[] = \{0, 0, -1, 1\}, dy[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], maps[21][21][21]; dx[] = \{-1, 1, 0, 0\}, route[401], r[401], r[4
bool vis[21][21],flag;
void print(int k)
           printf("(1,1)");
           int a=1,b=1;
           for(int i=1;i<=k;i++)</pre>
                       a+=dx[route[i]],b+=dy[route[i]];
                       printf("->(%d,%d)",a,b);
           }
           putchar('\n');
}
void dfs(int dep,int step)
           if(x==n\&\&y==m)
           {
                       if(step<ans[x][y])//如果当前步数小于最少步数就执行
                                   flag=true;//标记能走出迷宫
                                   ans[x][y]=step;//更新最短路径步数
                                   for(int i=1;i<=step;i++)route[i]=r[i];//更新最短的路径
                       }
                       return;
           }
           if(step>ans[x][y])return;//剪枝
           ans[x][y]=step;//更新最少步数
           for(int i=0;i<4;i++)</pre>
                       int nx=x+dx[i],ny=y+dy[i];
                       if(nx>0&&nx<=n&&ny>0&&ny<=m&&!maps[nx][ny]&&!vis[nx][ny])
                       {
                                   vis[nx][ny]=true;
                                   x=nx,y=ny,r[dep]=i;
                                  dfs(dep+1, step+1);
                                  vis[x][y]=false;
                                  x-=dx[i],y-=dy[i];
                       }
           }
}
int main()
           scanf("%d",&t);//输入数据组数
           while(t--)
            {
                       flag=false;//flag判断是否能够走出迷宫
                       memset(vis,false,sizeof(vis));//初始设定都未访问过
                       memset(ans,0x3f,sizeof(ans));//初始设定到达对应位置的步数接近为无穷大
                       scanf("%d",&n);//输入迷宫大小
                       m=n;
                       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
                       {
```

## No.5 Meteor Shower

#### 题目链接

难度: ★★★★☆

这道题考察的是BFS。我们在维护队列的同时,也要开辟一个二维数组来保存对应位置陨石降落的时间(初始为无限大)和对应格子是否已经被访问过。

### Solution 1

期望得分: 63分

本题是可以用DFS+记忆化的,但效率并不能满足时间限制。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
bool vis[305][305];
void dfs(int x,int y,int t)
{
   if(t>step[x][y])return;//剪枝
   step[x][y]=t;//重新赋值
   if(land[x][y]==0x3f3f3f3f)//保存最小步数并剪枝
       ans=min(t,ans);
       return;
   }
   for(int i=1;i<5;i++)</pre>
   {
       int nx=x+dx[i],ny=y+dy[i];
       if(nx<0||ny<0||nx>304||ny>304||vis[nx][ny]||t+1>=land[nx][ny])continue;
       vis[nx][ny]=true;
       dfs(nx,ny,t+1);
       vis[nx][ny]=false;
   }
}
int main()
{
   memset(step,0x3f,sizeof(step));
   memset(land,0x3f,sizeof(land));
   cin>>n;
   for(int i=0,a,b,c;i<n;i++)</pre>
       cin>>a>>b>>c;
       for(int i=0;i<5;i++)
          int nx=a+dx[i],ny=b+dy[i];
          if(nx<0||ny<0||nx>304||ny>304)continue;
          land[nx][ny]=min(land[nx][ny],c);
       }
   }
   dfs(0,0,0);//开始搜索
   if(ans==0x3f3f3f3f)puts("-1");//无法到达就输出-1
   else printf("%d",ans);
   return 0;
}
```

