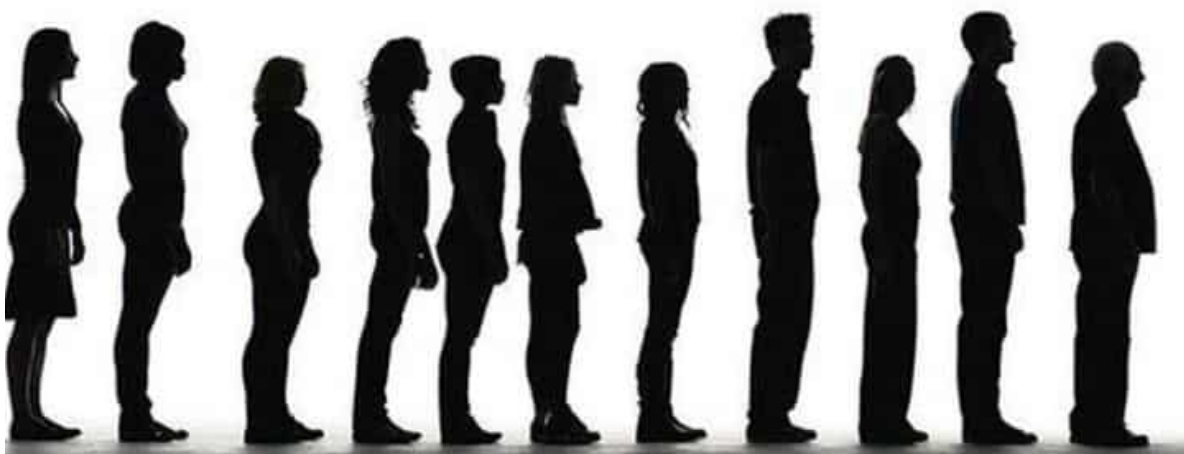


TP 14 - Les Files Enoncé-Corrigé

TD n°14 : Structures de données - Les Files	Thème 1 : Structures de données
	COURS et EXERCICES



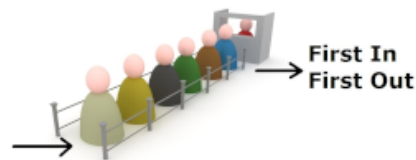
Les **pires** et les **files** sont deux structures de données linéaires qui permettent, au même titre que les listes, de gérer des séquences d'éléments. Ainsi, dans une pile et dans une file chaque élément est également repéré par sa position, il y a un premier, un dernier, chaque élément a un successeur (sauf le premier) et un prédécesseur (sauf le dernier). Les opérations disponibles pour ces deux structures sont assez proches car dans les deux cas, on veut pouvoir : * créer une file vide * connaître sa taille * lui ajouter un élément * lui retirer un élément * accéder à un élément particulier

Cependant, la politique d'ajout/retrait des éléments dans la séquence n'est pas la même. Le nom des opérations diffèrent également pour mieux distinguer les deux structures.

I. Les files

Il faut se représenter une file comme... une file d'attente ! On ne peut entrer dans la file qu'en dernière position et on ne peut la quitter que si on est le premier. L'ajout d'un élément dans une file ne peut se faire qu'à la fin (en dernière position) et le retrait d'un élément ne peut se faire qu'au début (en première position).

On dit que les files sont en mode **FIFO** (*First In, First Out* qui signifie « premier entré, premier sorti »).



→ Interface d'une file

Le jeu d'opérations disponibles pour une file est :

- `construire_file()` : crée une file vide
- `taille(F)` : accès au nombre d'éléments dans la file `F`
- `enfiler(F, e)` : ajoute l'élément `e` en dernier dans la file `F`.
- `defiler(F)` : retire le premier élément de la file `F`. **Précondition** : `F` n'est pas vide.
- `premier(F)` : pour accéder (en lecture) au premier élément de la file `F` (sans le retirer de la file). **Précondition** : `F` n'est pas vide.

En anglais, l'opération `enfiler` est souvent notée `push`, l'opération `defiler` est souvent notée `pop` et l'opération `taille` est souvent notée `top`.

Remarque : Comme pour les piles, on pourrait remplacer l'opération `taille` par l'opération `est_vide` et choisir que `defiler` renvoie également le premier élément pour s'économiser l'opération `premier`.

