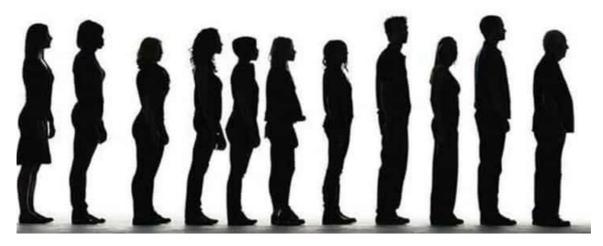
1. TP 14 - Les Files Enoncé-Corrigé

TD n°14 : Structures de données - Les Files

COURS et EXERCICES



Les **piles** et les **files** sont deux structures de données linéaires qui permettent, au même titre que les listes, de gérer des séquences d'éléments. Ainsi, dans une pile et dans une file chaque élément est éga- lement repéré par sa position, il y a un premier, un dernier, chaque élément a un successeur (sauf le premier) et un prédécesseur (sauf le dernier). Les opérations disponibles pour ces deux structures sont assez proches car dans les deux cas, on veut pouvoir : * créer une file vide * connaître sa taille * lui ajouter un élément * lui retirer un élément * accéder à un élément particulier

Cependant, la politique d'ajout/retrait des éléments dans la séquence n'est pas la même. Le nom des opérations diffèrent également pour mieux distinguer les deux structures.

I. Les files

Il faut se représenter une file comme... une file d'attente! On ne peut entrer dans la file qu'en dernière position et on ne peut la quitter que si on est le premier. L'ajout d'un élément dans une file ne peut se faire qu'à la fin (en dernière position) et le retrait d'un élément ne peut se faire qu'au début (en première position).

On dit que les files sont en mode **FIFO** (*First In, First Out* qui signifie « premier entré, premier sorti »).



→ Interface d'une file

Le jeu d'opérations disponibles pour une file est :

- construire_file() : crée une file vide
- taille(F): accès au nombre d'éléments dans la file F
- enfiler(F, e) : ajoute l'élément e en dernier dans la file F.
- defiler(F): retire le premier élément de la file F. Précondition: F n'est pas vide.
- premier(F): pour accéder (en lecture) au premier élément de la file F (sans le retirer de la file). Précondition: F n'est pas vide.

En anglais, l'opération enfiler est souvent notée push, l'opération depiler est souvent notée pop et l'opération taille est souvent notée top.

Remarque : Comme pour les piles, on pourrait remplacer l'opération taille par l'opération est_vide et choisir que defiler renvoie également le premier élément pour s'économiser l'opération premier.

1.1. → Représentation d'une file et exemple

Une file contenant les éléments 'a', 'b' et 'c' ('a' étant le premier et 'c' le dernier) sera représentée :

Exemple: Voici comment manipuler une file F:

Opération	Contenu de la file F
<pre>F = construire_file()</pre>	<<
taille(F)	renvoie 0
enfiler(F, 'a')	<'a'<
enfiler(F, 'b')	<'a', 'b'<
enfiler(F, 'c')	<'a', 'b', 'c'<
premier(F)	renvoie 'a'
defiler(F)	<'b', 'c'<
<pre>enfiler(F, premier(F))</pre>	<'b', 'c', 'b'<

1.2. → Applications des files

Les files sont très utilisées en informatique. Leur usage caractéristique concerne les files d'attentes :

- Un système d'exploitation gère l'ordonnancement des processus par des files (voir Thème 3 : Architectures matérielles, systèmes d'exploitation et réseaux)
- Une imprimante gère les tâches d'impression avec des files : chaque nouvelle tâche est insérée dans une file d'attente, et celles-ci sont traitées dans l'ordre d'arrivée.
- On peut aussi utiliser une pile pour parcourir (en profondeur) un graphe et mémoriser les sommets visités. (voir Thème 5 : Algorithmique)
- etc.

II. Exercices sur les files

Activité 1 : Manipulation des files

Question 1.

On considère la séquence d'instructions suivantes. Indiquez le résultat à chaque étape.

```
- F = construire_file()
- enfiler(F, 1)
- enfiler(F, 2)
- enfiler(F, 3)
- s = premier(F)
- defiler(F)
- defiler(F)
- enfiler(F, s)
```

Question 2.

Écrivez la séquence d'instructions permettant d'obtenir l'évolution suivante pour une file F.

