# Transformations chimiques en solution aqueuse

CHARLES TUCHENDLER





MPSI 4 – Lycée Saint-Louis

Année 2019/2020

## Table des matières

Chapitre XI	Equilibres de précipitation	2
Introduction		3
I Obtention d'u	un précipité	3
II.1 Mise en II.2 Conditio	solution d'un sel - Définition du $K_{\rm s}$	3
III.1 Définitio III.1.a E III.1.b (	Exemple du chlorure d'argent AgCl (s)  ions à caractère acido-basique dans l'eau  ions à caractère acido-basique dans l'eau  ions à caractère acido-basique dans l'eau	5 5 6
IV.1 Influenc IV.2 Effet d' IV.3 Diagran IV.4 Précipit IV.4.a S	e l'équilibre de précipitation	
IV.5 Influenc IV.5.a F	Principe	1( 1( 1(

## Chapitre XI

## EQUILIBRES DE PRÉCIPITATION

#### Sommaire

Introduction	3
l Obtention d'un précipité	3
II Produit de solubilité	3
II.1 Mise en solution d'un sel - Définition du $K_{\rm s}$	3
II.2 Condition de précipitation	4
II.3 Généralisation	4
III Solubilité dans l'eau pure	5
III.1 Définition - Cas des ions indifférents dans l'eau	5
III.1.a Exemple du chlorure d'argent AgCl (s)	5
III.1.b Cas général	5
III.2 Cas des ions à caractère acido-basique dans l'eau	6
IV Paramètres de l'équilibre de précipitation	6
IV.1 Influence de la température	7
IV.2 Effet d'ion commun	8
IV.3 Diagramme d'existence d'un précipité	8
IV.4 Précipitation compétitive - Echelle de $\mathrm{pK}_{\mathrm{s}}$	9
IV.4.a Sélectivité et transfert d'anions	9
IV.4.b Transfert de cations	9
IV.5 Influence du pH sur la solubilité	10
IV.5.a Principe	10
	10

#### Introduction

Jusqu'à présent nous avons toujours supposé les équilibres homogènes (1 seule phase), avec des espèces totalement solubles en solution aqueuse. Mais en réalité, de nombreux composés ioniques ou moléculaires ont des limites de solubilité faibles ("on ne peut pas dissoudre plus qu'une certaine quantité par litre d'eau"). Lorsque la solution est saturée, il apparaît une phase solide coexistant avec la phase aqueuse : ce dépôt solide est appelé *précipité*, on lui adjoint "(s)" pour préciser son état solide.

#### I Obtention d'un précipité

#### Méthode XI.1 – Obtention d'un précipité

On peut obtenir un précipité :

- \* soit en partant du solide et en l'introduisant en excès dans l'eau. Ainsi le chlorure d'argent solide, AgCl(s), conduit à une solution saturée de couleur blanche : AgCl(s)=Ag<sup>+</sup>(aq) + Cl<sup>-</sup>(aq).
- $\star$  soit en partant de deux solutions limpides, contenant l'une la particule échangée Cl<sup>-</sup> (solution incolore de chlorure de potassium K<sup>+</sup> + Cl<sup>-</sup>), et l'autre l'accepteur Ag<sup>+</sup> (solution incolore de nitrate d'argent Ag<sup>+</sup> + NO<sub>3</sub><sup>-</sup>). Leur mélange conduit aussitôt à un précipité blanc : Ag<sup>+</sup>(aq) + Cl<sup>-</sup>(aq)=AgCl(s).

#### II Produit de solubilité

#### II.1 Mise en solution d'un sel - Définition du ${\rm K_s}$

#### Définition XI.1 – Sels solubles

NaCl(s) est un sel dit **soluble**, sa réaction de mise en solution est **totale** :

$$NaCl(s) \xrightarrow{eau} Na^+(aq) + Cl^-(aq)$$

Ici, la limite de solubilité est atteinte très difficilement.

