Thème: Types de bases - CORRECTION

1 Application au cryptage d'un message

Cryptage

Transformation d'un message en clair en un message codé compréhensible seulement par qui dispose du code

L'informatique permet d'automatiser le procédé de crytpage et décryptage d'un message, dans ce notebbok vous allez simuler le fonctionnement d'un logiciel de mail qui crypte/décrypte les messages.

Deux personnes 'Alice' et 'Bob' vont utiliser ce procédé pour communiquer.

Cher agent 'EVE', votre misssion sera découvrir le message envoyé par Alice à Bob qui a été intercepté en écoutant le réseau. Nos cryptographes n'ont pas réussi, nous comptons sur vous ! Voici le message :

Nos équipes ont mis la main sur la documentation de leur logiciel de messagerie, à vous d'en comprendre le fonctionnement pour décrypter leur message.

M. Meyroneinc-Condy | CCBY | 2021

1.1 Principe de fonctionnement.

Le texte en clair sera:

- chiffré par Alice en utilisant le code de césar, c'est un chiffrement par décalage des lettres. Le texte chiffré s'obtient en remplaçant chaque lettre du texte clair original par une lettre à distance fixe, toujours du même côté, dans l'ordre de l'alphabet. Pour les dernières lettres (dans le cas d'un décalage à droite), on reprend au début. Par exemple avec un décalage de 3 vers la droite, A est remplacé par D, B devient E, et ainsi jusqu'à W qui devient Z, puis X devient A etc...
- chaque caractère sera ensuite converti en binaire sur un octet (8 bits).

C'est ce message binaire qui sera envoyé à Bob qui devra le décoder, Bob connaît la clé qu'Alice à utilisé pour son chiffrement.

Texte en clair bla bla ...

Codage César ((par déca

1.2 Chiffrement de césar.

Wikipédia : Chiffrement de César

Fonction ord:

Renvoie le nombre entier représentant le code Unicode du caractère représenté par la chaîne donnée. Par exemple, ord('a') renvoie le nombre entier 97 et ord('€') (symbole Euro) renvoie 8364. Il s'agit de l'inverse de chr().

Fonction chr():

Renvoie la chaîne représentant un caractère dont le code de caractère Unicode est le nombre entier i. Par exemple, chr(97) renvoie la chaîne de caractères 'a', tandis que chr(8364) renvoie '€'. Il s'agit de l'inverse de ord(). L'intervalle valide pour cet argument est de 0 à 1114111 (0x10FFFF en base 16). Une exception ValueError sera levée si i est en dehors de l'intervalle.

```
In [4]:
         def chiffrement_caractere(carac,cle):
                                                                    ιÖ
             Chiffre un caractère par la méthode de césar , les lettre
             les autres caractères ne sont pas modifiés (accents, tire
             Entrées :
               carac (str) un caratère
               cle (int) la clé de codage (classiquement entre 0 et 25
             Sortie :
               (str) Le caratère décalé par la méthode de césar
             if 65<= ord(carac) <=90: # Pour les majuscule</pre>
               numero=ord(carac)
               numero = numero -65 # on se ramene entre 0 et 26 qui
               numero = numero +cle # on effectue le décalage
               numero = numero % 26 # on revient au début lorsqu'on d
               numero =numero + 65 # on retourne dans la table ASCII
               carac_code = chr(numero)
             elif 97 <= ord(carac) <= 122: # pour les minuscule</pre>
                 carac\_code = chr((ord(carac)-97+cle)\%26+97)
             else :
```

```
carac_code = carac # on ne change pas les autres ca
            return carac code
In [5]: # Tests, si pas d'erreurs continuez.
                                                                Q
        assert chiffrement_caractere('A',3) == 'D'
        assert chiffrement_caractere('T',5) == 'Y'
        assert chiffrement_caractere('w',7) == 'd'
        # Gestion accent ...
        assert chiffrement_caractere('é',10) == 'é'
        assert chiffrement_caractere('ç',15) == 'ç'
        def chiffrement_mot(mot,cle):
In [6]:
                                                                Ç
            Chiffre un mot (chaîne de caractères sans espace) par la
            Entrées :
              mot (str)
              cle (int) la clé de codage
            Sortie :
              (str) Le mot décalé par la méthode de césar
            mot code = ''
            for lettre in mot:
                mot_code += chiffrement_caractere(lettre, cle)
            return mot_code
In [7]: # Tests, si pas d'erreurs continuez.
                                                                Q
        assert chiffrement_mot('Bonjour',7) == 'Ivuqvby'
        assert chiffrement_mot('Décodage',16) == 'Tésetqwu'
        assert chiffrement_mot('Bonjour',33) == 'Ivuqvby'
        assert chiffrement_mot('Anticonstitutionnellement',4) == 'Ery
In [8]:
        def decoupage(texte):
                                                                Q
            Découpe un texte suivant ses espaces
            Entrée : texte (str)
            Sortie : (1st) une liste de str constitué des mots du tex
            texte_decoupe = texte.split()
            return texte_decoupe
        # Tests, si pas d'erreurs continuez.
In [9]:
                                                                ſŌ
        assert decoupage('Ceci est un test.') == ['Ceci', 'est', 'un
        def cesar(texte,cle):
In [10]:
                                                                Q
```

```
Chiffre un texte par la méthode de césar. Le texte ne contrées :
    texte (str)
    cle (int) la clé de codage
Sortie :
    (str) Le texte décalé par la méthode de césar
    """

texte_decoupe = decoupage(texte)
texte_code = ''

for mot in texte_decoupe:
    texte_code += chiffrement_mot(mot,cle)+' '

# Enlève le dernier espace.
texte_code = texte_code[:-1]
return texte_code
```

```
In [217]: # Tests, si pas d'erreurs continuez.

assert cesar('Bonjour',7) == 'Ivuqvby'

assert cesar("WIKIPEDIA ENCYCLOPEDIE LIBRE",9) == 'FRTRYNMF
assert cesar("Le texte chiffré s'obtient en remplaçant chac
```

