## Cours de physique de 6<sup>e</sup> secondaire - 2021-2022 En cours de rédaction et correction - ne pas distribuer tout commentaire bienvenu par email à manueldephysique@educode.be

Alexandra David - Corinne Leyssen - Nicolas Pettiaux - Matteo Poncé 2 juin 2022

This work is licensed under a Creative Commons "Attribution-NonCommercial-ShareAlike 3.0 Unported" license.



### Table des matières

|            | os à regarder  |
|------------|--|
| 1.2 Diffé  |  |
| 1.2 171110 | rentes formes d'énergie d'un oscillateur harmonique                    |
| 1.3 Ener   | gie totale d'un oscillateur harmonique                                 |
| 1.4 Que    | représente k?  |
| 1.5 Évol   | ution au cours du temps des énergies cinétique, potentielle et totale. |
| 1.6 Énei   | gie d'un oscillateur harmonique - exercices                            |
| 1.6.1      | Exercice 1   |
| 1.6.2      | Exercice 2   |
| 1.6.3      | Exercice 3   |
| 1.6.4      | Exercice 4   |
| 1.6.5      | Exercice 5   |
| 1.6.6      | Exercice 6   |
| 1          | 1.5 Évolu<br>1.6 Éner<br>1.6.1<br>1.6.2<br>1.6.3<br>1.6.4              |

## 1 Énergie de l'oscillateur harmonique

#### 1.1 Vidéos à regarder

- 1. Bilan énergétique de l'oscillateur horizontal
- 2. Énergie d'un oscillateur masse-ressort horizontal

## 1.2 Différentes formes d'énergie d'un oscillateur harmonique

- 1. Energie cinétique (due à la vitesse) :  $E = \frac{1}{2}mv^2$
- 2. Energie potentielle gravifique (due à la hauteur) : E = mgh
- 3. Energie potentielle élastique (due à la compression ou dilatation d'un ressort)  $E = \frac{1}{2}ky^2$

## 1.3 Energie totale d'un oscillateur harmonique

L'énergie totale mécanique d'un oscillateur harmonique est la somme des énergies cinétique et potentielle (gravifique pour un pendule simple et élastique pour un ressort horizontal).

Dans le cas où les frottements sont négligés, l'énergie totale reste constante (principe de conservation d'énergie).

Exprimons mathématiquement ce principe en répondant à la question :

En toute généralité, quelle est l'énergie totale d'un oscillateur harmonique (que ce soit un pendule simple ou un pendule élastique)?

Lorsqu'un oscillateur harmonique est à une position extrême (+A ou -A), l'énergie cinétique est nulle et l'énergie potentielle maximale (énergie potentielle

gravifique pour un pendule simple et énergie potentielle élastique pour un ressort horizontal).

De même, pour un oscillateur harmonique (quel qu'il soit), lorsque la vitesse est maximale, l'énergie potentielle est nulle (énergie potentielle gravifique pour un pendule simple et énergie potentielle élastique pour un ressort horizontal). L'énergie totale de l'OH  $(E_T)$  est donc égale à  $E=\frac{1}{2}mv_{\rm max}^2$ 

Or nous savons que :  $E_{\rm T} = \frac{1}{2} m v_{\rm max}^2$  avec  $v_{\rm max} = A\omega$ . Donc  $E_{\rm T} = \frac{1}{2} m v_{\rm max}^2 = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2$ 

Or T et  $\omega$  ne varient pas au cours de l'oscillation, elles sont constantes.

Notons  $k=m\omega^2$  où k est une constante. On trouve  $E_{\rm totale}=\frac{1}{2}kA^2$  qui est donc l'énergie totale d'un oscillateur harmonique.

### 1.4 Que représente k?

L'énergie totale d'un oscillateur harmonique est  $E_{\rm T}=\frac{1}{2}kA^2$  :

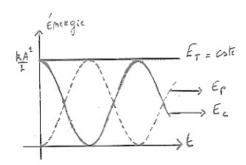
Que représente physiquement cette constante  $k = m\omega^2$ ?

Pour un pendule élastique (un ressort)

k est la constante de raideur du ressort F = kx(loi de Hooke) où x étant l'allongement du ressort à l'équilibre lorsque ce dernier est soumis à une force de traction (ou de compression) F.

Pour un pendule simple  $k=m\omega^2$   $\omega=2\frac{\pi}{T}$  et  $T=2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ . Don  $\omega^2=\frac{4\pi^2}{T^2}=4\pi^2\frac{1}{4\pi^2}\frac{g}{L}=\frac{g}{L}$  et  $\omega=\sqrt{\frac{g}{L}}$  où L est longueur du pendule et m, sa masse

# 1.5 Évolution au cours du temps des énergies cinétique, potentielle et totale.



remarque que lorsque l'énergie cinétique est maximale alors l'énergie potentielle est nulle et vice versa. Il y a constamment conversion de l'énergie cinétique en potentielle et vice versa, de telle sorte que l'énergie totale reste constante.