#### Définition XI.2 – Sels peu solubles

AgCl(s) est un sel dit **peu soluble** car sa solution est **très rapidement saturée**. On a alors l'équilibre :

$$AgCl(s) \Longrightarrow Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

#### Définition XI.3 – Produit de solubilité

On définit alors la constante d'équilibre de dissolution  $K_s$ , appelée produit de solubilité, par :

$$K_s = \left[Ag^+\right]_{\rm \acute{e}q} \cdot \left[Cl^-\right]_{\rm \acute{e}q}$$

K<sub>s</sub> ne dépend que de la température, c'est une constante d'équilibre thermodynamique.

#### II.2 Condition de précipitation

#### Propriété XI.1 – Condition de précipitation

On ne peut appliquer la LAM (loi d'action des masses), c'est-à-dire la relation de produit de solubilité à l'équilibre, que si la phase solide coexiste avec la solution, et donc uniquement si la solution est saturée. Si la solution n'est pas saturée (i.e. il n'y a pas de précipité mais seulement des espèces dissoutes), les concentrations ioniques sont trop faibles pour que la phase solide apparaisse. Le quotient de réaction Q est donc inférieur à la constante d'équilibre  $K_s$ :

 $\begin{aligned} & \textit{solution satur\'e}: \quad K_s = \left[ Ag^+ \right]_{\acute{e}q} \cdot \left[ Cl^- \right]_{\acute{e}q} \\ & \textit{solution insatur\'e}: \quad Q_{dissolution,final} = \left[ Ag^+ \right]_{final} \cdot \left[ Cl^- \right]_{final} < K_s \end{aligned}$ 

Conclusion : la condition de précipitation correspond à  $Q_{\text{dissolution,initial}} \ge K_s$  et le système évolue alors vers un état d'équilibre pour lequel  $Q_{\text{dissolution,final}} = K_s$ .

#### Exemple XI.1 – Formation d'un précipité à partir de deux sels solubles

On mélange un volume  $V_1$  d'une solution de nitrate d'argent de concentration  $C_1$  et un volume  $V_2$  d'une solution de chlorure de sodium de concentration  $C_2$ . Dans l'état initial E.I. (noté "0"), c'est-à-dire juste après

mélange, on a : 
$$[Ag^+]_0 = [NO_3^-]_0 = \frac{C_1V_1}{V_1 + V_2} = C_1'$$
 et  $[Na^+]_0 = [Cl^-]_0 = \frac{C_2V_2}{V_1 + V_2} = C_2'$ .

Ces divers ions sont indifférents dans l'eau du point de vue acido-basiques et la seule réaction possible est la réaction de précipitation de AgCl(s).

- \* Si  $Q_0 = [Ag^+]_0 \cdot [Cl^-]_0 = C_1'C_2' < K_s$ , la solution reste insaturée : pas de précipité.
- \* Si  $Q_0 = [Ag^+]_0 \cdot [Cl^-]_0 = C_1'C_2' \geq K_s$ , la solution atteint la saturation : il y a formation d'un précipité blanc de AgCl(s).

A l'équilibre, lorsqu'il y a coexistence du précipité et des espèces ioniques, on dit que  $le~\mathbf{K_s}~est~v\'erifi\'e$  et on a :

$$K_s = (C_1' - x_{\text{\'eq}})(C_2' - x_{\text{\'eq}})$$

Conclusion : le produit des concentrations ioniques, à l'équilibre, est égal au K<sub>s</sub>.

#### II.3 Généralisation

Propriété XI.2 – Réaction de dissolution d'un sel quelconque et produit de solubilité associé

Pour tout solide en équilibre avec ses ions constitutifs, on définit le produit de solubilité K<sub>s</sub> :

$$A_a B_b(s) \Longrightarrow a A^{x+} + b B^{y-} \quad K_s = [A^{x+}]^a \cdot [B^{y-}]^b$$

Les tables thermodynamiques nous donnent les valeurs de pK<sub>s</sub> =  $-\log K_s$ , à 25°C. Pour AgCl(s) par exemple, on a pK<sub>s</sub>(AgCl(s)) = 9,75 à 25°C.