→ Représentation d'une file et exemple

Une file contenant les éléments 'a', 'b' et 'c' ('a' étant le premier et 'c' le dernier) sera représentée :

`<'a', 'b', 'c'<`

Exemple : Voici comment manipuler une file `F` :

Opération	Contenu de la file F
<code>F = construire_file()</code>	<code><<</code>
<code>taille(F)</code>	renvoie 0
<code>enfiler(F, 'a')</code>	<code><'a'<</code>
<code>enfiler(F, 'b')</code>	<code><'a', 'b'<</code>
<code>enfiler(F, 'c')</code>	<code><'a', 'b', 'c'<</code>
<code>premier(F)</code>	renvoie 'a'
<code>defiler(F)</code>	<code><'b', 'c'<</code>
<code>enfiler(F, premier(F))</code>	<code><'b', 'c', 'b'<</code>

→ Applications des files

Les files sont très utilisées en informatique. Leur usage caractéristique concerne les files d'attente :

- Un système d'exploitation gère l'ordonnancement des processus par des files (voir Thème 3 : Architectures matérielles, systèmes d'exploitation et réseaux)
- Une imprimante gère les tâches d'impression avec des files : chaque nouvelle tâche est insérée dans une file d'attente, et celles-ci sont traitées dans l'ordre d'arrivée.
- On peut aussi utiliser une pile pour parcourir (en profondeur) un graphe et mémoriser les sommets visités. (voir Thème 5 : Algorithmique)
- etc.

II. Exercices sur les files

Activité 1 : Manipulation des files

Question 1.

On considère la séquence d'instructions suivantes. Indiquez le résultat à chaque étape.

```
- F = construire_file()
- enfiler(F, 1)
- enfiler(F, 2)
- enfiler(F, 3)
- s = premier(F)
- defiler(F)
- defiler(F)
- enfiler(F, s)
```

Question 2.

Écrivez la séquence d'instructions permettant d'obtenir l'évolution suivante pour une file F.

Etat de la pile P	Instructions (à compléter)
<<	
<3<	
<3, 1<	
<3, 1, 4<	
<1, 4<	
<4<	
<<	

➔ Implémentations

Il existe différentes façons d'implémenter une file, on peut par exemple utiliser :

- un tableau (redimensionnable ou non)
- une liste chaînée
- deux piles

Avec ces implémentations, il faudra en général faire un compromis sur l'efficacité des opérations car celles-ci nécessitent de travailler sur les deux extrémités de la file (pour enfiler/défiler).

- Si on utilise un tableau, les opérations en début sont coûteuses et celles à la fin ne le sont pas. On peut alors décider d'enfiler en fin de tableau (peu coûteux) mais il faudra défiler en début de tableau (coûteux). Si on fait le choix inverse, c'est l'opération `defiler` qui sera peu coûteuse et l'opération `enfiler` qui sera coûteuse.
- Si on utilise une liste chaînée, c'est l'inverse (efficace en tête et coûteux en queue) mais le problème reste le même : une des deux opérations sera moins efficace.

Il existe en réalité une implémentation plus efficace mais nous n'en parlerons pas ici.

Activité 2 : Première implémentation d'une file (avec le type `list` de Python)

On définit le type abstrait `File` par les opérations :

- création d'une file vide
- `enfiler` : ajout en queue de file
- `defiler` : retrait du premier élément de la file
- `premier` : accès (en lecture) au premier élément de la file
- `taille` : accès au nombre d'éléments

L'objectif est d'implémenter ce type abstrait en utilisant le type prédéfini `list` de Python (tableau dynamique = redimensionnable).

On choisira d'enfiler en fin de `list` (efficace) et de défiler en début de `list` (coûteux). On aurait très bien pu faire l'inverse, mais l'une des deux opérations (enfiler ou défiler) ne peut pas être en temps constant avec le type `list`.

Pour une évaluation de la complexité des opérations élémentaires de Python voir le site : [Python.org](https://python.org) - Time complexity.

Question 1 :

Consultez les méthodes disponibles sur le type `list` de Python pour trouver comment retirer un élément en tête de liste (vous devriez savoir comment ajouter en fin de liste !). Quelle est la méthode à utiliser ?

Question 2 :

Enoncé

Ecrivez une classe `File` implémentant les opérations du type abstrait `file` avec les `list` de Python. Vous utiliserez la méthode `__len__` pour renvoyer la longueur d'une file.

