
动生电动势 、感生电动势

§ 为什么要分别讨论动生、感生电动势

历史原因；

动生电动势和感生电动势都来源于法拉第电磁感应定律，只是电动势的产生的原因不同。

本讲基本要求

掌握动生电动势和感生电动势的相关计算

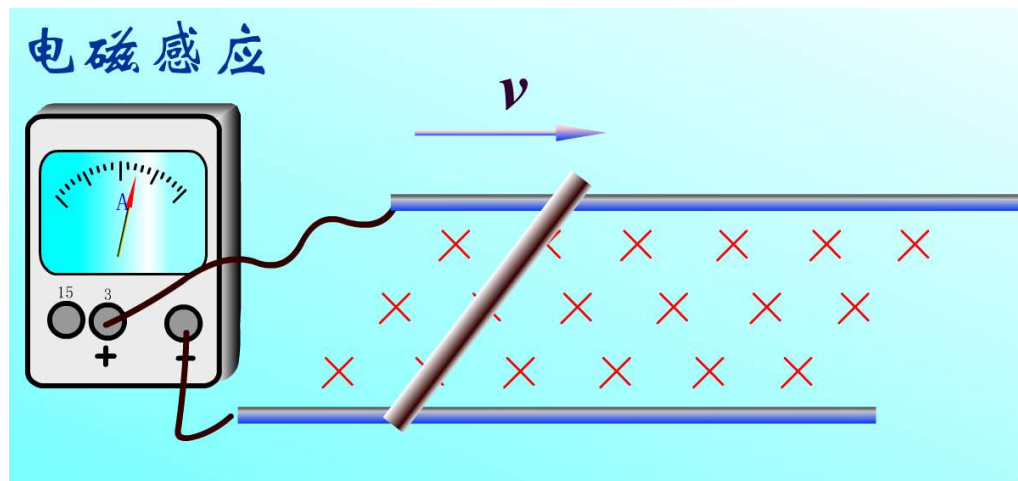
§ 15.3 动生电动势

主要内容：

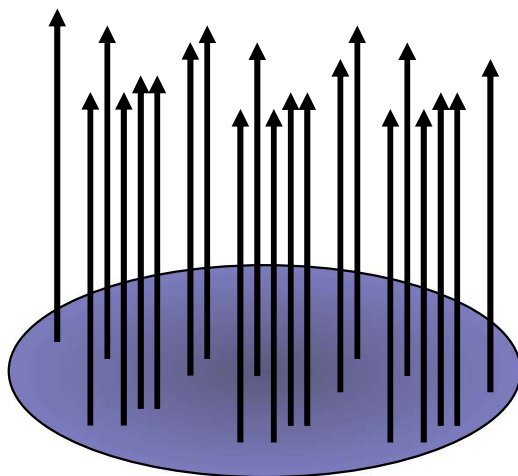
1. 动生电动势
2. 运动导体中的感应电动势
3. 转动线圈的感应电动势

§ 15.3 动生电动势

1. 磁场不变，相对运动（动生电动势）



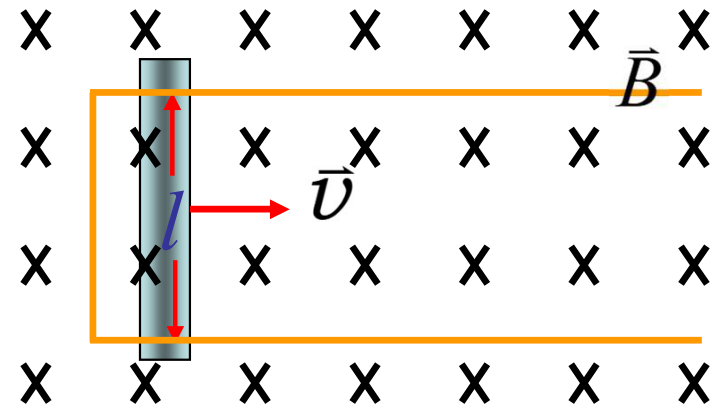
2. 无相对运动，磁场变化（感生电动势）



15.3.1 动生电动势及其非静电力

$$\begin{aligned}\varepsilon &= \left| -\frac{d\Phi_m}{dt} \right| = \left| -\frac{d(BS)}{dt} \right| \\ &= Bl \left| -\frac{dx}{dt} \right|\end{aligned}$$

