TD n°21 - Exercices BAC

Thème: BAC

21

Sujet 1: Tableaux et Programmation

On rappelle que len est une fonction qui prend un tableau en paramètre et renvoie sa longueur. C'est-à-dire le nombre d'éléments présents dans le tableau.

Exemple: len([12, 54, 34, 57]) vaut 4.

Le but de cet exercice est de programmer différentes réductions pour un site de vente de vêtements en ligne.

On rappelle que si le prix d'un article avant réduction est de x euros,

- son prix vaut 0, 5x si on lui applique une réduction de 50%,
- son prix vaut 0, 6x si on lui applique une réduction de 40%,
- son prix vaut 0, 7x si on lui applique une réduction de 30%,
- son prix vaut 0, 8x si on lui applique une réduction de 20%,
- son prix vaut 0, 9x si on lui applique une réduction de 10%.

Dans le système informatique du site de vente, l'ensemble des articles qu'un client veut acheter, appelé panier, est modélisé par un tableau de flottants.

Par exemple, si un client veut acheter un pantalon à 30,50 euros, un tee-shirt à 15 euros, une paire de chaussettes à 6 euros, une jupe à 20 euros, une paire de collants à 5 euros, une robe à 35 euros et un short à 10,50 euros, le système informatique aura le tableau suivant :

& Script Pythontab = [30.5, 15.0, 6.0, 20.0, 5.0, 35.0, 10.5]

Question 1. (a)

Enoncé Solution

Écrire une fonction
Python
total_hors_reduction
ayant pour argument le
tableau des prix des
articles du panier d'un
client et renvoyant le
total des prix de ces
articles.

& Script Python

```
def
total_hors_reduction(tab):
  total = 0
  for pa in tab:
    total = total + pa
  return total
```

Question 1. (b)

Enoncé Solution

Le site de vente propose la promotion suivante comme offre de bienvenue: 20% de réduction sur le premier article de la liste, 30% de réduction sur le deuxième article de la liste (s'il y a au moins deux articles) et aucune réduction sur le reste des articles (s'il y en a). Recopier sur la copie et compléter la fonction Python offre bienvenue prenant en paramètre le tableau tab des prix des articles du panier d'un client et renvoyant le total à payer lorsqu'on leur applique l'offre de bienvenue.

```
def offre bienvenue
 1
 2
     (tab):
 3
       """ tableau -> float
 4
 5
       somme =0
 6
       longueur = len(tab)
 7
       if longueur > 0:
 8
          somme = tab
 9
     [0]*...
10
       if longueur > 1:
11
          somme = somme
     + ...
12
        if longueur > 2:
          for i in range ()
```

🐍 Script Python

```
def offre_bienvenue(tab):
    somme = 0
    longueur=len(tab)
    if longueur > 0:
        somme = tab[0]*0.8
    if longueur > 1:
```

```
somme = somme +
tab[1]*0.7
if longueur > 2:
    for i in
range(2,longueur):
        somme=somme+tab[i]
return somme
```

Pour toute la suite de l'exercice, on pourra utiliser la fonction total_hors_reduction même si la question 1 n'a pas été traitée.

Question 2.

Enoncé Solution

Lors de la période des soldes, le site de vente propose les réductions suivantes :

- si le panier contient 5 articles ou plus, une réduction globale de 50%,
- si le panier contient 4 articles, une réduction globale de 40%,
- si le panier contient 3 articles, une réduction globale de 30%,
- si le panier contient 2 articles, une réduction globale de 20%,
- si le panier contient 1 article, une réduction globale de 10%.

Proposer une fonction Python prix_solde ayant pour argument le tableau tab des prix des articles du panier d'un client et renvoyant le total des prix de ces articles lorsqu'on leur applique la réduction des soldes.

```
🐍 Script Python
def prix solde(tab):
  longueur = len(tab)
  reduc = 1
  if longueur == 1:
    reduc = 0.9
  if longueur == 2:
    reduc = 0.8
  if longueur == 3:
    reduc = 0.7
  if longueur == 4:
    reduc = 0.6
  if longueur >= 5:
    reduc = 0.5
  return reduc*total hors reduction(tab)
  autre possibilité plus "courte" :
  python
```

```
def prix_soldeb(tab):
    return
total_hors_reduction(tab)*(1-0.1*min(5,len(tab)))
```

Question 3. (a)

Enoncé Solution

Écrire une
fonction
minimum qui
prend en
paramètre un
tableau tab de
nombres et
renvoie la
valeur minimum
présente dans le
tableau.