#### III Solubilité dans l'eau pure

#### III.1 Définition - Cas des ions indifférents dans l'eau

#### Définition XI.4 – Solubilité d'un solide

On appelle  $solubilit\acute{e}$  la quantité maximale de solide que l'on peut dissoudre dans 1 litre d'eau pure. Elle s'exprime en mol. $L^{-1}$ .

#### III.1.a Exemple du chlorure d'argent AgCl (s)

Effectuons un bilan de matière sur une solution saturée de AgCl(s) :

La solubilité correspond à  $S = \xi/V$ , c'est-à-dire à **l'avancement volumique à l'équilibre**. On peut écrire plus rapidement :

On a à l'équilibre 
$$K_s=S^2,$$
 d'où  $S=\left[Ag^+\right]_{\acute{e}q}=\left[Cl^-\right]_{\acute{e}q}=\sqrt{K_s}=$ 

#### III.1.b Cas général

#### Propriété XI.3 – Produit de solubilité et solubilité

Pour tout sel partiellement soluble, dont les ions en solution n'ont pas de caractère acido-basique, ou si ce caractère reste négligeable dans l'eau pure :

 $\text{La solubilit\'e a pour expression}: S = \frac{1}{a} \big[ \mathbf{A^{x+}} \big]_{\text{\'eq}} = \frac{1}{b} \big[ \mathbf{B^{y-}_{\acute{\text{eq}}}} \big].$ 

Le produit de solubilité est vérifié à l'équilibre d'où  $K_s = [A^{x+}]_{\text{éq}}^a \cdot [B^{y-}]_{\text{éq}}^b = (aS)^a (bS)^b$  soit :

$$K_s = a^a b^b S^{(a+b)}$$

#### Exercice XI.1 – Solubilité de $Ag_2CrO_4$

Connaissant le  $pK_s = 11,9$  du chromate d'argent et en supposant sa basicité négligeable, calculer sa solubilité.

#### III.2 Cas des ions à caractère acido-basique dans l'eau

#### Propriété XI.4 – Prise en compte du caractère acido-basique

Lorsque les ions, qui apparaissent lors de la dissolution du solide peuvent réagir sur l'eau en raison d'un caractère acide ou basique, la solubilité doit tenir compte de toutes les espèces en solution.

#### Exemple XI.2 – Dissolution de l'éthanoate d'argent

On dissout de l'éthanoate d'argent  $AgCH_3COO(s)$  dans l'eau jusqu'à saturation :

$$\mathrm{AgCH_3COO}(s) = \mathrm{Ag^+}(\mathrm{aq}) + \mathrm{CH_3COO^-}(\mathrm{aq}), \quad \mathrm{K_s} = \left[\mathrm{Ag^+}\right]_{\mathrm{\acute{e}q}} \left[\mathrm{CH_3COO^-}\right]_{\mathrm{\acute{e}q}} = 10^{-2.7}$$

Les ions éthanoate réagissent en tant que base sur l'eau  $(pK_a=4,8)$  selon :

$$CH_3COO^{-}(aq) + H_2O = CH_3COOH(aq) + HO^{-}(aq), \quad K = K_b = \frac{K_e}{K_a} = 10^{-9.2}$$

La solubilité est déterminée par  $S = [Ag^+]_0 = [CH_3COO^-]_0 = [CH_3COO^-]_{\acute{e}q} + [CH_3COOH]_{\acute{e}q}$ . L'hypothèse de base faible (partiellement dissociée et majoritaire) permet de considérer les équilibres séparément et  $[CH_3COO^-] \gg [CH_3COOH]$ .

