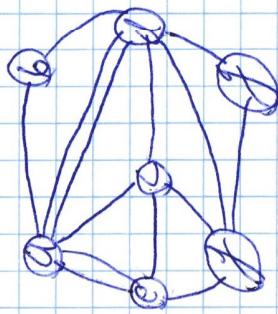


Nikita Polyanskiy
P550048833

Matematica Discreta

Ejercicios de sesiones 5-9

Problema 4.1



i) es conexo

(no perdido)

ii) Si, no tiene vértices de grado impar

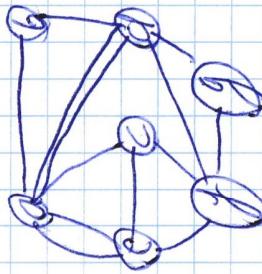
Un grafo es euleriano solo si no tiene vértices de grado impar.

a 6
b 2
c 4
d 4
e 4
f 4
g 2

iii) no tiene camino euleriano ya que se necesita 2 vértices de grado impar.

a, e, f, g, d, a, e, c, f, d, b, a, c, d, g

Problema 9.2



- i) No es un grafo euleriano al tener vértices de grado par
 $c \rightarrow 3$
 $d \rightarrow 5$
- ii) Tiene un camino euleriano ya que tiene exactamente 2 vértices de grado impar.
- iii) $c, a, e, f, g, d, a, b, d, a, e, c, f, d$

Problema 9.5

$$\begin{array}{ccccc} 1 & - & 2 & - & 3 \\ | & & | & & | \\ 1 & & 1 & & 1 \\ 5 & & 6 & - & 7 \\ & & & & 8 \end{array}$$

- iv) El grafo tendría que tener el mismo número de vértices y aristas, en este caso 8.

v) $\Delta(G)$

1	2	3	4
2	3	4	5
3	4	5	6
4	5	6	7
5	6	7	8

iii) $\begin{array}{c} 1 \\ | \\ 2 \end{array}$ — $\begin{array}{c} 3 \\ | \\ 1 \end{array}$ — $\begin{array}{c} 4 \\ | \\ 5 \end{array}$ (+ R.S. V. falso 2 segundas)

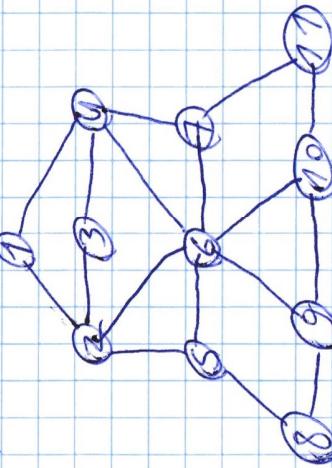
IV) d2, f6
f2, 36

R.6) Se produciría un Ciclo, se quitarían los no utilizados

v) No habría vértices con grado mayor a 2
por lo que no habría Ciclo hamiltoniano

vi) Tiene que haber como mucho 2 aristas por vértice
el vértice 2 tiene 4.

Problema 4.7



P.1 Es conexo

P.2 Tiene por lo menos la misma cantidad de aristas que de vértices.

P.4 Todos los vértices tienen grado ≥ 2

P.5 Aristas de vértices de grado 2 segundas

Problem 4.8

PS {1, 6, 8, 5, 104}

Problema 5 Lección 3

Ejercicio 2:

3) $32x^4y^2 + 5z^2$

x

1

2.

$$\frac{3^2 + 4^2}{5}, 2 - 10$$

+ 5

3 2 4 2

Ejercicio 3:

4) $(z-2)^{(5-3)} = 0$

↑

- x

2 2 5 3

Ejercicio 4:

