

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України «Київський політехнічний
інститут імені Ігоря Сікорського»
Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 3 з дисципліни
«Проектування алгоритмів»

„ Проектування структур даних”

Виконав(ла)

ІП-13 Макаруч Лідія Олександрівна
(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірив

Сопов Олексій Олександрович
(прізвище, ім'я, по батькові)

Київ 2022

ЗМІСТ

1	МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ	3
2	ЗАВДАННЯ	4
3	ВИКОНАННЯ	7
3.1	ПСЕВДОКОД АЛГОРИТМІВ.....	7
3.2	ЧАСОВА СКЛАДНІСТЬ ПОШУКУ.....	14
3.3	ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ	14
3.3.1	<i>Вихідний код</i>	<i>14</i>
3.3.2	<i>Приклади роботи</i>	<i>22</i>
3.4	ТЕСТУВАННЯ АЛГОРИТМУ	26
3.4.1	<i>Часові характеристики оцінювання.....</i>	<i>26</i>
	ВИСНОВОК	27
	КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ	28

1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ

Мета роботи – вивчити основні підходи проектування та обробки складних структур даних.

2 ЗАВДАННЯ

Відповідно до варіанту (таблиця 2.1), записати алгоритми пошуку, додавання, видалення і редагування запису в структурі даних за допомогою псевдокоду (чи іншого способу по вибору).

Записати часову складність пошуку в структурі в асимптотичних оцінках.

Виконати програмну реалізацію невеликої СУБД з графічним (не консольним) інтерфейсом користувача (дані БД мають зберігатися на ПЗП), з функціями пошуку (алгоритм пошуку у вузлі структури згідно варіанту таблиця 2.1, за необхідності), додавання, видалення та редагування записів (запис складається із ключа і даних, ключі унікальні і цілочисельні, даних може бути декілька полів для одного ключа, але достатньо одного рядка фіксованої довжини). Для зберігання даних використовувати структуру даних згідно варіанту (таблиця 2.1).

Заповнити базу випадковими значеннями до 10000 і зафіксувати середнє (із 10-15 пошуків) число порівнянь для знаходження запису по ключу.

Зробити висновок з лабораторної роботи.

Таблиця 2.1 – Варіанти алгоритмів

№	Структура даних
1	Файли щільним індексом з перебудовою індексної області, бінарний пошук
2	Файли з щільним індексом з областю переповнення, бінарний пошук
3	Файли з не щільним індексом з перебудовою індексної області, бінарний пошук
4	Файли з не щільним індексом з областю переповнення, бінарний пошук
5	АВЛ-дерево

6	Червоно-чорне дерево
7	В-дерево $t=10$, бінарний пошук
8	В-дерево $t=25$, бінарний пошук
9	В-дерево $t=50$, бінарний пошук
10	В-дерево $t=100$, бінарний пошук
11	Файли з щільним індексом з перебудовою індексної області, однорідний бінарний пошук
12	Файли з щільним індексом з областю переповнення, однорідний бінарний пошук
13	Файли з не щільним індексом з перебудовою індексної області, однорідний бінарний пошук
14	Файли з не щільним індексом з областю переповнення, однорідний бінарний пошук
15	АВЛ-дерево
16	Червоно-чорне дерево
17	В-дерево $t=10$, однорідний бінарний пошук
18	В-дерево $t=25$, однорідний бінарний пошук
19	В-дерево $t=50$, однорідний бінарний пошук
20	В-дерево $t=100$, однорідний бінарний пошук
21	Файли з щільним індексом з перебудовою індексної області, метод Шарра
22	Файли з щільним індексом з областю переповнення, метод Шарра
23	Файли з не щільним індексом з перебудовою індексної області, метод Шарра
24	Файли з не щільним індексом з областю переповнення, метод Шарра
25	АВЛ-дерево
26	Червоно-чорне дерево
27	В-дерево $t=10$, метод Шарра
28	В-дерево $t=25$, метод Шарра

29	В-дерево $t=50$, метод Шарра
30	В-дерево $t=100$, метод Шарра
31	АВЛ-дерево
32	Червоно-чорне дерево
33	В-дерево $t=250$, бінарний пошук
34	В-дерево $t=250$, однорідний бінарний пошук
35	В-дерево $t=250$, метод Шарра

Варіант 16

16	Червоно-чорне дерево
----	----------------------

3.1 Псевдокод алгоритмів

Пошук

Search(Tree, key)

1. ПОЧАТОК
2. $x = \text{Tree.root}$
3. ПОКИ $x \neq \text{NIL} \ \&\& \ x.\text{key} \neq \text{key}$ ПОВТОРИТИ
 - 3.1. ЯКЩО $\text{key} < x.\text{key}$
 - 3.1.1. ТО $x = x.\text{left}$
 - 3.1.2. ІНАКШЕ ЯКЩО $\text{key} < x.\text{key}$ ТО $x = x.\text{right}$
 - 3.1.3. ІНАКШЕ ПОВЕРНУТИ recordExistsError
4. ПОВЕРНУТИ x
5. КІНЕЦЬ

