МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА" Інститут комп'ютерних наук та інформаційних технологій Кафедра систем штучного інтелекту

Звіт до лабораторної роботи №5

з дисципліни «Теорія інформації»

Виконав:

ст. гр. КН-211 Головень Ростислав Викладач:

д.т.н. Косаревич Р. Я.

Лабораторна робота №5 Кодування каналів Варіант 5

Завдання:

Коди, отримані при виконанні лабораторної роботи №3 (4 кодові множини) закодувати для передачі через канал зв'язку за допомогою кодів для виявлення і корекції помилок: перевірка на парність; інверсний код Бауера; кореляційний код; код Бергера; код Хеммінга.

- 1) Реалізувати алгоритми кодування для кожного із вказаних вище способів;
- 2) Реалізувати алгоритм випадкового внесення помилки у кодову множину слів: довільна кількість помилок для кодової множини, при умові не більше однієї помилки для кодового слова;
- 3) Реалізувати алгоритми виявлення спотвореного кодового слова та ідентифікації хибного біта (код Хеммінга).

Таблиці:

• Код з перевіркою на парність:

```
import pandas as pd
import random as rm
list code word=[]
list enc word=[]
list_error_word=[]
list error check=[]
for i in range(10):
    code word=""
    enc word=""
    error word=""
    error check=""
    code word=str(input("Input a code word: "))
    list code word.append(code word)
    for i in range(len(code word)):
       if code word[i] == "1":
            cnt1+=1
    enc word+=code word
    if cnt1%2==0:
        enc word+="0"
       enc word+="1"
    print("Encrypyted code word: " + enc word)
    list enc word.append(enc word)
    error word+=enc word
```

```
index = rm.randrange(0, len(code word))
    print(index)
    if rm.randrange(0, 10)<7:</pre>
        if code word[index] == "1":
            error_word=error_word[:index]+"0"+error_word[index+1:]
        else:
            error word=error word[:index]+"1"+error word[index+1:]
    print("Encrypyted code word with mistake: " + error word)
    list error word.append(error word)
    cnt2=0
    for i in range(len(code word)+1):
        if error_word[i] == "1":
           cnt2+=1
    if cnt2%2==0:
       error check+="Немає"
    else:
        error_check+="€ помилка"
    print(error check)
    list error check.append(error check)
table=pd.DataFrame({'Code word from LAB3 |': list_code_word,
                    'Encrypted code words | ':list enc word,
                    'Encrypted code words with error |': list error word,
                    'Error check': list error check})
print(table)
```

	Code word	from LAB3	3	Encrypted	code	words	Encrypted	code	words	with	error	Erro	or check
0		1	110			1100					1100		Нема∈
1		16	001			10010					00010	€	помилка
2		10	11			10111					00111	€	помилка
3		10	900			10001					10011	€	помилка
4		10	910			10100					11100	€	помилка
5		1	111			1111					0111	€	помилка
6		6	910			0101					0111	€	помилка
7		6	900			0000					0010	€	помилка
8		6	11			0110					0100	€	помилка
9		6	001			0011					0111	€	помилка

Code	word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words	with error	Error check
0	0001	00011		00011	Немає
1	00101	001010		001000	Є помилка
2	01000	010001		110001	Є помилка
3	010101	0101011		0001011	Є помилка
4	01100	011000		011100	Є помилка
5	1000	10001		10011	Є помилка
6	10100	101000		101100	Є помилка
7	10111	101110		001110	Є помилка
8	11011	110110		100110	€ помилка
9	11110	111100		111100	Нема∈

		Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error	Error check
(0	1000	10001	10101	Є помилка
1	1	011	0110	0100	Є помилка
2	2	1001	10010	10010	Немає
3	3	000	0000	0010	Є помилка
4	4	11000	110000	110000	Нема∈
	5	11001	110011	110011	Нема∈
6	6	11010	110101	111101	Є помилка
7	7	1011	10111	10011	Є помилка
8	8	11011	110110	110110	Немає
9	9	001	0011	0001	Є помилка
1	10	11100	111001	110001	Є помилка
1	11	1010	10100	11100	Є помилка
1	12	010	0101	0001	Є помилка
1	13	11101	111010	111000	Є помилка
1	14	11110	111100	011100	Є помилка
1	15	11111	111111	111111	Немає

	Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error E	Error check
0	000001	0000011	0010011	€ помилка
1	0001	00011	00111	€ помилка
2	01010	010100	010100	Немає
3	01001	010010	010010	Нема∈
4	011000	0110000	0010000	Є помилка
5	011010	0110101	0100101	Є помилка
6	011100	0111001	0110001	Є помилка
7	10000	100001	100001	Нема∈
8	101000	1010000	1010000	Нема∈
9	10100	101000	001000	Є помилка
16	101100	1011001	0011001	Є помилка
11	11000	110000	110000	Нема∈
12	11010	110101	110101	Немає
13	111010	1110100	0110100	Є помилка
14	111100	1111000	1011000	Є помилка
15	111110	1111101	1111001	€ помилка

• Інверсний код Бауера:

```
import pandas as pd
import random as rm

list_code_word=[]
list_enc_word=[]
list_error_word=[]
list_error_check=[]

for i in range(10):
    code_word=""
    enc_word=""
    error_word=""
    error_check=""

    code_word=str(input("Input a code word: "))
    list_code_word.append(code_word)
```

```
enc word+=code word
    for i in range(len(code word)):
        if code word[i] == "1":
            enc word+="0"
        else:
            enc word+="1"
    print("Encrypyted code word: " + enc word)
    list enc word.append(enc word)
    error word+=enc word
    index = rm.randrange(0, len(code word)*2)
    print(index)
    if rm.randrange(0, 10)<5:</pre>
        if error word[index] == "1":
            error word=error word[:index]+"0"+error word[index+1:]
        else:
            error word=error word[:index]+"1"+error word[index+1:]
    print("Encrypyted code word with mistake: " + error word)
    list error word.append(error word)
    for i in range(len(error word)//2):
        if error word[i] == "1":
            cnt+=1
    if cnt%2==0:
        for i in range(len(error word)//2):
            if error word[i] == "1":
                error word=error word[:i]+"0"+error word[i+1:]
            else:
                error_word=error_word[:i]+"1"+error_word[i+1:]
    lin=len(error word)+1
    part1=error word[0:lin//2]
    part2=error word[lin//2:]
    if part1==part2:
        error check+="Heмає"
    else:
        error check+="€ помилка"
    print(error check)
    list error check.append(error check)
table=pd.DataFrame({'Code word from LAB3 |': list code word,
                     'Encrypted code words | ':list enc word,
                     'Encrypted code words with error |': list error word,
                     'Error check': list error check})
print(table)
```

0 1101111111111111111111111111111111111					
Code word	d from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words	with error	Error check
0	110	110001		110001	Нема∈
1	1001	10010110		10010110	Немає
2	1011	10110100		10110100	Є помилка
3	1000	10000111		10000011	Є помилка
4	1010	10100101		10000101	€ помилка
5	111	111000		011000	€ помилка
6	010	010101		011101	€ помилка
7	000	000111		000111	Немає
8	011	011100		011110	Є помилка
9	001	001110		001110	Є помилка