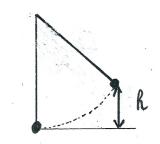
Variation de l'énergie cinétique  $E_c(t) = \frac{1}{2}mv(t) = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2\cos^2(\omega t + \phi)$ 

Variation de l'énergie potentielle  $E_p(t) = \frac{1}{2}ky^2 = \frac{1}{2}kA^2\sin^2(\omega t + \phi)$ 

L'énergie totale reste constante. Elle est égale à la somme des énergies cinétique et potentielle.

$$E_c(t) + E_p(t) = E_t = \text{constante}$$

## 1.6 Énergie d'un oscillateur harmonique - exercices



## 1.6.1 Exercice 1

Un pendule simple de longueur égale à  $40~\rm cm$  et d'une masse de  $50~\rm g$  est lâché lorsqu'il fait un angle de  $10^\circ$  avec la verticale.

- 1. Calculez son énergie potentielle maximale.
- 2. Calculez sa vitesse maximale.
- 3. Calculez sa vitesse à mi-hauteur.
- 4. Quelle est son énergie totale?

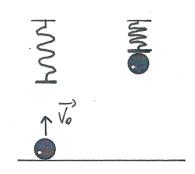
#### 1.6.2 Exercice 2



Pour lancer une boule (masse 50 g) de « flipper », on comprime de 10 cm un ressort d'une constante de raideur égale à 200 N/m. Quelle sera la vitesse de la boule lorsqu'elle aborde le virage au bout d'une course rectiligne de 1,5 m après qu'elle ait quitté le ressort. Négligez tout frottement!

- 1. si le flipper est horizontal?
- 2. s'il fait un angle de 5° avec l'horizontale?

#### 1.6.3 Exercice 3



Une balle de 500g est lancée verticalement vers le haut sur un ressort de constante de raideur égale à  $32~\rm N/m$  et de masse négligeable. La vitesse de lancer de  $2~\rm m/s$ .

Le ressort se comprime de 12 cm lorsque la bille atteint sa hauteur maximale.

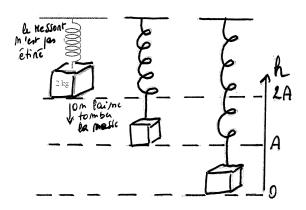
Quelle est la hauteur atteinte par la bille?

#### 1.6.4 Exercice 4

Un fusil de fléchettes comprend un ressort de raideur k=250 N/m, de longueur à vide l0=12 cm et qui, comprimé par la fléchette de masse 25 g, ne mesure plus que l=4,0 cm.

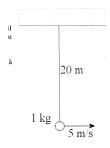
- 1. Avec quelle vitesse la fléchette sort-elle du fusil dans le cas d'un tir horizontal. Faire le calcul sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil.
- 2. Quelle altitude maximale peut-elle atteindre dans le cas d'un tir vertical? Faire le calcul sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil ni de la résistance de l'air.

#### 1.6.5 Exercice 5



La masse de 2 kg de la figure ci-contre est suspendue au plafond avec un ressort de masse négligeable et dont la constante de raideur vaut 200 N/m. Au départ, le ressort n'est pas étiré ni comprimé. On laisse alors tomber la masse sans la pousser. On aura alors un mouvement d'oscillation de la masse.

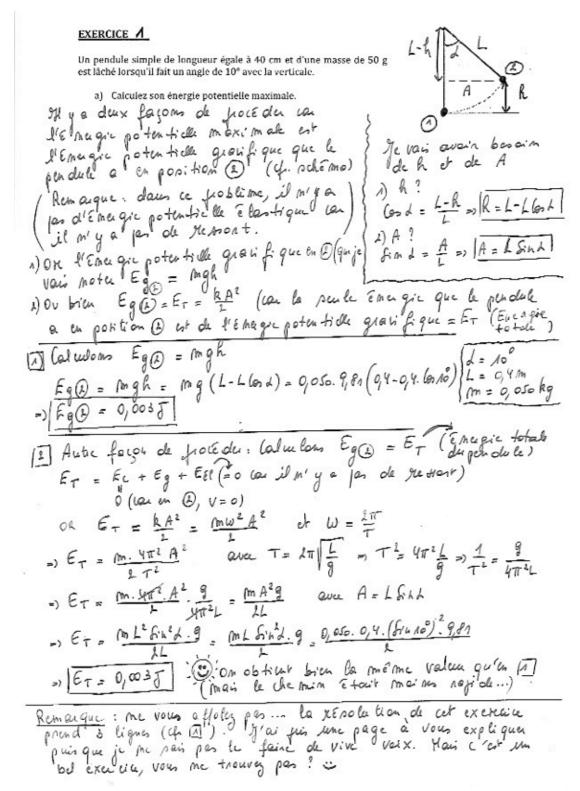
- 1. Quelle sera la distance parcourue par le ressort avant qu'il n'entame sa remontée verticale?
- 2. Quelle sera la vitesse maximale du ressort?

