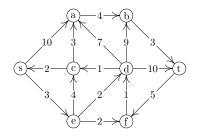
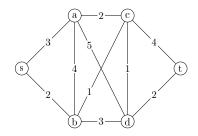
A számítástudomány alapjai 2021. I. félév 3. gyakorlat

1. Indítsunk BFS-t az alábbi gráfok súlyozatlan változatának az s pontjaiból! Határozzuk meg a legrövidebb utakat az alábbi súlyozott gráfokban az s és a t csúcs között!





2. Az alábbi feszítőfákat az a csúcsokból indított BFS után kaptuk meg. Hogy nézhetett ki az eredeti gráf az egyes esetekben?

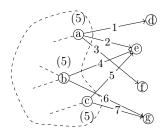


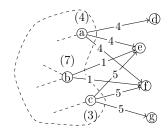


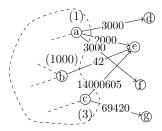


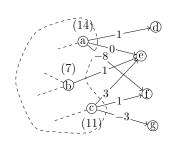


3. Az alábbi ábrákon gráfok részletei láthatóak, amin épp a Dijkstra algoritmust hajtjuk végre. Az a, b és c csúcsokat már bevettük a megvizsgált csúcsok halmazába, a csúcsok mellett zárójelben vannak feltüntetve, hogy a kezdőponttól milyen távol vannak. Melyik csúcsot fogja bevenni következőnek a Dijkstra algoritmus és milyen távolsággal?

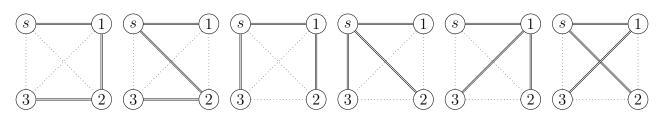








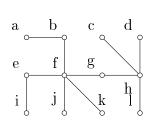
4. Az alábbi K_4 (irányítatlan) gráfok éleire írjunk pozitív egész élsúlyokat úgy, hogy ha a Dijkstra algoritmust s-ből indítjuk, akkor a vastagon szedett élek mentén adja a legrövidebb utakat; a csúcsokat minden esetben (egyértelműen) 1, 2, 3 sorrendben látogatja meg; az élsúlyok összege a lehető legkisebb.

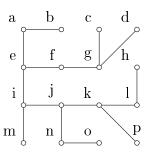


5. Hogyan lehet a BFS algoritmust felhasználni adott r gyökér esetén az összes $dist_l(r, v)$ távolság meghatározására, ha minden l(e) élhossz egész szám?

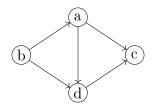
Tervezzünk csavaranyákból és cukorspárgából gravitációs elven működő mechanikus számítógépet, ami alkalmas az inputként megadott, nemnegatív élhosszokkal rendelkező irányítatlan gráf tetszőleges gyökérpontjából a többi csúcs távolságának a meghatározására.

6. [PZH-2014] Az alábbi bal oldali ábrán látható valamely G gráf egy szélességi fája. Honnan indulhatott a bejárás, ha tudjuk, hogy b és c szomszédosak G-ben?





- 7. **[PZH-2015]** A fenti jobb oldali ábrán látható az egyszerű, irányítatlan G gráf i gyökeréből indított szélességi bejárása után kapott F feszítőfa. Tudjuk, hogy az e csúcs G-beli fokszáma 7. Határozzuk meg a G gráf e-ből induló éleit.
- 8. **[PZH-2010]** Adott egy G gráf, az e él hosszát jelölje l(e). Minden él hosszát növeljük meg 2-vel, azaz legyen l'(e) = l(e) + 2 minden élre. Tegyük fel, hogy u és v között P egy legrövidebb út az l' élhosszokkal. Igaz-e, hogy P biztosan egy legrövidebb út u és v között az l élhosszokra nézve is?
- 9. **[ZH-2008]** Határozzuk meg a lenti bal oldali gráfban az élsúlyokat úgy, hogy a Dijkstra algoritmus rossz eredményt adjon!



- 10. **[ZH-2011]** Legyen a G = (V, E) gráf csúcshalmaza $V = \{27, 28, \ldots, 33\}$, él pedig akkor fusson két csúcs között, ha indexeik relatív prímek: $E = \{ij : (i, j) = 1\}$. Rajzoljuk le G diagramját, indítsunk a 27 csúcsból szélességi bejárást, valamint határozzuk meg a bejáráshoz tartozó fát és a többi csúcsnak a 27 csúcstól való távolságát.
- 11. KITÖRT AZ AFRIKAI SERTÉSPESTIS! Az alábbi ábrán a város csomópontjai és azok föld alatti összeköttetései találhatóak. A többszáz malac az a pontbeli karanténból kiszabadulva minden lehetséges irányba elkezdett rohanni. A malacoknak egy napba telik, hogy egy összeköttetésen keresztül át tudjanak menni az egyik csomópontból a másikba. Új csomópontba érkezve a malacok megfertőzik az ottani sertésállomány egyedeit, amelyek szintén megvadulnak és kiszabadulva csatlakoznak az ámokfutáshoz.
 - (a) Hány nap múlva fertőződik meg a város összes sertése?
 - (b) Mely csomópont(ok) fertőződik(fertőződnek) meg utoljára?
 - (c) A második nap végén megérkezik Rick Sanchez (C-137) és pillanatok alatt összeállítja a sertéspestis ellenszerét (amely többek között tartalmaz kaktusz, golden retriever, cápa és dinoszaurusz DNS-t is). Az ellenszer egy vírusfelhőként szin-tén a föld alatti utakon terjed, de kétszer olyan gyorsan. A hatóanyag egyből gyógyít és immunissá tesz, viszont hátulütője, hogy cronenbergekké változtatja a fertőzött malacokat. Lesz-e olyan csomópont, ahol nem változnak cronenberggé a malacok?