		Encrypted code words with error	
0 0001	00011110	00001110	
1 00101	0010111010	0010111010	
2 01000	0100010111	1100010111	
3 010101	010101101010	010111101010) Є помилка
4 01100	0110010011	0010010011	. Є помилка
5 1000	10000111	11000111	. Є помилка
6 10100	1010001011	1000001011	. Є помилка
7 10111	1011101000	1011001000	€ помилка
8 11011	1101100100	1101100100	Немає (
9 11110	1111000001	1111001001	. Є помилка
Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error	Frror check
0 1000			
1 011			
2 1001			
3 000			
4 11000			
5 11001			
6 11010			
7 1011			
8 11011			
9 001			
10 11100			
11 1010			
12 010			
13 11101			
14 11110			
15 11111			
13 11111	. 1111100000	1111100000	о с помилка
Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error	Error check
0 000001	000001111110	000001111110	Є помилка
1 0001	00011110	00001110	Є помилка
2 01010		0101010101	Немає
3 01001		0100110110	Немає
4 011000		011000101111	Є помилка
5 011010		010010100101	Є помилка
6 011100		011100100011	Є помилка
7 10000		1000001111	€ помилка
8 101000	101000010111	111000010111	€ помилка
9 10100	1010001011	1010001010	€ помилка
10 101100	101100010011	001100010011	€ помилка
11 11000	1100000111	1100000110	€ помилка
12 11010	1101000101	1101000101	€ помилка
13 111010	111010000101	110010000101	Є помилка

111110010001 € помилка

€ помилка

• Кореляційний код:

```
import pandas as pd
import random as rm
list code word=[]
list enc word=[]
list error word=[]
list error check=[]
def korel(x):
    return ''.join([format(int(a)+1,'02b') for a in str(x)])
def distort(x):
   b=x[::2]
    cnt=0
    print("b", b)
    for i in range(len(b)):
        if b[i] == b[i+1]:
            return "Є помилка"
        else:
            return "HeMa∈"
for i in range (10):
    code word=""
    enc word=""
    error word=""
    error check=""
    code word=str(input("Input a code word: "))
    list code word.append(code word)
    enc word+=code word
    .....
    for i in range(0, len(enc word)):
        if (enc_word[i] == "1"):
            enc word=enc word[:i].replace("1", "10")+enc word[i:]
        else:
            enc word=enc word[:i].replace("0", "01")+enc word[i:]
    print("Encrypyted code word: " + enc word)
    list enc word.append(enc word)
    enc word=korel(enc_word)
    print("Encrypyted code word: " + enc word)
    list enc word.append(enc word)
    error_word+=enc_word
    index = rm.randrange(0, len(error word))
    print(index)
    if rm.randrange(0, 10)<5:</pre>
        if error word[index] == "1":
            error word=error word[:index]+"0"+error word[index+1:]
        else:
            error word=error word[:index]+"1"+error word[index+1:]
    print("Encrypyted code word with mistake: " + error word)
    list error word.append(error word)
    error check=distort(error word)
    print(error check)
    list error check.append(error check)
table=pd.DataFrame({'Code word from LAB3 |': list code word,
                     'Encrypted code words | ':list enc word,
```

'Encrypted code words with error |': list_error_word, 'Error check': list_error_check})

print(table)

-			C	I ADD I	F		F			F
	Loae	wora	trom		Encryptea		Encryptea	coae wora	s with error	
0				110		101001			101011	
1				1001		10010110			11010110	
2				1011		10011010			10011010	
3				1000		10010101			10010101	
4				1010		10011001			10011001	
5				111		101010			101010	Є помилка
6				010		011001			011001	
7				000		010101			010101	
8				011		011010			011010	Немає
9				001		010110			010100	€ помилка
	^odo	wond	fnom	I VB3	Encounted	codo wonde	Encounted	codo wonde	s with error	Ennon chock
0	Joue	woru	TTOIII	0001	Liicrypteu	01010110	Liici ypceu	code word:	01010110	
				00101		0101100110			0101100110	
1				01000		0110010101			0110010001	
2										
3				010101		011001100110			011001100110	Немає
4				01100		0110100101			0110100101	Немає
5				1000		10010101			10010101	Немає
6				10100		1001100101			1001101101	
7				10111		1001101010			1000101010	
8				11011		1010011010			1010011011	
9				11110		1010101001			1010101001	Є помилка
	Code	word	from	n LAB3	Encrypted	code words	Encrypted	code word	s with error	Error check
0				1000)	10010101			10010001	Немає
1				011		011010			011000	Немає
2				1001		10010110			10010110	Нема∈
3				000)	010101			010111	Є помилка
4				11000)	1010010101			1010010111	Є помилка
5				11001		1010010110			1010000110	Є помилка
6				11010		1010011001			1010011001	Є помилка
7				1011		10011010			10011010	Нема∈
8				11011		1010011010			1010011011	Є помилка
9				001		010110			010110	Є помилка
10				11100)	1010100101			1000100101	Нема∈
11				1010)	10011001			10011001	Немає
12				010		011001			011101	Немає
13				11101		1010100110			1010100110	
14				11110		1010101001			0010101001	
15				11111		1010101010			1010101010	

	Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error	Error check
0	000001	010101010110	010101010110	€ помилка
1	0001	01010110	01010110	€ помилка
2	01010	0110011001	0110001001	Немає
3	01001	0110010110	0010010110	Немає
4	011000	011010010101	011000010101	Немає
5	011010	011010011001	010010011001	€ помилка
6	011100	011010100101	011010100101	Немає
7	10000	1001010101	1001010111	Немає
8	101000	100110010101	100110010101	Немає
9	10100	1001100101	1001110101	Немає
16	101100	100110100101	100100100101	Немає
11	11000	1010010101	0010010101	Немає
12	11010	1010011001	1010011001	€ помилка
13	111010	101010011001	101110011001	€ помилка
14	111100	101010100101	100010100101	Немає
15	111110	101010101001	101010101000	€ помилка

• Код Бергера:

```
import math as m
import pandas as pd
import random as rm
list_code_word=[]
list_enc_word=[]
list error word=[]
list_error_check=[]
def to_bin(n):
   b = ''
    while n > 0:
       b = str(n % 2) + b
       n = n // 2
    return b
for i in range (10):
    code word=""
    enc_word=""
    error_word=""
    error_check=""
    code word=str(input("Input a code word: "))
    list_code_word.append(code_word)
    log = m.log2(len(code_word)+1)
    if log % 1 == 0:
        r = log
    else:
       r = m.ceil(log)
    cnt = 0
    for i in range(len(code word)):
        if code word[i] == '1':
            cnt += 1
    num_of_ones = cnt
    if cnt != 0:
```

```
result = ['0'] * (m.floor(m.log2(cnt)) + 1)
        while cnt != 0:
            bit = m.floor(m.log2(cnt))
            result[bit] = '1'
            cnt = cnt - 2 ** bit
        len1 = len(result)
        while r > len1:
            result.append('0')
            len1 += 1
    else:
        result = ['0'] * int(r)
    for i in range(len(result)):
        if result[i] == '0':
           result[i] = '1'
        elif result[i] == '1':
            result[i] = '0'
    res = ''
    result = res.join(result)
    enc word=code word + result[::-1]
    print("Encrypyted code word: " + enc word)
    list_enc_word.append(enc_word)
    error word+=enc word
    index = rm.randrange(0, len(error word))
    print(index)
    if rm.randrange(0, 10)<5:</pre>
        if error word[index] == "1":
            error word=error word[:index]+"0"+error word[index+1:]
        else:
            error word=error word[:index]+"1"+error word[index+1:]
    print("Encrypyted code word with mistake: " + error word)
    list error word.append(error word)
    cnt1=0
    for i in range(len(code word)):
        if code word[i] == "1":
           cnt1+=1
    pere=to bin(cnt1)
    if result[0]=='0':
       result=result[1:]
    if pere==result:
        error check="Немає"
    else:
        error check="€ помилка"
    print(error check)
    list error check.append(error check)
table=pd.DataFrame({'Code word from LAB3 |': list_code_word,
                     'Encrypted code words | ':list enc word,
                    'Encrypted code words with error |': list error word,
                    'Error check': list error check})
print(table)
```