Додавання (insertion)

Insert(Tree, node)

1. ПОЧАТОК
2. $y = \text{NIL}$
3. $x = \text{Tree.root}$
4. ПОКИ $x \neq \text{NULL}$ ПОВТОРИТИ
 - 4.1. $y = x$
 - 4.2. ЯКЩО $\text{node.key} < x.\text{key}$
 - 4.2.1. ТО $x = x.\text{left}$
 - 4.2.2. ІНАКШЕ $x = x.\text{right}$
5. $\text{node.parent} = y$

6. ЯКЩО $y == \text{NIL}$
 - 6.1. TO $\text{Tree.root} = \text{node}$
 - 6.2. ІНАКШЕ ЯКЩО $\text{node.key} < y.\text{key}$
 - 6.2.1. TO $y.\text{left} = \text{node}$
 - 6.2.2. ІНАКШЕ $y.\text{right} = \text{node}$
7. $\text{node.left} = \text{NIL}$
8. $\text{node.right} = \text{NIL}$
9. $\text{node.color} = \text{RED}$
10. $\text{Insert_Fixup}(\text{Tree}, \text{node})$
11. КІНЕЦЬ

$\text{Insert_Fixup}(\text{Tree}, \text{node})$

1. ПОЧАТОК
2. ПОКИ $\text{node.parent.color} == \text{RED}$ ПОВТОРИТИ
 - 2.1. ЯКЩО $\text{node.parent} == \text{node.grandparent.left}$
 - 2.1.1. TO
 - 2.1.1.1. $y = \text{node.grandparent.right}$
 - 2.1.1.2. ЯКЩО $y.\text{color} == \text{RED}$
 - 2.1.1.2.1. TO
 - 2.1.1.2.1.1. $\text{node.parent.color} = \text{BLACK}$
 - 2.1.1.2.1.2. $y.\text{color} = \text{BLACK}$
 - 2.1.1.2.1.3. $\text{node.grandparent.color} = \text{RED}$
 - 2.1.1.2.1.4. $\text{node} = \text{node.grandparent}$
 - 2.1.1.2.2. ІНАКШЕ
 - 2.1.1.2.3. ЯКЩО $\text{node} = \text{node.parent.right}$
 - 2.1.1.2.3.1. TO $\text{node} = \text{node.parent}$
 - 2.1.1.2.3.2. $\text{Left_Rotate}(\text{Tree}, \text{node})$
 - 2.1.1.2.4. $\text{node.parent.color} = \text{BLACK}$
 - 2.1.1.2.5. $\text{node.grandparent.color} = \text{RED}$
 - 2.1.1.2.6. $\text{Right_Rotate}(\text{Tree}, \text{node.grandparent})$

2.1.2. ІНАКШЕ

2.1.2.1. $y = \text{node.grandparent.left}$

2.1.2.2. ЯКЩО $y.\text{color} == \text{RED}$

2.1.2.2.1. TO

2.1.2.2.1.1. $\text{node.parent.color} = \text{BLACK}$

2.1.2.2.1.2. $y.\text{color} = \text{BLACK}$

2.1.2.2.1.3. $\text{node.grandparent.color} = \text{RED}$

2.1.2.2.1.4. $\text{node} = \text{node.grandparent}$

2.1.2.2.2. ІНАКШЕ

2.1.2.2.3. ЯКЩО $\text{node} = \text{node.parent.left}$

2.1.2.2.3.1. TO $\text{node} = \text{node.parent}$

2.1.2.2.3.2. $\text{Right_Rotate}(\text{Tree}, \text{node})$

2.1.2.2.4. $\text{node.parent.color} = \text{BLACK}$

2.1.2.2.5. $\text{node.grandparent.color} = \text{RED}$

2.1.2.2.6. $\text{Left_Rotate}(\text{Tree}, \text{node.grandparent})$

3. $\text{Tree.root.color} = \text{BLACK}$

4. КІНЕЦЬ

Видалення

$\text{Delete}(\text{Tree}, \text{node})$

1. ПОЧАТОК

2. $y = \text{node}$

3. $y.\text{OriginalColor} = y.\text{color}$

4. ЯКЩО $\text{node.left} == \text{NIL}$

4.1. $x = \text{node.right}$

4.2. $\text{Transplant}(\text{Tree}, \text{node}, \text{node.right})$

5. ІНАКШЕ ЯКЩО $\text{node.right} == \text{NIL}$

5.1. $x = \text{node.left}$

5.2. $\text{Transplant}(\text{Tree}, \text{node}, \text{node.left})$

6. ІНАКШЕ

- 6.1. $y = \text{Minimum}(\text{node.right})$
- 6.2. $y.\text{OriginalColor} = y.\text{color}$
- 6.3. $x = y.\text{right}$
- 6.4. ЯКЩО $y.\text{parent} == \text{node}$
 - 6.4.1. ТО $x.\text{parent} = y$
 - 6.4.2. ІНАКШЕ
 - 6.4.2.1. $\text{Transplant}(\text{Tree}, y, y.\text{right})$
 - 6.4.2.2. $y.\text{right} = \text{node.right}$
 - 6.4.2.3. $y.\text{right.parent} = y$
- 6.5. $\text{Transplant}(\text{Tree}, \text{node}, y)$
- 6.6. $y.\text{left} = \text{node.left}$
- 6.7. $y.\text{left.parent} = y$
- 6.8. $y.\text{color} = \text{node.color}$
7. ЯКЩО $y.\text{OriginalColor} == \text{BLACK}$
 - 7.1. ТО $\text{Delete_Fixup}(\text{Tree}, x)$
8. КІНЕЦЬ