On a donc comme première réaction prépondérante :

On peut ensuite considérer la dissociation partielle de l'ion éthanoate dans l'eau :

**Hypothèse** : base très faiblement dissociée  $(S - \omega \simeq S)$  d'où :

$$K_{b} = \frac{\omega_{\text{\'eq}}^{2}}{S - \omega_{\text{\'eq}}} \simeq \frac{\omega_{\text{\'eq}}^{2}}{S}$$

c'est-à-dire

$$\omega_{\rm \acute{e}q} = \sqrt{{\rm K_b} S}$$
 et donc pH =

On vérifie bien que  $\omega_{\text{\'eq}} \ll S$ .

### IV Paramètres de l'équilibre de précipitation

On s'intéresse aux facteurs suivants :

- $\star$ température
- \* ajout d'un constituant actif (effet d'ion commun)
- \* précipitation compétitive
- \* influence du pH

#### IV.1 Influence de la température

#### Propriété XI.5 – Thermodynamique de la mise en solution d'un cristal ionique

On reprend le cas général suivant :

$$A_a B_b = a A^{x+} + b B^{y-}, \quad K_s = [A^{x+}]_{\text{\'eq}}^a \cdot [B^{y-}]_{\text{\'eq}}^b$$

Lors de la mise en solution, il se produit un double phénomène :

- la destruction du solide ionique : endothermique (absorption de chaleur)
- l'hydratation des ions : exothermique (dégagement de chaleur)

#### Propriété XI.6 – Dissolution endothermique - Réaction facilitée à température élevée

Le bilan de ces deux étapes peut être endothermique ou exothermique. Néanmoins, le cas le plus fréquent est celui de la dissolution globalement endothermique, la destruction du solide ionique est d'autant meilleure que l'on apporte de la chaleur, c'est-à-dire que l'on chauffe. La solubilité augmente donc usuellement avec la température.

Exemple : le Nesquik se dissout mieux dans du lait chaud que dans du lait froid!

#### Méthode XI.2 – Principe de recristallisation

Cette technique permet de purifier un produit solide issu d'une synthèse organique, souvent contaminé par de faibles quantités d'impuretés. Elle repose sur la différence de solubilité entre le produit à isoler et les impuretés, à chaud et à froid.

En effet, la solubilité d'un solide augmente généralement avec la température; la recristallisation consiste donc à dissoudre d'abord le solide à purifier dans un solvant ou dans un mélange de plusieurs solvants chaud, généralement à l'ébullition, puis à refroidir la solution pour provoquer la cristallisation du solide que l'on isole par filtration.

Quant aux impuretés, trois cas peuvent se présenter :

- ① elles sont insolubles dans le solvant chaud : une simple filtration de la solution chaude permet de les éliminer;
- 2 elles sont solubles dans le solvant chaud et le demeurent partiellement dans le solvant froid ; la plus grande partie reste habituellement dissoute au moment de la cristallisation du produit principal et est éliminée avec le filtrat ;
- ③ elles sont très solubles dans le solvant chaud et peu solubles dans le solvant froid; la filtration isole un produit contaminé et, dans ce cas, la recristallisation est peu efficace. La purification est d'autant plus aisée que le taux initial d'impuretés est plus faible.

#### IV.2 Effet d'ion commun

#### Propriété XI.7 – Loi de modération des équilibres - Effet d'ion commun

L'ajout d'un constituant actif, à volume constant, entraîne un déplacement de l'équilibre dans le sens de la consommation de ce constituant.

Exercice XI.2 – Solubilité de AgBr en présence de NaBr
On donne $pK_s(AgBr) = 12,3$ à 25°C. Calculer la solubilité du bromure d'argent : a) dans l'eau pure b) dans une solution de bromure de sodium à $0,10$ mol. $L^{-1}$ .

#### IV.3 Diagramme d'existence d'un précipité

Prenons un milieu où la concentration en ions chlorure est fixée à  $C_0$ . Faisons varier celle en ions argent et étudions la précipitation du chlorure d'argent. Le quotient de réaction dans l'état initial s'écrit :  $Q_0 = [Ag^+][Cl^-] = [Ag^+]C_0$ .



