

<p><b>TD n°12 : Implémentation d'une *liste* par une liste chaînée</b></p>	<p>Thème 1 : Structures de données</p>
<p><b>CORRIGE</b></p>	<p><b>EXERCICES</b></p>

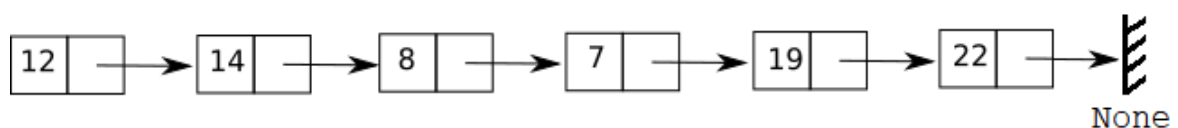
On propose dans cette activité d'implémenter le type abstrait *liste* par ce qu'on appelle une liste chaînée. Nous utiliserons le paradigme objet.

## Interface

On rappelle que ce type abstrait est définie par les opérations

- création d'une liste vide
- ajout d'un élément en tête de liste
- accès à la tête de la liste
- accès à la queue de la liste
- test d'une liste vide

On rappelle aussi qu'une *liste chaînée* est une représentation non contigue des listes, avec des **cellules** (ou **maillons**) comportant chacun un élément (de la liste) et une référence au suivant. Ainsi, les éléments sont chaînés entre eux (d'où le nom) et on peut représenter une liste chaînée de la façon suivante :



Chaque cellule contient deux informations :

- la *valeur* d'un élément de la liste - un lien vers la cellule *suivante* (son adresse mémoire)

Dans l'exemple proposé, le premier élément est 12, le second est 14, ..., le dernier est 22 car le lien vers la cellule suivante pointe vers `None` qui marque la fin de la liste.

## ➔ La classe `Cellule`

Commençons par créer une cellule en utilisant la programmation objet. On doit donc créer une classe `cellule` possédant deux attributs :

- *valeur* qui est la valeur de la cellule
- *suivante* qui est une référence vers la cellule suivante.

```
class Cellule:
    def __init__(self, valeur, suivante):
        self.valeur = valeur
        self.suivante = suivante
```

On peut alors créer une chaîne et accéder à ses éléments en consultant la valeur d'une cellule, ou la valeur de la suivante, etc.

```
chaine1 = Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None)))
print("premier élément :", chaine1.valeur)
print("deuxième élément :", chaine1.suivante.valeur)
print("troisième élément :", chaine1.suivante.suivante.valeur)
print("quatrième élément ? :", chaine1.suivante.suivante.suivar
```

On peut visualiser la construction de la chaîne avec [Python tutor](#). Il est important de remarquer que :

- chaque élément de la chaîne est une instance (un objet) de la classe `Cellule` ;
- la variable `chaine` pointe vers la première cellule de la chaîne.

## Question 1

### Enoncée

Construisez une liste appelée `chaine` correspondant au schéma donné dans l'introduction.

```
# à compléter
```

### Solution

```
chaine = Cellule(12, Cellule(14, Cellule(8, Cellule(7
print("premier élément :", chaine.valeur)
print("deuxième élément :", chaine.suivante.valeur)
print("troisième élément :", chaine.suivante.suivante
print("quatrième élément :", chaine.suivante.suivant
```

**Remarque :** Pour le moment on a utilisé le terme *chaine* et non le terme *liste* car la classe `Cellule` ne permet pas de représenter une liste vide, qui serait une liste sans aucune cellule... On peut voir une *chaine* comme une liste non vide, c'est-à-dire comportant au moins une cellule.

## → Ecriture de quelques fonctions

### Longueur d'une chaine

Pour déterminer la longueur d'une chaine, il suffit de parcourir chaque cellule, jusqu'à trouver une cellule dont l'attribut `suivante` pointe vers `None`. Si la chaine vaut `None` au départ, elle représente une liste vide qui a pour longueur 0.

