

# **Отчёт по лабораторной работе №6**

**Задача об эпидемии**

**Тасыбаева Н.С.**

# Содержание

<b>1</b>	<b>Подготовила</b>	<b>5</b>
<b>2</b>	<b>Цель работы</b>	<b>6</b>
<b>3</b>	<b>Задание</b>	<b>7</b>
3.1	Решение на OpenModelica . . . . .	8
3.2	Результаты, получение с помощью OpenModelica . . . . .	10
3.3	Решение на языке julia . . . . .	10
3.4	Результаты, получение с помощью julia . . . . .	12
<b>4</b>	<b>Выводы</b>	<b>14</b>
	<b>Список используемой литературы</b>	<b>15</b>

# Список иллюстраций

3.1	Первый случай на OpenModelica . . . . .	10
3.2	Второй случай на OpenModelica . . . . .	10
3.3	Первый случай на Julia . . . . .	12
3.4	Второй случай на Julia . . . . .	13

## **Список таблиц**

# 1 Подготовила

- Тасыбаева Наталья Сергеевна
- Группа НПИбд-02-20
- Студ. билет 1032201735

## 2 Цель работы

Решить задачу об эпидемии

### 3 Задание

Вариант №6

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове ( $N=12000$ ) в момент начала эпидемии ( $t=0$ ) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции)  $I(0)=212$ , А число здоровых людей с иммунитетом к болезни  $R(0)=12$ . Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени  $S(0)=N-I(0)-R(0)$ . Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп.

Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

1) если  $I(0) \leq I^*$

2) если  $I(0) > I^*$  # Теоретическое введение

Предположим, что некая популяция, состоящая из  $N$  особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы. Первая группа - это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи, обозначим их через  $S(t)$ . Вторая группа – это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции, обозначим их  $I(t)$ . А третья группа, обозначающаяся через  $R(t)$  – это здоровые особи с иммунитетом к болезни.

До того, как число заболевших не превышает критического значения  $I^*$ , считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда  $I(t) > I^*$ , тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей.

Таким образом, скорость изменения числа  $S(t)$  меняется по следующему закону:

$$\frac{dS}{dt} = -aSI, I(t) > I^* \text{ и } \frac{dS}{dt} = 0, I(t) \leq I^*$$

Поскольку каждая восприимчивая к болезни особь, которая, в конце концов,

заболевает, сама становится инфекционной, то скорость изменения числа инфекционных особей представляет разность за единицу времени между заразившимися и теми, кто уже болеет и лечится, т.е.:  $\frac{dI}{dt} = aS - bI, I(t) > I^*$  и  $\frac{dS}{dt} = -bI, I(t) \leq I^*$

А скорость изменения выздоравливающих особей (при этом приобретающие иммунитет к болезни):  $\frac{dR}{dt} = bI$

Постоянные пропорциональности  $a, b$  — это коэффициенты заболеваемости и выздоровления соответственно.

Для того, чтобы решения соответствующих уравнений определялось однозначно, необходимо задать начальные условия. Считаем, что на начало эпидемии в момент времени  $t = 0$  нет особей с иммунитетом к болезни  $R(0)=0$ , а число инфицированных и восприимчивых к болезни особей  $I(0)$  и  $S(0)$  соответственно. Для анализа картины протекания эпидемии необходимо рассмотреть два случая:  $I(0) \leq I^*$  и  $I(0) > I^*$ . [1] # Выполнение лабораторной работы

### 3.1 Решение на OpenModelica

Сперва я написала код на OpenModelica [2] и построила графики для первого и второго случая:

- Код для первого случая

```
model lab6_Tasybaeva
parameter Real N = 12000;
parameter Real I_0 = 212;
parameter Real R_0 = 12;
parameter Real S_0=N-I_0-R_0;
parameter Real alpha = 0.01;
parameter Real beta = 0.02;
```



```

Real S(start=S_0);
Real I(start=I_0);
Real R(start=R_0);

equation
der(S)=0;
der(I)=-beta*I;
der(R)=beta*I;
end lab6_Tasybaeva;

```

- Код для второго случая

```

model lab6_Tasybaeva
parameter Real N = 12000;
parameter Real I_0 = 212;
parameter Real R_0 = 12;
parameter Real S_0=N-I_0-R_0;
parameter Real alpha = 0.01;
parameter Real beta = 0.02;

Real S2(start=S_0);
Real I2(start=I_0);
Real R2(start=R_0);

equation
der(S2)=-alpha*S2;
der(I2)=-alpha*S2-beta*I2;
der(R2)=beta*I2;
end lab6_Tasybaeva;

```

## 3.2 Результаты, получение с помощью OpenModelica

График для первого случая, если  $I(0) \leq I^*$  (рис. 3.1).