1.3 Conversion en binaire

Compléter les fonction de conversion entre base 2 et base 10.

```
In [24]: def dec_vers_bin(nombre):

"""

Convertir un nombre entier naturel vers la base 2 sans parties:

nombre (int): entier naturel

Sortie:

(str) Le nombre écrit en base 2

"""

s = ''

while nombre > 0:

# Attention, concaténer à gauche

s = str(nombre % 2) + s

nombre //= 2

return s
```

```
In []: def dec_vers_bin2(chaine_binaire):
    rep=0
    n=len(chaine_binaire)-1
    for i in chaine_binaire:
        rep+=int(i)*2**n
```

```
n-=1
             return rep
In [22]:
          def dec_vers_bin3(nombre):
                                                                    Q
              return format(nombre, '08b')
          nbe = randint(3, 1000)
          dec_vers_bin(nbe)
Out[22]: '111010011'
In [25]: from random import randint
                                                                    Q
          # Tests, si pas d'erreurs continuez.
          assert dec_vers_bin(1) == '1'
          assert dec_vers_bin(2) == '10'
          assert dec_vers_bin(1) == '1'
          assert dec_vers_bin(17) == '10001'
          # test aléatoire
          nbe = randint(3, 1000)
          assert dec_vers_bin(nbe) == bin(nbe)[2:]
In [30]:
          def bin_vers_dec(binaire):
                                                                    Q
              Convertir un nombre binaire vers la base 10 sans passer
              Entrées :
                binaire (str) : un nombre binaire
              Sortie:
                (int) Le nombre écrit en base 10
              0.00
              s = 0
              exposant = len(binaire) - 1
              for a in binaire:
                  s += int(a) * 2 ** exposant
                  exposant -= 1
              return s
          # Tests, si pas d'erreurs continuez.
In [31]:
                                                                    Q
          assert ( bin_vers_dec('1111011') == 123 )
          assert ( bin_vers_dec('101111011') == int('0b101111011',2) ]
          assert ( bin_vers_dec('1001101') == int('0b1001101',2) )
          # test aléatoire
          nbe = randint(30, 1000)
          binaire = bin(nbe)[2:]
          assert bin_vers_dec(binaire) == nbe
```

1.4 Codage et décodage du message

```
In [42]:
          def codage_message(texte,cle):
                                                                    Q
              Chiffre un texte par la méthode de césar puis code les d
              Le texte ne commence, ni ne se termine par des espaces.
              Entrées :
                texte (str)
                cle (int) la clé de codage
              Sortie:
                (str) Le texte codé
              0.00
              texte_code = ''
              texte_apres_cesar = cesar(texte,cle)
              for carac in texte_apres_cesar:
                  carac_binaire = dec_vers_bin(ord(carac))
                  # Remplissage avec zéros si nescessaire (pour obteni
                  while len(carac_binaire) != 8:
                      carac_binaire = '0'+carac_binaire
                  texte_code += carac_binaire
              return texte_code
In [33]: # Tests, si pas d'erreurs continuez.
                                                                    ſĠ
          assert codage_message('Coucou le monde',5) == '010010000
          assert codage_message('César',10) == '0100110111101001011006
In [34]:
          def decodage_message(binaire, cle):
                                                                    Q
              Déchiffre un message binaire codé avec la méthode du not
              Le texte ne commence, ni ne se termine par des espaces.
              Entrées :
                binaire (str)
                cle (int) la clé de décodage
              Sortie:
                (str) Le texte décodé
              # Extraire un octet et enlever du texte codé
              texte decode = ''
              while binaire:
                  octet = binaire[:8]
                  binaire = binaire[8:]
                  caractere_code = bin_vers_dec(octet)
                  caractere_decode = chiffrement_caractere(chr(caracte
                  texte_decode += caractere_decode
              return texte_decode
         # Tests, si pas d'erreurs continuez.
In [35]:
```

assert decodage_message('0100100001110100011110100110100 assert decodage_message('0100110111101001011000110110101