On peut définir la fonction `longueur` qui calcule la longueur d'une chaîne :

```
def longueur(chaine):
    n = 0
    courante = chaine # la cellule courante pointe vers chaine
    while courante is not None: # tant que la cellule courante
        courante = courante.suivante # on passe à la cellule su
        n = n + 1 # la longueur augmente d'une unité
    return n

chaine1 = Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None)))
assert longueur(chaine1)==3
assert longueur(None)==0
```

## Question 2

### Enoncée

Vérifiez la longueur renvoyée pour la chaîne `chaine` (question 1).

```
# à compléter
```

### Solution

```
print("longueur :", longueur(chaine))
```

## Question 3

### Enoncé

Proposez une version récursive de la fonction `longueur` (*puis vérifiez*)

```
# VERSION RECURSIVE
```

### Solution

```
# VERSION RECURSIVE
# à compléter
def longueur(chaine) :
    courante=chaine
    if courante == None :
        return 0
    else :
        return 1 + longueur(courante.suivante)
```

```
print("longueur :", longueur(chaine))
```

## Éléments d'une chaîne

Il peut être intéressant de pouvoir afficher ou renvoyer tous les éléments d'une chaîne. Cela permet notamment de vérifier des choses.

### Question 4

#### Énoncé

Ecrivez une fonction `affiche(chaine)` qui affiche tous les éléments d'une chaîne (non vide).

```
# à compléter
```

#### Solution itérative

```
def affiche(chaine):
    courante=chaine
    while courante is not None:
        print(courante.valeur)
        courante=courante.suivante
```

### Solution récursive

```
def affiche(chaine):
    if chaine.suivante == None :
        return f"{chaine.valeur} -> None"
    else :
        return f"{chaine.valeur} -> {affiche(chaine.suivante)}
```

```
affiche(chaine)
```

```
affiche2(chaine)
```

## Question 5

### Enoncé

Ecrivez une fonction `liste_elements(chaine)` qui renvoie la liste (au sens `list` de Python) des éléments d'une chaîne.

```
def liste_elements(chaine):
    """Renvoie une list Python contenant tous les éléments de la chaîne"""
    >>> liste_elements(Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None)))
    [1, 2, 3]

    >>> liste_elements(Cellule(12, Cellule(14, Cellule(8, Cellule(7, Cellule(19, Cellule(22, None)))
    [12, 14, 8, 7, 19, 22]

    """
```

```
# à compléter
T=liste_elements(Cellule(12, Cellule(14, Cellule(8, C
print(T)
```

### Solution

```
def liste_elements(chaine):
    """Renvoie une list Python contenant tous les élé

    >>> liste_elements(Cellule(1, Cellule(2, Cellule(
    [1, 2, 3]

    >>> liste_elements(Cellule(12, Cellule(14, Cellul
    [12, 14, 8, 7, 19, 22]

    """
    L=[]
    courante = chaine
    while courante is not None:
        L.append(courante.valeur)
        courante = courante.suivante
    return L

# à compléter
T=liste_elements(Cellule(12, Cellule(14, Cellule(8, C
print(T)
```

```
#Pour vérification
import doctest
doctest.testmod() # verbose = True pour plus de détails
```

## Accès au i-ème élément d'une chaine

On souhaite maintenant écrire une fonction `ieme_element(chaine, i)` permettant de renvoyer le `i`-ème élément de la `chaine`. **Préconditions** :

`chaîne` est non vide (au moins une cellule) et `i` est compris entre 0 et `longueur(chaîne)-1`.

## Question 6

### Enoncé

Proposez une fonction qui convient. *On peut trouver le  $i$ -ème élément avec une boucle ou par récursivité. Voir si besoin les anciens chapitres.*

```
# à compléter
def ieme_element(chaîne, i):
    pass
```

### Solution itérative

```
# VERSION ITERATIVE AVEC UNE BOUCLE WHILE
def ieme_element(chaîne, i):
    assert chaîne!=None and 0 < i < longueur(chaîne)-1
    ni = 0
    courante = chaîne
    while courante != None and ni != i :
        ni += 1
        courante = courante.suivante
    if courante != None :
        return courante.valeur
```

### Solution récursive

```
# VERSION RECURSIVE
def niemeElement(chaîne, i) :
    assert chaîne!=None
    if i == 0 :
        return chaîne.valeur
```



```

else :
    return niemeElement(chaine.suivante, i-1)

```

```

ieme_element(chaine, 2)

```

## ➔ La classe `ListeChaine`

La classe `Cellule` ne permet pas d'implémenter à elle seule le type abstrait *liste* car rien n'est prévu pour représenter une liste vide. On va utiliser cette classe pour créer une classe `ListeChaine` qui implémente ce type abstrait. Il suffira de faire pointer la liste vers le premier élément de la chaîne (de cellules) ou vers `None` pour la liste vide.

