

情報統計 第6回

2019年9月18日 神奈川工科大学



櫻井 望

国立遺伝学研究所
生命情報・DDBJセンター

スケジュール

	17日（火） データの見え る化	18日（水） 検定のこれだけ は	19日（木） 多変量解析の雰 囲気	23日（月） データ準備 発表会
1限	1 ガイダンス、 PC環境準備、 データの見え る化	5 区間推定、 分布とその使い 方	9 相関	13 自習（課題、 質問）
2限	2 統計の基本 と用語	6 t検定	10 主成分分析	14 自習（課題、 質問）
3限	3 プログラミ ングの基礎	7 検定で注意 すること	11 他の多変量 解析	15 発表会
4限	4 自習（課題 検討、復習）	8 自習（課題 検討、復習）	12 自習（課題 検討、復習）	

*t*検定

学習目標

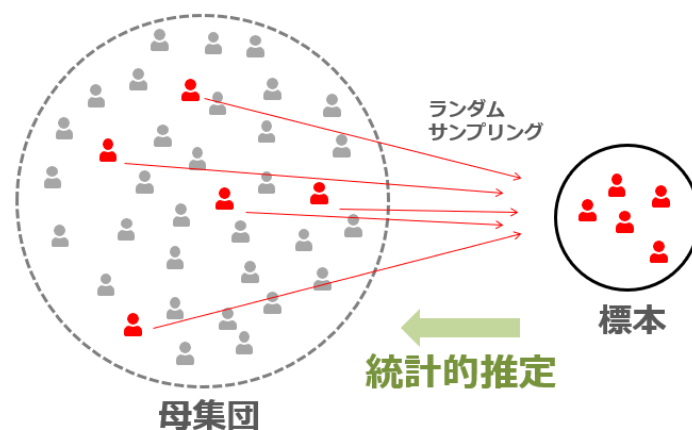
- 検定の考え方を学習し、
- 検定の基礎として、 t 検定を身につけます

t 検定ツールの使い方を覚えるのではなく、Excelで自分で計算してみます

検定とは？

統計的仮説検定

- 統計的推定の手法のひとつ
- 母集団の性質や分布について立てた仮説を、標本を用いて、合理的・客観的に検証する方法
- 以下のステップをとる



- ① 仮説の設定
- ② 検定統計量の計算
- ③ 仮説採否の評価

例)

目標：カラオケ95点平均は本当？

- Aさんは、カラオケの平均点が95点くらいだと言っています。母平均 $\mu=95$ 点
- 実際の点数を、複数回にわたりこっそり記録した結果は以下でした。

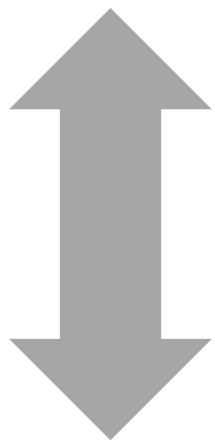
ランダムサンプリング

91, 90, 95, 88, 96, 89 標本

- 平均95点と言ってもよいでしょうか？

① 仮説を立てる

Aさんのカラオケの平均は95点である



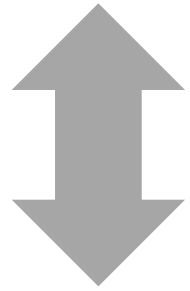
どちらでもよさそう
だが...