Dans cette question nous partons du principe que tab n'est pas vide.

```
Coript
Python

def
minimum(tab):
  mini =
tab[0]
  for pa in
tab:
    if pa <
mini:
    mini =
pa
  return mini
```

Question 3. (b)

Enoncé Solution

Pour ses bons clients, le site de vente propose une offre promotionnelle, à partir de 2 articles achetés, l'article le moins cher des articles commandés est offert. Écrire une fonction Python offre_bon_client ayant pour paramètre le tableau des prix des articles du panier d'un client et renvoyant le

total à payer lorsqu'on

Questiapplique l'offre bon

Afinient diminuer le stock de ses articles dans ses entrepôts, l'entreprise imagine faire l'offre suivante à ses clients : en suivant l'ordre des articles dans le panier du client, elle considère les 3 premiers

puis les 3 suivants et offre le moins cher et ainsi de suite jusqu'à ce qu'il nt alors droit à aucune réduction.

Et def offre_bon_client(tab):
longueur = len(tab)
total =
total_hors_reduction(tab)

if longueur = 2

puis les 3 suivants et offre le moins cher et ainsi de suite jusqu'à ce qu'il nt alors droit à aucune réduction.

nt contient un pantalon à 30,50 euros, un tee-shirt à 15 euros, une paire de collants à 5 euros, une robe à 35 euros et nier est représenté par le tableau suivant :

& Script Python

tab = [30.5, 15.0, 6.0, 20.0, 5.0, 35.0, 10.5]

Pour le premier groupe (le pantalon à 30,50 euros, le tee-shirt à 15 euros, la paire de chaussettes à 6 euros), l'article le moins cher, la paire de chaussettes à 6 euros, est offert. Pour le second groupe (la jupe à 20 euros, la paire de collants à 5 euros, la robe à 35 euros), la paire de collants à 5 euros est offerte.

Donc le total après promotion de déstockage est 111 euros.

On constate que le prix après promotion de déstockage dépend de l'ordre dans lequel se présentent les articles dans le panier.

Question 4.(a)

Enoncé **Solution**

Proposer un panier

contenant

les mêmes

articles

que ceux



Question 4. (b)

mais ayant Enoncé un prix

Solution

PPFSser

nropartion

Entenant

déstackage

différent

Afails 1 dyant

Per posx

après plusieurs promotion solutions de possibles déstockage 130.5, le plus bas 20.0, 35.0, possible 15.0, 6.0,

[39, 30.5]

49<u>rè</u>s 6.0,

promotion

toth? apres

pfomotion

= 122 - 20

-6 = 96



=== "Enoncéé Une fois ses articles choisis, quel algorithme le client peut-il utiliser pour modifier son panier afin de s'assurer qu'il obtiendra le prix après promotion de déstockage le plus bas possible ? On ne demande pas d'écrire cet algorithme.

Solution

Pour avoir

le prix

après

promotion

de

déstockag Sujet 2 : Programmation en Général

le plus bas Cet exercice porte sur la programmation en général. possible, il

Étant de pré un tableau non vide de nombres entiers relatifs, on appelle sous-séquence une suite non vide d'éléments voisins de ce tableau. On cherche dans cet exercice à déterminer la plus grande somme possible obtenue en additionnant les éléments d'une sous-séquence.

Par exemple, pour le tableau ci-dessous, la somme maximale vaut 18.

Elléespissent en additionnant les éléments de la sous-séquence encadrée en gras ci-dessous (6 ; 8 ; -6@10) eut

donc

utitiser um	6	8	-6	10	-4	-4
algorithme						

de tri (tri

par

sélection,

tri par

insertion

ou tri

fusion)

Question 1. a.

Enoncé Solution

Quelle est la solution du problème si les éléments du tableau

sont tous positifs?

Si les éléments du tableau sont tous positifs, il suffit d'additionner tous les éléments du tableau pour obtenir la somme maximale (la sousséquence correspond à l'ensemble

du tableau).