Les opérations à implémenter dans la classe `ListeChaine` sont :

- création d'une liste vide
- ajout d'un élément en tête de liste : `ajouter_en_tete(self, element)`
- test d'une liste vide : `est_vide(self)`
- accès à la tête de la liste : `premier(self)`
- accès à la queue de la liste : `reste(self)`

## Attributs

On choisit de définir un seul attribut `tete`, qui peut être soit une référence vers la première `cellule` d'une chaîne (de cellules), soit la valeur particulière `None` pour représenter une liste vide. On définit ainsi une *liste chaînée*.

## Méthodes

On veut implémenter les 5 opérations primitives d'une liste (données en début de document).

## Implémentation

- La méthode d'initialisation `__init__` crée une liste vide en initialisant l'attribut `tete` à `None`.
- La méthode `ajouter_en_tete` permet d'ajouter un élément en première position.
- La méthode `est_vide` permet de tester si une liste est vide ou non
- La méthode `premier` permet d'accéder au premier élément d'une liste non vide (sa tête). *On peut aussi l'attribut `tete`.*
- La méthode `reste` permet d'accéder au reste des éléments d'une liste non vide (sa queue), qui est aussi une liste.

## Question

Etudiez attentivement l'implémentation proposée.

```
class ListeChaine:
    """Manipulation de listes chaînées"""

    def __init__(self):
        """Initialise une liste vide."""
        self.tete = None

    def ajouter_en_tete(self, e):
        """Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule
        nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
        self.tete = nouvelle_cellule

    def est_vide(self):
        """Renvoie True si la liste est vide, False sinon
        return self.tete is None

    def premier(self):
```

```

        """Renvoie le premier élément de la liste (sa
        assert self.premier is not None, "une liste v
        return self.tete.valeur

def reste(self):
    """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si
    assert self.tete is not None, "une liste vide
    r = ListeChaine()
    r.tete = self.tete.suivante
    return r

```

**Explications** : On s'attarde sur les méthodes `ajouter_en_tete` et `reste` qui sont plus subtiles qu'il n'y paraît.

- Méthode `ajouter_en_tete` :
  - ligne 1 : on commence par créer une nouvelle cellule dont l'attribut `valeur` vaut l'élément `e` à ajouter à la liste et dont l'attribut `suivante` vaut `self.tete` c'est-à-dire la référence vers la première cellule de la liste. On construit ainsi une cellule avec la valeur à ajouté et qui pointe vers l'ancienne première cellule de notre liste.
  - ligne 2: il ne faut pas oublier de mettre à jour l'attribut `tete` pour qu'il désigne notre nouvelle première cellule.
- Méthode `reste` :
  - ligne 1 : on programme de manière plus sûre en commençant pas tester au moyen d'`assert` que la liste n'est pas vide.
  - ligne 2, 3 et 4 : il ne suffit pas de renvoyer la deuxième cellule de notre liste (`self.tete.suivante`) car on renverrait alors un objet `cellule` et non une `ListeChaine` comme souhaité. On commence donc par créer une liste vide `r` dont l'attribut `tete` désigne la deuxième cellule (celle qui suit la tête) et on renvoie cette liste `r` qui pointe bien vers la deuxième cellule de départ.

On peut créer une liste vide, puis lui ajouter des éléments en tête. On accède aux différents éléments grâce aux méthodes `premier` et `reste`.

```

L = ListeChaine()
print(L.est_vide())
L.ajouter_en_tete(22)
print(L.est_vide())
L.ajouter_en_tete(19)
L.ajouter_en_tete(7)
L.ajouter_en_tete(8)
L.ajouter_en_tete(14)
L.ajouter_en_tete(12)
print("le premier élément est :", L.premier())
print("le deuxième élément est :", L.reste().premier()) # le 2è
print("le troisième élément est :", L.reste().reste().premier())

```

## Ajout de quelques méthodes

On souhaite maintenant utiliser les fonctions `longueur`, `liste_elements` et `ieme_element` pour définir trois nouvelles méthodes à notre classe `ListeChaine`.

