1. Cài đặt các thư viện cần thiết

```
In [526...
          import pandas as pd
          import numpy as np
          import matplotlib.pyplot as plt
          import seaborn as sns
          import plotly.express as px
          from sklearn.cluster import KMeans, DBSCAN, AgglomerativeClustering
          from sklearn.mixture import GaussianMixture
          from sklearn.metrics import silhouette_score, calinski_harabasz_score, davies_bouldin_score, adj
          from sklearn.decomposition import PCA
          from sklearn.manifold import TSNE
          import category_encoders as ce
          from sklearn.preprocessing import StandardScaler
          from yellowbrick.cluster import SilhouetteVisualizer
          from sklearn.model_selection import GridSearchCV
          from sklearn.neighbors import NearestNeighbors
          from sklearn.preprocessing import LabelEncoder
          from scipy import stats
          import math
          import warnings
          warnings.filterwarnings("ignore")
```

2. Tải bộ dữ liệu thời tiết

In [527... data = pd.read_csv("/kaggle/input/weather/6. Weather.csv")

3. Phân tích dữ liệu

3.1 Ý nghĩa của từng trường thông tin

In [528... data Out[528... Visibility UV Wind **Precipitation** Cloud **Atmospheric Temperature Humidity** Season Speed Index (km) Cover Pressure partly 0 14.0 73 9.5 82.0 1010.82 2 Winter 3.5 cloudy partly 1 39.0 10.0 96 8.5 71.0 1011.43 Spring cloudy 2 30.0 64 7.0 16.0 clear 1018.72 Spring 5.5 3 38.0 83 1.5 82.0 clear 1026.25 Spring 1.0 4 27.0 74 17.0 66.0 990.67 Winter 2.5 m overcast 13195 10.0 74 14.5 71.0 1003.15 Summer 1.0 overcast 13196 -1.076 3.5 23.0 cloudy 1067.23 Winter 6.0 13197 30.0 3 77 5.5 28.0 overcast 1012.69 Autumn 9.0 13198 10.0 984.27 3.0 94.0 overcast Winter 13199 -5.038 0.0 92.0 overcast 1015.37 Autumn 10.0 m

13200 rows × 11 columns

- Nhìn chung, dataset bao gồm 13200 dòng và 11 cột chứa các thông tin thời tiết tại nhiều địa điểm, mùa khác nhau.
- Các đặc trưng thời tiết trong bộ dataset:
- 1. Temperature: Nhiệt độ (°C)

```
2. Humidity: Phần trăm độ ẩm (%)
             3. Wind Speed: Tốc độ gió (km/h)
             4. Precipitation (%): Tỷ lệ phần trăm mưa (%)
             5. Cloud Cover: Độ che phủ của mây
             6. Atmospheric Pressure: Áp suất khí quyển tính bằng hPa, bao phủ một phạm vi rộng
             7. UV Index: Chỉ số UV, biểu thị cường độ của bức xạ tím
             8. Season: Mùa mà dữ liệu được ghi lại
             9. Visibility (km): Tâm nhìn xa (km)
            10. Location: Loại vị trí mà dữ liệu được ghi lại
            11. Weather Type: Loại thời tiết
In [529... data.info()
          <class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
          RangeIndex: 13200 entries, 0 to 13199
          Data columns (total 11 columns):
          #
              Column
                            Non-Null Count Dtype
                                   13200 non-null float64
          ---
               ----
           0
              Temperature
          1 Humidity 13200 non-null int64
2 Wind Speed 13200 non-null float64
3 Precipitation (%) 13200 non-null float64
4 Cloud Cover 13200 non-null object
           5 Atmospheric Pressure 13200 non-null float64
                            13200 non-null int64
           6 UV Index
           7
                                      13200 non-null object
              Season
           8 Visibility (km) 13200 non-null float64
9 Location 13200 non-null object
          10 Weather Type
                                       13200 non-null object
          dtypes: float64(5), int64(2), object(4)
          memory usage: 1.1+ MB
In [530... data.isnull().sum()
Out[530...
           Temperature
           Humidity
                                      0
                                      0
           Wind Speed
                                      0
           Precipitation (%)
            Cloud Cover
            Atmospheric Pressure
           UV Index
                                      0
           Season
           Visibility (km)
                                     0
            Location
                                      0
           Weather Type
           dtype: int64
           => Tất cả các cột đều đầy đủ (non-null = 13200) như vậy ta không cần xử lý giá trị thiếu.
          data.duplicated().sum()
In [531...
Out[531...
           => Không có giá trị trùng lặp
In [532...
           data.nunique()
Out[532...
                                       126
           Temperature
                                        90
           Humidity
           Wind Speed
                                        97
           Precipitation (%)
                                       110
           Cloud Cover
                                        4
           Atmospheric Pressure 5456
           UV Index
                                       15
            Season
            Visibility (km)
                                        41
            Location
                                         3
           Weather Type
                                         4
           dtype: int64
In [533...
           def check_special_values(data):
               nan_values = data.isna()
                inf_values = (data == np.inf) | (data == -np.inf)
                special_values = (data == 9999) | (data == -9999)
                if nan_values.any().any() or inf_values.any().any() or special_values.any().any():
```

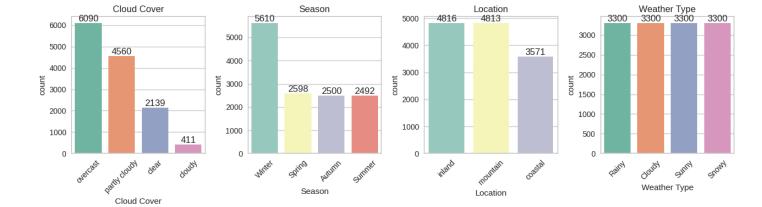
```
print("Dữ liệu chứa giá trị đặc biệt: NaN, inf, -inf hoặc 9999")
if nan_values.any().any():
    print("Các giá trị NaN có trong các vị trí sau:")
    print(data[nan_values].dropna(how='all'))
if inf_values.any().any():
    print("Các giá trị inf hoặc -inf có trong các vị trí sau:")
    print(data[inf_values].dropna(how='all'))
if special_values.any().any():
    print("Các giá trị 9999 có trong các vị trí sau:")
    print(data[special_values].dropna(how='all'))
else:
    print("Dữ liệu không chứa giá trị đặc biệt (NaN, inf, -inf, 9999, -9999).")
check_special_values(data)
```

Dữ liệu không chứa giá trị đặc biệt (NaN, inf, -inf, 9999, -9999).

