Cho hàm số y = f(x) có bảng biến thiên như sau Câu 1:

x	$-\infty$		-1		0		1		$+\infty$
f'(x)		+	0	_	0	+	0	-	
f(x)		/							

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- **A.** $(1;+\infty)$.
- **B.** (-1;0).
- $\mathbf{C}.(-1;1).$
- D. (0;1).

Cho hàm số y = f(x) có bảng xét dấu đạo hàm như sau Câu 2:

\boldsymbol{x}	$-\infty$		-2		0		2		$+\infty$
<i>y</i> ′		+	0	-		_	0	+	

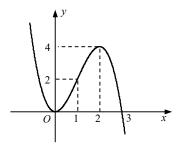
Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; -2)$. **B.** Hàm số đồng biến trên khoảng (-2; 0).

C. Hàm số đồng biến trên khoảng $(-\infty; 0)$.

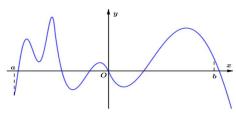
D. Ham số nghịch biến trên khoảng (0;2).

Cho hàm số y = f(x) có đồ thị như hình vẽ. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào? Câu 3:



- **A.** $(-\infty;0)$. **B.** (1;3).
- (C.)(0;2).

Cho hàm số y = f(x) có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Câu 4:

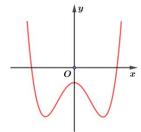


Hàm số y = f(x) có bao nhiều điểm cực tiểu trên khoảng (a;b)?

A. 4.

- **B.** 2.
- **C.** 7.

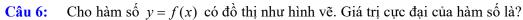
Cho hàm số $y = ax^4 + bx^2 + c(a,b,c \in \mathbb{R})$ có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số Câu 5: đã cho là

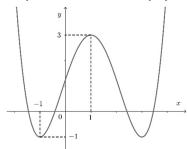


A. 2.

C. 4.

D. 1.





A. −1.

B. 3.

C. 1.

Cho hàm số y = f(x) có bảng biến thiên như sau. Giá trị cực tiểu của hàm số là? Câu 7:

x	$-\infty$		-1		1		$+\infty$
y'		_	0	+	0	_	
y	$+\infty$		× ₂ /		6		$-\infty$

A. −1.

B. 6.

C. 1.

Cho hàm số y = f(x) có bảng biến thiên như sau. Điểm cực tiểu của đồ thị hàm số là? Câu 8:

x	-∞		$-\sqrt{2}$		0		$\sqrt{2}$		$+\infty$
y'		+	0	-	0	+	0	-	- 5
y	-∞′	/	<u></u>		▶ -5 ~	_	→ ⁻¹ <	\	* -∞

A. $(\sqrt{2};-1)$. **B.** 0.

C. -5.

D. (0;-5)

Cho hàm số y = f(x) liên tục trên \mathbb{R} có bảng xét dấu đạo hàm như sau

\boldsymbol{x}	$-\infty$		-2		0		2		$+\infty$
y'		+	0	_		1 	0	+	

Hàm số có bao nhiêu điểm cực trị

D. 3.

A. 1. **B.** 0. **C.** 27 **Câu 10:** Tìm giá trị lớn nhất của hàm số $y = x^3 - 2x^2 - 7x + 1$ trên đoạn [-2;1].

A. 3.

D. 6.

Câu 11: Giá trị lớn nhất của hàm sô $y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x - 1}$ trên đoạn $\left[-2; \frac{1}{2} \right]$ là

A. $-\frac{7}{2}$.

B. $-\frac{13}{3}$.

C. 1.

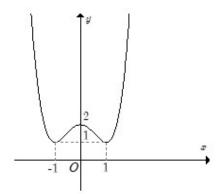
Câu 12: Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \frac{x-2}{x+1}$ trên đoạn [0;2].

A. -3.

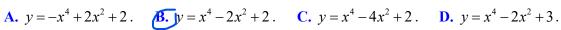
C. 0.