Pour ajouter une *méthode* `taille` à la classe, il suffit d'appeler notre *fonction* `longueur` écrite précédemment :

```

def taille(self):
    return longueur(self.tete)

```

Il ne faut pas oublier que la fonction `longueur` déjà écrite s'applique à une chaîne désignée par sa première cellule et non à un objet de la classe `ListeChaine`. Ainsi, il ne faut pas renvoyer `longueur(self)` mais bien `longueur(self.tete)`, où `self.tete` désigne bien la première cellule de la liste chaînée.

## Question 7

### Enoncé

En utilisant les fonctions `ieme_element` et `liste_elements` et en vous inspirant de la méthode `taille(self)`, écrivez les méthodes `lire(self, i)` et `__repr__(self)` qui permettent respectivement de renvoyer le `i`-ème élément d'un objet `ListeChaine` et de représenter un objet `ListeChaine` comme une `list` Python.

Warning

**Attention** : la méthode spéciale `__repr__` doit renvoyer une chaîne de caractères, il faut penser à utiliser la fonction `str` pour convertir la `list` Python.

#### Solution

```
class ListeChaine:
    """Manipulation de listes chaînées"""

    def __init__(self):
        """Initialise une liste vide."""
        self.tete = None

    def ajouter_en_tete(self, e):
        """Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule = Cellule(e, self.tete)
        self.tete = nouvelle_cellule"""

    def est_vide(self):
        """Renvoie True si la liste est vide, False sinon
        return self.tete is None"""

    def premier(self):
        """Renvoie le premier élément de la liste (s'il y en a un)
        assert self.premier is not None, "une liste vide n'a pas de premier"
        return self.tete.valeur"""
```

```

def reste(self):
    """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si
    assert self.tete is not None, "une liste vide
    r = ListeChaine()
    r.tete = self.tete.suivante
    return r

def longueur(self):
    return longueur(self.tete)

def taille(self):
    return longueur(self.tete)

def lire(self, i):
    return niemeElement(self.tete, i)

def __repr__(self):
    return str(liste_elements(self.tete))

```

```

# ESSAIS
L1 = ListeChaine()
L1.ajouter_en_tete(25)
L1.ajouter_en_tete(29)
L1.ajouter_en_tete(27)
L1.ajouter_en_tete(18)
L1.ajouter_en_tete(4)
L1.ajouter_en_tete(32)
L1.ajouter_en_tete(6)
L1.ajouter_en_tete(16)

print(L1)

print(L.reste())

print("longueur :", L1.longueur())
print("premier élément :", L1.lire(0))
print("troisième élément :", L1.lire(2))
print("quatrième élément :", L1.lire(3))

```

## Utilisation de méthodes spéciales

On peut utiliser les méthodes spéciales `__len__` et `__getitem__` à la place des méthodes `taille` et `lire` afin d'utiliser la syntaxe habituelle de Python en écrivant : - `len(L)` pour obtenir la longueur d'une liste `L` au lieu de `L.taille()` - `L[i]` pour accéder au `i`-ème élément d'une liste `L` au lieu de `L.lire(i)`.

### Question 8

#### Enoncée

Remplacez les méthodes `taille` et `lire` par les méthodes `__len__` et `__getitem__`. Vérifiez ensuite si tout fonctionne comme avec des `list` Python.

```
# à compléter
class ListeChaine:
    """Manipulation de listes chaînées"""

    def __init__(self):
        """Initialise une liste vide."""
        self.tete = None

    def ajouter_en_tete(self, e):
        """Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule
        nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
        self.tete = nouvelle_cellule

    def est_vide(self):
        """Renvoie True si la liste est vide, False sinon
        return self.tete is None

    def premier(self):
        """Renvoie le premier élément de la liste (sauf si la liste est vide)
        assert self.premier is not None, "une liste vide n'a pas de premier élément"
        return self.tete.valeur
```

```

        return self.tete.valeur

    def reste(self):
        """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si
        assert self.tete is not None, "une liste vide
        r = ListeChaine()
        r.tete = self.tete.suivante
        return r

    def taille(self):
        return longueur(self.tete)

    def lire(self, i):
        return niemeElement(self.tete, i)

```

### Solution

```

# à compléter
class ListeChaine:
    """Manipulation de listes chaînées"""

    def __init__(self):
        """Initialise une liste vide."""
        self.tete = None

    def ajouter_en_tete(self, e):
        """Insère e en tête de liste en créant une no
        nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
        self.tete = nouvelle_cellule

    def est_vide(self):
        """Renvoie True si la liste est vide, False s
        return self.tete is None

    def premier(self):
        """Renvoie le premier élément de la liste (sa
        assert self.premier is not None, "une liste v
        return self.tete.valeur