3) $\frac{+}{-} \frac{-}{-} \frac{-}{+}$

$x \quad x \quad x \quad x \quad x$

NPT

ZDZ

$x \times 2^1 - x \times 3^1 \times 4^1 +$

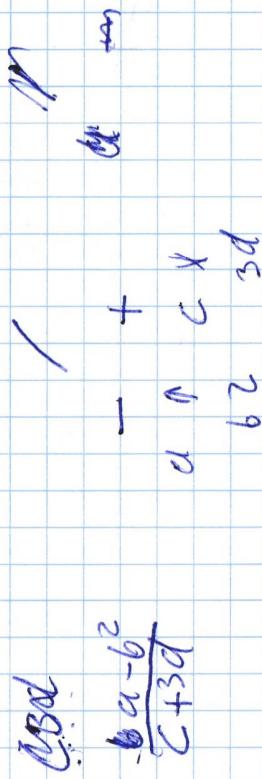
NPD

$+ - x \times 2 - x \times 3 \times 4$

Ejercicio 5

$$1 - a \uparrow b \downarrow + c \times d$$

(sum of partials)



$$NPT = \cancel{a_2} \cancel{b_2} \cancel{c_2} \cancel{d_2} +$$

$$a_1 b_2 \uparrow - c_1 \cancel{3d} \times + /$$

$$= T - \cancel{P} T + /$$

$$= a \uparrow \downarrow - \cancel{P} c \times + /$$

$$a_1 b_2 \uparrow - c_1 \cancel{3d} \times + /$$

Ejercicio 9:

$$|V_{eff}| = 1 \quad 3V_3 \quad 2V_3 \quad 5V_2$$

$$V_1 \cancel{\exists} 2 \quad 10 \cdot V_1$$

$$A = 11V - 1$$

My

Ejercicio 10:

A₂ solo tiene un vertice de grado 2, por lo tanto es un grafo completo de 2

A₂ tiene que haber |V|-1=|A|, hay 5V y 9A

$$\begin{array}{l}
 \text{Arcos} \\
 \text{Arco } 1 \rightarrow 2: 9 + 1 = 10 \\
 \text{Arco } 2 \rightarrow 3: 8 + 1 = 9 \\
 \text{Arco } 3 \rightarrow 4: 7 + 1 = 8 \\
 \text{Arco } 4 \rightarrow 1: 6 + 1 = 7 \\
 \text{Arco } 1 \rightarrow 4: 9 + 1 = 10
 \end{array}$$

$$W = \begin{bmatrix}
 6 & 2 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 9 & 8 & 8 & 4 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \\
 1 & 1 & 10 & 1 & 8 & 1 & 8 & 1 & 8 & 1 \\
 3 & 8 & 1 & 10 & 10 & 1 & 10 & 1 & 10 & 1 \\
 8 & 0 & 0 & 0 & 5 & 1 & 0 & 1 & 0 & 3 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 5 & 1 & 0 & 3 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 5 & 1 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 5 & 1 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 5
 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix}
 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\
 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\
 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\
 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1
 \end{bmatrix}$$

$$\text{iii) } S_1 = \emptyset \Rightarrow V_1 = \{ \text{S100} \}$$

iii) 7 vértices, con 24 arcos, 0 aristas

D con 1, 2, 4, 6

S es el conjunto de Salida de 2 y 6, para q j 1

V100 = Vértices de Salida
Columnas = Vértices de Entrada

2 en (9) y 1 a 4 (9)

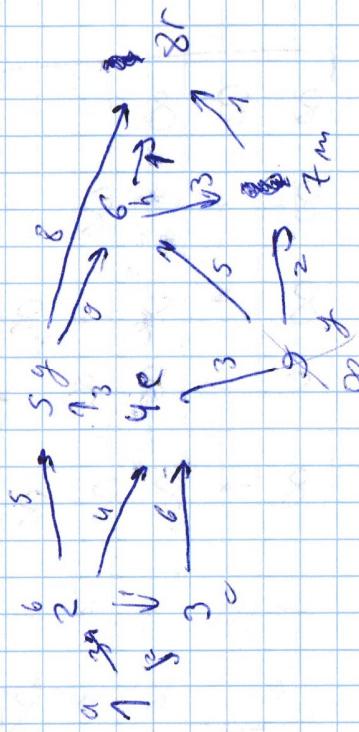
6.3

i) A C.I.(110), empieza por $U_1 = 0$ (y quita el resto del grafo)

