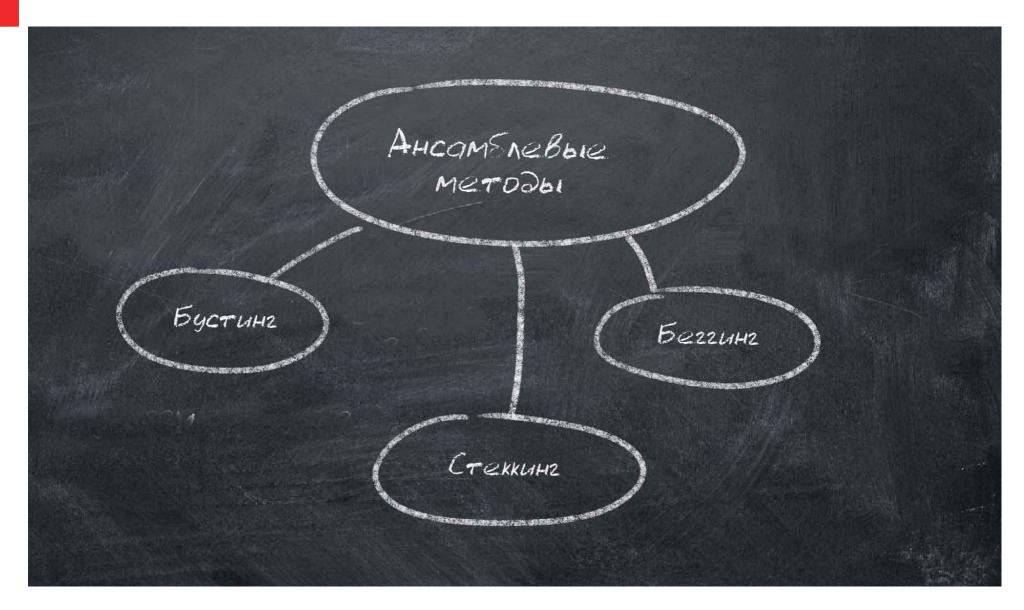
Методы ансамблирования

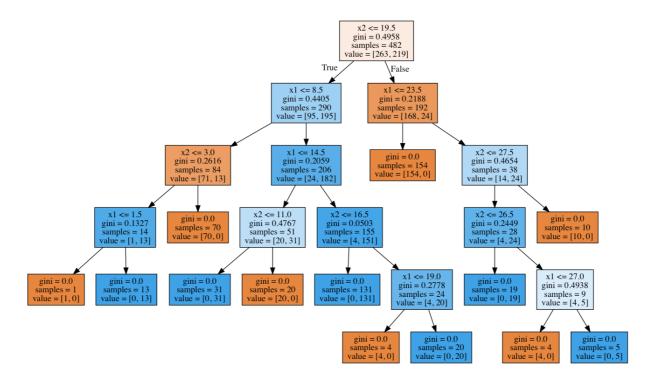
Ансамбль



Ансамбль



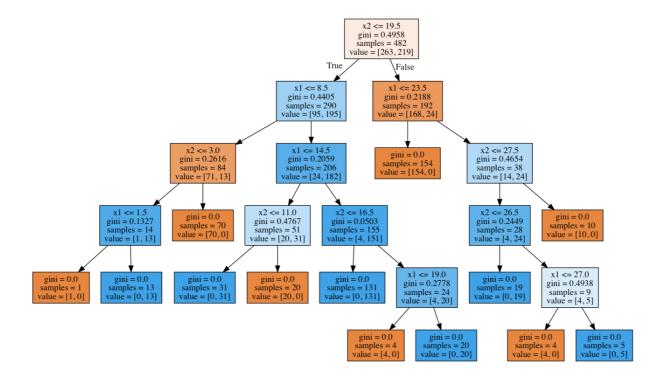
Дерево решений



Разбиение происходит путем сравнения значения одного из признаков с некоторым порогом. Параметры в условии $\chi^j \leq t$ подбираются так, чтобы минимизировать критерий ошибки:

$$Q(X_m, j, t) \rightarrow min_{j,t}$$

Дерево решений



В задаче регрессии прогноз в листах вычисляется как среднее: $a_m = \frac{1}{|X_m|} \sum_{i \in X_m} y_i$

В задаче классификации наиболее популярный класс: $a_m = argmax_{y \in Y} \sum_{i \in X_m} [y_i = y]$

Критерий ошибки



$$Q(X_m, j, t) = \frac{X_l}{X_m} H(X_l) + \frac{X_r}{X_m} H(X_r),$$

 $H\left(X\right)$ - критерий информативности

H(X) для регрессии:

$$H(X) = \frac{1}{|X|} \sum_{i \in X} (y_i - \overline{y})^2$$

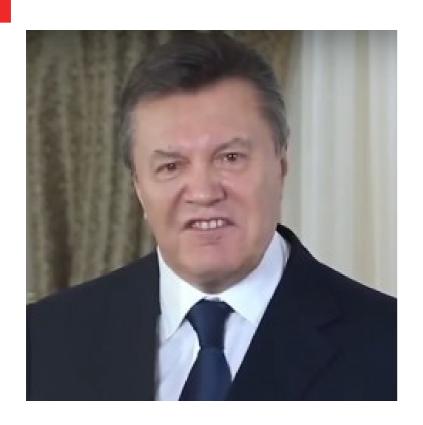
H(X) для классификации:

Джини:
$$H(X) = \sum_{k=1}^{K} p_k (1 - p_k)$$
,

Энтропия:
$$H(X) = -\sum_{k=1}^{K} p_k \ln(p_k)$$
,

где
$$p_k = \frac{1}{X} \sum_{i \in X} [y_i = k]$$

Критерий останова



Разбиение вершин останавливается если выполняется какое либо из условий:

- 1) все критерии в вершине относятся к одному классу;
- 2) количество объектов в вершине <= n;
- 3) дерево достигло определенной глубины.