期望得分: 100分

使用BFS求最优解。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,dx[]=\{0,-1,0,0,1\},dy[]=\{0,0,-1,1,0\},front=1,rear=1,land[305][305],vis[305][305];
struct node
   int x,y,t;
}a[90005];
int main()
{
   memset(land, 0x3f, sizeof(land));//land保存的是对应位置陨石下落的时间,初始假定都不下落,所以可以认
   cin>>n;
   for(int i=0,a,b,c;i<n;i++)</pre>
       cin>>a>>b>>c;//每次输入三个参数,表示(a,b)位置在c时间会掉落陨石
       for(int i=0;i<5;i++)//注意这里在[0,5)范围,因为0增量数组为(0,0),包括当前位置
          int nx=a+dx[i],ny=b+dy[i];
          if(nx<0||ny<0||nx>304||ny>304)continue;
          //注意! 陨石只能在300以内掉落, 但是可能会影响到更远的范围, 用304是为了防止RE
          land[nx][ny]=min(land[nx][ny],c);//取掉落时间最小值
       }
   }
   while(front<=rear)</pre>
       node qf=q[front];
      for(int i=1;i<5;i++)</pre>
          int nx=qf.x+dx[i],ny=qf.y+dy[i];
          if(nx<0||ny<0||nx>304||ny>304||vis[nx][ny]||qf.t+1>=land[nx][ny])continue;
          /*
          满足下列情况的一种则不能继续拓展:
          1、出边界
          2、已经访问过
          3、该地已经被陨石影响
          vis[nx][ny]=true;//标记访问
          if(land[nx][ny]==0x3f3f3f3f)//如果该地没有陨石降落就说明已经安全
          {
              printf("%d",q[rear].t);
              return 0;
          }
       }
       front++;
   puts("-1");//不能到达安全的格子就输出-1
   return 0;
}
```

当然,由于本题的情况特殊,必须对答案进行寻找,因此还是 $\mathrm{BFS}$ 更合适一些,从时间上最能反映问题。

## No.6 Corn Maze

## 题目链接

难度: ★★★★★

这道 $\mathrm{BFS}$ 题的细节是比较多的,但只要我们能够一一处理好,就能够完美地解决该道题单中的"压轴"题。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,m,sx,sy,dx[]=\{-1,0,0,1\},dy[]=\{0,-1,1,0\},maps[301][301],front=1,rear=1;
对于maps[i][j]:
终点: -1
障碍: -2
传送门: 'A'~'Z'所对应的整型值
bool vis[301][301];
struct node
   int x,y,step;
}q[90001];
void travel(int &x,int &y)//如果是传送门就可以进行传送,该函数实现了传送功能,即改变横纵坐标
   int temp=maps[x][y];
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
   {
       for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
           if(i==x&&j==y)continue;//不能是相同的位置
           if(temp==maps[i][j])//判断两个传送门是否匹配
               x=i;
               y=j;
               return;
           }
       }
   }
}
int main()
{
   cin>>n>>m;
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
   {
       for(int j=1;j<=m;j++)</pre>
           char ch;
           cin>>ch;
           switch(ch)
               case '=':
               {
                   maps[i][j]=-1;
                   break;
               }
               case '@':
                   sx=i;
                   sy=j;
                   //对开始坐标进行赋值
                   break;
               }
```

```
case '.':break;
           case '#':
           {
               maps[i][j]=-2;
               break;
           default:maps[i][j]=ch;
       }
    }
}
vis[sx][sy]=true;//开始位置要标记访问
q[1]=(node){sx,sy,0};//初始化
while(front<=rear)</pre>
{
   node t=q[front];//取队头
   for(int i=0;i<4;i++)</pre>
       int nx=t.x+dx[i],ny=t.y+dy[i];
       if(nx>0&&ny>0&&nx<=n&&ny<=m&&maps[nx][ny]!=-2&&!vis[nx][ny])//判断该位置是否满足要求
           vis[nx][ny]=true;//标记访问过
           if(maps[nx][ny]>0)travel(nx,ny);//如果是传送门就传送
           q[++rear]=(node)\{nx,ny,t.step+1\};//太队
           if(maps[q[rear].x][q[rear].y]==-1)//如果是终点就可以结束了
           {
               printf("%d",q[rear].step);
               return 0;
           }
       }
    }
   front++;
return 0;
```

## 总结

}

搜索的本质实际上是枚举,所以它的时间复杂度并不是很高。但是在竞赛中,它扮演了一个很出色的 "骗分者"。当我们不能使用更好的方法时,搜索可以帮助我们拿到部分分,甚至全分。因此,掌握好搜 索是至关重要的。

为了让大家能够更方便地找到本文的精华部分,特将其保存在洛谷云剪贴板中。