ΜΥΕ035- Υπολογιστική Νοημοσύνη
Διδάσκων: Αριστείδης Λύκας

Αναφορά 1ης Εργαστηριακής Άσκησης: Multilayer Perceptron

Ομάδα:
Κονδυλία Βέργου 4325
Παναγιώτης Βουζαλής 2653

Χειμερινό Εξάμηνο 2021

Περιεχόμενα

Δημιουργία MLP

Ο κώδικας για την δημιουργία του dataset μας βρίσκεται στο αρχείο `/datasetgenerator/DatasetGenerator.java`

Η δημιουργία του MLP γίνεται με constructor στο `/main/MLP.java` αξιοποιούνται τα εξής πεδία:

```
    private static int D = 2;           // number of inputs (in H1) - our
inputs are x1, x2
    private static int K = 4;           // number of categories
    private static int H1;          // number of neurons in H1
    private static int H2;          // number of neurons in H2
    private static int H3;          // number of neurons in H3

    private static double trainingThreshold = 0.01; // difference between
two training errors
    private static double worthiness = 75; // generalization ability
at  which the MLP is deemed worthy

    // tanh or relu
    private static TransferFunction transferFunction; //
HyperbolicFunction() or ReluFunction()

    private static int B;               // batch size - 1 is linear
update, N = 4000 in our case is team update
    private static int numHiddenLayers; // number of hidden layers in
network
    private static double learningRate;
```

Όλοι οι νευρώνες των κρυμμένων επιπέδων έχουν συνάρτηση ενεργοποίησης την `transferFunction`, η οποία είναι είτε η υπερβολική εφαπτομένη είτε η relu.

Όλοι οι νευρώνες του επιπέδου εξόδου έχουν συνάρτηση ενεργοποίησης την σιγμοειδής συνάρτηση.

Παρακάτω δίνεται ο constructor για την δημιουργία MLP με 2 κρυμμένα επίπεδα.
Αντίστοιχος είναι ο κώδικας για την δημιουργία με 3 κρυμμένα επίπεδα

```
    public MLP(DatasetGenerator datasets, int hiddenLayers, int h1neurons,
int h2neurons, String activationFunc, Double learnRate, int batchSize) {

        trainingSet = datasets.getTrainingSet();
        testSet = datasets.getTestSet();

        numHiddenLayers = hiddenLayers;
        H1 = h1neurons;
        H2 = h2neurons;
        if (activationFunc.equals("tanh")) { transferFunction = new
HyperbolicFunction(); }
        if (activationFunc.equals("relu")) { transferFunction = new
ReluFunction(); }
        learningRate = learnRate;
        B = batchSize;

        printMLPinfo(hiddenLayers, h1neurons, h2neurons, activationFunc,
learnRate, batchSize);

        initializeHiddenLayers(hiddenLayers);
    }
```

Εκπαίδευση MLP με gradient descent

Η εκπαίδευση του MLP γίνεται m την συνάρτηση `train` που βρίσκεται στο `/main/MLP.java`

Εφαρμόζεται στο trainingSet ο αλγόριθμος gradient descent με mini-batches.
Κάθε batch έχει μέγεθος B, επομένως για:

- B = 1 έχουμε σειριακή ενημέρωση
- B = N έχουμε ομαδική ενημέρωση
- 1<B<N έχουμε mini-batch ενημέρωση

Στο τέλος κάθε εποχής τυπώνεται ο αριθμός της εποχής και το σφάλμα εκπαίδευσης εκείνης της εποχής.

Η εκπαίδευση τελειώνει, όταν η διαφορά του σφάλματος εκπαίδευσης δυο συνεχόμενων εποχών είναι μικρότερη από το κατώφλι 0.01 και ο αλγόριθμος έχει ήδη τρέξει για 700 εποχές

```
public void train() {

        int epoch = 0;
        while(true) {

            currentEpochError = 0;
            int numOfBatches = 0;

            for (int i = 0; i < trainingSet.size(); i += B) {

                numOfBatches ++;
                for(int j = i; j < numOfBatches*B; j++) {

                    Point point = trainingSet.get(i);
                    backPropagate(point.getCoordinates(),
point.createCategoryVector());
                }

                //update weights
                for(Neuron [] layer : layers) {

                    for(Neuron neuron : layer) {

                        neuron.updateWeights(learningRate);
                        neuron.initDelta();
                    }
                }
            }
```

```
double diffEpochError = calculateDiffEpochError(epoch, currentEpochError);

            if (diffEpochError < trainingThreshold && epoch > 700) {

                //System.out.println(".........");
                System.out.printf("Error of epoch %d : %.4f\n", epoch,
currentEpochError);
                break;
            }

            epoch++;
        }
    }
```