$$= Blv$$

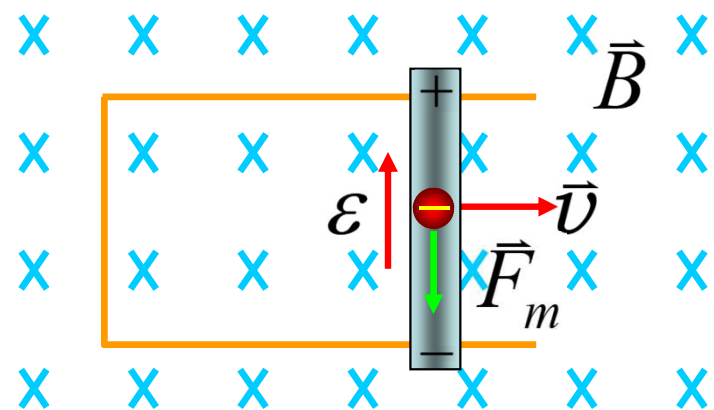


15.3.1 动生电动势及其非静电力

◆ 动生电动势的非静电力

非静电力 $\vec{F}_m = -e(\vec{v} \times \vec{B})$

非静电场强 $\vec{E}_K = \frac{\vec{F}_m}{-e} = \vec{v} \times \vec{B}$



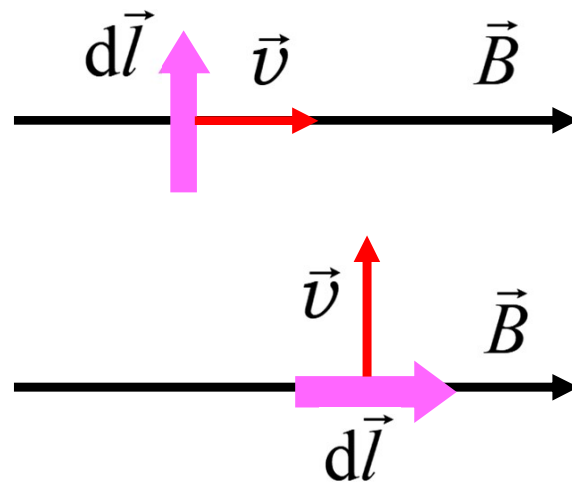
动生电动势

$$\mathcal{E} = \int_b^a \vec{E}_K \cdot d\vec{l} = \int_-^+ (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$$

➤ 讨论

(1) 矢量关系

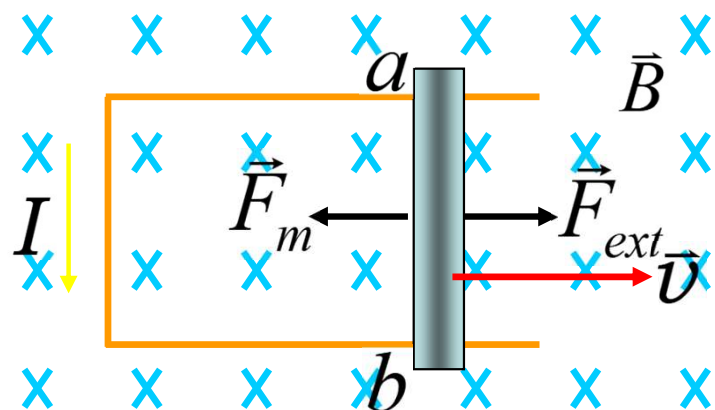
$$\varepsilon = 0 \begin{cases} \vec{v} \times \vec{B} = 0 \\ \vec{v} \times \vec{B} \neq 0 \end{cases} \quad (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l} = 0$$



(2) 导线回路

$$\varepsilon = \oint_L (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$$

(3) 电能是由外力做功所消耗的机械能转换而来

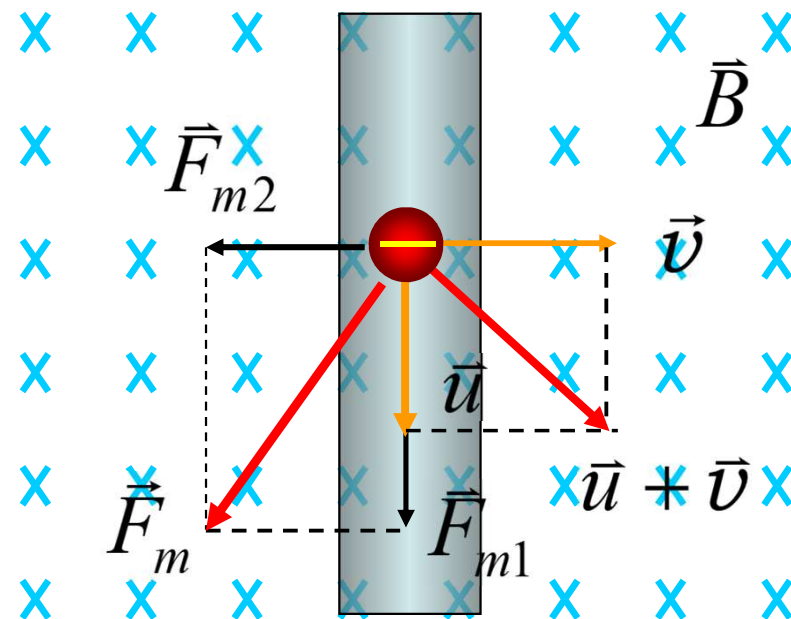


(4)动生电动势的非静电力是洛伦兹力，这与洛伦兹力不作功是否矛盾？

合速度： $\vec{u} + \vec{v}$

洛伦兹力： \vec{F}_m

结论：洛伦兹力不做功
非静电力是其分力



分力 \vec{F}_{m1} 的功率： $\vec{F}_{m1} \cdot (\vec{v} + \vec{u}) = \vec{F}_{m1} \cdot \vec{u} = (-e\vec{v} \times \vec{B}) \cdot \vec{u} = evBu$

分力 \vec{F}_{m2} 的功率： $\vec{F}_{m2} \cdot (\vec{v} + \vec{u}) = \vec{F}_{m2} \cdot \vec{v} = (-e\vec{u} \times \vec{B}) \cdot \vec{v} = -euBv$

洛伦兹力的功率： $\vec{F}_m \cdot (\vec{u} + \vec{v}) = (\vec{F}_{m1} + \vec{F}_{m2}) \cdot (\vec{u} + \vec{v}) = 0$