Exemple : on veut que le code

```
F = File()
print(F)
F.enfiler(1)
print(F)
F.enfiler(2)
```

```

print(F)
F.enfiler(3)
print(F)
s = F.premier()
print(s)
F.defiler()
print(F)
F.defiler()
print(F)
F.enfiler(s)
print(F)

```

produise l'affichage

```

<<>
<1<
<1,2<
<1,2,3<
1
<2, 3<
<3<
<3,1<

```

Solution

```

class File:
    def __init__(self):
        self.contenu = []

    def enfiler(self, element):
        self.contenu.append(element)

    def defiler(self):
        assert self.taille() != 0, "on ne peut pas défiler une file vide"
        self.contenu.pop(0) # ou return self.contenu.pop(0) si l'opération défiler de

    def premier(self):
        assert self.taille() != 0, "une file vide n'a pas de premier élément"
        return self.contenu[0]

    def taille(self):
        return len(self.contenu)

    __len__ = taille # pour pouvoir également utiliser len pour obtenir la longueur c

    # pour représenter une file
    def __repr__(self):
        ch = ""
        for e in self.contenu:
            ch = ch + str(e) + ","
        ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
        ch = "<" + ch + "<"
        return ch

```

Question 3 :

Définissez la méthode spéciale `__repr__` pour afficher le contenu d'une file comme une liste de Python.

Attention :

la méthode `__repr__` doit renvoyer une chaîne de caractères (conversion avec la fonction `str`)

Exemple : on veut que le code

```
F = File()
print(F)
F.enfiler(1)
print(F)
F.enfiler(2)
print(F)
F.enfiler(3)
print(F)
s = F.premier()
print(s)
F.defiler()
print(F)
F.defiler()
print(F)
F.enfiler(s)
print(F)
```

produise l'affichage

```
<<
<1<
<1, 2<
<1, 2, 3<
1
<2, 3<
<3<
<3, 1<
```

Activité 3 : Deuxième implémentation d'une file (avec deux piles)

On veut réaliser une implémentation objet d'une file en utilisant deux piles.

Vous utiliserez l'implémentation suivante d'une pile pour travailler

```
class Pile:
    def __init__(self):
        self.contenu = []

    def empiler(self, e):
        self.contenu.append(e)

    def depiler(self):
        assert self.taille != 0, "on ne peut pas dépiler une pile vide"
        self.contenu.pop()

    def sommet(self):
        assert self.taille != 0, "une pile vide n'a pas de sommet"
        return self.contenu[-1]
```

```

def taille(self):
    return len(self.contenu)

# pour représenter la Pile
def __repr__(self):
    ch = ''
    for e in self.contenu:
        ch = str(e) + "," + ch # ne pas oublier de convertir les éléments en chaîne de caractère
    ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
    ch = '>' + ch + ']'
    return ch

```

Pour simplifier, l'opération `defiler` renverra également le premier élément (en plus de le retirer de la file). L'opération `premier` n'est alors plus nécessaire. Vous devez donc implémenter une classe `File` permettant les opérations suivantes :

- création d'une file vide
- `enfiler` : ajout en queue de file
- `defiler` : renvoie le premier élément de la file et retire cet élément de la file
- `len` : accès au nombre d'éléments

Aide :

- Opération `enfiler` (simple) : C'est toujours dans l'une des deux piles (par exemple `pA`) que l'on empile un nouvel élément à enfiler.
- Opération `defiler` (compliquée) :
- Si l'autre pile (`pB`) n'est pas vide, son sommet est le premier élément de la file (celui à défiler)
- Sinon (si `pB` est vide), le premier élément de la file (celui à défiler) est au fond de `pA`. On peut alors "retourner" `pA` sur `pB` pour le premier élément de la file arrive au sommet de `pB`.
- Opération `len` (simple) : il suffit d'utiliser la méthode `taille` définie dans la classe `Pile`.