D. 2.

Câu 13: Đồ thị hình bên là của hàm số nào?



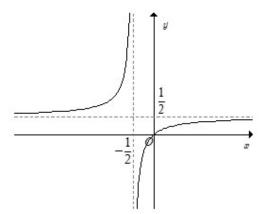
A.
$$y = -x^4 + 2x^2 + 2$$
.



C.
$$v = x^4 - 4x^2 + 2$$
.

D.
$$v = x^4 - 2x^2 + 3$$

Câu 14: Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



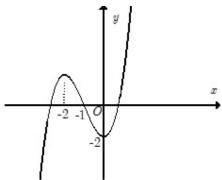
A.
$$y = \frac{x+1}{2x+1}$$
.

B.
$$y = \frac{x+3}{2x+1}$$
.

B.
$$y = \frac{x+3}{2x+1}$$
. **C.** $y = \frac{x}{2x+1}$. **D.** $y = \frac{x-1}{2x+1}$.

D.
$$y = \frac{x-1}{2x+1}$$

Câu 15: Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



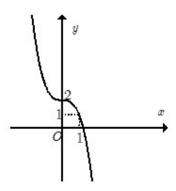
A.
$$y = -x^3 - 3x^2 - 2$$
.

A.
$$y = -x^3 - 3x^2 - 2$$
. **B.** $y = x^3 + 3x^2 - 2$. **C.** $y = x^3 - 3x^2 - 2$. **D.** $y = -x^3 + 3x^2 - 2$.

C.
$$y = x^3 - 3x^2 - 2$$
.

D.
$$y = -x^3 + 3x^2 - 2$$

Câu 16: Đồ thị sau đây là của hàm số nào?

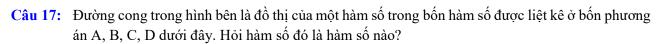


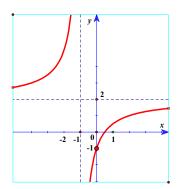
A.
$$y = -x^3 + 1$$
.

B.
$$y = -x^3 + 3x + 2$$

C.
$$y = -x^3 - x + 2$$

A.
$$y = -x^3 + 1$$
. **B.** $y = -x^3 + 3x + 2$. **C.** $y = -x^3 - x + 2$.





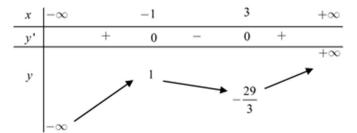
A.
$$y = \frac{2x-1}{x+1}$$
. **B.** $y = \frac{2x+1}{x-1}$. **C.** $y = \frac{2x+1}{x+1}$. **D.** $y = \frac{1-2x}{x-1}$.

B.
$$y = \frac{2x+1}{x-1}$$
.

C.
$$y = \frac{2x+1}{x+1}$$

D.
$$y = \frac{1-2x}{x-1}$$

Câu 18: Trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hàm số nào có bảng biến thiên như sau?



A.
$$y = -x^3 + 3x^2 + 9x - 2$$
.

$$\mathbf{B.} y = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x - \frac{2}{3}.$$

C.
$$y = x^3 - 3x^2 - 9x - 2$$
.

D.
$$y = -\frac{1}{3}x^3 + x^2 + 3x + \frac{2}{3}$$
.

Câu 19: Tìm tiệm cận đứng của hàm số
$$y = \frac{2x-3}{x-2}$$
.

A.
$$x = -2$$
.

B.
$$x = \frac{3}{2}$$
. **C.** $y = 2$.

C.
$$y = 2$$

$$(\mathbf{D}.)$$
 $c=2.$

Câu 20: Đồ thị hàm số
$$y = \frac{1-3x}{x+2}$$
 có các đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang lần lượt là:

$$(A.)x = -2 \text{ và } y = -3.$$

B.
$$x = -2$$
 và $y = 1$.

C.
$$x = -2 \text{ và } y = 3$$
.

D.
$$x = 2$$
 và $y = 1$

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} = -2 \text{ và } y = -3$$
. **B.** $x = -2 \text{ và } y = 1$. **C.** $x = -2 \text{ và } y = 3$. **D.** $x = 2 \text{ và } y = 1$. **Câu 21:** Đường thẳng $y = 2$ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số nào sao đây?