例 在匀强磁场 B 中，长 R 的铜棒绕其一端 O 在垂直于 B 的平面内转动，角速度为 ω

求 棒上的电动势

解 方法一 (动生电动势)

$$\begin{aligned}\varepsilon &= \int_O^A (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l} \\ &= -\int_O^R v B dl = -\int_O^R l \omega B dl = -\frac{BR^2}{2} \omega\end{aligned}$$

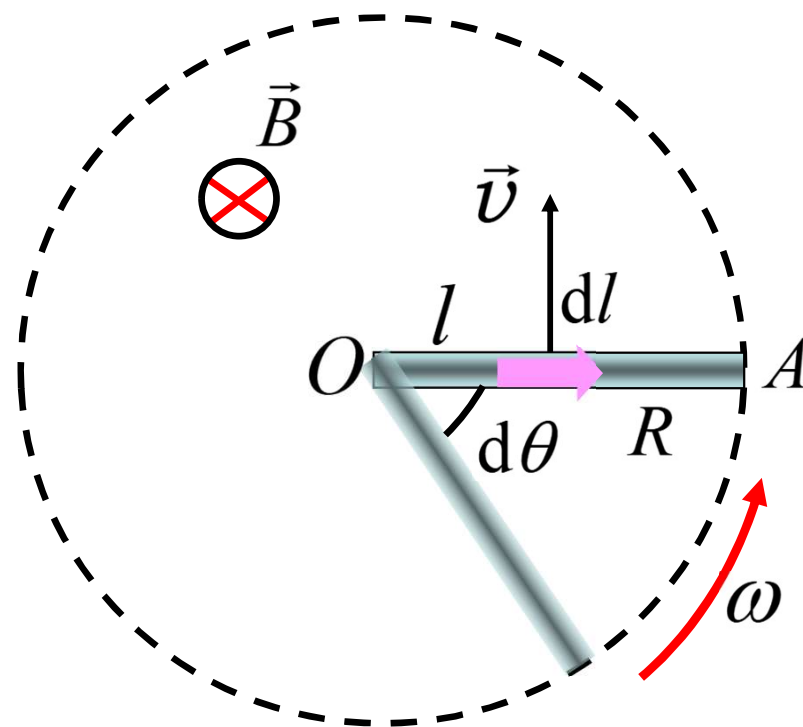
结果为负值，表示与 dl 方向相反

方法二(法拉第电磁感应定律)

在 dt 时间内导体棒切割磁场线 $|d\Phi| = \frac{1}{2} R^2 d\theta B$

$$\varepsilon = \left| \frac{d\Phi}{dt} \right| = \frac{1}{2} BR^2 \frac{d\theta}{dt} = \frac{1}{2} BR^2 \omega$$

方向由楞次定律确定



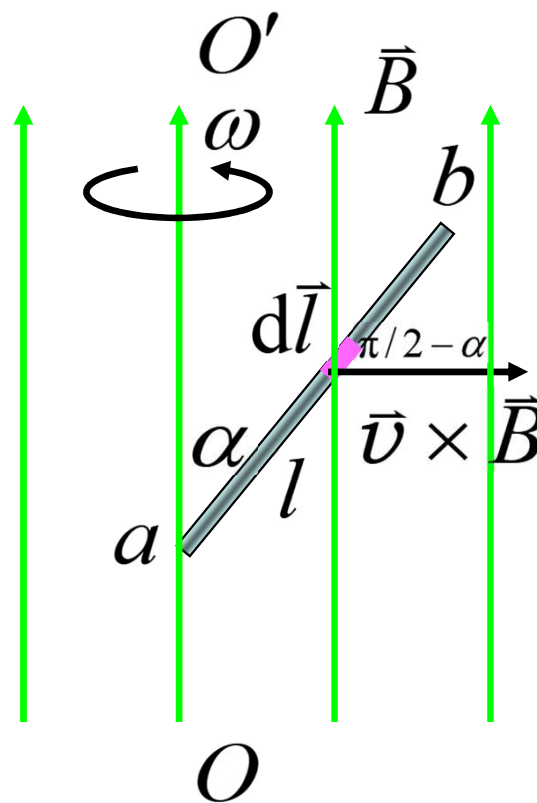
**例 在空间均匀的磁场中导线 ab 绕 oo' 轴以匀角速度 ω 旋转
求 导线 ab 中的电动势**

解 $|\vec{v} \times \vec{B}| = vB = \omega l B \sin \alpha$

$$\begin{aligned} d\varepsilon &= (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l} \\ &= vB dl \cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) \\ &= B\omega \sin^2 \alpha dl \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \varepsilon &= \int d\varepsilon_i = B\omega \sin^2 \alpha \int_0^L dl \\ &= \frac{1}{2} \omega B l^2 \sin^2 \alpha > 0 \end{aligned}$$