Testing MLP

Το testing του MLP γίνεται με την συνάρτηση `test` που βρίσκεται στο `/main/MLP.java`

Εφαρμόζεται στο testingSet η forwardPass και στη συνέχεια ελέγχεται, αν το MLP έβγαλε το σωστό αποτέλεσμα.

```
public void test() {

    for (Point point: testSet) {

        double [] netOutput = forwardPass(point.getCoordinates());
        checkCategory(netOutput, point);
    }
}
```

Forward Pass

Η `forwardPass` συνάρτηση υλοποιείται στο `/main/MLP.java`

Ως παράμετρο περνάμε την είσοδο που εφαρμόζεται και επιστρέφει την έξοδο που υπολογίζει το MLP.

Η `activate` συνάρτηση βρίσκεται στο `/neurons/Neuron.java` και υλοποιεί τον τύπο:

$$o(x) = g(u) \text{ όπου}$$
$$u(x) = \sum_{i=1}^{d} w_1 x_i + \omega_0$$

```
public double[] forwardPass(double inputs[]) {

   double [][] temp_inputs = initTempInputs(inputs);
   int layerNum = 0;

   for (Neuron[] neuronsList: layers) {

      layerNum++;
      int i = 0;
      for (Neuron neuron : neuronsList) {

         neuron.setInputs(temp_inputs[layerNum-1]);      // neuron's input
is set previous levels output
         temp_inputs[layerNum][i] = neuron.activate();   // activate i-th
neuron of layerNum-th layer

         i++;
      }
   }

   return temp_inputs[layerNum];   // last level's output
}
```

Back Propagation

Η `backPropagate` συνάρτηση υλοποιείται στο `/main/MLP.java`

Ως παραμέτρους περνάμε την είσοδο που εφαρμόζεται και την έξοδο που αναμένουμε από το MLP.

Η `calculateDelta` συνάρτηση βρίσκεται στο `/neurons/Neuron.java` και υπολογίζει τις μερικές παραγώγους με τους τύπους:

$$\frac{dE^n}{dw_{ij}^{(h)}} = \delta_i^{(h)} * y_j^{(h-1)} \quad \omega\varsigma\ \pi\rho o\varsigma\ \tau\alpha\ \beta\acute{\alpha}\rho\eta$$

$$\frac{dE^n}{dw_{i0}^{(h)}} = \delta_i^{(h)} \quad \omega\varsigma\ \pi\rho o\varsigma\ \tau\eta\nu\ \pi\acute{o}\lambda\omega\sigma\eta$$

Ανάλογα με το ποιο επίπεδο βρίσκεται ο νευρώνας, το σφάλμα δ υπολογίζεται διαφορετικά

```java
public void backPropagate(double inputs[], double expected[]) {

   double output [] = forwardPass(inputs);
   double diff   [] = calculateDiff(output,expected);
   currentEpochError += calculateEpochError(diff);

   int numLastLayer = layers.size()-1;

   for (int i = numLastLayer; i > -1; i--) {

      Neuron [] layer = layers.get(i);

      int j = 0;  // count neurons in layer
      for (Neuron neuron : layer) {

      // output Layer
      if (i == numLastLayer) {

         neuron.calculateDelta(output[j], diff[j]);
```

Για τους νευρώνες του επιπέδου εξόδου βρίσκουμε το σφάλμα, εφαρμόζοντας τον τύπο

$$\delta_i^{(H+1)} = g'_{H+1}(u_i^{(H+1)}) * (o_i - t_{ni})$$

```
        // hidden Layer
        } else {

            Neuron [] prevLayer = layers.get(i+1);
            double sum = 0;

            for (Neuron prevLayerNeuron: prevLayer) {

               double error = prevLayerNeuron.getError();
               double weight = prevLayerNeuron.getWeight(j);
               sum += weight * error;

            }

            neuron.calculateDelta(neuron.activate(), sum);

            j++;
            }
        }
}
```