Etat de la pile P	Instructions (à compléter)
<<	
<3<	
<3,1<	
<3,1,4<	
<1,4<	
<4<	
<<	

1.3. → Implémentations

Il existe différentes façons d'implémenter une file, on peut par exemple utiliser :

- un tableau (redimensionnable ou non)
- une liste chaînée

deux piles

Avec ces implémentations, il faudra en général faire un compromis sur l'efficacité des opérations car celles-ci nécessitent de travailler sur les deux extrémités de la file (pour enfiler/défiler).

- Si on utilise un tableau, les opérations en début sont coûteuses et celles à la fin ne le sont pas. On peut alors décider d'enfiler en fin de tableau (peu coûteux) mais il faudra défiler en début de tableau (coûteux). Si on fait le choix inverse, c'est l'opération defiler qui sera peu coûteuse et l'opération enfiler qui sera coûteuse.
- Si on utilise une liste chaînée, c'est l'inverse (efficace en tête et coûteux en queue) mais le problème reste le même : une des deux opérations sera moins efficace.

Il existe en réalité une implémentation plus efficace mais nous n'en parlerons pas ici.

Activité 2 : Première implémentation d'une file (avec le type `list` de Python)

On définit le type abstrait File par les opérations :

- · création d'une file vide
- enfiler : ajout en queue de file
- defiler : retrait du premier élement de la file
- premier : accès (en lecture) au premier élément de la file
- taille : accès au nombre d'éléments

L'objectif est d'implémenter ce type abstrait en utilisant le type prédéfini list de Python (tableau dynamique = redimensionnable).

On choisira d'enfiler en fin de list (efficace) et de défiler en début de list (coûteux). On aurait très bien pu faire l'inverse, mais l'une des deux opérations (enfiler ou défiler) ne peut pas être en temps constant avec le type list.

Pour une évaluation de la complexité des opérations élémentaires de Python voir le site : Python.org - Time complexity.

Question 1:

Consultez les méthodes disponibles sur le type list de Python pour trouver comment retirer un élément en tête de liste (vous devriez savoir comment ajouter en fin de liste!). Quelle est la méthode à utiliser?

Question 2:

Enoncé

Ecrivez une classe File implémentant les opérations du type abstrait file avec les list de Python. Vous utiliserez la méthode __len__ pour renvoyer la longueur d'une file.

Exemple : on veut que le code

```
F = File()
print(F)
F.enfiler(1)
print(F)
F.enfiler(2)
print(F)
F.enfiler(3)
print(F)
s = F.premier()
print(s)
F.defiler()
print(F)
F.defiler()
print(F)
F.enfiler(s)
print(F)
```

produise l'affichage

```
<<pre><<>
<1<
<1,2<
<1,2,3<
1
<2,3<</pre>
1
<2,3<</pre>
<3<<<3<</pre>
```

```
class File:
    def __init__(self):
        self.contenu = []

def enfiler(self, element):
        self.contenu.append(element)
```

```
def defiler(self):
       assert self.taille() != 0, "on ne peut pas défiler une file
vide"
       self.contenu.pop(₀) # ou return self.contenu.pop(₀) si
l'opération défiler doit aussi renvoyer le sommet
   def premier(self):
      assert self.taille() != 0, "une file vide n'a pas de premier
élément"
       return self.contenu[0]
   def taille(self):
       return len(self.contenu)
    la longueur d'une file
   # pour représenter une file
   def __repr__(self):
      ch = ""
      for e in self.contenu:
          ch = ch + str(e) + ","
       ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
       ch = "<" + ch + "<"
       return ch
```

Question 3:

Définissez la méthode spéciale <u>repr</u> pour afficher le contenu d'une file comme unelist de Python.

Attention:

la méthode __repr__ doit renvoyer une chaîne de caractères (conversion avec la fonction str)

Exemple: on veut que le code

```
F = File()
print(F)
F.enfiler(1)
print(F)
F.enfiler(2)
print(F)
F.enfiler(3)
print(F)
s = F.premier()
print(s)
F.defiler()
print(F)
```

```
F.defiler()
print(F)
F.enfiler(s)
print(F)
```

produise l'affichage

Activité 3 : Deuxième implémentation d'une file (avec deux piles)

On veut réaliser une implémentation objet d'une file en utilisant deux piles.

