TD n°12 : Implémentation d'une *liste* par une liste chaînée EXERCICES

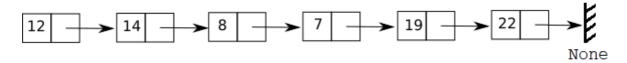
On propose dans cette activité d'implémenter le type abstrait *liste* par ce qu'on appelle une liste chaînée. Nous utiliserons le paradigme objet.

Interface

On rappelle que ce type abstrait est définie par les opérations

- · création d'une liste vide
- ajout d'un élément en tête de liste
- accès à la tête de la liste
- accès à la queue de la liste
- test d'une liste vide

On rappelle aussi qu'une *liste chaînée* est une représentation non contigue des listes, avec des **cellules** (ou **maillons**) comportant chacun un élément (de la liste) et une référence au suivant. Ainsi, les éléments sont chaînés entre eux (d'où le nom) et on peut représenter une liste chaînée de la façon suivante :



Chaque cellule contient deux informations :

- la valeur d'un élément de la liste
- un lien vers la cellule suivante (son adresse mémoire)

Dans l'exemple proposé, le premier élément est 12, le second est 14, ..., le dernier est 22 car le lien vers la cellule suivante pointe vers None qui marque la fin de la liste.

La classe Cellule

Commençons par créer une cellule en utilisant la programmation objet. On doit donc créer une classe Cellule possédant deux attributs :

- valeur qui est la valeur de la cellule
- suivante qui est une référence vers la cellule suivante.

```
class Cellule:
    def __init__(self, valeur, suivante):
        self.valeur = valeur
        self.suivante = suivante
```

On peut alors créer une chaîne et accéder à ses éléments en consultant la valeur d'une cellule, ou la valeur de la suivante, etc.

```
chaine1 = Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None)))
print("premier élément :", chaine1.valeur)
print("deuxième élément :", chaine1.suivante.valeur)
print("troisième élément :", chaine1.suivante.suivante.valeur)
print("quatrième élément ? :", chaine1.suivante.suivante.suivante)
```

On peut visualiser la construction de la chaîne avec Python tutor. Il est important de remarquer que :

- chaque élément de la chaîne est une instance (un objet) de la classe Cellule ;
- la variable chaine pointe vers la première cellule de la chaîne.

Question 1

Construisez une liste appelée chaine correspondant au schéma donné dans l'introduction.

```
# à compléter
```

Remarque : Pour le moment on a utilisé le terme *chaine* et non le terme *liste* car la classe Cellule ne permet pas de représenter une liste vide, qui serait une liste sans aucune cellule... On peut voir une *chaine* comme une liste non vide, c'est-à-dire comportant au moins une cellule.

Eciture de quelques fonctions

Longueur d'une chaine

Pour déterminer la longueur d'une chaine, il suffit de parcourir chaque cellule, jusqu'à trouver une cellule dont l'attribut suivante pointe vers None. Si la chaine vaut None au départ, elle représente une liste vide qui a pour longueur 0.

On peut définir la fonction longueur qui calcule la longueur d'une chaine :

```
def longueur(chaine):
    n = 0
    courante = chaine # la cellule courante pointe vers chaine qui pointe vers la premièn
    while courante is not None: # tant que la cellule courante ne pointe par vers None
```

```
courante = courante.suivante # on passe à la cellule suivante
    n = n + 1  # la longueur augmente d'une unité
    return n

chaine1 = Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None)))
print("longueur :", longueur(chaine1))
print("longueur d'une liste vide :", longueur(None))
```

Question 2

Vérifiez la longueur renvoyée pour la chaîne chaine (question 1).

```
# à compléter
```

Question 3

Proposez une version récursive de la fonction longueur (puis vérifiez)

```
# VERSION RECURSIVE
# à compléter
```

Eléments d'une chaine

Il peut être intéressant de pouvoir afficher ou renvoyer tous les éléments d'une chaine. Cela permet notamment de vérifier des choses.

