





Lezione 05

Comportamento non ideale dei componenti

Stefano Selleri Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni Università di Firenze



Sommario della Lezione



Introduzione

- Fili conduttori
- Piste su Printed Circuit Board (PCB)
- Effetto dei connettori
- Resistori
- Capacitori
- Induttori



Introduzione



I componenti circuitali (fili conduttori, resistori, capacitori, induttori, ecc.) utilizzati nei sistemi elettronici sia analogici che digitali sono caratterizzati da un comportamento reale che si discosta da quello ideale per il quale sono progettati e realizzati.

* La non idealità di tali componenti costituisce un aspetto critico per il problema della EMC, poiché incide sulla capacità di sopprimere le emissioni condotte e radiate da parte del sistema in oggetto (EMI).

Università di Firenze





- Se una coppia di fili conduttori è elettricamente lunga (L > 1/10) alla frequenza di interesse, la linea si comportra come una linea di trasmissione e non può essere modellata con un circuito a parametri concentrati. Se invece i fili sono elettricamente corti allora il circuito a parametri concentrati fornisce risultati accettabili.
- Il comportamento dei conduttori all'interno delle bande regolamentari delle emissioni radiate (30 MHz-40 GHz) e delle emissioni condotte (150 kHz-30 MHz) si discosta da quello ideale.
- Tipicamente la resistenza dei conduttori è importante ai fini del progetto funzionale per la determinazione delle dimensioni del conduttore per garantire la minima caduta di tensione in un circuito di distribuzione della potenza.
- * All'interno della banda delle emissioni radiate anche la capacità e l'induttanza dei conduttori diventa significativa.





Per filo conduttore (*wire*) si intende uno o più conduttori solidi cilindrici a sezione circolare.

 \clubsuit Un filo conduttore può essere costituito da un singolo filo (solid wire), di traggio r_w e conducibilità σ , o da un fascio di fili (stranded wire), ciascuno di raggio r_{ws} .

❖ La maggior parte dei conduttori è realizzata utilizzando il rame (Cu - σ_{Cu} =5.8×10⁷S/m).

* Normalmente i conduttori non sono ferromagnetici, per cui $\mu = \mu_0 \approx 4\pi \times 10^{-7} \text{H/m}$, ed hanno una permittività pari a quella dello spazio libero, $\varepsilon = \varepsilon_0 \approx (1/36\pi) \times 10^{-9} \text{F/m}$.





Conduttività relativa (rispetto al Cu) σ_r e permeabilità relativa (rispetto allo spazio libero) μ_r di diversi materiali conduttori

Conductor	σ_r	μ_r
Silver	1.05	1
Copper—annealed	1.00	1
Gold	0.70	1
Aluminum	0.61	1
Brass	0.26	1
Nickel	0.20	600
Bronze	0.18	1
Tin	0.15	1
Steel (SAE 1045)	0.10	1000
Lead	0.08	1
Monel	0.04	1
Stainless steel (430)	0.02	500
Zinc	0.32	1
Iron	0.17	1000
Beryllium	0.10	1
Mu-metal (at 1 kHz)	0.03	30,000
Permalloy (at 1 kHz)	0.03	80,000





- I fili di tipo stranded sono costituiti da fasci di fili singoli e sottili al fine di ottenere maggiore flessibilità del cavo.
- Con ragionevole approssimazione la resistenza e l'induttanza interna di un un cavo costituito da S fili può essere calcolata dividendo la resistenza e l'induttanza interna di un singolo filo di raggio r_{ws} per il numero di fili S.
- ❖ Per la determinazione della capacità e dell'induttanza esterne si considera il cavo come un unico filo solido di raggio equivalente.





- ❖ Una delle unità di misura più diffuse per individuare le dimensioni dei fili conduttori è la American Wire Gauge (AWG).
- ❖ Per I fili singoli c'è una corrispondenza diretta tra la gauge e il raggio del filo, mentre per i cavi si ricorre ad equivalente che corrisponde gauge una approssimativamente al raggio complessivo del fascio di fili.
- Nei datasheet il raggio dei fili è tipicamente indicato in mil, dove 1mil = 1/1000 in = 0.001 in



Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze





	Wire Diameter (mils)		
Wire Gauge	Solid	Stranded	
4/0	460.1	522.0 (427 × 23)	
		$522.0 (259 \times 21)$	
3/0	409.6	464.0 (427 × 24)	
		$464.0 (259 \times 23)$	
2/0	364.8	$414.0 (259 \times 23)$	
		$414.0 (133 \times 20)$	
1/0	324.9	$368.0 (259 \times 24)$	
		$368.0 (133 \times 21)$	
1	289.3	$328.0 (2109 \times 34)$	
		$328.0 (817 \times 30)$	
2	257.6	$292.0 (2646 \times 36)$	
		$292.0 (665 \times 30)$	
4	204.3	$232.0 (1666 \times 36)$	
6	162.0	$184.0 (1050 \times 36)$	
		$184.0 (259 \times 30)$	
8	128.5	$147.0 (655 \times 36)$	
10	101.9	$116.0 (105 \times 30)$	
		$115.0 (37 \times 26)$	
12	80.0	$95.0 (165 \times 34)$	
		$96.0 (7 \times 20)$	
14	64.1	$73.0 (105 \times 30)$	
		$73.0 (41 \times 30)$	
		$73.0\ (7\times 22)$	