Недостатки решающего дерева



- Сильно переобучается;
- Сильно меняется при небольшом изменении выборки.

Бэггинг позволяет получить ансамблевую модель с меньшим разбросом прогнозов, чем у ее базовых алгоритмов при этом сохраняя ту же точность.

Идея бэггинга:

- 1) в качестве базовой модели выбирается несмещенная модель с высоким разбросом (например глубокое решающее дерево);
- 2) с помощью бутстрепа формируется обучающая подвыборка для і-го базового алгоритма;
- 3) базовые алгоритмы параллельно обучаются;
- 4) полученные прогнозы агрегируются согласно функции некоего мета-алгоритма.

Почему ансамбль на основе бэггинга имеет ту же точность, но меньший разброс прогнозов чем ее базовые алгоритмы:

$$\Theta = \frac{1}{n} (\theta_1 + \dots + \theta_n)$$

$$E\Theta = \frac{1}{n} (E \theta_1 + \dots + E \theta_n) = E \theta_i$$

$$D\Theta = \frac{1}{n^2} (D\theta_1 + ... + D\theta_n) = \frac{D\theta_i}{n}$$

Для задач регрессии и классификации агрегирование происходит путем усреднения полученных прогнозов базовых моделей и путем голосования большинства соответственно:

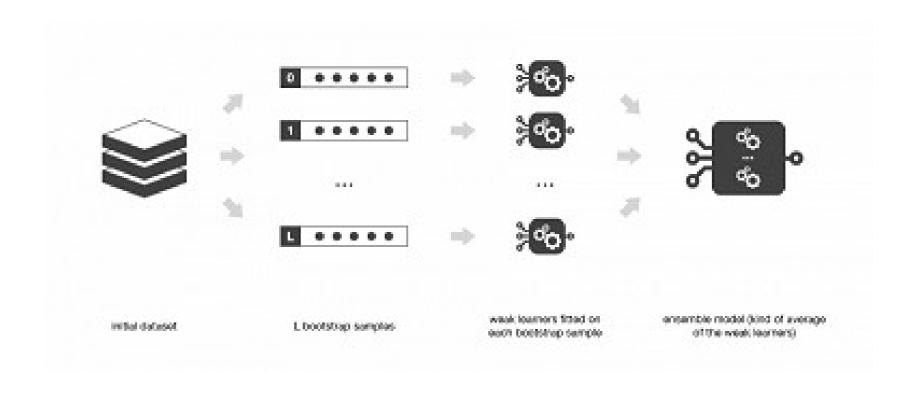
$$a(x) = \frac{1}{n}(b_1(x), ..., b_n(x))$$

$$a(x) = mode(b_1(x), \dots, b_n(x))$$

Бутстрэп:



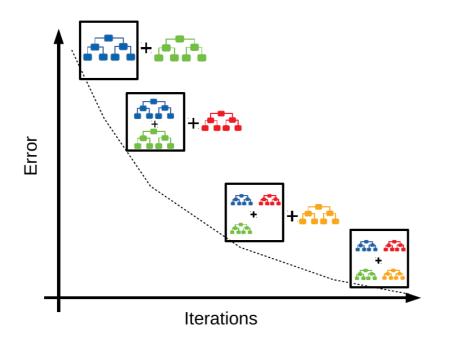
Параллелизм:



Бэггинг + деревья решений



Градиентный бустинг



Идея бустинга:

- 1) базовые алгоритмы строятся последовательно;
- 2) каждый последующий базовый алгоритм исправляет ошибки построенной композиции.

Градиентный бустинг

Идея бустинга:

- 1) базовые алгоритмы строятся последовательно;
- 2) каждый последующий базовый алгоритм исправляет ошибки построенной композиции.

Функции потерь при обучении базовых алгоритмов (для одного объекта):

- 1) в задаче регрессии: $L(y,z) = (y-z)^2$
- 2) в задаче классификации: $L(y,z) = \log(1 + \exp(-yz))$,

где у — истинный ответ, z — прогноз алгоритма на некотором объекте.

Градиентный бустинг

Обучение базовых алгоритмов

Каждый последующий базовый алгоритм обучается на векторе антиградиента *s*:

$$s = -\nabla F = \begin{pmatrix} -L_{z}'(y_{1}, a_{N-1}(x_{1})) \\ ... \\ -L_{z}'(y_{l}, a_{N-1}(x_{l})) \end{pmatrix}$$

Подходы к борьбе с переобучением:

- 1) Стохастический градиентный бустинг;
- 2) Сокращение размера шага: $a_{\scriptscriptstyle N}(x) = a_{\scriptscriptstyle N-1}(x) + \eta b_{\scriptscriptstyle N}(x)$,где $\eta \in [0,1]$