

Pesquisa e Ordenação

Kaique Medeiros Lima

1 Introdução

Esse relatório apresenta uma análise comparativa de 8 algoritmos de ordenação: Bubble Sort, Insertion Sort, Shell Sort, Selection Sort, Merge Sort, Quick Sort, Radix Sort e Heap Sort. A comparação é feita com base em gráficos que mostram o tempo de execução em função do tamanho do vetor a ser ordenado. Os testes foram realizados em uma máquina com as seguintes especificações: I3-10100f, RTX 2060 e 16GB de RAM. O objetivo é entender o desempenho de cada algoritmo em diferentes cenários e tamanhos de entrada, além de discutir suas características, vantagens e desvantagens. A análise inclui tanto algoritmos de ordenação baseados em comparação quanto não comparativos, permitindo uma visão abrangente das técnicas de ordenação disponíveis.

2 Descrição da atividade

2.1 Algoritmos e seus tempos de execução

2.1.1 Bubble Sort

Bubble Sort faz sucessivas passagens comparando e trocando elementos adjacentes fora de ordem até não haver mais trocas. Seu tempo é quadrático ($O(n^2)$) na maioria dos casos e linear só quando a lista já está ordenada. Por ser estável e simples, serve apenas para ensino ou dados minúsculos; em qualquer cenário real, seu desempenho é inaceitável.

Bubble Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	372700	483917	607129	1084873	1266255
Ordenados	0	0	0	0	0
Randômicos	772452	997231	1248899	2181504	2545733

2.1.2 Insertion Sort

Insertion Sort constrói progressivamente a parte ordenada inserindo cada novo elemento em seu lugar correto, deslocando os maiores. Em média é $O(n^2)$, mas cai a $O(n)$ se o array estiver quase ordenado. Como exige pouquíssima sobrecarga, é adotado em implementações híbridas (por exemplo, em Quick Sort recursivo quando as partições ficam pequenas) ou em listas pequenas.

Insertion Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	218781	288180	362907	713476	785191
Ordenados	0	8	0	0	0
Randômicos	107056	139201	175981	317309	373832

2.1.3 Shell Sort

Shell Sort aprimora o Insertion Sort usando uma sequência de “gaps” para comparar e trocar elementos distantes, reduzindo inversões antes da fase final com $\text{gap} = 1$. Seu comportamento depende da escolha de gaps e fica entre $O(n \log^2 n)$ e $O(n^{4/3})$, sem ser estável. É razoável para tamanhos médios quando se busca algo simples e in-place, mas algoritmos mais modernos usualmente o superam.

Shell Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	40	32	50	52	64
Ordenados	22	30	30	42	50
Randômicos	130	152	172	228	255

2.1.4 Selection Sort

Selection Sort encontra repetidamente o menor (ou maior) elemento na porção não ordenada e o coloca na posição correta por troca. Independentemente da entrada, sempre faz $O(n^2)$ comparações e poucas trocas ($O(n)$). Por não ser estável e ter custo quadrático, só vale a pena em coleções diminutas ou em situações em que escrita em memória seja extremamente custosa.

Selection Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	216295	281378	357546	648855	764995
Ordenados	214557	280539	357921	644400	755976
Randômicos	216323	282058	357819	642830	755743

2.1.5 Merge Sort

Merge Sort divide recursivamente o vetor ao meio, ordena cada metade e mescla os resultados. Seu tempo de execução é sempre $O(n \log n)$ e requer $O(n)$ de espaço extra para as fusões. Por manter estabilidade e oferecer desempenho previsível, é indicado para conjuntos grandes ou para ordenação externa, mas o consumo de memória o torna menos atrativo quando há restrição de espaço.

Merge Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	132	154	180	236	253
Ordenados	132	152	172	223	246
Randômicos	191	212	253	320	348

2.1.6 Quick Sort

Quick Sort escolhe um pivô, particiona o array em elementos menores e maiores que ele e aplica recursão nas partições. Em média é $O(n \log n)$ com espaço de pilha $O(\log n)$, mas pode degradar para $O(n^2)$ em casos patológicos de pivô mal escolhido. É o mais rápido na prática para a maioria dos usos gerais, desde que se evitem entradas adversas ou se adote estratégias de escolha do pivô mais robustas.