16	50.8	59.0 (105 × 36)
		$59.0\ (26\times30)$
		$60.0 (7 \times 24)$
18	40.3	$47.0 (65 \times 36)$
		$49.0 (19 \times 30)$
		$47.0 (16 \times 30)$
		$48.0 (7 \times 26)$
20	32.0	36.0 (41 × 36)
		$36.0 (26 \times 34)$
		$37.0 (19 \times 32)$
		$35.0 (10 \times 30)$
22	25.3	$30.0 (26 \times 36)$
		$31.0 (19 \times 34)$
		$30.0 (7 \times 30)$
24	20.1	$23.0 (41 \times 40)$
		$24.0 (19 \times 36)$
		$23.0 (10 \times 34)$
		$24.0 (7 \times 32)$
26	15.9	$19.0\ (7\times34)$
		$20.0 (19 \times 38)$
		$21.0 (10 \times 36)$
28	12.6	$16.0 (19 \times 40)$
		$15.0 (7 \times 36)$
30	10.0	$12.0~(7 \times 38)$
32	8.0	$8.0~(7 \times 40)$
34	6.3	$7.5 (7 \times 42)$
36	5.0	$6.0 (7 \times 44)$
38	4.0	,



- * I fili sono normalmente ricoperti da materiale dielettrico con funzione protettiva e isolante.
- dielettrico Lo spessore del tipicamente dell'ordine del raggio del filo
- ❖ Valori in continua (dc − bassa frequenza) della permittività relativa ε_r per vari materiali isolanti

Material	ϵ_r
Air	1.0005
Styrofoam	1.03
Polyethylene foam	1.6
Cellular Polyethylene	1.8
Teflon	2.1
Polyethylene	2.3
Polystyrene	2.5
Silicone rubber	3.1
Nylon	3.5
Polyvinyl chloride (PVC)	3.5
Epoxy resin	3.6
Quartz (fused)	3.8
Glass (pyrex)	4.0
Epoxy glass (PCB substrate)	4.7
Bakelite	4.9
Mylar	5.0
Porcelain	6.0
Neoprene	6.7
Polyurethane	7.0
Silicon	12.0

e Telecomunicazioni – Università di Firenze

Compatibilità Elettromagnetica II A. A. 2008-09

EM

Fili conduttori

Resistenza in continua di un filo a sezione circolare di raggio r_w , conducibilità σ e lunghezza complessiva L

❖ Al crescere della frequenza la corrente si addensa verso la periferia del filo per l'effetto pelle e può essere considerata come concentrata in un anello circolare di spessore coincidente con la profondità di penetrazione

$$R = \frac{L}{\sigma \pi r_w^2} \quad (\Omega)$$

$$\delta = \frac{1}{\sqrt{\pi f \, \mu_0 \sigma}}$$



Cross-sectional area of a round conductor available for conducting DC current

"DC resistance"



Cross-sectional area of the same conductor available for conducting low-frequency AC

"AC resistance"



Cross-sectional area of the same conductor available for conducting high-frequency AC

"AC resistance"





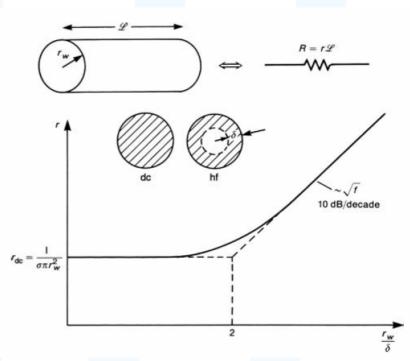
Profondità di penetrazione del rame al variare della frequenza

δ
8.5 mm
2.09 mm
0.66 mm
0.21 mm
2.6 mils
0.82 mils
0.26 mils
0.0823 mils





- La profondità di penetrazione diventa estremamente ridotta per frequenze all'interno della banda delle emissioni radiate: a 100 MHz δ = 0.26 mils
- Un filo che conduce una corrente in alta frequenza utilizza soltanto una porzione molto ridotta della sezione del conduttore, lunghezza del filo aumenta all'aumentare della frequenza



Università di Firenze





resistenza per unità di lunghezza

$$r_{LF} = r_{DC} = \frac{1}{\sigma \pi r_w^2} (\Omega/m)$$
 for $r_w \ll \delta$

$$r_{HF} = \frac{1}{\sigma \left[\pi r_w^2 - \pi (r_w - \delta)^2\right]} (\Omega/m) \cong$$

$$\cong \frac{1}{\sigma 2\pi r_w \delta} = \frac{r_w}{2\delta} r_{DC} = \frac{1}{2r_w} \sqrt{\frac{\mu_0}{\pi \sigma}} \sqrt{f} (\Omega/m) \quad \text{for} \quad r_w \gg \delta$$

- La profondità di penetrazione decresce come il reciproco della radice della frequenza, quindi in alta frequenza la resistenza cresce con una pendenza di 10 dB/decade.
- In bassa frequenza la resistenza rimane costante e pari al valore in continua fino al valore di frequenza per cui gli asitoti si incontrano ovvero $r_w = 2\delta$

Selleri - Laboratorio di Elettromagnetismo Numerico

Università di Firenze



Fili conduttori



Un filo conduttore isolato presenta una induttanza interna per unità di lunghezza dipendente dalla frequenza, dovuta al flusso magnetico interno al filo. La corrente è

$$I_0 \to J = \frac{I_0}{\pi r_w^2} \to I(r) = \frac{I_0}{\pi r_w^2} \pi r^2 \xrightarrow{H = \frac{I}{2\pi r}} H(r) = \frac{I_0}{2\pi r} \left(\frac{\pi r^2}{\pi r_w^2}\right)$$