si no contiene un círculo

$$U_1 = 0$$

$$U_2 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{1k}\}$$



$$U_2 = U_1 + w_{12} = 0 + 3 = 3$$

$$U_3 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{2k}\} = \min \{U_1 + w_{13}, U_2 + w_{23}\} = \min \{3 + 5, 0 + 2\} = 5$$

$$U_4 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{3k}\} = \min \{U_1 + w_{14}, U_2 + w_{24}, U_3 + w_{34}\} = \min \{3 + 7, 0 + 6, 5 + 4\} = 7$$

$$U_5 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{4k}\} = \min \{U_2 + w_{25}, U_3 + w_{35}, U_4 + w_{45}\} = \min \{5 + 3, 5 + 7, 7 + 3\} = 8$$

$$U_6 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{5k}\} = \min \{U_3 + w_{36}, U_4 + w_{46}\} = 8 + 9 = 17$$

$$U_7 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{6k}\} = \min \{U_4 + w_{47}, U_5 + w_{57}\} = \min \{7 + 8, 8 + 7\} = 15$$

$$U_8 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{7k}\} = \min \{U_5 + w_{58}, U_6 + w_{68}, U_7 + w_{78}\} = \min \{8 + 5, 17 + 9, 15 + 8\} = 16$$

$$U_9 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{8k}\} = \min \{U_6 + w_{69}, U_7 + w_{79}\} = \min \{17 + 1, 15 + 8\} = 18$$

$$\text{No } \begin{cases} U_7 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{6k}\} = \min \{U_4 + w_{47}, U_5 + w_{57}\} = \min \{7 + 8, 8 + 7\} = 15 \\ U_8 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{7k}\} = \min \{U_5 + w_{58}, U_6 + w_{68}, U_7 + w_{78}\} = \min \{8 + 5, 17 + 9, 15 + 8\} = 16 \end{cases}$$

$$\text{No } \begin{cases} U_7 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{6k}\} = \min \{U_4 + w_{47}, U_5 + w_{57}\} = \min \{7 + 8, 8 + 7\} = 15 \\ U_8 = \min_{k \in S} \{U_k + w_{7k}\} = \min \{U_5 + w_{58}, U_6 + w_{68}, U_7 + w_{78}\} = \min \{8 + 5, 17 + 9, 15 + 8\} = 16 \end{cases}$$

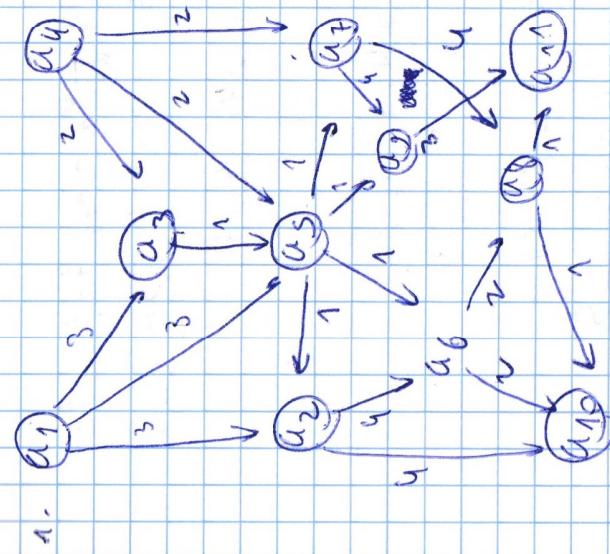
$$U_9 = 18$$

Comienzo de G5

$$\begin{array}{l} \text{i: } a - b - g - h \\ \text{ii: } a - b - g - h - m \\ \text{iii: } a - b - g - h - m - r \\ \text{iv: } a - b - g - h - m - r \\ \text{v: } a - b - g - h - m - r \end{array}$$