结果为正，表示电动势与 dl 方向一致



§ 15.4 感生电动势

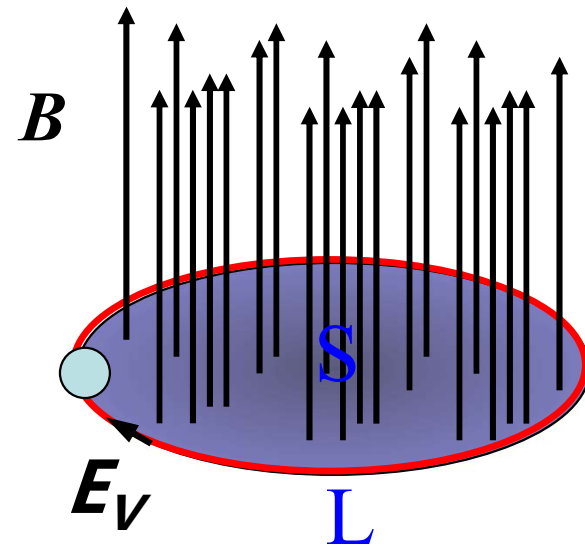
主要内容：

1. 感生电动势的非静电力 感生电场
2. 感生电场的性质
3. 感生电动势的计算
4. 导体在时变磁场里运动时的感应电动势

15.4.1 感生电动势的非静电力 感生电场

变化的磁场-----驱动线圈中的电荷作定向运动

实验上：变化的磁场在其周围激发的一种电场——感生电场。

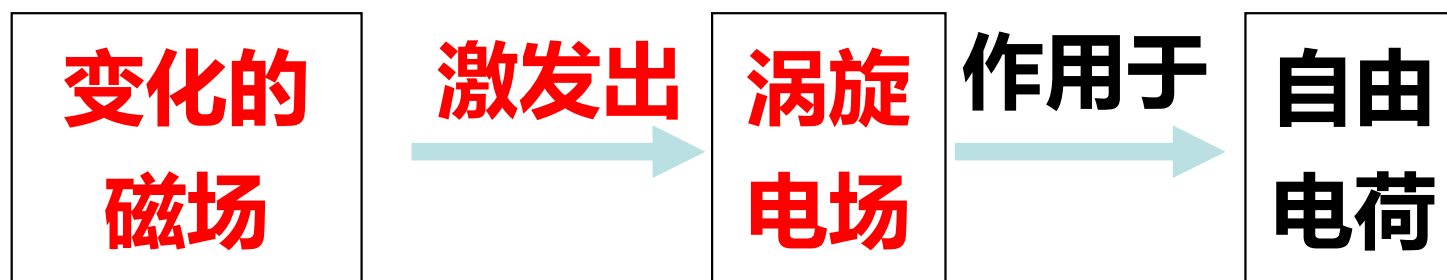


$$\oint_L \vec{E}_v \cdot d\vec{l} = -\frac{d\psi}{dt}$$

感生电场，会驱动电荷在导体中作定向运动，是感生电动势的非静电力。

15.4.1 感生电动势的非静电力 感生电场

理论上：麦克斯韦假设



- 涡旋电场假设：麦克斯韦电磁理论中的第一条假设
- 涡旋电场是非静电性质的场

15.4.2 感生电场的性质

(1) 静电场与涡旋电场的性质对比

激发方式 { 静止的电荷
变化的磁场

环路定理 {
$$\oint_L \vec{E}_{\text{静}} \cdot d\vec{l} = 0$$
$$\oint_L \vec{E}_{\text{V}} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\psi}{dt} \neq 0$$

高斯定理 {
$$\oiint_S \vec{E}_{\text{静}} \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\varepsilon_0} \sum_{\text{内}} q_i$$
$$\oiint_S \vec{E}_{\text{V}} \cdot d\vec{S} = 0$$

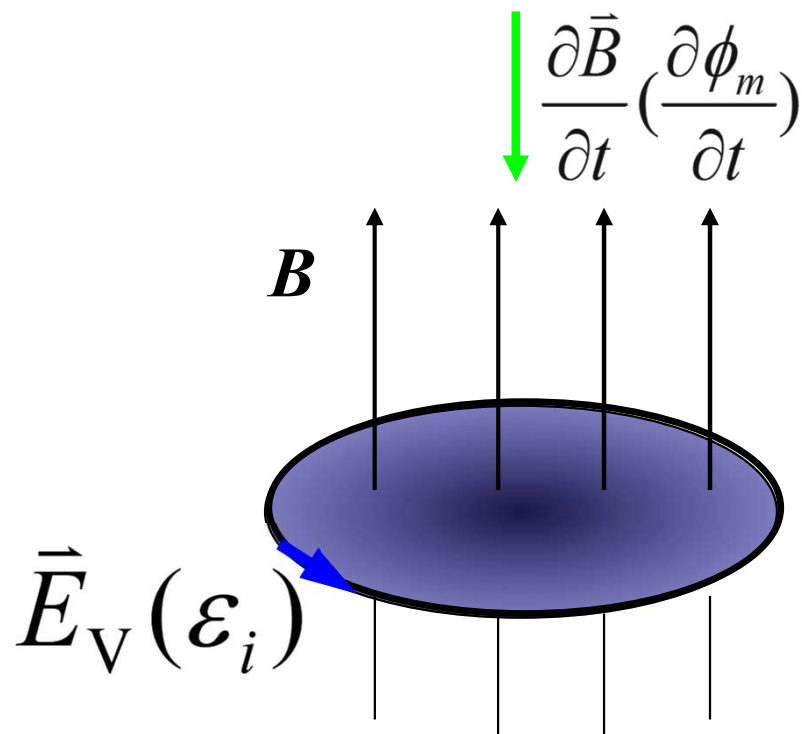
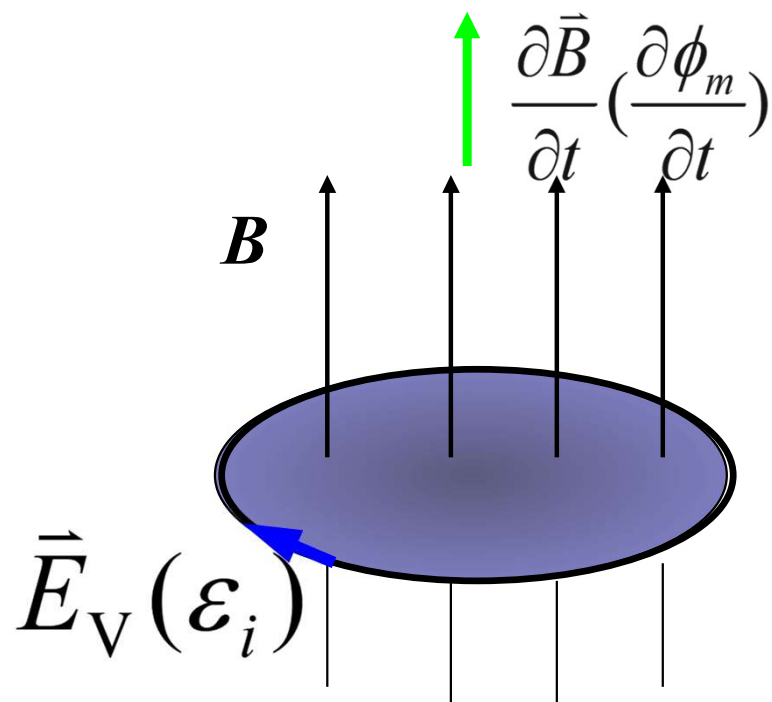
电场性质 { 保守场
非保守场