L'energia immagazzinata nel campo magnetico

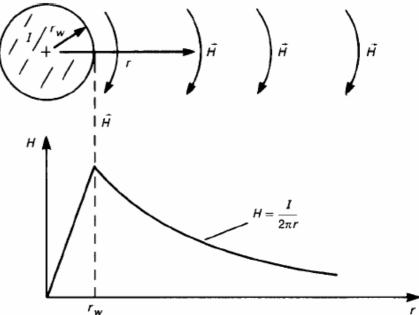
$$W = \frac{1}{2} \int_{S} \mu_{0} |H|^{2} dS =$$

$$= \frac{1}{2} \int_{0}^{r_{w}} \int_{0}^{2\pi} \mu_{0} \left[\frac{|I_{0}|}{2\pi r} \left(\frac{\pi r^{2}}{\pi r_{w}^{2}} \right) \right]^{2} dr r d\phi =$$

$$= \frac{1}{2} \mu_{0} \left[\frac{I_{0}}{2\pi r_{w}^{2}} \right]^{2} 2\pi \int_{0}^{r_{w}} r^{3} dr =$$

$$= \frac{1}{2} \mu_{0} \frac{|I_{0}|^{2}}{2\pi r_{w}^{4}} \left[\frac{1}{4} r^{4} \right]_{0}^{r_{w}} = \frac{1}{2} \underbrace{\left(\frac{\mu_{0}}{8\pi} \right)}_{\text{Induttanza per unità di lunghezza}} |I_{0}|^{2}$$

$$= \frac{1}{2} \mu_{0} \frac{|I_{0}|^{2}}{2\pi r_{w}^{4}} \left[\frac{1}{4} r^{4} \right]_{0}^{r_{w}} = \frac{1}{2} \underbrace{\left(\frac{\mu_{0}}{8\pi} \right)}_{\text{Induttanza per unità di lunghezza}} |I_{0}|^{2}$$







❖ In alta frequenza (effetto pelle) l'induttanza per unità di lunghezza è più complessa da calcolare, ma considerando che la stessa corrente interessa un'area più piccola, considerando la densità di corrente costantre si può pensare semplicemente di fare il rapporto fra le aree:

$$L_{i_{HF}} = \frac{\pi r_{w}^{2} - \pi (r_{w} - \delta)^{2}}{\pi r_{w}^{2}} L_{i_{LF}} = \frac{2\delta}{r_{w}} L_{i_{LF}}$$

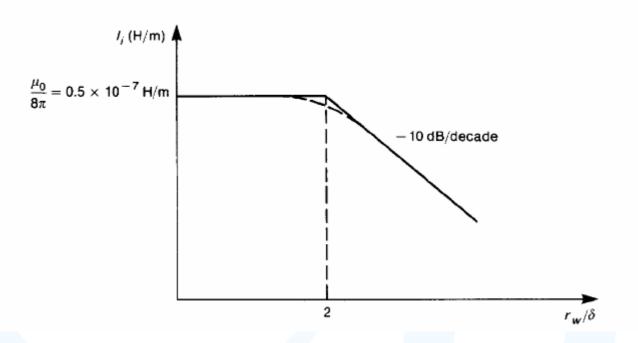
- Questa vale se $\delta \ll r_{w}$
- Esplicitando la dipendenza da f

$$L_{i_{HF}} = \frac{1}{4\pi r_{w}} \sqrt{\frac{\mu_{0}}{\pi \sigma}} \frac{1}{\sqrt{f}}$$





Poiché la profondità di penetrazione δ decresce come il reciproco della radice quadrata della frequenza in alta frequenza l'induttanza interna per unità di lunghezza decresce con pendenza di 10 dB/decade



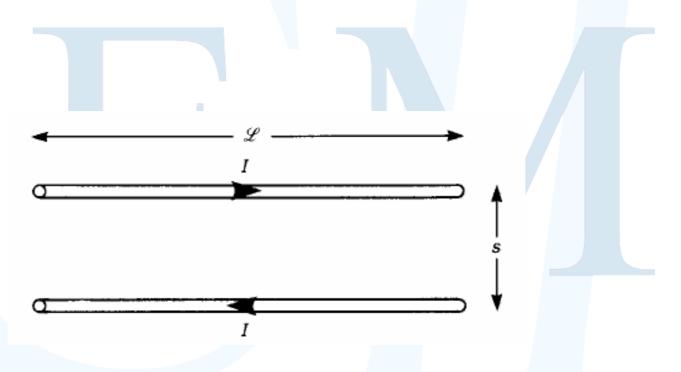


EM

Coppia di Fili conduttori

Induttanza e capacità esterne...

La configurazione più comune è però la coppia di fili paralleli di raggio r_w , e distanza di separazione s vista nella lezione 4.





Coppia di Fili conduttori

- Il flusso magnetico esterno attraverso il circuito rende ragione dell'induttanza esterna della coppia di fili
- L'induttanza esterna per unità di lunghezza L_e è il rapporto tra il flusso ψ_m per unità di lunghezza attraverso il circuito e la corrente che produce tale flusso.
- Se i due fili sono abbastanza distanti ($s / r_w > 5$) si può trascurare l'effetto di prossimità e l'espressione di L_e diventa

$$L_{e} = \frac{\mu_{0}}{\pi} \ln \left(\frac{s}{r_{w}} \right) \quad (H/m) \quad \rightarrow \quad \begin{cases} 0.4 \ln \left(\frac{s}{r_{w}} \right) & (\mu H/m) \\ 10.16 \ln \left(\frac{s}{r_{w}} \right) & (nH/in.) \end{cases}$$

L'induttanza totale è data da

$$L=2L_i+L_e$$



Coppia di Fili conduttori



Le cariche sui fili determinano una capacità per unità di lunghezza c tra I due fili che dipende dal raggio dei fili e dalla distanza di separazione. Se i due fili sono abbastanza distanti (s / $r_w > 5$):

$$L_{e} = \frac{\pi \varepsilon_{0}}{\ln\left(\frac{s}{r_{w}}\right)} \quad (F/m) \quad \rightarrow \quad \begin{cases} \frac{27.78}{\ln\left(\frac{s}{r_{w}}\right)} & (pF/m) \\ \frac{0.706}{\ln\left(\frac{s}{r_{w}}\right)} & (pF/in.) \end{cases}$$