			Encrypted code words with error	Error check
0	110	11001	11000	Немає
1	1001	1001101	1001101	Є помилка
2	1011	1011100	1011100	Є помилка
3	1000	1000110	1000110	Є помилка
4	1010	1010101	1010111	Є помилка
5	111	11100	11100	Є помилка
6	010	01010	01011	Немає
7	000	00011	10011	Є помилка
8	011	01101	01101	Немає
9	001	00110	00110	Немає
Code w	ord from LAB3 Er	ncrypted code words	Encrypted code words with error	Error check
0	0001	0001110	0001110	€ помилка
1	00101	00101101	00101101	Є помилка
2	01000	01000110	11000110	Є помилка
3	010101	010101100	010101100	Є помилка
4	01100	01100101	01100101	€ помилка
5	1000	1000110	1000111	€ помилка
6	10100	10100101	11100101	€ помилка
7	10111	10111011	10111111	€ помилка
8	11011	11011011	11011001	€ помилка
9	11110	11110011	11110001	€ помилка
Code	word from LAB3 E	Encrypted code words	Encrypted code words with error	
0	1000	1000110	1010110	Є помилка
1	011	01101	01001	Немає
2	1001	1001101	1001101	Є помилка
3	000	00011	00011	Є помилка
4	11000	11000101	11000101	Є помилка
5	11001	11001100	11001100	Є помилка
6	11010	11010100	11011100	€ помилка
7	1011	1011100	1011100	€ помилка
8	11011	11011011	11011001	€ помилка
9	001	00110	00110	Немає
10	11100	11100100	11100100	Є помилка
11	1010	1010101	1010101	Є помилка
12	010	01010	01010	Немає
13	11101	11101011	11101011	Є помилка
14	11110	11110011	11110111	€ помилка
15	11111	11111010	11111011	€ помилка

	Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with erro	r Error check
0	000001	000001110	000001	110 Є помилка
1	0001	0001110	0000	110 € помилка
2	01010	01010101	01010	101 € помилка
3	01001	01001101	01001	101 € помилка
4	011000	011000101	010000	101 Є помилка
5	011010	011010100	011010	000 Є помилка
6	011100	011100100	111100	100 Є помилка
7	10000	10000110	10010	110 Є помилка
8	101000	101000101	101001	101 Є помилка
9	10100	10100101	10100	001 Є помилка
10	101100	101100100	101100	100 € помилка
11	11000	11000101	11000	111 Є помилка
12	11010	11010100	11000	100 Є помилка
13	111010	111010011	101010	011 Є помилка
14	111100	111100011	111101	011 Є помилка
15	111110	111110010	111110	110 Є помилка

• Код Хеммінга:

```
import pandas as pd
import random as rm
list code word=[]
list enc word=[]
list_error_word=[]
list_error_check=[]
def correct hemming(code word):
    code_word = list(code_word)
    wrong bit = 0
    ins = 0
    cnt = 0
    while 2 ** insert <= len(code word):</pre>
        bit = 2 ** insert
        i = bit - 1
        while i < len(code word):</pre>
            while j < i + bit and j < len(code_word):</pre>
                if code word[j] == '1':
                    cnt += 1
                j += 1
            i = j - 1
            i += (bit + 1)
        if cnt % 2 == 1:
           wrong bit += bit
        ins += 1
        cnt = 0
    if wrong bit != 0:
        if code_word[wrong_bit - 1] == '1':
            code word[wrong bit - 1] = '0'
        elif code_word[wrong_bit - 1] == '0':
            code_word[wrong_bit - 1] = '1'
    return wrong_bit
for i in range(10):
```

```
code_word=""
    enc_word=""
    error_word=""
    error check=""
    code word=str(input("Input a code word: "))
    list code word.append(code word)
    code word = list(code word)
    insert = 0
    while 2**insert <= len(code word):</pre>
        code_word.insert(2 ** insert - 1, '0')
        insert += 1
    insert = 0
    counter = 0
    while 2 ** insert <= len(code word):</pre>
        bit = 2 ** insert
        i = bit - 1
        while i < len(code word):</pre>
            j = i
            while j < i + bit and j < len(code word):</pre>
                if code_word[j] == '1':
                    counter += 1
                j += 1
            i = j - 1
            i += (bit + 1)
        if counter % 2 == 1:
            code word[bit -1] = '1'
        insert += 1
        counter = 0
    res = ''
    enc word = res.join(code word)
    print("Encrypyted code word: " + enc word)
    list enc word.append(enc word)
    error word+=enc word
    index = rm.randrange(0, len(error word))
    print(index)
    if rm.randrange(0, 10)<5:</pre>
        if error word[index] == "1":
            error_word=error_word[:index]+"0"+error_word[index+1:]
            error word=error word[:index]+"1"+error word[index+1:]
    print("Encrypyted code word with mistake: " + error word)
    list error word.append(error word)
    error check=correct hemming(error word)
    print(error check)
    list_error_check.append(error_check)
table=pd.DataFrame({'Code word from LAB3 |': list code word,
                     'Encrypted code words | ':list enc word,
                     'Encrypted code words with error |': list error word,
                     'Error check': list error check})
print(table)
```

