

Задача 1. Сумма от 1 до N

Источник: базовая
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

В первой строке входного файла содержится целое число N ($1 \leq N \leq 100$).

В выходной файл нужно вывести сумму всех целых чисел, лежащих в диапазоне от 1 до N включительно.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
5	15

Пояснение к примеру

В примере получается $1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15$

Задача 2. Сумма чётных

Источник:	базовая
Имя входного файла:	<code>input.txt</code>
Имя выходного файла:	<code>output.txt</code>
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	разумное

Дана последовательность целых чисел, требуется посчитать сумму всех её чётных элементов.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится целое число N — количество элементов последовательности ($1 \leq N \leq 100$).

Во второй строке записано N целых чисел через пробел — сама последовательность. Все элементы последовательности по абсолютной величине не превышают 100.

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести одно целое число: сумму всех чётных элементов последовательности.

Пример

input.txt	output.txt
8 2 3 7 6 8 3 1 2	18

Пояснение к примеру

В примере получается $2 + 6 + 8 + 2 = 18$

Задача 3. Проверка на простоту

Источник: базовая
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

По определению, простым числом называется целое число, большее 1, которое делится нацело только на себя и на 1.

Требуется написать функцию, определяющую, является ли заданное число простым, и использовать ее для решения данной задачи.

Функция должна иметь сигнатуру:

```
int prime ( int n );
```

Здесь n — положительное целое число, функция должна выдать 1, если n — простое число, и 0 — иначе.

Формат входных данных

Во входном файле записано целое число N ($1 \leq N \leq 10\,000$).

Формат выходных данных

В выходной файл нужно вывести слово YES, если N является простым, и слово NO в противном случае.

Пример

input.txt	output.txt
5	YES
4	NO

Пояснение к примеру

Число 5 простое, а число $4 = 2 \times 2$ составное.

Задача 4. Простые числа

Источник: основная
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Задано натуральное число N . Необходимо найти все простые числа, не превосходящие заданного N , и вывести их в порядке возрастания.

Формат входных данных

Во входном файле записано одно натуральное число N ($2 \leq N \leq 10^6$).

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести в порядке возрастания через пробел все простые числа, не превосходящие N .

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
23	2 3 5 7 11 13 17 19 23

Замечания

Для проверки числа на простоту использовать функцию `prime`, описанную в предыдущей задаче.

Задача 5. Обращение числа

Источник: основная
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Определить число, получаемое выписыванием в обратном порядке цифр заданного натурального числа.

Формат входных данных

Во входном файле записано число N ($1 \leq N < 10^8$).

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести требуемое натуральное число. Ведущие нули не писать.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
12345	54321

Замечания

В данной задаче необходимо сначала получить целое число из заданного N , а затем его вывести в выходной файл.

Для этого нужно написать функцию со следующей сигнатурой:

```
int rev_int ( int N );
```

Здесь N — положительное целое число, функция должна выдать искомое целое число.

Задача 6. Посчитать знаки

Источник:	основная
Имя входного файла:	<code>input.txt</code>
Имя выходного файла:	<code>output.txt</code>
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	разумное

Требуется определить, какая доля чисел в последовательности отрицательная, какая доля равна нулю, и какая доля положительная.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится целое число N — количество элементов последовательности ($1 \leq N \leq 10\,000$).

Во второй строке записано N целых чисел через пробел — сама последовательность. Все элементы последовательности по абсолютной величине не превышают 100.

Формат выходных данных

В выходной файл нужно вывести через пробел три вещественных числа.

Первое показывает, какая доля чисел отрицательная.

Второе — какая доля чисел равна нулю.

И последнее — какая доля положительных чисел.

Каждое выведенное число должно отличаться от своего правильного значения **не** более чем на 10^{-5} .

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
7 1 3 1 -2 -1 0 1	0.28571 0.14285 0.57142

Пояснение к примеру

В последовательности 2/7 чисел отрицательны, 1/7 чисел равна нулю, и 4/7 чисел положительны.