Vous utiliserez l'implémentation suivante d'une pile pour travailler

```
class Pile:
   def __init__(self):
       self.contenu = []
   def empiler(self, e):
       self.contenu.append(e)
   def depiler(self):
       assert self.taille != 0, "on ne peut pas dépiler une pile vide"
       self.contenu.pop()
   def sommet(self):
       assert self.taille != 0, "une pile vide n'a pas de sommet"
       return self.contenu[-1]
   def taille(self):
       return len(self.contenu)
   # pour représenter la Pile
   def __repr__(self):
       ch = ''
       for e in self.contenu:
           ch = str(e) + "," + ch # ne pas oublier de convertir les éléments
en∟chaine de caractères
       ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
       ch = '>' + ch+']'
       return ch
```

Pour simplifier, l'opération defiler renverra également le premier élément (en plus de le retirer de la file). L'opération premier n'est alors plus nécessaire. Vous devez donc implémenter une classe File permettant les opérations suivantes :

- · création d'une file vide
- enfiler : ajout en queue de file
- defiler : renvoie le premier élement de la file et retire cet élément de la file
- len : accès au nombre d'éléments

Aide:

- Opération enfiler (simple) : C'est toujours dans l'une des deux piles (par exemple pA) que l'on empile un nouvel élément à enfiler.
- Opération defiler (compliquée) :
- Si l'autre pile (pB) n'est pas vide, son sommet est le premier élément de la file (celui à défiler)
- Sinon (si pB est vide), le premier élément de la file (celui à défiler) est au fond de pA. On peut alors "retourner" pA sur pB pour le premier élément de la file arrive au sommet de pB.
- Opération len (simple) : il suffit d'utiliser la méthode taille définie dans la classe Pile.

Enoncé

Complétez les méthodes enfiler, **len** et defiler de la classe File suivante qui implémente une file avec deux piles.

```
class File:
   """File avec deux piles"""
    def __init__(self):
       self.pA = Pile() # pA et pB sont les deux attributs de nos
objets de la classe File
       self.pB = Pile()
    def enfiler(self, e):
       # à compléter
       pass
    def __len__(self):
       # à compléter
       pass
    def defiler(self):
        if self.pA.taille() == 0 and self.pB.taille() == 0:
            raise ValueError("on ne peut pas défiler une file vide")
            # à compléter
    # La méthode __repr__ est définie pour que vous puissiez voir l'état
d'une file
   def __repr__(self):
        import copy
        #print("pile A : ", repr(self.pA)) # pour voir le contenu des
deux piles
        #print("pile B : ", repr(self.pB))
       lstA = copy.copy(self.pA.contenu) # copie des list Python
représentant nos deux piles
        lstB = copy.copy(self.pB.contenu) # pour ne pas les modifier
        lstB.reverse() # on a besoin de renverser lstB pour avoir nos
éléments dans l'ordre d'entrée
        lst = lstB + lstA # et de concaténer lstB et lstA dans cet ordre
        # on construit ensuite la chaine "<...<" qui représente nos
files
       ch = ""
        for e in 1st:
           ch = ch + str(e) + ","
        ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
        ch = "<" + ch + "<"
        return ch
```

```
class Pile:
    def __init__(self):
        self.contenu = []
    def empiler(self, e):
        self.contenu.append(e)
    def depiler(self):
        assert self.taille != 0, "on ne peut pas dépiler une pile vide"
        self.contenu.pop()
    def sommet(self):
        assert self.taille != 0, "une pile vide n'a pas de sommet"
        return self.contenu[-1]
    def taille(self):
        return len(self.contenu)
    # pour représenter la Pile
    def __repr__(self):
    ch = ""
    for e in self.contenu:
       ch = str(e) + "," + ch # ne pas oublier de convertir les
éléments en chaine de caractères
    ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
    ch = ">" + ch+']'
    return ch
class File:
    """File avec deux piles"""
    def __init__(self):
        self.pA = Pile() # pA et pB sont les deux attributs de nos
objets de la classe File
       self.pB = Pile()
    def enfiler(self, e):
        return self.pA.empiler(e)
    def __len__(self):
       return self.pA.taille()+self.pB.taille()
    def defiler(self):
        if self.pA.taille() == 0 and self.pB.taille() == 0:
            raise ValueError("on ne peut pas défiler une file vide")
        # La méthode __repr__ est définie pour que vous puissiez voir
l'état d'une file
        else:
            if self.pB.taille() == 0:
                for x in range(self.pA.taille()-1):
                    self.pB.empiler(self.pA.sommet())
                    self.pA.depiler()
                self.pA.depiler()
                print('pA', self.pA)
                print('pB1', self.pB)
            else:
                self.pB.depiler()
```

```
def __repr__(self):
       import copy
        #print("pile A : ", repr(self.pA)) # pour voir le contenu des
deux piles
       #print("pile B : ", repr(self.pB))
       lstA = copy.copy(self.pA.contenu) # copie des list Python
représentant nos deux piles
       lstB = copy.copy(self.pB.contenu) # pour ne pas les modifier
       lstB.reverse() # on a besoin de renverser lstB pour avoir nos
éléments dans l'ordre d'entrée
        lst = lstB + lstA # et de concaténer lstB et lstA dans cet ordre
       # on construit ensuite la chaine "<...<" qui représente nos
files
       ch = ""
       for e in lst:
           ch = ch + str(e) + ","
        ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
        ch = "<" + ch + "<"
        return ch
```