电场线形状 { 不闭合
闭合

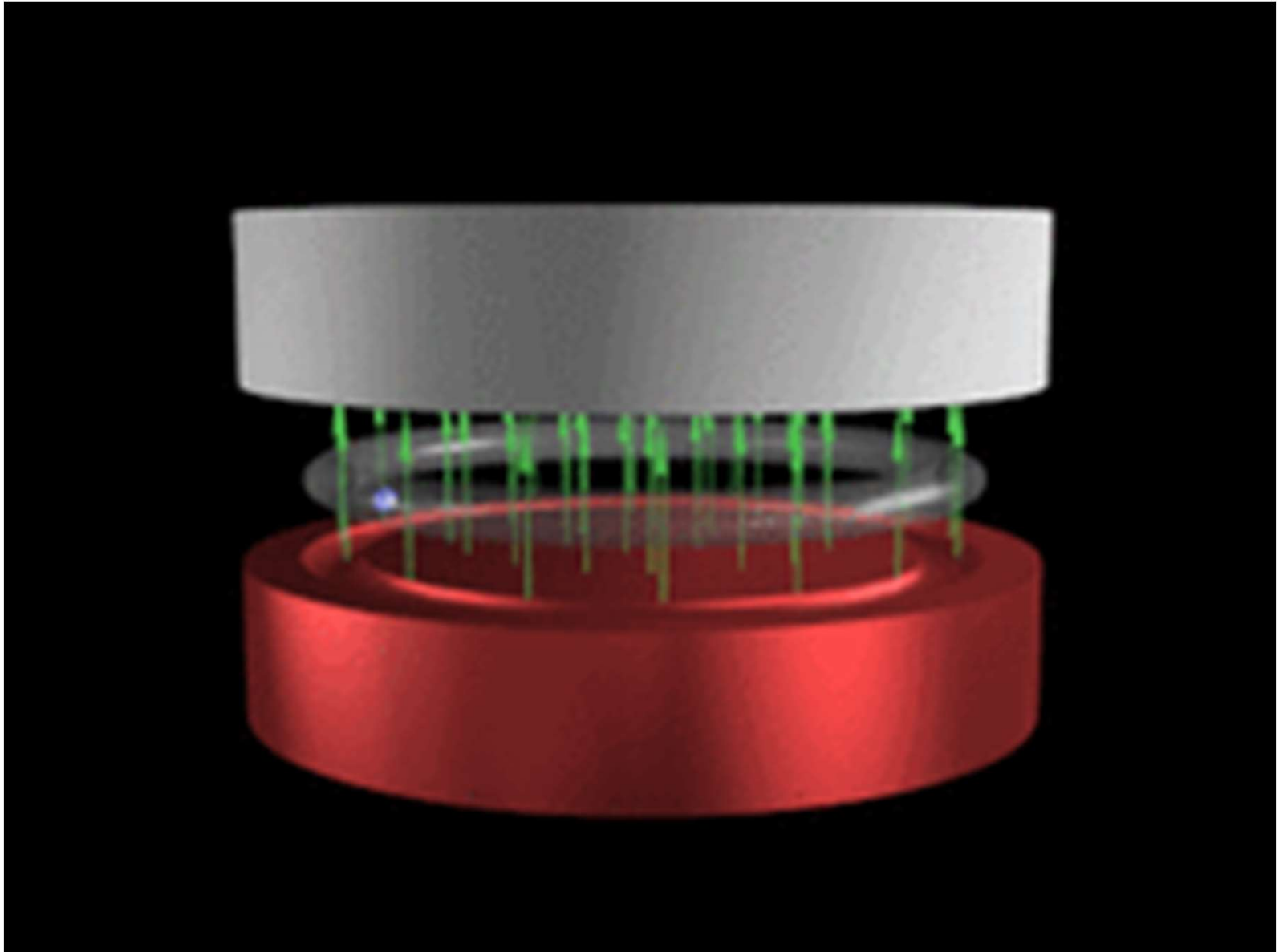
15.4.2 感生电场的性质

(2) 感生电场与磁场的变化率的方向

$$\varepsilon_i = \oint_L \vec{E}_v \cdot d\vec{l} = - \iint_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$



