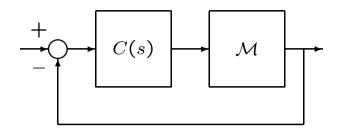
#### **REGOLATORI STANDARD**



Definizione del segnale errore:  $e(t) \doteq y_0(t) - y(t)$ 

- Regolatore proporzionale (P):  $u(t)=K_p\ e(t)\implies C(s)=K_p$  Caratteristiche: diminuisce il tempo di salita, diminuisce l'errore a regime, aumenta la sovraelongazione
- Regolatore integrale (I):  $u(t) = K_p \int_0^t \frac{e(\tau)}{T_i} d\tau \implies C(s) = \frac{K_p}{T_i s}$  Caratteristiche: aumenta il tempo di salita, annulla l'errore a regime, peggiora la sovraelongazione
- Regolatore derivativo (D):  $u(t) = K_p T_d \dot{e}(t) \implies C(s) = K_p T_d s$ Caratteristiche: diminuisce il tempo di salita, diminuisce la sovraelongazione, non può essere usato da solo

#### **REGOLATORI STANDARD: AZIONI MISTE**

• Regolatore proporzionale-integrale (PI):

$$C(s) = K_p \left( 1 + \frac{1}{T_i s} \right)$$

• Regolatore proporzionale-derivativo (PD):

$$C(s) = K_p(1 + T_d s)$$

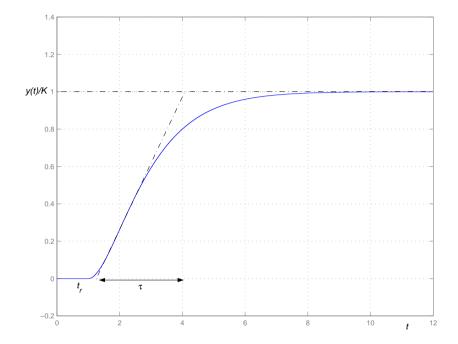
• Regolatore proporzionale-integrale-derivativo (PID):

$$C(s) = K_p \left( 1 + T_d s + \frac{1}{T_i s} \right)$$

- La determinazione dei parametri passa attraverso opportune formule empiriche (Metodi di Ziegler-Nichols)
- Applicabile a sistemi dinamici "comuni"

# METODO DI ZIEGLER-NICHOLS (I)

• Risposta al gradino dell'impianto da controllare



- $t_r$ : tempo di ritardo
- $\tau$ : costante di tempo
- $-K:=\overline{Y}/\overline{U}$ : guadagno statico
- Funzione di trasferimento approssimata del sistema da controllare

$$P(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} \approx \frac{K}{1 + s\tau} e^{-t_r s}$$

# METODO DI ZIEGLER-NICHOLS (I)

• Regolatore proporzionale (P):

$$K_p = \frac{1}{K} \frac{\tau}{t_r}$$

• Regolatore integrale (I):

$$\frac{K_p}{T_i} = \frac{4}{K\tau}$$

• Regolatore proporzionale-integrale (PI):

$$K_p = \frac{0.9}{K} \frac{\tau}{t_r}$$
;  $T_i = 3.3 t_r$ 

• Regolatore proporzionale-derivativo (PD):

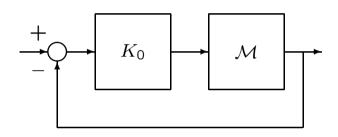
$$K_p = \frac{1.2}{K} \frac{\tau}{t_r}$$
;  $T_d = 0.3 t_r$ 

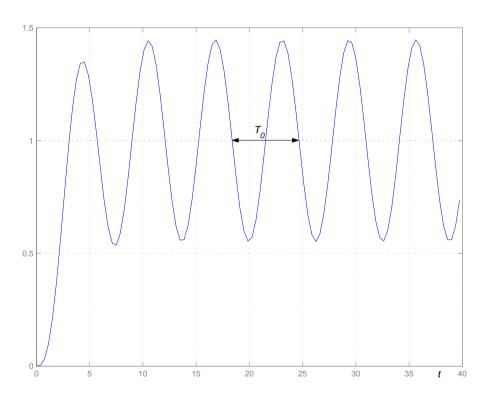
• Regolatore proporzionale-integrale-derivativo (PID):

$$K_p = \frac{1.2}{K} \frac{\tau}{t_r}$$
;  $T_i = 2 t_r$ ;  $T_d = 0.5 t_r$ 

# METODO DI ZIEGLER-NICHOLS (II)

ullet Risposta al gradino del sistema controllato con guadagno  $K_0$ 





- $K_0$ : guadagno critico
- $T_0$ : periodo di oscillazione

### METODO DI ZIEGLER-NICHOLS (II)

- Espressioni dei parametri
  - Regolatore proporzionale (P):

$$K_p = 0.5 \ K_0$$

- Regolatore proporzionale-integrale (PI):

$$K_p = 0.45 \ K_0 \ ; \qquad T_i = 0.85 \ T_0$$

Regolatore proporzionale-derivativo (PD):

$$K_p = 0.5 \ K_0 \ ; \qquad T_d = 0.2 \ T_0$$

Regolatore proporzionale-integrale-derivativo (PID):

$$K_p = 0.6 \ K_0$$
;  $T_i = 0.5 \ T_0$ ;  $T_d = 0.12 \ T_0$ 

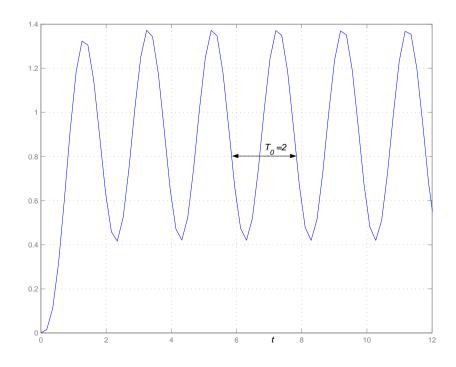
# METODO DI ZIEGLER-NICHOLS (II): ESEMPIO

ullet Impianto  ${\mathcal M}$  LTI stabile con 1 polo reale e 2 poli complessi coniugati

$$P(s) = \frac{1}{s^3 + 2s^2 + 10s + 2}$$

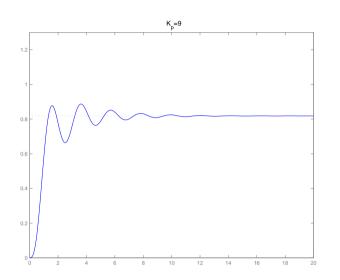
• Portato all'oscillazione fornisce  $K_0=18$  (si può usare il criterio di Routh) e  $T_0=2$ :

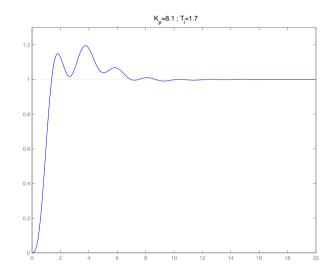
```
>> P=tf(1,[1 2 10 2]);
>> W=feedback(18*P,1);
>> step(W);
```



# METODO DI ZIEGLER-NICHOLS (II): ESEMPIO

• Regolatore proporzionale (P) e Regolatore proporzionale-integrale (PI):





• Regolatore proporzionale-derivativo (PD) e Regolatore proporzionale-integrale-derivativo (PID):

