Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет)

Факультет информационных технологий и прикладной математики

Кафедра вычислительной математики и программирования

Лабораторная работа №1 по курсу «Дискретный анализ»

Студент: Э. Л. Носов Преподаватель: А. А. Кухтичев Группа: М8О-307Б

Дата: Оценка: Подпись:

Лабораторная работа №1

Задача: Требуется разработать программу, осуществляющую ввод пар «ключ-значение», их упорядочивание по возрастанию ключа указанным алгоритмом сортировки за линейное время и вывод отсортированной последовательности.

Вариант сортировки: Поразрядная сортировка.

Вариант ключа: Автомобильные номера в формате А 999 ВС (используются буквы латинского алфавита).

Вариант значения: Строки фиксированной длины 64 символа, во входных данных могут встретиться строки меньшей длины, при этом строка дополняется до 64-х нулевыми символами, которые не выводятся на экран.

1 Описание

Требуется написать реализацию алгоритма поразрядной сортировки. Поразрядная сортировка по сути своей представляет из себя поэтапную сортировку подсчетом, которая по очереди применяется к каждому из разрядов, начиная с самого младшего и заканчивая самым старшим.

Для сортировки ключей, являющихся автомобильными номерами типа «А 999 AA», мне показалось наиболее естественным разбиение на следующие разряды:

- Первая буква номера;
- Значение числа в номере автомобиля;
- Две последние буквы номера.

2 Исходный код

На каждой непустой строке входного файла располагается пара «ключ-значение», поэтому создадим новую структуру TKVPair, в которой будем хранить ключ и значение. Так как я не знаю заранее количество пар, я реализую класс TExpandingArray, то есть расширяющийся массив. Функция RadixSort вызывает для каждого элемента функцию DigitCountingSort.

```
1 | #include <iostream>
    #include <iomanip>
 3
    #include <time.h>
 4
    using namespace std;
 5
    const int VALUE_LENGTH = 65;
 6
 7
    const int NUMBER_OF_LETTER = 26;
 8
    const int NUMBER_OF_INT_KEY = 1000;
 9
10
    struct TKVPair{
11
12
        char Key1;
13
        short Key2;
14
        char Key3[3];
        char Value [VALUE_LENGTH];
15
16
17
     TKVPair(){
            Key1 = '\0';
18
19
            Key2 = 0;
            Key3[0] = '\0';
20
21
            Value[0] = '\0';
        }
22
23
24
        friend ostream& operator<< (ostream &out, const TKVPair &kv);</pre>
25
        friend istream& operator>> (istream &in, TKVPair &kv);
    };
26
27
28
    ostream& operator<< (ostream &out, const TKVPair &kv)
29
        out << kv.Key1 << ' ' ' << setfill('0') << setw(3) << kv.Key2 << ' ' ' << kv.Key3 << ' ' ' << kv.Value;
30
31
        return out;
    }
32
33
34
    istream& operator>> (istream &in, TKVPair &kv)
35
36
        in >> kv.Key1;
37
        in >> kv.Key2;
38
        in >> kv.Key3;
39
        in >> kv.Value;
40
        return in;
    }
41
42
43
    struct TExpandingArray{
44
        struct TKVPair * Exar;
45
        unsigned long long Length;
46
        int Capacity;
47
        TExpandingArray(){
48
49
           Length = 0;
50
            Capacity = 1;
            Exar = new struct TKVPair[1];
51
52
53
54
        ~TExpandingArray(){
55
            delete [] Exar;
```

```
56
         }
 57
         void InsertElement (struct TKVPair new_elem) {
 58
 59
             if(Capacity == Length){
                 struct TKVPair * tmp;
 60
 61
                 tmp = new struct TKVPair[Capacity * 2];
 62
                 for (int i = 0; i < Length; ++i){
 63
                    tmp[i] = Exar[i];
 64
                 delete [] Exar;
 65
 66
                 Exar = tmp;
 67
                 Capacity *= 2;
 68
             Exar[Length] = new_elem;
 69
 70
             Length++;
 71
         }
 72
 73
         struct TKVPair & operator [](unsigned long long index){
             if (index >= Length){
 74
                 throw out_of_range("Vector outside of range");
 75
 76
             } else {
 77
                 return Exar[index];
 78
 79
         }
 80
     };
 81
 82
     void DigitCountingSort(struct TExpandingArray *dataKeeper, int digitNumber){
 83
         int * counters;
 84
         struct TKVPair * data = new struct TKVPair[dataKeeper->Length];
 85
         int key_to_int;
 86
         if(digitNumber == 1){
             counters = new int[NUMBER_OF_LETTER];
 87
             for(int i = 0; i<NUMBER_OF_LETTER; ++i){</pre>
 88
 89
                 counters[i] = 0;
 90
             }
 91
             for(int i = 0; i < dataKeeper->Length; ++i){
 92
                 counters[(*dataKeeper)[i].Key1-VALUE_LENGTH]++;
 93
             }
 94
             for(int i = 1; i < NUMBER_OF_LETTER; ++i){</pre>
 95
                 counters[i] += counters[i-1];
 96
             }
 97
             for(int i = dataKeeper->Length-1; i >= 0; --i){
                 data[counters[(*dataKeeper)[i].Key1 - VALUE_LENGTH] - 1] = (*dataKeeper)[i];
 98
                 counters[(*dataKeeper)[i].Key1 - VALUE_LENGTH]--;
 99
             }
100
101
             delete [] counters;
102
         else if(digitNumber == 2){
103
             counters = new int [NUMBER_OF_INT_KEY];
104
             for(int i = 0; i < NUMBER_OF_INT_KEY; ++i){</pre>
105
106
                 counters[i] = 0;
107
             for(int i = 0; i < dataKeeper->Length; ++i){
108
109
                 counters[(*dataKeeper)[i].Key2]++;
110
             }
             for(int i=1; i<NUMBER_OF_INT_KEY; ++i){</pre>
111
112
                 counters[i] += counters[i-1];
113
114
             for(int i = dataKeeper->Length-1; i >= 0; --i){
                 data[counters[(*dataKeeper)[i].Key2] - 1] = (*dataKeeper)[i];
115
116
                 counters[(*dataKeeper)[i].Key2]--;
117
```

```
118
             delete [] counters;
119
         }
120
         else if(digitNumber == 3){
121
             counters = new int [NUMBER_OF_LETTER*NUMBER_OF_LETTER];
122
             for(int i = 0; i < NUMBER_OF_LETTER*NUMBER_OF_LETTER; ++i){</pre>
123
                counters[i] = 0;
124
125
             for(int i=0; i<dataKeeper->Length; ++i){
                 key_to_int = ((*dataKeeper)[i].Key3[0] - VALUE_LENGTH) * NUMBER_OF_LETTER + ((*dataKeeper)[i].
126
                     Key3[1] - VALUE_LENGTH);
127
                 counters[key_to_int]++;
128
             }
129
             for(int i = 1; i < NUMBER_OF_LETTER*NUMBER_OF_LETTER; ++i){</pre>
                counters[i] += counters[i-1];
130
131
             for(int i = dataKeeper->Length-1; i >= 0; --i){
132
133
                key_to_int = ((*dataKeeper)[i].Key3[0] - VALUE_LENGTH) * NUMBER_OF_LETTER + ((*dataKeeper)[i].
                     Key3[1] - VALUE_LENGTH);
134
                data[counters[key_to_int] - 1]=(*dataKeeper)[i];
135
                counters[key_to_int]--;
136
             }
137
             delete [] counters;
138
139
         delete [] dataKeeper->Exar;
140
         dataKeeper->Exar = data;
141
     }
142
143
     void RadixSort(struct TExpandingArray *dataKeeper){
144
         for(int i = 3; i > 0; --i){
145
             DigitCountingSort(dataKeeper, i);
146
147
     }
148
149
     int main(){
150
151
         ios::sync_with_stdio(false);
152
153
         struct TKVPair temper;
154
         struct TExpandingArray dataKeeper;
155
         while(cin >> temper){
156
157
             dataKeeper.InsertElement(temper);
158
159
         RadixSort(&dataKeeper);
160
         cout<<'\n';</pre>
161
         for (int i = 0; i < dataKeeper.Length; ++i){</pre>
162
             cout << dataKeeper[i] << endl;</pre>
163
```