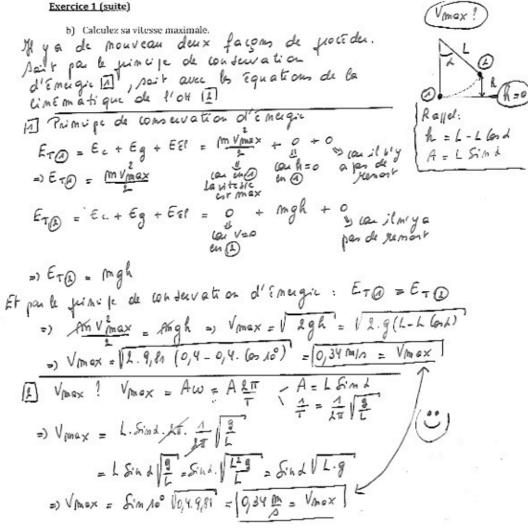


#### 1.6.6 Exercice 6

Le pendule de la figure ci-contre est en mouvement harmonique et a une vitesse de  $5~\mathrm{m/s}$  quand il passe par sa position d'équilibre. Quelle est la vitesse du pendule lorsqu'il fait un angle de  $10^\circ$  par rapport à la verticale?

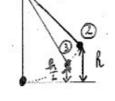
## 2 Résolutions





#### Exercice 1 (suite)

c) Calculez sa vitesse à mi-hauteur. Principe de conservation d'Emergic ETB = ETB (V3)



$$ET(3) = lmgh$$
b)  $ET(3) = EC + Eg + EEP = \frac{(mV_3)}{2} + lmg\frac{h}{L} + 0$ 

$$i lmi - hauten$$

$$E \tau_{(k)} = E \tau_{(3)} \Rightarrow Amgh = \frac{AmV_3^2}{L} + 1mg\frac{h}{2} \Rightarrow \frac{V_3^2}{2} = gh - g\frac{h}{2} = \frac{1gh - gh}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{V_3^2}{L} = \frac{gh}{L} \Rightarrow \frac{V_3}{V_3} = \sqrt{gh} = \sqrt{g(L - L(s_3 h))} = \sqrt{g_1g_1(0, 4 - 0, 4, (s_3 J_0))}$$

$$\Rightarrow \sqrt{V_3} = 0, \lambda 4 \frac{m}{s}$$

Remaiquex que la viterne à mi-hauteur m'est pas Egale à la meitie de la viterne max. (Nonmal, le problème m'est per linéaire mais haumonique).

d) Quelle est son énergie totale?

$$\begin{bmatrix}
E_T = \frac{RA^2}{L} & avec & \left[k = \ln w^2\right] & E_T = 0,003T & (49)II
\end{bmatrix}$$

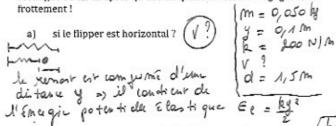
$$E_T = \frac{\ln V_{\text{Im}} ax}{L} = \frac{0,050.0,34^2}{L} = \frac{0,003T}{10,003T} = E_T$$

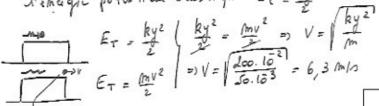
$$E_T = \ln gh = \frac{0,003T}{10,003T} = E_T$$

$$(49)II$$

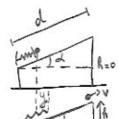
## EXERCICE &

Pour lancer une boule (masse 50 g) de « flipper », on comprime de 10 cm un ressort d'une constante de raideur égale à 200 N/m. Quelle sera la vitesse de la boule lorsqu'elle aborde le virage au bout d'une course rectiligne de 1,5 m après qu'elle ait quitté le ressort. Négligez tout