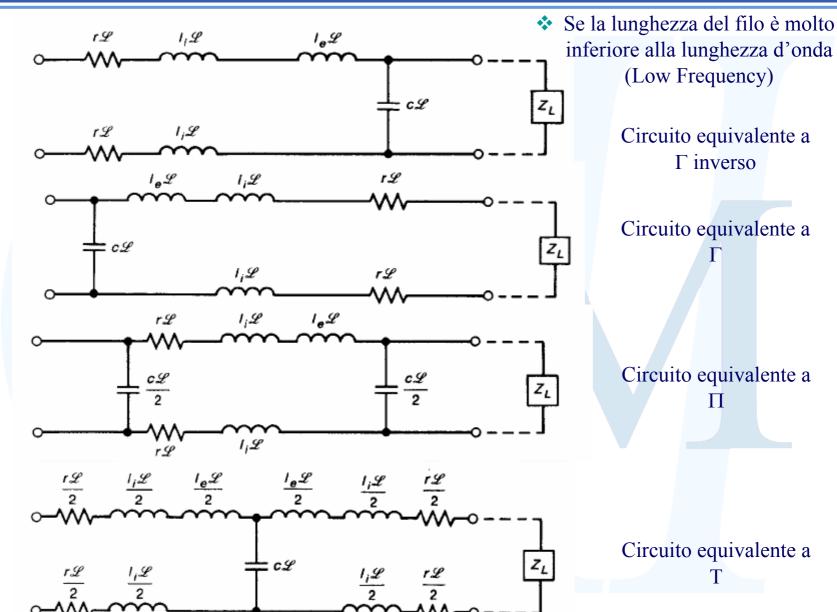


Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze



Coppia di Fili conduttori







Coppia di Fili conduttori

* I termini di induttanza interna sono di solito trascurati nei modelli, infatti, per un caso tipico (Filo di gauge 20, monofilo in rame, conduttori separati da 50 mils.) si ha:

$$L_{i_{DC}} = 0.05 \mu H / m = 1.27 nH / in.$$

$$L_e = 0.456 \mu H / m = 11.58 nH / in.$$

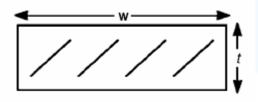
- Ovvero un fattore 10 di differenza
- ❖ Inoltre le possibili topologie di circuito equivalente non sono tutte uguali. Infatti i primi due hanno il condensatore in parallelo al carico. Se il carico è a bassa impedenza il condensatore viene reso inefficace dalla bassa impedenza in parallelo
- Analogamente un carico ad alta impedenza in serie all'induttore lo rende inefficace.
- Questi fenomeni limitano la validità in frequenza dei modelli



Microstrisce

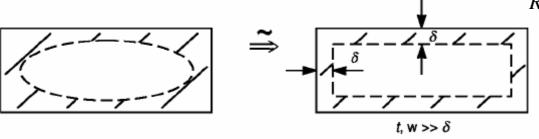


resistenza per unità di lunghezza



$$R_{LF} = R_{DC} = \frac{1}{\sigma wt} \quad (\Omega/m)$$

La densità di corrente DC è uniforme sulla sezione



$$R_{HF} = \frac{1}{\sigma[wt - (w - 2\delta)(t - 2\delta)]} =$$

$$= \frac{1}{\sigma(2w\delta + 2wt - 4\delta^2)} \cong$$

$$= \frac{1}{\sigma(2\delta(w + t))} (\Omega/m)$$

Al crescere della frequenza interviene l'effetto pelle



Microstrisce



- Induttanza (esterna) e capacità per unità di lunghezza
- Il calcolo teorico è molto complesso e in genere si utilizzano metodi numerici
- Tali metodi consentono il calcolo di una permittività efficace e dell'impedanza caratteristica

$$arepsilon_{e\!f\!f} \qquad Z_0$$

$$v = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon \mu}} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_{eff} \varepsilon_0 \mu_0}} = \frac{11.8}{\sqrt{\varepsilon_{eff}}} in./ns$$

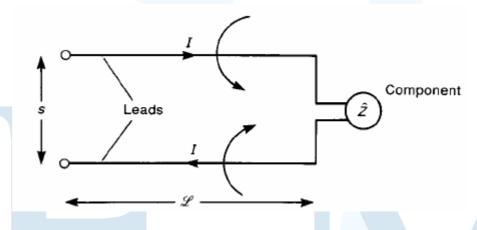
$$L_e = \frac{Z_0}{v} \qquad C_e = \frac{1}{Z_0 v}$$



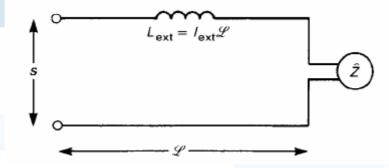
Connettori



Effetto del campo magnetico sui collegamenti: modello fisico



Effetto del campo magnetico sui collegamenti: circuito equivalente



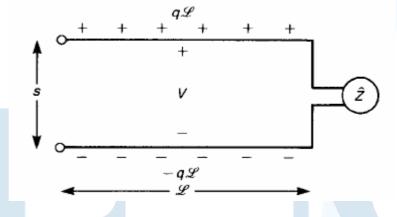




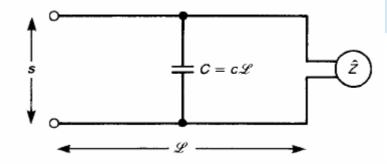
Connettori



Effetto del campo elettrico sui collegamenti: modello fisico



Effetto del campo elettrico sui collegamenti: circuito equivalente





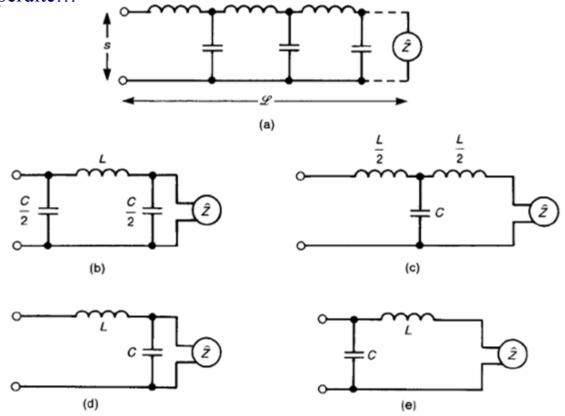
Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze



Connettori







- (a) Circuito a parametri distribuiti
- (b) Circuito a parametri concentrati a Π
- (c) Circuito a parametri concentrati a T
- (d) Circuito a parametri concentrati a Γ rovesciato
- (e) Circuito a parametri concentrati a Γ

Compatibilità Elettromagnetica II A. A. 2008-09

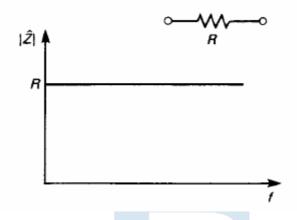


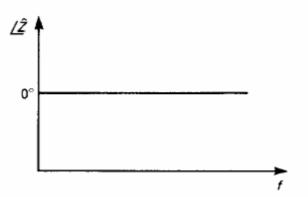
Resistori



Comportamento ideale

$$Z = R$$





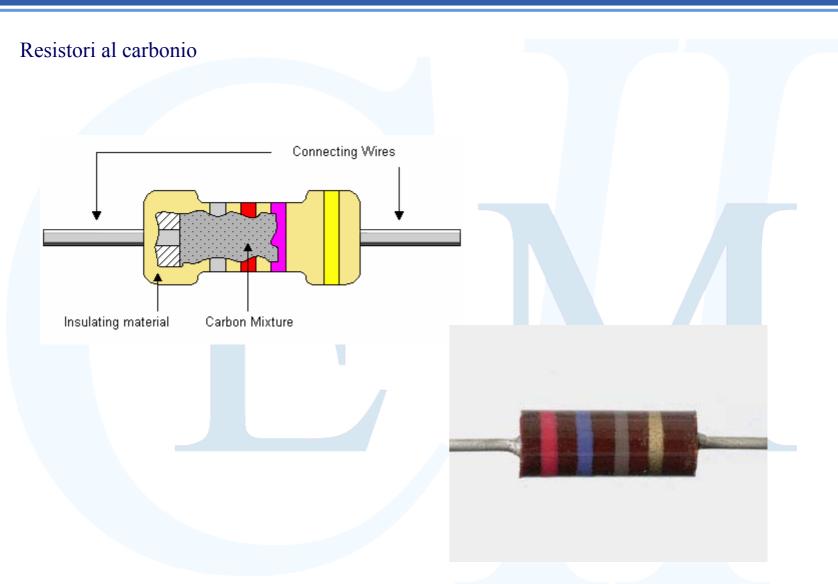
Il comportamento reale presenta un'induttanza (resistori a filo avvolto), una capacità di perdita tra i capi del resistore (di entità molto piccola) l'induttanza e la capacità dei connettori

Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze



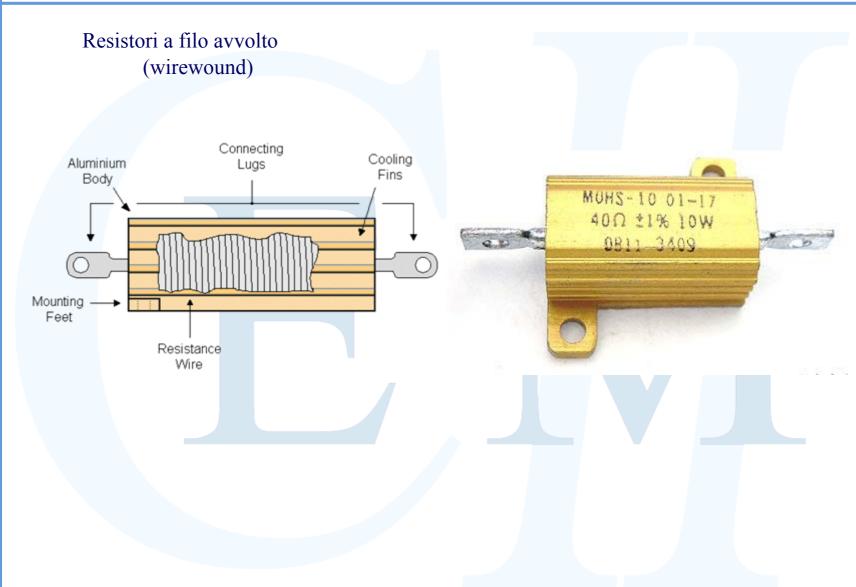
Resistori









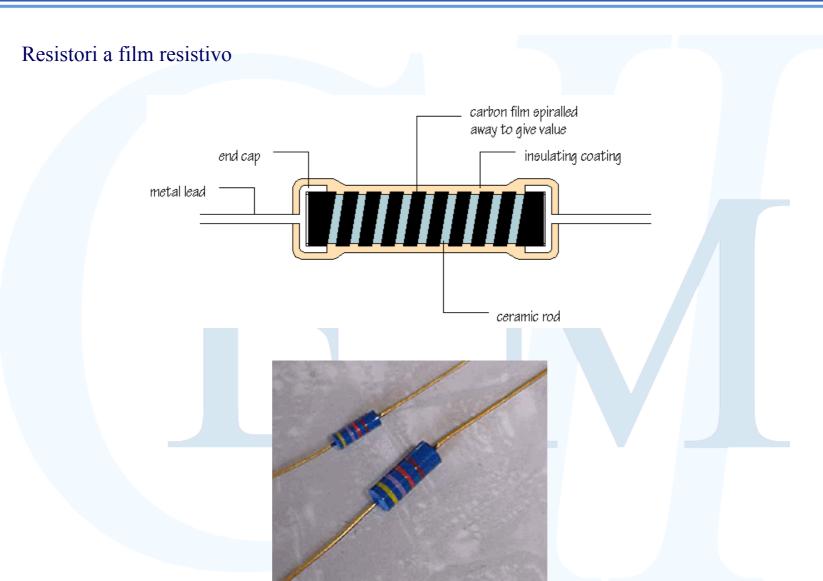


Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze

Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze Compatibilità Elettromagnetica II A. A. 2008-09

