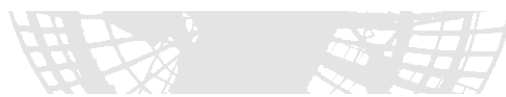




## LEZIONE 9

### ANTENNE AD APERTURA (FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ)

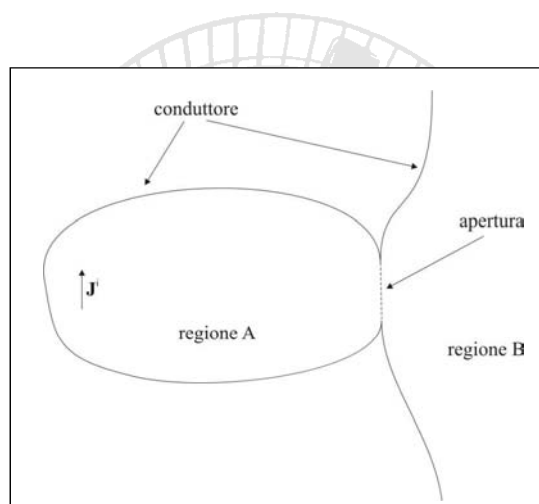


Giuseppe Pelosi  
Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni  
Università di Firenze  
E-mail: [giuseppe.pelosi@unifi.it](mailto:giuseppe.pelosi@unifi.it)  
URL: <http://ingfi9.det.unifi.it/>

1/15



### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ

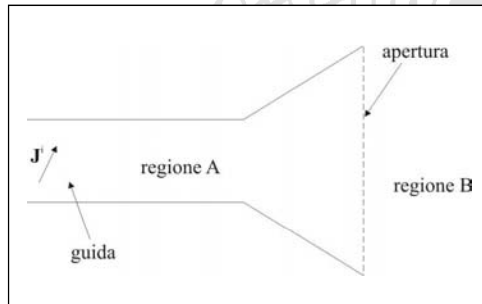


Problema generale di due regioni accoppiate mediante un'apertura

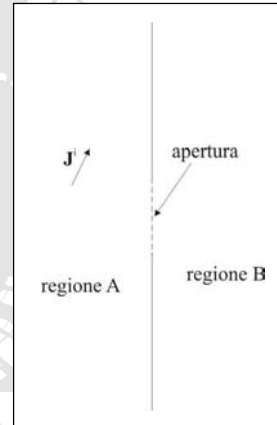
2/15



### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ



Horn alimentato da un guida d'onda



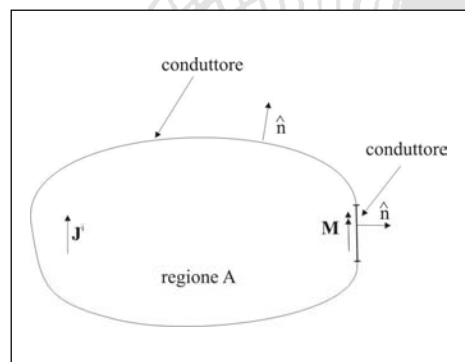
Apertura in uno schermo metallico

3/15



### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ

La regione A viene disaccoppiata dalla regione B mediante la metallizzazione dell'apertura: si impone la corrente magnetica equivalente  $\mathbf{M}$  per garantire la condizione al contorno del problema originario (continuità del campo elettrico totale)



Problema equivalente per la regione A

$$\mathbf{M} = \hat{n} \times \mathbf{E}$$

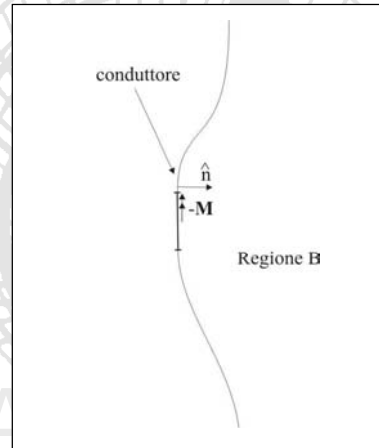
$\mathbf{E}$  è il campo elettrico totale del problema originario

4/15



### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ

Imponendo la corrente magnetica equivalente  $-\mathbf{M}$  si garantisce automaticamente la continuità del campo elettrico tra i due problemi