A.
$$y = \frac{1+x}{1-2x}$$

A.
$$y = \frac{1+x}{1-2x}$$
. **B.** $y = \frac{x^2+2x+2}{1+x}$. **C.** $y = \frac{2x-2}{x+2}$. **D.** $y = \frac{2x^2+3}{2-x}$.

$$C. y = \frac{2x-2}{x+2}.$$

D.
$$y = \frac{2x^2 + 3}{2 - x}$$

Câu 22: Đồ thị hàm số
$$y = \frac{2x-3}{x^2-3x+2}$$
 có các đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang lần lượt là:

$$x = 1$$
, $x = 2$ và $y = 0$.

B.
$$x = 1$$
, $x = 2$ và $y = 2$.

C.
$$x = 1$$
 và $y = 0$.

D.
$$x = 1$$
, $x = 2$ và $y = -3$.

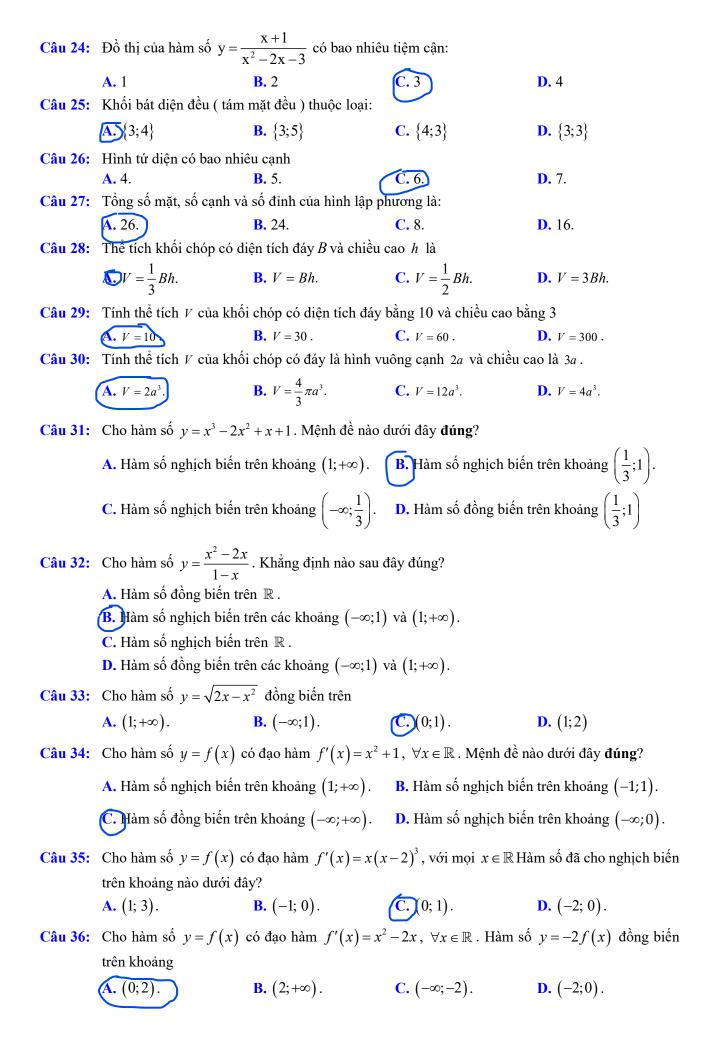
Câu 23: Tìm tất cả các đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số
$$y = \frac{x+3}{\sqrt{x^2+1}}$$

$$(A. y) = \pm 1.$$

B.
$$x = 1$$
.

C.
$$y = 1$$
.

D.
$$y = -1$$
.



Câu 37: Biết đồ thị hàm số $y = x^3 - 3x + 1$ có hai điểm cực trị A, B. Khi đó phương trình đường thẳng AB là

4. v = -2x + 1.

