

# Lab06 ariketak: Vertex\_Cover bilaketa zuhaitzekin

## 1. Vertex\_cover posible bat balioztatu

Ariketa honetan `lab06.vertex_cover_2.py` fitxategia daukazu abiapuntu bezala, bertan `partial_validity_check` funtzioa inplementatu behar duzularik. Funtzio horretan, honakoa emanda:

- Oko, leko eta `None`-ez osatutako zerrenda bat, cover-aren nodoak adierazten dituen:  $i$  leko baten posizioa bada, orduan  $i$ . nodoa cover-ean dago.  $i$  Oko baten posizioa bada, orduan  $i$ . nodoa ez dago cover-ean.  $i$  posizioa `None` batena bada,  $i$ . nodoa cover-ean dagoen ala ez ez dakigu.
- eta ez zuzendutako grafo bat,

erabaki cover-ean dauden nodoek grafoko ertz guztiak estaltzen dituzten edo ez.

Funtzioa probatzeko `test()` metodoan dauden `partial_validity_check`-ri dagozkion `assert` eragiketa guztietan iruzkinak kendu behar dituzu.

## 2. Bilaketa zuhaitz bitar bat erabilita vertex\_cover bat topatu

`lab06.vertex_cover_2.py` fitxategian `vertex_cover_tree` funtzioa topatuko duzu. Grafo man emanda, aldagaiak hasieratu eta `recursive_vertex_cover` funtzioari deitzen dio, partzialki inplementatu behar duzuna.

`recursive_vertex_cover` funtzioak `vertex_cover` minimo bat topatzen du, prozesatu ez den  $v$  nodo bat aukeratzen eta ondoren bilaketa zuhaitz baten bi adar-rak sortuta. Adar bat  $v$  cover-ean sartzeari dagokio eta bestea cover-ean ez sartzeari.

Inplementatu behar duzun zatiak oraindik baliozko cover bat eraikitzea dagoela frogatu beharra dauka. Ezinezkoa bada, `[1]*len(cover)` bueltatu behar du. Oraindik posiblea bada, oraindik prozesatu ez den  $v$  nodo bat topatu behar da. Jada cover-a osatuta egoteagatik  $v$  existitzen ez bada, cover-a bueltatu behar du. Bestela,  $v$  aukeratu eta funtzioan jada idatzita dagoen kodearen jarraitu. Zati hau ezin da aldatu.

Funtzioa probatzeko `test()` metodoan dauden `vertex_cover_tree`-ri dagozkion `assert` eragiketa guztietan iruzkinak kendu behar dituzu.

## 3. Bilaketa zuhaitz hirutar bat erabilita vertex\_cover bat topatu

`lab06.vertex_cover_3.py` fitxategia ireki. Fitxategi hau aurreko ariketarenaren antzekoa da, `recursive_vertex_cover`-ek bilaketa zuhaitzean hiru adar sortzen dituela kenduta.

Funtzio errekursibo honek `vertex_cover` minimo bat topatzen du, oraindik prozesatu ez diren bi  $u$  eta  $v$  nodo aukeratuz eta ondoren bilaketa zuhaitzean hiru adar sortuz. Lehenengo adarra `cover`-ean  $u$  sartu eta  $v$  ez sartzeari dagokio; bigarrena  $u$  ez sartu eta  $v$  sartzeari dagokio; eta hirugarrena bai  $u$  eta bai  $v$  sartzeari.

Inplementatu behar duzun zatiak oraindik baliozko `cover` bat eraikitzea dagoela frogatu beharra dauka. Ezinezkoa bada, `[1]*len(cover)` bueltatu behar du. Oraindik posiblea bada, oraindik prozesatu ez diren bi  $u$  eta  $v$  nodo topatu behar ditu. Bai  $u$  eta bai  $v$  existitzen ez badira `cover` osaturik dagoelako da eta `cover` bueltatu behar da. Nodo bakarra geratzen bada prozesatu gabe, `cover`-aren parte izango den ala ez erabaki behar da. Behin eginda, `cover` osoa bueltatu behar da. Bestela,  $u$  eta  $v$  aukeratu eta funtzioan jada idatzita dagoen kode zatiarekin jarraitu behar du. Zati hau ezin da aldatu.

Aurretik `lab06_vertex_cover_2.py` fitxategian implementatu dituzun funtzioak erabili eta `lab06_vertex_cover_3.py`-n kopia. Adibidez, `partial_validity_check` funtzioa beharko duzu.

#### 4. Exekuzio denbora

Konparatu `vertex_cover_tree` funtzioaren exekuzio denborak zuhaitz bitarra eta zuhaitz hirutarra sortzen duten `recursive_vertex_cover`-en bertsioekin.

Ze bertsioek tardatzen du gehiago? Zergatik?

#### 5. Inplementatu zuhaitz hirutar optimizatua

Aldagai bat `false`-era jartzen dugunean (nodo urdin bat) bere auzokide guztiak berdeak izan behar direla dakigu. Zure grafo hirutarraren kodea hartu egoera hori isladatzeko. Konparatu exekuzio denbora aurreko algoritmoarekin eta ondorioak atera.

#### 6. Sakoneran ibilbidea zabalerako ibilbidearekin alderatuta

Laborategi honetan `vertex-cover` minimoa topatzeko bilaketa zuhaitzak erabili dituzu. Zuhaitz bakoitzan egindako ibilbidea sakoneran izan da. Ibilbidea zabaleran egingo bazenu, eraginkortasunean irabaziko zenuela uste duzu?