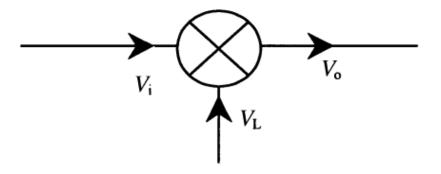


## **CONVERTITORE DI FREQUENZA**

$$V_{\rm i} = a\cos(\omega_1 t)$$

$$V_{\rm L} = b\cos(\omega_2 t)$$

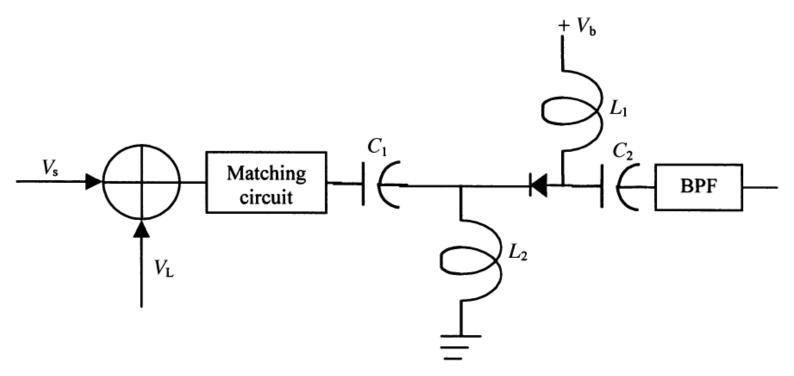


$$V_{\rm o} = ab\cos(\omega_1 t)\cos(\omega_2 t)$$

$$V_{o} = \frac{ab}{2} [\cos(\{\omega_{1} + \omega_{2}\}t) + \cos(\{\omega_{1} - \omega_{2}\}t)]$$



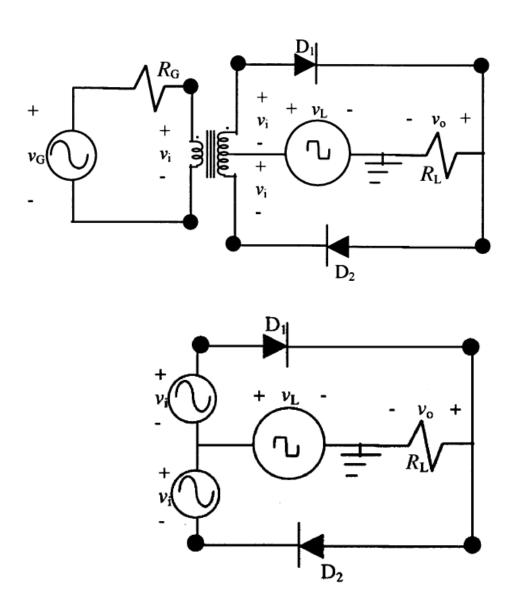
### **SCHEMA A DIODO SINGOLO**



Il diodo che è un elemento non lineare fa il prodotto dei due segnali sovrapposti al suo ingresso. Il segnale  $V_{\scriptscriptstyle L}$  modula la transconduttanza dinamica del diodo



# MIXER A COMMUTAZIONE





#### **MIXER A COMMUTAZIONE**

$$v_{o} = \begin{cases} v_{L} + v_{i} & v_{L} > 0 \\ v_{L} - v_{i} & v_{L} < 0 \end{cases}$$

$$v_{o} = v_{L} + v'_{i}$$

$$v'_{i} = v_{i}s(t)$$

$$s(t) = \begin{cases} 1 & v_{L} > 0 \\ -1 & v_{L} < 0 \end{cases}$$

s(t) può essere sviluppato in serie di Fourier

$$s(t) = \frac{4}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n} \sin\left(\frac{n\pi}{2}\right) \cos(n\omega_{L}t)$$



#### MIXER A COMMUTAZIONE

Ipotizzando che vi sia sinoidale

$$v_{\rm i} = V \cos(\omega_{\rm i} t)$$

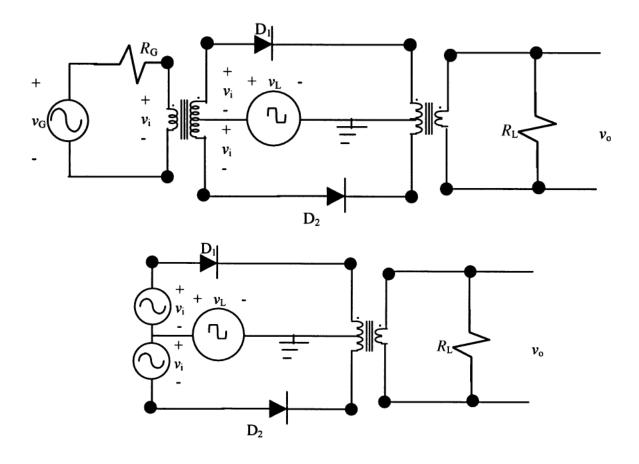
$$v_i' = \frac{2V}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n} \sin\left(\frac{n\pi}{2}\right) \left[\cos\left((n\omega_{\rm L} + \omega_{\rm i})t\right) + \cos\left((n\omega_{\rm L} - \omega_{\rm i})t\right)\right]$$

$$v_{\rm o} = v_{\rm L} + v_{\rm i}' = v_{\rm L} + \frac{2V}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n} \sin\left(\frac{n\pi}{2}\right) \left[\cos\{(n\omega_{\rm L} + \omega_{\rm i})t\} + \cos\{(n\omega_{\rm L} - \omega_{\rm i})t\}\right]$$

L'uscita contiene l'oscillatore locale a frequenza  $\omega_L$  in infinito numero di frequenze somma e differenza di  $\omega_L$  ultipli dispari di  $\omega_L$ 



# MIXER A COMMUTAZIONE (ALTERNATIVA)



In questo circuito entrambi i diodi conducono nella semionda positiva dell'oscillatore locale ed entrambi sono interdetti in quella negativa



### MIXER A COMMUTAZIONE (ALTERNATIVA)

$$v_{o} = v_{i}s(t) \qquad s(t) = \begin{cases} 1 & v_{L} > 0 \\ 0 & v_{L} < 0 \end{cases}$$

Espandendo s(t) in serie di Fourier

$$s(t) = \frac{1}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{n\pi} \sin\left(\frac{n\pi}{2}\right) \cos(n\omega_{L}t)$$

Posto 
$$v_i = V \cos(\omega_i t)$$

$$v_{\rm o} = \frac{V}{2}\cos(\omega_{\rm i}t) + \frac{V}{\pi}\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{n}\sin(\frac{n\pi}{2})\left[\cos\{(n\omega_{\rm L} + \omega_{\rm i})t\} + \cos\{(n\omega_{\rm L} - \omega_{\rm i})t\}\right]$$

L'uscita non contiene l'oscillatore locale ma contiene il segnale di ingresso.