Για τους νευρώνες των κρυμμένων επιπέδων βρίσκουμε το σφάλμα, εφαρμόζοντας τον τύπο

$$\delta_i^{(h)} = g_h'(u_i^{(h)}) * \sum_{j=1}^{d_{h+1}} w_{ji}^{(h+1)} \ \delta_j^{(h+1)}$$

Neural Networks Project 2022 - Question 1 Plot Report

Kondylia Vergou, AM 4325

Panagiotis Vouzalis, AM 4563

Η παρούσα της συάδας έχει τα παρακάτω βήματα:

- Για να λειτουργούσε η συνάδα, ένα απαραίτητο παραπανίσι σε παράβαση τους λογους να εκτελεστούνται τα `./...sh` (`./compile.sh` και `./run.sh`) είναι να κάνουμε `chmod +x ./compile.sh` και `chmod +x ./run.sh`
- Χωρίζεται σε 3 βασικά μέρη: την διαδικασία του fit, τους κώδικες μετρικών για μετρικούς και παραπάνω από ένας τρόπος για αφορούν τους κώδικες, το αποδεικτικό `./plot.` αλλιώς, κάθε φορά θα χρειαστούν για κάθε παράμετρο `-epochs`, `-layout`, `-batch_size`, `-activation`, `-cost`, `-patience`, `-plot`, `-plot_folder_name`.

Instructions for Windows Platforms

1. Open terminal inside the directory `Neural Networks - Question 1`

2. Compile with: `.\make -j4 -f .\Makefile.win`

3. Create a new dataset with: `.\bin\_obj\_1_2_gen.exe -dataset_file_name dataset.txt -number_of_clusters 4 -number_of_points_per_cluster 1000 -min_max_of_centers 10 -standard_deviation_of_points 1 -seed 1`

4. Create a new dataset with: `.\bin\_obj\_1_2_gen.exe -dataset_file_name dataset.txt -number_of_clusters 4 -number_of_points_per_cluster 1000 -min_max_of_centers 10 -standard_deviation_of_points 1 -seed 1`

5. Train the model with: `.\bin\_obj\_1_2_main.exe -dataset_file_name dataset.txt -model_save_name model.txt -layout 4,16,16,4 -epochs 1000 -batch_size 32 -activation relu -cost mse -patience 50 -plot true -plot_folder_name plot_1_2`

- example: `.\bin\_obj\_1_2_main.exe -dataset_file_name dataset.txt -model_save_name model.txt -layout 4,16,16,4 -epochs 1000 -batch_size 32 -activation relu -cost mse -patience 50 -plot true -plot_folder_name plot_1_2`

Instructions for Linux Platforms

1. Open terminal inside the directory `Neural Networks - Question 1`

2. Compile with: `./make -j4 -f ./Makefile.win` (also `./chmod +x ./compile.sh` & `./chmod +x ./run.sh`)

3. Create a new dataset with: `./bin/_obj/_1_2_gen.exe -dataset_file_name dataset.txt -number_of_clusters 4 -number_of_points_per_cluster 1000 -min_max_of_centers 10 -standard_deviation_of_points 1 -seed 1`

4. Create a new dataset with: `./bin/_obj/_1_2_gen.exe -dataset_file_name dataset.txt -number_of_clusters 4 -number_of_points_per_cluster 1000 -min_max_of_centers 10 -standard_deviation_of_points 1 -seed 1`

5. Train the model with: `./bin/_obj/_1_2_main.exe -dataset_file_name dataset.txt -model_save_name model.txt -layout 4,16,16,4 -epochs 1000 -batch_size 32 -activation relu -cost mse -patience 50 -plot true -plot_folder_name plot_1_2`

- example: `./bin/_obj/_1_2_main.exe -dataset_file_name dataset.txt -model_save_name model.txt -layout 4,16,16,4 -epochs 1000 -batch_size 32 -activation relu -cost mse -patience 50 -plot true -plot_folder_name plot_1_2`

Instructions for Eclipse IDE

1. Run Configurations -> Arguments -> Program Arguments

2. `-dataset_file_name dataset.txt -model_save_name model.txt -layout 4,16,16,4 -activation` `function1` `-learning_rate 1 -batch_size 32 -epochs 1000 -patience 50 -plot true -plot_folder_name plot_1_2`

- example: `-dataset_file_name dataset.txt -model_save_name model.txt -layout 4,16,16,4 -activation relu -learning_rate 1 -batch_size 32 -epochs 1000 -patience 50 -plot true -plot_folder_name plot_1_2`

Keep the learning rate at 0.05 (Google defaults it at 0.01)

Για τις συάδες της δίνουμε ακόμα ένα παραπανίσι το οποίο είναι το learning rate και παραμένει 0.1 σε αυτό το παραπανίσι του δίνουμε δεκαπλάσιο το αρχικό `-learning_rate 1` και αυτό δεκαπλασιάζεται `-learning_rate 10`

Μέλετη προβλημάτος Σ1

Πως μεταβλήτεται η γενικευτικη ικανοτητα του δικτυου?