Question 1. b. Enoncé **Solution** Quelle est la solution

problème

Dsistement question, on examine toutes les sous-séquences possibles.

les

du

```
Question 2. a.
négatifs ?
Enoncé
                 Solution
Si les
Ecrire le code Python d'une
éléments
fonction
du
somme sous sequence(lst, i, j) qui
tableau
prend en argument une liste et
sont tous
deux entiers i, j et renvoie la
négatifs,
somme de la sous-séquence
il suffit
délimitée par les indices i et j
de (inclus).
prendre
```

🐍 Script Python

```
def somme sous sequence(lst, i,
j):
  somme = 0
  for ind in range(i,j+1):
     somme = somme + lst[ind]
  return somme
```

réduite à un seul élément)

Question 2. b.

Enoncé Solution

La fonction pgsp ci-dessous permet de déterminer la plus grande des sommes obtenues en additionnant les éléments de toutes les sousséquences possibles du tableau lst.

def pgsp(lst): n = len(lst) somme_max = lst[0] for i in range(n): for j in range(i, n): s = somme_sous_sequence(lst, i, j) if s > somme_max : somme_max = s return somme_max

Parmi les quatre choix suivants, quel est le nombre de comparaisons effectuées par cette fonction si le tableau lst passé en paramètre contient 10 éléments?

- 10
- 55
- 100
- 1055

Pour un tableau de 10 éléments, nous avons 55 comparaisons \ ((10+9+8+7+6+5+4+3+2+1=55)).

Question 2. c. Enoncé **Solution** Recopier et modifier la fonction pgsp pour gu elle def pgsp(lst): renvoie un $tuple^{n = len(lst)}$ contenant la = lst[0] $\underset{\text{somme}}{\text{i max}} = 0$ maximal e et^0 les indices for i in range(n): for j in range(i,n): if s > somme max: sous $somme_max = s$ séquence $correspondant^{i max = i}$ $j_max = j$ à cette return (somme_max, i_max, j_max)

maximale.

Question 3.

On considère dans cette question une approche plus élaborée. Son principe consiste, pour toutes les valeurs possibles de l'indice , à déterminer la somme maximale () des sous-séquences qui se terminent à l'indice ."

En désignant par lst[] l'élément de lst d'indice , on peut vérifier que

```
S(0) = lst[0]
et pour \(\tilde{(}i \) \) \(\tilde{(}i \) = lst[i]\) \(\tilde{(}i \) 1\) \(\tilde{(}i \) 1\)
```

Question 3. a. Enoncé Solution Recopier et complétes

Recopier et compléter le tableau ci-dessous avec les valeurs de \((S(i)\)) pour la liste considérée en

-8	-4	6	8	-6	10	-4	-4

i	0	1	2	3	4	5	6
lst[i]	-8	-4	6	8	-6	10	-4
S(i)	-8	-4	6	14	8	18	14

Question 3. b.

Enoncé Solution

La solution au problème étant la plus grande valeur des (S(i)), on demande de compléter la fonction pgsp2 ci-dessous, de sorte que la variable sommes_max contienne la liste des valeurs (S(i)).

```
def pgsp2(lst):
    sommes_max = [lst[0]]
    for i in range(1, len(lst)):
        # à compléter

return max(sommes_max)
```

```
def pgsp2(lst):
    somme_max = [lst[0]]
    for i in range (1,len(lst)):
        if somme_max[i-1] <= 0:
            somme_max.append(lst[i])
        else :
            somme_max.append(lst[i]+somme_max[i-1])
    return max(somme_max)</pre>
```

Enoncé Solution En quoi la solution obtenue par cette approche

est-elle plus

avantage Sujet 3 : Tableau - Parcours - Programmation en Général que celle de

Cen expersión porte sur l'algorithmique et la programmation en Python. Il aborde les notions de tableaux destableaux et d'algorithmes de parcours de tableaux.

Partie A: Représentation d'un labyrinthe

On modelise in labyrinthe par un tableau à deux dimensions à (n) lignes et (m) colonnes avec (n) des entiers strictement positifs.

Les Vagntes sous l'enumérotées de 0 à \((n-1\)) et les colonnes de 0 à \((m-1\)).