B. y = -x + 2. **C.** y = x - 2. **D.** y = 2x - 1.

Câu 38: Gọi A và B là các điểm cực tiểu của đồ thị hàm số $y = x^4 - 2x^2 - 1$. Tính diện tích S của tam giác OAB (O là gốc tọa độ)

A. S = 2.

B. S = 4.

C. S = 1.

Câu 39: Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 2$ có đồ thị là (C). Gọi A, B là các điểm cực trị của (C). Tính độ dài đoạn thẳng AB?

A. $AB = 2\sqrt{5}$.

B. AB = 5.

C. AB = 4.

D. $AB = 5\sqrt{2}$.

Câu 40: Gọi m là giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = x - 1 + \frac{4}{x - 1}$ trên khoảng $(1; +\infty)$. Tìm m?

A. m = 5.

B. m = 4.

C. m = 2.

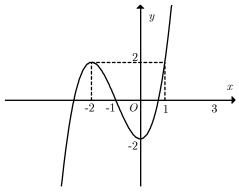
D. m = 3.

Câu 41: Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \sin^2 x - 4\sin x - 5$.

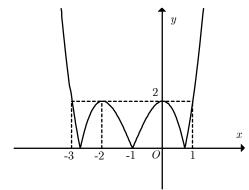
A. −20.

Câu 42: Tìm tất cả giá trị của m để hàm số $y = x^3 - 3x^2 + m$ có giá trị nhỏ nhất trên [-1;1] bằng 1.

Câu 43: Cho hàm số $y = x^3 + 3x^2 - 2$ có đồ thị như Hình 1. Đồ thị Hình 2. là của hàm số nào dưới đây?



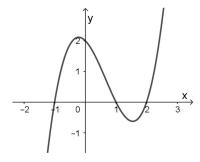
Hình 1.



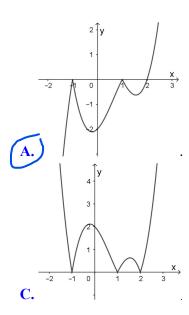
Hình 2.

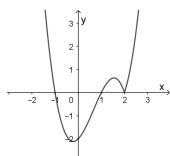
A. $y = |x|^3 + 3|x|^2 - 2$. **B.** $y = |x^3 + 3x^2 - 2|$. **C.** $y = |x|^3 + 3x^2 - 2|$. **D.** $y = -x^3 - 3x^2 + 2$.

Câu 44: Cho đồ thị hàm số $y = (x^2 - 1)(x - 2)$ như hình vẽ bên.

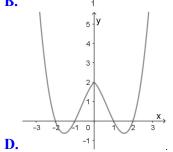


Đồ thị trong phương án nào sau đây là đồ thị hàm số $y = |x^2 - 1|(x - 2)$?

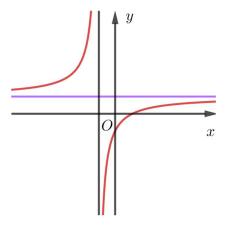




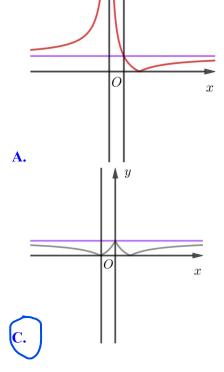
B.

