【第十講】

搜尋與雜湊

講師: 李根逸 (Ken-Yi Lee), E-mail: feis.tw@gmail.com

課程大綱

- ■各種迭代器提供的操作
- ■線性搜尋法
 - ▶ 對容器做線性搜尋
 - 對範圍做線性搜尋
- □二元搜尋法
- ■使用 STL 的搜尋
 - ▶ 線性搜尋 (std::find)
 - ▶ 二元搜尋 (std::lower_bound, std::binary_search)
- ■雜湊 (hash)
 - ▶ 使用陣列實作雜湊
 - ▶串列雜湊表格
- STL 雜湊的集合與映射

是否支援的性質	單向迭代器 (forward_iterator)	雙向迭代器 (bidirectional _iterator)	隨機存取迭代器 (random_access_i terator)
預設建構式、複製建構式與指定運算子	支援	支援	支援
operator!=, operator== (相等性比較)	支援	支援	支援
operator*, oeprator->(存取元素內容)	支援	支援	支援
operator++(進一)	支援	支援	支援
operator (退一)	不支援	支援	支援
operator- (兩迭代器相差的距離)	不支援	不支援	支援
operator+ (進 N) operator- (退 N)	不支援	不支援	支援
operator>, operator<, operator>=, operator<= (比較大小)	不支援	不支援	支援
operator[] (存取相對元素)	不支援	不支援	支援
提供的容器	std::forward_list	std::list	std::vector std::deque std::array

<iterator> 標頭檔

- 迭代器相關的函式:
 - ▶ advance: 前進或後退 N 步
 - 隨機存取迭代器: operator+ 或 operator-
 - 單向或雙向迭代器:使用迴圈做 operator++ 或 operator—
 - ▶ distance: 計算兩個迭代器的距離
 - 隨機存取迭代器: operator-
 - 單向或雙向迭代器:使用迴圈做 operator++

對容器做線性搜尋

- 最基本的搜尋演算法就是循序將容器內所有元素一一 比對:
 - ▶ 輸入要搜尋的陣列 c 及要找的值 v
 - ▶ 回傳在陣列中找到的值編號:

```
int Find(const vector<int> &c, int v) {
  int i = 0;
  while (c[i] != v && i < c.size()) {
    i++;
  }
  return i;
}</pre>
```

當找不到時要回傳的編號是?

對範圍做線性搜尋[1]

■ 我們改成只對容器內某個連續範圍做線性搜尋:

當找不到時要回傳的編號是?

不需要知道容器的大小?

對範圍做線性搜尋[2]

■利用指標來傳遞範圍:

當找不到時要回傳的指標是?

使用指標的優缺點?

【範例】對範圍做線性搜尋[3]

■ 使用函式模版與迭代器:

當找不到時要回傳的迭代器是?

使用迭代器的優缺點?

有序型容器

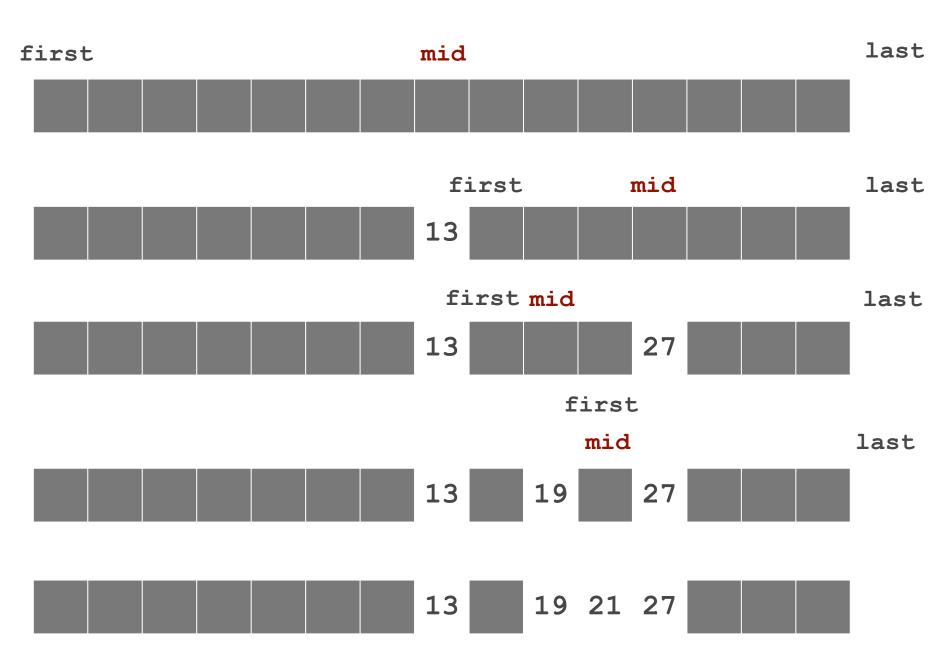
- 如果對於容器內的元素排列沒有任何假設,則每次使用線性搜尋所需要花的時間與容器內的元素個數成正比!
- 但是我們其實可以讓容器內的元素具有某種順序:
 - ▶ 我們可以讓容器在新增或刪除元素時保持有順序的狀態 (參考前面章節的練習)
 - ▶ 我們也可以對容器作排序 (sort) 讓他們具有順序
- 使用有序型的容器可以讓我們更容易做搜尋嗎?