$\text{Delete_Fixup}(\text{Tree}, x)$

1. ПОЧАТОК
2. ПОКИ $x \neq \text{Tree.root} \ \&\& \ x.\text{color} == \text{BLACK}$ ПОВТОРИТИ
 - 2.1. ЯКЩО $x == x.\text{parent.left}$
 - 2.1.1. ТО
 - 2.1.1.1. $w = x.\text{parent.right}$
 - 2.1.1.2. ЯКЩО $w.\text{color} == \text{RED}$
 - 2.1.1.2.1. ТО
 - 2.1.1.2.1.1. $w.\text{color} = \text{BLACK}$
 - 2.1.1.2.1.2. $x.\text{parent.color} = \text{RED}$
 - 2.1.1.2.1.3. $\text{Left_Rotate}(\text{Tree}, x.\text{parent})$
 - 2.1.1.2.1.4. $w = x.\text{parent.right}$

2.1.1.3. ЯКЩО w.left.color == BLACK && w.right.color ==
BLACK

2.1.1.3.1. TO

2.1.1.3.1.1. w.color = RED

2.1.1.3.1.2. x = x.parent

2.1.1.3.2. ИНАКШЕ

2.1.1.3.2.1. ЯКЩО w.right.color == BLACK

2.1.1.3.2.1.1. TO

2.1.1.3.2.1.1.1. w.left.color = BLACK

2.1.1.3.2.1.1.2. w.color = RED

2.1.1.3.2.1.1.3. Right_Rotate(Tree, w)

2.1.1.3.2.1.1.4. w = x.parent.right

2.1.1.3.2.2. w.color = x.parent.color

2.1.1.3.2.3. x.parent.color = BLACK

2.1.1.3.2.4. w.right.color = BLACK

2.1.1.3.2.5. Left_Rotate(Tree, x.parent)

2.1.1.3.2.6. x = Tree.root

2.1.2. ИНАКШЕ

2.1.2.1. w = x.parent.left

2.1.2.2. ЯКЩО w.color == RED

2.1.2.2.1. TO

2.1.2.2.1.1. w.color = BLACK

2.1.2.2.1.2. x.parent.color = RED

2.1.2.2.1.3. Right_Rotate(Tree, x.parent)

2.1.2.2.1.4. w = x.parent.left

2.1.2.3. ЯКЩО w.right.color == BLACK && w.left.color ==
BLACK

2.1.2.3.1. TO

2.1.2.3.1.1. w.color = RED

2.1.2.3.1.2. x = x.parent

2.1.2.3.2. ІНАКШЕ

2.1.2.3.2.1. ЯКЩО `w.left.color == BLACK`

2.1.2.3.2.1.1. TO

2.1.2.3.2.1.1.1. `w.right.color = BLACK`

2.1.2.3.2.1.1.2. `w.color = RED`

2.1.2.3.2.1.1.3. `Left_Rotate(Tree, w)`

2.1.2.3.2.1.1.4. `w = x.parent.left`

2.1.2.3.2.2. `w.color = x.parent.color`

2.1.2.3.2.3. `x.parent.color = BLACK`

2.1.2.3.2.4. `w.left.color = BLACK`

2.1.2.3.2.5. `Right_Rotate(Tree, x.parent)`

2.1.2.3.2.6. `x = Tree.root`

3. `x.color = BLACK`

4. КІНЕЦЬ

`Transplant(Tree, u, v)`

1. ПОЧАТОК

2. ЯКЩО `u.parent == NIL`

2.1. `Tree.root = v`

3. ІНАКШЕ ЯКЩО `u == u.parent.left`

3.1. `u.parent.left = v`

4. ІНАКШЕ `u.parent.right = v`

5. `v.parent = u.parent`

6. КІНЕЦЬ

Редагування

`Update(Tree, key, newData)`

1. ПОЧАТОК

2. `node = Search(Tree, key)`

3. ЯКЩО `node != NIL` TO `node.data = newData`

4. КІНЕЦЬ

Допоміжні методи

Left_Rotate(Tree, x)