C	ode word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error	Error check
0	110	011110	011110	0
1	1001	0011001	0011101	5
2	1011	0110011	0110011	0
3	1000	1110000	1110000	0
4	1010	1011010	1010010	4
5	111	001011	101011	1
6	010	100110	100110	0
7	000	000000	000010	5
8	011	110011	111011	3
9	001	010101	010101	0
Co	ode word from LAB3		Encrypted code words with error	Error check
0	0001	1101001	1101001	0
1	00101	110101011	110101011	0
2	01000	100110000	100110000	0
3	010101	0000101101	0000101101	0
4	01100	110011000	110011000	0
5	1000	1110000	1110100	5
6	10100	101101000	100101000	3
7	10111	111001111	111001110	9
8	11011	001010111	001010111	0
9	11110	111111100	111111100	0
	Code word from LABS	Encounted code wonds	Encrypted code words with error	Ennon chack
0	1000			2
1	01:			6
2	100:			1
3	000			3
4	11000	011110000	011110000	0
5	1100:	1111110011	110110011	3
6	1101	0 101010100	101011100	6
7	101:	1 0110011	0110111	5
8	1101		001010111	0
9	00:			5
10	11100			0
11	1010			7
12	010			5
13	1110:			8
14	11110			4
15	11111	1 011111111	011111101	8

	Code word from LAB3	Encrypted code words	Encrypted code words with error	Error check
0	000001	0100000101	0101000101	4
1	0001	1101001	1001001	2
2	01010	010010100	010000100	5
3	01001	000110011	000110011	0
4	011000	1100110000	1100110100	8
5	011010	0100110110	0100110110	0
6	011100	0001111000	0001111001	10
7	10000	111000000	111000000	0
8	101000	1011010000	1011010000	0
9	10100	101101000	101101000	0
10	101100	0110011000	0110011000	0
11	11000	011110000	011010000	4
12	11010	101010100	101010101	9
13	111010	1010110110	1110110110	2
14	111100	1111111000	1111111000	0
15	111110	0111111110	1111111110	1

Висновок: на даній лабораторній роботі я ознайомився з кодуванням каналів та алгоритмами кодування. Програмно реалізував алгоритми: коду з перевіркою на парність, інверсного коду Бауера, кореляційного коду, коду Бергера та коду Хеммінга, а також перевірку на помилку. Кожен код має свої плюси та мінуси.

€ два способи контролю правильності передачі інформації:

- кодування лише встановлює факт помилки і виправлення відбувається шляхом повторної передачі інформації
- кодування дозволяє визначити і автоматично виправити помилку Усі зазначені вище коди дозволяють виявити помилку, а код Хеммінга дозволяє ще й скоректувати її.

Кореляційний код дозволяє виявляти помилки будь-якої кратності у кожній парі елементів одного такту, але не здатний виявити помилки, коли сусідні елементи одного такту під впливом завад змінюються на протилежні.

Коди Хеммінга забезпечують виявлення двобітних помилок і виправлення однобітних помилок.

Для виявлення помилки у коді Бергера підраховують число одиниць в інформаційній частині прийнятої кодової комбінації, потім записують його у двійковій формі, інвертують і порівнюють з перевірочною частиною прийнятої кодової комбінації. Їх незбіг вказує на наявність помилки.