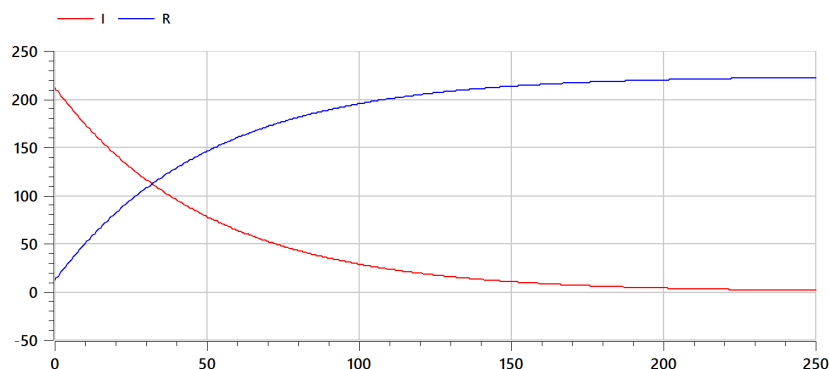


Рис. 3.1: Первый случай на OpenModelica

График для второго случая, если  $I(0) > I^*$  (рис. 3.2).

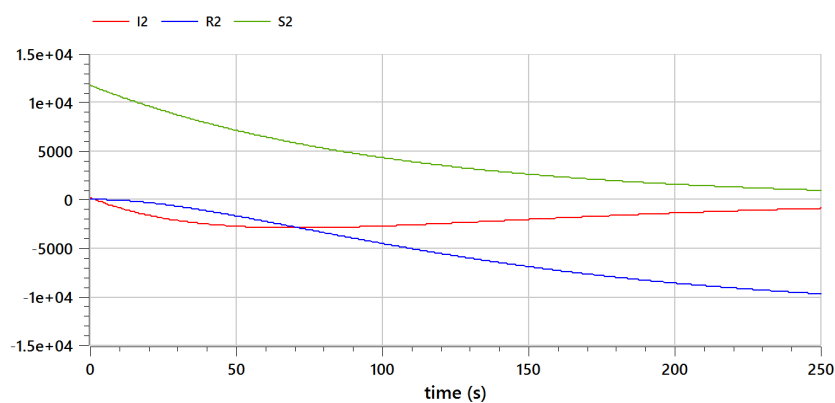


Рис. 3.2: Второй случай на OpenModelica

## 3.3 Решение на языке julia

Далее я реализовала алгоритм на языке Julia [3].

```
using Plots
using DifferentialEquations
```

```

# вариант 6

const N = 12000
const I0 = 212
const R0 = 12
const S0 = N-I0-R0

alpha = 0.01
beta = 0.02

#первый случай
function Function1(dx,x,p,t)
    dx[1]=0
    dx[2]=-beta*x[1]
    dx[3]=beta*x[2]
end

#второй случай
function Function2(dx,x,p,t)
    dx[1]=-alpha*x[1]
    dx[2]=-alpha*x[1]-beta*x[1]
    dx[3]=beta*x[2]
end

t0 = 0.0
tmax=20.0
T=(t0, tmax)
t = range(T[1], T[2], step=0.01)
x0=[S0,I0,R0]

```

```
prob = ODEProblem(Function1, x0, T)
```

```
sol = solve(prob, saveat=t)
```

```
plot(sol, label=["S(t)", "I(t)", "R(t)"], ylim=[0, 1.1*N])
```

```
plot!(title="Первый случай", xlabel="Время", ylabel="Количество особей")
```

```
savefig("lab6_1.png")
```

```
prob = ODEProblem(Function2, x0, T)
```

```
sol = solve(prob, saveat=t)
```

```
plot(sol, label=["S(t)", "I(t)", "R(t)"], ylim=[0, 1.1*N])
```

```
plot!(title="Второй случай", xlabel="Время", ylabel="Количество особей")
```

```
savefig("lab6_2.png")
```

### 3.4 Результаты, получение с помощью julia

График для первого случая на Julia (рис. 3.3).

