Первая лабораторная: задания 1-7.

Вторая лабораторная: задания 8-11 + задания 12-15.

Третья лабораторная: задание 16 + tbd.

#### 1. Работа с изображениями.

Выбрать язык программирования и библиотеку для записи изображений в файл.

Создать матрицу размера H\*W, заполнить её элементы нулевыми значениями, сохранить в виде полутонового (одноканального) 8-битового изображения высотой H и шириной W, убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы и полностью чёрное.

Создать матрицу размера H\*W, заполнить её элементы значениями, равными 255, сохранить в виде полутонового (одноканального) 8-битового изображения высотой H и шириной W, убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы и полностью белое.

Создать матрицу размера H\*W\*3, заполнить её элементы значениями, равными (255, 0, 0), сохранить в виде цветного (трёхканального) 8-битового изображения высотой H и шириной W, убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы и полностью красное.

Создать матрицу размера H\*W\*3, заполнить её элементы произвольными значениями по выбранной схеме (например, значение элемента равно сумме его координат по модулю 256), сохранить в виде 8-битового изображения высотой H и шириной W, убедиться, что полученное изображение открывается средствами операционной системы (в предложенном примере должен получиться плавный градиент от чёрного цвета в верхнем левом углу изображения).

### 2. Работа с изображениями (ООП)

Создать класс для хранения изображения в памяти в виде массива.

Ниже приведён код для примера. Конкретная реализация и способ хранения изображения на ваше усмотрение.

```
class Color3 {
```

```
public:
    float r, g, b;
    <...>
}
class Image {
private:
    int m width;
    int m height;
    std::vector<Color3> m data;
public:
    Image(int width, int height):
       m width(width), m height(height), m data(width*height) {};
    int width() const { return m width; }
    int height() const { return m height; }
    void set(int x, int y, const Color3& value) {
        m data[x + y * m width] = value;
    }
    const Color3& get(int x, int y) const {
       return m data[x + y * m width];
    void save(const std::string& filename) const {
        <...>
    }
};
```

### 3. Отрисовка прямых линий

Реализовать все описанные в лекциях алгоритмы отрисовки прямых (до алгоритма Брезенхема включительно).

Для каждого алгоритма сохранить в файл изображение размера 200x200 с нарисованной на нём «звездой» (см. лекции).

```
(линии из точки (100,100) в точки (100 + 95 cos (\alpha) ,100 + 95 sin (\alpha) ), \alpha = \frac{2\pi i}{13} , i = 0.12.
```

# 4. Работа с трёхмерной моделью (вершины)

Создать класс, содержащий трёхмерную модель в виде массив трёхмерных координат точек (для может потребоваться создать класс трёхмерных координат).

Считать из приложенного файла obj строки, содержащие информацию о вершинах модели в объект созданного класса:

v X2 Y2 Z2

<...>

### 5. Отрисовка вершин трёхмерной модели

Нарисовать вершины модели (игнорируя координату Z) на изображении размером (1000, 1000).

Преобразования координат точек для эксперимента:

### 6. Работа с трёхмерной моделью (полигоны)

Считать из приложенного файла строки, содержащие информацию о полигонах модели.

Сведения о полигонах в файле хранятся в формате:

В рамках лабораторной загрузить в память необходимо только первые значения в каждой тройке – номера вершин, загруженных ранее.

Обратите внимание, что вершины нумеруются, начиная с единицы.

# 7. Отрисовка рёбер трёхмерной модели

Отрисовать все рёбра всех полигонов модели с помощью алгоритма Брезенхема (координаты вершин округляем до ближайшего целого).

### 8. Барицентрические координаты

Написать функцию вычисления барицентрических координат для точки с экранными (целочисленными координатами) (x,y) относительно вещественных вершин треугольника (x0, y0), (x1, y1) и (x2, y2).

Они вычисляются по формулам:

Убедиться, что сумма барицентрических координат

```
lambda0 + lambda1 + lambda2 = 1.0
```

Обратите внимание, что координаты (x, y) — экранные, и поэтому целочисленные. В то же время вершины треугольника (x0, y0), (x1, y1) и (x2, y2) — вещественные, округлять их перед вычислениями **не надо**.

С точки зрения написания и выполнения программы это не оказывает большого влияния, но важно для понимания. Барицентрические координаты в рамках этого курса будут описывать положение пикселя, который вы собираетесь отрисовать, относительно реального треугольника.

# 9. Отрисовка треугольников

Написать функцию отрисовки треугольника с вершинами (x0, y0), (x1, y1) и (x2, y2). Для этого выполнить следующие шаги.