Question :

Enoncé

Complétez les méthodes `enfiler`, `len` et `defiler` de la classe `File` suivante qui implémente une file avec deux piles.

```

class File:
    """File avec deux piles"""
    def __init__(self):
        self.pA = Pile() # pA et pB sont les deux attributs de nos objets de la classe
        self.pB = Pile()

    def enfiler(self, e):
        # à compléter
        pass

    def __len__(self):
        # à compléter
        pass

    def defiler(self):
        if self.pA.taille() == 0 and self.pB.taille() == 0:
            raise ValueError("on ne peut pas défiler une file vide")
        # à compléter

    # La méthode __repr__ est définie pour que vous puissiez voir l'état d'une file
    def __repr__(self):

```

```

import copy
#print("pile A : ", repr(self.pA)) # pour voir le contenu des deux piles
#print("pile B : ", repr(self.pB))
lstA = copy.copy(self.pA.contenu) # copie des list Python représentant nos de
lstB = copy.copy(self.pB.contenu) # pour ne pas les modifier
lstB.reverse() # on a besoin de renverser lstB pour avoir nos éléments dans l
lst = lstB + lstA # et de concaténer lstB et lstA dans cet ordre
# on construit ensuite la chaine "<...<" qui représente nos files
ch = ""
for e in lst:
    ch = ch + str(e) + ","
ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
ch = "<" + ch + "<"
return ch

```

Solution :

```

class Pile:
    def __init__(self):
        self.contenu = []

    def empiler(self, e):
        self.contenu.append(e)

    def depiler(self):
        assert self.taille != 0, "on ne peut pas dépiler une pile vide"
        self.contenu.pop()

    def sommet(self):
        assert self.taille != 0, "une pile vide n'a pas de sommet"
        return self.contenu[-1]

    def taille(self):
        return len(self.contenu)

    # pour représenter la Pile
    def __repr__(self):
        ch = ""
        for e in self.contenu:
            ch = str(e) + "," + ch # ne pas oublier de convertir les éléments en chaîne c
        ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
        ch = ">" + ch + "]"
        return ch

class File:
    """File avec deux piles"""
    def __init__(self):
        self.pA = Pile() # pA et pB sont les deux attributs de nos objets de la classe
        self.pB = Pile()

    def enfiler(self, e):
        return self.pA.empiler(e)

    def __len__(self):
        return self.pA.taille()+self.pB.taille()

    def defiler(self):

```



```

    if self.pA.taille() == 0 and self.pB.taille() == 0:
        raise ValueError("on ne peut pas défiler une file vide")
    # La méthode __repr__ est définie pour que vous puissiez voir l'état d'une file
    else:
        if self.pB.taille() == 0:
            for x in range(self.pA.taille()-1):
                self.pB.empiler(self.pA.sommet())
                self.pA.depiler()
            self.pA.depiler()
            print('pA', self.pA)
            print('pB1', self.pB)
        else:
            self.pB.depiler()

def __repr__(self):
    import copy
    #print("pile A : ", repr(self.pA)) # pour voir le contenu des deux piles
    #print("pile B : ", repr(self.pB))
    lstA = copy.copy(self.pA.contenu) # copie des list Python représentant nos deux piles
    lstB = copy.copy(self.pB.contenu) # pour ne pas les modifier
    lstB.reverse() # on a besoin de renverser lstB pour avoir nos éléments dans l'ordre
    lst = lstB + lstA # et de concaténer lstB et lstA dans cet ordre

    # on construit ensuite la chaîne "<...<" qui représente nos files
    ch = ""
    for e in lst:
        ch = ch + str(e) + ","
    ch = ch[:-1] # pour enlever la dernière virgule
    ch = "<" + ch + "<"
    return ch

```

III. Sujet BAC sur les files

Métropole Juin 2021 - Sujet 2

Cet exercice porte sur les structures de données linéaires

Une méthode simple pour gérer l'ordonnement des processus est d'exécuter les processus en une seule fois et dans leur ordre d'arrivée.

Question 1

Enoncé

Parmi les propositions suivantes, quelle est la structure de données la plus appropriée pour mettre en œuvre le mode FIFO (First In First Out) ?

- a. liste
- b. dictionnaire
- c. pile
- d. file

Solution

réponse d une file

Question 2

Enoncé

On choisit de stocker les données des processus en attente à l'aide d'une liste Python `lst`.
On dispose déjà d'une fonction `retirer(lst)` qui renvoie l'élément `lst[0]` puis le supprime de la liste `lst`.
Écrire en Python le code d'une fonction `ajouter(lst, proc)` qui ajoute à la fin de la liste `lst` le nouveau processus en attente `proc`.