Như vậy, bộ dataset gồm:

- 1. Các biến số (numerical features): Temperature, Humidity, Wind Speed, Precipitation (%), Atmospheric Pressure, UV Index, Visibility (km)
- 2. Các biến phân loại (categorical features): Cloud Cover, Season, Location, Weather Type

```
In [535... plt.figure(figsize=(13, 4))
          # Cloud Cover
          plt.subplot(1, 4, 1)
          ax = sns.countplot(x=data['Cloud Cover'], order=data['Cloud Cover'].value_counts(ascending=False
          abs_values = data['Cloud Cover'].value_counts(ascending=False).values
          ax.bar_label(container=ax.containers[0], labels=abs_values)
          plt.xlabel("Cloud Cover")
          plt.title("Cloud Cover")
          plt.xticks(rotation=45)
          # Season
          plt.subplot(1, 4, 2)
          ax1 = sns.countplot(x=data['Season'], order=data['Season'].value_counts(ascending=False).index,
          abs1_values = data['Season'].value_counts(ascending=False).values
          ax1.bar_label(container=ax1.containers[0], labels=abs1_values)
          plt.xlabel("Season")
          plt.title("Season")
          plt.xticks(rotation=45)
          # Location
          plt.subplot(1, 4, 3)
          ax2 = sns.countplot(x=data['Location'], order=data['Location'].value_counts(ascending=False).index
          abs2_values = data['Location'].value_counts(ascending=False).values
          ax2.bar_label(container=ax2.containers[0], labels=abs2_values)
          plt.xlabel("Location")
          plt.title("Location")
          plt.xticks(rotation=45)
          # Weather Type
          plt.subplot(1, 4, 4)
          ax3 = sns.countplot(x=data['Weather Type'], order=data['Weather Type'].value_counts(ascending=Fa)
          abs3_values = data['Weather Type'].value_counts(ascending=False).values
          ax3.bar_label(container=ax3.containers[0], labels=abs3_values)
          plt.xlabel("Weather Type")
          plt.title("Weather Type")
          plt.xticks(rotation=45)
          plt.tight_layout()
          plt.show()
```



- 1. Cloud Cover: phân bố không đều. Overcast: Chiếm nhiều nhất khoảng 6090 dòng. Partly Cloudy: Khá nhiều khoảng 4560 dòng. Clear: Ít hơn khoảng 2139 dòng. Cloudy: Số lượng rất ít khoảng 411 dòng.
- 2. Season: Winter: Áp đảo với 5610 dòng, hơn 40%. Các mùa khác Spring, Autumn, Summer gần như đồng đều khoảng 2500 dòng mỗi mùa.
- 3. Location: Inland và Mountain: Số lượng gần bằng nhau (khoảng 4816 và 4813). Coastal: Ít hơn khoảng 3571 dòng.
- 4. Weather Type: Phân bố cân đối, mỗi loại đều đúng bằng nhau (3300 dòng).

3.2 Một vài thống kê

Ở mỗi trường thông tin, các thống kê được chỉ ra cho các giá trị không bị khuyết trong trường đó là:

- count: số lượng phần tử không bị khuyết,
- mean: giá trị trung bình,
- std: phương sai,
- min: giá trị nhỏ nhất,
- max: giá trị lớn nhất,
- 50% (Q2): trung vị giá trị mà ở đó có đúng một nửa số phần tử trong cột có giá trị nhỏ hơn hoặc bằng nó.
- 25% (Q1): trung vị của các giá trị từ min tới 50%, tức có đúng 25% số phần tử trong cột có giá trị nhỏ hơn hoặc bằng nó,
- 75% (Q3): trung vị của các giá trị từ 50% tới max, tức có đúng 75% số phần tử trong cột có giá trị nhỏ hơn hoặc bằng nó,

In [536...

data.describe()

Out[536...

	Temperature	Humidity	Wind Speed	Precipitation (%)	Atmospheric Pressure	UV Index	Visibility (km)
count	13200.000000	13200.000000	13200.000000	13200.000000	13200.000000	13200.000000	13200.000000
mean std	19.127576	68.710833	9.832197	53.644394	1005.827896	4.005758	5.462917
	17.386327	20.194248	6.908704	31.946541	37.199589	3.856600	3.371499
min	-25.000000	20.000000	0.000000	0.000000	800.120000	0.000000	0.000000
25%	4.000000	57.00000	5.000000	19.000000	994.800000	1.000000	3.000000
50%	21.000000	70.000000	9.000000	58.000000	1007.650000	3.000000	5.000000
75%	31.000000	84.000000	13.500000	82.000000	1016.772500	7.000000	7.500000
max	109.000000	109.000000	48.500000	109.000000	1199.210000	14.000000	20.000000



Dữ liệu đầy đủ, không có giá trị thiếu (count = 13200 cho mọi trường).

- 1. Temperature: Trung bình 19.13°C, độ lệch chuẩn lớn (17.39°C), phân phối rộng từ -25°C đến 109°C. Nhiệt độ cực cao bất thường (>50°C) → cần kiểm tra outliers.
- 2. Humidity:Trung bình 68.71%, phân phối đồng đều, min 20%, max 109% (vượt ngưỡng vật lý). Cần xử lý giá trị >100%.
- 3. Wind Speed:Trung bình 9.83 km/h, lệch phải nhẹ, max 48.5 km/h (gió mạnh hợp lý). Không cần xử lý thêm.