Leccción 4

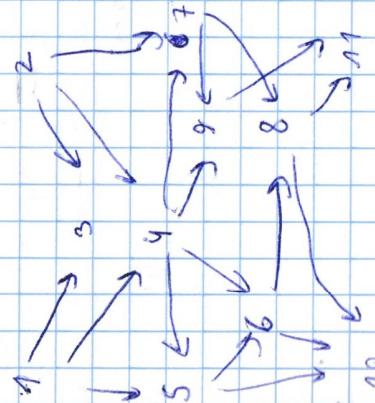
Ejercicio 1:



2.

$$W = \begin{bmatrix} 0 & 3 & 3 & 0 & 3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

3.- Plazamos vértices con $de = 0$, 10 vértices y 10 edificios, luego se repite



se repiten los mismos números que estás. 1. hay 2, 10, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11. Vertece siempre hay 10 en de=0, si lo hubiere a 10 no pasa lo .

$$\begin{cases} u_1 = 0 \\ u_2 = 0 \end{cases}$$

$$u_3 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K3} \} = \max \{ u_1 + w_{13}, u_2 + w_{23}, \dots, u_9 + w_{93} \} = 3$$

$$u_4 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K4} \} = \max \{ u_1 + w_{14}, u_2 + w_{24}, \dots, u_9 + w_{94} \} =$$

$$0 + 3 / 0 + 2 / \cancel{0 + 1} = 4$$

$$u_5 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K5} \} = \max \{ u_1 + w_{15}, u_4 + w_{45} \}$$

$$0 + 3 / 0 + 1 = 5$$

$$u_6 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K6} \} = \max \{ u_5 + w_{56}, u_4 + w_{46} \} =$$

$$5 + 4 / 4 + 1 = 9$$

$$u_7 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K7} \} = \max \{ u_4 + w_{47}, u_2 + w_{27} \}$$

$$4 + 1 / 0 + 2 = 5$$

$$u_8 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K8} \} = \max \{ u_6 + w_{68}, u_7 + w_{78} \}$$

$$9 + 2 / 9 + 1 = 11$$

$$u_9 = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K9} \} = \max \{ u_9 + w_{99}, u_7 + w_{79} \}$$

$$= 9 + 1 / 5 + 4 = 9$$

$$u_{10} = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K10} \} = \max \{ u_5 + w_{510}, u_6 + w_{610}, u_8 + w_{810} \}$$

$$5 + 4 / 9 + 2 / 11 + 1 = 12$$

$$u_{11} = \max_{K \in \mathcal{S}} \{ u_K + w_{K11} \} = \max \{ u_5 + w_{511}, u_8 + w_{811} \}$$

$$9 + 3 \cancel{+ 1} / 11 + 1 = 12$$

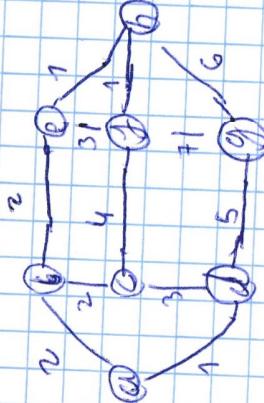
12 dias para completar projeto (analogia)

$$1 - 3 - 5 - 6 - 8 - 11 - 10$$

$$12$$

$$7 \cdot \text{máximo 2 dias} / \text{dias} \rightarrow \frac{u_7}{u_6} \rightarrow u_8$$

Problema 7.2



Algoritmo Dijkstra desde uA

Vertice	Paso 1	Paso 2	Paso 3	Paso 4	Paso 5	Paso 6	Paso 7	Paso 8
a	[0, a]	*	*	*	*	*	*	*
b	(2, a)	(2, a)	*	*	*	*	*	*
c	*	(4, d)	(4, e)	*	*	*	*	*
d	*	*	(7, a)	*	*	*	*	*
e	*	*	*	(4, b)	(4, b)	*	*	*
f	*	*	*	*	(8, g)	(7, e)	(7, e)	*
g	*	*	*	*	(6, d)	(6, d)	(6, d)	(6, d)
h	*	*	*	*	*	(5, e)	(5, e)	*