Solution

```
def ajouter(lst,proc):  
    lst.append(proc)
```

On choisit maintenant d'implémenter une file `file` à l'aide d'un couple $(p1,p2)$ où `p1` et `p2` sont des piles.
Ainsi `file[0]` et `file[1]` sont respectivement les piles `p1` et `p2`.
Pour enfiler un nouvel élément `elt` dans `file`, on l'empile dans `p1`.
Pour défiler `file`, deux cas se présentent.

- La pile `p2` n'est pas vide : on dépile `p2`.
- La pile `p2` est vide : on dépile les éléments de `p1` en les empilant dans `p2` jusqu'à ce que `p1` soit vide, puis on dépile `p2`.

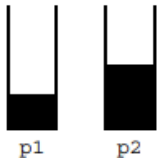
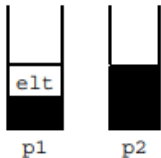
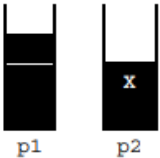
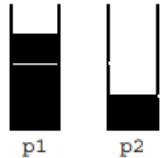
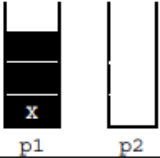
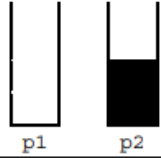
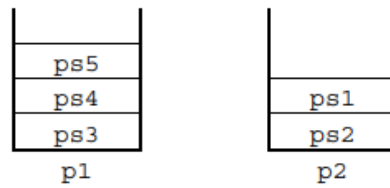
	État de la file avant	État de la file après
<code>enfiler(file,elt)</code>		
<code>defiler(file)</code> cas où <code>p2</code> n'est pas vide		
<code>defiler(file)</code> cas où <code>p2</code> est vide		

Illustration du fonctionnement des fonctions `enfiler` et `défiler`.

Question 3

Enoncée

On considère la situation représentée ci-dessous.

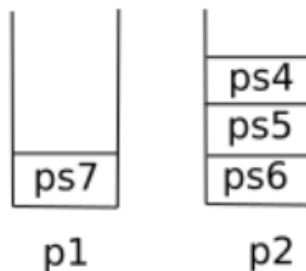


On exécute la séquence d'instructions suivante :

```
enfiler(file, ps6)
defiler(file)
defiler(file)
defiler(file)
enfiler(file, ps7)
```

Représenter le contenu final des deux piles à la suite de ces instructions.

Solution



Question 4

Enoncée

On dispose des fonctions :

- `empiler(p, elt)` qui empile l'élément `elt` dans la pile `p`,
- `depiler(p)` qui renvoie le sommet de la pile `p` si `p` n'est pas vide et le supprime,
- `pile_vide(p)` qui renvoie `True` si la pile `p` est vide, `False` si la pile `p` n'est pas vide.

a. Écrire en Python une fonction `est_vide(f)` qui prend en argument un couple de piles `f` et qui renvoie `True` si la file représentée par `f` est vide, `False` sinon.

b. Écrire en Python une fonction `enfiler(f, elt)` qui prend en arguments un couple de piles `f` et un élément `elt` et qui ajoute `elt` en queue de la file représentée par `f`.

c. Écrire en Python une fonction `defiler(f)` qui prend en argument un couple de piles `f` et qui renvoie l'élément en tête de la file représentée par `f` en le retirant.

Solution 4.a

```
def est_vide(f):
    return pile_vide(f[0]) and pile_vide(f[1])

def enfiler(f, elt):
    empiler(f[0], elt)
```

Solution 4.c

```
def defiler(f):
    p1 = f[0]
    p2 = f[1]
    if pile_vide(p2):
        while not pile_vide(p1):
            v = depiler(p1)
            empiler(p2, v)
    return depiler(p2)
```

Amérique du Nord 2021 - Sujet 2

Cet exercice porte sur la notion de pile, de file et sur la programmation de base en Python.

Les interfaces des structures de données abstraites Pile et File sont proposées ci-dessous.