Question 4

Ecrivez une fonction affiche (chaine) qui affiche tous les éléments d'une chaine (non vide).

```
# à compléter
```

Question 5

Ecrivez une fonction liste_elements(chaine) qui renvoie la liste (au sens list de Python) des éléments d'une chaîne.

```
def liste_elements(chaine):
    """Renvoie une list Python contenant tous les éléments de la liste chaînée L

>>> liste_elements(Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None))))
[1, 2, 3]

>>> liste_elements(Cellule(12, Cellule(14, Cellule(8, Cellule(7, Cellule(19, Cellule(2, 12, 14, 8, 7, 19, 22)))))
```

```
# à compléter

import doctest
doctest.testmod() # verbose = True pour plus de détails

TestResults(failed=0, attempted=0)
```

Accès au i-ème élément d'une chaine

On souhaite maintenant écrire une fonction ieme_element(chaine, i) permettant de renvoyer le ième élément de la chaine. **Préconditions**: chaine est non vide (au moins une cellule) et i est compris entre 0 et longueur(chaine)-1.

Question 6

Proposez une fonction qui convient. *On peut trouver le i-ème élément avec une boucle ou par récursivité. Voir si besoin les anciens chapitres.*

```
# à compléter

# VERSION ITERATIVE AVEC UNE BOUCLE WHILE
```

La classe ListeChainee

La classe Cellule ne permet pas d'implémenter à elle seule le type abstrait *liste* car rien n'est prévu pour représenter une liste vide. On va utiliser cette classe pour créer une classe ListeChainee qui implémente ce type abstrait. Il suffira de faire pointer la liste vers le premier élément de la chaîne (de cellules) ou vers None pour la liste vide.

Les opérations à implémenter dans la classe ${\tt ListeChainee}$ sont :

- · création d'une liste vide
- ajout d'un élément en tête de liste : ajouter_en_tete(self, element)
- test d'une liste vide : est_vide(self)
- accès à la tête de la liste : premier(self)
- accès à la queue de la liste : reste(self)

Attributs

On choisit de définir un seul attribut tete, qui peut être soit une référence vers la première cellule d'une chaîne (de cellules), soit la valeur particulière None pour représenter une liste vide. On définit ainsi une liste chaînée.

Méthodes

On veut implémenter les 5 opérations primitives d'une liste (données en début de document).

Implémentation

- La méthode d'initialisation __init__ crée une liste vide en initialisant l'attribut tete à None.
- La méthode ajouter_en_tete permet d'ajouter un élement en première position.
- La méthode est_vide permet de tester si une liste est vide ou non
- La méthode premier permet d'accéder au premier élément d'une liste non vide (sa tête). On peut aussi l'attribut tete.
- La méthode reste permet d'accéder au reste des éléments d'une liste non vide (sa queue), qui est aussi une liste.

Question 7

Etudiez attentivement l'implémentation proposée.

```
class ListeChainee:
    """Manipulation de listes chaînées"""
   def __init__(self):
        """Initialise une liste vide."""
       self.tete = None
   def ajouter_en_tete(self, e):
        """Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule"""
       nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
       self.tete = nouvelle_cellule
   def est_vide(self):
       """Renvoie True si la liste est vide, False sinon"""
       return self.tete is None
   def premier(self):
        """Renvoie le premier élément de la liste (sa tête) si cette dernière est non vide
       assert self.premier is not None, "une liste vide n'a pas de tête"
       return self.tete.valeur
   def reste(self):
        """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si cette dernière est non vide."""
       assert self.tete is not None, "une liste vide n'a pas de queue"
       r = ListeChainee()
       r.tete = self.tete.suivante
        return r
```

Explications : On s'attarde sur les méthodes ajouter_en_tete et reste qui sont plus subtiles qu'il n'y paraît.

- Méthode ajouter_en_tete :
 - ligne 1 : on commence par créer une nouvelle cellule dont l'attribut valeur vaut l'élément
 e à ajouter à la liste et dont l'attribut suivante vaut self.tete c'est-à-dire la référence
 vers la première cellule de la liste. On construit ainsi une cellule avec la valeur à ajouté et
 qui pointe vers l'ancienne première cellule de notre liste.
 - ligne 2: il ne faut pas oublier de mettre à jour l'attribut tete pour qu'il désigne notre nouvelle première cellule.

- Méthode reste:
 - ligne 1 : on programme de manière plus sûre en commençant pas tester au moyen d'assert que la liste n'est pas vide.
 - ligne 2, 3 et 4 : il ne suffit pas de renvoyer la deuxième cellule de notre liste (self.tete.suivante) car on renverrait alors un objet Cellule et non une ListeChainee comme souhaité. On commence donc par créer une liste vide r dont l'attribut tete désigne la deuxième cellule (celle qui suit la tête) et on renvoie cette liste r qui pointe bien vers la deuxième cellule de départ.