In [41]: # A vous de décoder le message d'Alice. ſĊ for cle in range(26): print(cle, decodage_message(message_code, cle)) 0 Wdzi ejpé, qjpn vqzu yéxjyé gz hznnvbz, qjpn êozn yzn xcvhkd jin. Gv XDV qjpn vooziy !! 1 Vcyh dioé, piom upyt xéwixé fy gymmuay, piom ênym xym wbugjc ihm. Fu WCU piom unnyhx !! 2 Ubxg chné, ohnl toxs wévhwé ex fxlltzx, ohnl êmxl wxl vatfib hgl. Et VBT ohnl tmmxgw !! 3 Tawf bgmé, ngmk snwr véugvé dw ewkksyw, ngmk êlwk vwk uzseha gfk. Ds UAS ngmk sllwfv !! 4 Szve aflé, mflj rmvq uétfué cv dvjjrxv, mflj êkvj uvj tyrdgz fej. Cr TZR mflj rkkveu !! 5 Ryud zeké, leki qlup téseté bu cuiiqwu, leki êjui tui sxqcfy edi. Bq SYQ leki qjjudt !! 6 Qxtc ydjé, kdjh pkto sérdsé at bthhpvt, kdjh êith sth rwpbex dch. Ap RXP kdjh piitcs !! 7 Pwsb xcié, jcig ojsn réqcré zs asggous, jcig êhsg rsg qvoadw cbg. Zo QWO jcig ohhsbr !! 8 Ovra wbhé, ibhf nirm qépbqé yr zrffntr, ibhf êgrf qrf punzcv baf. Yn PVN ibhf nggraq !! 9 Nuqz vagé, hage mhql péoapé xq yqeemsq, hage êfqe pqe otmybu aze. Xm OUM hage mffqzp !! 10 Mtpy uzfé, gzfd lgpk oénzoé wp xpddlrp, gzfd êepd opd nslxa tzyd. Wl NTL gzfd leepyo !! 11 Lsox tyeé, fyec kfoj némyné vo wocckqo, fyec êdoc noc mrkwz syxc. Vk MSK fyec kddoxn !! 12 Krnw sxdé, exdb jeni mélxmé un vnbbjpn, exdb êcnb mnb lqjvy rxwb. Uj LRJ exdb jccnwm !! 13 Jqmv rwcé, dwca idmh lékwlé tm umaaiom, dwca êbma lma kpiux qwva. Ti KQI dwca ibbmvl !! 14 Iplu qvbé, cvbz hclg kéjvké sl tlzzhnl, cvbz êalz klz johtw pvuz. Sh JPH cvbz haaluk !! 15 Hokt puaé, buay gbkf jéiujé rk skyygmk, buay êzky jky ingsv outy. Rg IOG buay gzzktj !! 16 Gnjs otzé, atzx faje iéhtié qj rjxxflj, atzx êyjx ijx hmfru ntsx. Qf HNF atzx fyyjsi !! 17 Fmir nsyé, zsyw ezid hégshé pi qiwweki, zsyw êxiw hiw gleqt msrw. Pe GME zsyw exxirh !! 18 Elhq mrxé, yrxv dyhc géfrgé oh phvvdjh, yrxv êwhv ghv fkdps lrqv. Od FLD yrxv dwwhqg !!

19 Dkgp lqwé, xqwu cxgb féeqfé ng oguucig, xqwu êvgu fgu ejcor

20 Cjfo kpvé, wpvt bwfa eédpeé mf nfttbhf, wpvt êuft eft dibnq

21 Bien joué, vous avez décodé le message, vous êtes des champ

kqpu. Nc EKC xqwu cvvgpf !!

jpot. Mb DJB wpvt buufoe !!

```
ions. La CIA vous attend !!
22 Ahdm inté, untr zudy cébncé kd ldrrzfd, untr êsdr cdr bgzlo
hnmr. Kz BHZ untr zssdmc !!
23 Zgcl hmsé, tmsq ytcx béambé jc kcqqyec, tmsq êrcq bcq afykn
gmlq. Jy AGY tmsq yrrclb !!
24 Yfbk glré, slrp xsbw aézlaé ib jbppxdb, slrp êqbp abp zexjm
flkp. Ix ZFX slrp xqqbka !!
25 Xeaj fkqé, rkqo wrav zéykzé ha iaoowca, rkqo êpao zao ydwil
ekjo. Hw YEW rkqo wppajz !!
```

1.5 Réponse :

clé : 21 et message : Bien joué, vous avez décodé le message, vous êtes des champions. La CIA vous attend !!