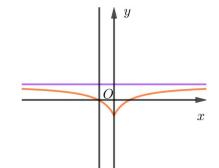


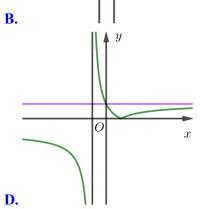
Câu 45: Biết đồ thị của hàm số $y = f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$ có dạng như đường cong trong hình vẽ:

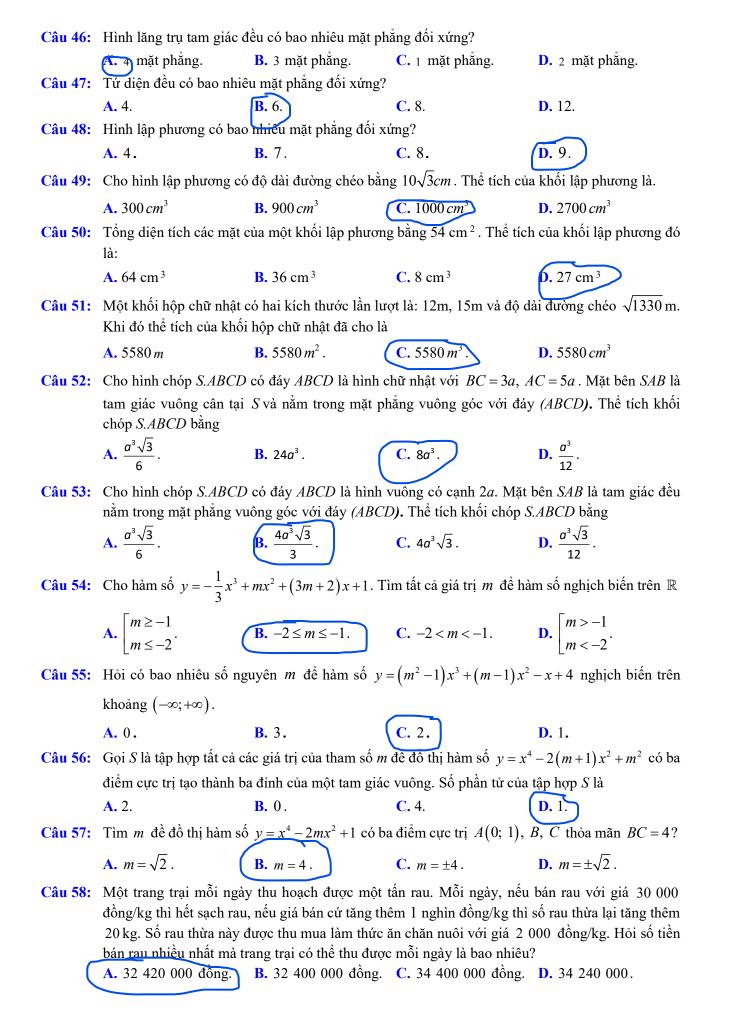


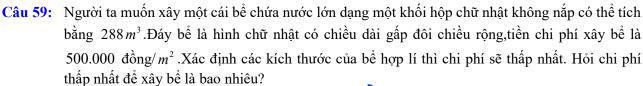
Đồ thị nào dưới đây là đồ thị của hàm số y = |f(|x|)|?









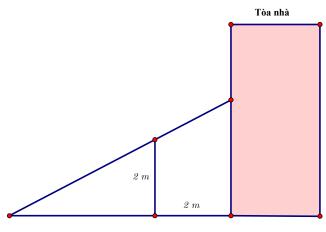


A. 168 triệu đồng.

B. 54 triêu đồng.

C. 108 triệu đồng. D. 90 triệu đồng.

Câu 60: Một bức tường cao 2m nằm song song với tòa nhà và cách tòa nhà 2m. Người ta muốn chế tạo một chiếc thang bắc từ mặt đất bên ngoài bức tường, gác qua bức tường và chạm vào tòa nhà (xem hình vẽ). Hỏi chiều dài tối thiểu của thang bằng bao nhiêu mét?



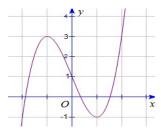
A.
$$\frac{5\sqrt{13}}{3}$$
 m.

C. 6m.

D. $3\sqrt{5}$ m.

Câu 61: Hàm số $y = x^3 - 3x + 1$ có đồ thị như hình vẽ bên.