- 4. Precipitation (%): Trung bình 53.64%, min 0%, max 109% (bất hợp lý). Cần kiểm tra và xử lý các giá trị >100%
- 5. Atmospheric Pressure: Trung bình 1005.83 hPa, giá trị dao động từ 800.12 hPa đến 1199.21 hPa. Các giá trị cực thấp/cao có thể là lỗi → cần xác minh.
- 6. UV Index: Trung bình 4.01, phân phối lệch phải, max 14. Phân phối hợp lý, không thấy outlier.
- 7. Visibility (km): Trung bình 5.46 km, từ 0 đến 20 km. Phân phối tự nhiên, hợp lý theo thời tiết.

3.3 Minh họa histogram và KDE

Qua các thống kê count, min, max, Q1, Q2, Q3, std, mean ở phía trước, để hình dung rõ phân phối của các biến ta minh họa các histogram như sau:

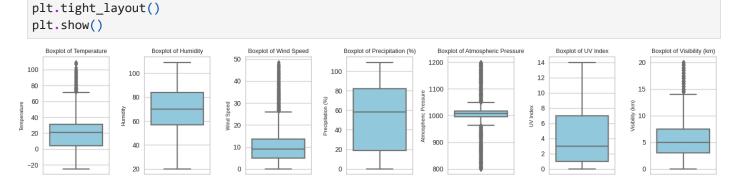
```
In [537...
           numeric = data.select_dtypes(exclude='object').columns.tolist()
           num_cols = len(numeric)
           fig, axes = plt.subplots(nrows=1, ncols=num_cols, figsize=(16, 3))
           for i, col in enumerate(numeric):
               ax = axes[i]
               sns.histplot(data[col], kde=True, bins=40, color='skyblue', ax=ax)
               ax.set_title(f'Distribution of {col}', fontsize=10)
               ax.set_xlabel(col)
               ax.set_ylabel("Frequency")
               ax.grid(True)
           plt.tight_layout()
           plt.show()
                          800
                                                         600
                                                                                                        800
                                                         500
                                         1000
          1000
                                                                                        2000
                                                         400
                                          750
           750
                                                                                        1500
                                                         300
                                                         200
```

Qua các histogram, ta thấy rõ được phân phối của các biến như đã nói trước đó:

- Temperature: phân phối không đối xứng, lệch phải; có 2 đỉnh: 1 đỉnh thấp (khoảng 0°C) và 1 đỉnh cao (khoảng 25–30°C); có vài giá trị cao bất thường (khoảng >60°C), không thực tế.
- Humidity: phân phối khá chuẩn, tập trung nhiều ở khoảng 60–90%, có nhiều đỉnh nhỏ. Một vài giá trị
 vươt 100% sẽ bi loai bỏ.
- Wind Speed: phân phối lệch phải rõ rệt. Nhiều giá trị thấp (0–10 km/h), nhưng có vài đỉnh cao >40 km/h có thể xem là điều kiện thời tiết khắc nghiệt.
- Precipitation (%): rời rạc, không phải phân phối chuẩn, tập trung ở khoảng 0–40%. Một số giá trị >100% không hợp lý sẽ bị loại bỏ.
- Atmospheric Pressure: dạng phân phối tương đối chuẩn quanh 1000-1020 hPa. Một vài giá trị thấp
 ~800 hPa và cao ~1200 hPa là bất thường cần lọc về phạm vi hợp lý (870–1085 hPa).
- UV Index: phân phối rộng, lệch phải, đa dạng từ 0 đến hơn 10. Một số giá trị >11 khá hiếm trong thực tế.
- Visibility (km): phân phối lệch phải mạnh, phần lớn dữ liệu dưới 5km, còn lại rải rác tới 20km.
- => Cần xử lý loại bỏ những dữ liệu sai lệch (outlier) và chuẩn hóa dữ liệu để các trường dữ liệu đỡ lệch hơn: Dùng StandardScaler trước khi thực hiện phân cụm.

3.4 Kiểm tra outlier

Qua các biểu đồ histogram phía trên, ta có thể thấy các trường có rất nhiều outlier. Ta có thể quan sát rõ hơn qua các boxplot sau:



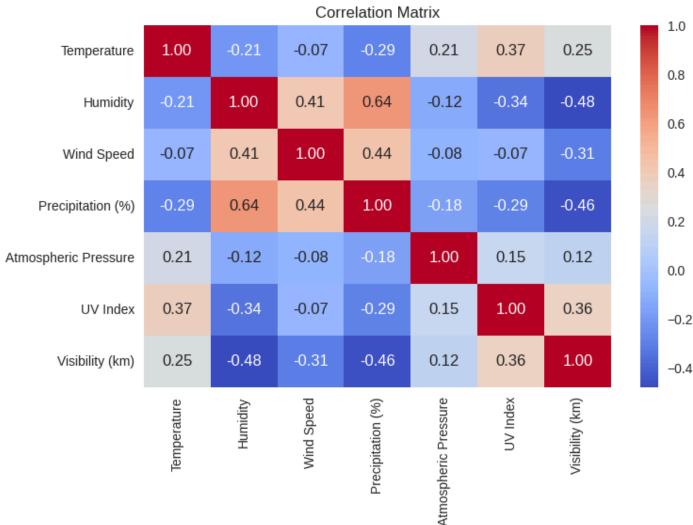
Qua các boxplot trên, ta có thể đưa ra các nhận xét sau:

- 1. Temperature: Outlier rõ ràng: Nhiệt độ trên 60°C hoặc dưới -20°C là phi thực tế nên sẽ lọc bỏ các giá trị nằm ngoài khoảng từ -20°C đến 60°C.
- 2. Humidity: Trong thực tế, độ ẩm tối đa là 100% nên sẽ cắt ngưỡng về khoảng 0 tới 100%.
- 3. Wind Speed: Tốc độ gió tối đa lên tới 48.5 km/h. Tốc độ này có thể xảy ra trong bão nhưng trên 40 km/h rất hiếm. Vì vậy có thể giữ nguyên nhưng gắn cờ nếu >40.
- 4. Precipitation (%): Tương tự Humidity, tỷ lệ mưa tối đa là 100% nên sẽ cắt ngưỡng về khoảng 0 tới 100%.
- 5. Atmospheric Pressure: Giá trị khí quyển thực tế nằm trong khoảng 870hPa tới 1085 hPa nên sẽ cắt ngưỡng về khoảng này.
- 6. UV Index: Thang UV chuẩn là từ 0 tới 11+ nên có thể giữ lại các giá trị lớn hơn 11.
- 7. Visibility (km): Không có outlier rõ ràng nên có thể giữ nguyên.

3.5 Minh họa heat map và pairplot - Phân tích mối tương quan giữa các biến

3.5.1 Minh họa heat map

```
In [539... plt.figure(figsize=(8, 5))
    corr = data[numeric].corr()
    sns.heatmap(corr, annot=True, cmap='coolwarm', fmt=".2f")
    plt.title("Correlation Matrix")
    plt.show()
Correlation Matrix
```



 Humidity - Precipitation (%): 0.64 → tương quan thuận mạnh → khi độ ẩm tăng, xác suất mưa cũng tăng. => Có thể tổng hợp 2 biến Humidity và Precipitation (%) thành 1 biến mới.

- Humidity Visibility: -0.48 → tương quan nghịch vừa phải → độ ẩm cao thường làm giảm tầm nhìn.
- Humidity Wind Speed: 0.41 → Gió mạnh thường xuất hiện trong thời tiết ẩm.
- Precipitation (%) Visibility: -0.46 → mưa làm giảm tầm nhìn.
- Wind Speed Precipitation (%): Tương quan thuận nhẹ (0.44) → gió mạnh có thể đi kèm mưa.
- UV Index Visibility (km): 0.36 Trời quang, UV cao hơn
- UV Index có tương quan thuận với Temperature (0.37) và nghịch với Humidity (-0.34) → trời nắng mạnh hơn thì UV tăng. => Không cần bỏ đặc trưng nào.

4. Làm sạch và xử lý dữ liệu

4.1 Xử lý các giá trị không hợp lệ (outlier)

Xóa bỏ 1417 dòng có chứa giá trị ngoại lệ.

```
In [540... df = data.copy()
  initial_count = len(df)
  df_filtered = df[(df["Temperature"] <= 60) &(df["Temperature"] >= -20) &(df["Humidity"] <= 100) {
    filtered_count = len(df_filtered)
    removed_count = initial_count - filtered_count
    print("Số dòng đã bị lọc:", removed_count)</pre>
```

Số dòng đã bị lọc: 1417

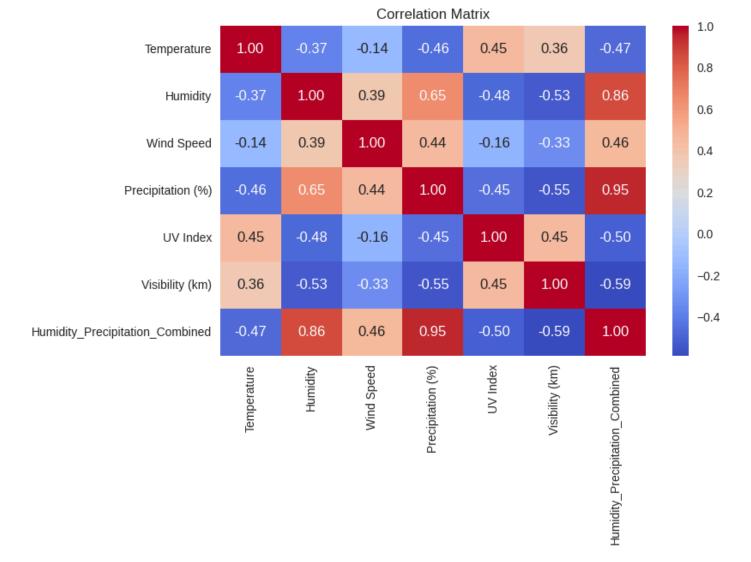
In [541... df_filtered.describe()

Out[541...

	Temperature	Humidity	Wind Speed	Precipitation (%)	Atmospheric Pressure	UV Index	Visibility (km)
count	11783.000000	11783.000000	11783.000000	11783.000000	11783.000000	11783.000000	11783.00000
mean	18.336502	67.747602	9.419206	50.698379	1004.579433	3.634728	5.33281
std	15.485299	19.092649	6.361297	31.160238	19.939629	3.614014	3.06168
min	-20.000000	20.000000	0.000000	0.000000	870.050000	0.000000	0.00000
25%	4.000000	57.000000	5.000000	18.000000	994.950000	1.000000	3.00000
50%	21.000000	69.000000	8.500000	54.000000	1007.270000	2.000000	5.00000
75%	30.000000	82.000000	13.500000	79.000000	1016.235000	6.000000	7.50000
max	60.000000	100.000000	48.500000	100.000000	1084.820000	14.000000	20.00000

4.2 Sinh biến mới

Humidity - Precipitation (%) với hệ số tương quan thuận mạnh 0.64 nên ta sẽ sinh 1 biến tổng hợp 2 biến trên thành 1 biến mới.