Για διαφορους συνδυασμους τιμων των H1, H2, H3?

Χρησιμοποιωντας την τανη ή την πολυ ως συναρτηση ενεργοποιησης?

Για batch size B=1, B=40, B=4000?

Προκειτει καποιο σχεδιο απο τη χρηση του H3?

(Επι κατω εχουμε Problem 1.2 Results για διαφορους συνδυασμους τις αρχικα μας)

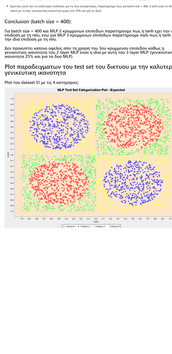
Number of Σ1 input: 4, 2
Number of categories: 20, dataset # 1
Training ratio threshold: testset # 0.01
Learning rate: testset # 0.05

Bar plots για συνδυασμους τιμων H1, H2 για την τανη, πολυ με batch size = 1

Παρατηρησεις:

- Στην περιπτωση της τανη, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα.
- Στην περιπτωση της πολυ, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα. Η διαφορα ειναι η μεγαλυτερη ενταση της μικροτερης αποδοσεις απο τις τανη, με ενα μεσο ορο 0.7 και 1.5 τερμα.
- Τελος, παρατηρουμε οτι ειδικοτερα τιμων των συναρτησεων ενεργοποιησης απο τις παρατηρησεις που εκτιθεντε, των δεν εχουνε καποια σημαντικη διαφορα αποδοσεις με καθε αλλους συνδυασμους με batch size = 1

Bar plots για συνδυασμους τιμων H1, H2, H3 για την τανη, πολυ με batch size = 1



Παρατηρησεις:

- Στην περιπτωση της τανη παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα.
- Στην περιπτωση της πολυ, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα. Η διαφορα ειναι η μεγαλυτερη ενταση της μικροτερης αποδοσεις απο τις τανη, με ενα μεσο ορο 0.7 και 1.5 τερμα.
- Τελος, παρατηρουμε οτι ειδικοτερα τιμων των συναρτησεων ενεργοποιησης απο τις παρατηρησεις που εκτιθεντε, των δεν εχουνε καποια σημαντικη διαφορα αποδοσεις με καθε αλλους συνδυασμους με batch size = 1

Conclusion (batch size = 1):

Για batch size = 1 και MLP 2 κρυμμενων στοιχειων παρατηρησαμε πως η τανη εχει πολυτιμο την ιδια επιδοση με τη πολυ, ενω για MLP 3 κρυμμενων στοιχειων παρατηρησαμε πως η τανη εχει την ιδια επιδοση με τη πολυ.

Για προκειτει καποιο σχεδιο απο τη χρηση του, δεν εχουμε καποιο στοιχειο σαθρως η γενικευτικη αποτελεσματα και τους 2 τυπου MLP δεν ειναι 3 τυπου MLP ειναι περιπου 60%.

Bar plots για συνδυασμους τιμων H1, H2 για την τανη, πολυ με batch size = 40

Παρατηρησεις:

- Στην περιπτωση της τανη παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα.
- Στην περιπτωση της πολυ, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα. Η διαφορα ειναι η μεγαλυτερη ενταση της μικροτερης αποδοσεις απο τις τανη, με ενα μεσο ορο 0.7 και 1.5 τερμα.
- Τελος, παρατηρουμε οτι ειδικοτερα τιμων των συναρτησεων ενεργοποιησης απο τις παρατηρησεις που εκτιθεντε, των δεν εχουνε καποια σημαντικη διαφορα αποδοσεις με καθε αλλους συνδυασμους με batch size = 40

Bar plots για συνδυασμους τιμων H1, H2, H3 για την τανη, πολυ με batch size = 40

Παρατηρησεις:

- Στην περιπτωση της τανη παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα.
- Στην περιπτωση της πολυ, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα. Η διαφορα ειναι η μεγαλυτερη ενταση της μικροτερης αποδοσεις απο τις τανη, με ενα μεσο ορο 0.7 και 1.5 τερμα.
- Τελος, παρατηρουμε οτι ειδικοτερα τιμων των συναρτησεων ενεργοποιησης απο τις παρατηρησεις που εκτιθεντε, των δεν εχουνε καποια σημαντικη διαφορα αποδοσεις με καθε αλλους συνδυασμους με batch size = 40

Conclusion (batch size = 40):

Για batch size = 40 και MLP 2 κρυμμενων στοιχειων παρατηρησαμε πως η τανη εχει καλυτερη επιδοση απο τη πολυ, ενω για MLP 3 κρυμμενων στοιχειων παρατηρησαμε πως η τανη εχει την ιδια επιδοση με τη πολυ.

Για προκειτει καποιο σχεδιο απο τη χρηση του, δεν εχουμε καποιο στοιχειο σαθρως η γενικευτικη αποτελεσματα και τους 2 τυπου MLP δεν ειναι 3 τυπου MLP ειναι περιπου 60%.

Bar plots για συνδυασμους τιμων H1, H2 για την τανη, πολυ με batch size = 4000

Παρατηρησεις:

- Στην περιπτωση της τανη παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα.
- Στην περιπτωση της πολυ, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα. Η διαφορα ειναι η μεγαλυτερη ενταση της μικροτερης αποδοσεις απο τις τανη, με ενα μεσο ορο 0.7 και 1.5 τερμα.
- Τελος, παρατηρουμε οτι ειδικοτερα τιμων των συναρτησεων ενεργοποιησης απο τις παρατηρησεις που εκτιθεντε, των δεν εχουνε καποια σημαντικη διαφορα αποδοσεις με καθε αλλους συνδυασμους με batch size = 4000

Bar plots για συνδυασμους τιμων H1, H2, H3 για την τανη, πολυ με batch size = 4000

Παρατηρησεις:

- Στην περιπτωση της τανη παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα.
- Στην περιπτωση της πολυ, παρατηρουμε μια καλυτερη απο αποδοσεις τα καθε τιμων παρομοια με καθε αλλους συνδυασμους αποδοσεις, με ενα μεσο ορο 0.5 και 1 τερμα. Η διαφορα ειναι η μεγαλυτερη ενταση της μικροτερης αποδοσεις απο τις τανη, με ενα μεσο ορο 0.7 και 1.5 τερμα.
- Τελος, παρατηρουμε οτι ειδικοτερα τιμων των συναρτησεων ενεργοποιησης απο τις παρατηρησεις που εκτιθεντε, των δεν εχουνε καποια σημαντικη διαφορα αποδοσεις με καθε αλλους συνδυασμους με batch size = 4000

Conclusion (batch size = 4000):

Για batch size = 4000 και MLP 2 κρυμμενων στοιχειων παρατηρησαμε πως η τανη εχει την ιδια επιδοση με τη πολυ, ενω για MLP 3 κρυμμενων στοιχειων παρατηρησαμε πως η τανη εχει την ιδια επιδοση με τη πολυ.

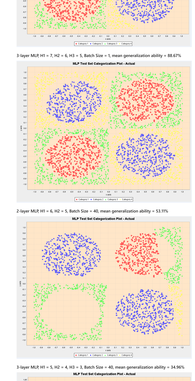
Για προκειτει καποιο σχεδιο απο τη χρηση του, δεν εχουμε καποιο στοιχειο σαθρως η γενικευτικη αποτελεσματα και τους 2 τυπου MLP δεν ειναι 3 τυπου MLP ειναι περιπου 60%.

Plot παραδειγματων του test set του δικτυου με την καλυτερη γενικευτικοτητα

Plot του dataset Σ1 με τις 4 κατηγοριες:

Plot tun eshimque Iverisen nos yaktrompe.

2-layer MLP, H1 = 6, H2 = 5, Batch Size = 1, mean generalization ability = 86.02%



3-layer MLP, H1 = 7, H2 = 6, H3 = 5, Batch Size = 1, mean generalization ability = 88.67%

2-layer MLP, H1 = 6, H2 = 5, Batch Size = 40, mean generalization ability = 53.5%

3-layer MLP, H1 = 5, H2 = 4, H3 = 3, Batch Size = 40, mean generalization ability = 34.96%