III. Sujet BAC sur les files

Métropole Juin 2021 - Sujet 2

Cet exercice porte sur les structures de données linéaires

Une méthode simple pour gérer l'ordonnancement des processus est d'exécuter les processus en une seule fois et dans leur ordre d'arrivée.

Enoncé

Parmi les propositions suivantes, quelle est la structure de données la plus appropriée pour mettre en œuvre le mode FIFO (First In First Out) ?

- a. liste
- b. dictionnaire
- c. pile
- d. file

Solution

réponse d une file

Question 2

Enoncé

On choisit de stocker les données des processus en attente à l'aide d'une liste Python lst.

On dispose déjà d'une fonction retirer(lst) qui renvoie l'élément lst[0] puis le supprime de la liste lst.

Écrire en Python le code d'une fonction ajouter(1st, proc) qui ajoute à la fin de la liste 1st le nouveau processus en attente proc.

Solution

```
def ajouter(lst,proc):
    lst.append(proc)
```

On choisit maintenant d'implémenter une file file à l'aide d'un couple (p1, p2) où p1 et p2 sont des piles.

Ainsi file[0] et file[1] sont respectivement les piles p1 et p2.

Pour enfiler un nouvel élément elt dans file, on l'empile dans p1.

Pour défiler file, deux cas se présentent.

• La pile p2 n'est pas vide : on dépile p2.

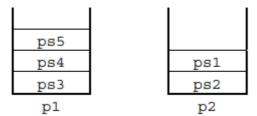
• La pile p2 est vide : on dépile les éléments de p1 en les empilant dans p2 jusqu'à ce que p1 soit vide, puis on dépile p2.

	État de la file avant	État de la file après
	Ltat de la lile availt	Ltat de la file apres
enfiler(file,elt)	p1 p2	pl p2
defiler(file) cas où p2 n'est pas vide	p1 p2	p1 p2
defiler(file) cas où p2 est vide	x p1 p2	p1 p2

Illustration du fonctionnement des fonctions enfiler et défiler.

Enoncée

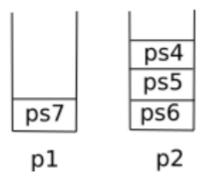
On considère la situation représentée ci-dessous.



On exécute la séquence d'instructions suivante :

```
enfiler(file,ps6)
defiler(file)
defiler(file)
defiler(file)
enfiler(file,ps7)
```

Représenter le contenu final des deux piles à la suite de ces instructions.



Enoncée

On dispose des fonctions :

- empiler(p, elt) qui empile l'élément elt dans la pile p,
- depiler(p) qui renvoie le sommet de la pile p si p n'est pas vide et le supprime,
- pile_vide(p) qui renvoie True si la pile p est vide, False si la pile p n'est pas vide.
- a. Écrire en Python une fonction est_vide(f) qui prend en argument un couple de piles f et qui renvoie True si la file représentée par f est vide, False sinon.
- b. Écrire en Python une fonction enfiler(f,elt) qui prend en arguments un couple de piles f et un élément elt et qui ajoute elt en queue de la file représentée par f.
- c. Écrire en Python une fonction defiler(f) qui prend en argument un couple de piles f et qui renvoie l'élement en tête de la file représentée par f en le retirant.