Quick Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	48	50	61	73	83
Ordenados	40	50	61	71	72
Randômicos	78	83	101	130	141

2.1.7 Radix Sort

Radix Sort é um algoritmo não comparativo que ordena inteiros processando cada dígito, do menos ao mais significativo, agrupando-os em “baldes” a cada passagem. Ele executa em tempo linear relativo ao número de dígitos ($O(d \cdot (n+k))$) e consome espaço extra proporcional a $n + k$, tornando-o útil apenas para grandes conjuntos de inteiros de tamanho fixo – para dados menores o overhead praticamente anula qualquer vantagem.

Radix Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	99	111	130	184	203
Ordenados	90	111	122	184	203
Randômicos	97	108	131	186	202

2.1.8 Heap Sort

Heap Sort constrói um heap binário a partir da lista e, a cada extração do maior (ou menor) elemento, reconstrói o heap até esvaziá-lo. Tem custo garantido de $O(n \log n)$ em todos os casos e roda in-place com $O(1)$ de espaço adicional. Apesar de previsível, costuma ser mais lento que Quick Sort na prática por ter padrões de acesso menos amigáveis ao cache e não preservar estabilidade.

Heap Sort (ms)	750000	850000	950000	1250000	1350000
Invertidos	71	79	90	113	128
Ordenados	69	71	83	111	121
Randômicos	127	144	174	228	254

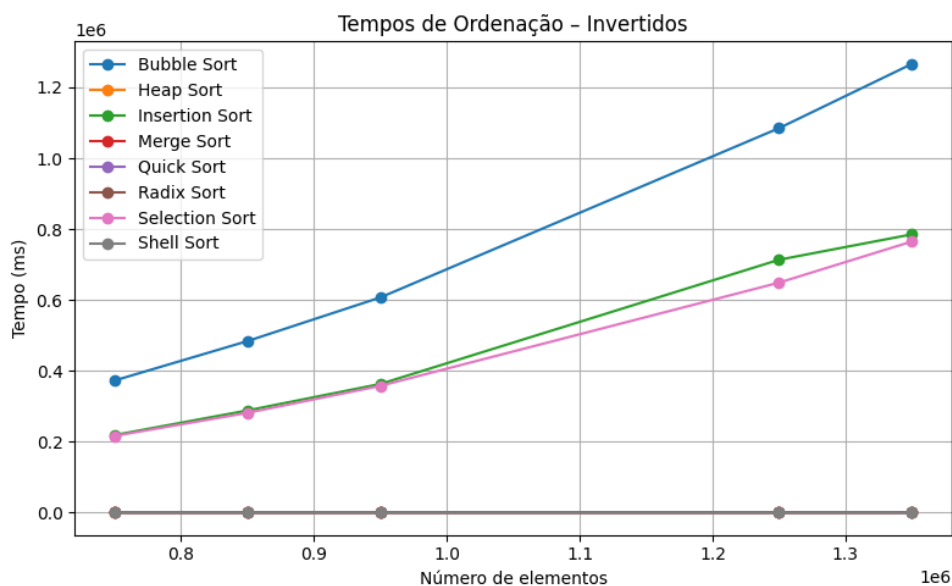
2.2 Análise por Tipo de Entrada

Nesta seção, analisamos o comportamento dos algoritmos em três cenários distintos: dados inversamente ordenados, dados já ordenados e dados em ordem aleatória.

2.2.1 Dados Inversamente Ordenados

Quando os números estão em ordem decrescente, a entrada representa o pior caso para vários algoritmos. Observamos que:

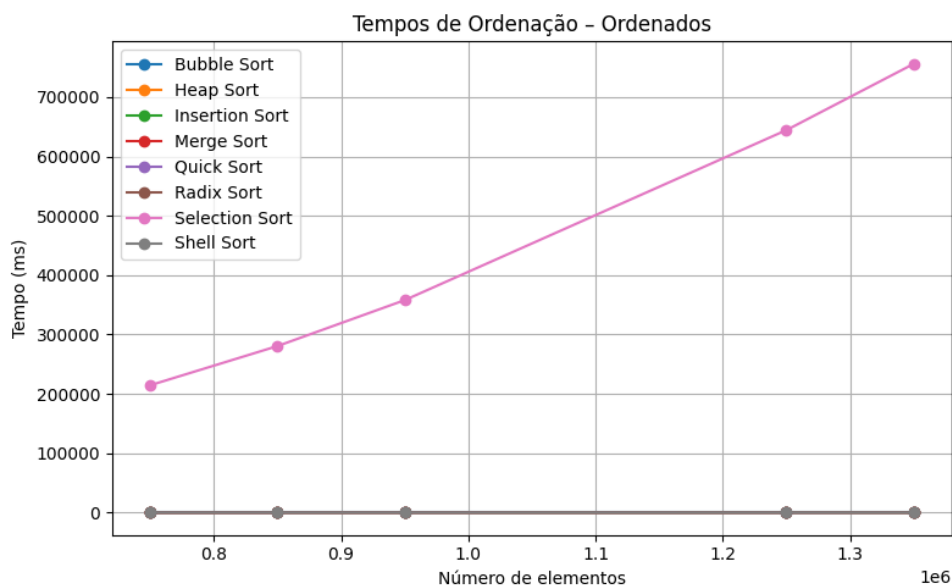
- O Bubble Sort e Insertion Sort tiveram desempenho extremamente ruim, com tempos de execução próximos a 1.2 milhões de milissegundos para entradas de 1.35 milhão de elementos, confirmando sua complexidade $O(n^2)$ no pior caso.
- Selection Sort também apresentou comportamento quadrático com aproximadamente 765.000 ms para o mesmo tamanho de entrada.
- Quick Sort surpreendentemente manteve bom desempenho (83 ms para 1.35M elementos) graças à implementação com pivô randômico, evitando o caso degenerado.
- Heap Sort foi consistentemente rápido (128 ms para 1.35M elementos), demonstrando que sua complexidade $O(n \log n)$ se mantém mesmo em cenários adversos.
- Shell Sort teve desempenho notável (64 ms para 1.35M elementos), superando até mesmo algoritmos teoricamente mais eficientes.



2.2.2 Dados Ordenados

Quando os números já estão ordenados, observamos comportamentos interessantes:

- Bubble Sort teve desempenho ótimo, com tempo praticamente zero, pois identifica a ordenação na primeira passagem.
- Insertion Sort também se mostrou extremamente eficiente com tempo quase zero, confirmando sua complexidade $O(n)$ para dados já ordenados.
- Heap Sort, Merge Sort e Quick Sort mantiveram seus tempos $O(n \log n)$ independentemente da ordenação prévia (respectivamente 121 ms, 246 ms e 72 ms para 1.35M elementos).
- Radix Sort não se beneficiou da ordenação prévia (203 ms para 1.35M elementos), demonstrando que seu desempenho depende mais do número de dígitos que da ordem inicial.
- Shell Sort mostrou-se muito eficiente (50 ms para 1.35M elementos), adaptando-se bem a dados já ordenados.

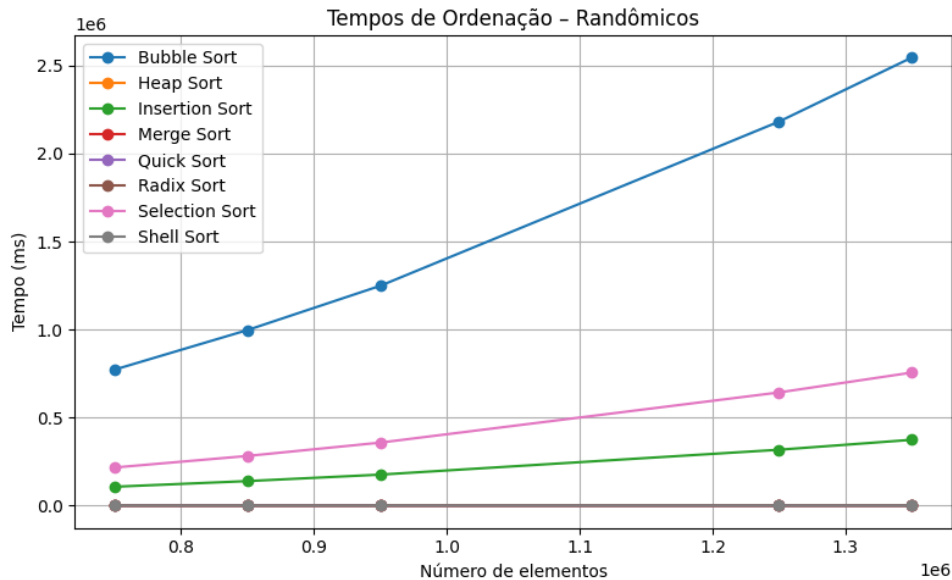


2.2.3 Dados Aleatórios

Com entradas aleatórias, que representam o caso médio, observamos:

- Bubble Sort teve desempenho catastrófico (2.54 milhões ms para 1.35M elementos), mostrando por que não deve ser usado em aplicações reais.
- Quick Sort confirmou sua reputação como algoritmo mais eficiente na prática para casos médios (141 ms para 1.35M elementos).
- Heap Sort e Shell Sort apresentaram desempenho similar (254 ms e 255 ms para 1.35M elementos), mostrando que o Shell Sort pode competir com algoritmos mais sofisticados em determinados cenários.

- Radix Sort teve boa performance (202 ms para 1.35M elementos), mas sem superar significativamente o Quick Sort, apesar de sua complexidade teórica linear.
- Merge Sort foi mais lento que o esperado (348 ms para 1.35M elementos), possivelmente devido ao overhead de alocação de memória.

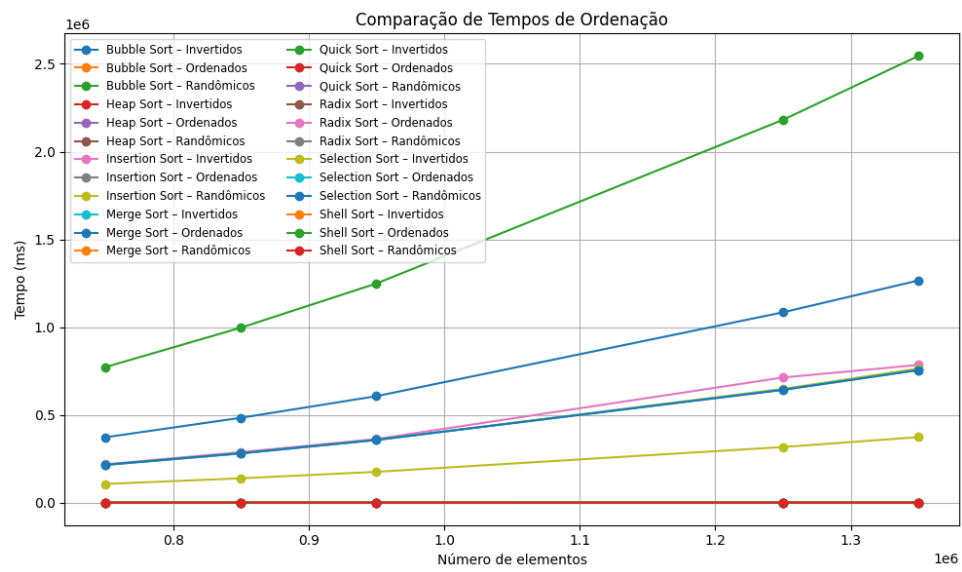


2.3 Comparação Geral

Analisando o desempenho geral dos algoritmos nos diferentes cenários, podemos concluir que:

- Quick Sort mostrou o melhor equilíbrio entre eficiência e consistência, sendo o algoritmo mais rápido na maioria dos cenários quando implementado com escolha aleatória de pivô.
- Shell Sort surpreendeu positivamente, com desempenho comparável a algoritmos teoricamente mais eficientes, especialmente em dados inversamente ordenados.
- Heap Sort demonstrou sua estabilidade de desempenho, mantendo tempos similares independentemente do tipo de entrada.
- Algoritmos quadráticos (Bubble, Insertion e Selection Sort) são inviáveis para grandes volumes de dados, exceto em casos específicos como o Insertion Sort para dados quase ordenados.
- Radix Sort, apesar de sua complexidade linear, não superou consistentemente os melhores algoritmos de comparação, provavelmente devido ao overhead das passagens por dígito.

Esta análise confirma que a escolha do algoritmo de ordenação deve considerar não apenas a complexidade teórica, mas também características da entrada, requisitos de estabilidade, uso de memória e padrões de acesso que podem afetar o desempenho em sistemas reais.



3 Conclusão