

26 въпрос. Интерференция на вълните.

Принцип на суперпозицията.

Когато вълните се разпространяват в пространството (тримерна вълна), във всеки момент голям брой частици трептят с еднаква фаза. Тяхната съвкупност образува повърхност, наречена вълнова повърхнина.

По определение геометричните места на точките, в които частиците трептят с еднаква фаза, се нарича *фазова или вълнова повърхнина*.

Линиите, които са перпендикулярни на вълновите повърхнини, се наричат *лъчи на разпространение*.

Лъчите започват от източника на вълната и показват посоката, в която се разпространява енергията от вълните. В еднородна среда лъчите са прави линии.

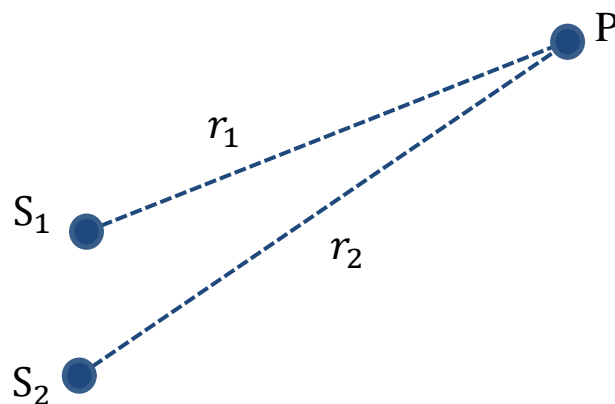
Вълни, чиито вълнови повърхнини са успоредни равнини, се наричат ***плоски вълни***.

Ако скоростта на разпространение на вълните в различните направления е еднаква, средата се нарича ***изотропна***. В нея на голямо разстояние от източника на вълната вълновите повърхнини представляват концентрични сфери, а лъчите на разпространение – разходящ сноп от прави линии, които се пресичат в точковия източник на вълната. Такъв вид вълни се наричат ***сферични вълни***.

Съвкупността от точки, до които е достигнало вълновото движение в даден момент, се нарича ***фронт на вълната***.

Фронтът на вълната е границата, разделяща трептящите частици от тези, до които все още не е достигнало трептеливото движение. Фронтът на всяка вълна е само един, докато вълновите повърхнини са много.

Да разгледаме случая, когато в дадена среда се пораждат вълни от два точкови източника S_1 и S_2 , които трептят хармонично с еднакви кръгови честоти и с постоянна разлика във фазите. Такива източници и породените от тях вълни се наричат **кохерентни**. В изотропна среда всеки от тези източници поражда сферични вълни. Ако вълните се разпространяват само върху една повърхност, те ще бъдат кръгови повърхнинни вълни.



Нека с r_1 и r_2 означим разстоянията от двата източника до една произволна частица Р от средата. Двете вълни се разпространяват независимо една от друга с еднакво скорости v . Те ще принуждават избраната от нас частица да участва в две трептения, които се описват с уравненията

$$y_1 = A_1 \sin \left[\omega \left(t - \frac{r_1}{v} \right) \right]$$

$$y_2 = A_2 \sin \left[\omega \left(t - \frac{r_2}{v} \right) \right]$$

Амплитудите на двете трептения зависят от положението на точката Р, т.е. от разстоянията r_1 и r_2 .

Уравненията на двете трептения могат да се запишат и във вида

$$y_1 = A_1 \sin(\omega t + \varphi_1)$$

$$y_2 = A_2 \sin(\omega t + \varphi_2)$$

където величините $\varphi_1 = -\frac{\omega r_1}{v}$ и $\varphi_2 = -\frac{\omega r_2}{v}$ могат да се разглеждат като начални фази на съответните трептения.

Съгласно принципа на суперпозицията отклонението от равновесното положение на резултантното трептене на частицата Р във всеки момент от време ще е равно на сумата от отклоненията y_1 и y_2 , т.е.

$$y = y_1 + y_2 = A_1 \sin(\omega t + \varphi_1) + A_2 \sin(\omega t + \varphi_2)$$

Но резултантното трептене може да се запише във вида $y = A \sin(\omega t + \varphi)$, с амплитуда A и начална фаза φ . Следователно

$$A \sin(\omega t + \varphi) = A_1 \sin(\omega t + \varphi_1) + A_2 \sin(\omega t + \varphi_2)$$

От тригонометричната формула за синус на сумата от два ъгъла получаваме

$$\begin{aligned} & A \cos \varphi \sin \omega t + A \sin \varphi \cos \omega t = \\ & = A_1 \cos \varphi_1 \sin \omega t + A_1 \sin \varphi_1 \cos \omega t + A_2 \cos \varphi_2 \sin \omega t + A_2 \sin \varphi_2 \cos \omega t \end{aligned}$$

За да е изпълнено това равенство във всеки момент, коефициентите пред $\sin\omega t$ и $\cos\omega t$ в дясната и лявата страна трябва да са равни помежду си, т.е. трябва да са изпълнени равенствата

$$A\sin\varphi = A_1\sin\varphi_1 + A_2\sin\varphi_2$$

$$A\cos\varphi = A_1\cos\varphi_1 + A_2\cos\varphi_2$$

За да намерим амплитудата A повдигаме двете равенства на квадрат и ги събираме почленно

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2(\cos\varphi_1\cos\varphi_2 + \sin\varphi_1\sin\varphi_2)$$

Като използваме формулата за косинус от разликата на два ъгъла, получаваме

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

Но

$$\varphi_2 - \varphi_1 = -\frac{\omega r_2}{v} - \left(-\frac{\omega r_1}{v}\right) = \frac{\omega}{v}(r_1 - r_2) = \frac{2\pi}{\lambda}(r_1 - r_2)$$

Нека фазовата разлика е равна на четно число π , т.е.

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{2\pi}{\lambda}(r_1 - r_2) = 2m\pi$$

или

$$r_1 - r_2 = 2m \frac{\lambda}{2}$$

където $m = \pm 1, \pm 2, \pm 3 \dots$ е цяло число.

В този случай $\cos(\varphi_2 - \varphi_1) = 1$ и за амплитудата на резултантното трептене получаваме

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1) = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2$$

или

$$A = A_1 + A_2$$

Следователно във всички точки, за които разликата от разстоянията до източниците е равна на четно число $\frac{\lambda}{2}$, частиците ще трептят с максимална амплитуда.

Нека фазовата разлика е равна на нечетно число π , т.е.

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{2\pi}{\lambda}(r_1 - r_2) = (2m + 1)\pi$$

или

$$r_1 - r_2 = (2m + 1)\frac{\lambda}{2}$$

където $m = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3 \dots$ е нула или цяло число.

В този случай $\cos(\varphi_2 - \varphi_1) = -1$ и за амплитудата на резултантното трептене получаваме

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1) = A_1^2 + A_2^2 - 2A_1A_2$$

или

$$A = |A_1 - A_2|$$

Следователно във всички точки, за които разликата от разстоянията до източниците е равна на нечетно число $\frac{\lambda}{2}$, частиците ще трептят с минимална амплитуда.

Явлението, при което се наблюдава усилване на трептенията в едни точки и отслабване в други точки в резултат от наслагването (събирането) на две или повече кохерентни вълни, се нарича *интерференция на вълните*.

Пример 1: Две вълни са кохерентни, ако:

- А) се разпространяват в една и съща среда;
- Б) имат различни честоти, но еднакви начални фази;
- В) имат еднакви честоти;
- Г) имат еднакви честоти и постоянна фазова разлика.