1. Определить ограничивающий прямоугольник: минимальные и максимальные возможные значения координат X и Y. Например:

```
xmin = min(x0, x1, x2)

ymin = min(y0, y1, y2)

xmax = max(x0, x1, x2)

ymax = max(y0, y1, y2)
```

2. Для ограничивающего прямоугольника учесть границы изображения, так, например:

if 
$$(xmin < 0)$$
:  $xmin = 0$ 

Разумеется, вы можете сделать 1 и 2 пункты одновременно.

3. Для каждого пикселя внутри ограничивающего прямоугольника вычислить барицентрические координаты относительно вершин треугольника.

Если **все** барицентрические координаты пикселя больше нуля — пиксель рисуется, иначе — переходим к следующему.

Обратите внимание, что рёбра треугольника линиями (как в задании 7) рисовать **не надо**.

### 10. Тестирование функции

Протестировать функцию отрисовки треугольника для разных треугольников, в том числе, частично (или полностью) выходящих за пределы изображения.

### 11. Отрисовка полигонов трёхмерной модели

Нарисовать все полигоны модели разными цветами (для одного треугольника – один случайный цвет).

### 12. Вычисление нормали к поверхности треугольника

Для каждого треугольника вычислить нормаль к этому треугольнику по формуле:

$$\bar{n} = [X_1 - X_0 \quad Y_1 - Y_0 \quad Z_1 - Z_0] \times [X_1 - X_2 \quad Y_1 - Y_2 \quad Z_1 - Z_2],$$

где  $(X_0, Y_0, Z_0)$ ,  $(X_1, Y_1, Z_1)$  и  $(X_2, Y_2, Z_2)$  – **исходные** координаты вершин треугольника (до любых преобразований), а  $\times$  – векторное произведение.

Координаты нормали могут быть вычислены через определитель:

$$\bar{n} = \begin{vmatrix} \bar{\iota} & \bar{J} & \bar{k} \\ X_1 - X_0 & Y_1 - Y_0 & Z_1 - Z_0 \\ X_1 - X_2 & Y_1 - Y_2 & Z_1 - Z_2 \end{vmatrix}.$$

# 13. Отсечение нелицевых граней

Для каждого треугольника определить косинус угла падения направленного света (считать направление света равным  $\bar{l}=[0,0,1]$ ) через нормализованное скалярное произведение  $\frac{\langle \bar{n}, \bar{l} \rangle}{\|\bar{n}\| \cdot \|\bar{l}\|}$ .

Изменить цикл отрисовки полигонов таким образом, чтобы отрисовывались только полигоны с  $\frac{\langle \bar{n}, \bar{l} \rangle}{\|\bar{n}\|\cdot\|\bar{l}\|} < 0$ .

#### 14. Базовое освещение

Отрисовку полигонов выполнять не случайным цветом, а пропорциональным косинусу угла между  $\bar{n}$  и  $\bar{l}$ , например  $\left(255*\frac{\langle \bar{n},\bar{l}\rangle}{\|\bar{n}\|\cdot\|\bar{l}\|},\ 0,\ 0\right)$ .

### **15. z-буфер**

При отрисовке полигонов проверять перекрытие полигонов с использованием z-буфера.

z-буфер — это матрица из вещественных значений по размеру совпадающая с изображением. Все элементы z-буфера изначально инициализируются некоторым достаточно большим значением.

При отрисовке для каждой точки выполняется следующая проверка:

- 1. Вычисляются барицентрические координаты ( $\lambda_0$ ,  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ).
- 2. Если все барицентрические координаты больше нуля, вычисляем z-координату **исходного** полигона через **исходные** z-координаты вершин этого полигона:

$$\hat{z} = \lambda_0 z_0 + \lambda_1 z_1 + \lambda_2 z_2.$$

- 3. Если вычисленное значение координаты  $\hat{z}$  больше координаты z-буфера для текущего пикселя, пропускаем точку.
- 4. Если вычисленное значение координаты  $\hat{z}$  меньше координаты z-буфера для текущего пикселя, отрисовываем этот пиксель, а соответствующему элементу z-буфера присваиваем значение  $\hat{z}$ .

# 16. Проективное преобразование

Заменить преобразование к экранным координатам

$$[4000 * X + 500, 4000 * Y + 500]$$

на проективное преобразование:

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} a_x & 0 & u_0 \\ 0 & a_y & v_0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}$$

где (u,v) – экранные координаты,  $a_x,\,a_y$  – масштаб,  $(u_0,\,v_0)$  – центр изображения.

Чтобы проективное преобразование к координате Z всех точек модели необходимо добавить фиксированное значение (не менее 0.1).

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} a_x & 0 & u_0 \\ 0 & a_y & v_0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ t_z \end{bmatrix}$$