1. ПОЧАТОК
2. $y = x.right$
3. $x.rigth = y.left$
4. ЯКЩО $y.left \neq NIL$
 - 4.1. $y.left.parent = x$
5. $y.parent = x.parent$
6. ЯКЩО $x.parent == NIL$
 - 6.1. TO $Tree.root = y$
 - 6.2. ІНАКШЕ ЯКЩО $x == x.parent.left$
 - 6.2.1. TO $x.parent.left = y$
 - 6.2.2. ІНАКШЕ $x.parent.right = y$
7. $y.left = x$
8. $x.parent = y$
9. КІНЕЦЬ

Right_Rotate(Tree, x)

1. ПОЧАТОК
2. $y = x.left$
3. $x.left = y.right$
4. ЯКЩО $y.right \neq NIL$
 - 4.1. $y.right.parent = x$
5. $y.parent = x.parent$
6. ЯКЩО $x.parent == NIL$
 - 6.1. TO $Tree.root = y$
 - 6.2. ІНАКШЕ ЯКЩО $x == x.parent.right$
 - 6.2.1. TO $x.parent.right = y$

6.2.2. ІНАКШЕ $x.parent.left = y$

7. $y.right = x$

8. $x.parent = y$

КІНЕЦЬ

3.2 Часова складність пошуку

Часова складність пошуку для червоно-чорного дерева пов'язана із його висотою. Для визначення висоти скористаємося поняттям чорної висоти червоно-чорного дерева (тобто чорна висота для кореня). Будь-який вузол x може мати щонайменше наступну кількість нащадків (прямих та непрямих у сумі) $2^{bh(x)} - 1$, де $bh(x)$ – чорна висота вузла x . Визначимо $bh(root)$: за визначенням хоча б половина вузлів у будь-якому шляху, не включаючи корінь, повинна бути чорного кольору, тобто $bh(root) \geq h/2$. Тоді $n \geq 2^{h/2} - 1$. Звідси маємо $h \leq 2 \log_2(n - 1)$. Таким чином при пошуку ми маємо переглянути не більше $h \leq 2 \log_2(n - 1)$ вузлів. Використовуючи асимптотику запишемо час пошуку вузла у червоно-чорному дереві: $O(\log(n))$.

3.3 Програмна реалізація

3.3.1 Вихідний код

Модуль DBManager.cs

```
using RedBlackTreeAlgo.FileStructure;
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
using RedBlackTreeAlgo.Exceptions;
using System.Reflection;
using System.IO;
using System.Xml.Linq;
using System.Text.RegularExpressions;

namespace RedBlackTreeAlgo.DatabaseManager
{
    public class DBManager
    {
        private string? currDB;

        private BufferManager buffManager;
        public DBManager(string name)
        {
```

```

currDB = name;
byte[] md = ReadMetadata(name + "Meta");
buffManager = new BufferManager(name, md);
}

public void InsertData(string data)
{
    int key = Convert.ToInt32(data.Split(',')[0]);
    byte[] dataBytes = buffManager.GetDataBytesFromString(data);
    if (dataBytes.Length == Record.dataSpace)
        Insert(key, dataBytes);
    else
        throw new WrongDataFormat("Data has wrong format");
}

private void Insert(int key, byte[] data)
{
    Record y = new Record(null); // y = null
    Record x = buffManager.getRoot();
    while(!x.IsNil())
    {
        y = x;
        if (key < x.Key)
            x = buffManager.getLeft(x);
        else if (key > x.Key)
            x = buffManager.getRight(x);
        else
            throw new RecordAlreadyExists("Record with key " + key + " already Exists");
    }

    Page currPage = buffManager.getCurrPage();
    if (!currPage.isEnoughSpace())
        currPage = buffManager.CreateNewPage();
    Record record = new Record(key, data, currPage.Number, currPage.Position); //creating record with reference to
    written data
    currPage.AddRecord(record); //adding record to page records
    if (!y.IsNil())
    {
        buffManager.setParent(record, y); //set record parent to y
        if(key < y.Key)
            buffManager.setLeft(y, record);
        else
            buffManager.setRight(y, record);
    }
    else
        buffManager.setRoot(record); //root = record

    bool flag = InsertFixup(record);
    buffManager.CleanPagesAndWriteRoot();
}

private bool InsertFixup(Record record)
{
    while( buffManager.getParent(record).Color == Color.RED)
    {
        if (buffManager.getParent(record) == buffManager.getLeft(buffManager.getGrandparent(record)) ) //if parent
        is a left child
        {
            Record y = buffManager.getRight(buffManager.getGrandparent(record)); //uncle
            if (y.Color == Color.RED) //case 1 (uncle is RED). Solution: recolor
            {
                buffManager.setColor(buffManager.getParent(record), Color.BLACK); //set parent color to black
                buffManager.setColor(y, Color.BLACK); //set uncle color to black
                buffManager.setColor(buffManager.getGrandparent(record), Color.RED); //set grandparent color to red
                record = buffManager.getGrandparent(record); //record = record.Grandparent
            }
            else