Aさんのカラオケの平均は95点ではない

帰無仮説と対立仮説

帰無仮説 H_0

Aさんのカラオケの平均は95点である



- 差異はみられない
- なんの関係もない

といった仮説を設定する

対立仮説 H_1

Aさんのカラオケの平均は95点ではない

帰無仮説が支持されない（棄却される）場合に採択される。検証したいことをこちらに持ってくる。

②検定統計量の計算

検定統計量

区間推定のときの境界値のように、分布に照らして確率を求めることができる数値のこと。

今回は、標本が6個なので、自由度5の t 分布に従うと考え、 t 値を計算する。

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

②検定統計量の計算

標本平均

\bar{x}

不偏標本分散

v^2

母平均

μ

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{v}{\sqrt{n}}}$$



③ 仮説採否の評価

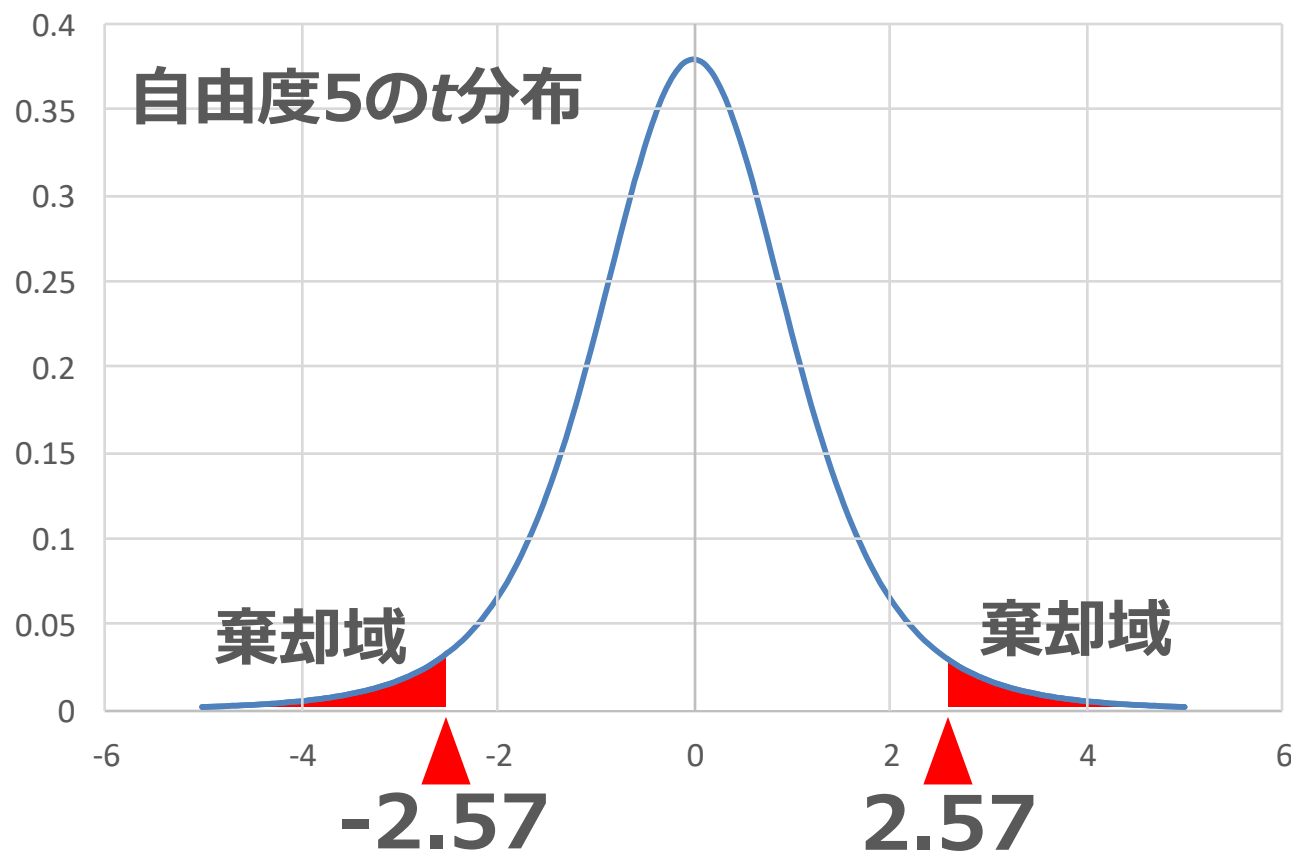
有意水準 α を0.05とする

有意水準 α

仮説を棄却するかどうかを決める基準の確率。これよりも小さい確率を持つ場合は、めったに起こらないことが起きていると考えられるため、帰無仮説（普通、変化がない）が棄却される。