Biến tổng hợp Humidity_Precipitation_Combined: tương quan rất cao với Precipitation (%): 0.95, tương quan cao với Humidity: 0.86, cũng có tương quan khá với Wind Speed (0.46), ngược với Temperature, UV Index, Visibility (hệ số âm nhẹ đến trung bình). => Humidity_Precipitation_Combined đã gom được hầu hết ý nghĩa của cả Humidity và Precipitation. Xóa hai cột gốc Humidity và Precipitation (%) để tránh dư thừa.

```
In [544... df_filtered = df_filtered.drop(['Humidity', 'Precipitation (%)'],axis='columns')
```

4.3 Chuyển đặc trưng phân loại (categorical feature) thành đặc trưng số (numerical feature)

• Vì mô hình phân cụm là mô hình học không giám sát nên ta sẽ sử dụng bộ dataset không có nhãn. Ta sẽ xóa cột "Weather Type" - cột nhãn xác định loại thời tiết để không ảnh hưởng đến mô hình phân cụm và sẽ dùng cột này để đánh giá mô hình phân cụm sau này.

```
In [545... df_cleaned = df_filtered.drop(['Weather Type'],axis='columns')
```

Encoding các biến phân loại (categorical features) bằng One-Hot Encoding sau đó mỗi giá trị phân loại sẽ được chuyển thành một cột nhị phân (0 hoặc 1), giúp mô hình học máy dễ dàng xử lý.

```
encoder=ce.OneHotEncoder(cols=['Cloud Cover', 'Season', 'Location'], return_df=True,use_cat_name:
    data_encoded = encoder.fit_transform(df_cleaned)
    data_encoded.head()
```

Out[546		Temperature	Wind Speed	Cloud Cover_partly cloudy	Cloud Cover_clear	Cloud Cover_overcast		Atmospheric Pressure	UV Index	Sea
	0	14.0	9.5	1	0	0	0	1010.82	2	
	1	39.0	8.5	1	0	0	0	1011.43	7	
	2	30.0	7.0	0	1	0	0	1018.72	5	
	3	38.0	1.5	0	1	0	0	1026.25	7	
	4	27.0	17.0	0	0	1	0	990.67	1	

Như vậy, các biến phân loại đã được chia thành các cột nhỏ. Các cột này nếu có giá trị là 1 tương ứng với True, 0 tương ứng với False. Cụ thể:

- Cloud Cover được phân thành: Cloud Cover_partly cloudy, Cloud Cover_clear, Cloud Cover_overcast,
 Cloud Cover_cloudy
- Season được phân thành: Season_Winter, Season_Spring, Season_Summer, Season_Autumn
- Location được phân thành: Location_inland, Location_mountain, Location_coastal

4.4 Chuẩn hóa dữ liệu

Như đã nói ở các phần phân tích trước đó, các trường dữ liệu có phân phối lệch nhiều, cần được chuẩn hóa để phân phối bớt lệch hơn. Các đặc trưng số (numeric) sau khi chuẩn hóa, bộ dữ liệu đã có các đặc trưng đồng đều về quy mô và phân phối, với giá trị trung bình gần bằng 0 và độ lệch chuẩn gần 1.

Out[548...

75%

max

٠		Temperature	Wind Speed	Cloud Cover_partly cloudy	Cloud Cover_clear	Cloud Cover_overcast	Cloud Cover_cloudy	Atmosph Pres
	count	1.178300e+04	1.178300e+04	11783.000000	11783.000000	11783.000000	11783.000000	11783.000
	mean	-6.633260e-17	-6.512655e-17	0.347789	0.164899	0.468641	0.018671	1004.579
	std	1.000042e+00	1.000042e+00	0.476289	0.371105	0.499037	0.135366	19.939
	min	-2.475776e+00	-1.480768e+00	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000	870.050
	25%	-9.258530e-01	-6.947315e-01	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000	994.95(
	50%	1.720090e-01	-1.445059e-01	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000	1007.270

0.000000

1.000000

1.000000

1.000000

0.000000

1.000000

1016.235

1084.820

1.000000

1.000000

5. Các mô hình phân cụm thời tiết

6.415307e-01

6.143787e+00

5.1 Mô hình KMeans

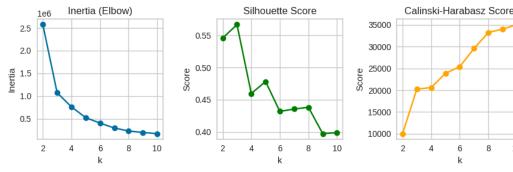
7.532301e-01

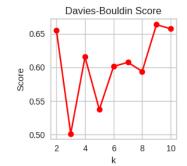
2.690634e+00

```
In [549... X = X_scaled
    inertia_list = []
    silhouette_list = []
    ch_score_list = []
    db_score_list = []
    k_range = range(2, 11)
    for k in k_range:
        kmeans = KMeans(n_clusters=k, n_init=10, random_state=84)
        cluster_labels = kmeans.fit_predict(X)
        inertia_list.append(kmeans.inertia_)
        silhouette_list.append(silhouette_score(X, cluster_labels))
        ch_score_list.append(calinski_harabasz_score(X, cluster_labels))
        db_score_list.append(davies_bouldin_score(X, cluster_labels))
```

```
In [550... plt.figure(figsize=(12, 3))
# Inertia (Elbow)
plt.subplot(1, 4, 1)
plt.plot(k_range, inertia_list, marker='o')
plt.title("Inertia (Elbow)")
plt.xlabel("k")
plt.ylabel("Inertia")
# Silhouette Score
plt.subplot(1, 4, 2)
```

```
plt.plot(k_range, silhouette_list, marker='o', color='green')
plt.title("Silhouette Score")
plt.xlabel("k")
plt.ylabel("Score")
# Calinski-Harabasz Index
plt.subplot(1, 4, 3)
plt.plot(k_range, ch_score_list, marker='o', color='orange')
plt.title("Calinski-Harabasz Score")
plt.xlabel("k")
plt.ylabel("Score")
# Davies-Bouldin Score
plt.subplot(1, 4, 4)
plt.plot(k_range, db_score_list, marker='o', color='red')
plt.title("Davies-Bouldin Score")
plt.xlabel("k")
plt.ylabel("Score")
plt.tight_layout()
plt.show()
```





