

C15 k-plus proches voisins



1. Activités

1.1.



Activité 1 : *k-plus proches voisins - Cours - Activité de découverte*

Soit en téléchargement pour travailler dans visualcode :

k-plus proches voisins - cours



soit sur **Capytale** : [K-plus proches voisins Cours](#)

1.2.



Activité 2 : *k-plus proches voisins - IRIS*

Soit en téléchargement pour travailler dans visualcode :

k-plus proches voisins - Iris



soit sur **Capytale** : [K-plus proches voisins Iris](#)

2. Cours

Vous pouvez télécharger une copie au format pdf du diaporama de synthèse de cours présenté en classe :

Diaporama de cours



■ Attention

Ce diaporama ne vous donne que quelques points de repères lors de vos révisions. Il devrait être complété par la relecture attentive de vos **propres** notes de cours et par une révision approfondie des exercices.

3. Exercice BAC

Exo

On souhaite rechercher dans un tableau les k plus proches voisins d'un objet donné.

On dispose pour cela d'un tableau t non vide contenant des objets d'un même type et d'une fonction `distance` qui renvoie la distance entre deux objets quelconques de ce type.

Etant donné in objet `cible` du même type que ceux du tableau t , on cherche à déterminer les indices des k éléments du tableau t qui sont les plus proches de cet objet (c'est-à-dire ceux dont la distance à l'objet `cible` est la plus petite).

Question 1 :

On suppose dans cette question que $k=1$.

La fonction `plus_proche_voisin(t,cible)` ci-dessous prend en argument le tableau t et l'objet `cible`. Ecrire sur votre copie uniquement le bloc d'instructions manquant pour que la fonction renvoie l'indice d'un plus proche voisin de `cible`.

Script Python

```
def plus_proche_voisins(t,cible):  
    dmin=distance(t[0],cible)  
    idx_ppv=0  
    n=len(t)  
    for idx in range(1,n):  
        ...  
        ...  
        ...  
    return idx_ppv
```

Question 2 :

On considère le coût en temps du bloc manquant est constant. Quelle est la complexité de la fonction `plus_proche_voisin` quand $k = 1$?

Dans la suite, on suppose que $(k \geq 1)$.

Question 3 :

Une approche naïve consiste à parcourir le tableau `t` pour trouver l'indice de l'élément le plus proche de `cible`, puis à recommencer pour trouver l'indice du deuxième élément le plus proche de `cible`, et ainsi de suite. Cela implique de parcourir `k` fois tout le tableau. Afin de réduire le nombre d'appels à la fonction `distance`, la stratégie suivante permet de ne parcourir le tableau `t` qu'une seule fois. Lors de ce parcours, on stocke dans une liste `kppv`, initialement vide, les tuples `(idx,d)` où `idx` est l'indice d'un `k` plus proche voisin de `cible` déjà rencontré et `d` la distance correspondante, triés dans l'ordre décroissant de leur distance à `cible`.

La fonction `recherche_kppv(t,k,cible)` ci-après renvoie ainsi la liste des tuples `(idx,d)` où `idx` est l'indice d'un `k` plus proche voisin de `cible` dans le tableau `t` et `d` la distance correspondante.

On admet que la fonction `insertion(kppv,idx,d)` insère le tuple `(idx,d)` dans la liste `kppv` de sorte que celle-ci demeure triée dans l'ordre décroissant des distances.

Script Python

```
def recherche_kppv(t,k,cible):
    kppv=[]
    n=len(t)
    for idx in range(n):
        obj=t[idx]
        if len(kppv) < k:
            insertion(kppv,idx,distance(obj,cible))
        else:
            i0,d0=kppv[0]
            if distance(obj,cible)< d0:
                kppv.pop(0) #supprime le 1er élément de kppv
                insertion(kppv,idx,distance(obj,cible))
    return kppv
```

a On remarque qu'il y a plusieurs appels identiques à la fonction `distance(obj,cible)`.

Comment ne faire qu'un seul appel à cette fonction ?

b Expliquer l'intérêt de maintenir la liste `kppv` triée.

c Ecrire une fonction `insertion(kppv,idx,d)` qui insère le tuple `(idx,d)` dans la liste `kppv` préalablement triée en préservant l'ordre décroissant selon l'élément `d`.

On pourra éventuellement utiliser la méthode `insert` dont la documentation, fournie par la commande `help(list.insert)`, est la suivante :

Script Python

```
insert(self, index, object, /)
```

Insère l'object avant la position index dans l'objet appelant référencé par self.

Exemple d'utilisation :

Script Python

```
>>>liste=[4,2,8,9]
>>>liste.insert(1,3)
>>>liste
[4,3,2,8,9]
```

Script Python

```
help(list.insert)
```

Texte

Help on method_descriptor:

```
insert(self, index, object, /)
    Insert object before index.
```