```



```

def reste(self):
    """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si
    assert self.tete is not None, "une liste vide
    r = ListeChaine()
    r.tete = self.tete.suivante
    return r

def longueur(self):
    return longueur(self.tete)

def taille(self):
    return longueur(self.tete)

def lire(self, i):
    return niemeElement(self.tete, i)

def __repr__(self):
    return str(liste_elements(self.tete))

def __len__(self):
    return self.taille()

def __getitem__(self,i):
    return self.lire(i)

```

```

# ESSAIS
L1 = ListeChaine()
L1.ajouter_en_tete(25)
L1.ajouter_en_tete(29)
L1.ajouter_en_tete(27)
L1.ajouter_en_tete(18)
L1.ajouter_en_tete(4)
L1.ajouter_en_tete(32)
L1.ajouter_en_tete(6)
L1.ajouter_en_tete(16)

print(L1)

print("taille :", L1.taille())
print(len(L1))

```

```
print(L1[2])
```

## Supprimer en tête et ajouter en queue

Nous terminons par l'écriture de deux méthodes qui peuvent se révéler utiles (pour la suite de l'année). Il s'agit des méthodes :

- `supprimer_en_tete(self)` qui permet de supprimer l'élément de tête d'une liste
- `ajouter_en_queue(self, e)` qui permet d'ajouter l'élément `e` en queue de liste

### Question 9

#### Enoncé

Expliquez, par des phrases et/ou un schéma, ce qu'il faut faire pour supprimer l'élément de tête (la cellule de tête) d'une liste `L`.

#### Solution

On doit faire pointer la tête de liste vers la deuxième cellule dont la référence se trouve dans l'attribut `suivante` de la première cellule c'est-à-dire `L.premier.suivante`.

### Question 10

#### Enoncé

Expliquez, par des phrases et/ou un schéma, ce qu'il faut faire pour ajouter l'élément `e` en queue d'une liste `L`.

### Solution

Il faut parcourir toutes les cellules jusqu'à la dernière, celle qui pointe vers `None`. On crée une nouvelle cellule. Il suffit de faire pointer cette dernière cellule (en modifiant son attribut `suivante` vers une nouvelle cellule que l'on crée avec l'attribut `valeur` égal à `e` et l'attribut `suivante` qui pointe vers `None`.

## Question 11

### Enoncé

Ajoutez ces deux méthodes dans la classe `Liste` (l'ajout en queue est beaucoup plus difficile).

### Solution

```
#Code complet

class Cellule:
    def __init__(self, valeur, suivante):
        self.valeur = valeur
        self.suivante = suivante

def longueur(chaine):
    n = 0
    courante = chaine # la cellule courante pointe vers la première cellule
    while courante is not None: # tant que la cellule courante n'est pas None
        courante = courante.suivante # on passe à la cellule suivante
        n = n + 1 # la longueur augmente d'une unité
```

```

    return n

def affiche(chaine):
    if chaine.suivante == None :
        return f"{chaine.valeur} -> None"
    else :
        return f"{chaine.valeur} -> {affiche(chaine.suivante)}"

def liste_elements(chaine):
    """Renvoie une list Python contenant tous les éléments de la liste chaînée"""
    >>> liste_elements(Cellule(1, Cellule(2, Cellule(3, None)))
    [1, 2, 3]

    >>> liste_elements(Cellule(12, Cellule(14, Cellule(8, Cellule(7, Cellule(19, Cellule(22, None))))))
    [12, 14, 8, 7, 19, 22]

    """
    L=[]
    courante = chaine
    while courante is not None:
        L.append(courante.valeur)
        courante = courante.suivante
    return L

def niemeElement(chaine, i) :
    assert chaine!=None
    if i == 0 :
        return chaine.valeur
    else :
        return niemeElement(chaine.suivante, i-1)

class ListeChaine:
    """Manipulation de listes chaînées"""

    # ----- OPERATIONS PRIMITIVES -----

    def __init__(self):