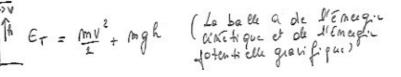




1' Emagic Elastique du Metrat com jume p'est convertie en Emagic cinetique de la balle b) s'il fait un angle de 5° avec l'horizontale? d = 50 V = 6,3 /m



$$k_{T} = \frac{1}{L}$$
 of



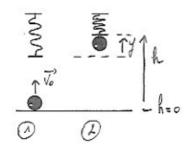
$$\Rightarrow \frac{mV^2}{2} = \frac{ky^2 - mgh}{2} \Rightarrow V = \sqrt{\frac{g}{m}} \left(\frac{ky^2 - mgh}{2}\right)^2$$

$$= \sqrt{\frac{2}{lm} \left(\frac{ky^2}{2} - lmg d sink\right)}$$

### EXERCICE 3

Une balle de 500g est lancée verticalement vers le haut sur un ressort de constante de raideur égale à 32 N/m et de masse négligeable. La vitesse de lancer de 2 m/s. Le ressort se comprime de 12 cm lorsque la bille atteint sa hauteur maximale.

Quelle est la hauteur atteinte par la bille ?



=) 
$$h = \left(\frac{\ln v_0^2 - \frac{ky^2}{2}}{2}\right) \cdot \frac{1}{\ln g}$$
  
=)  $h = \left(\frac{0.5 \cdot 1^2}{2} - \frac{31 \cdot 912^2}{2}\right) \cdot \frac{1}{0.5 \cdot 9.81} = 0.157 \text{ m}$ 

#### EXERCICE 4

Un fusil de fléchettes comprend un ressort de raideur k=250 N/m, de longueur à vide  $l_0=12$  cm et qui, comprimé par la fléchette de masse 25 g, ne mesure plus que l=4.0 cm.

 a) Avec quelle vitesse la fléchette sort-elle du fusil dans le cas d'un tir horizontal. Faire le calcul sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil.

sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil.

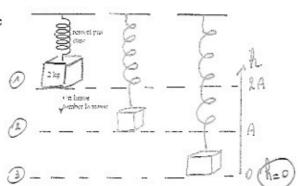
$$E_{T} = \frac{ky^{2}}{2^{2}} \qquad \frac{ky^{2}}{2^{2}} = \frac{lm V^{2}}{2^{2}}$$

$$= V = \sqrt{\frac{ky^{2}}{2}} = \frac{lm V^{2}}{lm}$$

 b) Quelle altitude maximale peut-elle atteindre dans le cas d'un tir vertical? Faire le calcul sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil ni de la résistance de l'air.

## OUESTION 5

La masse de 2 kg de la figure est suspendue au plafond avec un ressort donc la constante vaut 200 N/m. Au départ, le ressort n'est pas étiré ni comprimé. On laisse alors tomber la masse sans la pousser. On aura alors un mouvement d'oscillation de la masse.



a) Quelle sera la distance parcourue par le ressort avant qu'il n'entame sa remontée verticale?

sa remontee verticale?

$$E_{TO} = \ln g \, lA$$

$$E_{TO} = \frac{k \, lA^2}{1}$$

$$= \ln g \, lA = \frac{k \, lA^2}{2} = k \, lA^2$$

$$= \ln g = kA = \lambda = \frac{\ln g}{k} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = kA = \lambda = \frac{\ln g}{k} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = kA = \lambda = \frac{\ln g}{k} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = kA = \lambda = \frac{\ln g}{k} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = kA = \lambda = \frac{\ln g}{k} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = kA = \lambda = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = \frac{\ln g}{2} = \frac{\ln g}{2} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = \frac{\ln g}{2} = \frac{\ln g}{2} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = \frac{\ln g}{2} = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln g = \frac{1.9 \, lB}{100}$$

$$= \ln$$

## QUESTION 6

Le pendule de la figure ci-contre a une vitesse de 5 m/s quand il est à sa position d'équilibre. Quelle est la vitesse du pendule lorsqu'il fait un angle de 10° par rapport à la verticale?

=) 
$$\frac{\ln \sqrt{2} n ex}{2} = \ln g h + \frac{\ln v^{2}}{2}$$
  
=)  $\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2} n ex}{2} - g h$   
=)  $\sqrt{2} = \sqrt{2} \ln g h + \frac{\ln v^{2}}{2}$   
=)  $\sqrt{2} = \sqrt{2} \ln g h + \frac{\ln v^{2}}{2}$   
=)  $\sqrt{2} = \sqrt{2} \ln g h + \frac{\ln v^{2}}{2}$   
=)  $\sqrt{2} = \sqrt{2} \ln g h + \frac{\ln v^{2}}{2}$   
=)  $\sqrt{2} = \sqrt{2} \ln g h + \frac{\ln v^{2}}{2}$ 