Lacearsha en haut à gauche est repérée par ((0,0)) et la case en bas à droite par ((n-1,m-1)).

complexité Dans ce tableau : en temps de

l'Algoritisme une case vide, hors case de départ et arrivée,

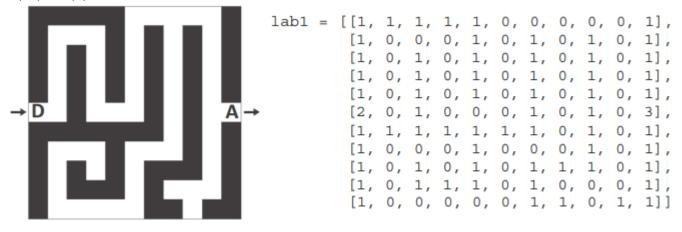
est enoughte un mur,

valors que 2 représente le départ du labyrinthe,

dans le cas • 3 représente l'arrivée du labyrinthe. précédent il

Aiétaitentython, le labyrinthe ci-dessous est représentée par le tableau de tableaux lab1.

 $(O(n^2)\).$



Question A.1. Enoncé Le labyrinthe ci-dessous est censé être représenté lab2 = [[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1],par le [1, 0, 0, 0, 0, 0, 1], tableau de [1, 1, 1, 1, 1, 0, 1], tabl lab2 [1, 0, 1, 0, 0, 0, 1], Cependant [1, 0, 1, 0, 1, 0, 1], dan [1, 0, 0, 0, 1, 0, 1], tabl [1, 1, 1, 1, 1, 3, 1]] mur se trouve à la place du dé**Salttidu**

de placer le départ au bon endroit dans lab2.

Script Python

lab2[1][0] = 2

. . .

Question A.2.

Enoncé Solution

Écrire une fonction

est_valide(i, j, n, m)

qui renvoie True si

le couple \((i,j)\)

correspond à des

coordonnées

valides pour un

labyrinthe de taille
\((n,m)\), et False

sinon.

On donne cidessous des

exemples d'appels.

% Script Python

```
>>> est_valide(5,
2, 10, 10)
True
>>>
est_valide(-3, 4,
10, 10)
False
```

& Script Python

```
\begin{array}{c} def \\ est\_valide(i,j,n,m): \\ return \ i>=0 \\ and \ j>=0 \ and \ i< n \\ and \ j< m \end{array}
```

Question A.3.

=== "Enoncé On suppose que le départ d'un labyrinthe est toujours indiqué, mais on ne fait aucune supposition sur son emplacement. Compléter la fonction depart(lab)ci-dessous de sorte qu'elle renvoie, sous la forme d'un tuple, les coordonnées du départ d'un labyrinthe (représenté par le paramètre lab).

Par exemple, l'appel depart(lab1) doit renvoyer le tuple (5, 0).

```
Texte

'``python

def depart(lab):

n = len(lab)

m = len(lab[0])

...
```

Solution

```
Script
Python

def depart(lab):
    n = len(lab)
    m =
len(lab[0])
    for i in
range(n):
        for j in
range(m):
        if lab[i]
[j]==2:
```

(i,j)

return

Question A.4.

Enoncé Solution

Écrire une fonction nb_cases_vides(lab) qui renvoie le nombre de cases vides d'un labyrinthe (comprenant donc l'arrivée et le départ).
Par exemple, l'appel nb_cases_vides(lab2) doit renvoyer la valeur 19.

& Script Python

```
Pi
    def
    nb_cases_vides(lab):
O:
      n = len(lab)
ľε
      m = len(lab[0])
       compt = 0
la
       for i in range(n):
Pc
         for j in
L
    range(m):
Pc
           if lab[i]
    [j]==2 or lab[i]
    [j]==3 or lab[i]
    [j] = = 0:
              compt =
    compt + 1
       return compt
```

une solution dans un labyrinthe

rtie que les labyrinthes possèdent un unique chemin allant du départ à r la même case. Dans la suite, c'est ce chemin que l'on appellera solution du

on d'un labyrinthe, on parcourt les cases vides de proche en proche. in d'éviter de tourner en rond, on choisit de marquer les cases visitées. valeur d'une case visitée dans le tableau représentant le labyrinthe par la

Question B.1.

