





























of, G. Pelosi, Laboratorio di Elettromagnetismo Numerico ipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni – Università di Firenze

GUIDE D'ONDA METALLICHE

Lezione X Propagazione guidata

Prendendo la seconda delle precedenti equazioni di Maxwell e applicando il rotore e sostituendo nella prima avendo posto $\mathbf{j}=0$ si ottiene:

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{e} = -\mu \varepsilon \frac{\partial^2 \mathbf{e}}{\partial t^2}$$

Usando la seguente identità vettoriale

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{A} = \nabla \nabla \cdot \mathbf{A} - \nabla^2 \mathbf{A}$$

Possiamo scrivere:

$$\nabla\nabla\cdot\mathbf{e} - \nabla^2\mathbf{e} = -\mu\varepsilon\frac{\partial^2\mathbf{e}}{\partial t^2}$$

Essendo ρ = 0 si uguaglia a zero anche $\nabla \cdot \mathbf{d}$, e $\nabla \cdot \mathbf{e}$ che quindi permette di scrivere:

$$\nabla^2 \mathbf{e} = \mu \varepsilon \frac{\partial^2 \mathbf{e}}{\partial t^2}$$

15/30



GUIDE D'ONDA METALLICHE

Lezione X

Propagazione guidata

Analogamente per il campo magnetico:

$$\nabla^2 \mathbf{h} = \mu \varepsilon \frac{\partial^2 \mathbf{h}}{\partial t^2}$$

La variazione temporale del campo elettrico **e** è espressa da $e^{i\omega t}$ come di seguito:

$$e(\mathbf{r},t) = \text{Re}\{\mathbf{E}(\mathbf{r})e^{j\omega t}\}$$

Dove ω è la pulsazione espressa in radianti, $\mathbf{E}(\mathbf{r})$ è un vettore complesso non dipendente dal tempo

L'espressione per il campo elettrico può essere scritta come segue:

$$\nabla^2 \mathbf{E} = -\omega^2 \mu \varepsilon \mathbf{E}$$

6/30

Teoria e Tecnica delle Onde Elettromagnetiche - Propagazione radiata e Prof. G. Pelosj, Laboratorio di Elettromagnetismo Numerico Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni – Università di Firenze



. G. Pelosi, Laboratorio di Elettromagnetismo Numerico

GUIDE D'ONDA METALLICHE

Lezione X
Propagazione guidata

 $\nabla^2 \mathbf{E} = -\omega^2 \mu \varepsilon \mathbf{E}$

 $\nabla^2 \mathbf{H} = -\omega^2 \mu \varepsilon \mathbf{H}$

La soluzione delle equazioni di Helmholtz è soggetta alle condizioni al contorno sulle pareti dalla guida:

- 1. Il campo elettrico tangente alle pareti deve essere nullo
- 2. La componente normale del campo magnetico deve essere nulla

Il campo si rappresenta come somma delle autofunzioni delle equazioni di Helmholtz, che prendono il nome di modi.

Se la struttura è semplicemente connessa ci sono modi TE (E_z =0) e TM (H_z =0)

Se la struttura doppiamente connessa (ad esempio il cavo coassiale) ci sono anche modi TEM ($E_z=H_z=0$)

17/30



ESEMPIO DI STRUTTURA DOPPIAMENTE CONNESSA: IL CAVO COASSIALI

Lezione X
Propagazione guidata

delle Onde Elettromagnetiche - Propagazione radiata e propag aboratorio di Elettromagnetismo Numerico Elettronica e Telecomunicazioni – Università di Firenze Struttura cilindrica a sezione circolare con un conduttore esterno (calza) ed un conduttore interno (anima) concentrico separati da dielettrico





Esempio di impiego di un cavo coassiale per la connessione del feed di una antenna a riflettore





Esempi di terminazione per cavo coassiale

18/30