二元搜尋法[1]

```
template <class Iterator, class Type>
Iterator LowerBound (Iterator first, Iterator last,
                    const Type &val) {
  int dist = last-first;
  Iterator mid;
 while (dist > 0) {
    mid = first;
                                 二元搜尋法可以對已經排
    int step = dist / 2;
                                  序好的容器作快速搜尋
    mid += step;
    if (*mid < val ) {</pre>
      first = ++mid;
      dist -= step + 1;
    } else {
      dist = step;
  return first;
```

需要提供隨機存取迭代器

3 4 6 8 9 10 12 13 16 19 21 27 31 39 44



【範例】二元搜尋法[2]

```
template <class Iterator, class Type>
Iterator LowerBound(Iterator first, Iterator last,
                    const Type &val) {
  int dist = distance(first, last);
  Iterator mid:
 while (dist > 0) {
    mid = first;
    int step = dist / 2;
    advance(mid, step);
    if (*mid < val ) {
      first = ++mid;
      dist -= step + 1;
    } else {
      dist = step;
  return first;
```

distance() 計算兩個迭代器的距離 advance() 可移動迭代器

只要提供單向迭代器

[範例] binary search.cpp

使用 STL 的搜尋

- ■我們可對容器內容做線性搜尋:
 - ▶ 在 C++ STL 的 **<algorithm>** 內有 **find** 函式可以 做線性搜尋
- 我們可對已經排序好的容器做二元搜尋:
 - ▶ 在 C++ STL 的 <algorithm> 內有 lower_bound 與 binary_search 函式可做二元搜尋
 - ▶ 二元搜尋法使用到的資料結構特性:
 - ■已經排序好
 - ■適合隨機存取

陣列適合使用二元搜尋法嗎?

二元搜尋法效率與元素個數 有關嗎?還有更好的嗎?

串列適合使用二元搜尋法嗎?

【範例】雜湊

- □ 二元搜尋的時間複雜度雖然比線性搜尋低,但是還是 跟元素個數有關,我們有辦法讓時間複雜度更低嗎?
- ■雜湊 (hash) 可以讓搜尋時間複雜度更接近常數時間,也就是不會因為元素個數增加而增加搜尋時間
- ■雜湊表格 (hash table) 使用一個固定大小的陣列去儲存資料,但是儲存的索引由雜湊函數決定
 - ▶ 雜湊函數:將每個元素值對應到一個整數值

使用陣列實作雜湊容器 [1]

■使用一個可變大小的陣列

```
vector<ElemType> > table;
```

- ▶ 插入元素時,使用雜湊函數將插入的值對 應到陣列的編號
- ▶ 搜尋元素時,使用雜湊函數將搜尋的值對 應到陣列的編號,然後檢查陣列的元素值 是否與搜尋的值相等。相等代表找到,而 不相等代表沒找到

[0] ? [1] ? [2] 9 [3] ? [4] ?

[5]

[6]

table

使用陣列實作雜湊容器 [2]

- ■使用一個可變大小的陣列
 - ▶ 陣列裡每個格子存兩個資訊:
 - 是否已經使用? (bool)
 - 元素值 (ElemType)

vector<pair<bool, ElemType> > table;

- ▶ 插入元素時,使用雜湊函數將插入的值對應 到陣列的編號,然後將元素值置入陣列同時 將『已使用』設為 true
- ▶ 搜尋元素時,使用雜湊函數將搜尋的值對應 到陣列的編號,然後檢查陣列內『已使用』 是否為 true,再比較元素值是否與搜尋的 值相等。相等代表找到,而不相等代表沒找 到

[碰撞] 如果兩個值對應到同樣的索引怎麼辦?

已使用 元素值 F F F F

[0]

 $\lceil 1 \rceil$

[2]

[3]

[4]

[5]

[6]

使用陣列實作雜湊容器 [3]

■使用一個可變大小的陣列

- ▶ 陣列裡每個格子存兩個資訊
- ▶ 插入元素時,使用雜湊函數將插入的值對應到陣列的編號。檢查要插入的位置是否已被使用,如果已被使用就找下一個可能的位置(例如往下一格)做一樣的檢查,直到找到未被使用的位置後將元素值置入陣列同時將『已使用』設為 true
- ▶ 搜尋元素時,使用雜湊函數將搜尋的值對應到陣列的編號。檢查陣列內的『已使用』是否為 **true**,是的話再比較元素值是否與搜尋的值相等。如果不相等的話要繼續往下一個可能的位置做一樣的檢查,直到該格子是未被使用的位置才能停

是 [4] **T 4** 尋 [5] **T 16** 未 [6] **F** ?