Tìm tất cả các giá trị thực của m để phương trình $|x^3|-3|x|+m=0$ có 4 nghiệm phân biệt.



A. $m \in (0;2)$. **B.** $m \in (-1;1)$. **C.** $m \in [-1;1)$ **D.** $m \in [0;2)$. **Câu 62:** Cho hàm số $y = \frac{x+3}{x+1}$ (C). Tìm m để đường thẳng d : y = 2x + m cắt (C) tại 2 điểm M, N sao cho độ dài MN nhỏ nhất.

 \mathbf{A} , m=1

B. m = 3. **D.** m = 2.

Câu 63: Cho hàm số y = f(x) xác định, liên tục trên \mathbb{R} và có bảng biến thiên như sau

X	-∞		0		1		+∞
y'		+		_	0	+	
у	~ /		0 _		-1	/	+∞

Tìm các giá trị thực của tham số m để phương trình |f(x)| = m + 2 có bốn nghiệm phân biệt

A. -2 < m < -1.

B. $-3 \le m \le -2$. **C.** $-2 \le m \le -1$. **D.** -3 < m < -2

Câu 64: Có bao nhiều giá trị nguyên âm của m để đồ thị hàm số $y = x^3 - 3x^2 + (1 - m)x + m + 1$ cắt Oxtại 3 điểm phân biệt.

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

Câu 65: Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình chữ nhật, biết AB = 2a; AD = a. Hình chiếu của Slên đáy là trung điểm H của canh AB; góc tao bởi SC và đáy là 45° . Thể tích khối chóp S.ABCD

B. $\frac{2a^3\sqrt{3}}{2}$ **C.** $2a^3\sqrt{2}$

D. $\frac{4a^3\sqrt{3}}{2}$

Cho hình chóp S.ABC có tam giác ABC là tam giác đều cạnh a. Hình chiếu của S trên mặt phẳng (ABC) là trung điểm của cạnh AB, góc tạo bởi cạnh SC và mặt phẳng đáy (ABC) bằng 30° . Thể tích của khối chóp S.ABC.

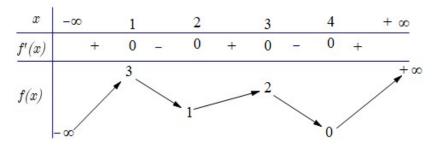
A. $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$

D. $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$

Câu 67: Cho hình lăng trụ đứng ABCA'B'C' có đáy ABC là tam giác vuông tại B, $ACB = 60^{\circ}$, cạnh BC = a, đường chéo A'B tạo với mặt phẳng (ABC) một góc 30° . Tính thể tích khối lăng tru ABC.A'B'C'

B. $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ **C.** $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ **D.** $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$

Câu 68: Cho hàm số f(x) có bảng biến thiên như sau



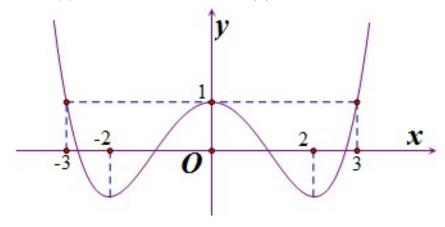
Hàm số $y = (f(x))^3 - 3(f(x))^2$ nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

A. (2;3).

B. (1;2). **C.** (3;4).

D. $(-\infty;-1)$.

Câu 69: Cho hàm số f(x) có đồ thị của hàm số y = f'(x) như hình vẽ



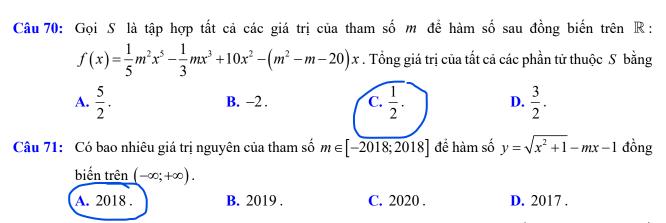
Hàm số $y = f(2x-1) + \frac{x^3}{3} + x^2 - 2x$ nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

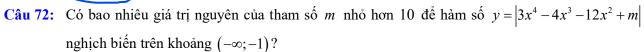
A. (-6; -3).