- 1. Với biểu đồ khuỷu tay Elbow Method Inertia: Đường cong Inertia giảm mạnh từ k=2 đến k=4.Khoảng k=5, đường cong bắt đầu "gãy khuỷu" (chậm lại), giảm ít dần.
- 2. Với Silhouette Score: cao nhất tại k = 3 (khoảng 0.575), k = 2 cũng khá cao khoảng 0.53. Từ k=3 đến k=5 tương đối cao. Sau k=5 thì điểm giảm mạnh.
- 3. Calinski-Harabasz Score: tăng dần mạnh từ k=2 đến k=8. Từ k=8 trở đi, mức tăng dần chậm lại.
- 4. Davies-Bouldin Score: thấp nhất ở k=3 và k=5 (\sim 0.53). Giá trị nhỏ nhất rõ rệt tại k=3 nhưng k=5 cũng khá thấp.

Kết luận: Chọn k = 5 cho mô hình KMeans.

```
In [551... kmeans = KMeans(n_clusters=5, n_init=10, random_state=42)
kmeans_labels = kmeans.fit_predict(X)
```

5.2 Mô hình DBSCAN

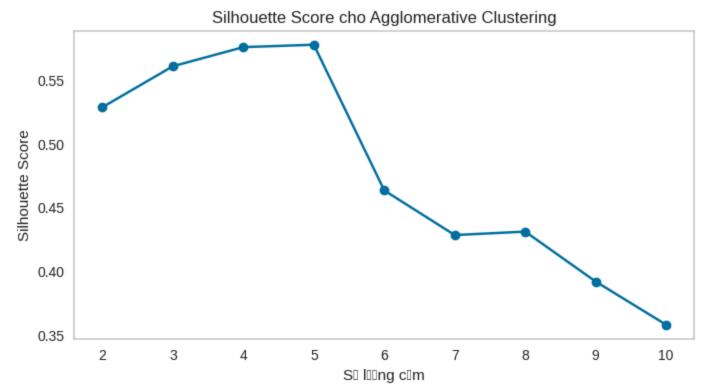
```
Best eps: 3.600000000000005, Silhouette: 0.6958
```

```
In [553... dbscan = DBSCAN(eps=3.6, min_samples=11)
    dbscan_labels = dbscan.fit_predict(X)
```

5.3 Agglomerative Clustering

```
In [554... silhouette_scores = []
for n in range(2, 11):
    agglo = AgglomerativeClustering(n_clusters=n)
    labels = agglo.fit_predict(X_scaled)
    silhouette_scores.append(silhouette_score(X_scaled, labels))
plt.figure(figsize=(8, 4))
plt.plot(range(2, 11), silhouette_scores, marker='o')
```





Với k=4 hoặc k=5 thì Silhouette Score khá cao khoảng 0.57 => Chọn k=5.

```
In [555... agg = AgglomerativeClustering(n_clusters=5)
agg_labels = agg.fit_predict(X)
```

6. Trực quan hóa kết quả phân cụm bằng PCA

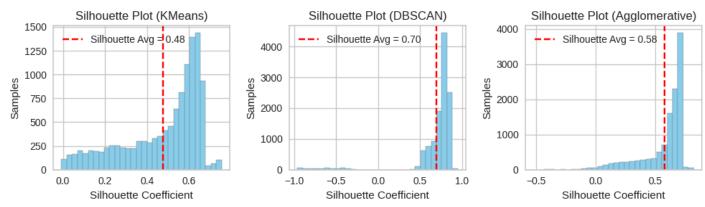
```
true_labels = df_filtered['Weather Type']
In [556...
          def plot_pca_clusters_subplot(X, labels, title, ax):
              pca = PCA(n_components=2)
              X_pca = pca.fit_transform(X)
              df_plot = pd.DataFrame({'PC1': X_pca[:, 0], 'PC2': X_pca[:, 1], 'Cluster': labels})
              sns.scatterplot(data=df_plot, x='PC1', y='PC2', hue='Cluster',
                               palette='tab10', s=20, ax=ax, legend=True)
              ax.set_title(title)
          clusterings = [
               (kmeans_labels, "KMeans Clustering (k=5)"),
               (dbscan_labels, "DBSCAN Clustering"),
               (agg_labels, "Agglomerative Clustering (k=5)"),
              (true_labels, "Weather Type")
          fig, axes = plt.subplots(1, len(clusterings), figsize=(20, 4))
          for i, (labels, title) in enumerate(clusterings):
              plot_pca_clusters_subplot(X, labels, title, axes[i])
          plt.tight_layout()
          plt.show()
```

- **KMeans:** Các cụm tách khá rõ theo trục PC1 nhưng chủ yếu chia theo giá trị PC1 thay vì thật sự nhóm tự nhiên, nhóm hơi "cứng", bị ép chia đều không linh hoạt.
- **DBSCAN:** Phát hiện được một cụm lớn và vài cụm nhỏ, nhiều điểm noise (-1).
- Agglomerative: Phân cụm rất rõ, sát với dạng phân bố tự nhiên, rõ từng cụm tách biệt, khá giống với nhãn Weather Type.

