```
#libraries
library(tibble)
library(psych)
library(dplyr)
```

O *cutefish* existente numa certa barragem é identificado por 30% de *cutefish* dourado e 70% de *cutefish* prateado.

Sendo D o meu acontecimento de, ao escolher um *cutefish* dessa barragem, esse peixe ser dourado, e  $\overline{D}$  o peixe ser prateado:

$$P(D) = 30\% = 0.3 \tag{1}$$

$$P(\overline{D}) = 1 - P(D) = 70\% = 0.7$$
 (2)

```
nPeixes <- 10000
probDourado <- 0.3
probPrateado <- 0.7
nPrateado <- probPrateado*nPeixes
nDourado <- probDourado*nPeixes
Peixes <- data.frame(tipo= sample(c(rep("dourado", nDourado), rep(" prateado", nPrateado))))
Hmisc::describe(Peixes)</pre>
```

Da experiência passada, sabe-se que 50% de *cutefish* dourado nessa barragem tem peso inferior ao estabelecido nos regulamentos de pesca desportiva, enquanto que, no *cutefish* prateado, esse valor é de 40%.

Sendo W o meu acontecimento de, ao escolher um  $\it cute fish$  dessa barragem, esse ter peso inferior ao estabelecido nos regulamentos:

$$P(W \mid D) = 50\% = 0.5 \tag{3}$$

$$P(W \mid \overline{D}) = 40\% = 0.4 \tag{4}$$

$$P(\overline{W} \mid D) = 1 - P(W \mid D) = 50\% = 0.5$$
 (5)

$$P(\overline{W} \mid \overline{D}) = 1 - P(W \mid \overline{D}) = 60\% = 0.6 \tag{6}$$

```
probWmidD <- 0.5
probWmidDc <- 0.4
probWcmidD <- 1 - probWmidD
probWcmidDc <- 1 - probWmidDc
Peixes$PesInf <- NA
Peixes[Peixes$tipo == "prateado",]$PesInf <- sample(c(rep(TRUE, nPrateado* probWmidDc), rep(FALSE, nPrateado*probWcmidDc)))
Peixes[Peixes$tipo == "dourado",]$PesInf <- sample(c(rep(TRUE, nDourado* probWmidD), rep(FALSE, nDourado*probWcmidD)))
by(Peixes, Peixes$tipo, summary)</pre>
```

## 1

Qual a proporção, naquela barragem, de cutefish com peso inferior ao regulamentado?

A proporção de cutefish com peso inferior vai ser igual a P(W). Sendo que só existem cutefish dourado e prateado na barragem, e sabemos a proporção de que cada um destes são de peso inferior, a

proporção de peixe com menor peso será igual à soma dos peixes dourados e prateados com peso inferior, de atipodo com a Lei da Probabilidade Total. Logo:

$$P(W) = P(W \mid D)P(D) + P(W \mid \overline{D})P(\overline{D}) \tag{7}$$

$$P(W) = 0.5 \cdot 0.3 + 0.4 \cdot 0.7 \tag{8}$$

$$P(W) = 0.43 = 43\% \tag{9}$$

nrow(Peixes[Peixes\$PesInf == TRUE, ])/ nrow(Peixes)

## [1] 0.43

2

Foi capturado um cutefish com peso inferior ao regulamentado. Qual a probabilidade de ser do tipo cutefish dourado?

Usando o Teorema de Bayes,

$$P(D \mid W) = \frac{P(W \mid D)P(D)}{P(W)}$$

$$P(D \mid W) = \frac{0.5 \cdot 0.3}{0.43}$$

$$P(D \mid W) = \frac{0.5 \cdot 0.3}{0.43}$$

$$P(D \mid W) = \frac{15}{43} \approx 0.3488 = 34.88\%$$
(13)

$$P(D \mid W) = \frac{0.5 \cdot 0.3}{0.43} \tag{11}$$

$$P(D \mid W) = \frac{0.5 \cdot 0.3}{0.43} \tag{12}$$

$$P(D \mid W) = \frac{15}{43} \approx 0.3488 = 34.88\% \tag{13}$$

MASS::as.fractions(nrow(Peixes[Peixes\$PesInf == TRUE & Peixes\$tipo == " dourado",]) / nrow(Peixes[Peixes\$PesInf == TRUE,]))

## [1] 15/43

3

Qual a probabilidade de um *cutefish* capturado ser dourado e ter peso nos parâmetros desejados para a pesca desportiva?

$$P(D \cap W) = P(D)P(W \mid D)P(D \cap W) = 0.3 \cdot 0.5P(D \cap W) = 0.15 = 15\%$$
 (14)

```
nrow(Peixes[Peixes$PesInf == TRUE & Peixes$tipo == "dourado",]) / nrow(
    Peixes)
```

```
## [1] 0.15
```

## 4

Considere a experiência que consiste em capturar 5 *cutefish* (não interessa a subespécie, dourado ou prateado) e registar para cada um se tem ou não peso inferior ao regulamentado. ## 4.1 Represente, através de um dataframe adequado,o espaço de resultados associado a esta experiência, com as probabilidades associadas (espaço de probabilidades).

Como cada captura é independente da outra, a probabilidade da captura dos 5 lançamentos será igual multiplicação da probabilidade de cada um dos lançamentos.

```
## # A tibble: 32 x 6
##
    captura1 captura2 captura3 captura4 captura5
                                       prob
##
      <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
             ## 1
                                  1 0.0147
## 2
        0
                                    1 0.0195
## 3
        1
                                    1 0.0195
        0
## 4
                                    1 0.0258
## 5
        1
        1
0
1
                                    1 0.0195
##
  6
                                    1 0.0258
##
  7
                                    1 0.0258
## 8
        0
                                    1 0.0342
## 9
         1
                                    1 0.0195
        0 1
## 10
                                    1 0.0258
## # ... with 22 more rows
```

Nesta tabela, 1 indica que o peixe é de peso inferior ao regulamento, e 0 o contrário.

## 4.2

Explicite a partir do dataframe construído, o acontecimento A – no máximo 2 (dos 5) *cutefish* têm peso inferior ao regulamentado.

```
S$sumProbs <- rowSums(S[1:5])
A <- subset(S, sumProbs <= 2)
print(tibble(A))</pre>
```

```
## # A tibble: 16 x 7
    captural captura2 captura3 captura4 captura5 prob sumProbs
##
    ##
       0
## 1
                         1
                                           2
                   0
## 2
        0
                     1
                                              2
               0
                            0
                                   1 0.0342
             1
0
0
0
1
0
0
1
0
0
                            0
         0
                                               2
##
  3
                      0
                                   1 0.0342
                                              2
## 4
        1
                     0
                            0
                                   1 0.0342
## 5
                            0
        0
                     0
                                  1 0.0454
                                              1
                                0 0.0342
0 0.0342
0 0.0342
0 0.0454
## 6
        0
                                              2
## 7
        0
                     0
                            1
                                              2
        1
                     0
## 8
                            1
                                              2
        0
## 9
                            1
                     0
                                               1
## 10
         0
                      1
                            0
                                   0 0.0342
                                               2
        1
                     1
                            0
## 11
                                  0 0.0342
                                               2
## 12
        0
                     1
                            0
                                  0 0.0454
                                               1
        1
                     0
                            0
                                               2
## 13
                                  0 0.0342
## 14
         0
                     0
                            0
                                  0 0.0454
                                               1
## 15
         1
               0
                      0
                            0
                                   0 0.0454
                                               1
## 16
                      0
                             0
                                   0 0.0602
```

Calcule a respetiva probabilidade de ocorrência.

## sum(A\$prob)

## [1] 0.6295451