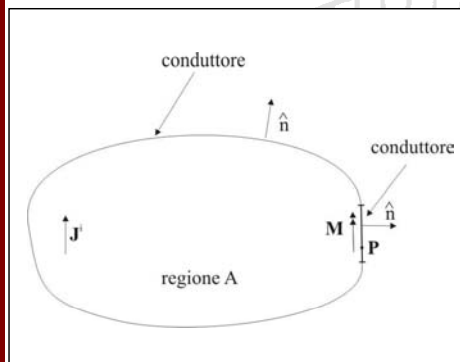
Problema equivalente per la regione B

5/15



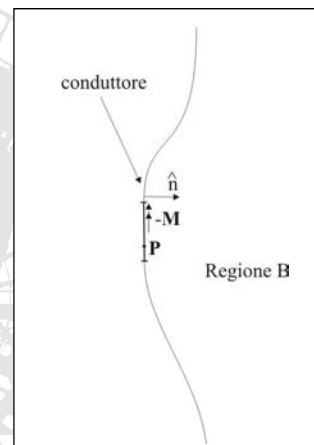
### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ

Si deve garantire ora la continuità del campo magnetico  $\mathbf{H}$  attraverso l'apertura



Equazioni di accoppiamento

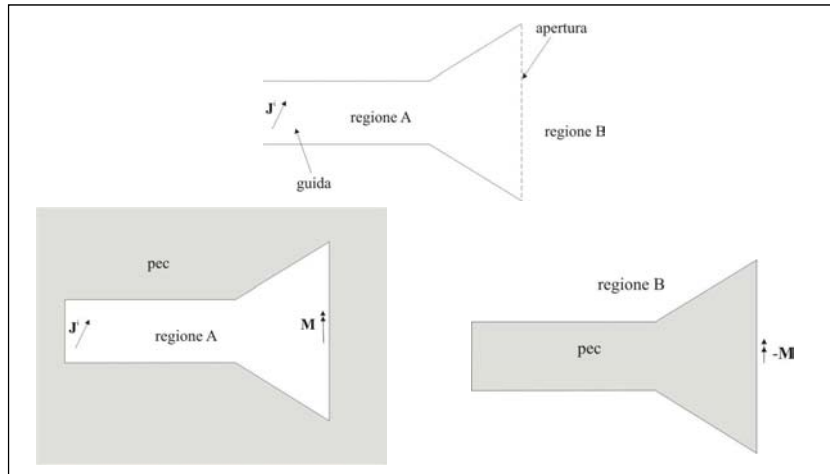
$$\begin{aligned}\mathbf{H}_t^a(\mathbf{P}) &= \mathbf{H}_t^i(\mathbf{J}^i; \mathbf{P}) + \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}; \mathbf{P}) \\ \mathbf{H}_t^b(\mathbf{P}) &= \mathbf{H}_t^b(-\mathbf{M}; \mathbf{P}) = -\mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}; \mathbf{P})\end{aligned}$$



6/15



### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ



Equazioni di accoppiamento

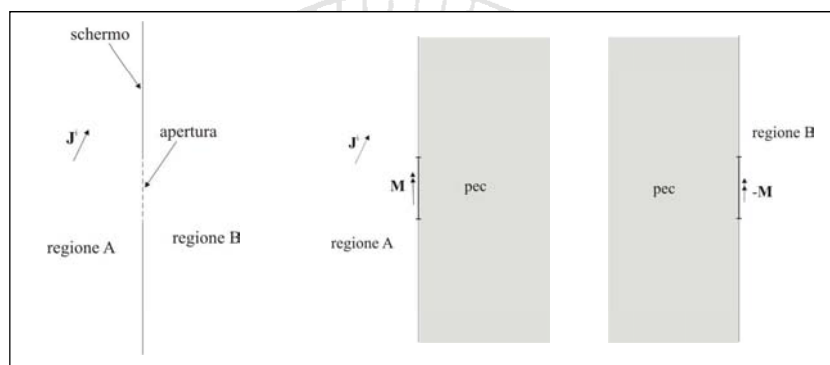
$$\mathbf{H}_t^a(\mathbf{P}) = \mathbf{H}_t^i(\mathbf{J}^i; \mathbf{P}) + \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}; \mathbf{P})$$

$$\mathbf{H}_t^b(\mathbf{P}) = \mathbf{H}_t^b(-\mathbf{M}; \mathbf{P}) = -\mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}; \mathbf{P})$$