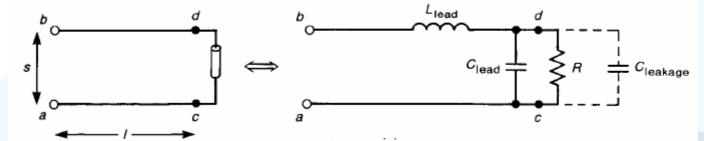
Resistori

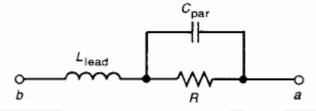












$$C_{par} = C_{lead} + C_{leakage}$$

Per una lunghezza dei conduttori di 0.5 in. conduttori paralleli e mutua distanza di separazione di 0.25 in., con fili gauge 20 ($r_w = 16$ mils)

$$C_{par} \cong 1 \div 2 pF$$

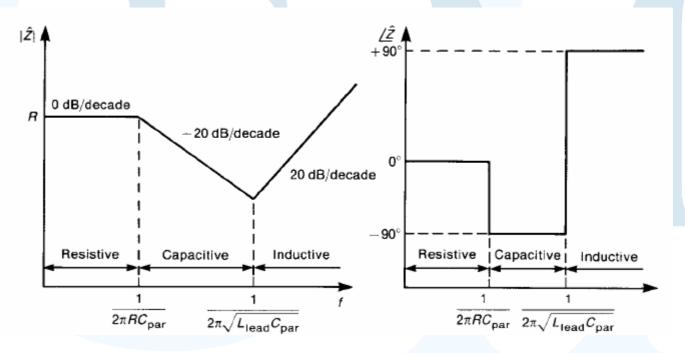
$$L_{lead} = 14nH$$





Risposta in frequenza del modello

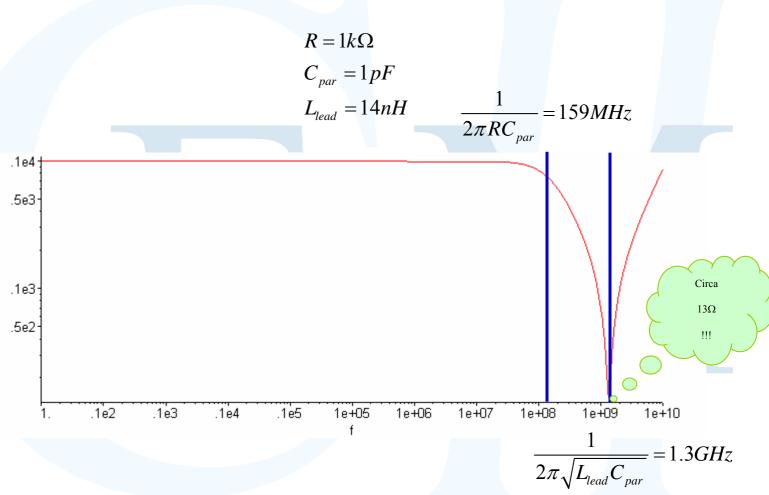
$$Z = L_{lead} \frac{\frac{1}{L_{lead}C_{par}} + \frac{j\omega}{RC_{par}} - \omega^2}{j\omega + \frac{1}{RC_{par}}} = \frac{R + j\omega L_{lead} - \omega^2 RC_{par}L_{lead}}{1 + j\omega RC_{par}} \cong R \text{ in bassa frequenza}$$







Risposta in frequenza per un resistore



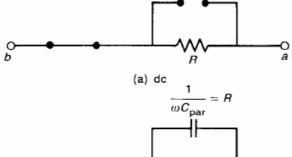
Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze

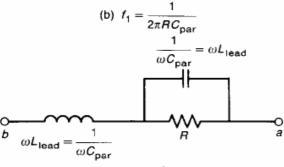


Resistori

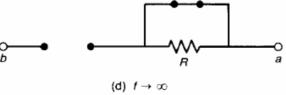


Risposta in frequenza del modello: casi limite





(c)
$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_{\text{lead}}C_{\text{par}}}}$$



$$\omega = 0 \rightarrow Z = R$$

$$\omega = \frac{1}{RC_{par}} \rightarrow L_{lead} = 0; \omega C_{par} = \frac{1}{R} \rightarrow Z = \frac{R}{1+j}$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{C_{par}L_{lead}}} \to \frac{1}{\omega C_{par}} = \omega L_{lead} \to Z = \frac{j\omega L_{lead}}{1 + j\omega RC_{par}}$$

$$\omega = \infty \rightarrow Z = \infty$$

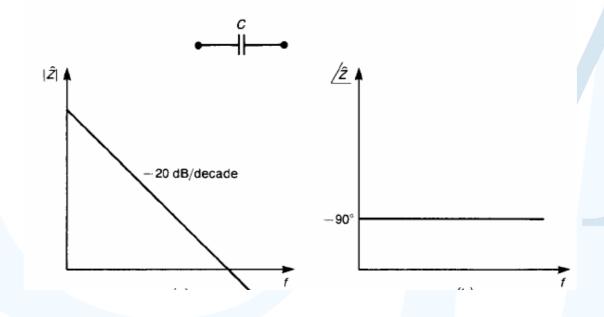


Capacitori



Comportamento ideale

$$Z = \frac{1}{j\omega C} \to \begin{cases} |Z| = \frac{1}{2\pi fC} \\ \angle Z = -90^{\circ} \end{cases}$$

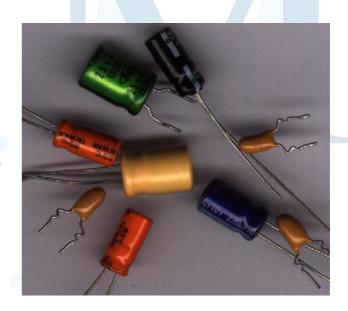






Capacitori ceramici $(1\mu F - 5\mu F)$ mantengono un comportamento vicino a quello ideale anche per frequenze elevate