已使用

F

[0]

[1]

[2]

[3]

元素值

9

依序插入 9, 4, 2, 16

[連續性] 要怎麼刪除一個值?

【範例】使用陣列實作雜湊容器[4]

- ■使用一個可變大小的陣列
 - ▶ 陣列裡每個格子存兩個資訊:
 - 使用狀態 (int):
 - * 0: 未使用過, 1: 已使用, -1: 曾經使用但被刪除
 - 元素值 (ElemType)
 - ▶插入元素時,先用雜湊函數對應到陣列的編 號後,找到可插入的位置。可插入的位置包 含『未使用過』還有『曾經使用但被刪除』
 - ▶ 搜尋元素時,先用雜湊函數對應到陣列的編 號後,依序檢查是否是要找的元素。一直找 到『未使用過』的格子後才能停止。
 - ▶刪除元素時,先用雜湊函數對應到陣列的編 號後,找到要刪除的元素,接著將使用狀態 設定為『曾經使用但被刪除』

元素值 狀態 [0] $\lceil 1 \rceil$ [2] 9 [3] [4] [5] **16** [6]

使用

依序插入 9, 4, 2, 16 後刪除 4

如果沒有未使用過的 的格子怎麼辦?

[範例] hash.cpp

【範例】串列雜湊表格

vector<list<ElemType> > table; [0] NULL 動態刪除 [1] NULL [2] 9 NULL [3] NULL [4] NULL NULL [5] 碰撞太多時要重新使用比較大 的陣列做雜湊來加速搜尋 [6] NULL

依序插入 9, 4, 2, 16

[範例] linked_hash.cpp

STL 的雜湊

- 在 C++03 以前, STL 並沒有公開的雜湊相關容器或類別。在 C++11 以後, STL 提供了下列的模版作為雜湊容器或類別使用:
 - ▶ hash 類別模版:用來作為雜湊函式物件類別模版
 - 可以產生常見型態的平均分布雜湊函式

```
hash<string> h;

cout << h("Hello") << endl;
cout << h("world") << endl;</pre>
```

- ▶ unorder_set 類別模版:用雜湊做的集合容器
- ▶ unorder_map 類別模版:用雜湊做的映射容器

【補充】在 Dev C++ 使用 C++11

- 在 Dev C++ 內開啟 C++11 的功能:
 - ▶ Tools > Compiler Options > Settings > Code Generation > Language standard > 選擇 ISO C++11 或 GNU C++ 11
 - ▶ ISO C++11 指的就是 C++11 的標準版,而 GNU C++11 則還加上了 GNU 編譯器對 C++11 的一些擴充功能。

集合與映射容器

- ■集合的概念在於集合容器內的每個元素都只會出現一次,當你插入與某已有元素比較結果為相同的新元素時,集合並不會變大。
 - 例如想統計一篇文章中出現過多少種字,我們就可以將每個字都插入到集合容器中,看最後容器大小就知道有多少種不同的字
- ■映射的概念比集合多了一些資訊:映射容器內每個元素除了用來做比較的鍵值 (key) 外,還可以附帶一個內容值 (value)。
 - ▶ 例如我們可以用電話號碼做鍵值,用該電話的擁有者資料做內容值。之後我們可以快速使用電話號碼來搜尋電話的擁有者資料
- ■集合跟映射都是種可以用來作快速搜尋的容器

STL 雜湊的集合與類別

- C++11 內的雜湊容器有兩種:
 - ▶ <unordered_set> 內的 unordered_set 類別模 組:無序型集合容器
 - ▶ <unordered_map> 內的 unordered_map 類別模組:無序型映射容器
- ■因為是雜湊容器,使用迭代器依序印出這兩個容器內 的元素值時,並不會依照值大小順序。
 - ▶ 下一章會介紹 <set> 與 <map> 是有序型的
- 每一種鍵值都只會出現一次 ,不會有兩個元素值比較 結果是相等的。
 - ▶ 當你插入已有的值時,是不會有任何效果

	線性搜尋 (linear search)	二元搜尋 (binary search)	雜湊 (hash)
相關函式	std::find, std::find_if	std::lower_bound, std::upper_bound, std::binary_search	std::hash (函式類別模版)
適用容器	一般容器: std::array std::vector std::deque std::forward_list std::list	排序後的一般容器 (如左格)	特殊容器: std::unordered_set, std::unordered_map
搜尋時間	與元素個數成正比	排序的成本 + 與元素個數的對數成正比	可能與元素個數無關 [,] 但 與碰撞程度相關
插入新增或修 改元素時間	與使用容器相關 (無額外負擔)	與使用容器相關 + 維持排序的成本	可能與元素個數無關 [,] 但 可能需要重新配置雜湊 (與個數成正比)

使用二元搜尋樹