On utilisera uniquement les fonctions ci-dessous :

Structure de données abstraite : Pile

Utilise :

- Éléments, Booléen

Opérations :

- **creer_pile_vide** : $\emptyset \rightarrow \text{Pile}$
creer_pile_vide() renvoie une pile vide
- **est_vide** : $\text{Pile} \rightarrow \text{Booléen}$
est_vide(pile) renvoie True si pile est vide, False sinon
- **empiler** : $\text{Pile}, \text{Élément} \rightarrow \text{Rien}$
empiler(pile, element) ajoute element au sommet de la pile
- **depiler** : $\text{Pile} \rightarrow \text{Élément}$
depiler(pile) renvoie l'élément au sommet de la pile en le retirant de la pile

Structure de données abstraite : File

Utilise :

- Éléments, Booléen

Opérations :

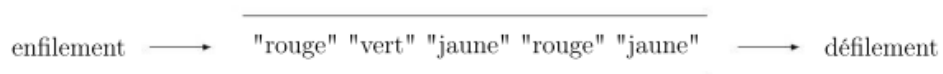
- **creer_file_vide** : $\emptyset \rightarrow \text{File}$
creer_file_vide() renvoie une file vide

- **est_vide** : File \rightarrow Booléen
est_vide(file) renvoie True si file est vide, False sinon
- **empiler** : File, Élément \rightarrow Rien
empiler(file, element) ajoute element dans la file
- **depiler** : File \rightarrow Élément
depiler(file) renvoie l'élément au sommet de la file en le retirant de la file

Question 1

Enoncé

(a) On considère la file F suivante :



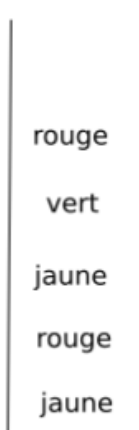
Quel sera le contenu de la pile P et de la file F après l'exécution du programme Python suivant ?

```
1 P = creer_pile_vide ()
2 while not( est_vide (F )):
3     empiler (P, depiler (F))
```

(b) Créer une fonction `taille_file` qui prend en paramètre une file `F` et qui renvoie le nombre d'éléments qu'elle contient. Après appel de cette fonction la file `F` doit avoir retrouvé son état d'origine.

```
1 def taille_file (F):
2     """ File -> Int """
```

Solution 1.a



Solution 1.b

```
def taille_file(F):
    t = 0
    ft = creer_file_vide()
```

```

while not est_vide(F):
    t = t + 1
    enfiler(ft, defiler(F))
while not est_vide(ft):
    enfiler(F, defiler(ft))
return t

```

Question 2

Enoncé

Écrire une fonction `former_pile` qui prend en paramètre une file `F` et qui renvoie une pile `P` contenant les mêmes éléments que la file.

Le premier élément sorti de la file devra se trouver au sommet de la pile ; le deuxième élément sorti de la file devra se trouver juste en-dessous du sommet, etc.

Exemple :

si `F = ["rouge" "vert" "jaune" "rouge" "jaune"]` alors l'appel

`former_pile(F)` va renvoyer la pile `P` ci-dessous :

`P =`

"jaune"
"rouge"
"jaune"
"vert"
"rouge"

Solution

```

def former_pile(F):
    p = creer_pile_vide()
    pt = creer_pile_vide()
    while not est_vide(F):
        empiler(pt, defiler(F))
    while not est_vide(pt):
        empiler(p, depiler(pt))
    return p

```

Question 3

Enoncé

Écrire une fonction `nb_elements` qui prend en paramètres une file `F` et un élément `elt` et qui renvoie le nombre de fois où `elt` est présent dans la file `F`.

Après appel de cette fonction la file `F` doit avoir retrouvé son état d'origine.

Solution

```
def nb_elements(F, ele):
    nb = 0
    ft = creer_file_vide()
    while not est_vide(F):
        x = defiler(F)
        if x==ele:
            nb = nb + 1
        enfiler(ft, x)
    while not est_vide(ft):
        enfiler(F, defiler(ft))
    return nb
```

Question 4

Enoncé

Écrire une fonction `verifier_contenu` qui prend en paramètres une file `F` et trois entiers :

`nb_rouge`, `nb_vert` et `nb_jaune`.

Cette fonction renvoie le booléen `True` si "rouge" apparaît au plus `nb_rouge` fois dans la file `F`, "vert" apparaît au plus `nb_vert` fois dans la file `F` et "jaune" apparaît au plus `nb_jaune` fois dans la file `F`.

Elle renvoie `False` sinon. On pourra utiliser les fonctions précédentes.

Solution

```
def verifier_contenu(F, nb_rouge, nb_vert, nb_jaune):
    return nb_elements(F, "rouge") <= nb_rouge and nb_elements(F, "vert") <= nb_vert and nb_elements(F, "jaune") <= nb_jaune
```