(3) 感生电场的应用 电子感应加速器



15.3.2 电子感应加速器

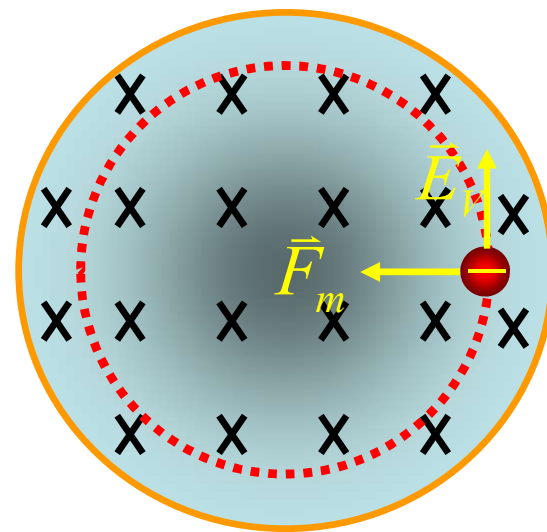
有旋电场力(加速电子)
洛伦兹力(向心力) } 加速圆周运动

电子维持在**不变的圆形轨道R**
上加速需要满足的条件:

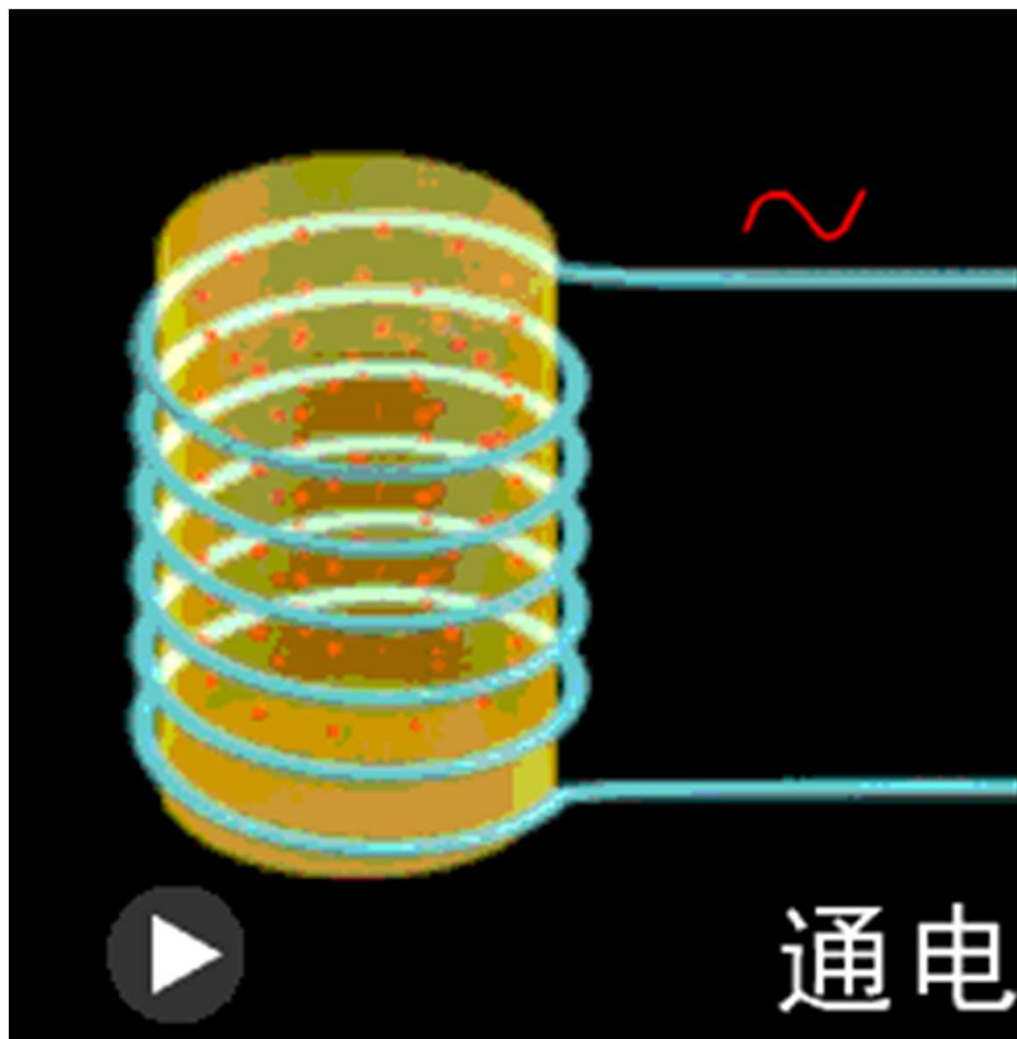
$$B_R = \frac{1}{2} \bar{B}$$

提供洛伦兹力, 改变电子的运动方向

轨道内磁场的平均值, 提供涡旋电场力, 加速电子



涡流

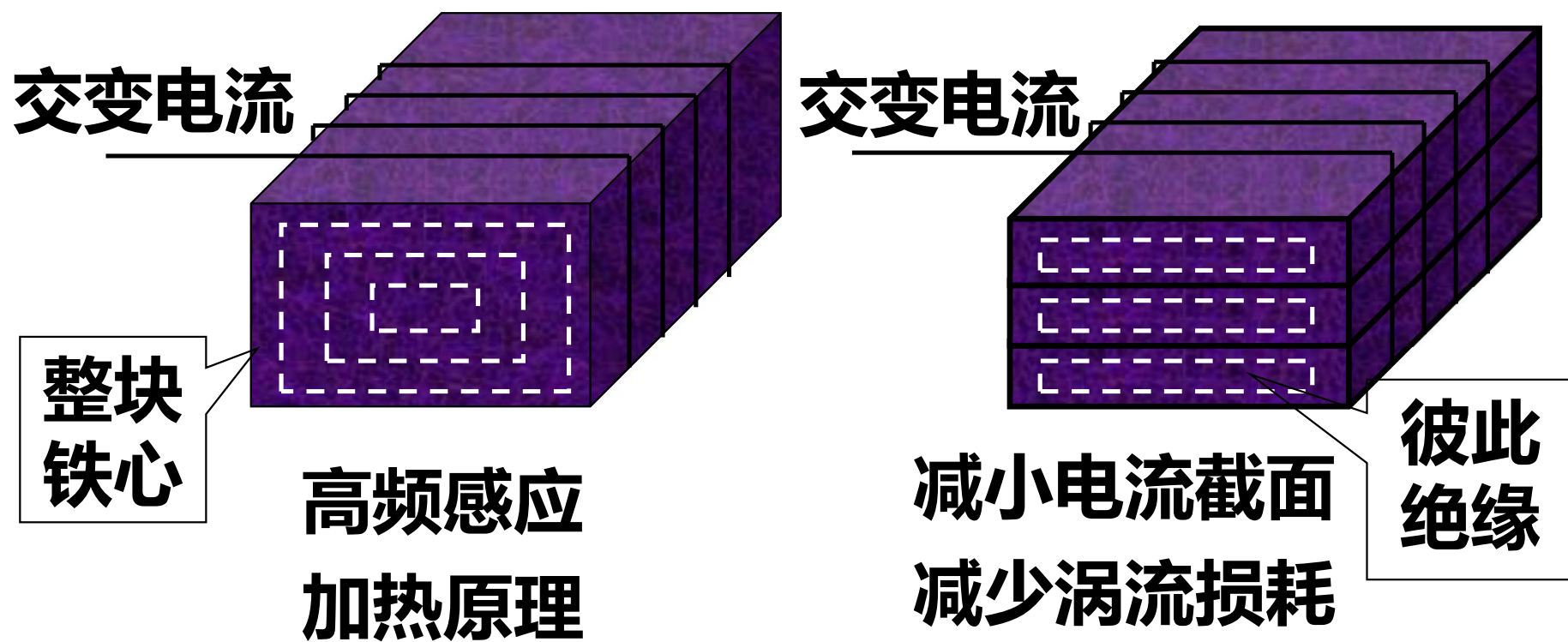


变化磁场产生涡旋
电场，引起涡旋状
电流（涡流）



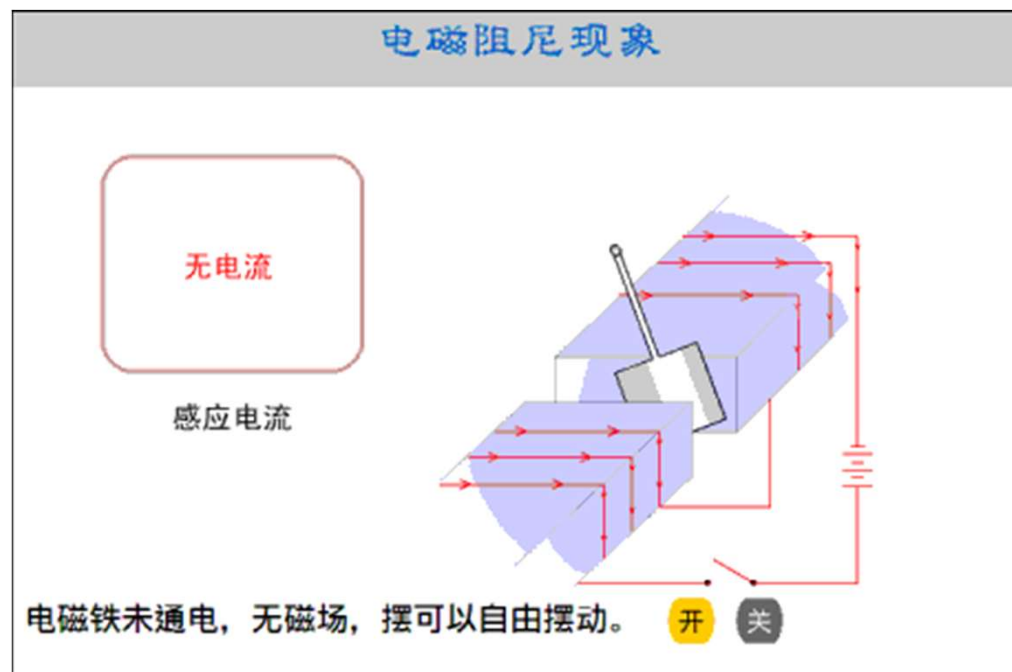
悬浮：涡流磁场和外磁场方向相反

涡流



电磁阻尼

电磁阻尼——涡流所产生的机械效应



电磁仪表中指针摆动的迅速稳定
火车中的电磁制动装置

15.4.3 感生电动势的计算

1. 由电动势的定义出发进行计算

$$\mathcal{E} = \int_L \vec{E}_i \cdot d\vec{l}$$

2. 用法拉第电磁感应定律计算

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt}$$

例 一半径为 R 的长直螺线管中载有变化电流，当磁感应强度的变化率 $\partial B / \partial t$ 以恒定的速率增加时，

求 (1) 管内外的 E_V

解 回路 L ：逆时针； S 正方向：向外（正方向）