③ 仮説採否の評価

t 分布表から、自由度5、 $\alpha = 0.05/2$
 $= 0.025$ の数値を読み取る



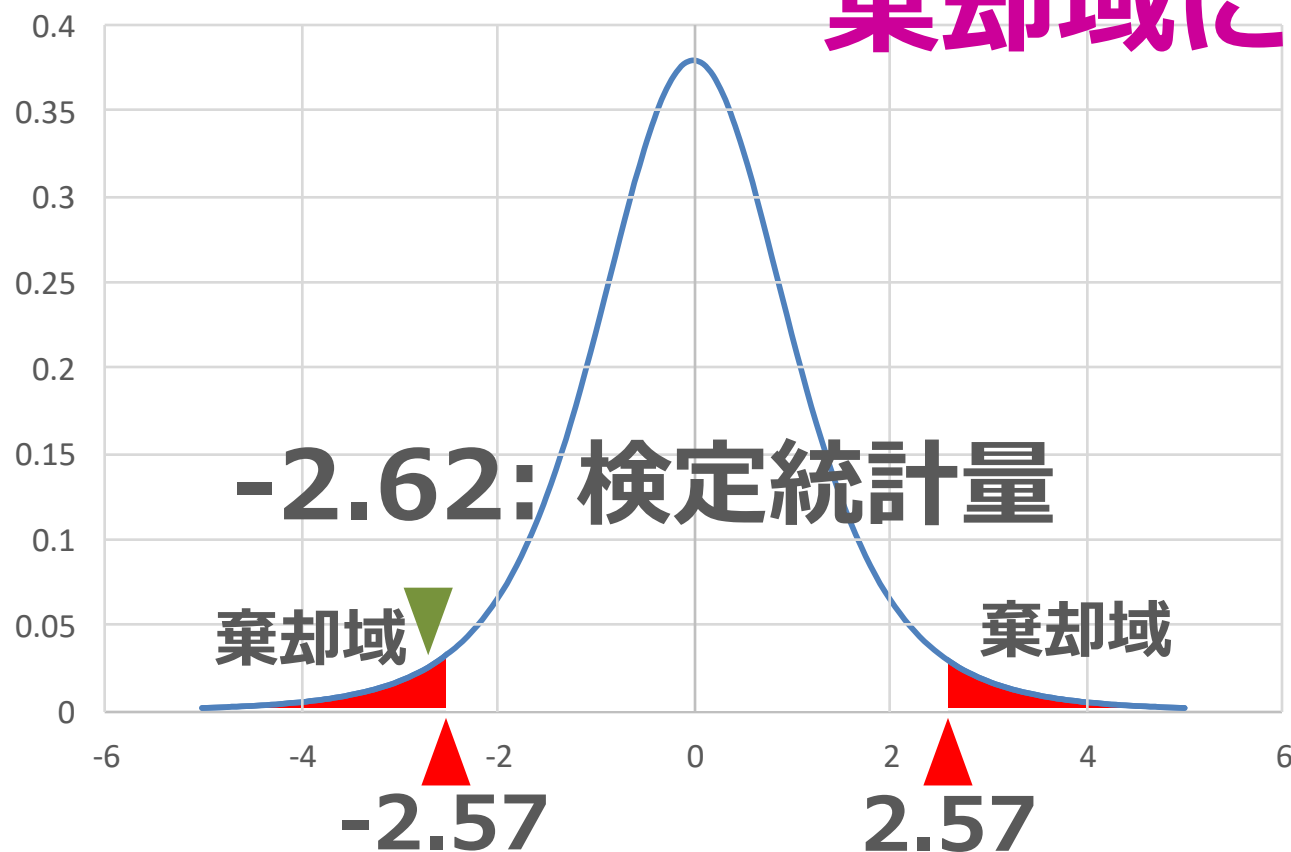
Excelで計算
してもよい



③ 仮説採否の評価

検定統計量が、棄却域に入ったかどうか
を確かめる

棄却域に入った！



結論

帰無仮説 H_0

Aさんのカラオケの平均は95点である

対立仮説 H_1

Aさんのカラオケの平均は95点ではない

有意水準0.05で帰無仮説は棄却されたので、対立仮説を採択し、「Aさんのカラオケの平均は95点ではない」とする。

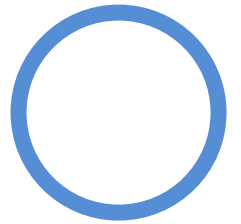
注意点

帰無仮説が棄却されないとき…

「帰無仮説が正しい」と安易に結論付けてはいけない。



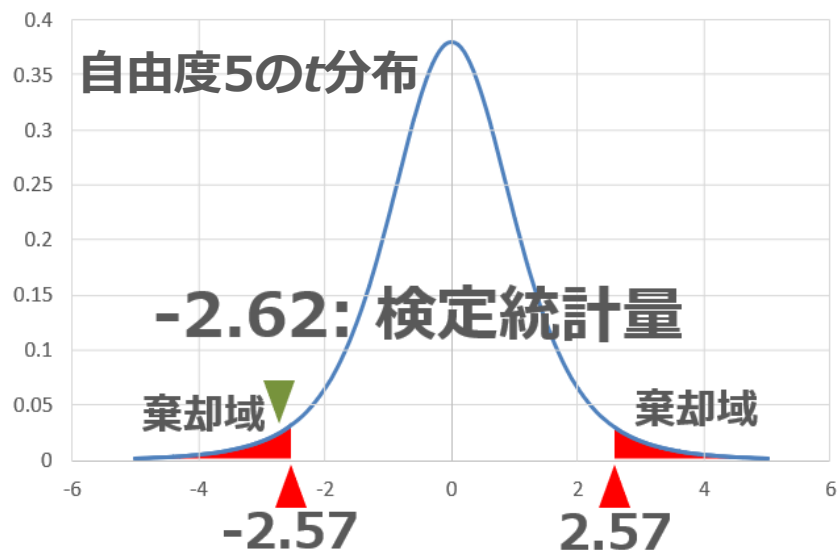
「帰無仮説が誤っているとは言えない」とは言える。



例えば今回では、帰無仮説が棄却されなくても、真の母平均は95点ではないかもしれない。

p値（有意確率）

検定統計量と分布から計算される確率。
どれだけ例外的な事象が起きているかを表す。



境界値2.57は、自由度5、 $\alpha = 0.025$ の時に計算された値。 t 値2.62より外側の面積（ p 値）も、この分布から求めることができる。
0.025より小さい確率（より起こりにくい）を持っているはず。

※帰無仮説が正しい確率を示すのではない

エクセルで 計算してみよう

- 基本統計量
- 検定統計量
- 境界値
- p値
- 標本のカラオケ点を色々
変えて、結果がどうなる
かを見てみよう