7. So sánh và đánh giá các mô hình phân cụm thời tiết

7.1 Biểu đồ Silhouette

```
In [557...
           def plot_silhouette_scores(X_scaled, labels, model_name, ax):
                sil_vals = silhouette_samples(X_scaled, labels)
                sil_avg = silhouette_score(X_scaled, labels)
                ax.hist(sil_vals, bins=30, color='skyblue', edgecolor='gray')
ax.axvline(sil_avg, color='red', linestyle='--', label=f"Silhouette Avg = {sil_avg:.2f}")
                ax.set_title(f"Silhouette Plot ({model_name})")
                ax.set_xlabel("Silhouette Coefficient")
                ax.set_ylabel("Samples")
                ax.legend()
                ax.grid(True)
           fig, axes = plt.subplots(1, 3, figsize=(10, 3))
           plot_silhouette_scores(X_scaled, kmeans_labels, "KMeans", axes[0])
           \verb|plot_sil| houette_scores(X_scaled, dbscan_labels, "DBSCAN", axes[1])|
           plot_silhouette_scores(X_scaled, agg_labels, "Agglomerative", axes[2])
           plt.tight_layout()
           plt.show()
```



- **KMeans**: Phân cụm tốt, ít nhiễu, trung bình silhouette ≈ 0.48, đa số điểm chất lượng tốt.
- **DBSCAN**: Phân cụm tự nhiên, loại noise, silhouette trung bình ~0.70, đa số điểm > 0.6, ít điểm biên.
- **Agglomerative**: Phân tách ổn, silhouette trung bình ≈ 0.58, nhiều điểm > 0.5 nhưng vẫn có chồng lấn nhẹ, ít điểm sai cụm. Cụm rõ ràng nhất chiếm đa số.

7.2 Các chỉ số đánh giá mô hình phân cụm

- 1. Silhouette Score: Đo độ "chặt chẽ" và phân biệt nhóm, từ -1 (sai nhóm) đến 1 (chặt chẽ, phân biệt rõ).
- 2. Inertia (K-Means): Đo độ gần của điểm với tâm cụm, giá trị thấp là tốt.
- 3. Davies-Bouldin Index: Đánh giá chất lượng phân cụm, giá trị thấp là tốt.
- 4. **Adjust Rand Index (ARI)**: So sánh phân cụm với nhãn thực tế, từ -1 (ngược chiều) đến 1 (hoàn toàn giống).

```
In [558...
          def collect_scores(X, labels, model_name):
              sil = silhouette_score(X, labels)
              ch = calinski_harabasz_score(X, labels)
              db = davies_bouldin_score(X, labels)
              ari = adjusted_rand_score(true_labels, labels)
              return {
                   'Model': model_name,
                   'Silhouette Score': round(sil, 4),
                   'Calinski-Harabasz': round(ch, 2),
                   'Davies-Bouldin': round(db, 4),
                   'Adjusted Rand Index': round(ari, 4)
          results = []
          results.append(collect_scores(X, kmeans_labels, "KMeans"))
          if len(set(dbscan_labels)) > 1:
              results.append(collect_scores(X, dbscan_labels, "DBSCAN"))
          else:
              print("DBSCAN không tạo ra đủ cụm hợp lệ để đánh giá.")
          results.append(collect_scores(X, agg_labels, "Agglomerative"))
```

```
results.append(collect_scores(X, gmm_labels, "GaussianMixture"))
# In bång kết quả
results_df = pd.DataFrame(results)
results_df
```

Out[558...

	Model	Silhouette Score	Calinski-Harabasz	Davies-Bouldin	Adjusted Rand Index
0	KMeans	0.4779	23869.05	0.5377	0.3015
1	DBSCAN	0.6958	942.07	1.3419	-0.0000
2	Agglomerative	0.5774	17583.03	0.5015	0.2536
3	GaussianMixture	0.0338	1221.62	4.3538	0.3036

- KMeans: Silhouette khá ổn; Calinski-Harabasz rất cao → cụm phân tách rất tốt; Davies-Bouldin mức khá;
 phân cụm có độ chính xác tương đối.
- DBSCAN: Silhouette rất cao, tách cụm rất tốt; Calinski-Harabasz thấp → không mạnh về độ tách biệt giữa các cụm; Davies-Bouldin cao → không lý tưởng, cụm không đồng đều; không khớp nhiều với nhãn thực tế.
- Agglomerative Clustering: Silhouette tőt; Calinski-Harabasz rất cao, tốt hơn DBSCAN, kém KMeans chút;
 Davies-Bouldin tốt nhất trong các mô hình; ARI = 0.2536 → ổn định.
- => Kết luận: Lựa chọn mô hình **Agglomerative Clustering**

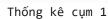
8. Định nghĩa từng cụm theo mô hình được chọn

```
In [559...

df_filtered['cluster'] = agg_labels
for cluster_label in sorted(df_filtered['cluster'].unique()):
    print(f"\nThống kê cụm {cluster_label}")
    cluster_data = df_filtered[df_filtered['cluster'] == cluster_label]
    stats = cluster_data.describe().loc[['mean', '50%', 'std']]
    stats.rename(index={'50%': 'median'}, inplace=True)
    display(stats)
```

Thống kê cụm 0

	Temperature	Wind Speed	Atmospheric Pressure	Index	Visibility (km)	Humidity_Precipitation_Combined	cluste
mean	8.023928	11.157228	993.862584	1.654038	3.651047	73.712961	0.
median	3.000000	10.500000	994.380000	1.000000	3.500000	76.500000	0.
std	14.470422	6.777775	6.941261	2.460245	2.219274	14.144054	0.1

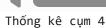


1.0
1.0
0.0

Thống kê cụm 2

	Temperature	Wind Speed	Atmospheric Pressure	UV Index	Visibility (km)	Humidity_Precipitation_Combined	cluste
mean	16.946341	7.836585	942.401610	6.960976	10.707317	53.153659	2.0
median	19.000000	8.000000	939.180000	7.000000	11.500000	54.500000	2.0
std	21.473240	4.445628	20.177438	4.294141	6.037034	15.927287	0.0

	Temperature	Wind Speed	Atmospheric Pressure	UV Index	Visibility (km)	Humidity_Precipitation_Combined	cluste
mean	14.612903	7.048387	1064.690645	7.419355	9.935484	52.576613	3.0
median	13.500000	6.500000	1064.890000	8.000000	10.500000	50.500000	3.0
std	19.745828	4.339935	12.892108	4.128223	5.980989	16.304900	0.0