7/15



### TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ



Equazioni di accoppiamento

$$\mathbf{H}_t^a(\mathbf{P}) = \mathbf{H}_t^i(\mathbf{J}^i; \mathbf{P}) + \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}; \mathbf{P})$$

$$\mathbf{H}_t^b(\mathbf{P}) = \mathbf{H}_t^b(-\mathbf{M}; \mathbf{P}) = -\mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}; \mathbf{P})$$

8/15

**TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ**

Si ottiene una MFIE con incognita la distribuzione di corrente  $\mathbf{M}$

$$-\mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}) - \mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}) = \mathbf{H}_t^i(\mathbf{J}^i)$$

Si risolve l'equazione con il Metodo dei Momenti

$$\mathbf{M} = \sum_n V_n \mathbf{M}_n$$

$$-\sum_n V_n \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}_n) - \sum_n V_n \mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}_n) = \mathbf{H}_t^i$$

$$-\sum_n V_n \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}_n) \rangle - \sum_n V_n \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}_n) \rangle = \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^i \rangle$$

9/15

**TEOREMA DI EQUIVALENZA NELLA FORMULAZIONE DI HARRINGTON-MAUTZ**

$$-\sum_n V_n \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}_n) \rangle - \sum_n V_n \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}_n) \rangle = \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^i \rangle$$

$$[Y^a] = \left[ \langle -\mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^a(\mathbf{M}_n) \rangle \right]_{N \times N}$$

$$[Y] = [Y^a] + [Y^b] = [Y^a + Y^b]$$

$$[Y^b] = \left[ \langle -\mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^b(\mathbf{M}_n) \rangle \right]_{N \times N}$$

Matrice delle ammettenze generalizzate

$$[I^i] = \left[ \langle \mathbf{w}_m, \mathbf{H}_t^i(\mathbf{J}^i) \rangle \right]_{N \times 1}$$

Vettore delle correnti generalizzate (termini noti)

$$[V] = [V_n]_{N \times 1}$$

Vettore delle tensioni generalizzate (incognite)

Equazione matriciale

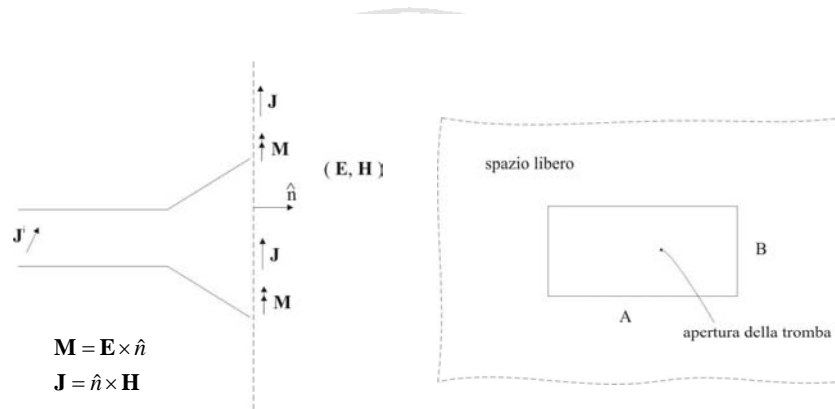
$$[Y][V] = [I^i]$$

10/15





### ANTENNE A TROMBA



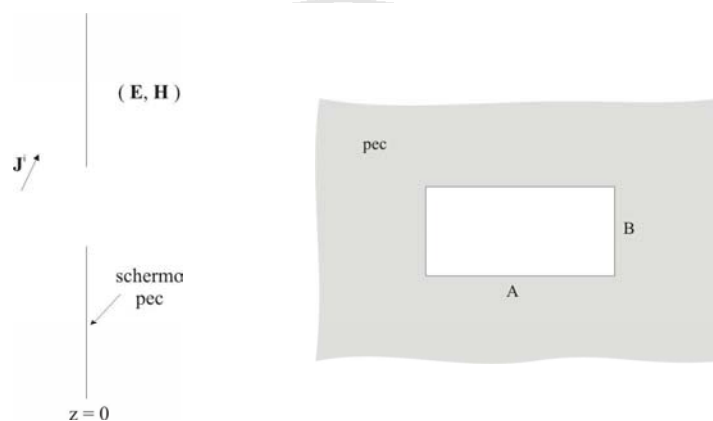
$$\mathbf{M} = \mathbf{E} \times \hat{\mathbf{n}}$$
$$\mathbf{J} = \hat{\mathbf{n}} \times \mathbf{H}$$