Комментарий

Рекомендуется использовать тип `double` для хранения вещественных чисел, а выводить их с помощью формата `"%0.5lf"`, например:

```
double answer = 0.123456789;  
printf("%0.5lf", answer);
```

Задача 7. Минимум и максимум

Источник:	основная
Имя входного файла:	<code>input.txt</code>
Имя выходного файла:	<code>output.txt</code>
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	разумное

Дана последовательность целых чисел, требуется найти в ней минимальный и максимальный элементы.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится целое число N — количество элементов последовательности ($1 \leq N \leq 20$).

Во второй строке записано N целых чисел через пробел — сама последовательность. Все элементы последовательности по абсолютной величине не превышают 10 000.

Формат выходных данных

Требуется вывести четыре целых числа: минимальный элемент последовательности, номер этого минимального элемента, максимальный элемент последовательности и номер максимального элемента. Если минимальных/максимальных элементов несколько, требуется вывести номер первого из них.

В данной задаче элементы нумеруются по порядку, начиная с единицы.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
5 1 7 3 4 9	1 1 9 5

Пояснение к примеру

В примере дана последовательность из пяти чисел: 1 7 3 4 9

Минимальное число равно 1 и стоит на первой позиции, а максимальное число равно 9 и стоит на последней (пятой) позиции.

Задача 8. Близкий к целому

Источник:	основная
Имя входного файла:	<code>input.txt</code>
Имя выходного файла:	<code>output.txt</code>
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	разумное

Задана последовательность вещественных чисел a_1, a_2, \dots, a_n .

Требуется вычислить порядковый номер того из них, которое наиболее близко к ближайшему целому числу. Если таких чисел несколько, то вывести первое из них.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано число n ($1 \leq n \leq 1000$).

Во второй строке через пробел записаны вещественные числа a_1, a_2, \dots, a_n , каждое из которых по модулю не превосходит 100.

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести одно целое число — порядковый номер числа, наиболее близкого к целому числу. Если таких элементов несколько, то вывести первый из них. Нумерация чисел начинается с 1.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
4 1.7 81.95 -19.05 135.1	2

Задача 9. Сумма ряда

Источник: повышенная сложности
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Не используя стандартные функции, вычислить с точностью $\epsilon > 0$:

$$y = \arctg(x) = x - x^3/3 + x^5/5 - \dots + (-1)^n x^{2n+1}/(2n+1) + \dots$$

Считать, что требуемая точность достигнута, если очередное слагаемое по модулю меньше ϵ , – все последующие слагаемые можно не учитывать.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано число x с точностью до двух знаков после десятичной точки ($-1 < x < 1$).

Во второй строке записано число ϵ с точностью до пяти знаков после десятичной точки ($0 < \epsilon < 1$).

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести единственное вещественное число – сумму ряда с точностью до 5 знаков после десятичной точки.

Пример

input.txt	output.txt
0.1	0.09967
0.001	

Задача 10. Цифра

Источник: повышенной сложности
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Найти k -ю цифру последовательности 1234567891011121314..., в которой выписаны подряд все натуральные числа.

Формат входных данных

Во входном файле записано единственное натуральное число k ($0 < k \leq 10^8$).

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести k -ю цифру заданной последовательности.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
11	0

Задача 11. Количество боксов

Источник: повышенной сложности
Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Во входном файле содержится целое число N ($1 \leq N \leq 10^9$).

Нужно найти количество прямоугольных параллелепипедов с целочисленными сторонами, объём которых не превышает N .

Параллелепипеды, которые можно перевести друг в друга с помощью поворота, считаются одинаковыми.

Замечание: Ответ к этой задаче может быть настолько большим, что не войдёт в переменную типа `int`. Используйте 64-битный тип следующим образом:

```
long long answer;  
answer = 10000000000;  
answer = answer * 10000000000;  
printf("%lld", answer);
```

Пример

input.txt	output.txt
10	16
10000000000	39218340164

Пояснение к примеру

Вот все возможные тройки размеров из первого примера:

- 1 1 1
- 1 1 2
- 1 1 3
- 1 1 4
- 1 1 5
- 1 1 6
- 1 1 7
- 1 1 8
- 1 1 9
- 1 1 10
- 1 2 2
- 1 2 3
- 1 2 4
- 1 2 5
- 1 3 3
- 2 2 2