On peut créer une liste vide, puis lui ajouter des éléments en tête. On accède aux différents éléments grâce aux méthodes premier et reste.

```
L = ListeChainee()
print(L.est_vide())
L.ajouter_en_tete(22)
print(L.est_vide())
L.ajouter_en_tete(19)
L.ajouter_en_tete(7)
L.ajouter_en_tete(8)
L.ajouter_en_tete(8)
L.ajouter_en_tete(14)
L.ajouter_en_tete(12)
print("le premier élément est :", L.premier())
print("le deuxième élément est :", L.reste().premier()) # le 2ème est le premier du reste
print("le troisième élément est :", L.reste().reste().premier()) # le 3ème est le premier
```

Ajout de quelques méthodes

On souhaite maintenant utiliser les fonctions longueur, liste_elements et ieme_element pour définir trois nouvelles méthodes à notre classe ListeChainee.

Pour ajouter une *méthode* taille à la classe, il suffit d'appeler notre *fonction* longueur écrite précédemment :

```
def taille(self):
    return longueur(self.tete)
```

Il ne faut pas oublier que la fonction longueur déjà écrite s'applique à une chaîne désignée par sa première cellule et non à un objet de la classe ListeChainee. Ainsi, il ne faut pas renvoyer longueur(self) mais bien longueur(self.tete), où self.tete désigne bien la première cellule de la liste chaînée.

Question 8

En utilisant les fonctions ieme_element et liste_elements et en vous inspirant de la méthode taille(self), écrivez les méthodes lire(self, i) et __repr__(self) qui permettent respectivement de renvoyer le i -ème élément d'un objet ListeChainee et de représenter un objet ListeChainee comme une list Python.

Attention : la méthode spéciale <u>repr</u> doit renvoyer une chaîne de caractères, il faut penser à utiliser la fonction str pour convertir la list Python.

```
class ListeChainee:
    """Manipulation de listes chaînées"""
    def __init__(self):
        """Initialise une liste vide."""
         self.tete = None
    def ajouter_en_tete(self, e):
         """Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule"""
         nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
         self.tete = nouvelle_cellule
    def est_vide(self):
         """Renvoie True si la liste est vide, False sinon"""
         return self.tete is None
    def premier(self):
         """Renvoie le premier élément de la liste (sa tête) si cette dernière est non vide
         assert self.premier is not None, "une liste vide n'a pas de tête"
         return self.tete.valeur
    def reste(self):
        """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si cette dernière est non vide."""
        assert self.tete is not None, "une liste vide n'a pas de queue"
         r = ListeChainee()
         r.tete = self.tete.suivante
         return r
    def longueur(self):
         return longueur(self.tete)
    def lire(self, i):
         # à compléter
    \  \, \mathsf{def} \,\, \underline{\hspace{0.1cm}} \mathsf{repr}\underline{\hspace{0.1cm}} (\,\mathsf{self}) \, \colon \\
         # compléter
# ESSAIS
L = ListeChainee()
```

```
# ESSAIS
L = ListeChainee()
L.ajouter_en_tete(22)
L.ajouter_en_tete(19)
L.ajouter_en_tete(7)
L.ajouter_en_tete(8)
L.ajouter_en_tete(14)
L.ajouter_en_tete(12)
print(L)
print("longueur :", L.longueur())
print("premier élément :", L.lire(0))
print("troisième élément :", L.lire(2))
```

Utilisation de méthodes spéciales

On peut utiliser les méthodes spéciales <u>len</u> et <u>getitem</u> à la place des méthodes taille et <u>lire</u> afin d'utiliser la syntaxe habituelle de Python en écrivant :

- len(L) pour obtenir la longueur d'une liste L au lieu de L.taille()
- L[i] pour accéder au i-ème élément d'une liste L au lieu de L.lire(i).

Question 9

Remplacez les méthodes taille et lire par les méthodes __len__ et __getitem__. Vérifiez ensuite si tout fonctionne comme avec des list Python.

```
# à compléter
```

Supprimer en tête et ajouter en queue

Nous terminons par l'écriture de deux méthodes qui peuvent se révéler utiles (pour la suite de l'année). Il s'agit des méthodes :

- supprimer_en_tete(self) qui permet de supprimer l'élément de tête d'une liste
- ajouter_en_queue(self, e) qui permet d'ajouter l'élément e en queue de liste

Question 10

Expliquez, par des phrases et/ou un schéma, ce qu'il faut faire pour supprimer l'élément de tête (la cellule de tête) d'une liste L.