Camino Obtendrá:

$$a : a, \text{ Peso: } 0$$

$$b : a-b, \text{ Peso: } 2$$

$$c : a-b-c \rightarrow a-d-c, \text{ Peso: } 4$$

$$d : a-d, \text{ Peso: } 1$$

$$e : a-b-c-f, \text{ Peso: } 9$$

$$f : a-b-c-g, \text{ Peso: } 7$$

$$g : a-d-g, \text{ Peso: } 6$$

$$h : a-b-c-h, \text{ Peso: } 5$$

Problema 7.4

$$W = \begin{bmatrix} \infty & 2 & \infty & 3 & 8 & 20 \\ 2 & \infty & 1 & 2 & 2 & 20 \\ \infty & 1 & \infty & 3 & 20 & 20 \\ 4 & \infty & \infty & 3 & 20 & 20 \\ \infty & \infty & \infty & \infty & 3 & 20 \\ \infty & \infty & \infty & 3 & 20 & 20 \end{bmatrix}$$

Floyd - Warshall entre V_3 y V_5 :

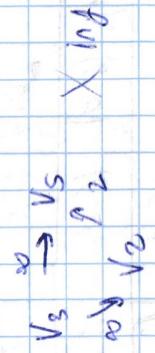
Usando V_1 como intermedio:



$$3-1-5$$

$$w=9$$

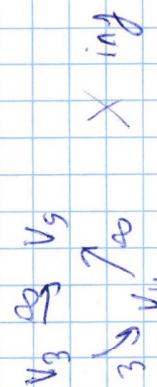
Usando V_2 como intermedio:



$$3-1-6$$

$$w=7$$

Usando V_4 como intermedio:



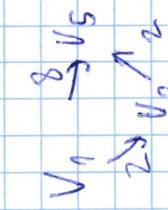
$$3-1-7$$

$$w=5$$

El camino más corto es V_3-V_1

Ahora buscamos el más corto de V_1 a V_5

Usando V_2 como intermedio



$$3-1-2-5$$

$$w=5$$

Usando V_4 como intermedio



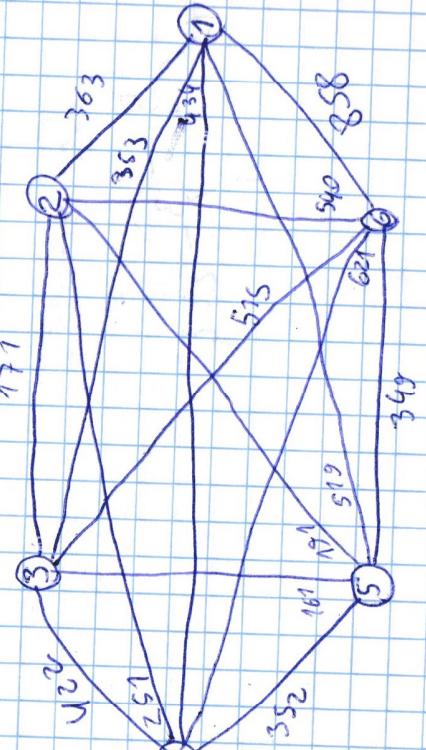
$$3-1-2-4-5$$

$$w=5$$

El camino más corto de V_3 a V_5 es $V_3-V_1-V_2-V_4-V_5$, $w=5$

PROBLEMA 7.7

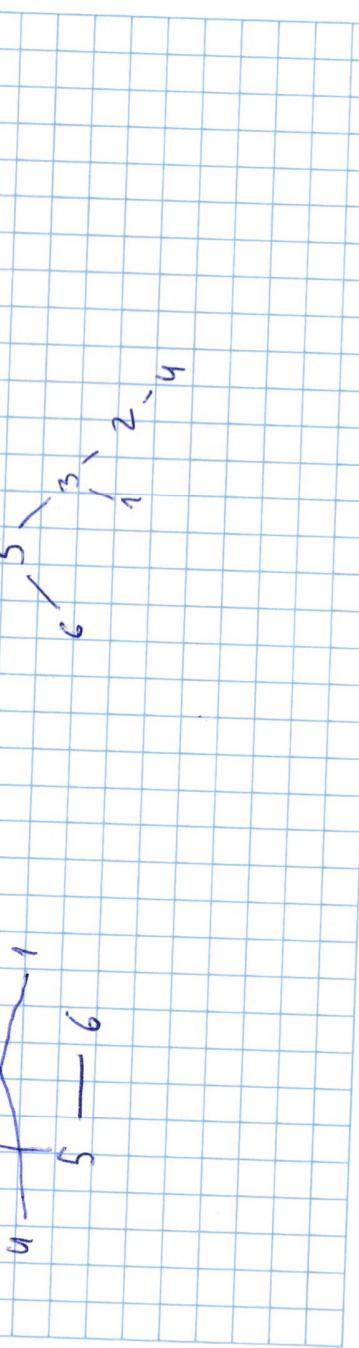
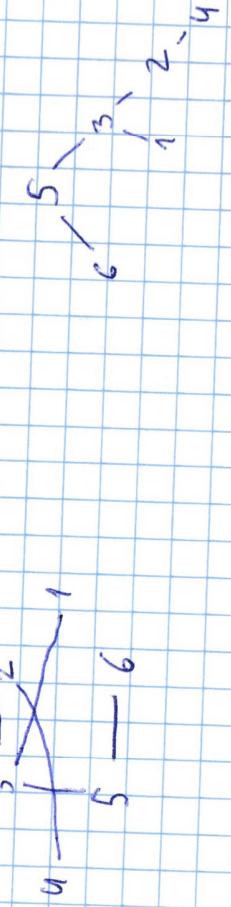
- 1 - Granada
- 2 - Albacete
- 3 - Alicante
- 4 - Madrid
- 5 - Valencia
- 6 - Barcelona



i) Empezamos seleccionando un vértice inicial y luego o las aristas con menor peso incidentes en otros vértices borrandos por cada vértice 1 vez, sin crear ciclos.

	Paso 1	Paso 2	Paso 3	Paso 4	Paso 5
Granada	519	353	353	353	353 (3-1)
Albacete	191	171 (3-2)	*	*	*
Alicante	66 (5-3)	*	*	*	*
Madrid	352	251 (2-4)	*	*	*
Valencia	Initial (0)	*	*	*	*
Barcelona	349	349	349	349 (5-6)	*

Arbol generador:



i) Seleccionamos las aristas de menor peso, pasando por vertices

Por cada vertice sin crear ciclos

5-3 (166)

9-2 (171)

4-2 (251)

3-1 (353)

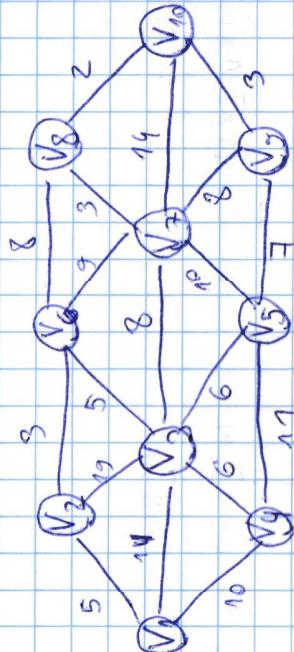
5-6 (349)

Arbol generador:

6 / 5 - 1 - 3 - 2 - 4

Leccción 4

Ejercicio 2:



	Paso 1	Paso 2	Paso 3	Paso 4	Paso 5	Paso 6	Paso 7	Paso 8	Paso 9	Paso 10
V1	[V0, V1]									
V2	(5, V1)	(5, V1)								
V3	(14, V1)	(14, V1)	(13, V6)	(13, V6)	(13, V6)					
V4	(10, V1)									
V5	∞	∞	∞	∞	(21, V4)	(19, V3)	(19, V3)	(19, V3)	(19, V3)	
V6	∞	(8, V2)	(8, V2)	(17, V6)						
V7	∞	∞	∞	(16, V6)						
V8	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	
V9	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	
V10	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	