```

```

    {
        //case 2 (uncle is black, triangle). Solution: transform case 2 into case 3 (rotate)
        if (record == buffManager.getRight(buffManager.getParent(record)))
        {
            record = buffManager.getParent(record);
            buffManager.LeftRotate(record);
        }
        //case 3 (uncle is black, line). Solution: recolor and rotate
        buffManager.setColor(buffManager.getParent(record), Color.BLACK);
        buffManager.setColor(buffManager.getGrandparent(record), Color.RED);
        buffManager.RightRotate(buffManager.getGrandparent(record)); //RightRotate(node.G)
    }
}
else //if parent is a right child
{
    Record y = buffManager.getLeft(buffManager.getGrandparent(record)); //uncle
    if (y.Color == Color.RED) //case 1 (uncle is RED). Solution: recolor
    {
        buffManager.setColor(buffManager.getParent(record), Color.BLACK); //set parent color to black
        buffManager.setColor(y, Color.BLACK); //set uncle color to black
        buffManager.setColor(buffManager.getGrandparent(record), Color.RED); //set grandparent color to red
        record = buffManager.getGrandparent(record); //record = record.Grandparent
    }
    else
    {
        //case 2 (uncle is black, triangle). Solution: transform case 2 into case 3 (rotate)
        if (record == buffManager.getLeft(buffManager.getParent(record))) //Record.AreEqual(record,
buffManager.getLeft(buffManager.getParent(record)))//
        {
            record = buffManager.getParent(record);
            buffManager.RightRotate(record);
        }
        //case 3 (uncle is black, line). Solution: recolor and rotate
        buffManager.setColor(buffManager.getParent(record), Color.BLACK);
        buffManager.setColor(buffManager.getGrandparent(record), Color.RED);
        buffManager.LeftRotate(buffManager.getGrandparent(record)); //RightRotate(node.G)
    }
}
}
buffManager.setColor(buffManager.getRoot(), Color.BLACK); //case 0 (node is root)
return true;
}

public string? SearchData(int key, out int comparisonNumber)
{
    comparisonNumber = 0;
    string? result = null;
    byte[]? dataBytes = null;
    Record record = Search(key, out comparisonNumber);
    if (!record.IsNill())
        dataBytes = record.Data;
    if (dataBytes != null)
    {
        result = buffManager.GetDataStringFromBytes(dataBytes);
    }
    return result;
}

private Record Search(int key, out int comparisonNumber)
{
    comparisonNumber = 0;
    Record x = buffManager.getRoot();
    while (!x.IsNill() && x.Key != key)
    {
        if (key < x.Key)
            x = buffManager.getLeft(x);
        else
            x = buffManager.getRight(x);
    }
}

```



```

        comparisonNumber++;
    }
    comparisonNumber++;
    return x;
}
public bool Delete(int key)
{
    bool flag = true; int dummy;
    Record record = Search(key, out dummy);
    if (record.IsNil()) return false; //if there is no such an element
    Record x, y = record;
    Color yOriginalColor = y.Color;
    if (buffManager.getLeft(record).IsNil())// right child or no children
    {
        x = buffManager.getRight(record);
        buffManager.Transplant(record, buffManager.getRight(record));
    }
    else if (buffManager.getRight(record).IsNil())// left child
    {
        x = buffManager.getLeft(record);
        buffManager.Transplant(record, buffManager.getLeft(record));
    }
    else//has both children
    {
        y = buffManager.Minimum(buffManager.getRight(record));
        yOriginalColor = y.Color;
        x = buffManager.getRight(y);
        if (buffManager.getParent(y) == record)// if y is a direct child for record
            buffManager.setParent(x, y);
        else
        {
            buffManager.Transplant(y, buffManager.getRight(y));
            buffManager.setRight(y, buffManager.getRight(record)); //insert successor instead of node
            buffManager.setParent(buffManager.getRight(y), y);
        }
        buffManager.Transplant(record, y);
        buffManager.setLeft(y, buffManager.getLeft(record));
        buffManager.setParent(buffManager.getLeft(y), y);
        buffManager.setColor(y, record.Color);
    }
    if (yOriginalColor == Color.BLACK)
        flag = Delete_Fixup(x);
    record.DeleteRecordData();
    buffManager.getPageWithNumber(record.recordPage).IsDirty = true;
    buffManager.CleanPagesAndWriteRoot();
    return flag;
}
private bool Delete_Fixup(Record x)
{
    Record w; //sibling
    while(x != buffManager.getRoot() && x.Color == Color.BLACK )
    {
        if (x == buffManager.getLeft(buffManager.getParent(x)) )//if left child
        {
            w = buffManager.getRight(buffManager.getParent(x));
            //case 1
            if (w.Color == Color.RED)
            {
                buffManager.setColor(w, Color.BLACK);
                buffManager.setColor(buffManager.getParent(x), Color.RED);
                buffManager.LeftRotate(buffManager.getParent(x));
                w = buffManager.getRight(buffManager.getParent(x));
            }
            //case 2
            if (!w.IsNil() && buffManager.getLeft(w).Color == Color.BLACK && buffManager.getRight(w).Color ==
Color.BLACK)