Solution 4.a

```
def est_vide(f):
    return pile_vide(f[0]) and pile_vide(f[1])
```

Solution 4.b

```
def enfiler(f,elt):
    empiler(f[0],elt)
```

Solution 4.c

```
def defiler(f):
    p1 = f[0]
    p2 = f[1]
    if pile_vide(p2):
        while not pile_vide(p1):
        v = depiler(p1)
        empiler(p2,v)
    return depiler(p2)
```

Amérique du Nord 2021 - Sujet 2

Cet exercice porte sur la notion de pile, de file et sur la programmation de base en Python.

Les interfaces des structures de données abstraites Pile et File sont proposées ci-dessous.

On utilisera uniquement les fonctions ci-dessous :

Structure de données abstraite : Pile

Utilise:

• Éléments, Booléen

Opérations:

- creer_pile_vide : Ø → Pile
 creer_pile_vide() renvoie une pile vide
- est_vide : Pile → Booléen
 est_vide(pile) renvoie True si pile est vide, False sinon
- empiler : Pile, Élément → Rien
 empiler(pile, element) ajoute element au sommet de la pile
- depiler : Pile → Élément
 depiler(pile) renvoie l'élément au sommet de la pile en le retirant de la pile

Structure de données abstraite : File

Utilise:

• Éléments, Booléen

Opérations:

- creer_file_vide : Ø → File
 creer_file_vide() renvoie une file vide
- est_vide : File → Booléen
 est_vide(file) renvoie True si file est vide, False sinon
- empiler : File, Élément → Rien empiler(file, element) ajoute element dans la file

 depiler : File → Élément depiler(file) renvoie l'élément au sommet de la file en le retirant de la file

Enoncé

(a) On considère la file F suivante :

```
enfilement — "rouge" "vert" "jaune" "rouge" "jaune" — défilement
```

Quel sera le contenu de la pile P et de la file F après l'exécution du programme Python suivant ?

```
1 P = creer_pile_vide ()
2 while not( est_vide (F )):
3    empiler (P, defiler (F))
```

(b) Créer une fonction taille_file qui prend en paramètre une file F et qui renvoie le nombre d'éléments qu'elle contient. Après appel de cette fonction la file F doit avoir retrouvé son état d'origine.

```
1 def taille_file (F):
2    """ File -> Int """
```

Solution 1.a

rouge

vert

jaune

rouge

jaune

Solution 1.b

```
def taille_file(F):
    t = 0
    ft = creer_file_vide()
```

```
while not est_vide(F):
    t = t + 1
    enfiler(ft, defiler(F))
while not est_vide(ft):
    enfiler(F, defiler(ft))
return t
```

Enoncé

Écrire une fonction former_pile qui prend en paramètre une file F et qui renvoie une pile P contenant les mêmes éléments que la file.

Le premier élément sorti de la file devra se trouver au sommet de la pile ; le deuxième élément sorti de la file devra se trouver juste en-dessous du sommet, etc.

Exemple:

former_pile(F) va renvoyer la pile P ci-dessous :

```
def former_pile(F):
    p = creer_pile_vide()
    pt = creer_pile_vide()
    while not est_vide(F):
        empiler(pt, defiler(F))
    while not est_vide(pt):
        empiler(p, depiler(pt))
    return p
```

Enoncé

Écrire une fonction nb_elements qui prend en paramètres une file F et un élément elt et qui renvoie le nombre de fois où elt est présent dans la file F.

Après appel de cette fonction la file F doit avoir retrouvé son état d'origine.

Solution

```
def nb_elements(F, ele):
    nb = 0
    ft = creer_file_vide()
    while not est_vide(F):
        x = defiler(F)
        if x==ele:
            nb = nb + 1
        enfiler(ft, x)
    while not est_vide(ft):
        enfiler(F, defiler(ft))
    return nb
```

Question 4

Enoncé

Écrire une fonction verifier_contenu qui prend en paramètres une file F et trois entiers :

```
nb_rouge, nb_vert et nb_jaune.
```

Cette fonction renvoie le booléen True si "rouge" apparaît au plus nb_rouge fois dans la file F, "vert" apparaît au plus nb_vert fois dans la file F et "jaune" apparaît au plus nb_jaune fois dans la file F.

Elle renvoie False sinon. On pourra utiliser les fonctions précédentes.

```
def verifier_contenu(F, nb_rouge, nb_vert, nb_jaune):
    return nb_elements(F, "rouge") <= nb_rouge and nb_elements(F, "vert")
<= nb_vert and nb_elements(F, "jaune") <= nb_jaune</pre>
```