```

```

        """Initialise une liste vide."""
        self.tete = None

    def ajouter_en_tete(self, e):
        """Insère e en tête de liste en créant une nouvelle cellule
        nouvelle_cellule = Cellule(e, self.tete)
        self.tete = nouvelle_cellule

    def est_vide(self):
        """Renvoie True si la liste est vide, False si elle n'est pas vide
        return self.tete is None

    def premier(self):
        """Renvoie le premier élément de la liste (sa tête)
        assert self.tete is not None, "une liste vide n'a pas de premier"
        return self.tete.valeur

    def reste(self):
        """Renvoie le reste de la liste (sa queue) si elle n'est pas vide
        assert self.tete is not None, "une liste vide n'a pas de queue"
        r = ListeChaine()
        r.tete = self.tete.suivante
        return r

# ----- AUTRES OPERATIONS -----

    def longueur(self):
        return longueur(self.tete)

    def taille(self):
        return longueur(self.tete)

    def lire(self, i):
        return niemeElement(self.tete, i)

    #def __repr__(self):
    #    return str(liste_elements(self.tete))

```

```

# Une autre représentation possible
def __repr__(self):
    ch = ""
    courante = self.tete
    for k in range(self.taille()):
        ch = ch + " -> " + str(courante.valeur)
        courante = courante.suivante
    return ch[4:] # pour enlever les 4 caractères

def __len__(self):
    return self.taille()

def __getitem__(self, i):
    return self.lire(i)

def supprimer_en_tete(self):
    """Supprime l'élément en tête de liste, celle
    assert self.tete is not None, "on ne peut pas
    self.tete = self.tete.suivante

def ajouter_en_queue(self, e):
    """Ajoute l'élément e en queue de liste"""

    courante = self.tete
    if courante is None: # si la liste est vide
        self.ajouter_en_tete(e) # on ajoute e en
    else:
        while courante.suivante is not None: # si
            courante = courante.suivante
        derniere_cellule = Cellule(e, None)
        courante.suivante = derniere_cellule

```

```
# ESSAIS
```

```

L = ListeChaine()
L.ajouter_en_tete(22)
L.ajouter_en_tete(19)
L.ajouter_en_tete(7)

```

```

L.ajouter_en_tete(8)
L.ajouter_en_tete(14)
L.ajouter_en_tete(12)
print(L)

L.supprimer_en_tete()
print(L)
L.ajouter_en_queue(5)
print(L)
#L.supprimer_en_tete()
#print(L)

```

```

12 -> 14 -> 8 -> 7 -> 19 -> 22
14 -> 8 -> 7 -> 19 -> 22
14 -> 8 -> 7 -> 19 -> 22 -> 5

```

## ➔ Création d'un module

### listechainee

Créez un module *listechainee.py* qui peut être importé dans un autre programme Python et qui permet de manipuler la classe `ListeChaine` ainsi créée (avec toutes les méthodes). *Attention à ne rien oublier, la classe `ListeChaine` fait appel à des fonctions et classe externes.*

## ➔ Bilan

### BILAN

- On a implémenté une classe `ListeChaine` qui implémente le type abstrait *liste* avec des listes chaînées qui sont des chaînes de plusieurs cellules de la classe `Cellule`. Chaque cellule possède une valeur et une référence vers la cellule suivante. Les objets de la classe

`ListeChaine` pointent vers la première cellule d'une chaîne, ou vers `None` pour désigner une liste vide.

- L'intérêt d'une liste chaînée, par rapport à une implémentation avec un tableau dynamique (`list` Python), se trouve dans les opérations d'ajout et suppression en début de liste (ajout, suppression) qui sont moins coûteuses car ne nécessitent pas de décaler tous les éléments qui suivent.
- La création du module `listechaine` permet de manipuler des listes (implémentées par des listes chaînées) en important la classe `ListeChaine` du module. Une fois importée, cette classe masque totalement l'implémentation avec des cellules formant des listes chaînées. Néanmoins, le savoir permet de privilégier certaines opérations moins coûteuses qu'avec une implémentation avec des tableaux redimensionnables (`list` Python).

## ➔ Pour aller plus loin

On pourrait programmer pour notre classe `ListeChaine`, les autres opérations disponibles pour le type prédéfini `list` de Python. Par exemple :

- la suppression en queue
- l'ajout/la suppression en position `i`
- la concaténation
- l'inversion
- etc.



On se rapprocherait ainsi du type `list` de Python mais il faut garder en tête que le coût de certaines opérations n'est pas forcément le même : rapide en fin de liste mais coûteux en début pour les `list` Python, alors que c'est le contraire pour les listes chaînées de notre classe `ListeChaine`.