Capacitori elettrolitici al tantalio $(1\mu F - 1000\mu F)$

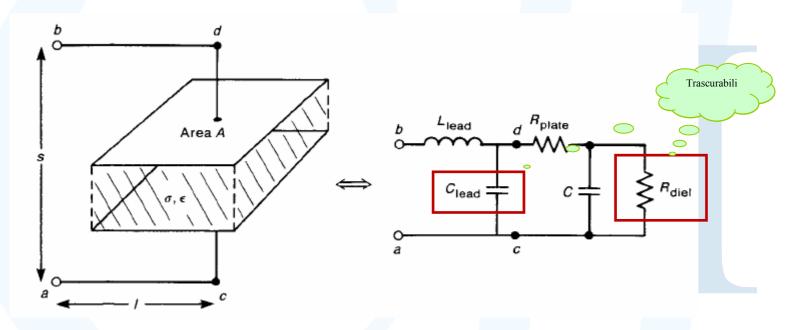






 R_{diel} è dovuta alle perdite ohmiche e polarizzazione nel dielettrico (valore molto elevato)

 R_{plate} è la resistenza dei piatti del condensatore



$$Z = L_{lead} \frac{\frac{1}{L_{lead}C} + j\omega \frac{R_s}{L_{lead}} - \omega^2}{j\omega} = \frac{1}{j\omega C} + R_s + j\omega L_{lead} \cong \frac{1}{j\omega C}$$

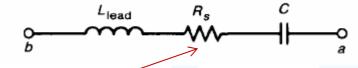
Compatibilità Elettromagnetica II A. A. 2008-09

Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze

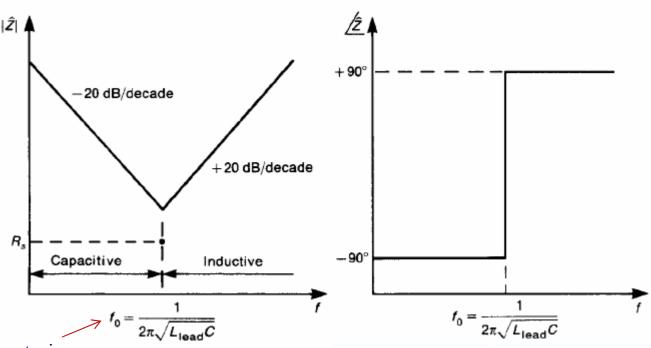
Capacitori



Risposta in frequenza del modello



ESR (Equivalent Series Resistance)



Frequenza di autorisonanza

Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni – Università di Firenze Compatibilità Elettromagnetica II A. A. 2008-09

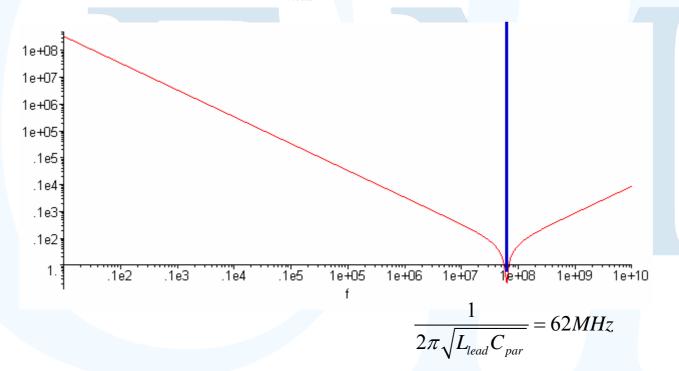
Capacitori

Risposta in frequenza del modello

$$C = 470 \, pF$$

$$R_s \cong 4n\Omega$$

$$L_{lead} = 14nH$$





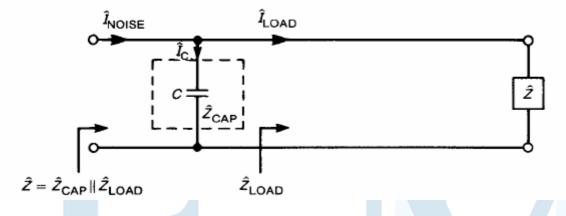


- Dal punto di vista della EMC, se si impiega un capacitore come elemento a bassa impedenza allo scopo di cortocircuitare le correnti di disturbo verso massa, occorre assicurarsi che la frequenza di lavoro sia inferiore a quella di autorisonanza per evitare che il comportamento reale si discosti troppo da quello ideale
- A parità di connettori (tipologia, lunghezza e spaziatura) più grande è la capacità del condensatore più bassa è la frequenza di autorisonanza





Soppressione delle correnti di disturbo con capacitore in parallelo



$$I_C = \frac{Z_L}{Z_C + Z_L} I_{Noise}$$

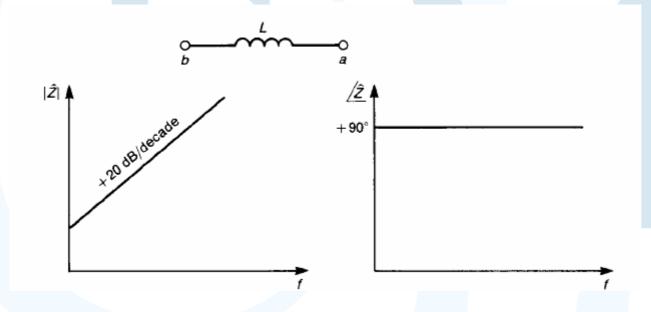
❖ Dal punto di vista della EMC il condensatore in parallelo è efficace solo se l'impedenza di carico è molto maggiore dell'impedenza del condensatore.