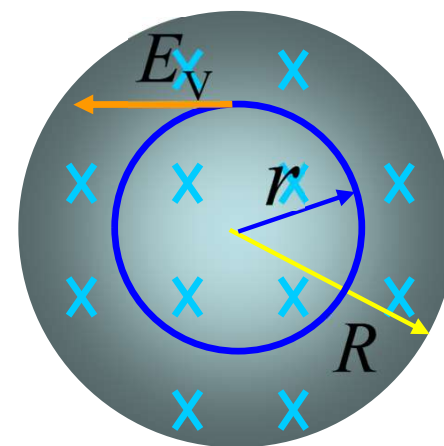
$$\text{管内: } \oint_L \vec{E}_V \cdot d\vec{l} = - \iint_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

$$E_V \cdot 2\pi r = \frac{\partial B}{\partial t} \pi r^2$$

$$E_V = \frac{r}{2} \frac{\partial B}{\partial t}$$

$$\text{管外: } E_V \cdot 2\pi r = \frac{\partial B}{\partial t} \pi R^2$$

$$E_V = \frac{R^2}{2r} \frac{\partial B}{\partial t}$$

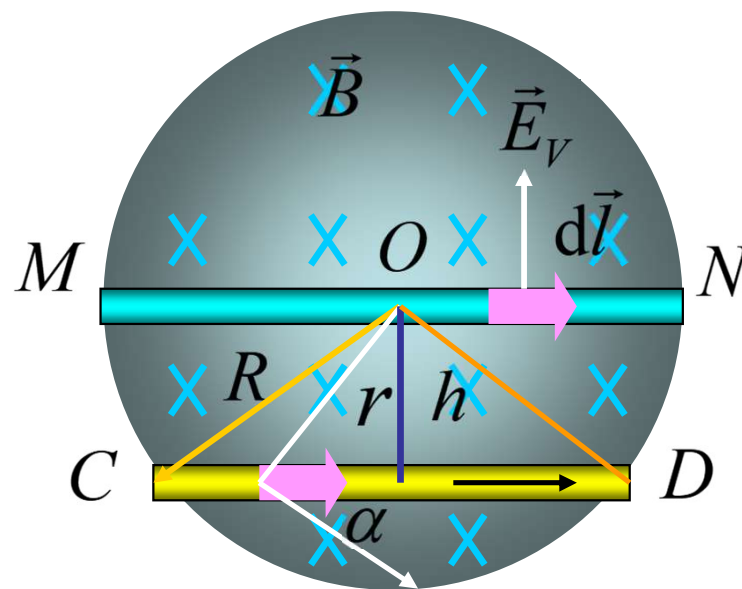


求 (2) 导体棒 MN 、 CD 的感生电动势

解 方法一 $E_V = \frac{r}{2} \frac{dB}{dt} (r < R)$

$$\varepsilon_{MN} = \int_M^N \vec{E}_V \cdot d\vec{l} = 0$$

$$\begin{aligned} \varepsilon_{CD} &= \int_C^D \vec{E}_V \cdot d\vec{l} = \int_C^D E_V \cos \alpha dl \\ &= \int_0^L \frac{r}{2} \frac{dB}{dt} \frac{h}{r} dl = \frac{hL}{2} \frac{dB}{dt} \end{aligned}$$