B. (3;6).

C. $(6;+\infty)$.

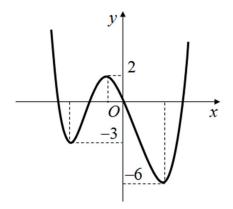
D. (-1;0).





A. 6. B. 4. C. 3. D. 5. Câu 73: Cho hàm số y = f(x) liên tục trên \mathbb{R} và có đạo hàm $f'(x) = x^2(x-2)(x^2-6x+m)$ với mọi $x \in \mathbb{R}$. Có bao nhiều số nguyên m thuộc đoạn $\left[-2019;2019\right]$ để hàm số $g\left(x\right) = f\left(1-x\right)$ nghịch biến trên khoảng $(-\infty;-1)$?

C. 2011. **B.** 2009. **A.** 2012. **Câu 74:** Cho hàm số y = f(x) có đồ thị như hình bên.



Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị nguyên dương của tham số m để hàm số y = |f(x-2021) + m|có 5 điểm cực trị. Tổng tất cả các giá trị của tập S bằng

A. 9.

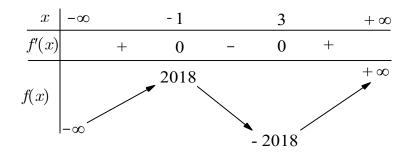
B. 7.

C. 18.

D. 12.

D. 2010.

Câu 75: Cho hàm số y = f(x) có bảng biến thiên như sau.



Đồ thị hàm số y = |f(x-2017) + 2018| có bao nhiều điểm cực trị?

A. 4.

C. 2.

D. 5.

Câu 76: Cho hàm số f(x) có bảng biến thiên như hình sau.

\boldsymbol{x}	$-\infty$		0		3		$+\infty$
f'(x)		1-2	0	+	0	-	
f(x)	+∞		-1		5		→ -∞

Hàm số $g(x) = 2f^3(x) - 6f^2(x) - 1$ có bao nhiều điểm cực đại?

A. 3.

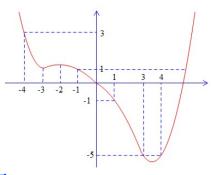
C. 6.

D. 8.

Câu 77: Cho các số thực dương x, y thỏa mãn với $3x^2y(1+\sqrt{9y^2+1})=2x+2\sqrt{x^2+4}$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = x^3 - 12x^2y + 4$

A.
$$\frac{36-32\sqrt{6}}{9}$$
. **B.** $\frac{36-20\sqrt{30}}{9}$. **C.** $\frac{9-8\sqrt{5}}{2}$. **D.** $\frac{14-11\sqrt{5}}{2}$.

Câu 78: Cho hàm số y = f(x) xác định, liên tục trên \mathbb{R} và có đồ thị như hình vẽ. Có bao nhiều giá trị nguyên của m để phương trình $2f(3-4\sqrt{6x-9x^2})=m-3$ có nghiệm.



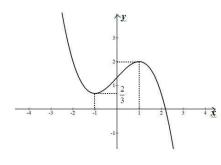
A. 10.

B. 13

C. 22.

D. 23.

Câu 79: Cho hàm số y = f(x) có đồ thị như hình vẽ bên dưới.



Số giá trị nguyên dương của m để phương trình $f(x^2-4x+5)+1=m$ có nghiệm là

A. Vô số.

B. 4.

C. 0.

Câu 80: Cho hàm số $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ với $a \ne 0$ có hai hoành độ cực trị là x = 1 và x = 3. Tập hợp tất cả các giá trị của tham số m để phương trình f(x) = f(m) có đúng ba nghiệm phân biệt là

A. (f(1); f(3)). **B.** (0;4).

C. (1;3).

D. $(0;4) \setminus \{1;3\}$.