

### Lépésszám becslések:

- (i)  $f(n) \in O(g(n))$  ha  $\exists c > 0$  és  $\exists n_0 \in \mathbb{N}^+$ :  $f(n) \leq c \cdot g(n)$  ha  $n \geq n_0$ .
- (ii)  $f(n) \in \Omega(g(n))$  ha  $\exists d > 0$  és  $\exists n_0 \in \mathbb{N}^+$ :  $f(n) \geq d \cdot g(n)$  ha  $n \geq n_0$ .
- (iii)  $f(n) \in \Theta(g(n))$  ha  $f(n) \in O(g(n))$  és  $f(n) \in \Omega(g(n))$ .

$$1 \ll \log n \ll \dots \ll \log^{100} n \ll n \ll n \log n \ll \dots \ll n \log^{100} n \ll n^2 \ll 2^n \ll n! \ll n^n$$

**Det hiányos VA nyelve:**  $L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid w\text{-t el tudja olvasni és a végén } F\text{-beliben van}\}$ .

**Nemdet VA nyelve:**  $L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid \text{van } w\text{-hez olyan számítás, amin elolvas végig és elfogad}\}$ .

**Tétel:** Ha  $L$ -re van hiányos DVA, akkor van rá teljes DVA is.

**Tétel:** Ha  $L$ -re van nemdet VA, akkor van teljes DVA is.

**Reguláris nyelv:**  $L$  reguláris, ha van rá véges automata.

**Tétel:**  $a^n b^n$  alakú szavak nyelve nem reguláris, azaz nincs rá det, teljes VA.

**CF nyelvtan által generált nyelv:**  $L(G) = \{w \in \Sigma^* \mid S \Rightarrow \dots \Rightarrow w \text{ (azaz van levezetés } w\text{-ig)}\}$ .

Amikor azt állítjuk, hogy egy CF nyelvtan egy adott nyelvet generál, akkor meg kell mutatni, hogy **azt és csak azt** a nyelvet generálja. pl:

$$\left\{ \begin{array}{l} L(G) \subseteq \{1. \text{ betű} = \text{utolsó}\} - (\text{azaz csak ilyen szavakat tud generálni}) \\ L(G) \supseteq \{1. \text{ betű} = \text{utolsó}\} - (\text{azaz minden ilyen szót generál}) \end{array} \right\}$$

**CF nyelvtan által generált nyelv:**  $L(G) = \{w \in \Sigma^* \mid S \Rightarrow \dots \Rightarrow w \text{ (azaz van levezetés } w\text{-ig)}\}$ .

**Nemdet PDA nyelve:**  $L(M) = \{w \in \Sigma^* \mid \text{van olyan futás, amire } w\text{-t elolvassa és elfogadó állapotba ér}\}$

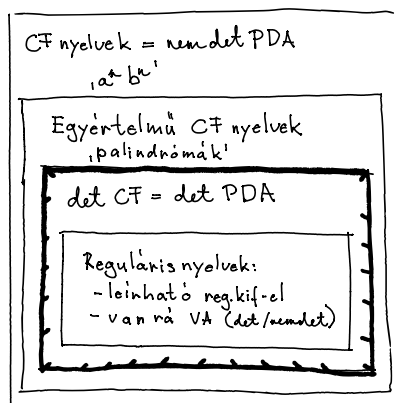
**Tétel:**  $\{a^n b^n c^n \mid n \geq 1\}$  alakú szavak nyelvére nincs PDA.

**Tétel:**  $L$ -re van  $G$  CF nyelvtan:  $L(G) = L \iff L$ -re van  $M$  nemdet PDA:  $L(M) = L$

**CF nyelv:**  $L$  nyelv CF nyelv ha van rá  $G$  CF nyelvtan:  $L(G) = L$  (= van rá  $M$  nemdet PDA:  $L(M) = L$ ).

**Determinisztikus CF nyelv:**  $L$  nyelv det CF nyelv ha van rá det PDA.

**Tétel:**  $L$ -re van det PDA  $\Rightarrow L$ -re van egyértelmű CF nyelvtan.



Turing - gépek = algo  
 $a^n b^n c^n$

**Diagonális nyelv:**  $L_d = \{w \in \{0,1\}^* \mid \exists M_w (w \text{ egy TG-et kódol}) \text{ és } w \notin L(M_w) (w\text{-t nem fogadja el a TG})\}$

**Állítás:** Nincs olyan  $M$  TG amire  $L(M) = L_d$

**Megállási nyelv:**  $L_h = \{w\#s \mid w \in \{0,1\}^*, s \in \{0,1\}^* \text{ és } \exists M_w \text{ és } M_w \text{ leáll } s\text{-en}\}$  ( $w\#s$  egy szópárt jelöl)

**Állítás:**  $L_h$ -ra van TG de nincs mindig leálló TG.