```

```

    {
        buffManager.setColor(w, Color.RED);
        x = buffManager.getParent(x);
    }
    else
    {
        if (!w.IsNill() && buffManager.getRight(w).Color == Color.BLACK)
        {
            buffManager.setColor(buffManager.getLeft(w), Color.BLACK);
            buffManager.setColor(w, Color.RED);
            buffManager.RightRotate(w);
            w = buffManager.getRight(buffManager.getParent(w));
        }
        buffManager.setColor(w, buffManager.getParent(x).Color);
        buffManager.setColor(buffManager.getParent(x), Color.BLACK);
        buffManager.setColor(buffManager.getRight(w), Color.BLACK);
        buffManager.LeftRotate(buffManager.getParent(x));
        x = buffManager.getRoot();
    }
}
else //if right child
{
    w = buffManager.getLeft(buffManager.getParent(x));
    if (w.Color == Color.RED)
    {
        buffManager.setColor(w, Color.BLACK);
        buffManager.setColor(buffManager.getParent(x), Color.RED);
        buffManager.RightRotate(buffManager.getParent(x));
        w = buffManager.getLeft(buffManager.getParent(x));
    }
    if (!w.IsNill() && buffManager.getRight(w).Color == Color.BLACK && buffManager.getLeft(w).Color ==
Color.BLACK)
    {
        buffManager.setColor(w, Color.RED);
        x = buffManager.getParent(x);
    }
    else
    {
        if (!w.IsNill() && buffManager.getLeft(w).Color == Color.BLACK)
        {
            buffManager.setColor(buffManager.getRight(w), Color.BLACK);
            buffManager.setColor(w, Color.RED);
            buffManager.LeftRotate(w);
            w = buffManager.getLeft(buffManager.getParent(w));
        }
        buffManager.setColor(w, buffManager.getParent(x).Color);
        buffManager.setColor(buffManager.getParent(x), Color.BLACK);
        buffManager.setColor(buffManager.getLeft(w), Color.BLACK);
        buffManager.RightRotate(buffManager.getParent(x));
        x = buffManager.getRoot();
    }
}
}
buffManager.setColor(x, Color.BLACK);
return true;
}

public bool UpdateData(string data)
{
    int key = Convert.ToInt32(data.Split(',')[0]);
    byte[] dataBytes = buffManager.GetDataBytesFromString(data);
    if (dataBytes.Length == Record.dataSpace)
    {
        return Update(key, dataBytes);
    }
    return false;
}

```

```

private bool Update(int key, byte[] data)
{
    int dummy;
    Record record = Search(key, out dummy);
    if (record.IsNull()) return false; //if there is no such an element
    record.Data = data;
    buffManager.getPageWithNumber(record.recordPage).IsDirty = true;
    buffManager.CleanPagesAndWriteRoot();
    return true;
}
}

```

Модуль BufferManager.cs

```

using RedBlackTreeAlgo.FileStructure;
using System;
using System.Collections;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
using System.Linq;
using System.Reflection.PortableExecutable;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
using System.Xml.Linq;

namespace RedBlackTreeAlgo.DatabaseManager
{
    public class BufferManager
    {
        private Dictionary<int, Page> bufferPool; //page number, page
        private string currDB;
        private List<(int typeSize, char t, string cName)> colmns;

        private static int offsetFromStart = sizeof(int) * 4; //indicates the pages start
        private static int pageHeaderSize = Page.pageHeaderSize;
        //
        private int currPageNumb;
        // dataSpace//
        private int rootPage;
        private int rootOffset;

        private bool needToWriteCurrPage; //start of file
        private bool needToWriteRoot;
        private Record _root;

        public BufferManager(string dbName, byte[] metadata)
        {
            currDB = dbName;

            bufferPool = new Dictionary<int, Page>();
            using (var stream = File.Open(currDB, FileMode.Open))
            {
                using (var binaryReader = new BinaryReader(stream))
                {
                    currPageNumb = binaryReader.ReadInt32();//current page
                    Record.dataSpace = binaryReader.ReadInt32();//space of data in each node
                    Record.RecordSize = sizeof(int) * 9 + Record.dataSpace;
                    rootPage = binaryReader.ReadInt32();
                    rootOffset = binaryReader.ReadInt32();
                }
            }
            colmns = Parser.MetadataToData(metadata);//get columns sizes, types and names
            _root = getRecordFromPage(rootPage, rootOffset);
            needToWriteRoot = false;
        }
    }
}

```

```

// pages
//-----

//-----
//records manipulations
public Record getRoot()
{
    return _root;
}
public void setRoot(Record? record)
{
    if(record != null && !record.IsNill())
    {
        rootPage = record.recordPage;
        rootOffset = record.recordOffset;
        _root = record;
    }
    else
    {
        rootPage = 0;
        rootOffset = 0;
        if (record != null)
            _root = record;
        else
            _root = new Record(null);
    }
    needToWriteRoot = true;
}

public void setRecordOnPage(int pageNum, Record record)
{
    bufferPool[pageNum].setRecord(pageHeaderSize, record);
}

//parent
public Record getParent(Record record)
{
    if (record == null)
        return new Record(null);
    if (record.IsNill())
        return record.P;
    return getRecordFromPage(record.ParentPage, record.ParentOffset);
}
public void setParent(Record record, Record parent)
{
    if (!parent.IsNill())
    {
        record.ParentPage = parent.recordPage;
        record.ParentOffset = parent.recordOffset;
        if (record.IsNill())
            record.P = parent;
    }
    else
    {
        record.ParentPage = 0;
        record.ParentOffset = 0;
        record.P = parent;
    }
    bufferPool[record.recordPage].IsDirty = true;
}
public Record? getGrandparent(Record record)
{
    return getParent(getParent(record));
}

//left