方法二(用法拉第电磁感应定律)(补逆时针回路 $OCDO$)

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = \frac{d(BLh/2)}{dt} = \varepsilon_{OC} + \varepsilon_{CD} + \varepsilon_{DO} = \varepsilon_{CD} = \frac{hL}{2} \frac{dB}{dt}$$

小结

$$\mathcal{E} = \int_b^a \vec{E}_K \cdot d\vec{l} = \int_-^+ (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$$

$$\mathcal{E}_i = \oint_L \vec{E}_v \cdot d\vec{l} = - \iint_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

思考题

1. 如图所示，显然图1为动生电动势，图2为感生电动势。然而图1和图2只不过是同一运动在不同参考系中的结果。是否可以这样理解：动生电动势和感生电动势是等价的，其区别只是来源于不同的参考系。

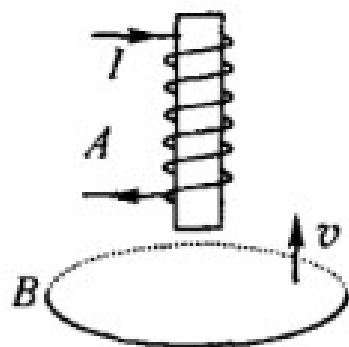


图 1

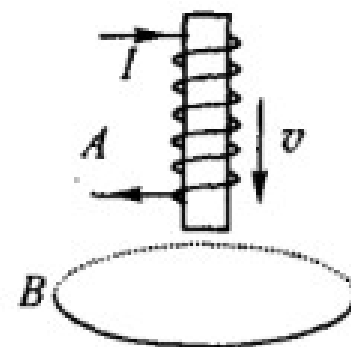


图 2