Réponse : On doit faire pointer la tête de liste vers la deuxième cellule dont la référence se trouve dans l'attribut suivante de la première cellule c'est-à-dire L.premier.suivante.

Question 11

Expliquez, par des phrases et/ou un schéma, ce qu'il faut faire pour ajouter l'élément e en queue d'une liste L .

Réponse : Il faut parcourir toutes les cellules jusqu'à la dernière, celle qui pointe vers None . On crée une nouvelle cellule . Il suffit de faire pointer cette dernière cellule (en modifiant son attribut suivante vers une nouvelle cellule que l'on crée avec l'attribut valeur égal à e et l'attribut suivante qui pointe vers None .

Question 12

Ajoutez ces deux méthodes dans la classe Liste (l'ajout en queue est beaucoup plus difficile).

```
# à compléter

class ListeChainee:
    """Manipulation de listes chaînées"""

# ------ OPERATIONS PRIMITIVES -----

def __init__(self):
    """Initialise une liste vide."""
    self.tete = None

def ajouter_en_tete(self, e):
```

```
"""Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule"""
    nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
    self.tete = nouvelle_cellule
def est_vide(self):
    """Renvoie True si la liste est vide, False sinon"""
    return self.tete is None
def premier(self):
    """Renvoie le premier élément de la liste (sa tête) si cette dernière est non vide
    assert self.premier is not None, "une liste vide n'a pas de tête"
    return self.tete.valeur
def reste(self):
    """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si cette dernière est non vide."""
    assert self.tete is not None, "une liste vide n'a pas de queue"
   r = ListeChainee()
   r.tete = self.tete.suivante
   return r
# ------ AUTRES OPERATIONS -----
```

```
# ESSAIS

L = ListeChainee()
L.ajouter_en_tete(22)
L.ajouter_en_tete(19)
L.ajouter_en_tete(7)
L.ajouter_en_tete(8)
L.ajouter_en_tete(14)
L.ajouter_en_tete(12)
print(L)

L.supprimer_en_tete()
print(L)
L.ajouter_en_queue(5)
print(L)
L.supprimer_en_tete()
print(L)
L.supprimer_en_tete()
```

Création d'un module listechainee

Créez un module *listechainee.py* qui peut être importé dans un autre programme Python et qui permet de manipuler la classe ListeChainee ainsi créée (avec toutes les méthodes). *Attention à ne rien oublier, la classe ListeChainee fait appel à des fonctions et classe externes.*

Bilan

 On a implémenté une classe ListeChainee qui implémente le type abstrait liste avec des listes chaînées qui sont des chaînes de plusieurs cellules de la classe Cellule. Chaque cellule possède une valeur et une référence vers la cellule suivante. Les objets de la classe ListeChainee pointent vers la première cellule d'une chaîne, ou vers None pour désigner une liste vide.

- L'intérêt d'une liste chaînée, par rapport à une implémentation avec un tableau dynamique (list Python), se trouve dans les opérations d'ajout et suppression en début de liste (ajout, suppression) qui sont moins coûteuses car ne nécessitent pas de décaler tous les éléments qui suivent.
- La création du module listechainee permet de manipuler des listes (implémentées par des listes chaînées) en important la classe ListeChainee du module. Une fois importée, cette classe masque totalement l'implémentation avec des cellules formant des listes chaînées. Néanmoins, le savoir permet de privilégier certaines opérations moins coûteuses qu'avec une implémentation avec des tableaux redimensionnables (list Python).

Pour aller plus loin

On pourrait programmer pour notre classe ListeChainee, les autres opérations disponibles pour le type prédéfini list de Python. Par exemple :

- la suppression en queue
- l'ajout/la suppression en position i
- la concaténation
- l'inversion
- · etc.

On se rapprocherait ainsi du type list de Python mais il faut garder en tête que le coût de certaines opérations n'est pas forcément le même : rapide en fin de liste mais coûteux en début pour les list Python, alors que c'est le contraire pour les listes chaînées de notre classe ListeChainee .