```

```

public Record? getLeft(Record record)
{
    if (record.IsNil())
        return null;
    if (record.LeftOffset == 0)
        return record.leftNil;
    return getRecordFromPage(record.LeftPage, record.LeftOffset);
}
public void setLeft(Record record, Record? successor)
{
    if (successor != null && !successor.IsNil())
    {
        record.LeftPage = successor.recordPage;
        record.LeftOffset = successor.recordOffset;
    }
    else
    {
        record.LeftPage = 0;
        record.LeftOffset = 0;
        if (successor != null)
            record.leftNil = successor;
        else
            record.leftNil = new Record(record);
    }
    bufferPool[record.recordPage].IsDirty = true;
}
//right
public Record? getRight(Record record)
{
    if (record.IsNil())
        return null;
    if (record.RightOffset == 0)
        return record.rightNil;
    return getRecordFromPage(record.RightPage, record.RightOffset);
}
public void setRight(Record? record, Record successor)
{
    if (successor != null && !successor.IsNil())
    {
        record.RightPage = successor.recordPage;
        record.RightOffset = successor.recordOffset;
    }
    else
    {
        record.RightPage = 0;
        record.RightOffset = 0;
        if (successor != null)
            record.rightNil = successor;
        else
            record.rightNil = new Record(record);
    }
    bufferPool[record.recordPage].IsDirty = true;
}
//color
public void setColor(Record? record, Color color)
{
    if (record != null && record.Color != color)
    {
        record.Color = color;
        bufferPool[record.recordPage].IsDirty = true;
    }
}

public void LeftRotate(Record x)
{
    Record y = getRight(x);
    setRight(x, getLeft(y)); // x.Right = y.Left
}

```

```

    if (getLeft(y) != null)
        setParent(getLeft(y), x); //y.Left.P = x
    setParent(y, getParent(x)); //y.P = x.P

    if (x.ParentOffset == 0) //if x.P == null
        setRoot(y); //set root to y
    else if (x == getLeft(getParent(x)) ) //x == x.P.Left/(x is left child)
        setLeft(getParent(x), y); //x.P.Left = y
    else //(x is right child)
        setRight(getParent(x), y); //x.P.Right = y
    setLeft(y, x); //y.Left = x
    setParent(x, y);
}
}
public void RightRotate(Record? x)
{
    Record y = getLeft(x);
    setLeft(x, getRight(y)); // x.Left = y.Right
    if (getRight(y) != null)
        setParent(getRight(y), x); //y.Right.P = x
    setParent(y, getParent(x)); //y.P = x.P

    if (x.ParentOffset == 0) //if x.P == null
        setRoot(y); //set root to y
    else if (x == getRight(getParent(x)) ) //x == x.P.Right
        setRight(getParent(x), y); //x.P.Right = y
    else
        setLeft(getParent(x), y); //x.P.Left = y
    setRight(y, x); //y.Right = x
    setParent(x, y);
}
}
public void Transplant(Record u, Record v)
{
    if (getParent(u).IsNull())
        setRoot(v); //root = v;
    else if (u == getLeft(getParent(u)) )
        setLeft(getParent(u), v); //u.P.Left = v;
    else
        setRight(getParent(u), v); //u.P.Right = v;

    setParent(v, getParent(u)); //v.P = u.P;
}
}
public Record Minimum(Record record)
{
    while (!getLeft(record).IsNull()) //getLeft(record) != null
    {
        record = getLeft(record);
    }
    return record;
}
}
}

```

3.3.2 Приклади роботи

На рисунках 3.1, 3.2, 3.3, 3.4, 3.5, 3.6 показані приклади роботи програми для створення бази даних, додавання, пошуку, зміни та видалення запису, а також графічне представлення ключів у створеній базі даних.