- si trascurano le correnti fuori dall'apertura
- si stimano le correnti sull'apertura

11/15



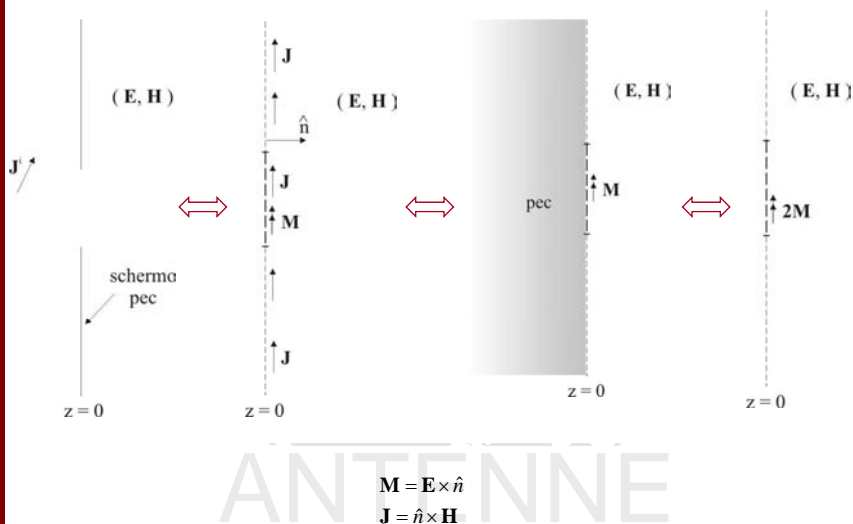
### APERTURA IN UNO SCHERMO METALLICO



12/15



### APERTURA IN UNO SCHERMO METALLICO

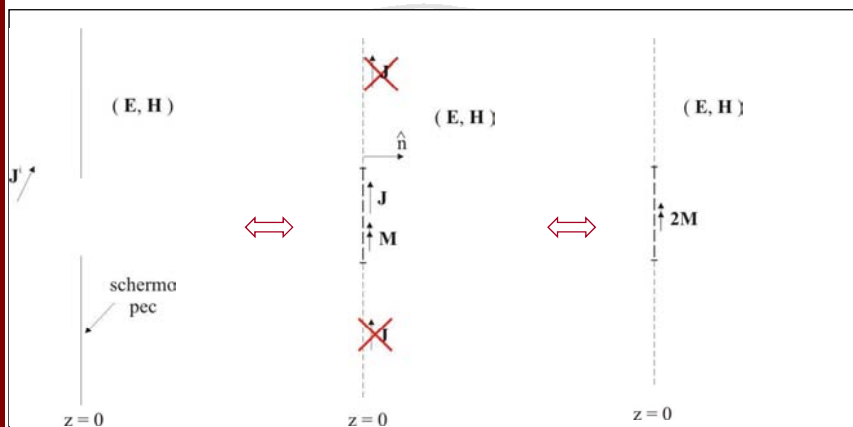


13/15



### APERTURA IN UNO SCHERMO METALLICO – Approssimazione di Kirchhoff

Si considera il campo sull'apertura quello che ci sarebbe in assenza dello schermo



Si stimano  $\mathbf{J}$  ed  $\mathbf{M}$  sull'apertura

$$\mathbf{M} = \mathbf{E}^i \times \hat{\mathbf{n}}$$
$$\mathbf{J} = \hat{\mathbf{n}} \times \mathbf{H}^i$$

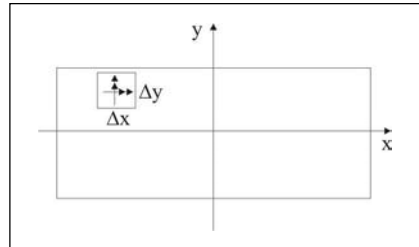
Si stima  $\mathbf{M}$  sull'apertura

$$\mathbf{M} = \mathbf{E}^i \times \hat{\mathbf{n}}$$

14/15



### APERTURA IN UNO SCHERMO METALLICO – Approssimazione di Kirchhoff



Solo correnti magnetiche:  
2 dipoli magnetici ortogonali

Correnti elettriche e magnetiche:  
2 sorgenti di Huygens ortogonali