Camino más cortos desde $V_1 =$

$$V_2: V_1 - V_2 \quad (5)$$

$$V_7: V_1 - V_2 - V_6 - V_7 \quad (17)$$

$$V_8: V_1 - V_2 - V_6 - V_8 \quad (16)$$

$$V_9: V_1 - V_2 - V_6 - V_8 - V_9 \quad (27)$$

$$V_3: V_1 - V_2 - V_6 - V_3 \quad (13)$$

$$V_4: V_1 - V_4 \quad (10)$$

$$V_5: V_1 - V_2 - V_6 - V_3 - V_5 \quad (19)$$

$$V_6: V_1 - V_2 - V_6 \quad (8)$$

$$V_7: V_1 - V_2 - V_6 - V_8 - V_7 - V_9 \quad (18)$$

Ejercicio 3:

$$W^0 = \begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & \infty & 9 \\ 4 & \infty & \infty & \infty & \infty \\ 1 & \infty & \infty & \infty & \infty \\ \infty & \infty & \infty & \infty & \infty \\ 9 & \infty & \infty & \infty & \infty \end{bmatrix}$$

Floyd Warshall

$$W^1 = \boxed{\begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & \infty & 9 \\ 4 & \infty & 4 & 4 & \infty \\ 1 & 4 & \infty & 3 & \infty \\ \infty & 4 & 3 & \infty & 4 \\ 9 & \infty & \infty & \infty & \infty \end{bmatrix}}$$

$$w^1[3,2] = 2$$

$$w^0[3,1] + w^0[1,2] = \infty + 4$$

$$w^0[2,1] + w^0[1,2] = \infty + 4 \Rightarrow$$

$$W^2 = \boxed{\begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & \infty & 9 \\ 4 & \infty & \infty & \infty & \infty \\ 1 & \infty & \infty & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 3 & \infty & 4 \\ 9 & \infty & 4 & \infty & \infty \end{bmatrix}}$$

$$w^1[1,3] = 1$$

$$w^1[1,2] + w^1[2,3] = 4 + \cancel{\infty}$$

$$W^3 = \boxed{\begin{bmatrix} \infty & 3 & 1 & 4 & 9 \\ 3 & \infty & \infty & \infty & \infty \\ 1 & \infty & \infty & 3 & \infty \\ 4 & \infty & 3 & \infty & 4 \\ 9 & \infty & \infty & 4 & \infty \end{bmatrix}}$$

$$w^2[1,2] = 4$$

$$w^2[1,3] + w^2[3,4] = 1 + 3 = 4$$

$$w^2[1,4] = \infty$$

$$w^2[1,5] + w^2[3,5] = 1 + \cancel{\infty}$$

$$W^4 = \boxed{\begin{bmatrix} \infty & 3 & 1 & 4 & 9 \\ 3 & \infty & \infty & \infty & \infty \\ 1 & \infty & \infty & 3 & \infty \\ 4 & \infty & \infty & 4 & \infty \\ 9 & \infty & \infty & \infty & \infty \end{bmatrix}}$$

$$w^3[1,5] = 9$$

$$w^3[1,4] + w^3[4,5] = 8$$

$$w^3[3,5] = 6$$

~~$$w^3[5,4] + w^3[4,5] = 7$$~~

~~$$w^3[5,4] + w^3[4,5] = 7$$~~

$$W^S = \begin{bmatrix} \infty & 3 & 1 & 4 & 6 \\ 4 & \infty & 20 & 20 & 20 \\ 2 & 2 & \infty & 3 & 7 \\ 12 & 2 & 2 & \infty & 4 \\ 9 & 17 & 17 & 2 & \infty \\ 5 & 7 & 5 & 8 & \infty \end{bmatrix}$$

$$W^4[4,2] = \infty$$

$$W^S[4,5] + [5,2] = 11$$

2- El Camino más Corto de 4 a 2 es 4-5-1-2 (13)
Como se puede ver en la tabla calcular de W^4 y W^S