Form1

DB name:

Statistic:

Add your scripts here:

Results:

Рисунок 3.1 –Створення бази даних

Form1

DB name:

Statistic:

Add your scripts here:

Results:

Рисунок 3.2 –Додавання запису

Form1

DB name: user

Statistic: 2

Add your scripts here: 5

Results: id: 5; name: Sam; income: 9000;

Insert Search Delete Update Create

Success; 1 row returned

Show Structure

Рисунок 3.3 – Пошук запису

Form1

DB name: user

Statistic:

Add your scripts here: 5, Joel, 689.7

Results:

Insert Search Delete Update Create

Success; 1 row updated

Show Structure

Рисунок 3.4 – Зміна запису

Form1

DB name: user

Statistic:

Add your scripts here: 14

Results:

Insert Search Delete Update Create

Success; 1 row deleted

Show Structure

Рисунок 3.5 – Видалення запису

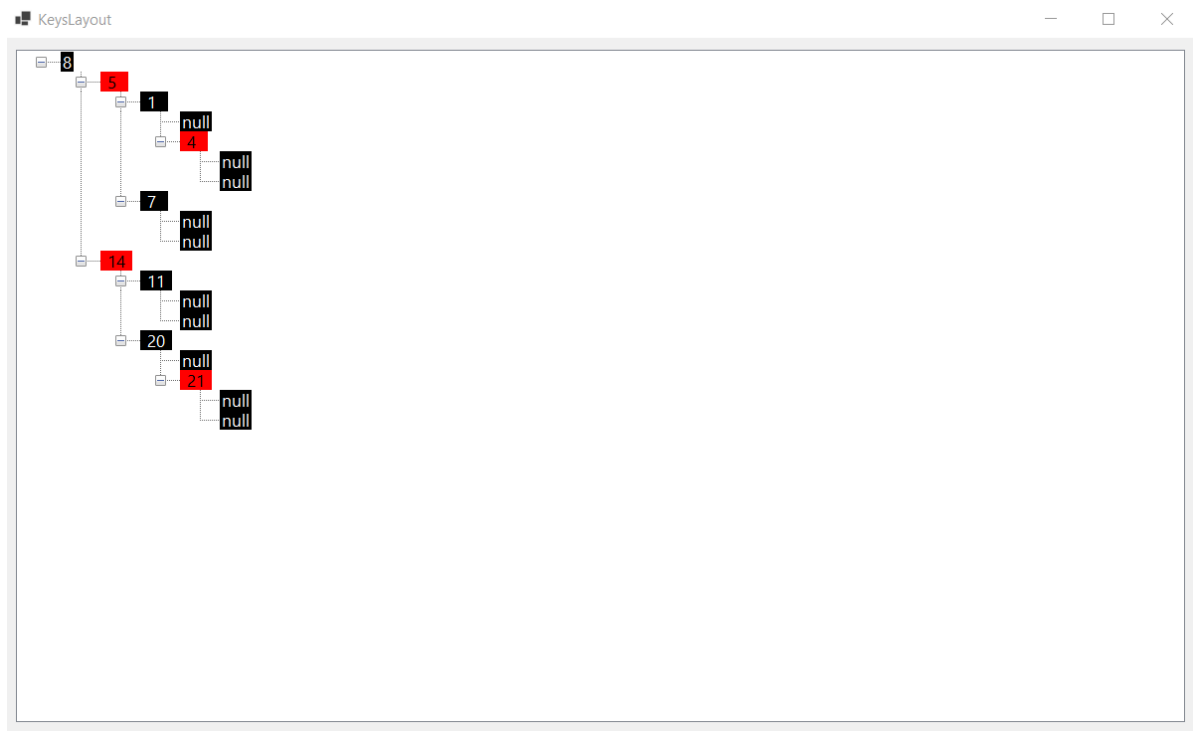


Рисунок 3.6 – Графічне представлення ключів

3.4 Тестування алгоритму

3.4.1 Часові характеристики оцінювання

В таблиці 3.1 наведено кількість порівнянь для 15 спроб пошуку запису по ключу.

Таблиця 3.1 – Число порівнянь при спробі пошуку запису по ключу

Номер спроби пошуку	Ключ	Число порівнянь
1	993	14
2	8	13
3	9999	13
4	158	12
5	7921	12
6	63	11
7	3901	14
8	500	12
9	493	13
10	3	11
11	8723	11
12	59	12
13	1000	11
14	2845	13
15	720	13
16(значення, якого немає)	10001	14

ВИСНОВОК

В рамках лабораторної роботи я виконала реалізацію невеликої СУБД на основі червоно-чорного дерева. Були описані функції додавання, пошуку, видалення та зміни даних за ключем за допомогою псевдокоду, а також був написаний програмний код для зазначених функцій. Після цього я протестувала кожен з функцій та переконатись, що вони працюють коректно і після виконання кожної з них червоно-чорне дерево зберігає свої властивості. Далі я створила базу даних з 10000 записами та зафіксувала кількість порівнянь під час пошуку для 15 випадків. У результаті було визначено середнє значення порівнянь, зроблених під час пошуку, яке становить 12.333.

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ

За умови здачі лабораторної роботи до 13.11.2022 включно максимальний бал дорівнює – 5. Після 13.11.2022 максимальний бал дорівнює – 1.

Критерії оцінювання у відсотках від максимального балу:

- псевдокод алгоритму – 15%;
- аналіз часової складності – 5%;
- програмна реалізація алгоритму – 65%;
- тестування алгоритму – 10%;
- висновок – 5%.

+1 додатковий бал можна отримати за реалізацію графічного зображення структури ключів.