Par symétrie, on peut effectuer les mêmes raisonnements en échangeant le rôle des ions  $Ag^+$  et  $Cl^-$ .

#### IV.4 Précipitation compétitive - Echelle de $pK_{\rm s}$

#### IV.4.a Sélectivité et transfert d'anions

#### Propriété XI.9 – Sélectivité de précipitation par rapport à l'anion

Si une solution renferme deux cations pouvant précipiter avec un même anion, la prévision de la réaction prépondérante se fait grâce à la comparaison des  $pK_s$  des couples mis en jeu.

#### Exemple XI.3 – Echange d'ions sulfate $SO_4^{2-}$

 ${\rm BaSO_4/Ba^{2+}}$  est un couple Donneur/Accepteur de la particule  ${\rm SO_4^{2-}}$  de même que le couple  ${\rm CaSO_4/Ca^{2+}}$  :

BaSO<sub>4</sub>(s) = Ba<sup>2+</sup>(aq) + SO<sub>4</sub><sup>2-</sup>(aq) 
$$K_s = 10^{-9.9}$$
  
CaSO<sub>4</sub>(s) = Ca<sup>2+</sup>(aq) + SO<sub>4</sub><sup>2-</sup>(aq)  $K'_s = 10^{-4.6}$ 

 ${\rm BaSO_4(s)}$  est le donneur le plus faible car le moins soluble. A l'inverse,  ${\rm Ba^{2+}}$  est l'accepteur le plus fort d'ion sulfate  ${\rm SO_4^{\ 2^-}}$  (pour donner  ${\rm BaSO_4(s)}$ ).

**Précipitation sélective** si une solution contient initialement des ions  $Ba^{2+}$  et des ions  $Ca^{2+}$ , il y a précipitation sélective de  $BaSO_4(s)$  lors de l'ajout d'ions  $SO_4^{2-}$  selon :

$$Ba^{2+}(aq) + SO_4^{2-}(aq) = BaSO_4(s), \quad K = \frac{1}{K_s} = 10^{+9.9}$$

Redissolution d'un précipité par formation d'un autre précipité c'est la réaction qui se fait selon la "règle du gamma" :

$$Ba^{2+}(aq) + CaSO_4(s) = Ca^{2+}(aq) + BaSO_4(s), \quad K = \frac{K'_s}{K_s} = 10^{+5.3}$$

#### IV.4.b Transfert de cations

#### Propriété XI.10 – Sélectivité de précipitation par rapport au cation

Si une solution renferme désormais deux anions pouvant précipiter avec un même cation, la prévision de la réaction ayant lieu se fait aussi grâce au  $pK_s$ .

#### Exemple XI.4 – Echange d'ions argent Ag<sup>+</sup>

onsidérons les deux réactions suivantes :

$$AgCl(s) = Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$
  $K_s = 10^{-9.75}$   
 $Ag_2CrO_4(s) = 2 Ag^{+}(aq) + CrO_4^{-2-}(aq)$   $K'_s = 10^{-12}$ 

Attention! Si on veut comparer les deux couples mis en jeu, il faut toujours se ramener à l'échange d'un seul ion  $Ag^+$ .

On écrit donc la réaction de dissolution de  ${\rm Ag_2CrO_4}$  sous la forme :

$$\frac{1}{2} \mathrm{Ag_2CrO_4(s)} = \mathrm{Ag^+(aq)} + \frac{1}{2} \mathrm{CrO_4}^{2-}(\mathrm{aq}), \quad K_s'' = \sqrt{K_s'} = 10^{-6}$$

 $\underline{\text{Remarque}}: \text{AgCl}(s)$  est un précipité blanc tandis que  $\text{Ag}_2\text{CrO}_4(s)$  est un précipité rouge. Ainsi lors du titrage des ions chlorure par les ions argent, les ions chromates  $\text{CrO}_4^{2^-}$  peuvent servir d'indicateur de fin de réaction.