Enoncé Solution

On dit que deux cases d'un labyrinthe sont voisines si elles ont un côté commun. On considère une fonction voisines(i, j, lab) qui prend en arguments deux entiers \(\(\)(i\)) et \. (j∖) représentant les coordonnées d'une case et un tableau lab qui représente un labyrinthe. Cette fonction renvoie la liste des coordonnées des cases voisines de la case de coordonnées \ ((i,j)\) qui sont valides, non visitées et qui ne sont pas des murs. L'ordre des éléments de cette liste n'importe pas. Ainsi, l'appel voisines(1, 1, [[1, 1, 1], [4, 0, 0], [1, 0,

1]]) renvoie la

liste [(2, 1), (1,

2)].

Que renvoie

l'appel

voisines(1, 2, [[1, 1,

 $\mathbf{Q}[4], [0, 0, 0], [1, 1,]$

Ol 0]]) l'Aaite stocker la solution dans une liste chemin. Cette liste contiendra les coordonnées des cases de la solution, dans l'ordre. Pour cela, on procède de la façon suivante.

L'appel de la

fonction renvoie:

[(2,•2d)é(4;m1)]er les coordonnées du départ : c'est la première case à visiter ;

- ajouter les coordonnées de la case départ à la liste chemin.
- Tant que l'arrivée n'a pas été atteinte :
 - on marque la case visitée avec la valeur 4 ;
 - si la case visitée possède une case voisine libre, la première case de la liste renvoyée par la fonction voisines devient la prochaine case à visiter et on ajoute à la liste chemin ;
 - sinon, il s'agit d'une impasse. On supprime alors la dernière case dans la liste chemin. La prochaine case à visiter est celle qui est désormais en dernière position de la liste chemin.

Question B.2. a.

=== "Enoncé Le tableau de tableaux lab3 ci-dessous représente un labyrinthe.

```
Texte
```python
lab3 = [[1, 1, 1, 1, 1, 1],
 [2, 0, 0, 0, 0, 3],
 [1, 0, 1, 0, 1, 1],
 [1, 1, 1, 0, 0, 1]]
La suite d'instructions ci-dessous simule le début des modifications subies par la liste chemin lorsque
l'on applique la méthode présentée.
```python
# entrée: (1, 0), sortie (1, 5)
chemin = [(1, 0)]
chemin.append((1, 1))
chemin.append((2, 1))
chemin.pop()
chemin.append((1, 2))
chemin.append((1, 3))
chemin.append((2, 3))
Compléter cette suite d'instructions jusqu'à ce que la liste chemin représente la solution.
```

Rappel : la méthode pop supprime le dernier élément d'une liste et renvoie cet élément.

Solution

& Script Python

```
# entrée: (1, 0),
sortie (1, 5)
chemin = [(1, 0)]
chemin.append((1,1))
chemin.append((2,1))
chemin.pop()
chemin.append((1,2))
chemin.append((1,3))
chemin.append((2,3))
chemin.append((3,3))
chemin.append((3,4))
chemin.pop()
chemin.pop()
chemin.pop()
chemin.append((1,4))
chemin.append((1,5))
```

Question B.2. b.

Enoncé Solution

Recopier et compléter la fonction solution(lab) donnée cidessous de sorte qu'elle renvoie le chemin solution du labyrinthe représenté par le paramètre lab.

On pourra pour cela utiliser la fonction voisines.

```
ceript Python

def solution(lab):
    chemin = [depart(lab)]
    case = chemin[0]
    i = case[0]
    j = case[1]
---
```

Par exemple, l'appel solution(lab2) doit renvoyer [(1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (1, 5), (2, 5), (3, 5), (4, 5), (5, 5), (6, 5)].

```
🐍 Script Python
def solution(lab):
  chemin = [depart(lab)]
  case = chemin[0]
  i = case[0]
  j = case[1]
  while lab[i][j] != 3:
    lab[i][j]=4
    v = voisines(i,j,lab)
    if len(v) != 0:
       prochaine = v.pop()
       chemin.append(prochaine)
       i = prochaine[0]
       j = prochaine[1]
    else:
       chemin.pop()
       n = len(chemin)
       i = chemin[n-1][0]
```

j = chemin[n-1][1]return chemin