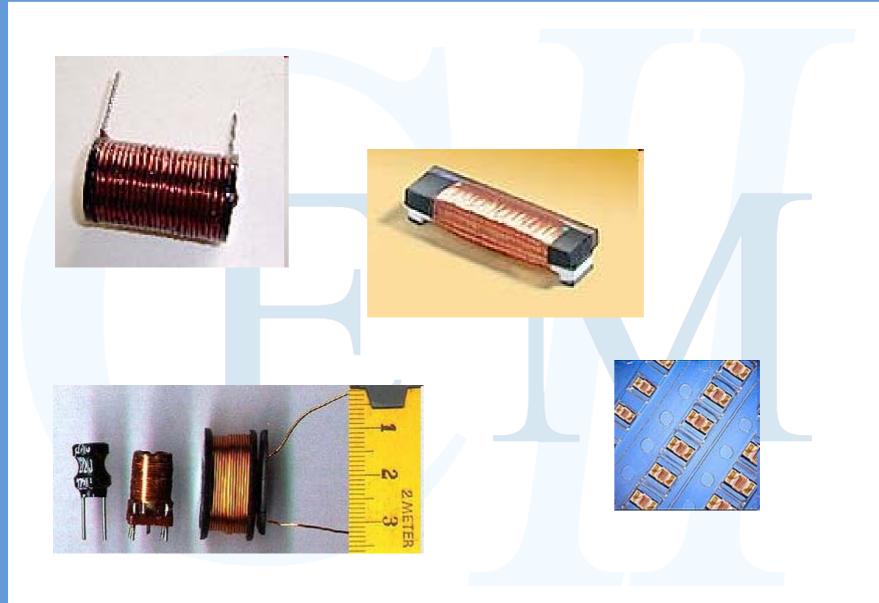
Comportamento ideale

$$Z = j\omega L \to \begin{cases} |Z| = 2\pi fL \\ \angle Z = 90^{\circ} \end{cases}$$







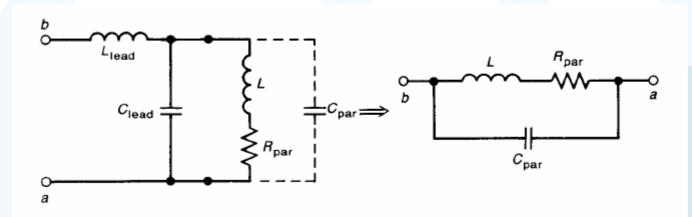


Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni – Università di Firenze





Comportamento reale e risposta in frequenza del modello



$$Z = R_{par} \frac{1 + \frac{j\omega L}{R_{par}}}{1 + j\omega R_{par} C_{par} - \omega^2 L C_{par}} = \frac{R_{par} + j\omega L}{1 + j\omega R_{par} C_{par} - \omega^2 L C_{par}} \cong j\omega L \text{ in bassa frequenza}$$

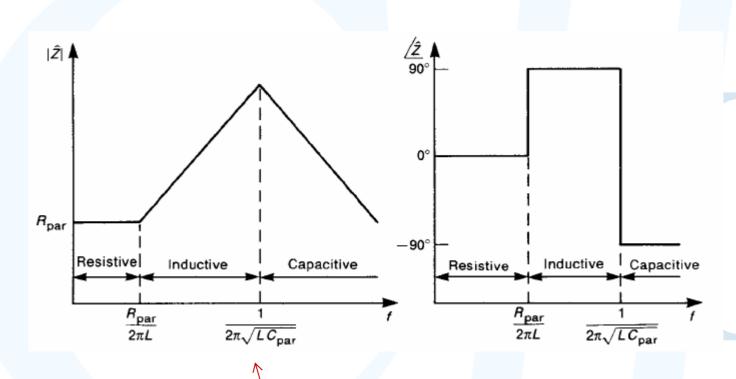
Compatibilità Elettromagnetica II A. A. 2008-09 S. Selleri - Laboratorio di Elettromagnetismo Numerico

Dipartimento di Elettronica e Telecomunicazioni - Università di Firenze

Induttori



Risposta in frequenza del modello

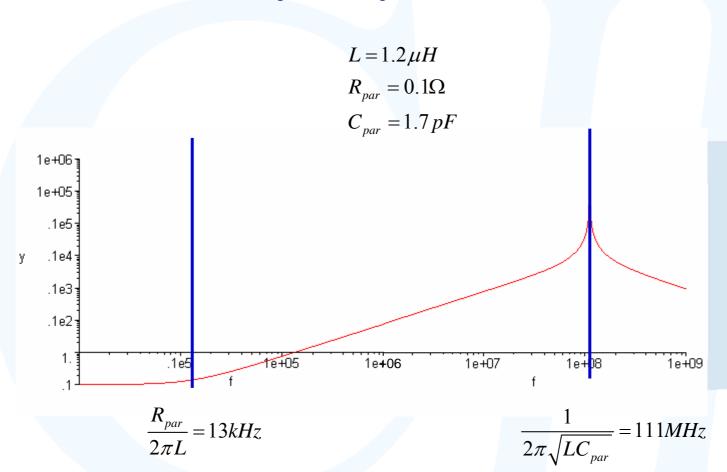


Frequenza di autorisonanza





Risposta in frequenza del modello







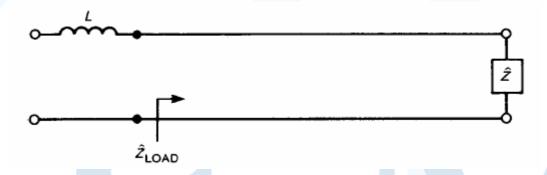
Nella pratica occorre assicurarsi che la frequenza di lavoro sia inferiore a quella di autorisonanza per evitare che il comportamento reale si discosti troppo da quello ideale

A parità di connettori (tipologia, lunghezza e spaziatura) più grande è l'induttanza dell'induttore più bassa è la frequenza di autorisonanza





Soppressione delle correnti di disturbo (bloccaggio) con induttore in serie



- Là dove il capacitore parallelo cortocircuita il disturbo e protegge il carico, l'induttore serie blocca il disturbo presentando un'alta impedenza. Affinchè il blocco sia efficace l'impedenza dell'induttore deve essere superiore a quella del carico
- Quindi l'induttore serie è efficace per carichi a bassa impedenza e inefficace per I carichi ad alta impedenza
- Condizione duale rispetto al capacitore.

