

Критерии сортировки:

1. Принцип работы (сравнение) (гибридность)
2. Сложность (л/х/ср) (частота)
3. Память – исп. Памяти + in place (out)
4. Распараллеливание
5. Устойчивость (допустим есть два одинаковых элемента -> устойчива, если эти элементы идут в том же порядке в каком и были)
6. Адаптивность (на отсортированных или почти отсортированных массивах работает быстрее)

Простейшие (такие сортировки работают быстрее на маленьких данных, пока квадратичная функция меньше логарифмической):

- **Выбором** (проходим по всему массиву, находим минимальный элемент и вставляем его в нулевую ячейку, дальше делаем тоже самое с оставшимися)  
Принцип работы = я так понимаю, что сравнение  
Сложность (л/х/ср) =  $O(n^2)$   
Память =  $O(1)(\text{const})$ , in place  
Распараллеливание = нет, нельзя  
Устойчивость = может быть как устойчивой, так и не устойчивой  
Адаптивность = нет
- **Пузырьком** (если след элемент больше данного, то меняем их местами)  
Принцип работы = я так понимаю, что сравнение  
Сложность (л/х/ср) = л  $O(n)$  \ x  $O(n^2)$  \ с  $O(n^2)$   
Память =  $O(1)(\text{const})$ , in place  
Распараллеливание = нет, нельзя  
Устойчивость = может быть как устойчивой, так и не устойчивой (написать >=)  
Адаптивность = да
- **Вставками** (разбиваем наш на две части (1-ая тип уже отсортирована) и вставляем элементы из 2-ой части в первую на нужное место)  
Принцип работы = я так понимаю, что сравнение  
Сложность (л/х/ср) = л  $O(n)$  \ x  $O(n^2)$  \ с  $O(n^2)$   
Память =  $O(1)(\text{const})$ , out place  
Распараллеливание = нет, нельзя  
Устойчивость = да  
Адаптивность = нет

**Сортировка слиянием** (разбиванием наш массив 2 части (пока не останется массив из одного элемента), слияние осуществляется сравнением двух массивов)

Принцип работы = я так понимаю, что сравнение  
Сложность (л/х/ср) =  $O(n \cdot \log n)$ , n – проход по массиву,  $\log n$  – разбиение массива  
Память =  $O(n)$ , out place  
Распараллеливание = да  
Устойчивость = да  
Адаптивность = нет

## Быстрая сортировка (A)

1. Выбрать элемент из массива. Назовём его опорным.
2. Разбиение: перераспределение элементов в массиве таким образом, что элементы меньше опорного помещаются перед ним, а больше или равные после.
3. Рекурсивно применить первые два шага к двум подмассивам слева и справа от опорного элемента. Рекурсия не применяется к массиву, в котором только один элемент или отсутствуют элементы.

Принцип работы = сравнение

Сложность л и ср =  $N \log N$  /  $x = N^2$

Память =  $O(\log N)$ , in place

Распараллеливание = да (правые и левые подмассивы)

Устойчивость = нет

Адаптивность = да

Выбор опорного элемента – бери случайный/медиана, чаще всего медиана трех  $(first + middle + last) / 3$

HIGHLY CONFIDENTIAL

## Сортировка подсчетом (H)

Ограничим входные данные (числа от 0 до  $k$ ), нужен вспомогательный массив размером  $k$ , далее проходим по основному массиву и увеличиваем соответствующий счетчик, далее проходимся по вспомогательному массиву и складываем текущий+предыдущий (получаем индексы, это куда нужно вставить элемент – 1)

Принцип работы = подсчетом

Сложность (л/х/ср) = л  $O(n)$ , х  $O(k)$ ,  $O(n+k)$

Память =  $O(n+k)$ , in place

Распараллеливание = ...

Устойчивость = да

Адаптивность = нет

## Гибридные сортировки (на примере интроспективной) (A)

Контролируем максимальную глубину рекурсии, допустимую для алгоритма быстрой сортировки (например, можно ориентироваться на величину  $\log n$ ). Если глубина рекурсии достигала этой величины, то дальнейшее упорядочивание подмассива, от которого поступил тревожный сигнал, производится с помощью пирамидальной сортировки. Пирамидальная сортировка характерна тем, что у неё нет ни вырожденных, ни лучших наборов

данных, любые массивы она сортирует всегда с одинаковой временной сложностью -  $O(n \log n)$ .

Принцип работы = сравнение (гибридный метод)

Сложность  $л = N / \text{ср}$  и  $х = N \log N$

Память =  $O(N)$ , in place

Распараллеливание = ХЗ

Устойчивость = нет

Адаптивность = да

#### Поразрядная сортировка (H)

Создаем вспомогательный массив и резервируем там места под наши числа (так сначала для 1-ого разряда, потом для 2-ого разряда и тд)

Принцип работы = поразрядно

Сложность  $(л/х/ср) = х O(w * n)$ , где  $w$  – количество бит, требуемых для хранения каждого ключа

Память =  $O(w + n)$ , out place

Распараллеливание = ...

Устойчивость = да

Адаптивность = нет

HIGHLY CONFIDENTIAL

#### Тимсорт (A)

Делим массив на подмассивы размера `min_run`, которые сортируются сортировкой вставками. Потом все отсортированные подмассивы соединяются сортировкой слияния.

(слияние кастомное, вставка бинарная - норм тема) Лучший `min_run` по-научному лежит в  $[32;64]$

Принцип работы = сравнение (гибридный метод)

Сложность  $л = N / \text{ср}$  и  $х = N \log N$

Память =  $O(N)$ , out place

Распараллеливание = да (сортировку слияния можно распараллелить вроде же)

Устойчивость = да

Адаптивность = да

Зачем нужны сортировки, если есть ДДП?

- Не всегда храним в ДДП
- Обращение по индексу
- Кэш-память – меньше доп данных
- Есть сортировки без сравнения
- $O(n + n \log(n))$  vs  $n * O(\log(n)) + O(n)$
- Константа
- Распараллеливание

**Расстояния Левенштейна (A)**

HIGHLY CONFIDENTIAL