3- Volvemos a calcular W^4 y W^S sin V_3 (a Partir de W^2)

$$W^2 = \begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & 20 & 3 \\ 4 & \infty & 20 & 20 & 20 \\ 1 & 20 & \infty & 3 & 20 \\ 20 & 20 & 3 & \infty & 4 \\ 1 & 20 & 20 & 4 & \infty \end{bmatrix}$$

$$S \neq S \neq \infty$$

~~$$W^4 = \begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & 20 & 3 \\ 20 & \infty & 20 & 20 & 20 \\ 4 & 20 & \infty & 3 & 20 \\ 20 & 20 & 20 & \infty & 4 \\ 1 & 20 & 20 & 4 & \infty \end{bmatrix}$$~~

$$S \neq S \neq \infty$$

$$W^4 = \begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & 20 & 3 \\ 20 & \infty & 20 & 20 & 20 \\ 4 & 20 & \infty & 3 & 20 \\ 20 & 20 & 20 & \infty & 4 \\ 1 & 20 & 20 & 4 & \infty \end{bmatrix}$$
~~$$S \neq S \neq \infty$$~~

$$W^S = \begin{bmatrix} \infty & 4 & 1 & 20 & 3 \\ 20 & \infty & 20 & 20 & 20 \\ 4 & 20 & \infty & 3 & 20 \\ 20 & 20 & 3 & \infty & 4 \\ 1 & 20 & 20 & 4 & \infty \end{bmatrix}$$

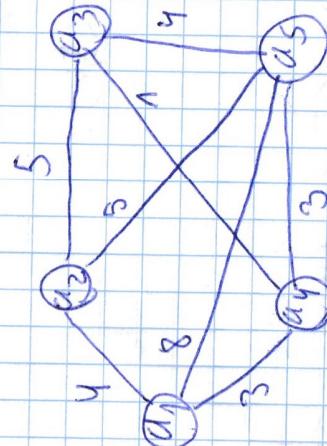
$$S \neq S \neq \infty$$

$$W^4[4,2] = \infty$$

$$W^S[4,5] + [5,2] = 4+2 = 13$$

El Camino más Corto de 4 a 2 es 4-5-1-2 (13)

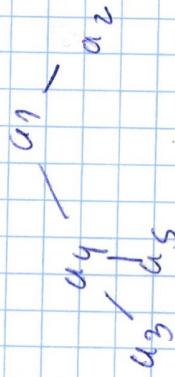
Ejercicio 4



- 1- Debemos obtener los caminos mas cortos entre cada par de vértices (Floyd-Warshall), [prim] ...
- 2- Empezando seleccionando un vértice inicial y luego de la lista co menor peso, incidente con otros vértices que ya hemos seleccionado, sin crear ciclos.

	Paso 1 a1 (Incial)	Paso 2	Paso 3	Paso 4	Paso 5
a2	4	4	*	*	*
a3	10	1 (4-3)	*	*	*
a4	3 (1-4)	*	*	*	*
a5	8	3	3 (4-5)	*	*

Arbol generador,



- 3- Seleccionamos los aristas de menor peso, hasta haber obtenido todos los vértices, sin crear ciclos.

Arbol generador



u - Vértice inicial = $a_3 - a_5$

	Peso 1	Peso 2	Peso 3	Peso 4
a_1	a	8	$3(4-1)$	*
a_2	5	5	5	$4(1-2)$
a_3	Inicial (e)	*	*	*
a_4	1	1 (3-4)	*	*
a_5	$4(3-5)$	*	*	*

$a_3 - a_5$

$a_4 - a_3 - a_2$

S - Lo mismo, otra vez de utilizar la arista con menor peso, utilizamos $a_3 - a_5$ como inicial

$a_3 - a_5 (4)$

$a_3 - a_5$

↓

a_4

↓

a_1

↓

a_2