#### IV.5 Influence du pH sur la solubilité

#### IV.5.a Principe

#### Propriété XI.11 -Dissolution d'un précipité par ajout d'acide

Pour un sel soluble à caractère acido-basique, modifier le pH du milieu permet d'améliorer sa solubilité. Ainsi, la solubilité d'un sel basique augmente en milieu acide.

Exemple:

$$AgCH_3COO(s) = Ag^+(aq) + CH_3COO^-(aq)$$
  $K_1 = K_s = 10^{-2.7}$  (XI.1)

$$CH_3COO^-(aq) + H_3O^+ = CH_3COOH(aq) + H_2O$$
  $K_2 = \frac{1}{K_a} = 10^{+4.8}$  (XI.2)

Conclusion: la consommation de CH<sub>3</sub>COO<sup>-</sup> par un milieu acide provoque le déplacement de l'équilibre (1) dans le sens de la dissolution du précipité.

Remarque: réciproquement, la solubilité d'un sel acide augmente en milieu basique, et la solubilité d'un sel amphotère augmente dans les deux zones extrêmes de pH.

#### Démonstration XI.1

Reprenons l'exemple du sel  ${\rm AgCH_3COO}$  placé en milieu acide. La solubilité vaut :

$$S = \left[\operatorname{Ag}^{+}\right]_{0} = \left[\operatorname{CH}_{3}\operatorname{COO}^{-}\right]_{0} = \left[\operatorname{CH}_{3}\operatorname{COO}^{-}\right] + \left[\operatorname{CH}_{3}\operatorname{COOH}\right] = \left[\operatorname{CH}_{3}\operatorname{COO}^{-}\right] \left(1 + \frac{h}{K_{a}}\right)$$

soit  $S^2 = K_s \left(1 + \frac{h}{K_a}\right)$ , ce qui signifie donc que S augmente si h augmente.

On visualise en général l'influence du pH, sous la forme d'un diagramme pS = f(pH) avec  $pH \in [0; 14]$ .

#### IV.5.b Solubilité des hydroxydes amphotères

L'exemple classique est celui de l'hydroxyde d'aluminium Al(OH)<sub>3</sub>(s), qui réagit selon deux équilibres :

$$\underbrace{\text{Al}(\text{OH})_3(\text{s})}_{3} = \text{Al}^{3+}(\text{aq}) + 3 \,\text{HO}^{-}(\text{aq}) \qquad K_s = 10^{-33}$$
 (XI.3)

$$\underbrace{\text{Al}(\text{OH})_3(\text{s})}_{= base} = \text{Al}^{3+}(\text{aq}) + 3 \text{HO}^{-}(\text{aq}) \qquad K_s = 10^{-33} \qquad (\text{XI}.3)$$

$$\underbrace{\text{Al}(\text{OH})_3(\text{s})}_{= base} + \text{HO}^{-}(\text{aq}) = \underbrace{\text{Al}(\text{OH})_4^{-}(\text{aq})}_{= ion \ tetrahydroxoaluminate} (III)$$

$$K_f = 10^{+2} \qquad (\text{XI}.4)$$

Si nous disposons dans un bécher d'une solution de nitrate d'aluminium  $Al^{3+} + 3NO_3^-$ , de concentration  $C_0$ 1,0.10<sup>-3</sup> mol.L<sup>-1</sup>, et que nous ajoutons de la soude concentrée (effet de dilution négligeable), nous verrons le précipité d'hydroxyde d'aluminium  $Al(OH)_3(s)$  se former selon (-3) et se redissoudre selon (4).

#### Diagramme d'existence du précipité

Expression de la solubilité en fonction du pH
Domaines de prédominance des espèces dissoutes
Domanies de predominance des especes dissoutes
Domaines d'ultrapédominance des espèces dissoutes
$Remarque$ : pour les domaines de majorité, on n'a pas comme en Acide/Base des intervalles de largeur 2 unité $[pK_a - 1; pK_a + 1]$ .
[[21-6] 1, [21-6] 1].

**Graphe** pS = f(pH)