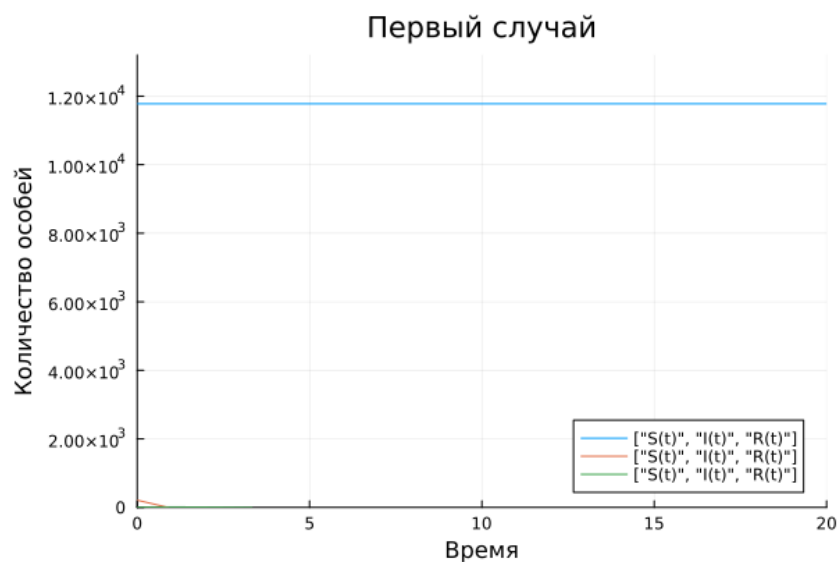


Рис. 3.3: Первый случай на Julia

График для второго случая на Julia (рис. 3.4).

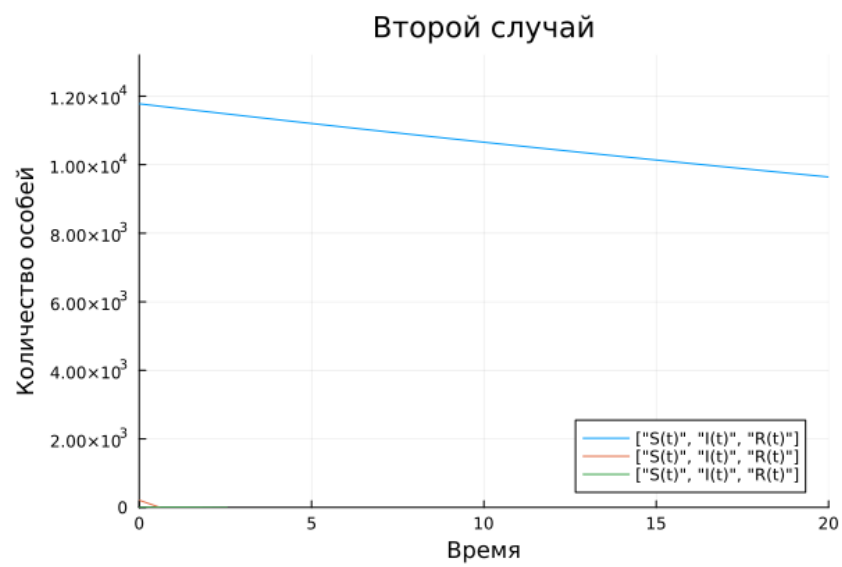


Рис. 3.4: Второй случай на Julia

## 4 Выводы

Я изучила модель эпидемии.

## Список используемой литературы

1. Теоритический материал "Задача о погоне" [Электронный ресурс]. URL: [https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1971737/mod\\_resource/content/2/%D0%9B%D0%B0%D0%B1%D0%BE%D1%80%D0%B0%D1%82%D0%BE%D1%80%D0%BD%D0%B0%D1%8F%20%D1%80%D0%B0%D0%B1%D0%BE%D1%82%D0%B0%20%E2%84%96%205.pdf](https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1971737/mod_resource/content/2/%D0%9B%D0%B0%D0%B1%D0%BE%D1%80%D0%B0%D1%82%D0%BE%D1%80%D0%BD%D0%B0%D1%8F%20%D1%80%D0%B0%D0%B1%D0%BE%D1%82%D0%B0%20%E2%84%96%205.pdf).
2. Решение ОДУ на OpenModelica [Электронный ресурс]. URL: <https://habr.com/ru/post/202596/>.
3. Решение ОДУ на Julia [Электронный ресурс]. URL: [https://events.rudn.ru/event/107/papers/487/files/999-ittmm-template-ru\\_short\\_fin.pdf](https://events.rudn.ru/event/107/papers/487/files/999-ittmm-template-ru_short_fin.pdf).