3 Консоль

maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1\$./lab1
A 000 AA n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naat
A 000 AA n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naat
A 000 AA n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naa
Z 999 ZZ n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naat
A 000 AA n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naatt
A 000 AA n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naat
Z 999 ZZ n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naat
Z 999 ZZ n399tann9nnt3ttnaaan9nann93na9t3a3t9999na3aan9antt3tn93aat3naat

4 Тест производительности

Для теста произваодительности была написана программа ортировки с использованием стандартных контейнеров pair, string, vector и стандартного алгоритма stable_sort - stlreal.cpp и программа написанная согласно варианту, но измененная для подавления вывода - lab1.cpp. Так же для генерации тестов был использован скрипт gen.py на языке Python.

 $\label{localization} $$ $\operatorname{maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ python3 gen.py 10000 > test $$ $\operatorname{maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./lab1 < test $$$ $\operatorname{maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./lab1 < test $$$$ $\operatorname{maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./lab1 < test $$$$$$$$$$$$$

```
real
        0m0.025s
user
        0m0.000s
        0m0.010s
sys
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./stlreal < test
        0m0.032s
real
        0m0.014s
user
        0m0.000s
sys
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ python3 gen.py 100000 > test
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./lab1 < test
real
        0m0.189s
        0m0.056s
user
        0m0.019s
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./stlreal < test
        0m0.237s
real
        0m0.112s
user
        0m0.014s
sys
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ python3 gen.py 1000000 > test
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./lab1 < test
        0m1.686s
real
        0m0.485s
user
sys
        0m0.137s
maloletniydebil@LAPTOP-LNCHGOM3:/mnt/d/X-Files/MAI/3 sem/DA/lab1$ time ./stlreal < test
        0m2.507s
real
        0m1.229s
user
sys
        0m0.188s
```

Очевидно поразрядная сортировка работает быстрее стандартной в среднем в 1,33 раза на тестах с $10000,\,100000$ и 1000000 парк «Ключ-Значение».

5 Выводы

Выполнив первую лабораторную работу по курсу «Дискретный анализ», я реализовал поразрядную сортировку, которая имеет линейную сложность. Приобретенные в ходе данной работы навыки и знания можно применить для реализации сортировки элементов, которые можно естественно разбить на одинаковое количество разрядов, которые были бы ограничены сверху и снизу.