

3) $f(x, y) = x^3 - 12xy + 48x + by^2$

$$\frac{\partial}{\partial x} f(x, y) = 3x^2 - 12y + 48 = 0 \Rightarrow x = \pm 4 \frac{(\pm 3 + \sqrt{-b^2 + 8})}{b}$$

$$\frac{\partial}{\partial y} f(x, y) = -12x + 2by = 0 \Rightarrow y = \frac{6x}{b}$$

if $b > 3 \rightarrow$ 4 komplexe Lösungen.

if $b = 3 \rightarrow$ 1 Lösung: $x = 4$

if $b < 3 \rightarrow$ 2 verschiedene reelle Lösungen.