	Temperature	Wind Speed	Atmospheric Pressure	UV Index	Visibility (km)	Humidity_Precipitation_Combined	cluster
mean	12.580952	7.290476	887.208571	7.295238	9.133333	54.057143	4.0
median	11.000000	7.500000	886.600000	8.000000	8.500000	56.500000	4.0
std	19.636985	4.058337	10.308570	4.430931	5.852459	15.959280	0.0

Qua các thống kê của từng cụm, ta có thể đưa ra nhận xét về các cụm thời tiết như sau:

- 1. Cụm 0: Nhiệt độ thấp, độ ẩm cao, tốc độ gió trung bình mạnh, tầm nhìn kém, chỉ số UV rất thấp. => Đặc trưng: Lạnh, ẩm cao, nhiều mưa, tối tăm
- 2. Cụm 1: Nhiệt độ cao, độ ẩm trung bình, gió nhẹ hơn, chỉ số UV trung bình cao, tầm nhìn khá. => Đặc trưng: Ấm áp, ẩm nhẹ, ít mưa, trời sáng
- 3. Cụm 2: Nhiệt độ trung bình thấp, độ ấm khá thấp, tỉ lệ mưa cao, chỉ số UV cao, tầm nhìn tốt. => Đặc trưng: Mát, khô nhẹ, mưa nhiều, trời sáng
- 4. Cụm 3: Nhiệt độ trung bình thấp, độ ẩm thấp, mưa trung bình, chỉ số UV cao, tầm nhìn tốt. => Đặc trưng: Mát, khô, mưa trung bình, UV cao
- 5. Cụm 4: Nhiệt độ thấp, độ ẩm thấp, mưa nhiều, chỉ số UV cao, tầm nhìn tốt. => Đặc trưng: Lạnh, rất khô, mưa nhiều, trời sáng

```
In [560... df_clustered['Cluster'].value_counts()
```

Out[560...

Cluster

- 1 6334
- 0 5015
- 2 205
- 3 124
- 4 105

Name: count, dtype: int64

- Cụm 1 và 2 chiếm đa số (~67%): dữ liệu chủ yếu là thời tiết ấm áp đến mát mẻ, không quá cực đoan.
- Cụm 0 cũng khá lớn (~26%): đại diện cho thời tiết lạnh, ẩm thấp, nhiều mưa có thể là mùa đông hoặc những ngày mưa dài.
- Cụm 3 và 4 rất nhỏ (chỉ ~3% tổng số liệu) là những điều kiện đặc biệt hơn: cực khô hoặc UV cực cao, khí áp khác biệt.

```
In [561... cluster_names = {
    0: 'Lanh, am cao, nhiều mưa, tối tăm',
    1:    'Ám áp, am nhe, it mưa, trời sáng',
    2:    'Mát, khô nhe, mưa nhiều, trời sáng',
    3:    'Mát, khô, mưa trung bình, UV cao',
    4:    'Lanh, rất khô, mưa nhiều, trời sáng'
}
for cluster in range(5):
    print(f"\n * Một vài mẫu cụm {cluster} - {cluster_names[cluster]}")
    display(df_clustered[df_clustered['Cluster'] == cluster].sample(3))
```

♦ Một vài mẫu cụm 0 - Lạnh, ẩm cao, nhiều mưa, tối tăm

	Temperature	Humidity	Wind Speed	Precipitation (%)	Cloud Cover	•		Season	Visibility (km)	Loca
6777	30.0	73	17.5	52.0	overcast	995.78	1	Summer	1.0	moui
7209	-7.0	82	4.5	90.0	overcast	999.26	0	Winter	2.5	ir
6245	-2.0	68	16.0	99.0	partly cloudy	994 //	1	Winter	1.0	in
• Má	ột vài mẫu cụn	m 1 - Ấm á _l	p, ẩm nh	e, ít mưa, t	rời sáng	5				•
	Temperature	Humidity	Wind Speed	Precipitation (%)	Cloud Cover	•		Season	Visibility (km)	Loca
5550	35.0	48	4.5	4.0	clear	1024.97	8	Summer	5.0	со
8423	24.0	92	7.0	67.0	overcast	1014.99	3	Winter	4.5	moui
2051	23.0	64	3.0	35.0	partly cloudy	1007//	1	Winter	5.5	moui
4 (2									
◆ Mo	ột vài mẫu cụr		Wind			Atmospheric	UV		Visibility	
	Temperature	Humidity	Speed	(%)		Pressure	Index	Season	(km)	Locat
9312	28.0	68	5.5	67.0	partly cloudy	932.32	2	Spring	11.5	cos
5512	34.0	70	6.0	69.0	cloudy	922.46	3	Summer	6.0	coa
12863	-17.0	37	14.0	34.0	cloudy	912.53	10	Summer	16.5	inl
4 (
◆ Má	ột vài mẫu cụn	m 3 - Mát,		_						
	Temperature	Humidity	Wind Speed	Precipitation (%)	Cloud Cover	Atmospheric Pressure	UV Index	Season	Visibility (km)	Locati
7217	16.0	69	4.5	31.0	partly cloudy	1041.60	0	Spring	11.0	inla
8696	-1.0	54	10.0	99.0	partly cloudy	1080.07	0	Summer	1.0	mount
4798	20.0	55	4.5	21.0	cloudy	1074.96	4	Summer	8.0	coas
■ Ma	ột vài mẫu cụn	m 4 Lanh	nấ+ kh	o muza nhiàu	+nời c	ána				
→ 1410				Precipitation		Atmospheric	UV	•	Visibility	
	Temperature	Humidity	Speed	(%)	Cover	-	Index	Season	(km)	Locati
9491	7.0	60	2.5	85.0	partly cloudy	877.83	2	Spring	7.0	mount
2107	11.0	68	3.5	31.0	partly cloudy	902.53	8	Winter	9.0	coas
1885	13.0	60	10.5	76.0	partly cloudy	881.44	12	Summer	3.0	inla